

Cifrari Asimmetrici

Prof. Francesco Bergadano

**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

1

Cifrari Asimmetrici

**“Per cifrare e decifrare si
usano chiavi diverse”**

3

Copyright Notice

Prof. Francesco Bergadano

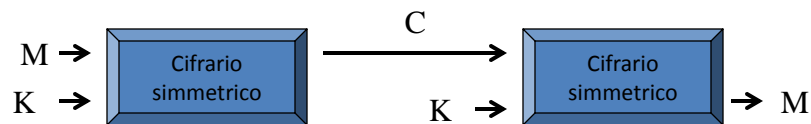
**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

2

**Questo materiale può essere utilizzato e distribuito
liberamente, anche in parte, purché non venga modificato il
contenuto e non venga rimosso il nome dell'autore**

Cifrari Simmetrici

- “Per cifrare e decifrare si
- usa la stessa chiave”



4

Cifrari Asimmetrici

Prof. Francesco Bergadano

**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

1

Cifrari Asimmetrici

**“Per cifrare e decifrare si
usano chiavi diverse”**

3

Copyright Notice

Prof. Francesco Bergadano

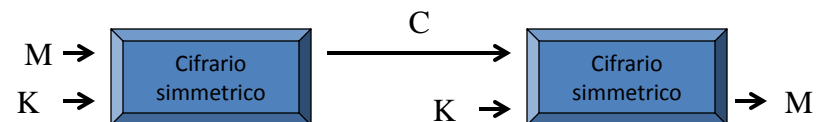
**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

**Questo materiale può essere utilizzato e distribuito
liberamente, anche in parte, purché non venga modificato il
contenuto e non venga rimosso il nome dell'autore**

2

Cifrari Simmetrici

- “Per cifrare e decifrare si
- usa la stessa chiave”



4

Cifrari Asimmetrici

Prof. Francesco Bergadano

**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

1

Cifrari Asimmetrici

**“Per cifrare e decifrare si
usano chiavi diverse”**

3

Copyright Notice

Prof. Francesco Bergadano

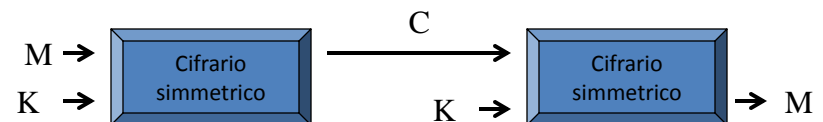
**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

**Questo materiale può essere utilizzato e distribuito
liberamente, anche in parte, purché non venga modificato il
contenuto e non venga rimosso il nome dell'autore**

2

Cifrari Simmetrici

- “Per cifrare e decifrare si
- usa la stessa chiave”



4

Cifrari Asimmetrici

Prof. Francesco Bergadano

**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

1

Cifrari Asimmetrici

**“Per cifrare e decifrare si
usano chiavi diverse”**

3

Copyright Notice

Prof. Francesco Bergadano

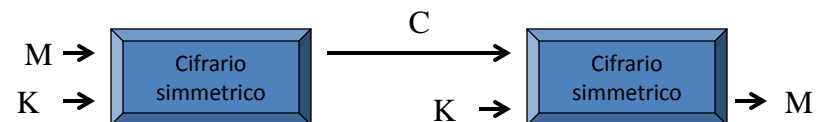
**Dipartimento di Informatica
Università di Torino**

**Questo materiale può essere utilizzato e distribuito
liberamente, anche in parte, purché non venga modificato il
contenuto e non venga rimosso il nome dell'autore**

2

Cifrari Simmetrici

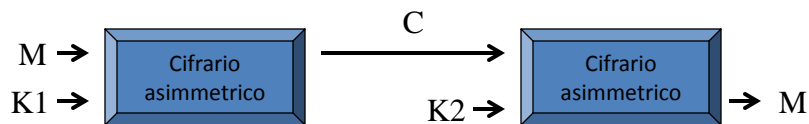
- “Per cifrare e decifrare si
- usa la stessa chiave”



4

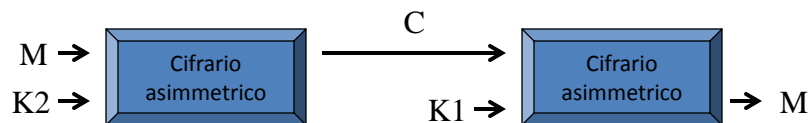
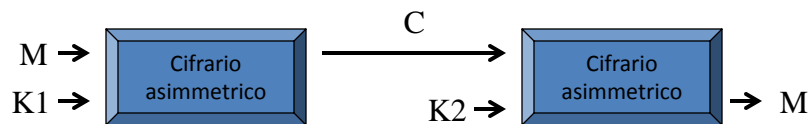
Cifrari Asimmetrici

“Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse”



5

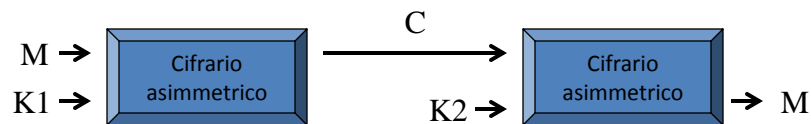
Cifrari asimmetrici - è possibile cifrare con entrambe le chiavi



7

Cifrari asimmetrici

1. Non è possibile ottenere K2 da K1, e viceversa
2. Non è possibile decifrare, anche se si conosce K1
K1, K2 generate insieme da apposita procedura



Se 1 e' falsa, allora anche 2 e' falsa, quindi se 2 e' vera, anche 1 e' vera

6

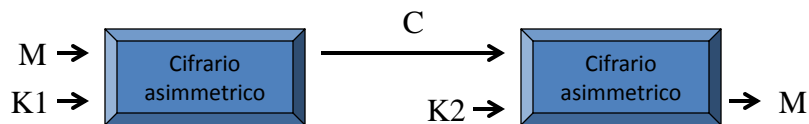
Cifrari asimmetrici

- Basati su principi completamente diversi da quelli della crittografia convenzionale:
 - nei cifrari convenzionali la difficoltà della lettura di un messaggio cifrato consiste nel fatto che la trasformazione realizzata dal cifrario non è conosciuta
 - nei cifrari asimmetrici la trasformazione è conosciuta, ma è troppo difficile da calcolare se non si conosce l'informazione segreta (trapdoor) utilizzata per generare le chiavi e/o per decifrare.

8

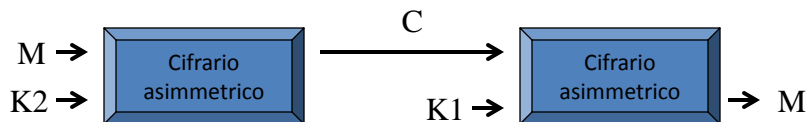
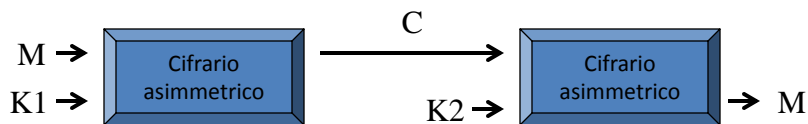
Cifrari Asimmetrici

“Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse”



5

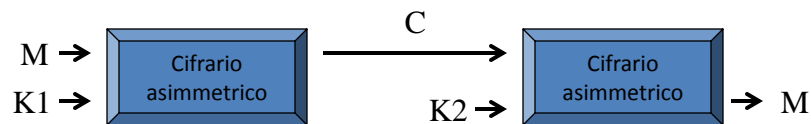
Cifrari asimmetrici - è possibile cifrare con entrambe le chiavi



7

Cifrari asimmetrici

1. Non è possibile ottenere K2 da K1, e viceversa
2. Non è possibile decifrare, anche se si conosce K1
K1, K2 generate insieme da apposita procedura



Se 1 e' falsa, allora anche 2 e' falsa, quindi se 2 e' vera, anche 1 e' vera

6

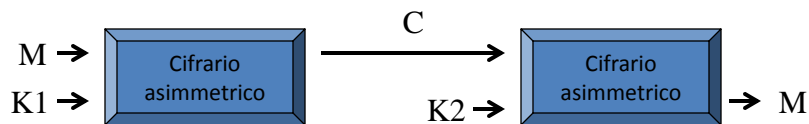
Cifrari asimmetrici

- Basati su principi completamente diversi da quelli della crittografia convenzionale:
 - nei cifrari convenzionali la difficoltà della lettura di un messaggio cifrato consiste nel fatto che la trasformazione realizzata dal cifrario non è conosciuta
 - nei cifrari asimmetrici la trasformazione è conosciuta, ma è troppo difficile da calcolare se non si conosce l'informazione segreta (trapdoor) utilizzata per generare le chiavi e/o per decifrare.

8

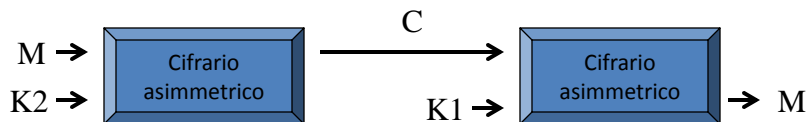
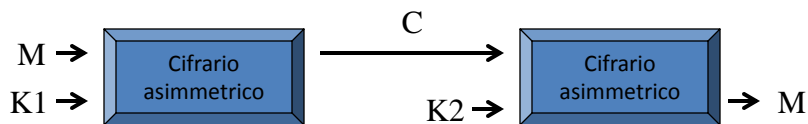
Cifrari Asimmetrici

“Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse”



5

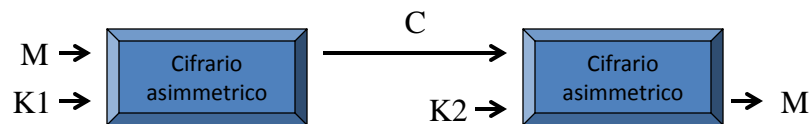
Cifrari asimmetrici - è possibile cifrare con entrambe le chiavi



7

Cifrari asimmetrici

1. Non è possibile ottenere K2 da K1, e viceversa
2. Non è possibile decifrare, anche se si conosce K1
K1, K2 generate insieme da apposita procedura



Se 1 e' falsa, allora anche 2 e' falsa, quindi se 2 e' vera, anche 1 e' vera

6

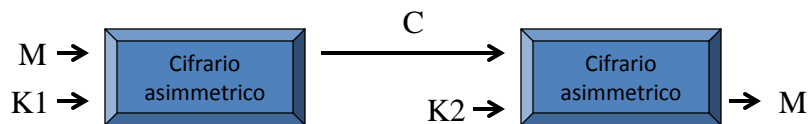
Cifrari asimmetrici

- Basati su principi completamente diversi da quelli della crittografia convenzionale:
 - nei cifrari convenzionali la difficoltà della lettura di un messaggio cifrato consiste nel fatto che la trasformazione realizzata dal cifrario non è conosciuta
 - nei cifrari asimmetrici la trasformazione è conosciuta, ma è troppo difficile da calcolare se non si conosce l'informazione segreta (trapdoor) utilizzata per generare le chiavi e/o per decifrare.

