

Inbetriebnahme einer freien Software zur Satellitenbahnvorhersage und Ansteuerung einer Hochleistungsantenne

STUDIENARBEIT
über das dritte Studienjahr

im Studiengang
Elektrotechnik, Nachrichten- und Kommunikationstechnik

an der DHBW Ravensburg
Campus Friedrichshafen

von

Sarah Brückner,
Maximilian Stiefel und
Hannes Bohnengel

15. Juli 2016

Bearbeitungszeitraum:	Oktober - Dezember 2015
	April - Juni 2016
Betreuer:	Dipl.-Ing. (DH) Hardy Lau

Kurfassung

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Aenean porttitor mi purus, sit amet efficitur velit semper sit amet. Mauris et pulvinar nunc, id maximus metus. Suspendisse convallis sapien nisi, sed maximus quam gravida eu. Duis faucibus elit non nunc posuere dignissim. Sed ullamcorper fringilla felis ac mollis. Nunc blandit tristique auctor. Praesent elementum dictum nulla et vulputate. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Integer sed rutrum lacus. Morbi tincidunt dui at augue molestie rhoncus. Curabitur sagittis sed sapien quis vestibulum. Cras dictum sem quam, nec tincidunt augue tempor et. Morbi consectetur, dui id scelerisque consequat, velit tortor gravida eros, ac hendrerit massa magna sit amet lacus. Quisque mattis nulla diam, sed efficitur mi fermentum vitae. Nam vestibulum iaculis rhoncus.

Abstract

Translation of „Kurzfassung“ comes here...

Erklärung

gemäß Ziffer 1.1.13 der Anlage 1 zu §§ 3, 4 und 5 der Studien- und Prüfungsordnung für die Bachelorstudiengänge im Studienbereich Technik der Dualen Hochschule Baden-Württemberg vom 29.09.2015.

Wir versichern hiermit, dass wir unsere Studienarbeit mit dem Thema:

Inbetriebnahme einer freien Software zur Satellitenbahnvorhersage und Ansteuerung einer Hochleistungsantenne

selbstständig verfasst und keine anderen als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel benutzt haben. Wir versichern zudem, dass die eingereichte elektronische Fassung mit der gedruckten Fassung übereinstimmt.

Friedrichshafen, den 2. Juni 2016

Sarah Brückner

Maximilian Stiefel

Hannes Bohnengel

Inhaltsverzeichnis

Formelgrößen und Einheiten	I
Abkürzungen	II
1 Einleitung	1
2 Projektmanagement	2
2.1 Zeitplan	3
2.2 Anforderungsdefinition	3
2.3 Arbeitspakete	4
3 Amateurfunksatelliten	5
4 Hintergründe	7
4.1 Bahnmechanik	7
4.1.1 Die Keplerschen Gesetze	7
4.1.2 Die Bahnelemente	16
4.1.3 Von den Bahnelementen zum Vektor	24
4.1.4 Bahnmodelle	28
4.1.5 Der Doppler-Effekt	30
5 Aufbau der Bodenstation	34
6 GPredict	35
6.1 Übersicht	35
6.2 Grafische Oberfläche	36
6.2.1 Grundansichten	37
6.2.2 Weitere Ansichten	39
6.2.3 Modul Pop-Up Menü	40
6.2.4 GPredict-Einstellungen	46
6.3 HamLib-Programmierschnittstelle	48
6.3.1 Übersicht	48

6.3.2 Verwendung	49
6.3.3 Parameter-Konfiguration	50
6.4 Inbetriebnahme unter Windows	50
6.4.1 Aufbau von Hard- und Software	50
6.4.2 Konfiguration der Rotoren	50
6.4.3 Konfiguration des Funkgeräts	50
6.4.4 Test der Kommunikation	50
6.4.5 Test der Bedienfelder	50
6.4.6 Finaler Test	50
7 Zusammenfassung und Ausblick	51
Abbildungsverzeichnis	III
Tabellenverzeichnis	IV
Literatur- und Quellenverzeichnis	V
A Batch-Skript: <i>rigctld.bat</i>	VII
B Batch-Skript: <i>rotctld.bat</i>	VIII
C Batch-Skript: <i>rigctld-dummy.bat</i>	IX
D Batch-Skript: <i>rotctld-dummy.bat</i>	X

Formelgrößen und Einheiten

Formelzeichen	Einheit	Abkürzung	Physikalische Größe
r	Meter	m	Länge
$v = \dot{r}$	Meter pro Sekunde	$\frac{m}{s}$	Geschwindigkeit
$a = \dot{v} = \ddot{r}$	Meter pro Quadratsekunde	$\frac{m}{s^2}$	Beschleunigung
A	Quadratmeter	m^2	Fläche
M, m	Kilogramm	kg	Masse
T, t	Sekunden	s	Zeit

Abkürzungen

API	Application Programming Interface
AOS	Acquisition of Signal
BE	Backend
LOS	Loss of Signal
GPL	General Public License
CW	Continuous Wave
SGP4	„Simplified General Perturbations Model No. 4“
SDP4	„Simplified Deep Space Perturbations Model No. 4“
NORAD	„North American Aerospace Defense Command“
TLE	„Two-line Elements“

1 Einleitung

In der heutigen Gesellschaft ... Satelliten kaum mehr wegzudenken ... mobile Kommunikation, Navigation, Forschung, Satellitenfernsehen ...

Bei der Entwicklung und dem Test der Kommunikation zwischen Erde und Satellit haben Amateurfunksatelliten und Amateurfunkbodenstationen eine entscheidende Rolle gespielt (Quelle Amsat-Website)...

An der Dualen Hochschule Baden-Württemberg am Campus Friedrichshafen soll eine solche Bodenstation errichtet werden.

2 Projektmanagement

Schon Thomas Carlyle (1795–1881) erkannte die Wichtigkeit von strukturierten und organisiertem Vorgehen als er sagte:

“Unsere Hauptaufgabe ist nicht, zu erkennen, was unklar in weiter Entfernung liegt, sondern zu tun, was klar vor uns liegt”.

In einem Projekt ist das strukturierte und organisierte Vorgehen der klare Weg zu einem erfolgreichem Ziel. Daher wird sich in dieser Arbeit dem Projektmanagement bedient um die Antennennachführung für Satelliten in die richtige Richtung zu lotzen. Dabei lehnt sich das Management an das bekannte V-Modell, welche den Ablauf von Software-, als auch von Hardwareentwicklungsprozessen beschreibt. Dieses Modell soll einem Projekt die Richtung weisen, jedoch werden die einzelnen Schritte vom Projektmanager selbst definiert. Ein Vorgehensmodell wie dieses legt folgende Prozesse fest:

- die Aktivitäten die durchzuführen sind,
- die Reihenfolge des Arbeitsablaufes,
- die Definition von Ergebnissen,
- die Fertigstellungskriterien,
- die Ressourcen die vorhanden sind
- und die anzuwendenden Standards/Werkzeuge.

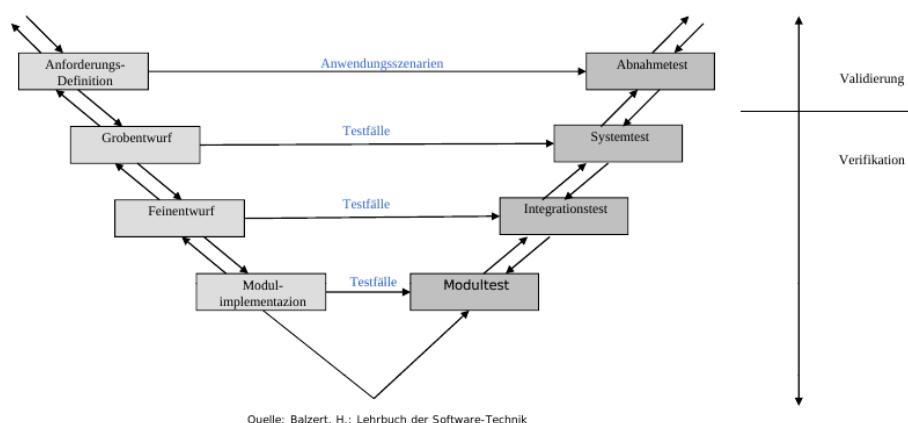


Abbildung 2.1: V-Modell, Quelle: [1]

Eine wichtige Rolle spielt die Qualitätssicherung, die das V-Modell sicher stellt. In diesem Modell sind die Verifikation und die Validation ein fester Bestandteil. Verifikation bedeutet, die Sicherstellung dass das entwickelte Produkt mit den Spezifikationen übereinstimmt. Die Validation ist die Eignung des Produkts bezogen auf seinen Einsatzzweck. Durch die Sicherstellung beider Qualitätsmerkmale wird das Projekt erfolgreich zu seinem Ziel, die Antennennachführung für Satelliten, geführt. Aus diesem Grund ist das V-Modell die richtige Vorangehensweise für dieses Projekt.

2.1 Zeitplan

Bevor ein Projekt starten kann, ist wichtig zu definieren, wie viel Zeit für die Durchführung zu Verfügung steht. Für diese Studienarbeit wird drei Studierenden einen Zeitrahmen von zwei Semester zugeschrieben. Dafür sind pro Studenten 300 Stunden kalkuliert. Beginn der Studienarbeit ist der 14. Oktober 2015 und endet am 15. Juli 2016. Für die Studierenden der Kurse TEN, TEK und TLE ist im Studienplan jeder Mittwoch von 14 Uhr bis 17.15 Uhr Studienarbeitszeit vorgesehen. Dies ist eine grobe Richtlinie für die Durchführung der Studienarbeit und kann nach Bedarf angepasst werden.

2.2 Anforderungsdefinition

Implementierung einer quelloffenen, kostenfreien Software zur Antennennachführung für das Verfolgen von erdnahen Satelliten. Die zur Antennennachführung benötigten Schnittstellen werden von der Hochschule zur Verfügung gestellt und sollen für diese Arbeit verwendet werden. Die Software soll die Satellitenposition mit Hilfe der Keplerelemente und den Doppler-Shift berechnen und ausgeben. Die Ausgabe soll grafisch erfolgen und anzeigen, wann der gewählte Satellit verfügbar ist. Ist der gewählte Satellit verfügbar, soll die Antenne in die richtige Position nachgeführt werden.

2.3 Arbeitspakete

Arbeitspakete brechen das Projekt in einzelne Aufgaben und vergeben diese an einen zuständigen Mitarbeiter. Daher ergibt sich ein detaillierter Projektlauf.

3 Amateurfunksatelliten

In dieser Studienarbeit soll die Bodenstation erdnahe Satelliten verfolgen können. Erdnah bedeutet auf einer niedrigen Umlaufbahn bis etwa 1200 km. Dazu gehören die Amateurfunksatelliten, welche der Satellitenkommunikation zwischen Funkamateuren und auch zu experimentellen Zwecken dienen. Diese kommunizieren im 2-Meter- und 70-Zentimeterband [2] und ermöglichen einen internationalen Sprech- und Datenfunk. Außerdem senden diese Satelliten auch Messwerte der Betriebsdaten des Satelliten. Diese Satelliten werden meist von Hochschulen oder Amateurfunkvereinigungen gebaut und mit weiteren Satelliten an Board einer Rakete in das All geschossen. Dabei handelt es sich um kleine, leichte Satelliten, auch "Cubesat" genannt. Die Grafik 3.1 zeigt einen

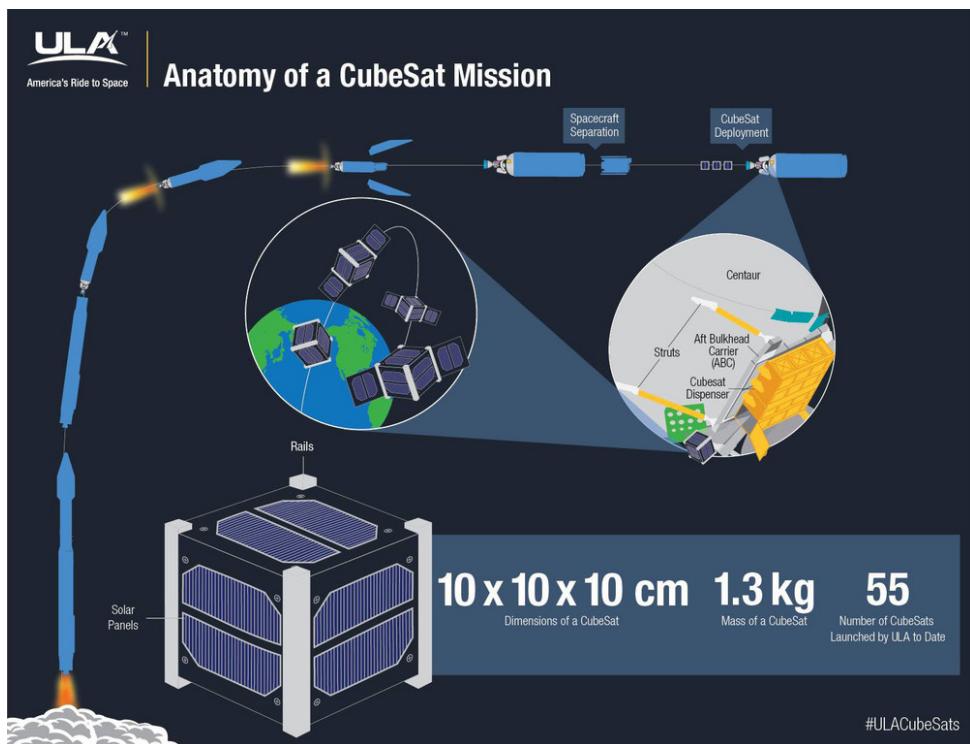


Abbildung 3.1: Cubesat, Quelle: [3]

beispielhaften Cubesat und wie dieser von einer Rakete in das All geschossen wird. Im Vergleich, der ASTRA 1L Satellit mit einer Spannweite von 20 Meter und einem Gewicht von 4,5 Tonnen. Erdnahe Satelliten umkreisen die Erde städtig und haben daher nur ein beschränktes Zeitfenster, in dem man mit einem solchen Satelliten arbeiten kann. Davor befindet sich der Satellit durch die Erdkrümmung hinter dem Horizont und ist daher unerreichbar. Daher ist es für die Bodenstation wichtig zu wissen wann der Satellit am

Horizont auftaucht um die Antenne in die richtige Position nachzuführen. Nach der korrekten Nachführung folgt die Kontaktaufnahme. Die Amateurfunksatelliten arbeiten in einem bestimmten Modus. Der Modus gibt an, in welchem Frequenzbereich der Satellit hört und auf welchem er sendet. Ein Signal, das der Satellit zur Erde schickt nennt man “Downlink” und von der Basisstation zum Satelliten “Uplink”. Das für diese Studienarbeit verwendete Funkgerät IC-9100 kann mit den Modis B und J arbeiten [4, S.153]

- Mode B: Uplink: 70 cm - Downlink: 2 m
- Mode J: Uplink: 2 m - Downlink: 70 cm

Einige Cubesats senden in Continious Wave (CW) das Rufzeichen sowie ihre Telemetriedaten aus und dient der Funktionskontrolle.

4 Hintergründe

4.1 Bahnmechanik

4.1.1 Die Keplerschen Gesetze

Seit der Antike galt die Erklärung der Bewegung der Planeten und die Vorhersage dieser als eine große Herausforderung. Theorien von Ptolemaios mit seinem geozentrischen Weltbild und Kopernikus mit seinem heliozentrischen Weltbild führten bereits im 16. Jahrhundert zu brauchbaren Modellen zur Vorhersage der Planetenbewegungen. Diese Modelle unterlagen jedoch Ungenauigkeiten, „die in mit Instrumenten des 16. Jahrhunderts bereits messbaren Breichen lagen“ (siehe S. 20 in [5]). Der mathematische Aufwand hinter diesen



Abbildung 4.1: Johannes Kepler (1571-1630), Quelle: [6]

Modellen war enorm. Selbst das kopernikanische Weltbild, dass einige Vereinfachnungen mit sich brachte, bediente sich der Überlagerung einer Vielzahl von Kreisbewegungen, um das Verhalten der Planeten zu erklären. Resignierend zog sich zu der Zeit die katholische Kirche und mit ihr viele Gelehrte auf den Standpunkt zurück, dass „die Frage, welche der Theorien die korrekte sei, [...] schlicht unbeantwortbar“ wäre (siehe S. 21 in [5]).

Ein deutscher Mathematiker und Astronom, Johannes Kepler, war hier anderer Auffassung. Er war überzeugter Kopernikaniker und stand im Dienste des Kaisers Rudolph II. Schließlich gelang es ihm aus seinen Beobachtungen drei einfache Gesetze herzuleiten. Seine Gesetze führten zu Vorhersagen der Planetenbewegungen nie da gewesener Präzisi-

on, welche er seinem Dienstherr widmend in den Rudolphinischen Tabellen niederschrieb. Steiner und Schlagerl schreiben in Ihrem Buch „Raumflugmechanik“, dass ohne die Vorarbeit Keplers keine Weltraumtechnik je existiert hätte (vgl. S. 21 in [5]). Die drei Gesetze lauten:

1. Keplersches Gesetz: Die Planeten umlaufen die Sonne auf elliptischen Bahnen. In einem der Brennpunkte dieser Ellipsen befindet sich die Sonne.
2. Keplersches Gesetz: Die Linie von der Sonne zu einem Planeten überstreicht in gleichen Zeiten gleiche Flächen.
3. Keplersches Gesetz: Die Quadrate der Umlaufzeiten zweier Planeten verhalten sich zueinander so wie die Kuben der großen Halbachsen ihrer Bahnellipsen.

Kepler starb 1630 und damit 12 Jahre vor Isaac Newtons (1642-1726) Geburt. Mit seinen Werken hinterließ Kepler Newton alles, um das Gravitationsgesetz später herleiten zu können.

