1 Visualización de datos

Las primeras acciones relativas al manejo de un conjunto de datos que solemos realizar comprenden la lectura y visualización de los mismos.

Comenzaremos por leer un conjunto de datos en un data.frame, que es una estructura de datos muy libre de R que generaliza el concepto de matriz y que sirve para almacenar información.

Primero indicamos el subdirectorio de trabajo, leeremos los datos y veremos los primeros registros. Podemos inspeccionar en que directorio estamos mediante la instrucción getwd().

Con frecuencia los datos están en un archivo que leemos y alojamos en un data frame o marco de datos, que no es más que una lista de variables con el mismo número de filas. R puede leer datos guardados como archivos de texto con las funciones read.table(), scan(), entre otras. También puede leer archivos en otros formatos como excell, SPSS, etc., mediante el uso de paquetes específicos.

La función read.table(), que suele ser la más usada, crea un marco de datos (o data frame). Si en el primer renglón de nuestro archivo tenemos los nombres de las variables, ponemos header=T en el comando de lectura, como se muestra a continuación.

```
> rm(list=ls())
> # rm es el comando remove: borramos todo lo que pueda estar almacenado
> getwd()

[1] "C:/Users/Ana/Dropbox/lanueva/listas/Graficos"

> # En que directorio estamos?
> setwd("C:\\Users\\Ana\\Dropbox\\lanueva\\listas\\Graficos")
> # establezco directorio de trabajo
> Alumnos<- read.table("StudentSurvey.txt",header=T)</pre>
```

Year Gender Smoke Award HigherSAT Exercise TV Height Weight Siblings Senior М No Olympic 10 71 180 Math 1 2 Sophomore Yes Academy 4 7 66 2 F Math 120

> head(Alumnos) # devuelve las primeras 6 lineas de los datos y sus nombres

3	FirstYear	M	No	Nobe	el	Mat	5h	14	5	72	208	2
4	Junior	M	No	Nobe	el	Mat	5h	3	1	63	110	1
5	Sophomore	F	No	Nobe	el	Verba	al	3	3	65	150	1
6	Sophomore	F	No	Nobe	el	Verba	al	5	4	65	114	2
	${\tt BirthOrder}$	VerbalSAT	Math	SAT	SAT	GPA	${\tt Pulse}$	Pierc	ings			
1	4	540		670	1210	3.13	54		0			
2	2	520		630	1150	2.50	66		3			
3	1	550		560	1110	2.55	130		0			
4	1	490		630	1120	3.10	78		0			
5	1	720		450	1170	2.70	40		6			
6	2	600		550	1150	3.20	80		4			

Otra opción de lectura muy útil y flexible es scan(), que permite tanto la lectura de un archivo como desde la pantalla.

Notemos que este data frame contiene variable de distinto tipo: numéricas y caracteres. Podemos acceder a cada variable individualmente escribiendo: Alumnos\$Year, Alumnos\$Gender, etc. Si el archivo no contuviera los nombres de las variables, éstas recibirían por default el nombre V1, V2, etc. y en ese caso accederíamos a ella escribiendo Alumnos\$V1, Alumnos\$V2, etc. Hacer un attach() del archivo nos permite llamar a las variables por su nombre:

> attach(Alumnos)

Una vez ejecutado el attach(), podemos referirnos a las variables sin el el prefijo Alumnos\$, ahora podemos acceder a las variables llamando Year, Gender, etc. Es recomendable revisar antes si ya existen variables definidas con el mismo nombre en el entorno de trabajo.

Inspeccionemos los datos con el editor, que permite hacer cambios en el data frame. Con la siguiente instrucción se abre un editor en el que vemos los datos y podemos modificalos.

> fix(Alumnos)

Observemos que en algunos casos hay valores NA. Esta es la forma de representar en R que ese es un valor faltante, independientemente del tipo de datos. Por lo tanto, NA (Not Available) es un símbolo reservado en R.

