Valutazione top-down di SDT L-attribuiti

Valutazione top-down di definizioni L-attribuiti I

L'analizzatore a discesa ricorsiva per grammatiche LL(1) può essere *modificato* in modo da valutare gli L-attributi.

Durante la parsificazione un'azione nel corpo di una produzione è eseguita non appena tutti i simboli della grammatica a sinistra dell'azione sono stati "matched" (presi in esame).

Ad ogni non terminale si associa una funzione che ha

- parametri in input: i valori degli attributi ereditati della variabile e
- ritorna il valore (o i valori) dei suoi attributi sintetizzati.

Spesso è conveniente che la funzione per un non terminale abbia una variabile locale per ogni attributo ereditato o sintetizzato per ogni simbolo che occorre nelle corpo di una produzioni per la variabile stessa.

Valutazione top-down di SDT L-attribuiti

```
Program traduzione_discesa_ricorsiva
    begin cc ← PROSS
             risultato \leftarrow S()
             if (cc = '$') "stringa accettata"
             else ERRORE(...)
    <u>end</u>
<u>function</u> A(e_1, \ldots e_n)
    begin if (cc \in Gui(A \rightarrow \alpha_1)) body (\alpha_1)
             else if (cc \in Gui(A \rightarrow \alpha_2)) body (\alpha_2)
             else if (cc \in Gui(A \rightarrow \alpha_k)) body (\alpha_k)
             else ERRORE(...)
             \underline{\text{return}} < s_1, \ldots, s_m >
    end
```

Valutazione top-down di definizioni L-attribuite III

Codice per le parti destre delle produzioni (body(α_i)):

- Per ogni non terminale B si genera un'assegnazione c ← B(b₁, . . . b_n),
 che è una chiamata alla funzione associata a B, dove b₁, . . b_n sono gli attribui ereditati di B e c il valore dell'attributo sintetizza.
- Per ogni terminale i valori degli attributi sintetizzati vengono assegnati alle corrispondenti variabili e l'esame passa al simbolo successivo.
- Le azioni semantiche vengono ricopiate dopo aver sostituito i riferimenti agli attributi con le variabili corrispondenti.

Valutazione top-down di definizioni L-attribuite IV

Esempio: Lista delle differenze I

```
C \rightarrow N\# \{L.elem = N.val\}
        L \qquad \{C.\textit{list} = L.\textit{list}\}
     L \rightarrow N; \{L_1.elem = L.elem\}
           L_1 {L.list = cons (N.val - L.elem, L_1.list)}
     L \rightarrow \varepsilon {L.list = <><u>l</u>}
     N \rightarrow num \{N. val = num. val\}
                                                                   Insiemi guida
                                             C \rightarrow N\#L
                                                                   {num}
La grammatica è LL(1):
                                             L \rightarrow N; L_1
                                                                  {num}
                                                                  {$}
                                             L \rightarrow \epsilon
                                                                   {num}
                                             N \rightarrow num
```

La grammatica è stata ottenuta da quella di un esempio visto in precedenza sostituendo la produzione $L \to N$ con $L \to \epsilon$ e modificando di conseguenza la regola semantica associata. Questa grammatica, a differenza della precedente, è LL(1).

Valutazione top-down di definizioni L-attribuite V

Esempio: Lista delle differenze II

```
Program traduzione_discesa_ricorsiva
main
    begin cc ← PROSS
          list \leftarrow C()
          if (cc = '$') "stringa accettata"
          else ERRORE(...)
    end
                                                       \{N. val = num. val\}
                                           N \rightarrow num
function N
    var N_val
    begin if (cc = num) N_val ← num.val
                         cc ← PROSS
           else ERRORE(...)
           return N_val
    end
```