Das erste Keplersche Gesetz

Durch die Annahme Planeten bewegen sich auf Ellipsen anstatt auf Kreisen, brach Kepler ein tausende Jahre altes Paradigma. Das mit der Ellipse war allerdings nicht seine Idee. Bereits im 11. Jahrhundert nahm ein arabischer Gelehrter namens Al-Zarkali (1029-1087) eine elliptische Bahn an, um die unregelmäßige Bewegung des Merkurs erklären zu können. Kepler kannte diese Idee durch die Lehren des Mathematikers und Astronomen Peuerbach (1423-1461), welcher die Ellipsen-Theorie im Abendland verbreitete.

Zunächst soll die Ellipse an sich betrachtet werden. Die einfachste Möglichkeit eine Ellipse zu konstruieren besteht darin zwei Nägel in einer Holzplatte mit einem Stück Schnur mit einer Schlaufe zu verbinden. Das Stück Schnur muss länger sein als der Abstand zwischen beiden Nägeln. Nimmt man nun einen Bleistift und drückt ihn in der Schlaufe gegen die Schnur, kann man die beiden Nägel mit Kontakt der Bleistiftspitze zum Holzbrett umrunden. Hält man die Schnur konstant auf Spannung, so ergibt sich eine Ellipse. Darüber hinaus muss der Punkt auf welchem die Schlaufe am Bleistift anliegt höher sein, als der Abschluss der Nagelköpfe. Im übertragenden Sinne beschreibt die folgende Mengendefini-

tion dieses Experiment mit Bezug zu Abbildung 4.2.

$$E = \{P | \overline{F_1 P} + \overline{F_2 P} = 2a = \text{konstant}\} \quad (4.1)$$

F_1 und F_2 heißen Brennpunkte der Ellipse. M ist der Mittelpunkt der Ellipse. S_1 und S_2 sind die Haupt-, S_3 und S_4 die Nebenscheitel. Die Strecke $\overline{MS_1}$ ist gleich der Strecke $\overline{MS_2}$.

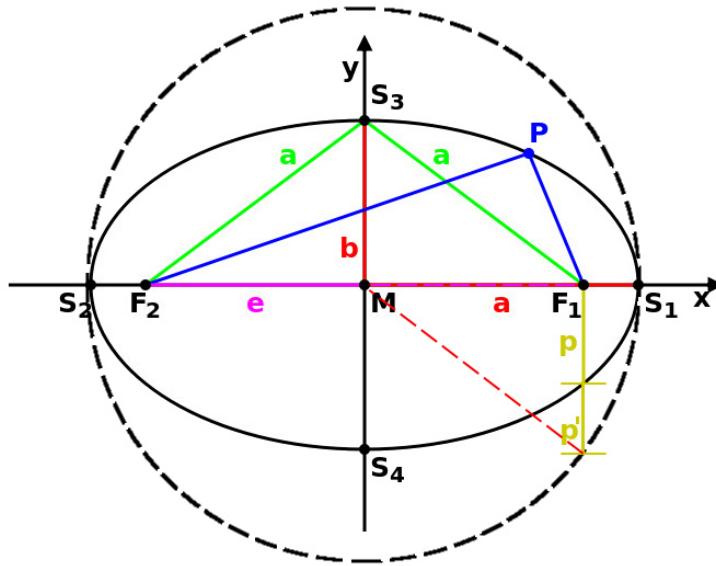


Abbildung 4.2: Ellipse, Quelle: Wikipedia zusätzlich eigener Überarbeitung

Man spricht bei der Länge dieser Strecke von der **großen Halbachse a**. Beide Strecken ergeben zusammen die Hauptachse $\overline{S_1 S_2}$. Analog gibt es hierzu die Nebenachse, welche durch die Strecke $\overline{S_3 S_4}$ bestimmt wird. Die **kleinen Halbachsen** sind $\overline{MS_3}$ und $\overline{MS_4}$. Diese haben die Längen **b**. Eine Ellipse kann auch als Stauchung eines Kreises mit dem Faktor $\frac{b}{a}$ angesehen werden.

Die numerische Exzentrizität e' ist ein Maß für die Schlankheit der Ellipse. Sie ist definiert als

$$e' = \frac{e}{a} \quad (4.2)$$

Je größer die lineare Exzentrizität e im Verhältnis zu der großen Halbachse a wird, desto schlanker wird die Ellipse, da die Brennpunkte weiter vom Mittelpunkt entfernt sind. Das Wort numerisch gibt bei der Exzentrizität e' an, dass diese sich auf eine andere Größe (die große Halbachse) bezieht. Für eine Ellipse gilt $0 < e' < 1$. Für den Fall $e' = e = 0$ hat die Ellipse die selbe Erscheinung wie ein Kreis, da die Brennpunkte F_1 und F_2 im Mittelpunkt M liegen. Für $e' = 1$ entartet die Ellipse zu einer Geraden, da die kleine Halbachse b zu

0 wird. Um das zu zeigen wird die obige Gleichung noch mal herangezogen.

$$e'^2 = \frac{e^2}{a^2} = \frac{a^2 - b^2}{a^2} = 1 - \left(\frac{b}{a}\right)^2 \quad (4.3)$$

Des Weiteren besitzt jede Ellipse einen Halbparameter p . Geht man davon aus, dass es einen Abstand p' gibt, welcher p bis zu einer die Ellipse umschließende Kreislinie verlängert, so gelten folgende Gleichungen

$$\frac{p}{p'} = \frac{b}{a} \quad (4.4)$$

Mit dem Satz eines alten Freudes folgt

$$p' = \sqrt{a^2 - e^2} \quad (4.5)$$

Jetzt ist klar, dass gilt

$$p = \frac{b}{a} \cdot p' = \frac{b}{a} \sqrt{a^2 - e^2} = \frac{b^2}{a} \quad (4.6)$$

Was nun noch fehlt ist „eine Gleichung, also eine analytische Beschreibung der Punkte einer Ellipse“ (siehe S.22 in [5]). Eine solche Gleichung ergibt sich mit dem Schnitt einer Ebene mit einem Kegel. Die Neigung der Schnittebene zur Kegelgrundfläche sei α . Der Öffnungswinkel des Kegels sei ϵ . Jetzt passiert etwas, dass das räumliche Denkvermögen herausfordert. In den Kegel wird eine (Dandelin'sche) Kugel eingeschrieben. Diese Kugel berühre die Ebene im Punkt F und tangiere den Kegelmantel entlang eines Breitenkreises. Es ist einzusehen, dass der Punkt F auf der Hauptachse der Ellipse liegt. Der Schnittpunkt der entstehenden Ellipse und der Normale zur Hauptachse im Punkt F ist der Punkt Q . P stellt einen beliebigen Punkt auf der Ellipse dar. Die Verbindungsgeraden zwischen F und P hat zur Hauptachse die Neigung θ . Der Abstand zwischen F und P ist r . s und s_0 sind die Abstände der Punkte P und Q zum Berührkreis der Kugel gemessen entlang des Kegelmantels.

Man sieht nun, dass die Größen r , s und θ von P abhängig sind. Es interessiere nun die mathematische Funktion $r(\theta)$, welche die Ellipsenbahn beschreibe (vgl. S.23 in [5]). Betrachtet wird nun zunächst die zweidimensionale Zeichnung rechts oben in Abb. ???. Mit ein bisschen Nachdenken sieht man, dass

$$(s_0 - s) \cdot \cos(\epsilon) = r \cdot \cos(\theta) \cdot \cos(\alpha) \quad (4.7)$$

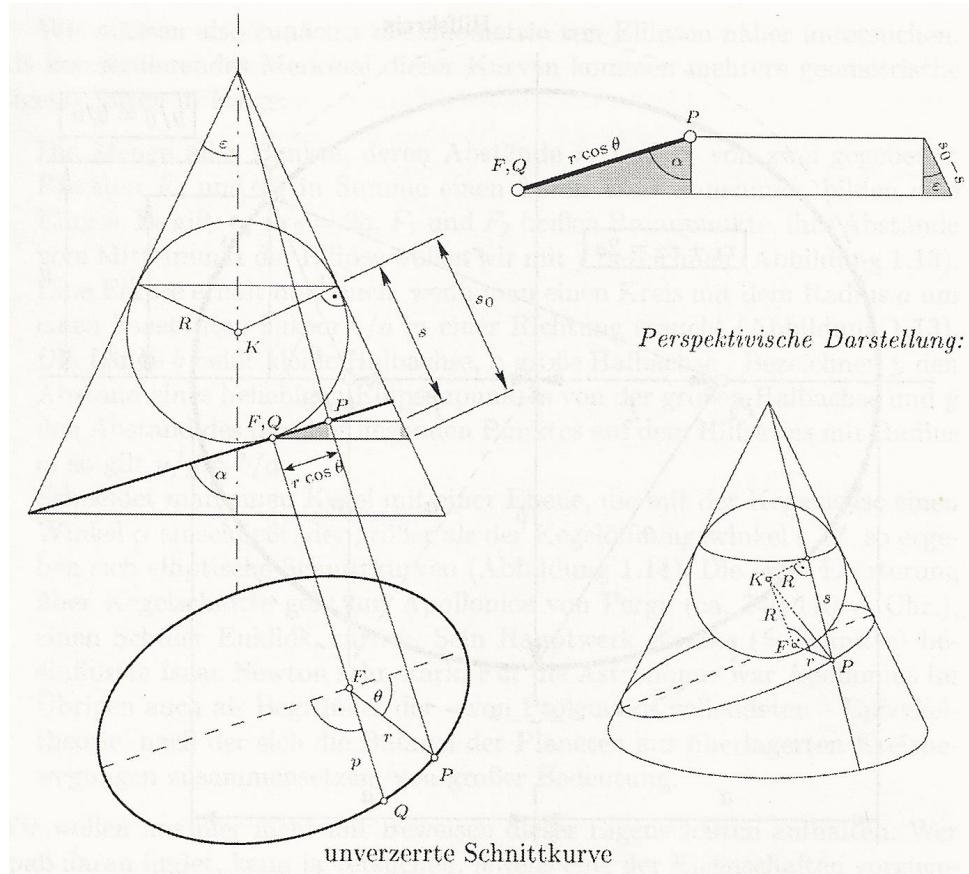


Abbildung 4.3: Kegelschnitt, Quelle: S.24 in [5]

Doch woher kommt der Ausdruck $r \cdot \cos(\theta)$? Hierzu werfe man einen Blick auf die zweidimensionale Abbildung der Schnittfläche/Ellipse links unten im Bild. Dieses Bild setze man nun in Relation zum Bild darüber. Der Abstand $r \cdot \cos(\theta)$ lässt sich nun auf die Hauptachse der Ellipse projizieren. r , die Projektionslinie für P die Hauptachse und F bilden nun eine rechtwinkliges Dreieck aus. Der Rest ist Trigonometrie.

In der Darstellung rechts unten in Abb. ?? ist folgende Beziehung auffindbar.

$$R^2 + s^2 = R^2 + r^2 \quad (4.8)$$

Das bedeutet, dass s durch r in Gleichung 4.7 ersetzt werden kann.

$$(s_0 - r) \cdot \cos(\epsilon) = r \cdot \cos(\theta) \cdot \cos(\alpha) \quad (4.9)$$

Ausmultiplizieren ergibt

$$s_0 \cos(\epsilon) - r \cos(\epsilon) = r \cos(\theta) \cos(\alpha) \quad (4.10)$$

Sortieren führt zu

$$s_0 \cos(\epsilon) = r \cos(\theta) \cos(\alpha) + r \cos(\epsilon) \quad (4.11)$$

Ausklammern und auflösen bringt

$$r = \frac{s_0 \cos(\epsilon)}{\cos(\theta) \cos(\alpha) + \cos(\epsilon)} \quad (4.12)$$

Die entstandene Gleichung 4.12 kann nun noch durch die Zusammenhänge $p = s_0$ (Halbparameter) und $e' = \frac{\cos(\alpha)}{\cos(\epsilon)}$ vereinfacht werden (vgl. S. 24 in [5]). Hierzu dividiert man Gleichung 4.12 durch $\cos(\epsilon)$.

$$r = \frac{s_0}{1 + \frac{\cos(\alpha)}{\cos(\epsilon)} \cos(\theta)} = \frac{p}{1 + e' \cos(\theta)} \quad (4.13)$$

Fertig ist die mathematische Version des ersten Keplerschen Gesetzes.

Das zweite Keplersche Gesetz

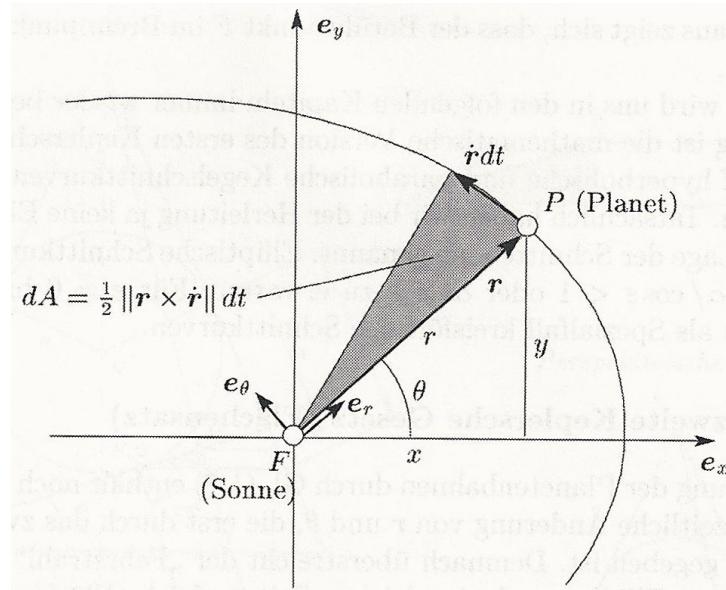


Abbildung 4.4: Kegelschnitt, Quelle: S.26 in [5]

Gleichung 4.13 liefert noch keine Aussage über die zeitliche Änderung von r und θ . Um eine Aussage über die zeitliche Änderung dieser Variablen treffen zu können, kann Keplers zweites Gesetz herangezogen werden: Die Fläche, welche die Verbindungsstrecke zwischen Sonne und einem Planeten überstreicht ist zeitlich konstant. Die Fläche ΔA , die in einem Zeitintervall Δt durch strichen wird ist genau

$$\Delta A = \frac{1}{2} |\vec{r} \times \dot{\vec{r}}| \Delta t + F(\Delta t^2) \quad (4.14)$$

Die beiden Vektoren r und $\dot{r}\Delta t$ spannen eine Fläche auf, welche ein Parallelogramm beschreibt. Das Kreuzprodukt ergibt einen Vektor dessen Länge dieser Fläche entspricht.

Die Hälfte davon ist die Fläche des Dreiecks, die gesucht wird. Der Ausdruck $\dot{r}\Delta t$ ist dabei sehr ungenau und beschreibt eigentlich nur die Änderung des Vektors r . Aus diesem Grund kommt noch der Fehlerterm F hinzu, der die Krümmung der Ellipse berücksichtigt. Bezieht man sich im nächsten Schritt auf infinitesimale Elemente, die wirklich gegen Null gehen, so erreicht man die gewünschte Genauigkeit. Der Fehlerterm wird überflüssig.

$$dA = \frac{1}{2} |\vec{r} \times \dot{\vec{r}}| dt \quad (4.15)$$

Man führt nun eine für jeden Planeten individuelle Konstante h ein, da sich das Verhältnis $\frac{dA}{dt}$ nicht verändern darf.

$$2dA = h \cdot dt \quad (4.16)$$

Um das mathematische Äquivalent zu dem sprachlich formulierten zweiten Gesetz zu erhalten, soll wie beim ersten Gesetz eine Abhängigkeit zu r und θ hergestellt werden. Zu diesem Zweck wird die Gleichung einer Koordinatentransformation in Zylinderkoordinaten unterworfen (vgl. S. 25 f. in [5]). Es gilt also

$$x = r \cos(\theta), y = r \sin(\theta) \text{ und } z = z.$$

Gemäß der Definition von Zylinderkoordinaten darf man jetzt den Vektor \vec{r} auch anders schreiben:

$$\vec{r} = r \vec{e}_r + z \vec{e}_z \quad (4.17)$$

wobei folgendes generell über Zylinderkoordinatensysteme bekannt ist:

$$\vec{e}_r = \begin{pmatrix} \cos(\theta) \\ \sin(\theta) \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{e}_\theta = \begin{pmatrix} -\sin(\theta) \\ \cos(\theta) \\ 0 \end{pmatrix} \text{ und } \vec{e}_z = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Die Vektoren stehen allesamt senkrecht aufeinander, was man sieht, wenn man das Skalarprodukt bildet. Das liegt daran, dass das Skalarprodukt über die Summe der Längen der Vektoren multipliziert mit dem Kosinus des Winkels den sie einschließen definiert wird, welcher bei $\frac{\pi}{2}$ bekanntlich Null ist. Da auch die Ableitung des Vektors \vec{r} (Geschwindigkeit) gesucht ist beginnt man zu differenzieren. Man wende hier zunächst die Summenregel, dann auf den ersten Ausdruck noch die Produkt- und die Kettenregel, da \vec{e}_r von θ abhängt und diese wiederum von t . Es folgt

$$\dot{\vec{r}} = \dot{r} \vec{e}_r + r \dot{\vec{e}}_r + \dot{z} \vec{e}_z \quad (4.18)$$

Setzt man nun

$$\dot{\vec{e}_r} = \dot{\theta} \begin{pmatrix} -\sin(\theta) \\ \cos(\theta) \\ 0 \end{pmatrix} = \dot{\theta} \vec{e}_\theta$$

in Gleichung 4.18 ein, so ergibt sich

$$\dot{\vec{r}} = \dot{r} \vec{e}_r + r \dot{\theta} \vec{e}_\theta + \dot{z} \vec{e}_z \quad (4.19)$$

Man wählt nun die z-Achse geschickt, so dass diese senkrecht auf der Trägerebene der Ellipse steht (vgl. S.26 in [5]). Durch diesen Schachzug gilt für die zu betrachtenden Gleichungen $z = 0$. Jetzt fällt Gleichung 4.15 in sich zusammen

$$\frac{dA}{dt} = \frac{1}{2} \left| \vec{r} \times \dot{\vec{r}} \right| = \frac{1}{2} \left| r \vec{e}_r \times (\dot{r} \vec{e}_r + r \dot{\theta} \vec{e}_\theta) \right| \quad (4.20)$$