8

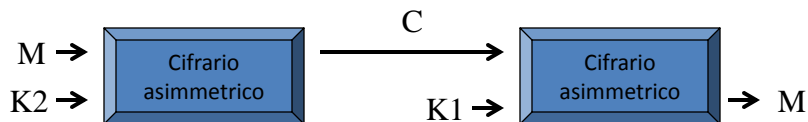
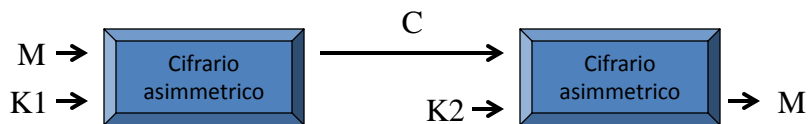
Cifrari Asimmetrici

“Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse”



5

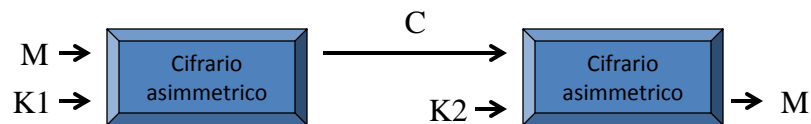
Cifrari asimmetrici - è possibile cifrare con entrambe le chiavi



7

Cifrari asimmetrici

1. Non è possibile ottenere K2 da K1, e viceversa
2. Non è possibile decifrare, anche se si conosce K1
K1, K2 generate insieme da apposita procedura



Se 1 e' falsa, allora anche 2 e' falsa, quindi se 2 e' vera, anche 1 e' vera

6

Cifrari asimmetrici

- Basati su principi completamente diversi da quelli della crittografia convenzionale:
 - nei cifrari convenzionali la difficoltà della lettura di un messaggio cifrato consiste nel fatto che la trasformazione realizzata dal cifrario non è conosciuta
 - nei cifrari asimmetrici la trasformazione è conosciuta, ma è troppo difficile da calcolare se non si conosce l'informazione segreta (trapdoor) utilizzata per generare le chiavi e/o per decifrare.

8

Cifrari asimmetrici

- Compaiono pubblicamente solo a partire dalla fine degli anni 1970, mentre i primi cifrari convenzionali sono antichissimi.
- Richiedono più risorse computazionali sia per cifrare e decifrare, sia per generare le chiavi. Pertanto i cifrari asimmetrici non sostituiscono le tecniche convenzionali, ma generalmente si affiancano ad esse per particolari applicazioni.

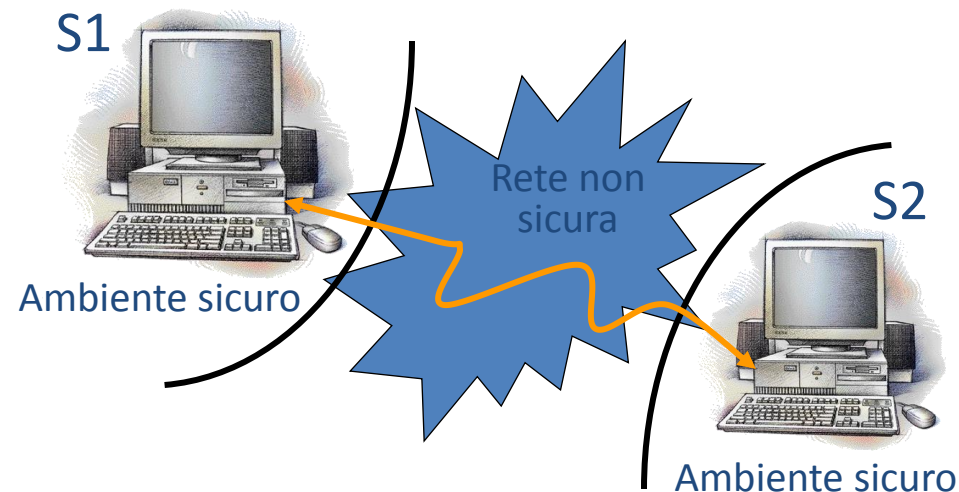
9

Perché i cifrari asimmetrici rappresentano una importante novità, con notevoli conseguenze applicative?

10

- ▶ • Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**
- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

11



12

Cifrari asimmetrici

- Compaiono pubblicamente solo a partire dalla fine degli anni 1970, mentre i primi cifrari convenzionali sono antichissimi.
- Richiedono più risorse computazionali sia per cifrare e decifrare, sia per generare le chiavi. Pertanto i cifrari asimmetrici non sostituiscono le tecniche convenzionali, ma generalmente si affiancano ad esse per particolari applicazioni.

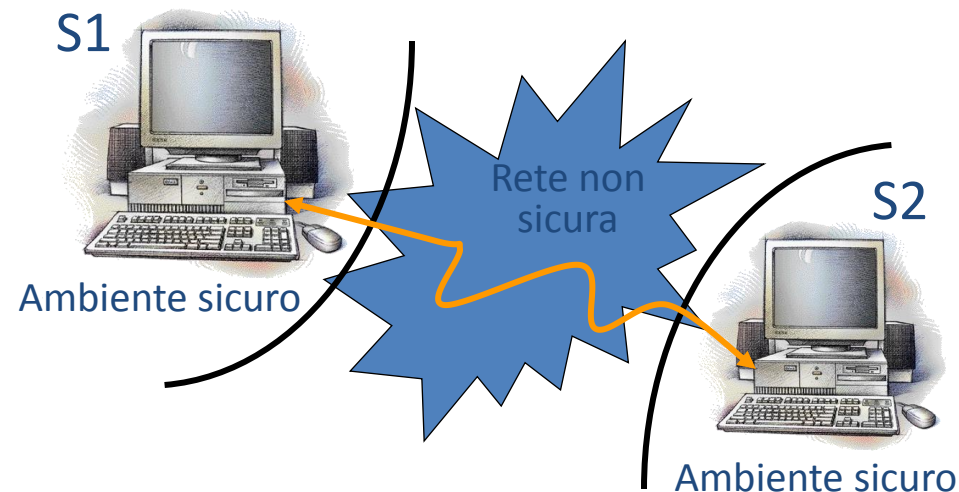
9

Perché i cifrari asimmetrici rappresentano una importante novità, con notevoli conseguenze applicative?

10

- ▶ • Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**
- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

11



12

Cifrari asimmetrici

- Compaiono pubblicamente solo a partire dalla fine degli anni 1970, mentre i primi cifrari convenzionali sono antichissimi.
- Richiedono più risorse computazionali sia per cifrare e decifrare, sia per generare le chiavi. Pertanto i cifrari asimmetrici non sostituiscono le tecniche convenzionali, ma generalmente si affiancano ad esse per particolari applicazioni.

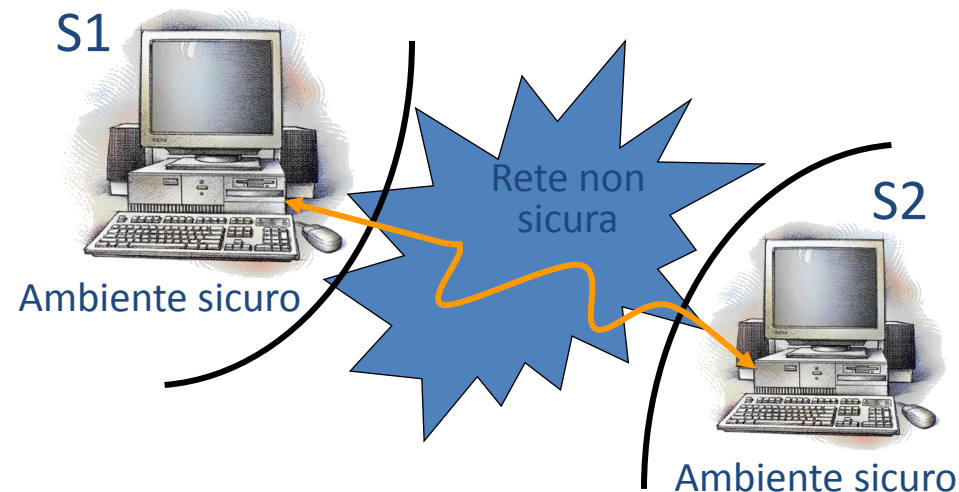
9

Perché i cifrari asimmetrici rappresentano una importante novità, con notevoli conseguenze applicative?

10

- ▶ • Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**
- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

11



12

Cifrari asimmetrici

- Compaiono pubblicamente solo a partire dalla fine degli anni 1970, mentre i primi cifrari convenzionali sono antichissimi.
- Richiedono più risorse computazionali sia per cifrare e decifrare, sia per generare le chiavi. Pertanto i cifrari asimmetrici non sostituiscono le tecniche convenzionali, ma generalmente si affiancano ad esse per particolari applicazioni.

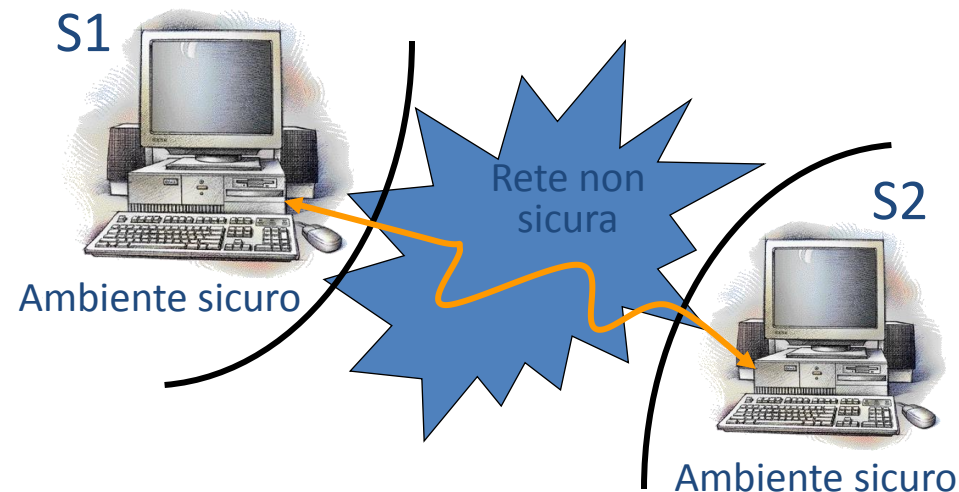
9

Perché i cifrari asimmetrici rappresentano una importante novità, con notevoli conseguenze applicative?

