Kopiec to kompletne drzewo binarne. W takim drzewie, mającym wysokość h, maksymalna ilość węzłów to: $2^{h+1}-1$.

W drzewie o wysokości h-1 maksymalna ilość węzłów to $2^h - 1$.

Minimalna ilość węzłów w drzewie o wysokości h to $2^h - 1 + 1$.

Zatem:

$$2^h < n < 2^{h+1}$$

Po zlogarytmowaniu (podstawa 2) otrzymujemy:

$$h \le \log_2 n < 2^{h+1}$$

h jest liczbą całkowitą, więc h= $\lceil \log_2 n \rceil$.