Durch die Bilinearität des Kreuzprodukts folgt

$$\frac{dA}{dt} = \frac{1}{2} \left| \dot{r} r (\vec{e}_r \times \vec{e}_r) + r r \dot{\theta} (\vec{e}_r \times \vec{e}_\theta) \right| \quad (4.21)$$

Die Tatsache, dass das Kreuzprodukt eines Vektors mit sich selbst den Nullvektor ergibt und dem Umstand, dass $\vec{e}_r \perp \vec{e}_\theta \perp \vec{e}_z$ ist, führt zu

$$\frac{dA}{dt} = \frac{1}{2} \left| r^2 \dot{\theta} \vec{e}_z \right| = \frac{1}{2} r^2 \dot{\theta} = h = \text{konstant} \quad (4.22)$$

Das dritte Keplersche Gesetz

Auf sein drittes Gesetz soll Kepler besonders stolz gewesen sein (vgl. S.27 in [5]). Nach seinem Gesetz stehen die Halbachsen a_1 und a_2 und die Umlaufzeiten T_1 und T_2 in dem Zusammenhang

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3} \quad (4.23)$$

Die Umlaufzeit lässt sich nun leicht mit der Konstanten h , welche für das zweite Keplersche Gesetz eingeführt wurde ausdrücken. Es wird hierfür die gesamte Ellipsenfläche ($A_{\text{Ellipse}} = ab\pi$) und konsequenterweise dann auch die gesamte Umlaufzeit T angenommen. Eingesetzt in Gleichung 4.22 ergibt sich

$$2ab\pi = hT. \quad (4.24)$$

Daraus folgt

$$T = \frac{2ab\pi}{h}. \quad (4.25)$$

Eingesetzt in Gleichung 4.23 ergibt sich

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3} = \frac{a_1^2 b_1^2 h_2^2}{a_2^2 b_2^2 h_1^2}. \quad (4.26)$$

Bringt man nun $a_1^2 b_1$ und $a_2^2 b_2^2$ einmal durch Division und einmal durch Multiplikation eins weiter nach links, so kann man die Beziehung aus Gleichung 4.6 ausnutzen und schreiben

$$\frac{a_1 b_2^2}{a_2 b_1^2} = \frac{h_2^2}{h_1^2} \quad (4.27)$$

Oben und unten multipliziert man jetzt noch jeweils mit $1/a_1$ und $1/a_2$.

$$\frac{b_2^2/a_2}{b_1^2/a_1} = \frac{h_2^2}{h_1^2} = \frac{p_2}{p_1} \quad (4.28)$$

Das Resultat ist ein „Zusammenhang zwischen den Halbparametern p_1 , p_2 und den Bewegungskonstanten h_1 , h_2 “ (siehe S.27 in [5]). Diese Größen sind aus dem zweiten Keplerschen Gesetz bekannt.

Die Bewegungskonstante h ist eine wichtige Größe, um die Umlaufzeit T und auch um die Mittlere Anomalie $M(t)$ bzw. die Kreisfrequenz n dieser zu bestimmen. Um an diese Größe zu gelangen leitet man nach S.87 in [8] aus der Zentrifugalkraft und der Gravitationskraft für einen Sonderfall das dritte Keplersche Gesetz her. Man tut so als bewege sich ein Körper mit der Masse m_{Sat} auf einer Kreisbahn mit dem Radius a , was für eine (numerische und lineare) Exzentrizität von 0 zutrifft. Da der Körper nicht ins Schwerezentrum im Mittelpunkt der Bahn abstürzt, muss die Gravitationskraft gleich der Zentrifugalkraft sein. Es folgt

$$F_Z = F_G \quad (4.29)$$

$$m_{Sat} \cdot n^2 \cdot a = G \cdot \frac{m_{Sat} M_{Erde}}{a^2} \quad (4.30)$$

$$a^3 \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2 = G M_{Erde} \quad (4.31)$$

Aus dieser Gleichung folgt durch ein paar geschickte Umformungen, die aus Platzgründen an dieser Stelle nicht niedergeschrieben wurden, und Umstellen nach T

$$T = \frac{2 a^2 \pi}{\sqrt{G M_{Erde} a}} \quad (4.32)$$

Im Zähler steht die doppelte von der Verbindungsstrecke zwischen Schwerezentrum und Satellit in einer Umlaufperiode T überschrittenen Fläche. Durch die Verwandschaft der

obigen Gleichung mit Gleichung 4.25, kann man schlussfolgern, dass die Bewegungskonstante in diesem Fall sich zu

$$h = \sqrt{G M_{Erde} a} \quad (4.33)$$

ergibt. Die Berechnung der mittleren Anomalie $M(t)$ stellt nun kein Problem mehr da.

4.1.2 Die Bahnelemente

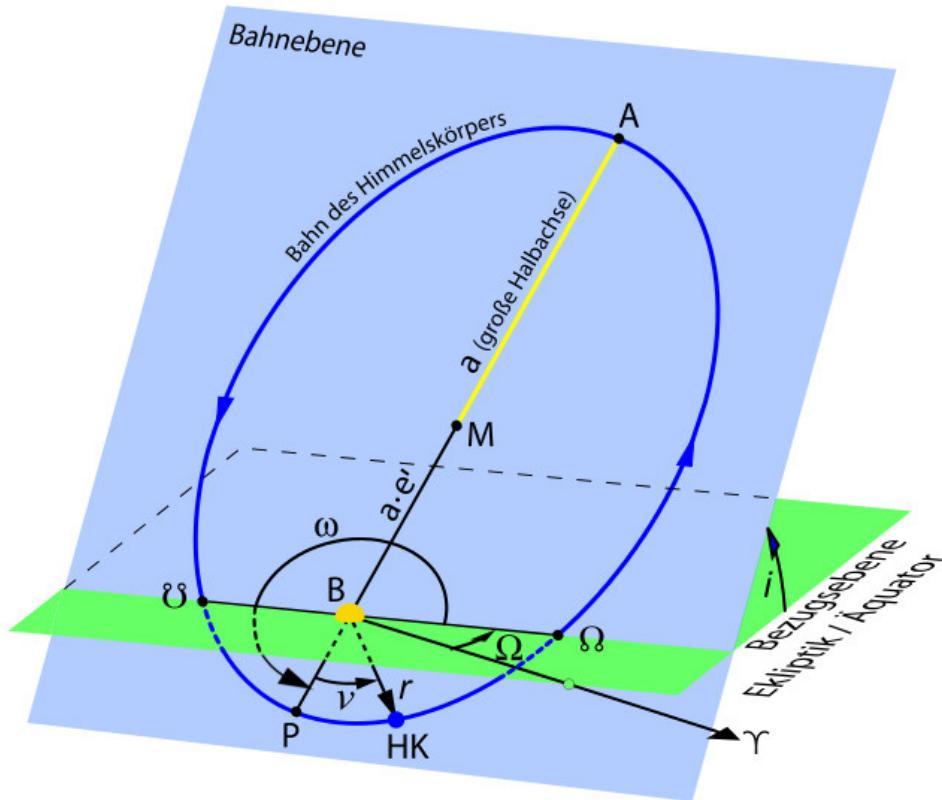


Abbildung 4.5: Bahnelemente, Quelle: [7], Grafik ist eigens modifiziert

Die Bahnelemente dienen der Beschreibung einer Bewegung eines Himmelskörpers auf einer Umlaufbahn (meist einer Ellipse). Dieser Körper unterliegt den Keplerschen Gesetzen. Wird die Bewegung eines Himmelskörpers durch äußere Einflüsse (z.B. Gravitationskraft der Sonne) nicht gestört, so kann sie durch sechs Größen beschrieben werden. Diese Größen sind die Bahnelemente. Zwei Bahnelemente beschreiben die **Form der Bahn**, drei legen die **Lage der Bahn** im dreidimensionalen Raum fest und ein Bahnelement gibt an zu welcher **Zeit** sich der Himmelskörper wo auf der Bahn befunden hat.

Diese Bahnelemente reichen in der Praxis nicht aus, um die Position eines Himmelskörpers z.B. eines Satelliten mit einem Vorhersagemodell berechnen zu können. Aus diesem

Grund werden die Bahnelemente meist um von Vorhersagemodellen benötigten Informationen ergänzt. Im Folgenden werden die Bahnelemente in Ihrer Bedeutung anhand der Abbildung 4.5 erläutert.

Gestalt der Bahn

Um die Gestalt der Bahn zu beschreiben wird die **numerische Exzentrizität (1)** e' und die Angabe der Länge der **großen Halbachse (2)** a benötigt. Diese beiden Größen werden ausführlich im Absatz 4.1.1 beschrieben. Es braucht nicht mehr, um eine elliptische Bahn zu definieren. Zur Erinnerung: Die große Halbachse a ist die Länge der Strecke vom Mittelpunkt zu den Hauptscheiteln. Die (lineare) Exzentrizität e gibt die Schlankeit der Ellipse an. Wobei die numerische Exzentrizität e' auf die große Halbachse normiert ist.

Die Abhängigkeit der Umlaufzeit eines Satelliten von den Bahndimensionen (v.a. Länge der großen Halbachse) und die elliptische Bahnform sind der „quadratischen Abnahme der Gravitationsbeschleunigung [geschuldet]“ (siehe S. 87 in [8]).

$$\ddot{\vec{r}} = -\frac{GM_{Erde}}{r^2} \cdot \frac{\vec{r}}{r} \quad (4.34)$$

$GM_{Erde} \approx 398600,4 \frac{\text{km}^3}{\text{s}^2}$ ist dabei das konstante Produkt aus Gravitationskonstante und Masse der Erde. Das Stichwort lautet hier Impulserhaltungssatz. In einem geschlossenen System kann Impuls weder vernichtet noch erschaffen werden. Bis zum Perigäumsdurchgang nimmt ein Satellit Impuls von der Erde über die Kraft, die zum Erdmittelpunkt hin wirkt auf. Danach wird Impuls an die Erde abgegeben → der Satellit verlangsamt sich. Nach dem Apogäumsdurchgang fängt der Satellit wieder an schneller zu werden. Er nimmt wieder Impuls auf.

Lage der Bahn

Es erscheint sinnvoll, dass die Lage im Raum als nächstes festgelegt wird. Auch scheint es sinnig, dass man drei Bahnelmente benötigt, um die Lage der Bahn im dreidimensionalen Raum festzulegen.

Man stelle sich nun vor, dass die Ellipse, auf welcher der Satellit sich bewegt, in einer Ebene liege. Diese Ebene schneide man mit einer Referenzebene (z.B. Schnittebene durch den Erdäquator). Die **Inklination (3)** i ist nun ein Winkel, „um den die Bahnebene

gegenüber der [Referenzebene] geneigt ist“ (siehe S.88 in [8]). Um die Nebenachse der Ellipse herum kann durch diese Festlegung keine Rotation mehr stattfinden. Die Ellipse, die ja in der Ebene liegt, kann sich jetzt noch in dieser Ebene um eine zur Ebene orthogonalen Achse drehen. Um das zu unterbinden wird ein weiterer Winkel, das **Argument des Perigäums (4)** ω , eingeführt. Das Argument des Perigäums ist der Winkel, den die Knotenlinie und die Perigäumsrichtung (Hauptachse) einschließen. Das Perigäum liegt am Ende der Hauptachse, auf welches sich der Satellit zu bewegt, nachdem er den aufsteigenden Knoten passiert hat. Der aufsteigende Knoten ist der Punkt in dem der Satellit die Referenzebene auf seiner elliptischen Umlaufbahn (von Süd nach Nord) durchstößt. Die Knotenlinie ist die Schnittgerade der Ellipse mit der Referenzebene. Darüber hinaus gibt es das Apogäum, welches nach dem absteigenden Knoten durchlaufen wird, der am anderen Ende der Nebenachse beheimatet ist. Eine andere Definition für das Perigäum ist der Punkt des geringsten Abstands des Satelliten zur Erde. Analog lässt sich das Apogäum als Punkt des größten Abstands des Satelliten zur Erde festlegen. Die Ellipse dreht sich nun nicht mehr in der Ebene. Eine Sache wurde jetzt noch nicht betrachtet. Die Ebene kann sich immer noch entlang Ihrer Hauptachse drehen. Die **Rektaszension des aufsteigenden Knotens (5)** Ω gibt nun den Winkel an, den die Knotenlinie und der Vektor vom Ellipsenzentrum zum Frühlingspunkt γ einschließen. Doch was ist der Frühlingspunkt? „Als Frühlingspunkt (auch Widderpunkt) wird in der Astronomie der Schnittpunkt des Himmelsäquators mit der Ekliptik bezeichnet, an dem die Sonne zum Frühlingsanfang der Nordhalbkugel (= Herbstanfang der Südhalbkugel) steht“ (siehe [9]). Die Drehung um die Hauptachse ist jetzt also auch nicht mehr möglich. Der Bahnlage wurden somit alle drei Freiheitsgrade genommen.

Die Bewegung eines Satelliten erfolgt in einer nicht veränderbaren Bahnebene mit dem Bahnmittelpunkt gleich dem Erdmittelpunkt. Dies impliziert das erste Keplersche Gesetz. Der Grund hierfür ist „dass die Anziehung der Erde (in erster Näherung) immer zum Erdmittelpunkt gerichtet ist“ (siehe S. 87 in [8]). Zu keinem Zeitpunkt gibt es somit einen Kraftvektor, der senkrecht zum Ortsvektor \vec{r} wirkt und somit die Bahnebene verschieben könnte (Annahme: Mittelpunkt des Koordinatensystems ist der Erdmittelpunkt). Daraus resultiert wiederum, dass eine einmal eingeschlagene Bahnebene ohne eine äußere Kraft nicht wieder verlassen werden kann.

Zeitlicher Bezug und Kepler-Gleichung

Bis jetzt ist alles recht schön und anschaulich. Es ist klar wo die Bahnebene im Raum ist und wie diese aussieht. Wir haben durch das zweite Keplersche Gesetz eine Gleichung, die uns die Position des Satelliten in Abhängigkeit des Winkels θ verrät. Diese ist

$$r = \frac{p}{1 + e' \cos(\theta)} \quad (4.35)$$

θ ist der Winkel, den die Verbindungsgeraden zwischen einem Brennpunkt und dem Satellit mit der Hauptachse einschließt. Es gibt allerdings noch ein Haar in der Suppe. Aufgrund des Flächensatzes ist die Winkelgeschwindigkeit des Satelliten nicht konstant (bzw. nur für eine in der Natur nicht vorkommende Kreisbahn konstant). θ ist eine Funktion von t . Die sog. wahre Anomalie $\theta(t)$ schwankt um die mittlere Anomalie M (nicht zu verwechseln mit der Erdmasse). Man stößt nun auf das Zweikörperproblem (Keplerproblem). Dies ist die Angabe der wahren Anomalie $\theta(t = t_x)$ zu einem vorgegebenen Zeitpunkt t_x . Wie kommt die mittlere Anomalie nun zustande? Zunächst sollte ein genauer Blick auf Abbildung 4.6 geworfen werden. Die Abbildung stellt eine Momentaufnahme einer Situation dar. Wie schon bei früheren Betrachtungen wird die Ellipse (Orbit) in einen Umkreis

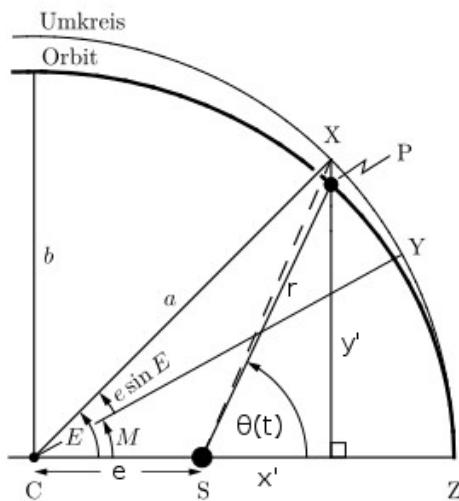


Abbildung 4.6: Kepler-Gleichung, Quelle: [10], Grafik ist eigens modifiziert

eingeschrieben. Ein fiktiver (mittlerer) Satellit Y laufe entlang des Umkreises um den Punkt C (Mittelpunkt der Ellipse und des Kreises, kein Ellipsenbrennpunkt). Der wahre Satellit P bewege sich entlang der Ellipse. Die Lage des fiktiven Satelliten Y wird zum Zeitpunkt t mittels des Winkels M dargestellt. Hierbei wird unterstellt, dass der Satellit

zum Zeitpunkt t_P im Perigäum (oft auch Periapsis genannt) $M = 0$ war. Es gilt nun

$$M = 2\pi \frac{t - t_P}{T} = n(t - t_P) \quad (4.36)$$

Hierbei ist n die Winkelgeschwindigkeit und T die Umlaufzeit des Satelliten um das Schwerzentrum. S ist der Erdmittelpunkt (Schwerzentrum). Um nun die Kurve zu der Ellipse und dem tatsächlichen Satellit zu erhalten wird das zweite Keplersche Gesetz für diesen konkreten Fall herangezogen. In gleichen Zeiträumen werden gleiche Flächen von den Fahrstrahlen der Satelliten unabhängig von der Bahnform (egal ob elliptisch oder kreisförmig mit $e' = e = 0$) überstrichen. Hier spricht man von einer bijektiven Abbildung der Ellipsen- und Kreisflächensegmente. Letztere sind leicht zu berechnen. Es wird also praktisch ein Umweg über den Umkreis gegangen. Das zweite Keplersche Gesetz angewandt auf den vorliegenden Fall, führt bezüglich der Zeitspanne einer Überstreichung der gesamten Fläche zu

$$\frac{A_{Kreis}}{A_{Ellipse}} = \frac{\pi a^2}{\pi a b} \quad (4.37)$$

Nach dem zweiten Keplerschen Gesetz ist dieses Verhältnis dasselbe für eine infinitesimale Fläche. So gilt

$$\frac{A_{CYZ}}{A_{SPZ}} = \frac{A_{Kreis}}{A_{Ellipse}} = \frac{a}{b} \quad (4.38)$$