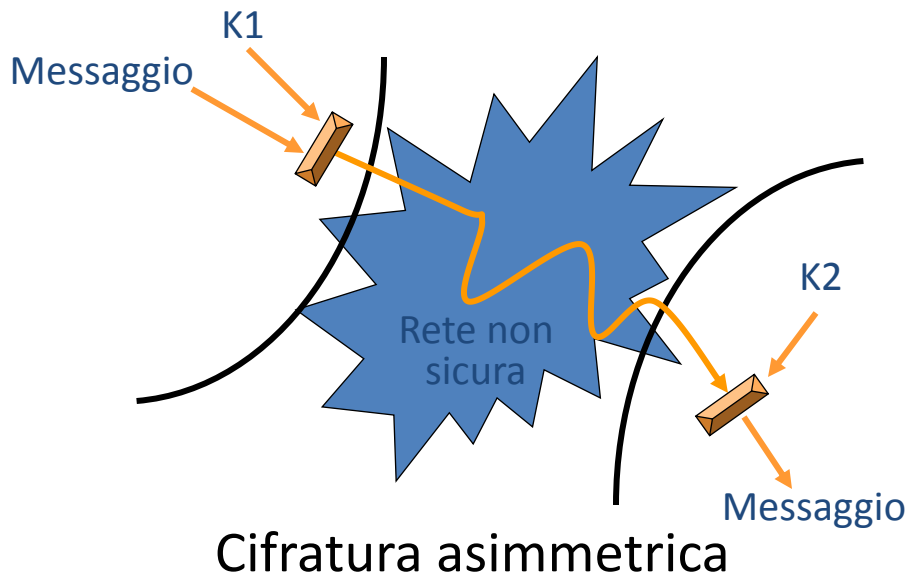
10

- ▶ • Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**
- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