Valutazione top-down di definizioni L-attribuite VI

Esempio: Lista delle differenze III

```
C \rightarrow N \# \{L.elem = N.val\}
L \qquad \{C.list = L.list\}
```

```
function C
    var C_list, N_val, L_elem, L_list
    begin if (cc = num)
                 N_val \leftarrow N()
                 if (cc = '#')
                        cc \leftarrow PROSS
                       L elem ← N val
                       L_{list} \leftarrow L (L_{elem})
                        C_list ← L_list
                 else ERRORE(...)
           else ERRORE(...)
            return C_list
    end
```

Valutazione top-down di definizioni L-attribuite VII

```
Esempio: Lista delle differenze IV
                                               L \rightarrow N; {L<sub>1</sub>.elem = L.elem}
                                                 L_1 {L.list = \underline{cons} (N.val - L.elem, L_1.list)}
                                               L \rightarrow \varepsilon {L. list = \langle \rangle}
function L (L_elem)
      var L_list, N_val, L1_elem, L1_list
      begin if (cc = num)
                    N val \leftarrow N()
                    if (cc = ';')
                              cc \leftarrow PROSS
                              L1_elem ← L_elem
                             L1_list \leftarrow L (L1_elem)
                              L_list ← cons (N_val – L_elem, L1_list)
                     else ERRORE(...)
              else if (cc = '$') L_list \leftarrow <>
              else ERRORE(...)
              return L_list
      end
```

```
Valutazione top-down di
                                                                                              Esempio: Lista delle differenze V
                                              definizioni L-attribuite VIII
function C
<u>var</u> .....
                                                                                            #
                                                                                                                       3
begin if (cc = num)
           N \text{ val} \leftarrow N()
           if (cc = num) N val \leftarrow num.val
                     cc ← PROSS ; return N_val
                                                                                                                   \{N \text{ val} = 4\}
           if (cc = '#') cc \leftarrow PROSS
                 L elem \leftarrow N val
                                                                                                                   \{L \text{ elem} = 4\}
                 L list \leftarrow L (L elem)
                                                                                                                   \{L(4)\} =>
                   if (cc = num) N val\leftarrow N()
                                     if (cc = num) N val \leftarrow num.val
                                               cc \leftarrow PROSS; return N val
                                                                                                                   \{N \text{ val} = 6\}
                              if (cc = ';') cc \leftarrow PROSS
                                                                                                                   \{L1\_elem = 4\}
                                     L1 elem¹ ← L elem
                                     L1 list \leftarrow L(L1 elem)
                                                                                                                   \{L(4)\} =>
                                        if (cc = num) N_val \leftarrow N()
                                                      if (cc = num) N val \leftarrow num.val
                                                               cc ← PROSS ; return N_val
                                                                                                                   \{N \text{ val} = 3\}
                                                   if (cc = ';') cc \leftarrow PROSS
                                                           L1 elem ← L elem
                                                                                                                   {L1 elem= 4}
                                                           L1 list \leftarrow L (L1 elem<sup>2</sup>)
                                                                                                                   \{L(4)\} =>
                                                               \underline{if} (cc = '$') L_list \leftarrow <>
                                                                                                                   \{L \mid list = <>\}
                                                                       return L_list
                                                                                                                   {L1_list = <>}
                                                                                                                   \{L | list = < -1 > \}
                                                           L_list ← cons (N_val – L1_elem, L1_list)
                                                   return L_list
                                                                                                                    \{L1 | list = <-1>
                                                                                                                   \{L \text{ list} = < 2,-1 > \}
                                     L_list ← cons (N_val – L_elem, L1_list)
                               return L list
                                                                                                                   \{C \text{ list} = < 2,-1 > \}
                 C list \leftarrow L list
           return C_list
                                                                                                                                         9
```

end

Piu' attributi sintetizzati: Traduzione binario -> decimale I

Esempio I

```
N \rightarrow D \ K \{N.val = D.val * 2^{K.left} + K.val\}; \ N.left = K.left\}
K \rightarrow N \ \{K.val = N.val; \ K.left = N.left + 1\}
K \rightarrow \varepsilon \ \{K.val = 0; \ K.left = 0\}
D \rightarrow 0 \ \{D.val = 0\}
D \rightarrow 1 \ \{D.val = 1\}
```

Dove .val rappresena il valore, .left il mumero di cifre del numero che deve essere allungato..