Kepler führte als eine Hilfsgröße die exzentrische Anomalie E ein. Hierzu wird P auf den Hilfskreis projiziert. Es entsteht der Punkt X . Der Winkel zwischen Hauptachse und X ist die exzentrische Anomalie. Durch den in Gleichung 4.38 hergeleiteten Zusammenhang kann folgende Aussage getroffen werden.

$$A_{SXZ} = \frac{a}{b} A_{SPZ} \quad (4.39)$$

Setzt man Gleichung 4.38 in Gleichung 4.39 ein, so ergibt sich

$$A_{SXZ} = A_{CYZ} \quad (4.40)$$

Mit der Gleichung 4.40 ist ein indirekter Zusammenhang zwischen der mittleren Anomalie (Punkt Y) und der exzentrischen Anomalie (Punkt X) gefunden. Der Fahrstrahl \overline{CY} in der Zeit einer Periode U eine Fläche von πa^2 überstreicht, so überstreicht er in einer Zeit t eine Fläche, die um den Faktor $\frac{M}{2\pi}$ kleiner ist. Es folgt

$$A_{CYZ} = \frac{M}{2\pi} \pi a^2 = \frac{a^2}{2} M \quad (4.41)$$

Analog gilt dies für den Fahrstrahl \overline{CX} .

$$A_{CXZ} = \frac{a^2}{2} E \quad (4.42)$$

Weiter geht's mit noch mehr Geometrie. Die Fläche A_{CXZ} kann in zwei Teilflächen zerlegt werden.

$$A_{CXZ} = A_{CSX} + A_{SXZ} \quad (4.43)$$

Die Fläche A_{CSX} kann als die Fläche eines Dreiecks aufgefasst werden. Dabei ist $a \cdot e'$ die Basis und $a \sin(E)$ die Höhe des Dreiecks.

$$A_{CSX} = \frac{1}{2} \cdot a \cdot e' \cdot a \sin(E) = \frac{a^2}{2} e' \sin(E) \quad (4.44)$$

Als letzten Schritt setze man nun noch Gleichung 4.40 (unter Beachtung von Gleichung 4.41), Gleichung 4.42 und Gleichung 4.44 in Gleichung 4.43 ein.

$$\frac{a^2}{2} E = \frac{a^2}{2} e' \sin(E) + \frac{a^2}{2} M \quad (4.45)$$

Mit ein paar Tricks aus der Grundschule entsteht die **Kepler-Gleichung** wie sie im Buche steht.

$$E - e' \sin(E) = M = n \cdot (t - t_P) \quad (4.46)$$

Diese Gleichung kann nicht nach E aufgelöst werden und so keine schöne Funktion $E(t)$ gewonnen werden. Doch Gott sei dank, schenke er Newton die Eingebung des Newton-Verfahrens zur Nullstellensuche. Das Newton-Verfahren ist im Grunde eine rekursive Folge, wobei jedes Folgeglied allgemein mit

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)} \quad (4.47)$$

zu bestimmen ist. Man stellt also Gleichung 4.46 entsprechend um und leite ab.

$$f(E) = E - e' \sin(E) - M \stackrel{!}{=} 0 \quad (4.48)$$

$$f'(E) = 1 - e' \cos(E) \quad (4.49)$$

Es folgt die rekursive Folge für die Kepler-Gleichung.

$$E_{n+1} = E_n - \frac{E - e' \sin(E) - M}{1 - e' \cos(E)} \quad (4.50)$$

Als Startwert wird in [8] $E_0 = M$ empfohlen. Die rekursive Folge Verhält sich dabei so, dass sie gegen einen entsprechenden Wert für die exzentrische Anomalie E konvergiert. Wenn sich entsprechende Nachkommastellen nach gewisser Genauigkeit nicht mehr

ändern, so hat man die Nullstelle gefunden. Mit diesem Wert für $E(t = t_x)$ kann die wahre Anomalie $\theta(t = t_x)$ bestimmt werden. Zu beachten ist, dass in die Kepler-Gleichung natürlich vor der Anwendung des Newton-Verfahrens auch der gewünschte Zeitpunkt t_p eingesetzt wird.

Wie bestimmt man nun die wahre Anomalie, also den Winkel, der zu dem Zeitpunkt gehört aus welchem wir dann wiederum einen Vektor r gewinnen können? Hierzu werden die Größen x' und y' in Abbildung 4.6 herangezogen. Man sucht nun nach einer Beziehung zwischen diesen Größen und bekannten Größen aus dem Fundus der Bahnelemente die Form der Bahn betreffend (dazu gehören natürlich auch abgeleitete Größen). Es ist nachvollziehbar, dass

$$x' = r \cos(\theta) = \cos(E) a - e = a (\cos(E) - e') \quad (4.51)$$

ist. Für y' muss man etwas tiefer in die Trickkiste greifen. Man geht aus von Gleichung 4.4. Diese stelle man nach p um.

$$p = p' \frac{b}{a} \quad (4.52)$$

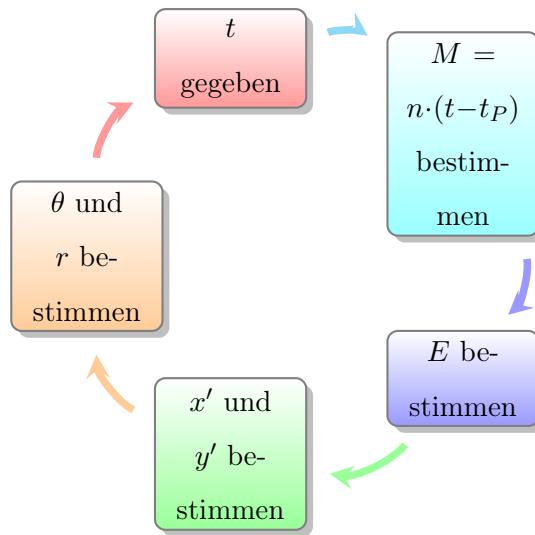
Für p' kann der Term $\sin(E) a$ eingesetzt werden. Mit dem Satz des Pythagoras kann b auch mit den Größen a und e ausgedrückt werden. Es folgt

$$p = y' = \sin(E) a \frac{\sqrt{a^2 - e^2}}{a} = \sin(E) a \sqrt{1 - e'^2} \quad (4.53)$$

Aus diesen beiden Größen kann unmittelbar die wahre Anomalie θ zu einem gegebenen Zeitpunkt bestimmt werden.

$$\theta = \arctan \left(\frac{y'}{x'} \right) = \arctan \left(\frac{\sin(E) a \sqrt{1 - e'^2}}{a (\cos(E) - e')} \right) = \arctan \left(\frac{\sin(E) \sqrt{1 - e'^2}}{\cos(E) - e'} \right) \quad (4.54)$$

Nun ist also der zeitliche Bezug bekannt. Hier nochmal eine kleine Darstellung wie vorgehen ist.



Führt man den Vorgang wie oben gezeigt iterativ aus, so erhält man einen zweidimensionalen Vektor \vec{r} . Wenn man nun scharf nachdenkt, so fällt einem auf, dass man nochmal eine Information benötigt. Es braucht einen Zeitpunkt t_P . Dies muss ein Zeitpunkt sein, bei welchem der Satelliten im Perigäum stand. Als Analogie könnte man die Phase eines Signals in der Elektrotechnik angeben. Genau diesen Zeitpunkt liefern die Bahnelemente als zeitlichen Bezug.

Als Zusammenfassung hier nochmal eine Übersicht aller Bahnelemente.

- Gestalt der Bahn
 - die große Halbachse a
 - die numerische Exzentrizität e'
- Lage der Bahn
 - die Inkklination i
 - die Rektaszension des aufsteigenden Knotens Ω
 - das Argument des Perigäums ω
- Zeitlicher Bezug
 - die Epoche (wann ist der Sattelit im Perigäum gewesen) t_P

4.1.3 Von den Bahnelementen zum Vektor

Im nächsten Schritt trägt man alle Informationen aus den Bahnelementen zusammen, um einen Vektor \vec{r} im dreidimensionalen kartesischen Koordinatensystem zu erhalten. Der Ursprung des Koordinatensystems soll im Erdzentrum liegen und der Vektor \vec{r} soll ein Ortsvektor des Satelliten sein. Die x-y-Ebene dieses Koordinatensystems ist der Äquator. Das Ergebnis der bisherigen Berechnungen ist der Vektor

$$\vec{r}' = a \cdot \begin{pmatrix} \cos(E) - e' \\ \sin(E) \sqrt{1 - e'^2} \\ 0 \end{pmatrix} \quad (4.55)$$

Die Satellitenbahn liegt nach der obigen Gleichung in der äquatorialen Ebene. Der Erdmittelpunkt liegt im Brennpunkt der Ellipse. Anstatt die Bahnebene zu drehen. Dreht man nun das Koordinatensystem. Allerdings in die mathematisch entgegengesetzte Richtung. Hierfür können natürlich nur die Winkel verwendet werden, welche in den Bahnelementen für die Lage der Bahn mitgeliefert werden. Bei der Drehung wird auf Drehmatrizen zurückgegriffen. Eine gute Veranschaulichung dieser Drehungen findet man *in dieser Animation*.

Der gesuchte Vektor ergibt sich nun zu

$$\vec{r} = \mathbf{R}_Z(-\Omega) \mathbf{R}_X(-i) \mathbf{R}_Z(-\omega) \cdot a \cdot \begin{pmatrix} \cos(E) - e' \\ \sin(E) \sqrt{1 - e'^2} \\ 0 \end{pmatrix} \quad (4.56)$$

Hierbei stellen \mathbf{R}_X und \mathbf{R}_Z folgende Drehmatrizen dar (nachzuschlagen auf S.89 in [8]).

$$\mathbf{R}_X(\alpha) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \alpha & \sin \alpha \\ 0 & -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \quad (4.57)$$

$$\mathbf{R}_Z(\alpha) = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha & 0 \\ -\sin \alpha & \cos \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (4.58)$$

Eine Frage, die sich aufdrängen mag ist: Warum kann die Drehung der Ellipse in der Bahnebene (Argument des Perigäums ω) einfach auf eine Drehung der z-Achse zurückgeführt werden? Man kann es sich auch so vorstellen, dass zunächst die Ellipse noch in der äquatorialen Ebene liegt, die z-Achse dann um $-\omega$ gedreht wird, dann die x-Achse um

$-i$ und letztendlich die z-Achse nochmal um $-\Omega$ gedreht wird.

Nach [8] ergibt sich nach der Ausführung der Drehungen der Vektor

$$\vec{r} = r \cdot \begin{pmatrix} \cos(\omega + \theta) \cos(\Omega) - \sin(\omega + \theta) \cos(i) \sin(\Omega) \\ \cos(\omega + \theta) \sin(\Omega) + \sin(\omega + \theta) \cos(i) \cos(\Omega) \\ \sin(\omega + \theta) \sin(i) \end{pmatrix} \quad (4.59)$$

Durch Ableitung nach der Zeit kommt man wie in [8] angegeben auf

$$\vec{v} = \mathbf{R}_Z(-\Omega) \mathbf{R}_X(-i) \mathbf{R}_Z(-\omega) \cdot \frac{\sqrt{GM_{Erde} a}}{r} \cdot \begin{pmatrix} -\sin(E) \\ \cos(E) \sqrt{1 - e^2} \\ 0 \end{pmatrix} \quad (4.60)$$

Gleichung 4.59 lässt sich so interpretieren, dass der Term $\sqrt{\frac{GM_{Erde}}{r^2 a}}$ die zeitliche Ableitung der exzentrischen Anomalie E sein muss, da die Kettenregel der Differentialrechnung greift und die Rotationsmatrizen keine zetilichen Abhängigkeiten aufweisen.

Mit den Gleichungen 4.59 und 4.60 lässt sich nun die Antenne fast ausrichten und nachführen. Der nächste Schritt ist die Berücksichtigung der Position der Bodenstation auf der Erde. Um sich das Leben nicht unnötig schwer zu machen, verwendet geografische Koordinaten und gewinnt daraus einen Ortsvektor für das kartesische Koordinatensystem im Erdmittelpunkt. Es wird hierbei vernachlässigt, dass die Erde keine Kugel sondern nähernd ein Ellipsoid ist. Ganz korrekt würde man es machen, wenn man sich des World Geodetic System 1984 (WGS84) bedient. Laut [11] können durch diese Vernachlässigung Ortsverschiebungen (der Bodenstation) von bis zu 20km auftreten. Es soll jedoch zunächst möglichst einfach verstanden werden, wie ein Programm wie GPredict vorgeht und auch zur Überprüfung der Daten, die GPredict liefert reicht die Genauigkeit aus, die mit dieser Vernachlässigung erreicht wird .

Im ersten Schritt zur **Beschreibung der Bahn im erdfesten System** muss das Koordinatensystem nochmal an der z-Achse gedreht werden. Das liegt daran, dass die x-y-Ebene zwar im Äquator liegt, die x-Achse jedoch nicht auf den nullten Längengrad, sondern auf den Frühlingspunkt zeigt. Bei dieser Achsentransformation wird auch die Rotation der Erde mit berücksichtigt. Die x-Achse wird in den sog. Meridian von Greenwich gezogen. Die Drehung der z-Achse wird mit dem Winkel Θ vollzogen. Dieser Winkel wird dabei als „Sternenzeit“ bezeichnet und häufig im Stundenmaß (1h entspricht 15°) ausgedrückt“

(siehe S. 89 in [8]). Für diese einfacheren Angelegenheiten kann so in [8] beschrieben die Sternzeit nach folgender Gleichung eruiert werden.

$$\Theta = 280,4606^\circ + 360,9856473^\circ \cdot d \quad (4.61)$$

In dieser Gleichung stellt d die Tage seit dem 1. Januar 2000 dar. Mit gegebener UT1 kann so die genaue Sternzeit berechnet werden. Mit der Sternzeit ergibt sich nun die letzte Drehtransformation.

$$\vec{r}_{Greenwich} = \mathbf{R}_Z(\Theta) \cdot \vec{r} \quad (4.62)$$

Dadurch ist die erdfeste Position des Satelliten aus den inertialen Koordinaten bestimmt worden. Nach [8] ergibt sich die erste zeitliche Ableitung zu

$$\vec{v}_{Greenwich} = \mathbf{R}_Z(\Theta) \cdot \vec{v} - \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega_{Erde} \end{pmatrix} \times \vec{r}_{Greenwich} \quad (4.63)$$

Die Interpretation von Gleichung 4.63 ist, dass sich die Geschwindigkeit $\vec{v}_{Greenwich}$ im erdfesten System vom inertialen System durch einen Term unterscheidet, der von der Drehgeschwindigkeit $\omega_{Erde} = 7,29212 \cdot 10^{-5} \frac{rad}{s}$ und dem Abstand des Satelliten von der Erde abhängt.

Liegt eine Bodenstation von der die Funkverbindung zum Satellit aufgebaut werden soll nicht zufällig auf dem Schnittpunkt zwischen dem nullten Längengrad und dem Satellitenortsvektor, so muss der Vektor $\vec{r}_{Greenwich}$ für die Antenne selbstverständlich angepasst werden. Das grobe Vorgehen ist aus der analytischen Geometrie bekannt. Der Vektor $\vec{r}_{Greenwich}$ stellt den Ortsvektor zum Satelliten dar. Der Vektor $\vec{r}_{Bodenstation}$ stellt den Ortsvektor zur Bodenstation dar. Um einen Vektor von der Bodenstation zum Satellit zu erhalten rechne man die Spitze minus den Anfang.

$$\vec{r}_{Bodenstation,Satellit} = \vec{r}_{Satellit} - \vec{r}_{Bodenstation} \quad (4.64)$$

wobei

$$\vec{r}_{Satellit} = \vec{r}_{Greenwich}$$

Für die Berechnung des Vektors $\vec{r}_{Bodenstation}$ werfe man zunächst einen Blick auf das dem populären Kugelkoordinatensystem nicht ganz unähnlichen geografische Koordinatensystem (Abbildung 4.7). Die Koordinaten der Bodenstation im geografischen Koordinatensystem lassen sich ganz leicht ohne vor Ort zu sein mittels *OpenStreetMap* herausfinden.

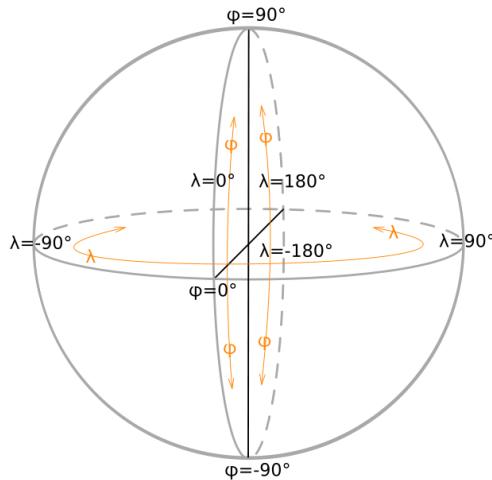


Abbildung 4.7: Geografische Koordinaten, Quelle: [11]

Dabei entspricht der erste Wert dem Breiten- der zweite dem Längengrad. Der mittlere Erddurchmesser d_{Erde} beträgt nach [12] in etwa 12.742km.