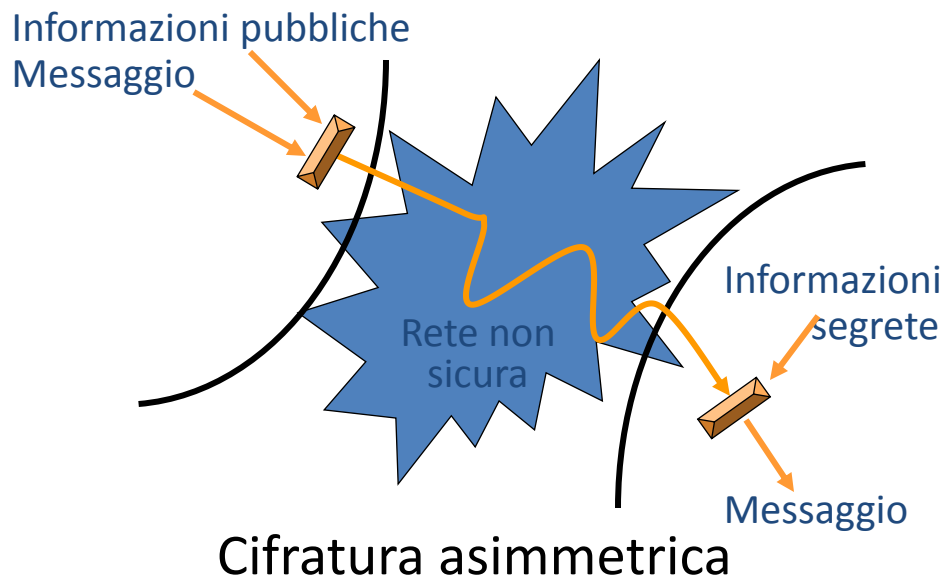
11



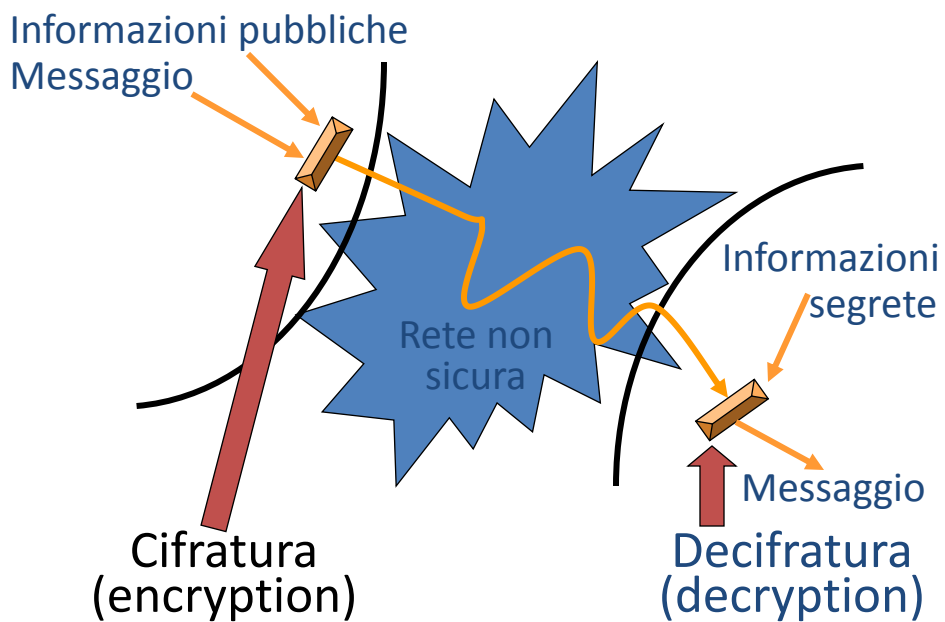
12



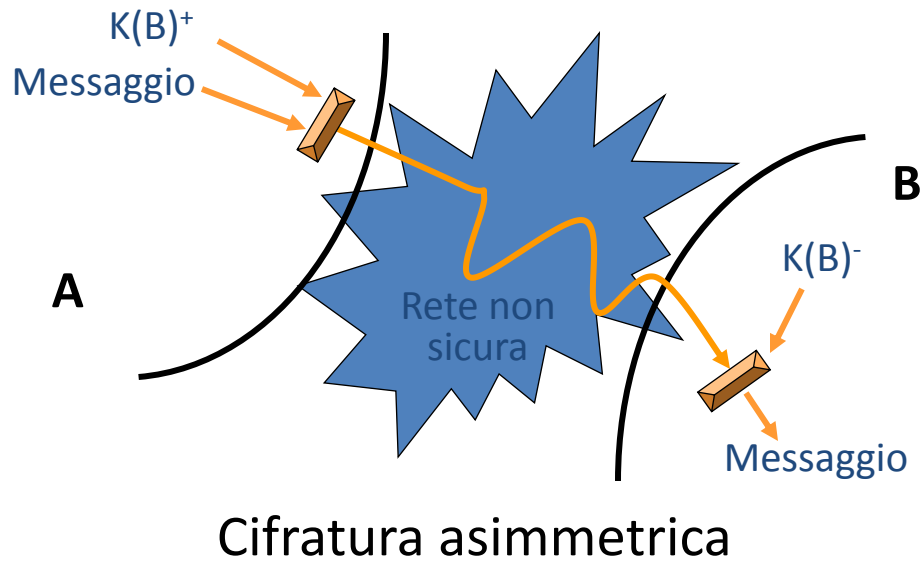
13



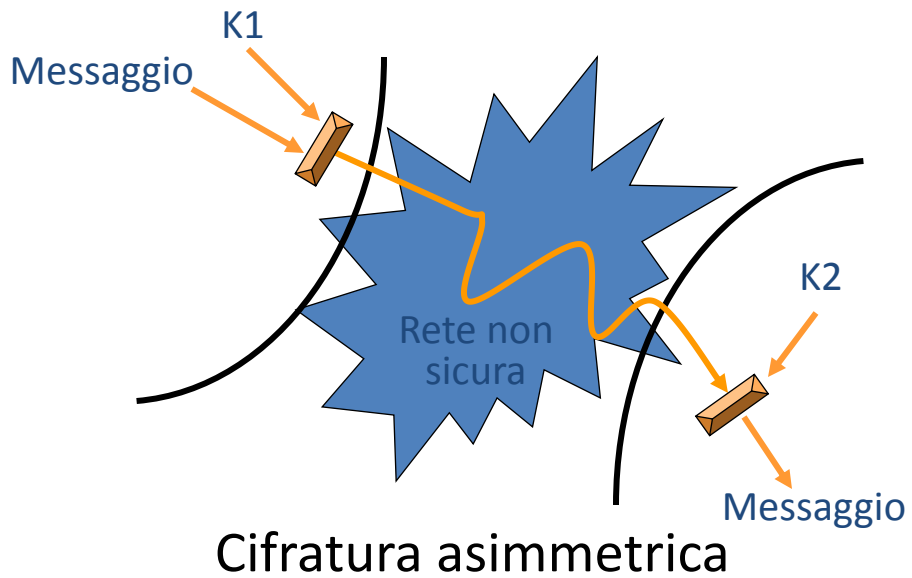
14



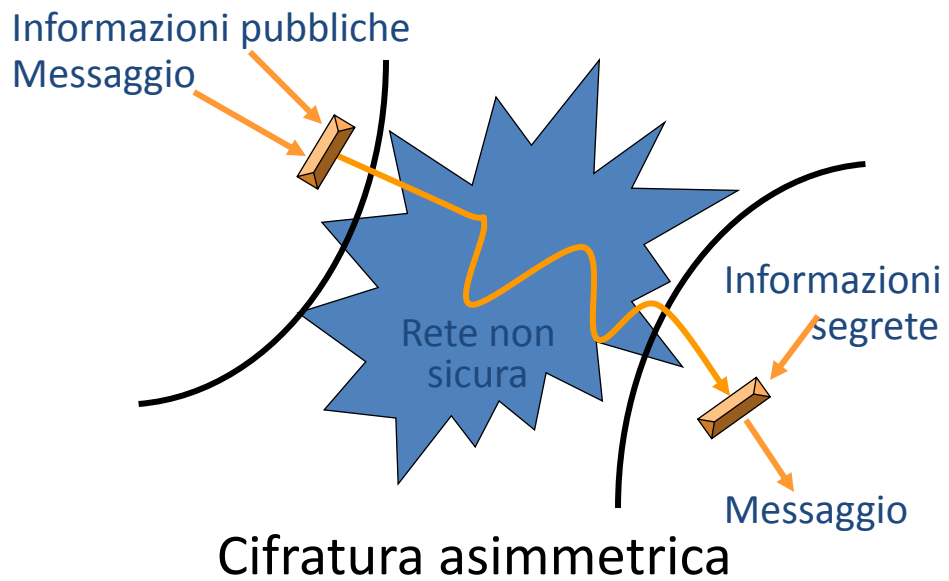
15



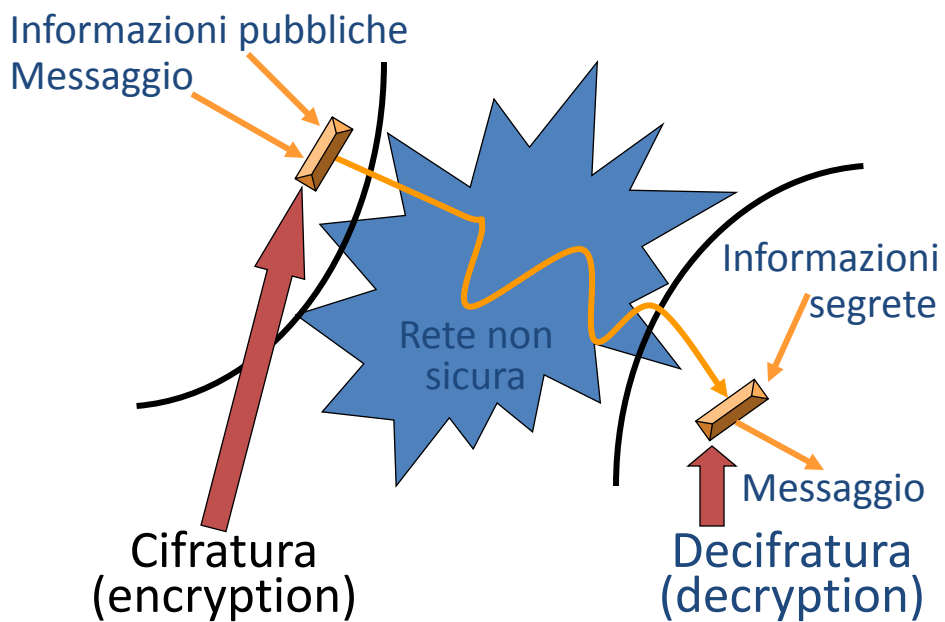
16



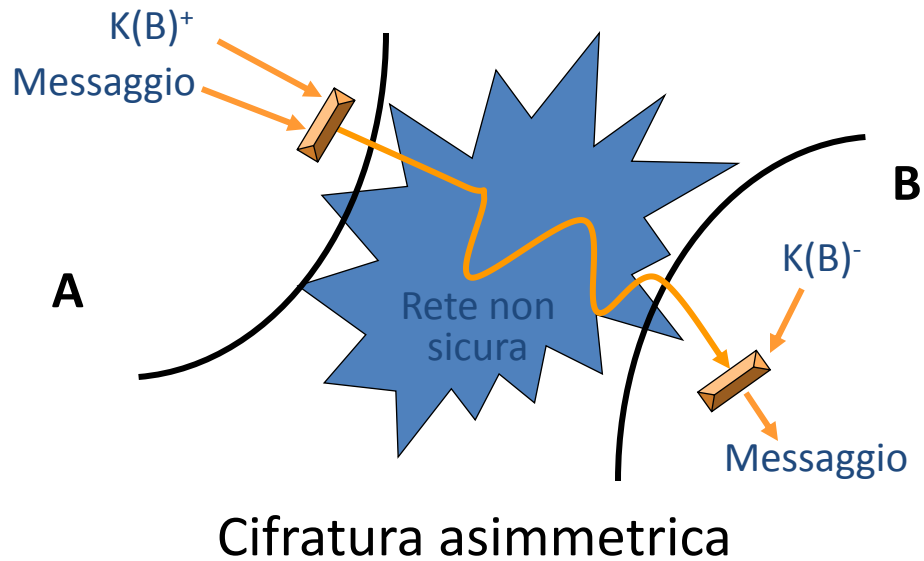
13



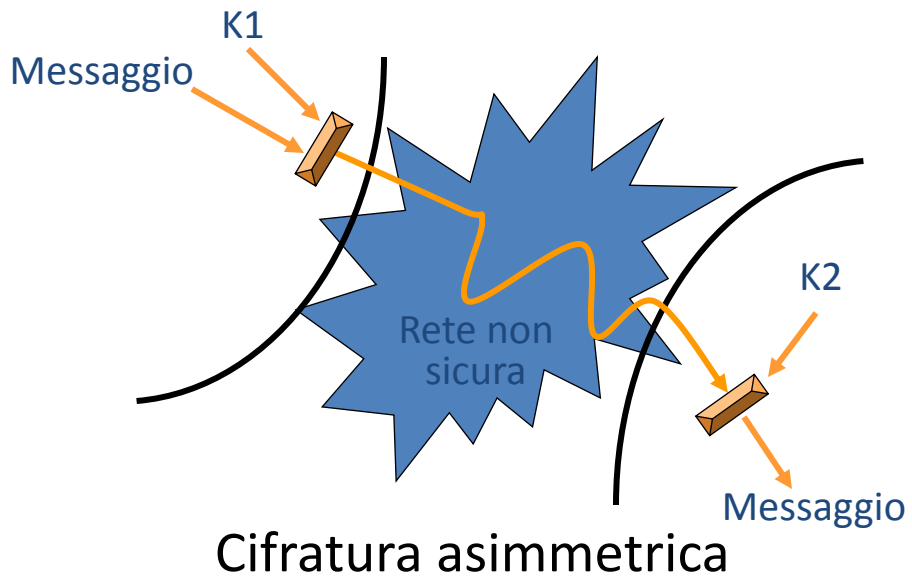
14



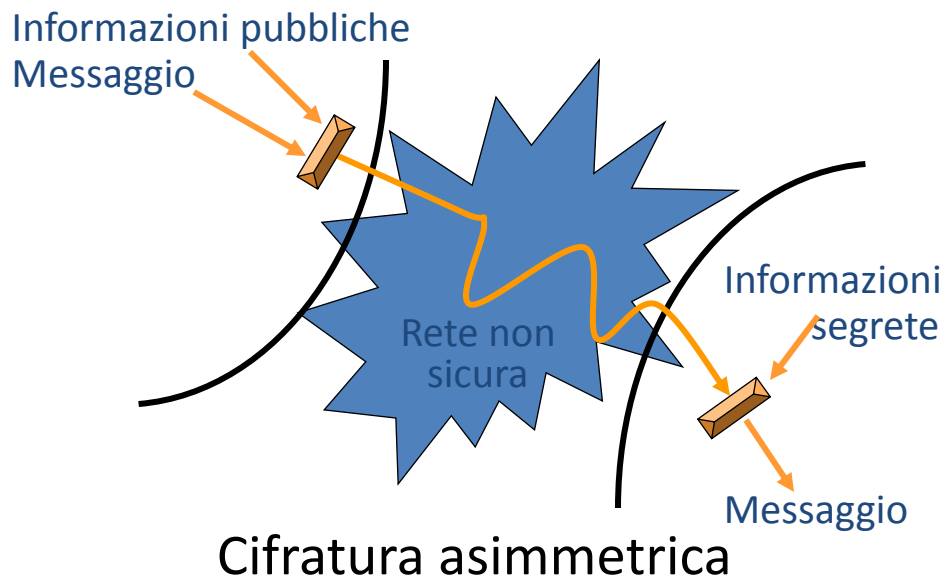
15



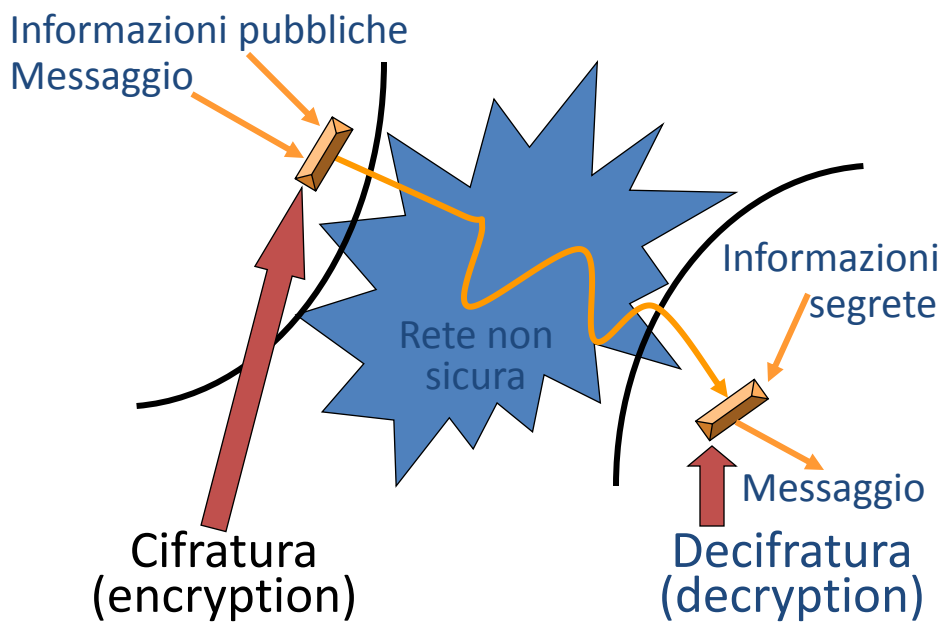
16



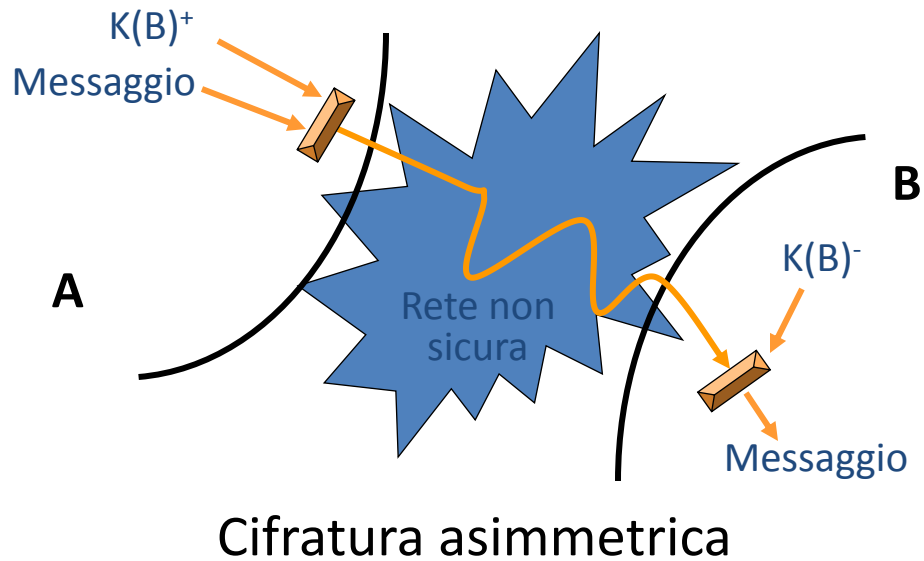
13



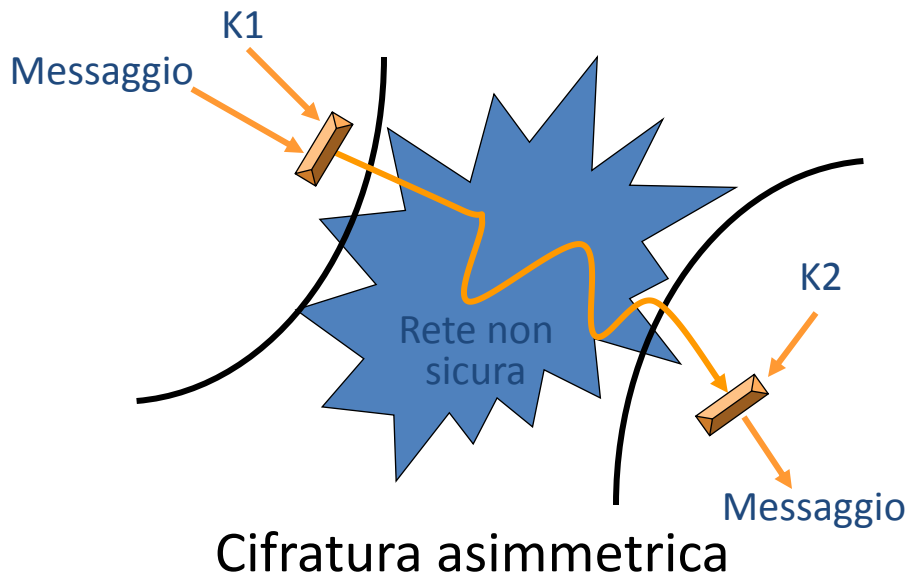
14



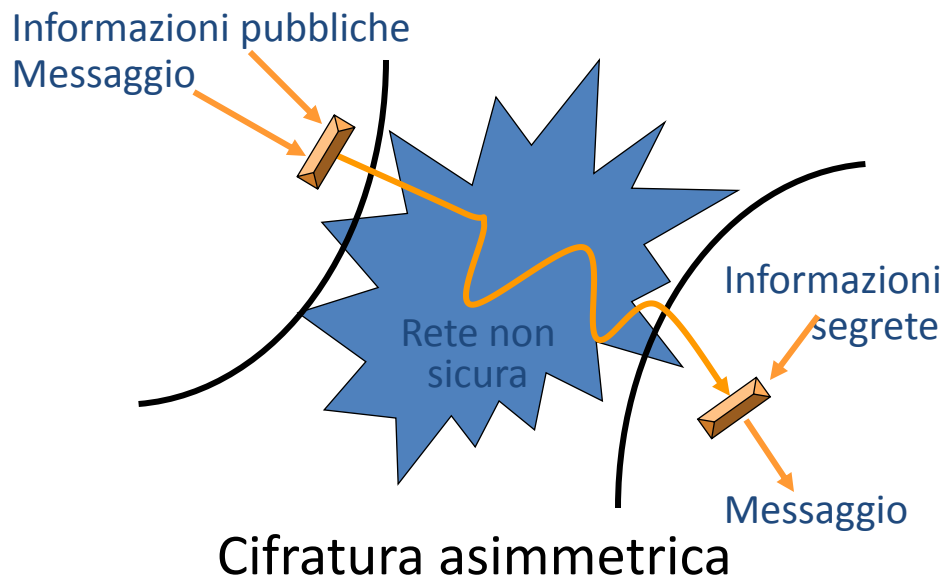
15



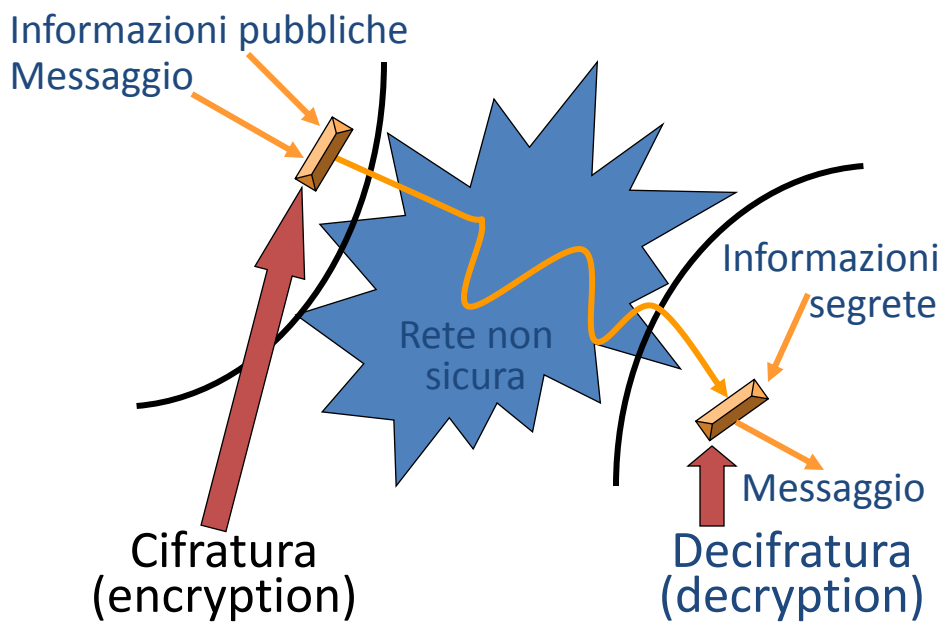
16



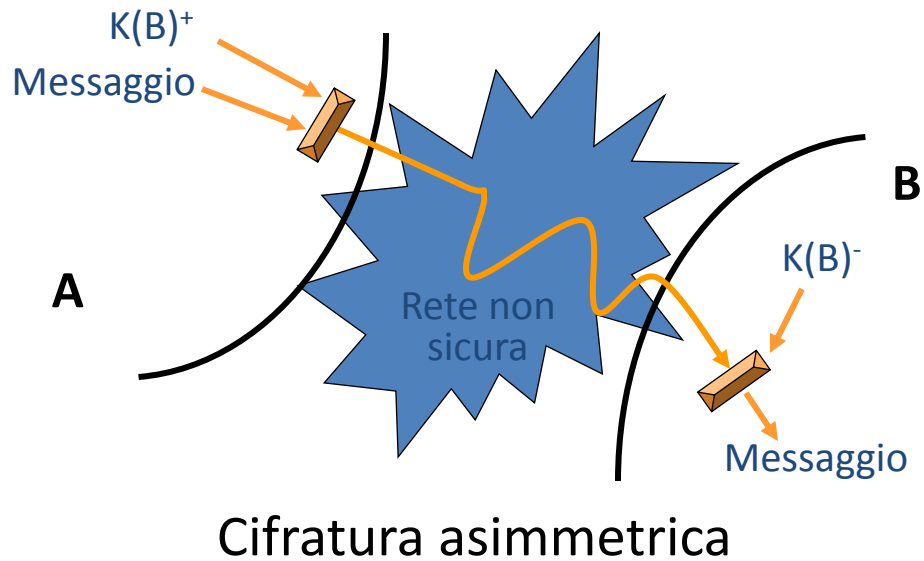
13



14



15



16

Termini equivalenti

Cifrari asimmetrici

=

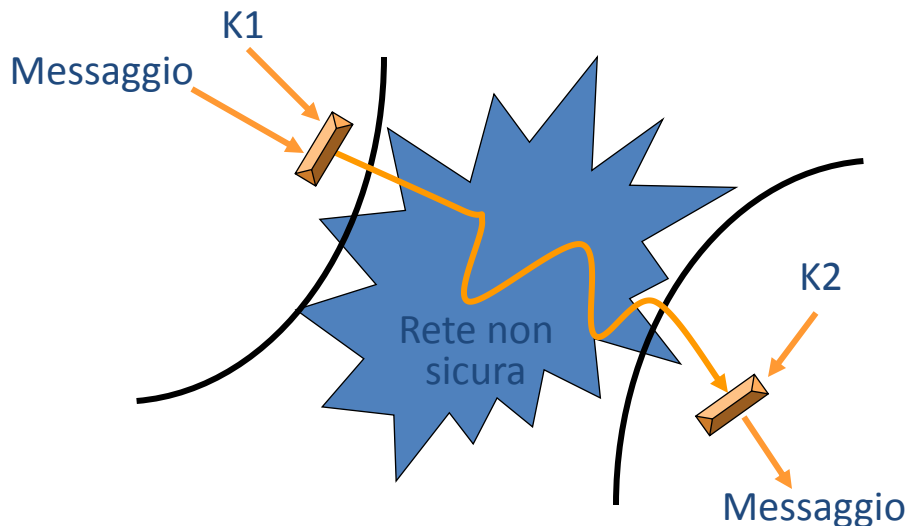
Cifrari a chiave pubblica

- Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**



- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