Las variables registradas en nuestro data frame son:

1. Year: Años en la institución: FirstYear, Sophomore, Junior, o Senior

2. Gender: Sexo: F o M

- 3. Smoke: Fuma? No o Yes
- 4. Award: Premio preferido: Academy, Nobel, o Olympic
- 5. HigherSAT: Qué puntaje SAT es más alto? Math o Verbal
- 6. Exercise: Horas semanales de ejercicio
- 7. TV: Horas semanales de TV
- 8. **Height**: altura (en pulgadas)
- 9. Weight: peso (en libras)
- 10. Siblings: número de hermanos
- 11. **BirthOrder**: orden de nacimiento, 1 = mayor, 2 = segundo mayor, etc.
- 12. VerbalSAT: puntaje SAT en lengua
- 13. MathSAT:puntaje SAT en matenáticas
- 14. SAT: puntaje SAT combinado de lengua y matemáticas
- 15. GPA: puntaje promedio obtenido en el colegio
- 16. Pulse: pulso cardíaco (latidos por minuto)
- 17. Piercings: número de piercings

Como vemos son variables de distinta naturaleza, categóricas y cuantitativas: dicotómicas (Gender, Smoke), categóricas (Award), categóricas ordinales (Year), discretas (Siblings) y continuas (GPA). Es importante esta distinción porque la naturaleza de las variables puede determinar el tipo de tratamiento que reciban.

Respecto de este conjunto de datos pordíamos tener algunas preguntas, por ejemplo:

- ¿Cuál es el porcentaje de hombres y de mujeres?
- ¿Qué porcentaje de los alumnos fuma?
- ¿Quiénes fuman más, hombres o mujeres?
- ¿Cuál es el promedio de horas de ejercicio?

- ¿Hay alumnos con un puntaje de VerbalSAT inusualmente alto o bajo?
- ¿Cuál es el premio más deseado?
- ¿Qué relación hay entre peso y altura? ¿Es la misma en hombres que en mujeres?
- ¿Los alumnos que hacen más ejercicio tienden a tener pulso más bajo?

1.1 Variables Categóricas (factor en R)

Comencemos por las variables cualitativas. Podríamos calcular la cantidad de hombres y mujeres, la cantidad de individuos que fuma o no fuma y como se cruzan estas variables.

> names(Alumnos)

```
[1] "Year"
                   "Gender"
                                 "Smoke"
                                               "Award"
                                                             "HigherSAT"
 [6] "Exercise"
                                 "Height"
                                               "Weight"
                                                             "Siblings"
                                               "SAT"
[11] "BirthOrder" "VerbalSAT"
                                 "MathSAT"
                                                             "GPA"
[16] "Pulse"
                   "Piercings"
> summary(Gender)
  F
169 193
> #summary de una var. caregorica da la frecuencia de cada categoria
> summary(Smoke)
 No Yes
319
     43
> # Otra opcion es
> table(Gender)
Gender
  F
      Μ
169 193
```

Podemos hacer distintos gráficos representativos. Gráficos de barras como el siguiente, en el que se han elegido opciones de color y de líneas

de sombreado oblicuas. Observemos que la entrada a este gráfico es una tabla de frecuencias calculada, en este caso con el comando table():

```
> table(Gender)
```

Gender

F M 169 193

- > counts.gender <- table(Gender)</pre>
- > barplot(counts.gender,col="blue",density=4)

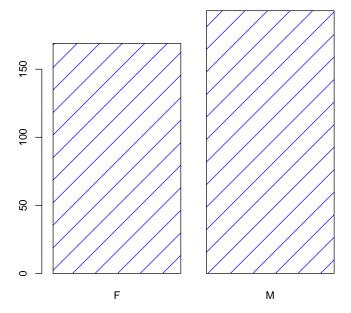


Figure 1: Barplot

o gráficos de torta:

> table(Smoke)

Smoke

No Yes

319 43

- > counts.smoke <- table(Smoke)</pre>
- > pie(counts.smoke, col=c("blue", "green"), main="Grafico de Torta de Smoke")

Grafico de Torta de Smoke

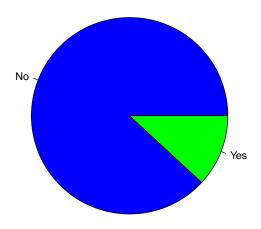


Figure 2: Pie Chart

Si queremos realizar un diagrama de torta 3D, podemos hacerlo usando el paquete plotrix, que debe instalarse y cargarse previamente:

- > library(plotrix)
- > pie3D(counts.smoke,col=c("blue","green"), main="Grafico de Torta 3D de Smoke")

Grafico de Torta 3D de Smoke

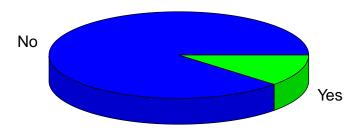


Figure 3: Pie 3D

Crucemos estas dos variables, es decir, consideremos como se distribuyen los 362 estudiantes entre las categorías que surgen al combinar el sexo y la condicion de fumador. Por ejemplo, tenemos 153 estudianes femeninos que no fuman y 16 femeninos que si fuman. Con el siguiente comando R construye una tabla de contingencia en la que clasifica a todos los alumnos teniendo en cuenta todas las categorías posibles al cruzar las dos variables.