Man stelle sich nun die Bodenstation als einen Punkt auf der Kugeloberfläche vor. Schneidet man entlang des Längengrades der Bodenstation durch die Kugel, so lässt sich mit einfacher Trigonometrie die Information des Breitengrades in das kartesische Koordinatensystem übertragen. Die z-Komponente des gesuchten Ortsvektors $\vec{r}_{Bodenstation}$ ist der Sinus des Breitengrades multipliziert mit dem halben Erddurchmesser. Die Ankathete des Dreiecks, dass sich jetzt ausgebildet hat spielt bei der Betrachtung von x- und y-Komponente eine wichtige Rolle. Diese Ankathete hat die Länge des Kosinus des Breitengrads multipliziert mit dem halben Erddurchmesser. Um die x- und die y-Komponente zu ermitteln schneidet man entlang des Äquators durch die Erdkugel hindurch und wirft einen Blick auf die Schnittfläche. Die eben betonte Ankathete definiert mit der x-Achse ein weiteres rechtwinkligen Dreieck. Die Ankathete des ersten Schnitts wurde zur Hypotenuse dieses Dreiecks. Über den Längengrad und die bekannte Länge der Hypotenuse können nun x- und y-Komponente leicht bestimmt werden. Die x-Komponente folgt aus dem Kosinus des Längengrades multipliziert mit der Hypotenuse. Die y-Komponente ist eine Folge der Multiplikation des Sinus des Längengrades mit der Hypotenuse. Aus diesen einfachen und vom Kugelkoordinatensystem bekannten Denkansätzen folgt der Ortsvektor

der Bodenstation.

$$\vec{r}_{Bodenstation} = \frac{d_{Erde}}{2} \begin{pmatrix} \cos(\text{latitude}) \cos(\text{longitude}) \\ \cos(\text{latitude}) \sin(\text{longitude}) \\ \sin(\text{latitude}) \end{pmatrix} \quad (4.65)$$

Mit diesem Vektor ist das letzte Fragment gefunden, um die Antenne über die beschriebene Vorgehensweise auszurichten und nachzufahren. Es sei darauf hingewiesen, dass die hier beschriebene Vorehensweise nicht mit einem Bahnmodell wie dem „Simplified General Perturbations Model No. 4“ (SGP4) mithalten kann. Es dient lediglich dem Verständnis. Bisher wurden auch keine Bahnstörungen berücksichtigt. Die Größte Stödas Magnetfelddrung ist dabei keine Störung der Bahn im eigentlichen Sinne, sondern die tatsache, dass die Abziehungskraft der Erde durch die Abplattung der Erde inhomogen ist. Dadurch driftet beispielsweise die Rektaszension des aufsetiegnden Knotens mit der Zeit ab.

4.1.4 Bahnmodelle

Eines der populärsten Bahnmodelle ist das **SGP4**. Das Bahnmodell wurde einst für das „North American Aerospace Defense Command“ (NORAD) entwickelt. Diese Institution hat u.a. die Aufgabe der Überwachung erdnaher Flugkörper. NORAD bestimmt in regelmäßigen Zeitabständen die Bahnelemente aller katalogisierten Satelliten. Diese Informationen sind in einem bestimmten Rahmen auch zivilen Nutzern zugänglich (z.B. über *Celestrak*). Hiervon profitieren eben solche Amateurfunk-Bodenstationen wie die der DHBW Friedrichshafen. Die Distribution der NORAD-Bahnelemente „erfolgt in einem zweizeiligen Datenformat, was zu dem Beinamen „Two-line Elements“ (TLE) geführt hat“ (siehe S. 95 in [8]). Das Format der TLE ist in Abbildung 4.8 gut beschrieben. Es ist zu beachten, dass es sich bei den Bahnelementen, welche von NORAD geliefert werden um mittlere Bahnelemente handelt. Diese sind im Gegensatz zu den tatsächlichen (oskulierenden) Bahnelementen nicht für eine Auswertung mit dem oben beschriebenen Keplerschen Bahnmodell verwendbar, sondern nur für die Verwendung in dem analytischen Modell mit welchem sie generiert wurden verwertbar. Das SGP4 entstand um 1970 und basiert auf einem analytischen Model von Lane und Crawford. Deren Modell verband zu deren Zeit die gravitativen Störungen mit einem analytischen Modell zur Beschreibung des Luftwiderstands. Für den operationellen Einsatz haben Lane und Hoots die vollständige Theorie vereinfacht und so in da SGP4 überführt.

.....
1 25544U 98067A 06287.64456019 .00008182 00000-0 53355-4 0 8609
2 25544 051.6354 292.0281 0013277 096.0881 057.9543 15.76874518452008
.....
123456789012345678901234567890123456789012345678901234567890123456789

Zeile	Spalten	Erläuterung	Beispiel	Bedeutung
1	1	Zeilennummer (= 1)	1	1. Zeile
	3-7	NORAD-Katalognummer (Beispiel 16609)	25554	ISS (Zarya-Modul)
	8	Klassifizierung	U	nicht klassifiziert
	10-17	Internationale COSPAR-Satellitennummer (yynnnaaa), bestehend aus Jahr (yy), Startnummer (nnn) und Objekt (aaa)	98067A	Erstes Katalogobjekt zum 67. Start des Jahres 1998
	19-20	Epoche der Bahnelemente (Jahr)	06	2006
	21-32	Epoche Tag und Tagesbruchteile (UTC)	287.64456019	14. Oktober, 15:28:10
	34-43	Änderungsrate der mittleren Bewegung (in [rev/d ²]) oder ballistischer Koeffizient B	.00008182	0,00008182
	45-52	Änderungsrate (2. Ordnung) der mittleren Bewegung (in [rev/d ³]) (Dezimalpunkt zwischen Spalten 45 und 46; Exponent in Spalte 51-52)	00000-0	0,0
	54-61	Luftwiderstandsterm B* (in [1/R _⊕]); (Dezimalpunkt zwischen Spalten 54 und 55; Exponent in Spalte 60-61)	53355-4	0,53355 · 10 ⁻⁴
	63	Bahnmodell	0	SGP4-Modell
	65-68	Laufende Nummer des Datensatzes	860	860
	69	Prüfsumme der Zeichenwerten (modulo 10)	9	9
2	1	Zeilennummer (= 2)	2	2. Zeile
	3-7	NORAD-Katalognummer (Beispiel 16609)	25554	ISS (Zarya-Modul)
	9-16	Bahnneigung (in [°])	051.6354	51,6354°
	18-25	Rektaszension des aufsteigenden Knotens (in [°])	292.0281	292,0281°
	27-33	Exzentrizität (Dezimalpunkt zwischen Spalten 26 und 27)	0013277	0,0013277
	35-42	Argument des Perigäums (in [°])	096.0881	96,0881°
	44-51	Mittlere Anomalie (in [°])	057.9543	057,9543°
	53-63	Mittlere Bewegung (in [rev/d])	15.76874518	15,76874518°/d
	64-68	Umlaufnummer	45200	45200
	69	Prüfsumme der Zeichenwerten (modulo 10)	8	8

Abbildung 4.8: TLE, Quelle: S.96 in [8]

Außer dem SGP4 verwendet GPredict auch das „Simplified Deep Space Perturbations Model No. 4“ (SDP4). „Es erfasst zusätzlich Störungen durch die Gravitationskraft von Sonne und Mond, sowie [Informationen], die bei Bahnern mit einer Umlaufzeit von 12 h (GPS) und 24 h ([bei]geostationäre[n] Satelliten) von Bedeutung sind“ (siehe S. 96 in [8]). Das SDP4 kommt bei Satelliten mit einer Umlaufzeit von mehr als 225 Minuten zum Zug. Derartige Satelliten bewegen sich auf sog. „Deep Space“-Bahnen.

Aus Abbildung 4.9 ist ein Gefühl für die Genauigkeit des SGP4 entnehmbar. Nahe an der Epoche liegt die Abweichung im Bereich von wenigen Kilometern. Die Abweichung kommt von mehreren kurzperiodischen Störungen, die das Bahnmodell unterschlägt. Innerhalb

von mehreren Tagen nimmt die Abweichung mit quadratischer Abhängigkeit zu. Laut [8] ist der Grund dieses Fehlers die nicht vorhersagbare Atmosphärendichte. Bei hohen Flugbahnen sind die Fehler deswegen allgemein deutlich kleiner. Eine ziemlich genaue Bahnvorhersage über mehrere Wochen ist somit nicht unrealistisch. Als Fazit lässt sich sagen, dass die Bahnelemente mit den GPredict arbeitet regelmäßig aktualisiert werden sollten, um eine optimale Leistungsfähigkeit der Bodenstation zu erreichen.

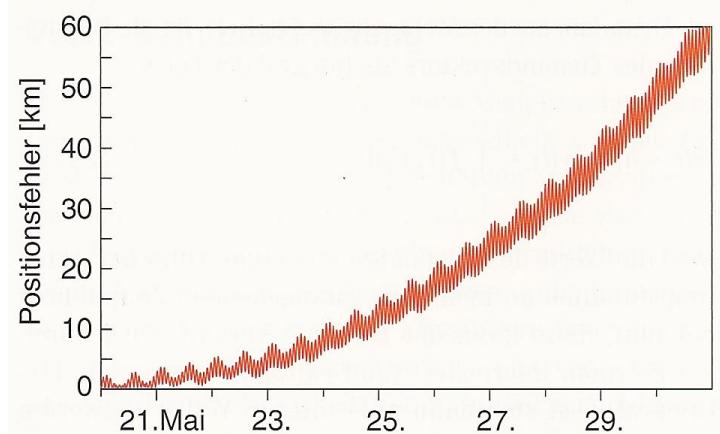


Abbildung 4.9: Vorhersagegenauigkeit des Satelliten CHAMP im Mai 2001, Quelle: S.96 in [8]

4.1.5 Der Doppler-Effekt

Der folgende Abschnitt entstammt einer Seminararbeit der Autoren eben dieser Arbeit vom 16. November 2015 aus der Vorlesung Radartechnik von Jürgen Göbel.

Ein Beobachter, der sich relativ zu einem Wellensender bewegt, registriert eine andere Frequenz als die von der Quelle gesendete Frequenz. Bei der Näherung von Sender und Empfänger scheint die Frequenz erhöht und bei einer Entfernung verkleinert. Dieses Phänomen wurde 1842 von C.J.Doppler entdeckt.

Der Doppler-Effekt in der Akustik

Wollen wir die Wellenlänge oder die Frequenz berechnen, müssen wir unterscheiden, ob die Quelle sich bewegt und der Empfänger ruht oder ob sich der Empfänger bewegt und die Quelle ruht.

1. Bewegte Quelle und ruhender Empfänger:

Eine Quelle bewegt sich mit einer Geschwindigkeit und sendet Wellen mit einer Wellenlänge aus, die sich mit der Lichtgeschwindigkeit ausbreiten. Nun nähert sich die Wellenfront auf den Empfänger zu. Er registriert eine verkleinerte Wellenlänge, als die ausgesandte.

2. Bewegter Empfänger und ruhende Quelle:

Bewegt sich der Empfänger und ruht die Quelle, ändert sich die Wellenlänge nicht, jedoch die Frequenz vom Empfänger registrierten Wellen. Bewegt sich der Empfänger zu der ruhenden Quelle, ist die Frequenz erhöht und wendet es sich ab, ist sie verringert. Ruht der Empfänger, treffen ihn die Wellen die auf der Strecke zu finden sind. Bewegt er sich zu der Quelle, kommen zusätzlich Wellenzüge von hinzu.

Die Beschreibung entspricht weitgehend derjenigen bei elektromagnetischen Wellen mit einer Ausnahme:

Das Licht benötigt kein Medium um sich auszubreiten und breitet sich immer gleich schnell aus, unabhängig von dem Bewegungszustand der Lichtquelle (Postulat von der Konstanz der Vakuumlichtgeschwindigkeit c , Albert Einstein 1905).

Physikalische Hintergründe und Herleitung

Um ein grundlegendes physikalisches Verständnis für den Doppler-Effekt zu entwickeln, gehe man zunächst von einem akustischen Beispiel aus dem Alltag aus: Ein Rennwagen fahre auf einem Beobachter mit der Geschwindigkeit $v_R = 70 \frac{m}{s}$ zu. Der Beobachter habe dabei keine Eigengeschwindigkeit $v_B = 0$ relativ zum Bezugssystem Rennstrecke. Im Spektrum des vom Auto emittierten akustischen Signals sei ein Sinussignal der Frequenz $f_R = 1kHz$ enthalten. Aus Sicht des Rennwagenfahrers hat das emittierte Signal die Wellenlänge $\lambda_R = \frac{c_S}{f_R} = \frac{340 \frac{m}{s}}{1kHz} = 0,34m$. Aus Sicht des Beobachters sieht das Ganze etwas anders aus. Man nehme an, der Rennwagen emittiere zunächst einen Wellenberg. Bis der zweite Wellenberg emittiert wird ist der Rennwagen allerdings schon ein Stück δs_R auf den Beobachter zu gefahren. Diese Bewegung relativ zum Beobachter hat zur Folge, dass sich die Wellenlänge um genau dieses Stück verkürzt bzw. verlängert, wenn der Rennwagen sich vom Beobachter fortbewegt. Die Wellenlänge aus Sicht des Beobachters ist nun wie folgt zu beschreiben.

$$\lambda_B = \lambda_R - \delta s_R = \lambda_R - v_R \cdot T_R = \lambda_R - \frac{v_R}{f_R} \quad (4.66)$$

Mit den gegebenen Werten ergibt sich eine neue Wellenlänge $\lambda_B = 0,27m$. Da $\lambda_B \sim \frac{1}{f_B}$ ergibt sich auch eine neue Frequenz von $f_B \approx 1260Hz$. Nun geht man noch ein Stück weiter,

so dass man eine Funktion $f_B(f_R, v_R)$ erhält. Hierzu wird Gleichung 4.66 herangezogen. Es muss nur noch die Beziehung $\lambda = \frac{c_S}{f}$ einmal für die Wellenlänge des Rennwagens und einmal für die Wellenlänge des Beobachters eingesetzt werden. Dann ist die Gleichung nach f_B aufzulösen. Das Ergebnis ist dann

$$f_B = \frac{f_R}{1 - \frac{v_R}{c_S}} \quad (4.67)$$

Entfernt sich der Rennwagen ist für die Geschwindigkeit des selbigen einfach ein negativer Wert einzusetzen. **Achtung:** Soll der Doppler-Effekt auf eine sich in einem Medium fortbewegende Welle angewandt werden, ist von den Gleichungen her immer zwischen bewegtem Sender, bewegtem Empfänger und bewegtem Sender, sowie bewegtem Empfänger zu unterscheiden. Die oben aufgeführten Gleichungen beziehen sich ausschließlich auf den Fall, dass sich der Sender bewegt.

Elektromagnetische Wellen brauchen wie seit dem 20 Jahrhundert allgemein bekannt kein Medium, um sich fortzupflanzen. Bewegen sich Sender oder Empfänger relativ zueinander, so kommt es auch bei elektromagnetischen Wellen zum Dopplereffekt. Aufgrund dessen, dass die Ausbreitung nicht auf das Medium angewiesen ist, spielt es keine Rolle, ob sich Empfänger, Sender oder beide bewegen. Die Frequenzverschiebung ist nur noch von der Relativgeschwindigkeit abhängig. Das Relativitätsprinzip besagt nun, dass sich jeder Übertragungsteilnehmer als ruhend betrachten darf. (Aus physikalischer Sicht kann man tatsächlich behaupten, dass jemand einem vor der Diskothek „in die Faust gelaufen“ ist). Dank diesen Prinzips ist der obige akustische Fall (siehe Gleichung 4.67) universell direkt auf eine Übertragung mit elektromagnetischen Wellen umsetzbar.

Das ist allerdings nur die halbe Wahrheit. Es gibt leider keine absolute Zeit. Die Gleichzeitigkeit von räumlich getrennten Ereignissen ist eine Frage der Relativgeschwindigkeit des Beobachters.

Der relativistische Effekt der Zeitdilatation ist beim Doppler-Effekt mitzubetrachten, da die Periodendauer des emittierten Signals aus Sicht des Beobachters auf der Erde aufgedehnt wird. Somit wird die Wellenlänge des Sendesignals λ_S größer und die Frequenz des selbigen f_S kleiner. Mit dieser Erkenntnis folgt nun die tatsächliche Gleichung für den Dopplereffekt.

$$f_E = \frac{f_S}{1 - \frac{v_r}{c_L}} \cdot \frac{1}{\gamma} = \frac{f_S \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c_L}\right)^2}}{1 - \frac{v_r}{c_L}} \quad (4.68)$$

Hierbei ist f_E die vom Empfänger empfangene Frequenz, v_r die radiale Relativgeschwindigkeit von Sender und Empfänger und c_L die Lichtgeschwindigkeit. Die tangentialen Anteile der Bewegung interessieren den Beobachter im nicht relativistischen Teil der Gleichung natürlich nicht. Es sind nur die radialen Anteile für den Doppler-Effekt relevant. Filtert man also den tangentialen Anteil mittels des Kosinus aus der Relativgeschwindigkeit aus, so kann man für die Geschwindigkeit einfach die betragsmäßige Relativgeschwindigkeit einsetzen.

$$f_E = \frac{f_S \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c_L}\right)^2}}{1 - \frac{v}{c_L} \cdot \cos(\alpha)} \quad (4.69)$$

Bewegt sich nun der Sender rein tangential zum Empfänger würde man keinen Doppler-Effekt erwarten. Aufgrund der Relativgeschwindigkeit von Sender und Empfänger tritt jedoch die Zeitdilatation nach wie vor auf. Man spricht in diesem Fall vom transversalen Doppler-Effekt.

5 Aufbau der Bodenstation

Die Bodenstation der DHBW Ravensburg am Standort Friedrichshafen besteht grundsätzlich aus folgenden Komponenten:

- Antennen (drei Bänder)
 - Endstufen / Verstärker
 - Mast (Steuergerät für Höheneinstellung)
- Rotoren
 - Banana Pi + interne Software
 - ARSVCOM Software
 - Azimut-Rotor + Steuergerät
 - Elevations-Rotor + Steuergerät
- Funkgerät Icom IC-9100
 - Netcom (2x Seriell zu Ethernet)
 - Netcom Manager Software
 - Hardware für Sprechfunk ?!

— !!! —

Liste an aktiven Amateurfunksatelliten in Abschnitt

Amateurfunk einfügen

— !!! —

6 GPredict

Eine sehr detaillierte Beschreibung der Software GPredict ist unter [13] in englischer Sprache verfügbar. Dieses Kapitel stellt eine kompakte Beschreibung mit ausschließlich für dieses Projekt relevanten Informationen dar. Insofern können gewisse Parallelen nicht ausgeschlossen werden, wobei darauf hingewiesen sei, dass der Mehrwert dieser Zusammenfassung in der Kürze und Relevanz im Vergleich zum englischen Pendant liegt.