La grammatica è LL(1) in quanto le produzioni da uno stesso non terminale hanno insiemi guida disgiunti.

$$\begin{array}{ll} \text{Gui } (\mathsf{K} \to \mathsf{N}) = \{0,1\} & \text{Gui } (\mathsf{D} \to \mathsf{0}) = \{0\} & \text{Gui } (\mathsf{N} \to \mathsf{DK}) = \{0,1\} \\ \text{Gui } (\mathsf{K} \to \epsilon) = \{ \dashv \} & \text{Gui } (\mathsf{D} \to \mathsf{1}) = \{1\} \end{array}$$

Traduzione binario -> decimale II

I due parametri ereditati vengono passati come unico valore di ritorno costituito da una coppia <, > i cui componenti rappresentano rispettivamente .val e . left e p_1 , p_2 sono le due proiezioni che individuano la prima e la seconda componente della coppia, rispettivamente).

```
N \to D \ K \ \{N.pair = < D.val \ x \ 2^{p_2(K.pair)} + p_1(K.pair), p_2(K.pair) > \} 
K \to N \ \{K.pair = < p_1(N.pair), p_2(N.pair) + 1 > \} 
K \to \varepsilon \ \{K.pair = < 0,0 > \} 
D \to 0 \ \{D.val = 0\} 
D \to 1 \ \{D.val = 0\}
```

NB. Questa sarebbe ovviamente inutile in linguaggi che permettono per esempio piu' parametri di ritorno (o con I parametri di tipo ref dei inguaggi Pascal-like)

Traduzione binario -> decimale III

Esempio II

```
\begin{split} N \rightarrow D \ K \ \{N.\textit{pair} = < D.\textit{val} \ x \ 2 \ \textbf{p}_2^{(K.pair)} + \textbf{p}_1(K.pair), \ \textbf{p}_2(K.\textit{pair}) > \} \end{split} \underbrace{\begin{array}{l} \underline{\text{function}} \ N() \\ \underline{\text{var}} \ N\_\text{pair}, \ K\_\text{val}, \ D\_\text{val} \\ \underline{\text{begin}} \ \text{if} \ (\text{cc} \in \{0,1\}) \\ D\_\text{val} \leftarrow D() \\ K\_\text{pair} \leftarrow K() \\ N\_\text{pair} \leftarrow < D\_\text{val} \ x \ 2 \ \textbf{p}_2^{(K\_\text{pair})} + \textbf{p}_1(K\_\text{pair}), \ \textbf{p}_2(K\_\text{pair}) > \\ \underline{\text{else}} \ ERRORE \ (\dots) \\ \underline{\text{return}} \ N\_\text{val} \\ \underline{\text{end}} \end{split}}
```

Traduzione binario -> decimale IV

```
\begin{array}{ll} \mathsf{K} \to \mathsf{N} & \{\mathsf{K}.\textit{pair} = < \mathsf{p}_1(\mathsf{N}.\textit{pair}),\, \mathsf{p}_2(\mathsf{N}.\textit{val}) + 1 > \} \\ \mathsf{K} \to \epsilon & \{\mathsf{K}.\textit{pair} = < 0,0 > \} \\ \\ & \underline{\mathsf{function}} \; \mathsf{K}() \\ & \underline{\mathsf{var}} \; \mathsf{N}\_\mathsf{pair},\, \mathsf{K}\_\mathsf{pair} \\ & \underline{\mathsf{begin}} \; \underline{\mathsf{if}} \; (\mathsf{cc} \in \{0,1\}) \\ & \mathsf{N}\_\mathsf{pair} \leftarrow \mathsf{N}() \\ & \mathsf{K}\_\mathsf{pair} \leftarrow < \mathbf{p}_1(\mathsf{N}\_\mathsf{pair}),\, \mathbf{p}_2(\mathsf{N}\_\mathsf{pair}) + 1 > \\ & \underline{\mathsf{else}} \; \underline{\mathsf{if}} \; (\mathsf{cc} = \$) \quad \mathsf{K}\_\mathsf{pair} \leftarrow < 0,0 > \\ & \underline{\mathsf{else}} \; \mathsf{ERRORE} \; (\ldots) \\ & \underline{\mathsf{return}} \; \mathsf{K}\_\mathsf{pair} \\ & \underline{\mathsf{end}} \\ \end{array}
```