> xtabs(~ Smoke+Gender)

Gender Smoke F M

No 153 166 Yes 16 27 Este tipo de tablas se suele utilizar, entre otras cosas, para estudiar la independencia entre las variables involucradas: Gender y Smoke en nuestro caso. Podemos graficar las frecuencias mediante barplot():

- > counts <- table(Smoke,Gender)</pre>
- > barplot(counts,col=c("blue","red"),main="Smoke vs. Gender")

Smoke vs. Gender

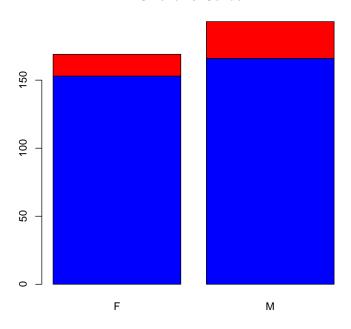


Figure 4: Barplot

También podemos graficar las frecuencias relativas dentro de cada clase de Gender con la instrucción plot() como sigue:

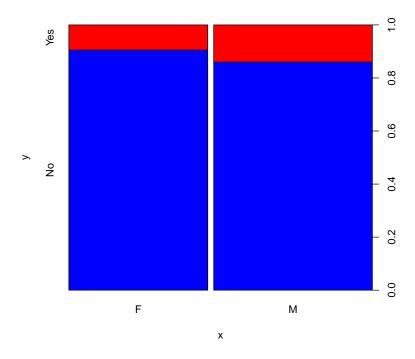


Figure 5: Plot

Asimismo, podríamos interesarnos en Gender y Award, :

> xtabs(~ Gender+Award)

Award Gender Academy Nobel Olympic F 20 76 73 M 11 73 109

Los barplots agrupados pueden tener distintas orientaciones como se muestra a continuación. Si a los fines de la compración, queremos disponer los dos barplots uno al lado del otro en un mismo gráfico, podemos utilizar el comando par() con el parámetro mfrow=c(nr,nc) que permite dividir la ventana gráfica como una matriz con nr filas y nc columnas. Con el comando

par() establecemos cambios en la ventana gráfica que permanecerán vigentes hasta que los volvamos a cambiar.

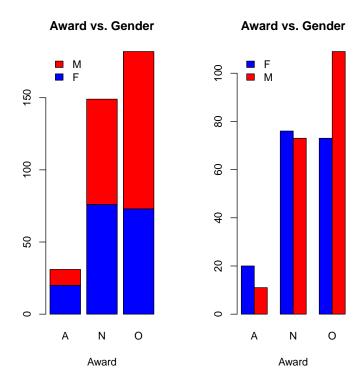


Figure 6: Barplot

Se podrían agregar más variables, por ejemplo Smoke, en cuyo caso quedarían las siguientes tablas:

> xtabs(~ Award+Gender+Smoke)

```
, , Smoke = No
         Gender
           F M
Award
  Academy 19 10
  Nobel
          68 61
  Olympic 66 95
  , Smoke = Yes
         Gender
           F
              Μ
Award
  Academy
           1
              1
  Nobel
           8 12
           7 14
  Olympic
```

1.2 Variables Cuantitativas (numeric en R)

Sigamos con las variables cuantitativas. Consideremos la variable GPA, que es continua. Lo primero que podríamos calcular es un summary, o sea un resumen de esta variable.

Miremos los primeros valores con head(), veamos el rango de variación de la variable usando el comando range() y calculemos el promedio muestral mediante mean():

```
> head(GPA)
[1] 3.13 2.50 2.55 3.10 2.70 3.20
> range(GPA)
[1] NA NA
> mean(GPA)
[1] NA
```

Como vemos la respuesta a range(GPA) y mean(GPA) es NA y esto se debe a que esta variable presenta missings. Para saber cuantos missing tiene la variable GPA podemos usar la función lógica is.na() que devuelve un FALSE si el valor está presnte y TRUE si está ausente.

```
> #is.na(GPA)
```

- > #[1] FALSE FALSE
- > # FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE
- > # FALSE FALSE FALSE

Podemos sumar para saber cuántos son:

```
> sum(is.na(GPA))
```

[1] 17

> # is.na(GPA) toma valores logicos, sin embargo se puede sumar dado que
> # en R el TRUE y el FALSE tienen una dualidad logico/numerica (1 y 0)

Ante la presencia de missings, deberíamos excluirlos para realizar las operaciones deseadas:

```
> range(GPA,na.rm=TRUE)
```

[1] 2 4

> mean(GPA,na.rm=TRUE)

[1] 3.157942

El comando summary() calcula medidas de resumen del argumento.