6.1 Übersicht

GPredict ist eine freie Software zur Satellitenverfolgung und Orbitvorhersage und steht als Quellcode oder bereits fertig kompiliertes Programm für Windows, Mac OS und Linux zur Verfügung. Die Software ist in C geschrieben und unter der GNU General Public License (GPL) lizenziert, somit kann sie frei verändert und an die entsprechenden Nutzervoraussetzungen angepasst werden.

In Abbildung 6.1 ist das Prinzip eines Satellitenverfolgungsprogramms zu sehen (die blauen Blöcke stellen hierbei die Funktionalität des Programms dar). Zunächst wird an Hand der Keplerschen Bahnelemente und dem aktuellen Zeitpunkt die absolute Position des Satelliten berechnet. Daraufhin wird der Vektor, der von der Bodenstation zum Satelliten zeigt, bestimmt. Nun können Azimut und Elevation dieses Vektors für die Ansteuerung der Antenne verwendet werden.

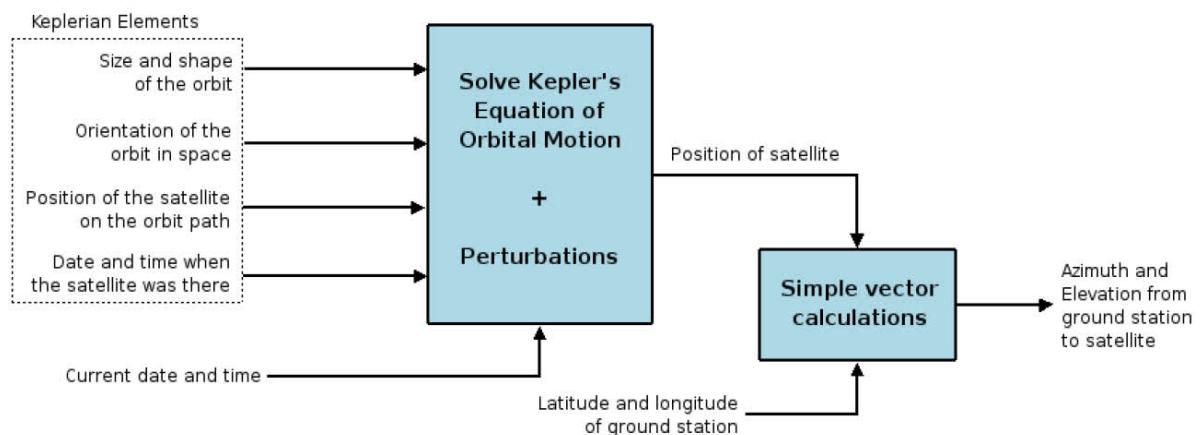


Abbildung 6.1: Prinzip eines Satellitenverfolgungsprogramms, Quelle: [13]

Zur Berechnung der Satellitenposition wird auf den NORAD SGP4/SDP4 Algorithmus zurückgegriffen (siehe Abschnitt XXX). Um hierfür zu jedem Zeitpunkt die aktuellen Kepler-Elemente des zu verfolgenden Satelliten zu kennen, gibt es unter GPredict die Möglichkeit einer automatischen Aktualisierung über HTTP, FTP oder aus dem lokalen Verzeichnis.

Bei GPredict ist im Gegensatz zu anderen Satellitenverfolgungsprogrammen wie SatPC32 kein Limit an zu verfolgenden Satelliten und Bodenstationen gegeben. Durch die Verwendung von Modulen kann außerdem unkompliziert zwischen verschiedenen Konfigurationen gewechselt werden. Die Orbitvorhersage eines Satelliten lässt sich sowohl grafisch als auch tabellarisch darstellen, wobei durch die Einstellungen verschiedenster Parameter eine sehr individuelle Anzeige erreicht werden kann [14].

6.2 Grafische Oberfläche

In Abbildung 6.2 ist die grafische Oberfläche von GPredict zu sehen. In der Standardkonfiguration ist dort zunächst die Kartenansicht bzw. *Map View* (oben), die Polaransicht bzw. *Polar View* (links unten) und die Einzelsatellitenansicht bzw. *Single-Satellite View* (rechts unten) zu sehen.

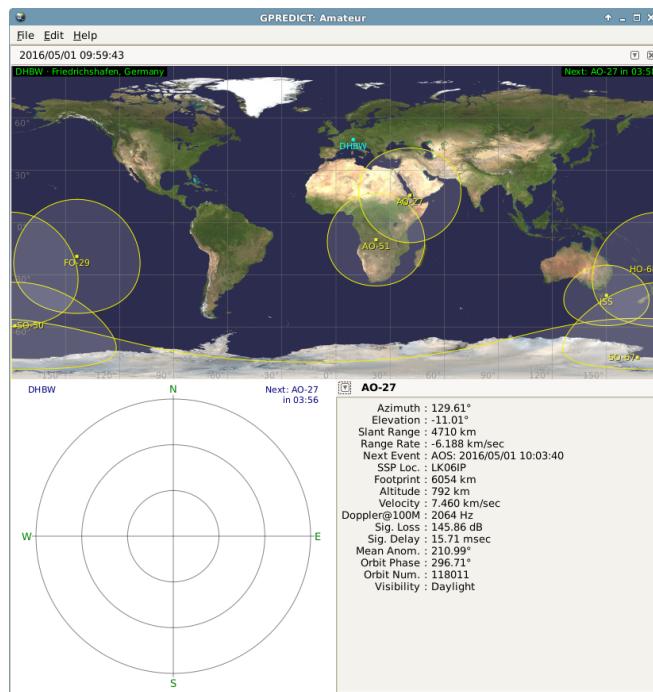


Abbildung 6.2: Standardoberfläche von GPredict

6.2.1 Grundansichten

Zu den oben genannten Ansichten kommen noch zwei Weitere hinzu, die Listenansicht bzw. *List View* und eine Ansicht für bevorstehende Durchläufe, die sogenannte *Upcoming Passes View*. Im Folgenden werden die verschiedenen Ansichten genauer beschrieben:

Map View

Diese Ansicht besteht, wie in Abbildung 6.2 zu sehen, aus einer Weltkarte auf der die aktuellen Standorte der für das aktuelle Modul ausgewählten Satelliten zu sehen ist. Das heißt der Punkt auf dem der entsprechende Satellit senkrecht bezogen auf den Erdmittelpunkt steht. Außerdem ist um diesen Punkt die Fläche umrahmt, von der der Satellit von der Erde aus sichtbar ist. Mit einem Rechtsklick auf einen Satellitennamen kann außerdem die Option *Ground Track* aktiviert werden, mit welcher die Spur des Satelliten für mehrere Orbits angezeigt wird.

Polar View

Die *Polar View* (siehe Abbildung 6.2) stellt eine Draufsicht auf die Bodenstation dar, bei der die Polarachse den Azimutwinkel darstellt und die Radialachse den Elevationswinkel. Mit einem Rechtsklick auf einen Satelliten lässt sich mit der Option *Show sky track* aktivieren, das die Spur des entsprechenden Satelliten angezeigt wird. Zusätzlich wird das aktuelle Modul links oben angezeigt, der nächste sichtbare Satellit (rechts oben) und die genauen Werte für Azimut und Elevation (links unten) sobald sich der Mauszeiger auf der *Polar View* befindet.

Single-Satellite View

In dieser Ansicht (siehe Abbildung 6.2) werden detaillierte Informationen zu einem ausgewählten Satelliten angezeigt, z.B. Azimut, Elevation, Entfernung der direkten Sichtverbindung (*Slant Range*), Höhe, Geschwindigkeit, Dopplerverschiebung oder Signaldämpfung. Mit einem Klick auf das -Symbol links neben dem Satellitennamen kann zwischen den für dieses Modul ausgewählten Satelliten gewechselt werden.

List View

Die Listenansicht zeigt eine tabellarische Auflistung aller für das aktuelle Modul ausgewählten Satelliten mit verschiedenen Details, mit je einem Satelliten pro Zeile. In Abbildung 6.3 ist die Listenansicht mit allen verfügbaren Details zu sehen. Mit einem Klick auf eine entsprechende Kategorie lässt sich das Sortierkriterium ändern. Falls hier ein variables Kriterium wie die Geschwindigkeit eingestellt wird, ändert sich die Sortierreihenfolge mit der eingestellten Auffrischrate (*Refresh Rate*). Die Bezeichnung des jeweiligen Details ist in dieser Ansicht abgekürzt, z.B. Az für *Azimut*. Unter den Moduleinstellungen beim Reiter *List View* kann ausgewählt werden, welches Detail angezeigt wird. Dort ist außerdem erkenntlich für was die entsprechenden Abkürzungen stehen.

Satellite	Catnum	Az	EI	Dir	Ra	Dec	Range	Rate	Next Event	Next AOS	Next LOS	Lat	Lon	SSP	Footp	Alt	Vel	Dop	Loss	Del	MA	Phase	Orbit	Vis
AO-16	20439	130.84°	1.44°	↑	77.85°	-24.94°	3123	-6.192	AOS: 2016/05/14 09:16:53	2016/05/14 09:16:53	2016/05/14 09:30:54	28.24°	31.38°	KL58QF	6061	795	7.455	2066	142.29	10.42	101.79°	143.14°	37540	D
AO-27	22825	302.43°	-33.05°	↓	246.64°	-5.76°	8274	4.923	AOS: 2016/05/14 10:30:59	2016/05/14 10:30:59	2016/05/14 10:38:17	32.75°	-94.79°	EM22OR	6065	796	7.459	-1642	150.75	27.60	61.58°	86.60°	18040	D
AO-51	28375	164.60°	-61.90°	↑	175.50°	-73.32°	12103	-3.178	AOS: 2016/05/14 09:44:59	2016/05/14 09:44:59	2016/05/14 09:58:52	-74.56°	61.59°	MB05TK	6094	804	7.439	1060	154.06	40.37	177.00°	248.90°	62552	D
AO-7	7530	5.05°	5.12°	↑	193.90°	47.24°	4020	-0.030	LOS: 2016/05/14 09:23:02	2016/05/14 10:58:15	2016/05/14 09:23:02	77.98°	21.90°	KQ07WX	7909	1459	7.141	10	144.48	13.41	48.14°	67.70°	89887	D
FO-29	24278	75.48°	11.81°	↑	113.96°	18.46°	2967	-2.583	LOS: 2016/05/14 09:28:48	2016/05/14 10:55:02	2016/05/14 09:28:48	48.38°	43.41°	LN180J	7242	1187	7.207	862	141.85	9.90	81.95°	115.24°	97493	D
GO-32	25397	168.75°	-70.51°	↑	191.92°	-66.53°	12869	-1.410	AOS: 2016/05/14 09:55:13	2016/05/14 09:55:13	2016/05/14 10:03:27	-81.05°	141.42°	QA08OW	6226	843	7.429	470	154.59	42.93	135.40°	190.41°	92704	D
HO-68	36122	37.82°	-62.98°	↑	183.47°	-24.63°	12691	-2.765	AOS: 2016/05/14 09:47:30	2016/05/14 10:04:23	2016/05/14 10:04:23	-4.54°	161.54°	RI05SK	7280	1201	7.254	922	154.47	42.33	198.82°	279.60°	30015	D
ISS	25544	351.52°	-78.11°	↑	203.47°	-35.89°	12897	-1.162	AOS: 2016/05/14 09:58:13	2016/05/14 09:58:13	2016/05/14 10:01:27	-25.14°	-166.90°	AG64NU	4465	412	7.663	388	154.61	43.02	155.26°	218.34°	99971	E
SO-50	27607	146.43°	-77.73°	↓	188.75°	-57.31°	13075	1.227	AOS: 2016/05/14 10:07:21	2016/05/14 10:07:21	2016/05/14 10:20:51	-64.63°	158.75°	QC95II	5459	632	7.561	-409	154.73	43.61	31.20°	43.87°	72027	E

Abbildung 6.3: *List View*

Upcoming Passes View

Die *Upcoming Passes View* (siehe Abbildung 6.4) zeigt alle Satelliten des aktuellen Moduls, deren Azimut und Elevation, sowie die Zeit bis zum nächsten Verschwinden des Satelliten, dem sogenannten *Loss of Signal (LOS)* bzw. dem nächsten Auftauchen, auch *Acquisition of Signal (AOS)* genannt. Wie bei der *List View* ist es auch hier möglich nach den verschiedenen Spalten zu sortieren.

Satellite	Az	EI	AOS/LOS
AO-27	29.48°	21.85°	05:04
AO-16	182.57°	-49.98°	25:16
FO-29	170.06°	-60.09°	26:43
AO-7	157.48°	-65.08°	32:06
GO-32	339.04°	-64.81°	55:41
HO-68	237.62°	-52.19°	01:08:45
SO-50	152.56°	-31.48°	01:15:43
AO-51	47.69°	-72.15°	09:34:23
ISS	114.72°	-65.28°	12:46:49

Abbildung 6.4: *Upcoming Passes View*

6.2.2 Weitere Ansichten

Bei allen Ansichten kann durch einen Klick auf den Satellitennamen ein kleines Pop-Up Menü geöffnet werden, welches den entsprechenden Satellitennamen, die Option *Show next pass* und die Option *Future passes* anzeigt. Bei einem Klick auf den Satellitennamen öffnet sich ein Fenster mit dem Titel *Satellite Info*, wie in Abbildung 6.5 zu sehen. Dort sind unter dem Reiter *Orbit Info* verschiedene Informationen zum Satellitenorbit und unter dem Reiter *Transponders* die verfügbaren Transponder zu sehen.

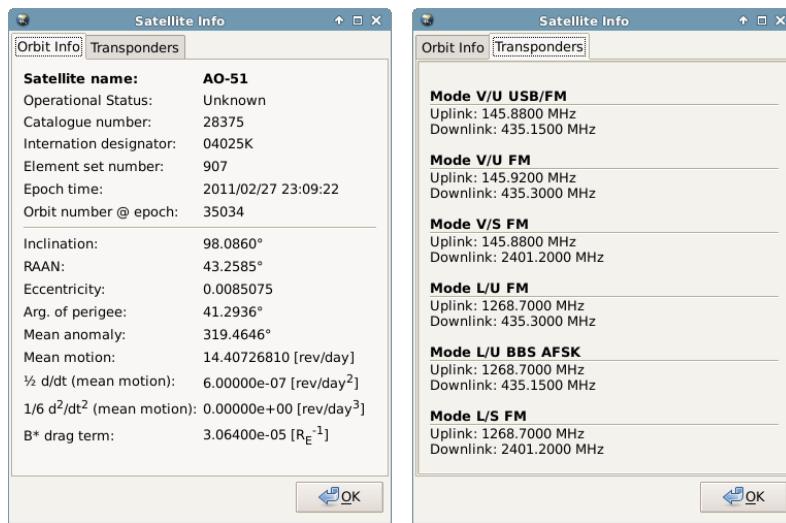


Abbildung 6.5: *Satellite Info*

Mit einem Klick auf die Option *Show next pass* gelangt man zu einer Übersicht über den nächsten Durchlauf des entsprechenden Satelliten. Die Details sind tabellarisch, als Polaransicht und als Verlauf des Azimut- und Elevationswinkels über der Zeit zu sehen (siehe Abbildung 6.6).

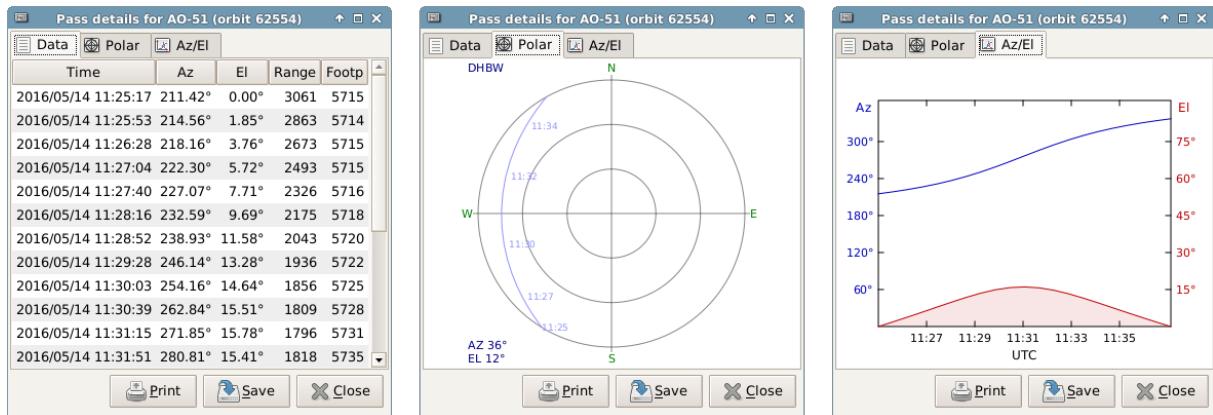


Abbildung 6.6: *Pass Details*

Die Option *Future passes* öffnet ein Fenster, in welchem die nächsten Durchläufe des entsprechenden Satelliten tabellarisch dargestellt sind (siehe Abbildung 6.7). Hierbei ist die Anzahl der darzustellenden Durchläufe in den GPredict-Einstellungen unter *Predict* als *Number of passes to predict* einstellbar.