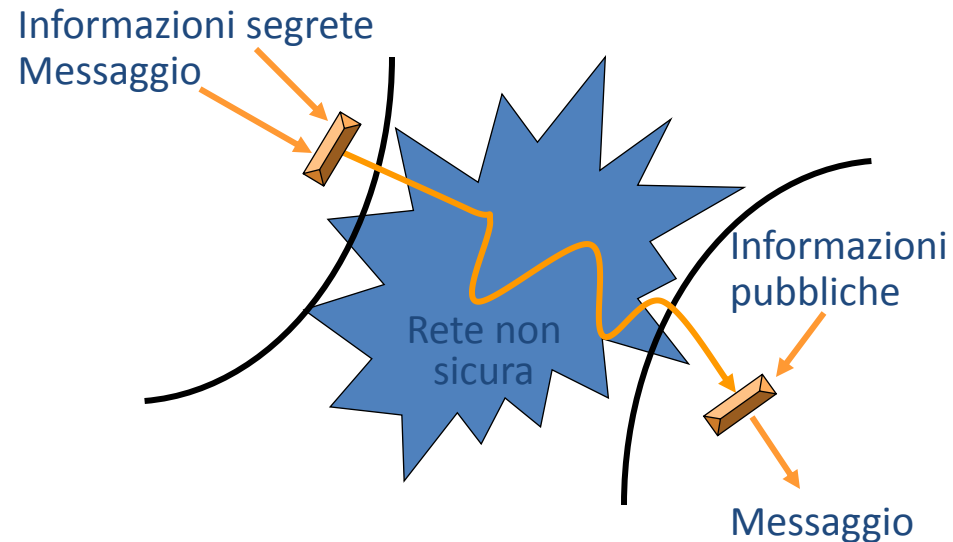
17



Semplice forma di autenticazione

19

18



Semplice forma di autenticazione

20

Termini equivalenti

Cifrari asimmetrici

=

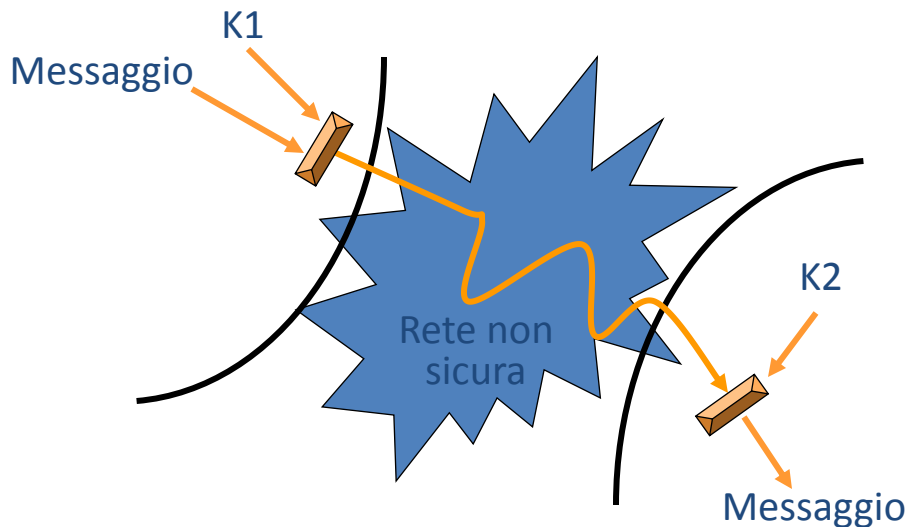
Cifrari a chiave pubblica

- Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**



- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

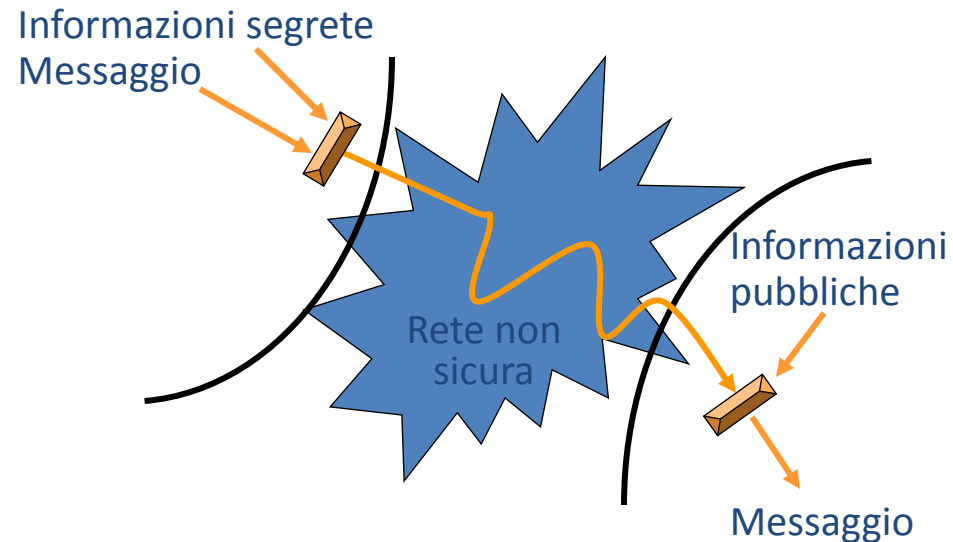
17



Semplice forma di autenticazione

19

18



Semplice forma di autenticazione

20

Termini equivalenti

Cifrari asimmetrici

=

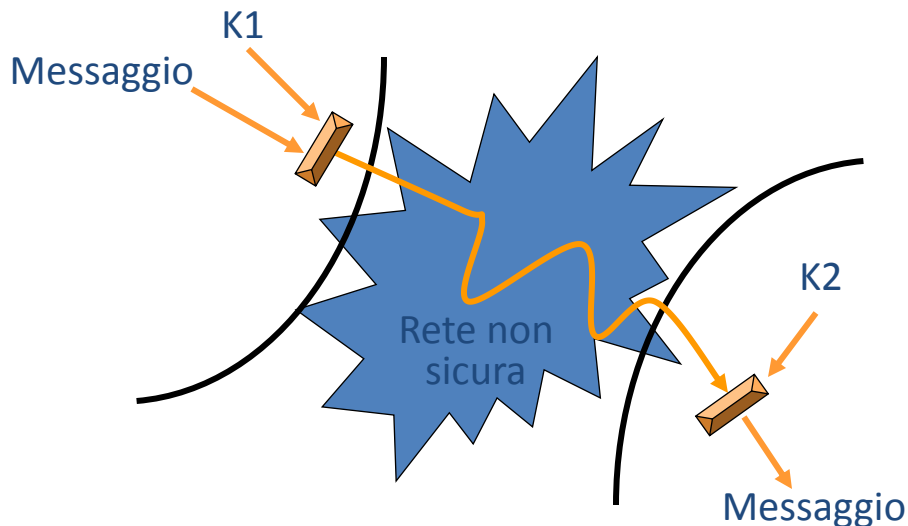
Cifrari a chiave pubblica

- Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**



- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

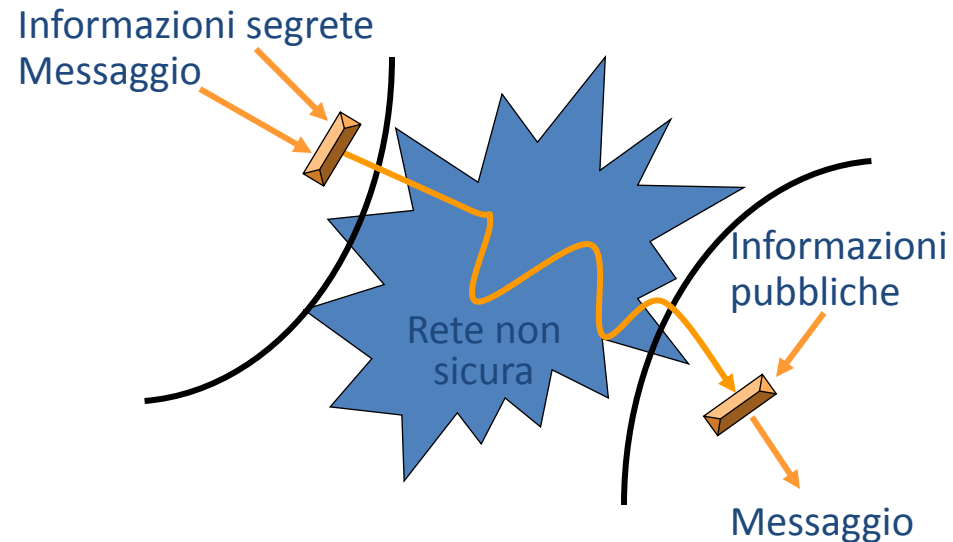
17



Semplice forma di autenticazione

19

18



Semplice forma di autenticazione

20

Termini equivalenti

Cifrari asimmetrici

=