> summary(GPA,na.rm=TRUE)

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. NA's 2.000 2.900 3.200 3.158 3.400 4.000 17
```

summary() informa el mínimo, el primer cuartil (o percentil 25%), la mediana (o segundo cuartil), la media, el tercer cuartil (o percentil 75%), el máximo y el número de missings.

Las 5 medidas en azul son lo que se llama los **5 números resumen**. Podríamos calcular las medidas clásicas de media, varianza o desvío muestrales por separado:

```
> mean(GPA,na.rm=TRUE)
```

[1] 3.157942

```
> var(GPA,na.rm=TRUE)
```

- [1] 0.1586594
- > sd(GPA,na.rm=TRUE)
- [1] 0.3983207

También podríamos calcular la mediana, las media
s $\alpha-{\rm podadas}$ y la MAD:

- > median(GPA,na.rm=TRUE)
- [1] 3.2
- > mean(GPA,na.rm=TRUE,trim=0.1) # trim=porcentaje de poda
- [1] 3.174368
- > mean(GPA,na.rm=TRUE,trim=0.2)
- [1] 3.181643
- > mad(GPA,na.rm=TRUE)

calcula la mad estandarizada

[1] 0.429954

R tiene un número enorme de funciones predefinidas que de gran utilidad en estadística, la siguiente tabla detalla algunas de ellas:

- $n \text{ datos: } x_1, x_2, \dots, x_n$
- datos ordenados $x_{(1)} \leq x_{(2)} \leq \ldots \leq x_{(n)}$ en R: sort(datos)

sum(datos)	suma de los elementos de datos
prod(datos)	producto de los elementos de datos
sort(datos)	ordena en forma ascendente los elementos de datos
rev(sort(datos))	ordena en forma descendente los elementos de datos
order(datos)	vector de rangos de los elementos de datos
prod(datos)	producto de los elementos de datos
mean(datos)	\overline{x}
median(datos)	\tilde{x}
quantile(datos, alfa)	$x_{([n\alpha])}$
quantile(datos,0.25)	Q_1 primer cuartil
quantile(datos,0.75)	Q_3 tercer cuartil
min(datos), max(datos)	$x_{(1)}, x_{(n)}$
which.max(datos)	devuelve el índice del elemento máximo de x
which.min(datos)	devuelve el índice del elemento mínimo de x
mean(datos, trim = alfa)	$\overline{x}_{\alpha} = \{x_{([n\alpha])} + \ldots + x_{(n-[n\alpha])}\}/(n-2[n\alpha])$
var(datos)	$\overline{x}_{\alpha} = \left\{ x_{([n\alpha])} + \dots + x_{(n-[n\alpha])} \right\} / (n-2[n\alpha])$ $s^{2} = \sum (x_{i} - \overline{x})^{2} / (n-1)$
sd(datos)	$\sqrt{s^2}$
IQR(datos)	$d_I = Q_3 - Q_1$
mad(datos)	$1.4826 \text{ mediana}(x_i - \tilde{x})$

^{*} $1.4826 = 1/\Phi(-1)(3/4) = 1/qnorm(3/4)$, si no poner mad(datos,constant=1)

Si quisiéramos aplicar estas operaciones a un subconjunto de variables determinado podríamos primero definir el subconjunto de variables de interés y luego aplicar la función que nos interesa. Una forma eficiente de hacerlo es mediante la función apply() que actúa sobre las filas o columnas de una matriz o un data frame aplicando una determinada función.