Upcoming passes for AO-51					
AOS	LOS	Duration	Max El	AOS Az	LOS Az
2016/05/14 11:25:17	2016/05/14 11:37:14	00:11:56	15.78°	211.40°	330.90°
2016/05/14 21:48:41	2016/05/14 22:01:36	00:12:55	17.95°	28.00°	151.46°
2016/05/14 23:27:06	2016/05/14 23:41:46	00:14:39	66.49°	10.74°	203.90°
2016/05/15 01:06:48	2016/05/15 01:17:51	00:11:03	11.27°	355.88°	256.29°
2016/05/15 09:05:45	2016/05/15 09:18:52	00:13:06	29.84°	135.28°	355.11°
2016/05/15 10:44:19	2016/05/15 10:57:50	00:13:30	35.33°	188.03°	339.49°
2016/05/15 21:09:47	2016/05/15 21:19:39	00:09:51	7.03°	39.63°	125.08°
2016/05/15 22:47:15	2016/05/15 23:01:58	00:14:43	56.91°	16.72°	183.81°
2016/05/16 00:26:29	2016/05/16 00:39:40	00:13:11	22.68°	2.30°	234.24°
2016/05/16 08:27:10	2016/05/16 08:38:40	00:11:30	14.77°	113.22°	1.23°

Abbildung 6.7: Upcoming Passes

6.2.3 Modul Pop-Up Menü

Um das Modul Pop-Up Menü zu öffnen, klickt man ganz rechts oben im GPredict-Fenster auf das -Symbol. Im daraufhin erscheinenden Pop-Up Menü ist es möglich die Positionierung eines Moduls innerhalb des GPredict-Fensters einzustellen, ein Modul zu kopieren, zu löschen, zu schließen oder genauer zu konfigurieren. Außerdem sind dort weitere Funktionen, welche im Folgenden genauer beschrieben werden, zugänglich.

Wie in Abbildung 6.8 zu sehen, bietet die Funktion *Sky at a glance* eine Übersicht darüber, wann welche Satelliten innerhalb der nächsten acht Stunden sichtbar sind. Dieser Zeitraum lässt sich in den GPredict-Einstellungen bei *Predict* unter dem Reiter *Sky at a Glance* zwischen einer und 24 Stunden einstellen.

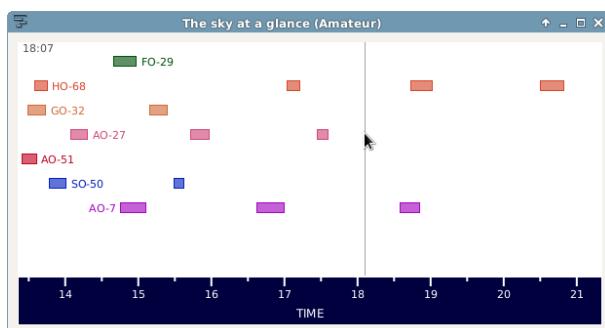


Abbildung 6.8: The sky at a glance

Über die Funktion *Time Controller* (siehe Abbildung 6.9) lässt sich die Zeit, auf die sich die Berechnungen von GPredict beziehen, ändern. Hierbei ist standardmäßig das aktuelle Datum und die aktuelle Uhrzeit eingestellt. Außerdem kann hier die Geschwindigkeit, mit der die eingestellte Zeit fortschreitet, auf maximal ein Hundertfaches erhöht werden. Die eingestellte Zeit wird im GPredict-Fenster ganz links oben im ausgewählten Format angezeigt. Mit dem Schieberegler kann die Zeit zwischen -2,5 und +2,5 Stunden eingestellt werden.



Abbildung 6.9: *Time Controller*

Klickt man auf *Configure*, öffnet sich ein Fenster wie in Abbildung 6.10 zu sehen. Hier lassen sich die zu verfolgenden Satelliten und die Bodenstation für das aktuelle Modul auswählen. Außerdem gelangt man mit einem Klick auf das Feld *Properties* in die Modul-Einstellungen. Diese gelten im Gegensatz zu den in den allgemeinen GPredict-Einstellungen zu findenden Modul-Einstellungen nur für das aktuelle Modul. Auf Seite 47 sind nähere Infos zu den Modul-Einstellungen zu finden.

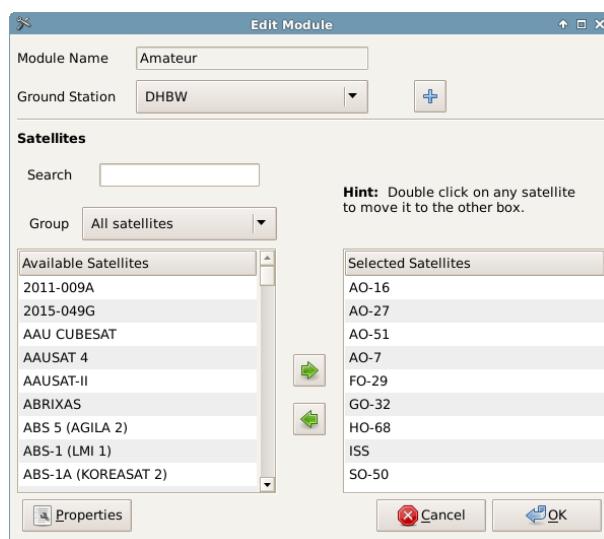


Abbildung 6.10: *Edit Module*

Hinter der Funktion *Antenna Control* (siehe Abbildung 6.11) verbirgt sich ein Bedienfeld zur Steuerung der Antennenrotoren. Bevor dieses geöffnet werden kann, muss zunächst in den GPredict-Einstellungen unter *Interfaces* mindestens eine Schnittstelle zur Rotorsteuerung konfiguriert werden (siehe Abschnitt XXX).

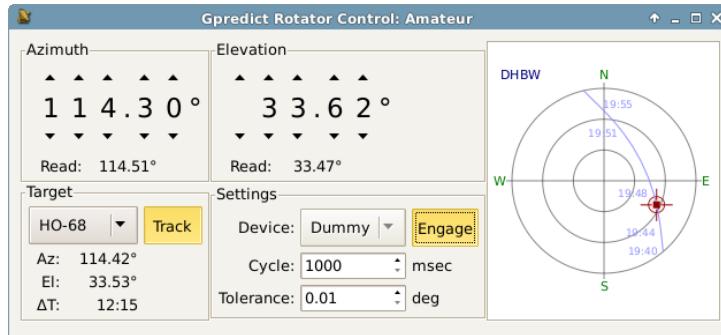


Abbildung 6.11: Rotorsteuerungs-Bedienfeld

Das Bedienfeld beinhaltet zum Einen eine Polaransicht, auf der die Spur und der aktuelle Ort des zu verfolgenden Satelliten (dargestellt durch ein Viereck) und die gegenwärtige Ausrichtung der Antenne (dargestellt durch ein Fadenkreuz) zu sehen ist. Zum Anderen sind folgende vier Bereiche verfügbar:

- **Azimuth:** In diesem Feld lässt sich die Ausrichtung der Antenne in Azimut-Richtung steuern, vorausgesetzt, dass die *Track*-Funktion nicht aktiviert ist. Am unteren Ende des Feldes wird unter *Read* der aktuelle Azimut-Winkel der Antenne angezeigt. Ist keine Verbindung zum Rotor aufgebaut, wird hier „---“ angezeigt. Liegt ein Verbindungsproblem vor, erscheint „ERROR“.
- **Elevation:** In diesem Feld lässt sich die Ausrichtung der Antenne in Elevations-Richtung steuern, vorausgesetzt, dass die *Track*-Funktion nicht aktiviert ist. Am unteren Ende des Feldes wird unter *Read* der aktuelle Elevations-Winkel der Antenne angezeigt. Ist keine Verbindung zum Rotor aufgebaut, wird hier „---“ angezeigt. Liegt ein Verbindungsproblem vor, erscheint „ERROR“.
- **Target:** Hier lässt sich der zu verfolgende Satellit auswählen. Es stehen hierbei nur die für das aktuelle Modul ausgewählten Satelliten zu Verfügung. Aktiviert man die Schaltfläche *Track*, wird der ausgewählte Satellit verfolgt. Unter dem Satellitennamen werden die jeweiligen Winkel in Echtzeit dargestellt und hinter ΔT wird die Zeit bis zum nächsten AOS bzw. LOS angezeigt.

- **Settings:** Hier lässt sich die in den GPredict-Einstellungen festgelegte Schnittstelle zur Kommunikation mit den Rotoren auswählen. Mit einem Klick auf die Schaltfläche *Engage* wird die Verbindung zu dieser Schnittstelle aufgebaut bzw. unterbrochen. Unter *Cycle* kann dabei der Zyklus eingestellt werden, in welchem Kommandos an die Rotor-Schnittstelle gesendet und Winkelwerte von dieser abgefragt werden. Ein sinnvoller Wert liegt hierbei zwischen zwei und fünf Sekunden. Bei *Tolerance* wird die tolerierte Differenz zwischen abgefragtem und eingestelltem Winkel eingetragen. Sobald diese überschritten wird, wird ein Kommando an die Rotor-Schnittstelle geschickt. Hierbei sollte sowohl die Winkelauflösung der Rotorsteuerung, als auch die Keulenbreite der Antenne berücksichtigt werden. Nach fünf aufeinanderfolgenden Fehlern bei der Kommunikation mit den Rotoren, wird die Verbindung automatisch unterbrochen.

In Tabelle 6.1 sind alle möglichen Kombinationen der Schaltflächen *Track* und *Engage* und deren Auswirkung beschrieben.

Track	Engage	Beschreibung
Inaktiv	Inaktiv	Es werden weder Kommandos an die Rotoren gesendet, noch wird die aktuelle Ausrichtung der Antenne ausgelesen. Die aktuellen Winkel des zu verfolgenden Satelliten werden nicht in die Winkelsteuerungs-Eingabefelder übertragen.
Aktiv	Inaktiv	Die aktuellen Winkel des zu verfolgenden Satelliten werden in die Winkelsteuerungs-Eingabefelder übertragen, es werden aber keine Kommandos an die Rotoren geschickt und die aktuelle Ausrichtung der Antenne wird nicht ausgelesen.
Aktiv	Aktiv	Die aktuellen Winkel des zu verfolgenden Satelliten werden in die Winkelsteuerungs-Eingabefelder übertragen und diese werden an die Rotoren geschickt. Die aktuelle Ausrichtung der Antenne wird ausgelesen.
Inaktiv	Aktiv	Die Winkel, die in den Winkelsteuerungs-Eingabefelder eingestellt sind, werden an die Rotoren gesendet und die aktuelle Ausrichtung der Antenne wird ausgelesen.

Tabelle 6.1: Betriebsmodi des *Antenna Control*-Bedienfelds, Quelle: [13]

Um dem Funkgerät die entsprechenden Up- und Downlink-Frequenzen inklusive Dopplershiftkorrektur zu übermitteln, wird das *Radio Control*-Bedienfeld (siehe Abbildung 6.12) verwendet. Dieses kann nur geöffnet werden, wenn mindestens eine Funkgerät-Schnittstelle in den GPredict-Einstellungen unter *Interfaces* konfiguriert ist (siehe Abschnitt XXX).

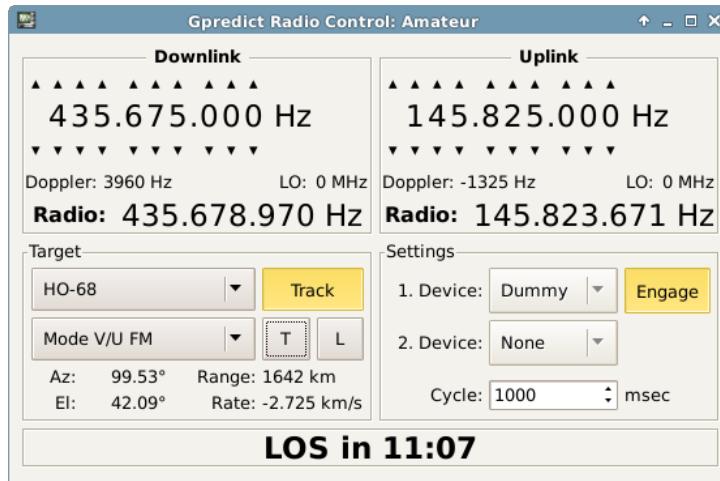


Abbildung 6.12: Funkgerät-Steuerung

Neben einer Anzeige die die Zeit bis zum nächsten AOS bzw. LOS darstellt (ganz unten im Bedienfeld in fettgedruckten Buchstaben) kann das *Radio Control*-Bedienfeld in folgende vier Bereiche untergliedert werden:

- **Downlink:** In diesem Bereich kann die Frequenzeinstellung für die Downlink-Frequenz vorgenommen werden. Außerdem ist die aktuelle Dopplerfrequenz und ein Feld namens *LO*, welches für eine Offsetfrequenz steht, die im Funkgerät eingestellt werden kann, steht. Die korrigierte Frequenz welche nach *Radio* angezeigt wird, setzt sich damit beispielsweise wie folgt zusammen: $f_{Radio} = f_{Satellite} + f_{Doppler} - f_{LO}$
- **Uplink:** Dieser Bereich beinhaltet die Frequenzeinstellungen für die Uplink-Frequenz und besitzt die gleichen Eigenschaften wie der Downlink-Bereich.
- **Target:** Hier kann der zu verfolgende Satellit und der zu verwendete Transponder eingestellt werden. Mit einem Klick auf *Track* wird der Dopplershift des ausgewählten Satelliten bei den Frequenzeinstellungen im Downlink- und Uplink-Bereich korrigiert. Eine wichtige Rolle spielt hierbei die Schaltfläche *T* (*Tune*), da die Frequenzen des Transponders nur durch einen Klick auf diese in die Frequenzeinstellungen übertragen werden. Sollte der Transponder beispielsweise nur einen Downlink besitzen, wird auch nur die Frequenz im Downlink-Bereich eingestellt.

Mit der Schaltfläche *L* (*Lock*) lässt sich die Differenz der Downlink- und Uplink-Frequenz sperren, das heißt Änderungen an der einen wirken sich auch auf die andere Frequenz aus. Dies ist nicht für Transponder möglich, die nur einen Up- oder Downlink besitzen.

- **Settings:** In diesem Bereich lassen sich bis zu zwei Funkgeräte auswählen die in den GPredict-Einstellungen unter *Interfaces* eingerichtet wurden. Das obere Gerät stellt das Primäre dar und kann für Up- und Downlink verwendet werden. Das Untere kann als sekundäres Gerät verwendet werden, welches nur für den Uplink verwendet werden kann. Mit einem Klick auf *Engage* wird die Kommunikation zwischen GPredict und Funkgerät(en) aufgebaut. Hierbei kann im Feld neben *Cycle* der Zyklus eingetragen werden, nach welchem Kommandos an das Funkgerät geschickt werden sollen.

In Tabelle 6.2 ist eine Übersicht über die verschiedenen Betriebsmodi des *Radio Control*-Bedienfelds zu sehen.

Track	Engage	Beschreibung
Inaktiv	Inaktiv	Es wird keine Dopplershiftkorrektur durchgeführt, keine Befehle an das Funkgerät gesendet und die aktuelle Frequenz des Funkgeräts nicht ausgelesen.
Aktiv	Inaktiv	Die Dopplershiftkorrektur wird durchgeführt, es werden aber weder Befehle an das Funkgerät geschickt noch wird die aktuelle Frequenz ausgelesen.
Aktiv	Aktiv	Der Dopplershift wird korrigiert und die eingestellte Frequenz wird zum Funkgerät geschickt. Die aktuelle Frequenz des Funkgeräts wird ausgelesen.
Inaktiv	Aktiv	Die Dopplershiftkorrektur wird nicht ausgeführt. Die eingestellte Frequenz wird an das Funkgerät geschickt und die dort eingestellte Frequenz wird ausgelesen.

Tabelle 6.2: Betriebsmodi des *Radio Control*-Bedienfelds, Quelle: [13]

Wenn die *Engage*-Schaltfläche aktiviert ist, wird die Dopplershiftkorrektur durchgeführt, egal ob der ausgewählte Satellit sichtbar ist oder nicht.

6.2.4 GPredict-Einstellungen

Um in die GPredict-Einstellungen zu gelangen, klickt man links oben unterhalb der Titelleiste auf *Edit* und anschließend auf *Preferences*. Nun öffnet sich ein Fenster bei dem standardmäßig die Erste der vier Kategorien zu sehen ist, die Kategorie *General* (siehe Abbildung 6.13). Nach einer Veränderung in den GPredict-Einstellungen muss GPredict zunächst neugestartet werden, damit diese Änderung wirksam wird. Überall wo die Schaltfläche *Reset* zu finden ist, können mit einem Klick auf diese, die Standard-Einstellungen wiederhergestellt werden. Bei den meisten Optionen erscheint ein kleines Informations-Fenster, sobald man mit dem Mauszeiger einige Sekunden über der entsprechenden Option verharrt.

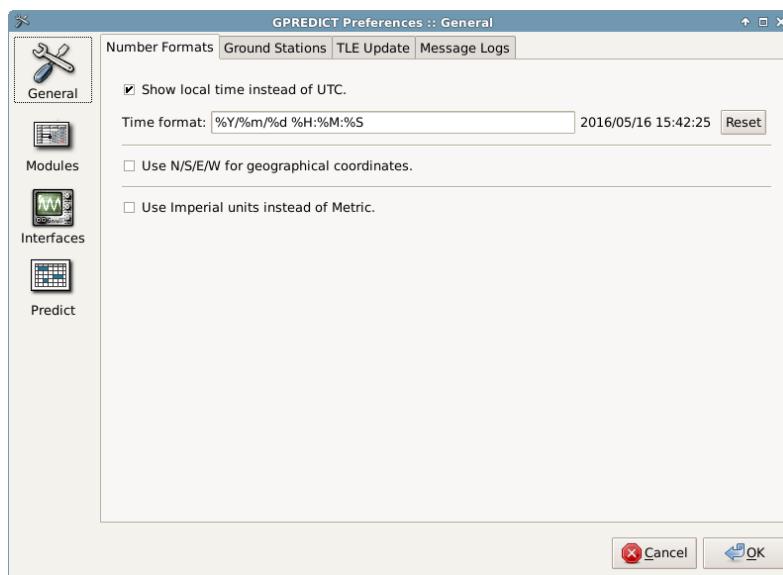


Abbildung 6.13: GPredict-Einstellungen, Kategorie *General*

Die Kategorie *General* ist in folgende vier Reiter untergliedert:

- **Number Formats:** Hier lassen sich Einstellungen zum Zeitformat, zu den geografischen Koordinaten und zu den Längen- und Geschwindigkeits-Einheiten vornehmen.
- **Ground Stations:** Unter diesem Reiter können beliebig viele Bodenstationen eingerichtet werden. Mindestens eine muss jedoch zu jeder Zeit vorhanden sein.
- **TLE Update:** Hier können Einstellungen zur Aktualisierung der Kepler-Elemente vorgenommen werden.
- **Message Logs:** Hier können Einstellungen bzgl. des GPredict-Protokolls vorgenommen werden. Unter *Log browser* im Menü *File* kann dieses dargestellt werden.