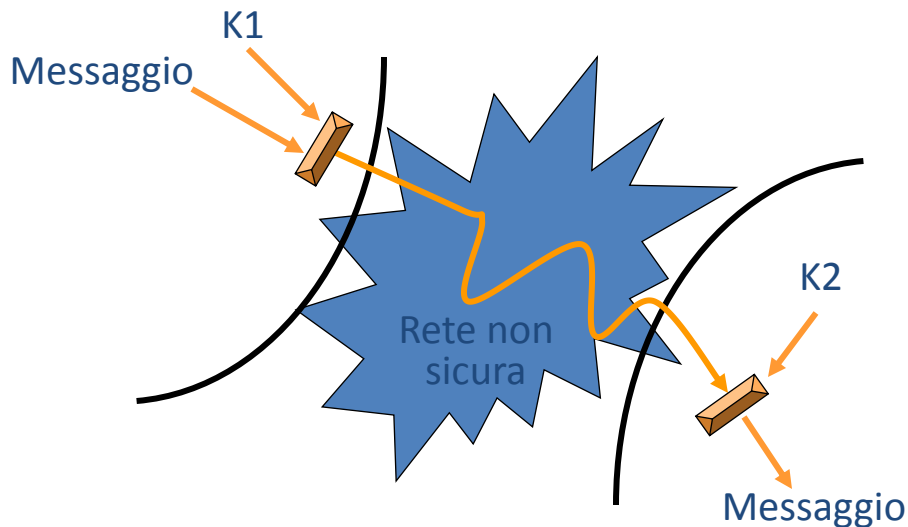
Cifrari a chiave pubblica

- Perché diventa possibile cifrare un messaggio senza condividere un segreto con il destinatario → **maggiore facilità nella distribuzione delle chiavi**



- Perché solo chi detiene la chiave di cifratura è in grado di produrre un dato messaggio cifrato → **possibilità di effettuare operazioni non disconoscibili (non repudiation)**

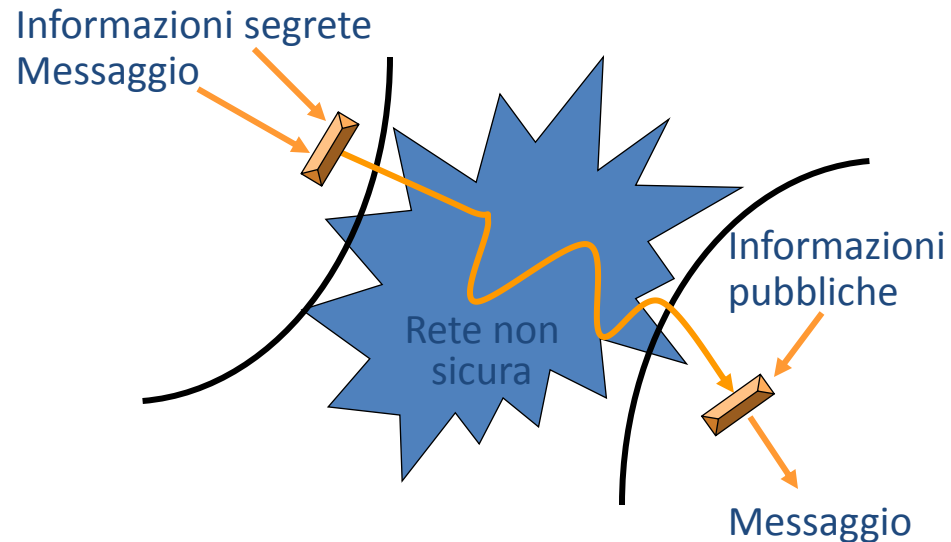
17



Semplice forma di autenticazione

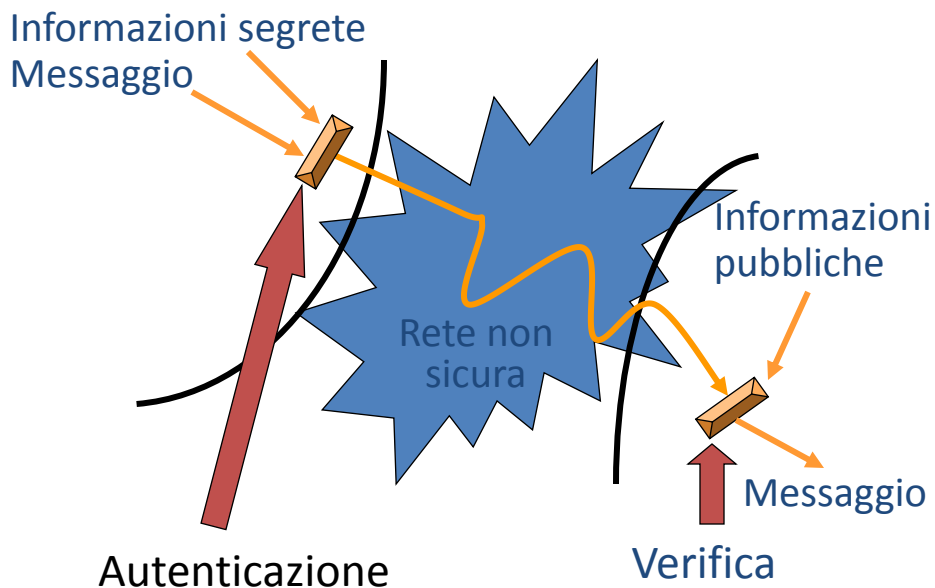
19

18



Semplice forma di autenticazione

20

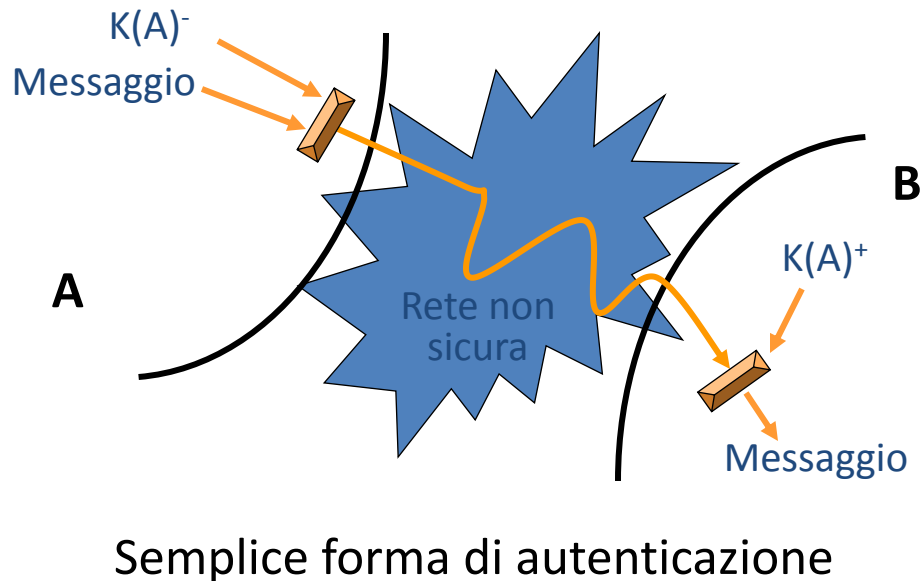


21

Cifrari asimmetrici

- Questa semplice forma di autenticazione asimmetrica non garantisce in generale l'effettiva provenienza del messaggio dal mittente dichiarato
- Una tecnica più complessa, ma basata sugli stessi principi, porta invece ad un forma di autenticazione sicura e non disconoscibile (firma elettronica)