Teniendo en cuenta, que algunas variables contienen algunos registros faltantes, deberíamos calcular, por ejemplo, la media muestral de cada variable omitiendo para cada una de ellas los casos NA. En las siguientes líneas calculamos la media y desvío muestrales para cada variable de SUB, matriz que hemos formado mediante el comando cbind() que combina columnas (rbind() combina filas):

- > SUB<-cbind(Exercise, TV, Height, Weight, VerbalSAT, MathSAT, SAT,
- + GPA, Pulse, Piercings)
- > apply(SUB,2,mean,na.rm=TRUE) # 2 indica accion por columna y 1 por fila

Exercise TV Height Weight VerbalSAT MathSAT 9.054017 6.504155 68.422535 159.798319 594.190608 609.436464

^{*} indicar acción si hay NA

SAT GPA Pulse Piercings 1203.627072 3.157942 69.574586 1.673130

> apply(SUB,2,sd,na.rm=TRUE)

Exercise	VT	Height	Weight	VerbalSAT	MathSAT
5.7407405	5.5837671	4.0785437	31.6194667	74.1763984	68.4900672
SAT	GPA	Pulse	Piercings		
121.2852074	0.3983207	12.2051356	2.1727027		

Consideremos los resultados en lengua y matemáticas, VerbalSAT y MathSAT, y realicemos sendos histogramas:

- > par(mfrow=c(1,2))
- > hist(VerbalSAT,freq=F)
- > hist(MathSAT,freq=F)
- > par(mfrow=c(1,1)) #Volvemos a hacer una ventana grafica sin divisiones

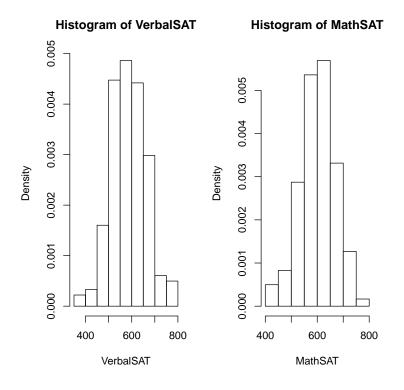


Figure 7: Histogramas

Si quisiéramos guardar en disco este gráfico podríamos hacerlo de las siguientes maneras:

En pdf:

- > pdf ("histogramas.pdf ")
- > par(mfrow=c(1,2))
- > hist(VerbalSAT,freq=F)
- > hist(MathSAT,freq=F)
- > graphics.off()

En Encapsulated PostScript:

- > postscript("histogramas.eps")
- > par(mfrow=c(1,2))
- > hist(VerbalSAT,freq=F)
- > hist(MathSAT,freq=F)
- > graphics.off()

Por lo tanto, deberían aparecer en el directorio de trabajo los archivos histogramas.pdf y histogramas.eps.

Si quisiéramos sobreimprimir una curva normal, que es una práctica bastante común, ¿cómo podríamos hacerlo? Primero, deberíamos decidir qué normal tiene que ser. Es decir, ¿con qué media y con qué desvío stantard?

La densidad de la norma con media μ y desvío standard σ

$$f(x,\mu,\sigma^2) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{\frac{(x-\mu)^2}{\sigma^2}}$$

está programada en R en la función dnorm.

Por lo tanto, una forma de realizar el plot deseado para VerbalSAT hacemos un histograma de densidad y superponemos la densidad normal, con lo que tendríamos:

- > media<-mean(VerbalSAT)
- > desvio<-sd(VerbalSAT)</pre>
- > grilla<-seq(range(VerbalSAT)[1],range(VerbalSAT)[2],length=100)
- > names(hist(VerbalSAT,freq=F))
- [1] "breaks" "counts" "density" "mids" "xname" "equidist"
- > maximo<-max(hist(VerbalSAT,freq=F)\$density)+0.0005

- > hist(VerbalSAT,ylim=c(0,maximo),freq=F,main=
- + "Histograma de Densidad de VerbalSAT")
- > lines(grilla,dnorm(grilla,media,desvio),col="blue")

Histograma de Densidad de VerbalSAT

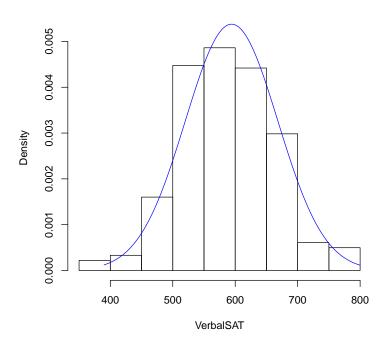


Figure 8: Histogramas+Curva Normal

Grafiquemos el boxplot de VerbalSAT de todos los alumnos juntos y en boxplots paralelos clasificados de acuerdo con su condición de fumador:

```
> par(mfrow=c(1,2))
> boxplot(VerbalSAT, main="VerbalSAT")
> boxplot(VerbalSAT~Smoke, xlab="Smoke",main="VerbalSAT")
> # ~ selectiona la condicion de fumador
> par(mfrow=c(1,1))
```

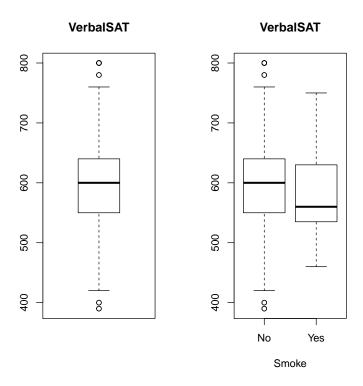


Figure 9: Boxplots

Observemos que el objeto creado con el comando boxplot(), tiene información que nos permite identificar los outliers. En efecto, los índices de los outliers los podemos obtener como sigue:

93 116 146 148 162 200 236 240 242 278 285 310 800 800 400 400 800 390 780 800 780 800 390 800

También podemos realizar los boxplots paralelos de dos variables:

> boxplot(VerbalSAT, MathSAT, names=c("VerbalSAT", "MathSAT"))

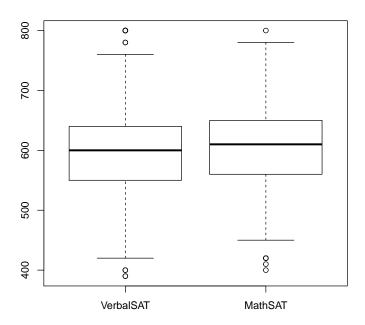


Figure 10: Boxplots

El boxplot tal como lo conocemos está fuertemente ligado a la distribución normal. Existen otras opciones, tal como el adjbox del paquete robustbase, introducido por Vandervieren y Hubert (2004), diseñado para distribuciones fuertemente asimétricas.

Existen extensiones del boxplot a tipos de datos con estructura más complejos, tales como datos bivariados o datos funcionales. En el paquete alplack se encuentra el comando bagplot(), que generaliza el boxplot usando el concepto de profundidad a datos bivariados y que permite visualizar cómo varían conjuntamente dos variables e identificar outliers en el espacio bidi-

mensional. Graficaremos a continuación los boxplots de las variables Height y Weight y su bagplot.

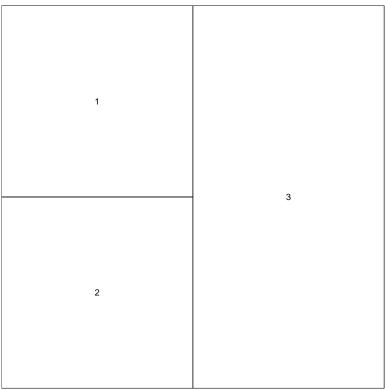


Figure 11: División de pantalla

```
> library(aplpack)
> boxplot(Height,xlab="Height")
> boxplot(Weight,xlab="Weight")
> bagplot(Height,Weight,xlab="Height",ylab="Weight",na.rm=T)
[1] "Warning: NA elements have been removed!!"
> layout(c(1,1))
```

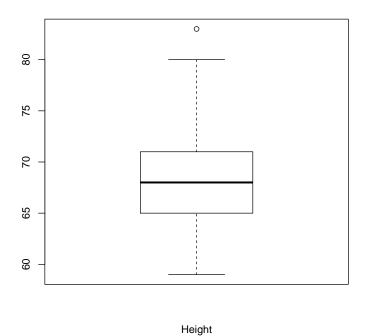


Figure 12: Bagplot

Como vemos estas figuras dan una idea de la distribución conjunta de los valores observados de dos variables y permite visualizar outliers teniendo en cuenta esta distribución.

> bagplot(Height, Weight, xlab="Height", ylab="Weight", na.rm=T)

[1] "Warning: NA elements have been removed!!"

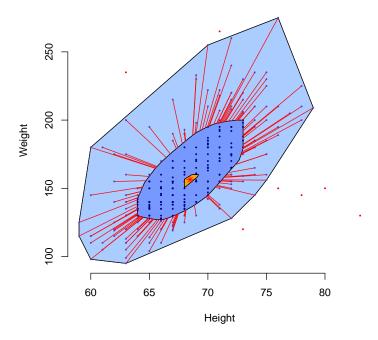


Figure 13: Bagplot

Con el mismo comando plot() que ya usamos más arriba, podemos graficar ahora dos variables numéricas, una versus otra.

- > plot(VerbalSAT, MathSAT, xlab = "Esta es VerbalSAT",
- + ylab ="Esta es MathSAT", main ="Diagrama de VerbalSAT vs. MathSAT", pch=16)

Diagrama de VerbalSAT vs. MathSAT

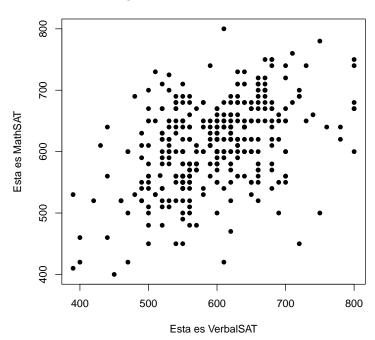


Figure 14: Scatterlot: con plot()

R tiene muchísimas opciones para personalizar los gráficos de acuerdo a nuestra necesidad o nuestro deseo. A través de los comandos par() y plot() se pueden establecer parámetros gráficos, de forma permanente o para un gráfico determinado, respectivamente. Estas opciones permiten controlar opciones tales como color de fondo (bg), márgenes (mar), ejes (axis), etc. La lista completa de parámetros gráficos puede consultarse con ?par. En el siguiente ejemplo mostramos como modificamos el gráfico anterior mediante estos parámetros.

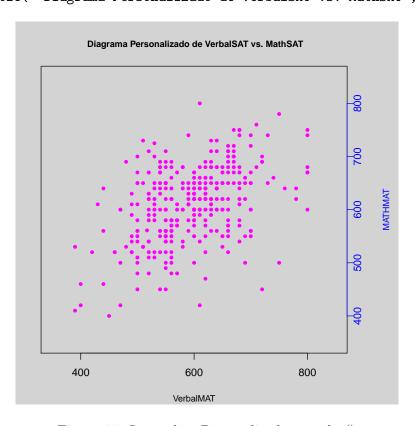


Figure 15: Scatterlot: Personalizado con plot()

Cuando se utiliza el comando par() para establecer otros parámetros gráficos es útil guardar los previos. Esto se puede realizar mediante las instrucciones