Traduzione binario -> decimale V

```
D \rightarrow 0 {D. val = 0}
D \rightarrow 1 {D. val = 1}
function D()
  var D_val
  begin if (cc = 0)
              D_val \leftarrow 0
              cc \leftarrow PROSS
         else if (cc = 1)
              D_val ← 1
              cc \leftarrow PROSS
         else ERRORE (...)
         return D_val
                                       Che cosa associa il
  <u>end</u>
                                       traduttore ad ogni stringa
                                       prodotta dalla grammatica?
```

Schema L-attribuita per valutazione espressioni

$$E \rightarrow T \{E'.p=T.val \\ E' \{E.val=E'.val\} \}$$

$$E' \rightarrow + T \{E_1'.p=E'.p + T.val\} \\ E' \{E'.val=E_1'.val\} \}$$

$$E' \rightarrow \epsilon \{E'.val=E'.p\} \}$$

$$T \rightarrow F \{T'.p=F.val\} \\ T' \{T.val=T'.val\} \}$$

$$T' \rightarrow \epsilon \{T_1'.p=T'.p \times F.val\} \\ T_1' \{T'.val=T_1'.val\} \}$$

$$T' \rightarrow \epsilon \{T'.val=T'.p\} \}$$

$$F \rightarrow (E) \{F.val=E.val\} \}$$

 $F \rightarrow num \{F.val = num.lexval\}$

.p : sintetizzato
.val: ereditato

```
E \rightarrow T {E'.p=T.val}

E' {E.val=E'.val}

function E()

begin

if cc = `(`or cc = num then E'_p = T())

E'_val = E'(E'_p)

return E'_val

else ERROR ()
```

```
E' \rightarrow + T \{E_1'.p = E'.p + T.val\}
           E_{1}, \{E'.val = E_{1}'.val\}
 E' \rightarrow \varepsilon \{E'.val = E'.p\}
function E'(E'_p)
    begin
           if cc = '+' then
                T \text{ val } = T()
                E_1'_p = E'_p + T_val
                E_1'_val = E'(E_1'_p)
           else if cc = ' or cc = $ then E'_val = E'_p
           else ERROR ()
           return E'_val
    end
```

```
T \rightarrow F \{T'.p=F.val\}
T' \{T.val=T'.val\}

function T ()
begin
if cc = `(`or cc = num) then
T'_p = F()
T'_val = T'(T'_p)
return T'_val
else ERROR ()
end
```

```
T' \rightarrow *F \{T_1'.p = T'.p \times F.val\}
             T_1, \{T'.val = T_1'.val\}
  T' \rightarrow \epsilon \{T'.val = T'.p\}
function T'(T'_p)
    begin
           if cc = ** 'then
                F_val = F()
                T_1'_p = T'_p + F_val
                T_val = T'(T_1, p)
           else if cc = + \circ or ') ' or cc =  then T'_val = T'_p
           else ERROR ()
           return T'_val
    end
```

```
F \rightarrow (E) \{F.val = E.val\}
F \rightarrow num \{F.val = num.lexval\}
function F()
      begin
            \underline{if} \ \underline{cc} = \mathbf{num} \mathbf{num} \mathbf{num}
                          F_val = num.lexval
             <u>else if cc = (ten \underline{cc} = PROSS)</u></u>
                         F_val = E()
                         \underline{if} cc = ')' \underline{then} cc = PROSS
            else ERROR()
             return F_val
       else ERROR ()
     <u>end</u>
```