23

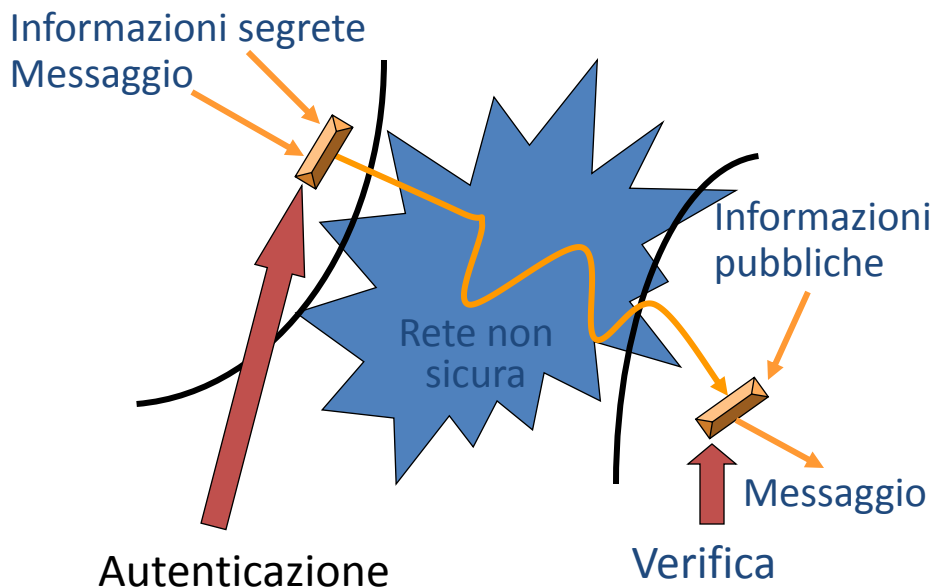


22

Caratteristiche dei cifrari asimmetrici

- Mittente e ricevente non condividono chiavi
- Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse
- Cifratura e decifratura sono relativamente inefficienti
- E' difficile o praticamente impossibile decifrare senza conoscere la chiave, perché questo richiede eccessive risorse computazionali

24

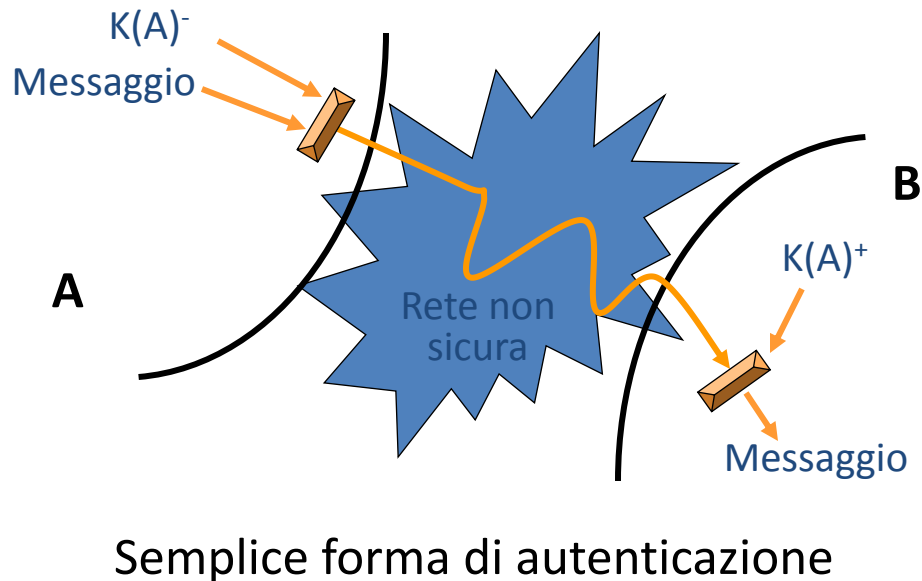


21

Cifrari asimmetrici

- Questa semplice forma di autenticazione asimmetrica non garantisce in generale l'effettiva provenienza del messaggio dal mittente dichiarato
- Una tecnica più complessa, ma basata sugli stessi principi, porta invece ad un forma di autenticazione sicura e non disconoscibile (firma elettronica)

23



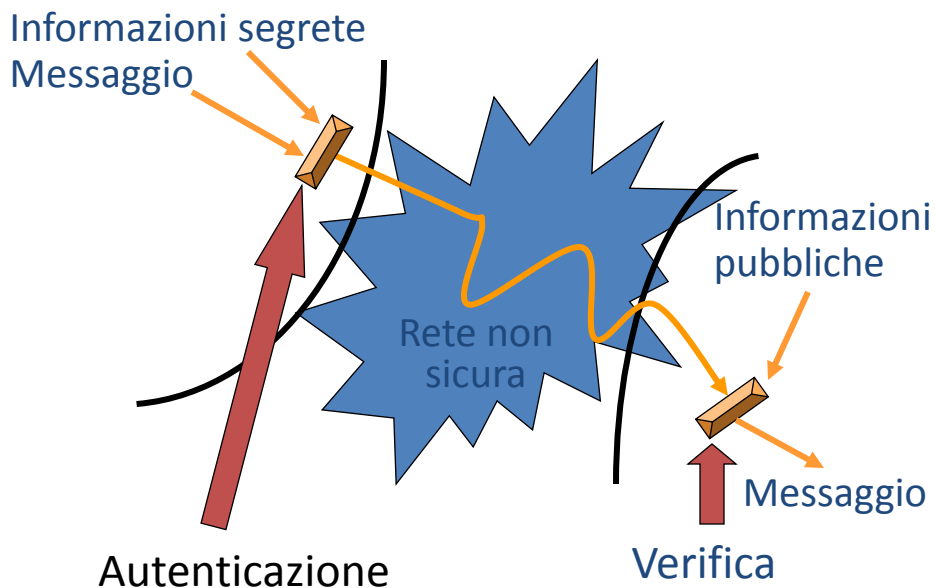
22

Semplice forma di autenticazione

Caratteristiche dei cifrari asimmetrici

- Mittente e ricevente non condividono chiavi
- Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse
- Cifratura e decifratura sono relativamente inefficienti
- E' difficile o praticamente impossibile decifrare senza conoscere la chiave, perché questo richiede eccessive risorse computazionali

24

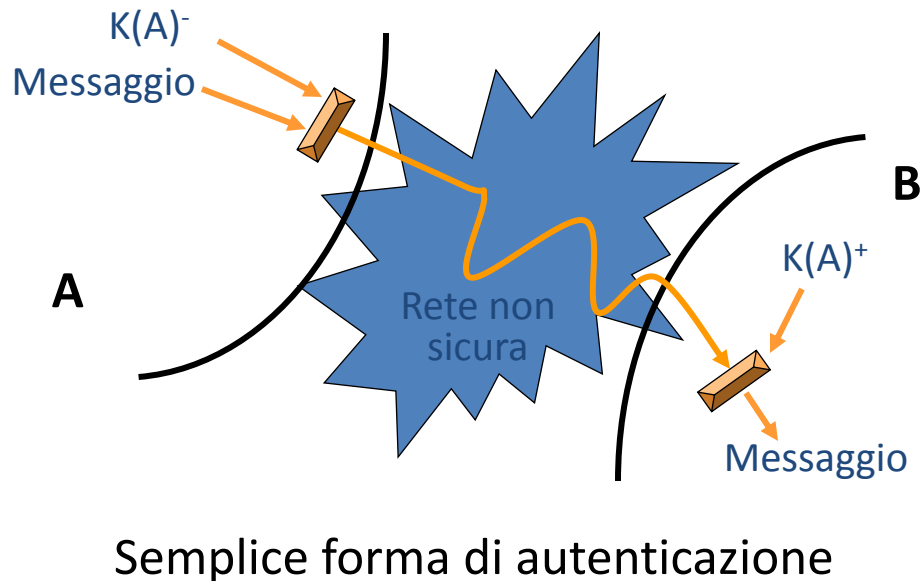


21

Cifrari asimmetrici

- Questa semplice forma di autenticazione asimmetrica non garantisce in generale l'effettiva provenienza del messaggio dal mittente dichiarato
- Una tecnica più complessa, ma basata sugli stessi principi, porta invece ad un forma di autenticazione sicura e non disconoscibile (firma elettronica)

23



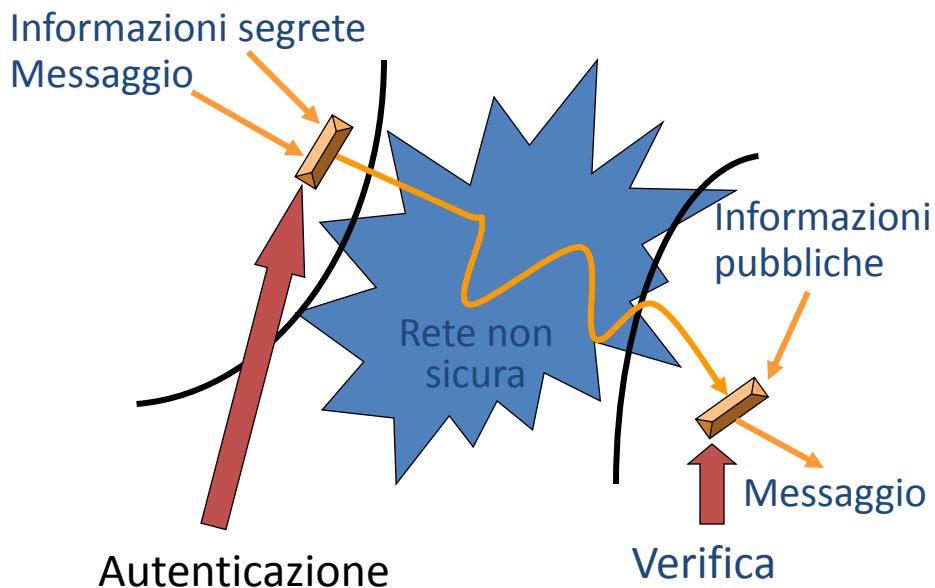
22

Semplice forma di autenticazione

Caratteristiche dei cifrari asimmetrici

- Mittente e ricevente non condividono chiavi
- Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse
- Cifratura e decifratura sono relativamente inefficienti
- E' difficile o praticamente impossibile decifrare senza conoscere la chiave, perché questo richiede eccessive risorse computazionali