```
par() # muestra los parametros existentes

oldpar <- par() # copia los par\'ametros actaules

de manera de restablecerlos cuando se desea mediante:

par(oldpar) # restabelece parametros originales
```

Si queremos hacer un scatter plot de todas las variables de SUB versus ellas mismas, podemos usar el comando pairs():

```
> par(mar=c(5, 4, 4, 2) + 0.1)
> pairs(SUB,col="magenta")
> par(bg="white")
```

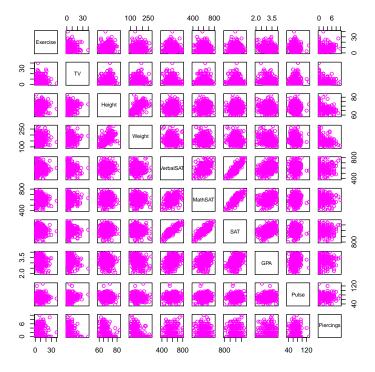


Figure 16: Pairs

En algunas oportunidades puede interesarnos visualizar datos para explorar posibles interacciones entre más variables. Para ello son útiles las gráficas bivariadas de tipo xyplot, que son muy flexibles y se implementan con el paquete lattice. Estos plots permiten realizar de manera muy sencilla gráficos múltiples condicionales como se muestra a continuación.

En xyplot se proporciona una fórmula que es utilizada para la realización del mismo. En el primer ejemplo se muestran los gráficos correspondientes a la fórmula condicional MathSAT VerbalSAT|Award, que significa que se harán gráficos de MathSAT con respecto a VerbalSAT para cada nivel de Award. En el segundo, la implementación con la fórmula Pulse Exercise|Gender.

- > library(lattice)
- > xyplot(MathSAT~VerbalSAT|Award)

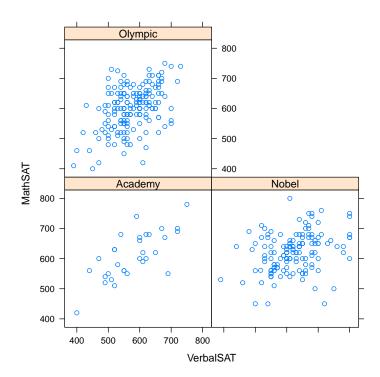


Figure 17: scatterplots condicionales: con xyplot()

- > library(lattice)
- > xyplot(Height~Weight|Gender,pch=16,col="darkblue")

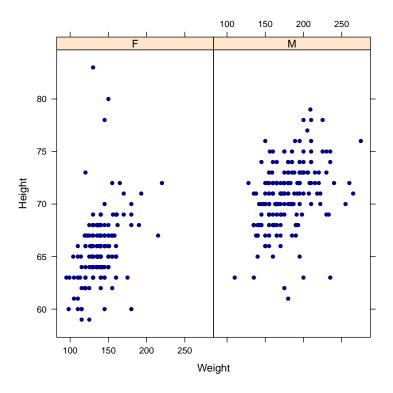


Figure 18: scatterplots condicionales: con xyplot()

Un par de ejemplos con un uso más sofisticado y aprovechando el potencial de xyplot:

```
> library(lattice)
> xyplot(MathSAT~VerbalSAT,groups=Award, pch=c(1,2,3),type="p",
+ col=c("red","blue","green"),key=list(columns=3,
+ text=list(levels(Award)),points=list(col=c("red","blue","green"),
+ pch=c(1,2,3))))
```

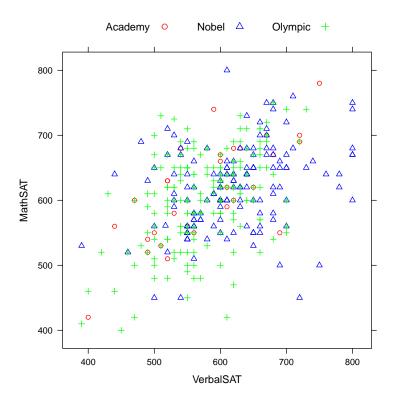


Figure 19: Scatterlot: con xyplot()

```
> library(lattice)
> xyplot(Height~Weight,groups=Gender, pch=c(16,16),type="p", col=c("red","blue"),
+ key=list(columns=2,text=list(levels(Gender)),points=list(col=c("red","blue")
+ pch=c(16,16))))
```

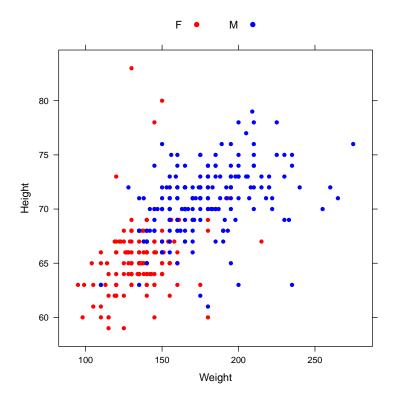


Figure 20: Scatterlot: con xyplot()

2 Otros gráficos

Veamos los comnandos outer, image y persp que sirven para representar datos tridimensionales

```
> x<-seq(-pi,pi,length =50)
> y<-x
> f<-outer(x,y, function(x,y) cos(y)/(1+x^2) )</pre>
```

```
> par(mfrow=c(1,3),bg="lightblue")
```

- > contour(x,y,f)
- # graficamos cortes de nivel
- > contour(x,y,f,nlevels =15)
- > contour(x,y,f, nlevels =45)

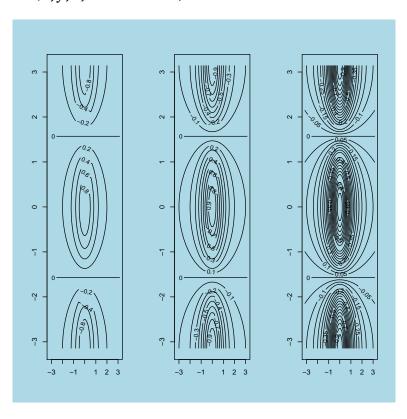


Figure 21: contour

```
> par(mfrow=c(2,2),bg="white")
> par(mar=c(1,1,1, 1))
> persp (x,y,f)
> persp (x,y,f , theta =30) #theta: angulo de direccion de vista
> persp (x,y,f , theta =90)
> persp (x,y,f , theta =90, phi =45) # phi: angulo de altura de vista
> par(mfrow=c(1,1),mar=c(5, 4, 4, 2) + 0.1) #valores de default
```

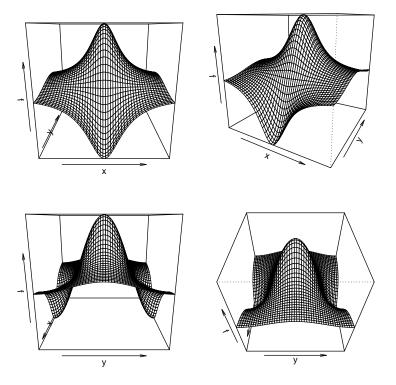


Figure 22: image y persp

Referencias

- Lock, R., Lock, P., Frazer Lock, K., Lock Morgan, E. and Lock, D. (2013). Statistics: unlocking the power of the data, Wiley.
- Paradis, E. (2003). R para principiantes. Disponible en $http://cran.r-project.org/doc/contrib/rdebuts_es.pdf$
- James, G., Witten, D., Hastie, T. and Tibshirani, R. (2013). An Introduction

to Statistical Learning with Applications in R. Springer.

- Vasishth, A. (2014). An introduction to statistical data analysis (Summer 2014) Lecture note. Disponible en $http://www.ling.uni-potsdam.de/\sim vasishth/$
- y muchos más