Zur Kategorie *Modules* gelangt man über zwei Wege. Der erste führt über die allgemeinen GPredict-Einstellungen, wie in diesem Abschnitt beschrieben. Der Zweite führt über das Modul Pop-Up Menü, wie auf Seite 41 beschrieben. Der Unterschied ist, dass bei den Modul-Einstellungen in den GPredict-Einstellungen die Standardwerte für alle Module eingestellt werden können und beim zweiten Weg nur die für das entsprechende Modul. Die Modul-Einstellungen sind in folgende sechs Reiter untergliedert:

- **Layout:** Bei diesem Reiter lässt sich konfigurieren, welche Ansichten in welcher Anordnung im GPredict-Fenster zu sehen sind. Hierbei kann aus verschiedenen Anordnungen ausgewählt werden oder eine völlig benutzerspezifische Anordnung erstellt werden (Hierfür wird an dieser Stelle auf [13] Seite 67f verwiesen).
- **Refresh Rates:** Hier lässt sich die Zeitspanne auswählen, nach welcher GPredict die Positions-Berechnungen periodisch für jeden Satelliten durchführt, der für das geöffnete Modul ausgewählt wurde. Außerdem lässt sich einstellen mit welchem ganz-zahligem Vielfachen dieser Zeitspanne die einzelnen Ansichten aufgefrischt werden.
- **List View:** Hier lassen sich die Parameter der *List View* auswählen.
- **Map View:** Hier lassen sich Darstellungsoptionen für die *Map View* konfigurieren.
- **Polar View:** Hier lassen sich Darstellungsoptionen für die *Polar View* konfigurieren.
- **Single Sat View:** Hier lassen sich die Parameter der *Single Sat View* auswählen.

Die Kategorie *Interfaces* ist in zwei Reiter untergliedert, *Radios* und *Rotators*. Dort wird jeweils eine Liste der bereits eingerichteten Funkgeräte bzw. Rotoren angezeigt, welche standardmäßig leer ist. Die Anzahl der Geräte ist dabei nach oben nicht beschränkt. Die detaillierte Einrichtung ist in Abschnitt 6.4.2 auf Seite 50 genauer beschrieben.

Beim Öffnen der Kategorie *Predict* wird standardmäßig der Reiter *Pass Conditions* angezeigt. Unter diesem lassen sich folgende Parameter einstellen:

- **Minimum elevation:** Dieser Parameter gibt an, ab welcher Elevation von einem Durchlauf eines Satelliten ausgegangen wird. Das heißt, übersteigt die maximale Elevation diesen Wert, wird dieser Durchlauf in die *Upcoming Passes*, die *Pass Details* und die Ansicht *The sky at a glance* aufgenommen.
- **Number of passes to predict:** Anzahl der angezeigten zukünftigen Durchläufe.

- **Passes should occur within:** Dieser Parameter definiert den Zeitraum, in welchem zukünftige Durchläufe von GPredict berücksichtigt werden. So tritt entweder erst die Anzahl der angezeigten zukünftigen Durchläufe ein oder der Zeitraum in welchem zukünftige Durchläufe berücksichtigt werden sollen.
- **Time resolution:** Hier kann die Zeitauflösung eingetragen werden, mit der der nächste Durchlauf in den *Pass Details* dargestellt wird. Je geringer die Auflösung, desto mehr Einträge werden angezeigt.
- **Number of entries:** Mit diesem Parameter kann die Anzahl der Einträge des nächsten Durchlaufs in den *Pass Details* eingestellt werden. Hierbei ist zu beachten, dass diese Einstellung eine höhere Priorität als die Zeitauflösung besitzt.
- **Twilight threshold:** Dieser Parameter gibt an, ab welcher Elevation ein Satellit als sichtbar gilt. Für die Satellitenverfolgung spielt dieser Parameter keine Rolle.

Unter den Reitern *Multiple Passes* und *Single Pass* lassen sich die Parameter auswählen, die in den Ansichten *Upcoming Passes* und *Pass Details* dargestellt werden, wohingegen beim Reiter *Sky at a Glance* Darstellungsoptionen für die Funktion *The sky at a glance* eingestellt werden können.

Eine detailliertere Beschreibung der GPredict-Einstellungen kann aus [13] auf Seite 23ff entnommen werden.

6.3 HamLib-Programmierschnittstelle

6.3.1 Übersicht

Da es keinen einheitlichen Kommunikationsstandard für die zahlreichen Funkgeräte und Rotoren unterschiedlicher Hersteller gibt, ist für die Verwendung von GPredict eine applikationsspezifische Programmierschnittstelle oder auch Application Programming Interface (API) erforderlich. Mit den *Ham Radio Control Libraries* (englisch für Amateurfunk-Kontrollbibliotheken), kurz HamLib, steht dem Benutzer eine solche API zur Verfügung. HamLib ist unter der GPL lizenziert und steht als freie Software jedem zur Verfügung. Wie in Abbildung 6.14 zu sehen, ermöglicht HamLib einer Software wie GPredict die Kommunikation mit verschiedenen Funkgeräten und Rotoren, in dem es für jedes dieser

Geräte einen eigenen Treiber bzw. ein eigenes Backend (BE) zur Verfügung stellt.

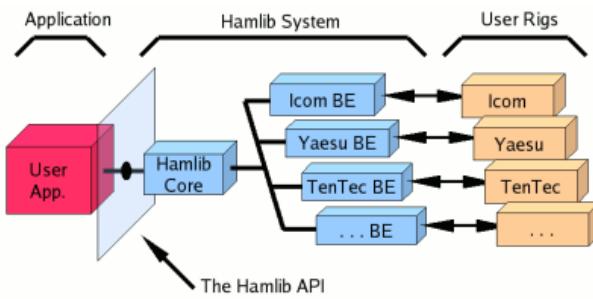


Abbildung 6.14: HamLib Design, Quelle: [15]

Dabei verwendet man entweder den Quellcode um eine benutzerspezifische Anwendung zu erstellen oder man greift auf die bereits fertig kompilierten Programme zurück, welche im Folgenden aufgelistet sind:

- **rigctl:** Ein Kommandozeilenprogramm, mit welchem man Befehle über die Kommandozeile an das Funkgerät senden kann. (Unter Windows: *rigctl.exe*)
- **rotctl:** Ein Kommandozeilenprogramm, mit welchem man Befehle über die Kommandozeile an die Antennenrotoren senden kann. (Unter Windows: *rotctl.exe*)
- **rigctld:** Ein Kommandozeilenprogramm, mit welchem man Befehle über das TCP/IP-Protokoll an das Funkgerät senden kann (Unter Windows: *rigctld.exe*)
- **rotctld:** Ein Kommandozeilenprogramm, mit welchem man Befehle über das TCP/IP-Protokoll an die Antennenrotoren senden kann (Unter Windows: *rigctld.exe*)

Hierbei steht „*rot*“ für „Rotator“ (deutsch: Rotor), „*rig*“ für „Rig“ (deutsch: Amateurfunkgerät) und das „*d*“ am Ende von *rigctld* und *rotctld* für „Deamon“ (deutsch: Hintergrundprozess).

6.3.2 Verwendung

Um die Verwendung dieser Kommandozeilenprogramme zu vereinfachen und um gleichzeitig die notwendige Konfiguration festzuhalten, wurde für die Programme *rigctld* und *rotctld* jeweils ein Batch-Skript erstellt (siehe Anhang A und B). Diese Skripte müssen beide gestartet werden, bevor unter GPredict eine Kommunikation mit den Rotoren bzw. mit dem Funkgerät stattfinden kann.

6.3.3 Parameter-Konfiguration

Hinweis darauf, dass die Skripte auf dem PC, der mit Funkgerät und Rotoren kommuniziert, ausgeführt werden müssen. GPredict kann auch von anderem PC ausgeführt werden und über das Netzwerk mit HamLib kommunizieren
-> Einstellung der IP-Adresse und des Ports

6.4 Inbetriebnahme unter Windows

6.4.1 Aufbau von Hard- und Software

Blockschaltbild von (Hard- und) Softwarekomponenten

6.4.2 Konfiguration der Rotoren

6.4.3 Konfiguration des Funkgeräts

6.4.4 Test der Kommunikation

Test einiger Befehle mit *rigctl* und *rotctl*.

- Auslesen und Setzen der Frequenz
- Auslesen und Setzen des Winkels

→ *rigctl* und *rotctl* Skripte in Anhang einfügen!

6.4.5 Test der Bedienfelder

Test mit Dummy-Interfaces. → Hinweis auf Dummy-Skripte

6.4.6 Finaler Test

7 Zusammenfassung und Ausblick

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Aenean porttitor mi purus, sit amet efficitur velit semper sit amet. Mauris et pulvinar nunc, id maximus metus. Suspendisse convallis sapien nisi, sed maximus quam gravida eu. Duis faucibus elit non nunc posuere dignissim. Sed ullamcorper fringilla felis ac mollis. Nunc blandit tristique auctor. Praesent elementum dictum nulla et vulputate. Vestibulum ante ipsum primis in faucibus orci luctus et ultrices posuere cubilia Curae; Integer sed rutrum lacus. Morbi tincidunt dui at augue molestie rhoncus. Curabitur sagittis sed sapien quis vestibulum. Cras dictum sem quam, nec tincidunt augue tempor et. Morbi consectetur, dui id scelerisque consequat, velit tortor gravida eros, ac hendrerit massa magna sit amet lacus. Quisque mattis nulla diam, sed efficitur mi fermentum vitae. Nam vestibulum iaculis rhoncus.

Donec feugiat augue leo, a malesuada tortor laoreet eu. Praesent dictum tortor eu egestas sodales. Maecenas rhoncus pretium leo ut sodales. Praesent blandit sit amet ante posuere malesuada. Vestibulum egestas sit amet ex et placerat. In sed dapibus sem, placerat interdum mi. Sed eget eros ante. Duis varius molestie eleifend. Suspendisse eu aliquet velit. Nulla facilisi. Morbi eu sapien in odio viverra luctus.

Abbildungsverzeichnis

2.1	V-Modell, Quelle: [1]	2
3.1	Cubesat, Quelle: [3]	5
4.1	Bahnelemente	7
4.2	Ellipse	9
4.3	Kegelschnitt	11
4.4	Kegelschnitt	12
4.5	Bahnelemente	16
4.6	Kepler-Gleichung	19
4.7	Geografische Koordinaten	27
4.8	TLE	29
4.9	Vorhersagegenauigkeit	30
6.1	Prinzip eines Satellitenverfolgungsprogramms, Quelle: [13]	35
6.2	Standardoberfläche von GPredict	36
6.3	<i>List View</i>	38
6.4	<i>Upcoming Passes View</i>	38
6.5	<i>Satellite Info</i>	39
6.6	<i>Pass Details</i>	39
6.7	<i>Upcoming Passes</i>	40
6.8	<i>The sky at a glance</i>	40
6.9	<i>Time Controller</i>	41
6.10	<i>Edit Module</i>	41
6.11	Rotorsteuerungs-Bedienfeld	42
6.12	Funkgerät-Steuerung	44
6.13	GPredict-Einstellungen, Kategorie General	46
6.14	HamLib Design, Quelle: [15]	49

Alle nicht eigens nachgewiesenen Abbildungen stammen von den Autoren.

Tabellenverzeichnis

6.1	Betriebsmodi des <i>Antenna Control</i> -Bedienfelds, Quelle: [13]	43
6.2	Betriebsmodi des <i>Radio Control</i> -Bedienfelds, Quelle: [13]	45

Literatur- und Quellenverzeichnis

- [1] P. D. I. habil. Klaus-Peter Fähnrich, *Softwaretechnik - Vorgehensmodelle*, Deutsch. Universität Leipzig, Institut für Informatik, Betriebliche Informationssysteme, 2009.
- [2] W. F. Inc. (2015). Amateurfunksatellit, Adresse: <https://de.wikipedia.org/wiki/Amateurfunksatellit> (besucht am 24.05.2016).
- [3] C. Lab. (2016). ULA Releases Application for University CubeSat Competition, Adresse: <http://www.cubesat.org/> (besucht am 24.05.2016).
- [4] *IC-9100 Instruction Manual*. Adresse: http://www.icom-australia.com/products/amateur/ic-9100/Amateur_IC-9100_Instruction_Manual.pdf (besucht am 24.05.2016).
- [5] W. Steiner und M. Schlagerl, *Raumflugmechanik*, Deutsch, 1. Aufl. Berlin Heidelberg: Springer Verlag, 2004.
- [6] W. F. Inc. (2016). Johannes Kepler, Adresse: https://en.wikipedia.org/wiki/Johannes_Kepler (besucht am 05.05.2016).
- [7] ——, (2016). Bahnelement, Adresse: <https://de.wikipedia.org/wiki/Bahnelement> (besucht am 01.05.2016).
- [8] W. Ley, K. Wittmann, W. Hallmann u. a., *Handbuch der Raumfahrttechnik*, Deutsch, 3. Aufl. München: Carl Hanser Verlag, 2008.
- [9] W. F. Inc. (2016). Frühlingspunkt, Adresse: <https://de.wikipedia.org/wiki/Fr%C3%BChlingspunkt> (besucht am 25.05.2016).
- [10] ——, (2016). Kepler-Gleichung, Adresse: <https://de.wikipedia.org/wiki/Kepler-Gleichung> (besucht am 27.05.2016).
- [11] ——, (2016). Geografische Koordinaten, Adresse: https://de.wikipedia.org/wiki/Geographische_Koordinaten (besucht am 31.05.2016).
- [12] ——, (2016). Erdradius, Adresse: <https://de.wikipedia.org/wiki/Erdradius> (besucht am 31.05.2016).
- [13] *Gpredict User Manual*. Adresse: <https://sourceforge.net/projects/gpredict/files/Gpredict/1.3/gpredict-user-manual-1.3.pdf/download> (besucht am 01.05.2016).

- [14] *Sourceforge.net: GPredict 1.3.* Adresse: <https://sourceforge.net/projects/gpredict/files/Gpredict/1.3/> (besucht am 01.05.2016).
- [15] *HamLib Manual.* Adresse: <http://hamlib.sourceforge.net/manuals/hamlib.html> (besucht am 13.05.2016).

A Batch-Skript: *rigctld.bat*

File: /home/hannes/Dropbox/02_Sarah...ib/Skripte/Windows/rigctld.bat

Page 1 of 1

```
@rem Dies ist ein Skript zur Ausführung von rigctld.exe.  
@title Batch Skript: rigctld.exe  
@echo off  
  
echo =====  
echo #          Batch Skript zur Ausfuehrung von          #  
echo #          rigctld.exe                      #  
echo #                                              #  
echo =====  
echo .  
echo # Ausfuehrung von rigctld.exe mit folgenden Parametern:  
echo.  
set mycmd=rigctld.exe -vvvv -m 368 -r COM5 -c 0x7C -s 19200 -C stop_bits=1,data_bits=8,write_delay=5,po  
st_write_delay=5,retry=3 -T 127.0.0.1 -t 4532 &  
echo %mycmd%  
echo.  
echo =====  
echo .  
echo # Ausgabe von rigctld.exe:  
echo.  
%mycmd%
```

B Batch-Skript: *rotctld.bat*

File: /home/hannes/Dropbox/02_Sarah...ib/Skripte/Windows/rotctld.bat

Page 1 of 1

```
@rem Dies ist ein Skript zur Ausführung von rotctld.exe.  
@title Batch Skript: rotctld.exe  
@echo off  
  
echo =====  
echo #          #  
echo #      Batch Skript zur Ausfuehrung von      #  
echo #          #  
echo #          rotctld.exe          #  
echo #          #  
echo =====  
echo .  
echo # Ausfuehrung von rotctld.exe mit folgenden Parametern:  
echo.  
set mycmd=rotctld.exe -vvvvv -m 601 -r COM10 -T 127.0.0.1 -t 4533 &  
echo %mycmd%  
echo .  
echo =====  
echo .  
echo # Ausgabe von rotctld.exe:  
echo .  
%mycmd%
```

C Batch-Skript: *rigctld-dummy.bat*

File: /home/hannes/Dropbox/02_Sarah...ipte/Windows/rgctld-dummy.bat

Page 1 of 1

```
@rem Dies ist ein Skript zur Ausführung von rigctld.exe mit der Dummy-Schnittstelle
@title Batch Skript: rigctld.exe - Dummy
@echo off

echo =====#
echo #          Batch Skript zur Ausfuehrung von #
echo #          rigctld.exe - Dummy                 #
echo #                                              #
echo =====#
echo .
echo # Ausfuehrung von rigctld.exe mit folgenden Parametern:
echo .
set mycmd=rigctld.exe -vvvv -m 1 -T 127.0.0.1 -t 4532 &
echo %mycmd%
echo .
echo =====#
echo .
echo # Ausgabe von rigctld.exe:
echo .
%mycmd%
```

D Batch-Skript: *rotctld-dummy.bat*

File: /home/hannes/Dropbox/02_Sarah...ipte/Windows/rotctld-dummy.bat

Page 1 of 1

```
@rem Dies ist ein Skript zur Ausführung von rotctld.exe mit der Dummy-Schnittstelle.  
@title Batch Skript: rotctld.exe - Dummy  
@echo off  
  
echo =====  
echo # #  
echo # Batch Skript zur Ausfehrung von #  
echo # #  
echo # rotctld.exe - Dummy #  
echo # #  
echo =====  
echo .  
echo # Ausfehrung von rotctld.exe mit folgenden Parametern:  
echo.  
set mycmd=rotctld.exe -vvvv -m 1 -T 127.0.0.1 -t 4533 &  
echo %mycmd%  
echo.  
echo =====  
echo.  
echo # Ausgabe von rotctld.exe:  
echo.  
%mycmd%
```