24

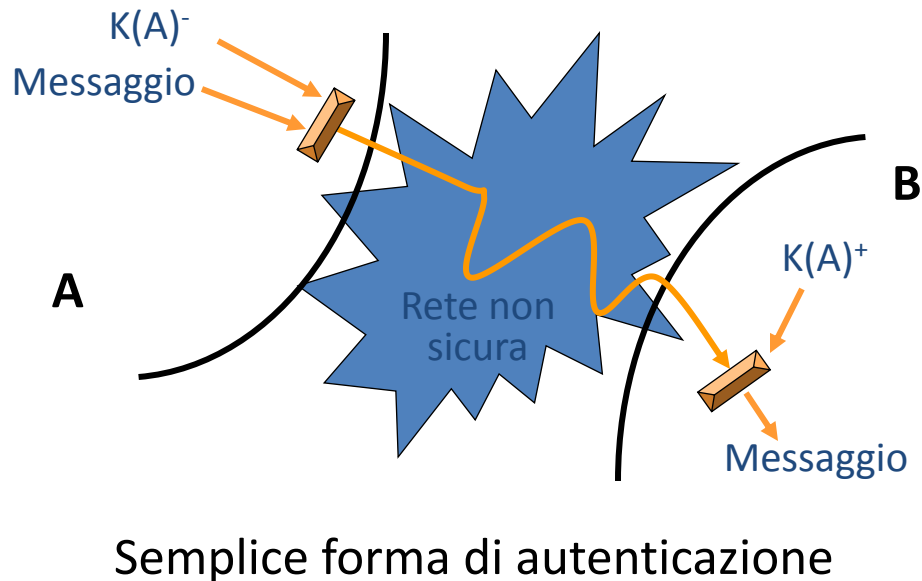


21

Cifrari asimmetrici

- Questa semplice forma di autenticazione asimmetrica non garantisce in generale l'effettiva provenienza del messaggio dal mittente dichiarato
- Una tecnica più complessa, ma basata sugli stessi principi, porta invece ad un forma di autenticazione sicura e non disconoscibile (firma elettronica)

23



22

Semplice forma di autenticazione

Caratteristiche dei cifrari asimmetrici

- Mittente e ricevente non condividono chiavi
- Per cifrare e decifrare si usano chiavi diverse
- Cifratura e decifratura sono relativamente inefficienti
- E' difficile o praticamente impossibile decifrare senza conoscere la chiave, perché questo richiede eccessive risorse computazionali

24

Esistono cifrari asimmetrici sicuri e utilizzabili in pratica?

Si ritiene che vari cifrari a chiave pubblica presentati nella letteratura siano sicuri anche rispetto ad attacchi molto sofisticati. Il cifrario più utilizzato e conosciuto è RSA.

I cifrari asimmetrici conosciuti sono tutti abbastanza lenti e devono essere combinati con cifrari simmetrici e con funzioni di hash

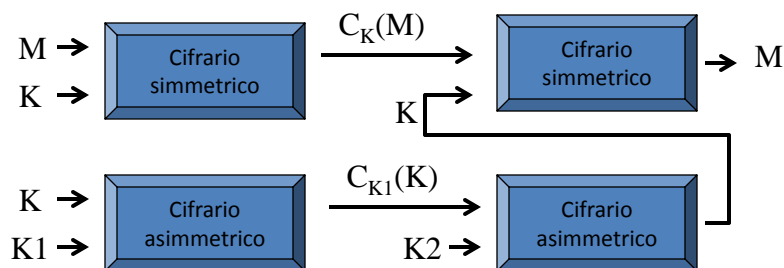
25

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici

Per inviare un messaggio cifrato si prepara un '**digital envelope**' che consiste nel messaggio cifrato con una chiave simmetrica K , e nella chiave K stessa cifrata mediante un cifrario asimmetrico

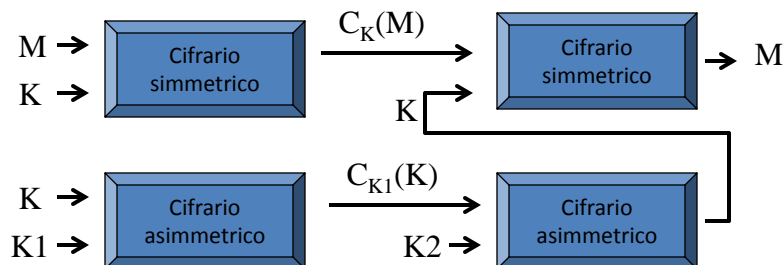
26

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici



27

Digital envelope = $\langle C_K(M), C_{K1}(K) \rangle$



I protocolli effettivamente usati sono più complessi in modo da identificare il mittente e per evitare forme di attacco (replay) basate sul riutilizzo della chiave K in momenti diversi.

28

Esistono cifrari asimmetrici sicuri e utilizzabili in pratica?

Si ritiene che vari cifrari a chiave pubblica presentati nella letteratura siano sicuri anche rispetto ad attacchi molto sofisticati. Il cifrario più utilizzato e conosciuto è RSA.

I cifrari asimmetrici conosciuti sono tutti abbastanza lenti e devono essere combinati con cifrari simmetrici e con funzioni di hash

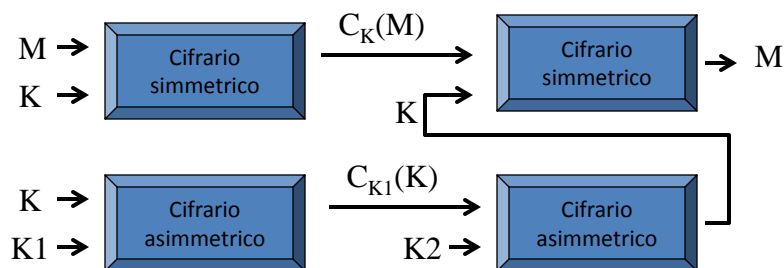
25

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici

Per inviare un messaggio cifrato si prepara un '**digital envelope**' che consiste nel messaggio cifrato con una chiave simmetrica K , e nella chiave K stessa cifrata mediante un cifrario asimmetrico

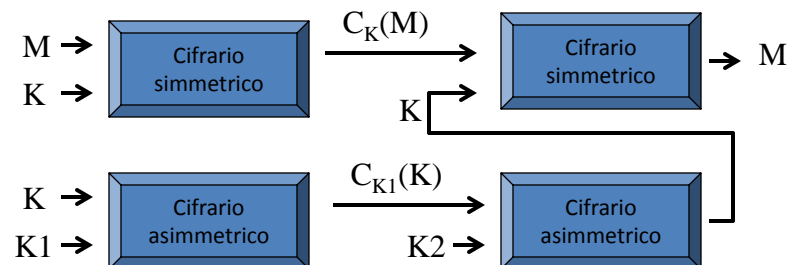
26

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici



27

Digital envelope = $\langle C_K(M), C_{K1}(K) \rangle$



I protocolli effettivamente usati sono più complessi in modo da identificare il mittente e per evitare forme di attacco (replay) basate sul riutilizzo della chiave K in momenti diversi.

28

Esistono cifrari asimmetrici sicuri e utilizzabili in pratica?

Si ritiene che vari cifrari a chiave pubblica presentati nella letteratura siano sicuri anche rispetto ad attacchi molto sofisticati. Il cifrario più utilizzato e conosciuto è RSA.

I cifrari asimmetrici conosciuti sono tutti abbastanza lenti e devono essere combinati con cifrari simmetrici e con funzioni di hash

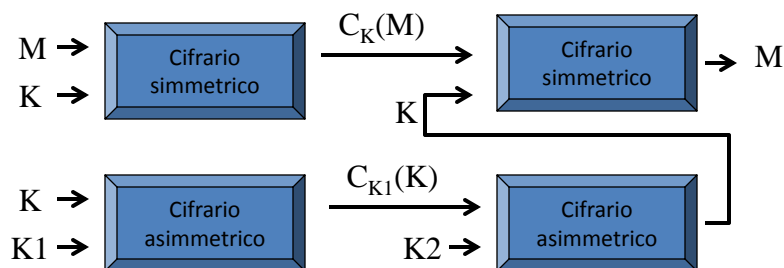
25

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici

Per inviare un messaggio cifrato si prepara un '**digital envelope**' che consiste nel messaggio cifrato con una chiave simmetrica K , e nella chiave K stessa cifrata mediante un cifrario asimmetrico

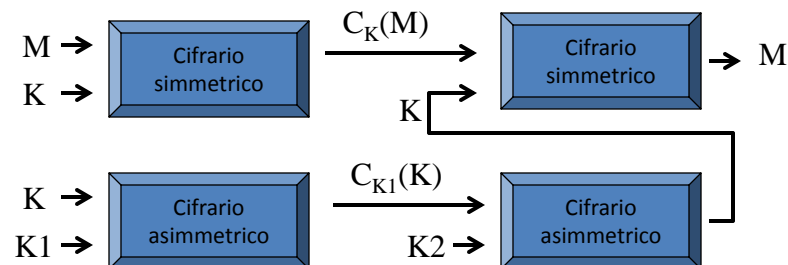
26

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici



27

Digital envelope = $\langle C_K(M), C_{K1}(K) \rangle$



I protocolli effettivamente usati sono più complessi in modo da identificare il mittente e per evitare forme di attacco (replay) basate sul riutilizzo della chiave K in momenti diversi.

28

Esistono cifrari asimmetrici sicuri e utilizzabili in pratica?

Si ritiene che vari cifrari a chiave pubblica presentati nella letteratura siano sicuri anche rispetto ad attacchi molto sofisticati. Il cifrario più utilizzato e conosciuto è RSA.

I cifrari asimmetrici conosciuti sono tutti abbastanza lenti e devono essere combinati con cifrari simmetrici e con funzioni di hash

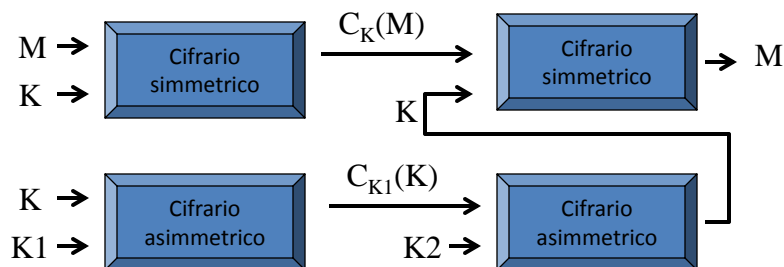
25

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici

Per inviare un messaggio cifrato si prepara un '**digital envelope**' che consiste nel messaggio cifrato con una chiave simmetrica K , e nella chiave K stessa cifrata mediante un cifrario asimmetrico

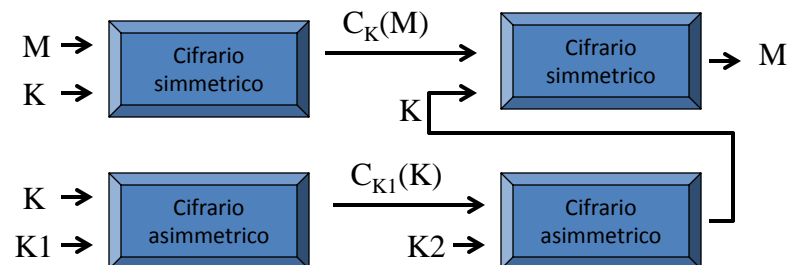
26

Combinazione di cifrari simmetrici e asimmetrici



27

Digital envelope = $\langle C_K(M), C_{K1}(K) \rangle$



I protocolli effettivamente usati sono più complessi in modo da identificare il mittente e per evitare forme di attacco (replay) basate sul riutilizzo della chiave K in momenti diversi.

28