

Московский Авиационный Институт  
(Национальный исследовательский Университет)

Факультет: «Информационные технологии и прикладная математика»  
Кафедра: 806 «Вычислительная математика и программирование»

**Лабораторная работа №7**  
**по курсу «Компьютерная графика»**

Студент:	Марков А.Н.
Группа:	М80-308Б-18
Преподаватель:	Филиппов Г.С.
Оценка:	
Дата:	

Москва  
2020

### 1. Постановка задачи.

Написать программу, строящую полиномиальную кривую по заданным точкам. Обеспечить возможность изменения позиции точек и, при необходимости, значений касательных векторов и натяжения.

Вариант №5: Кривая Безье 2-й степени.

### 2. Решение задачи.

Кривая Безье 2-й степени строится в соответствии со следующей формулой:

$$\mathbf{B}(t) = (1 - t)^2 \mathbf{P}_0 + 2t(1 - t) \mathbf{P}_1 + t^2 \mathbf{P}_2, \quad t \in [0, 1],$$

где  $P_0$ ,  $P_1$ ,  $P_2$  — опорные точки.

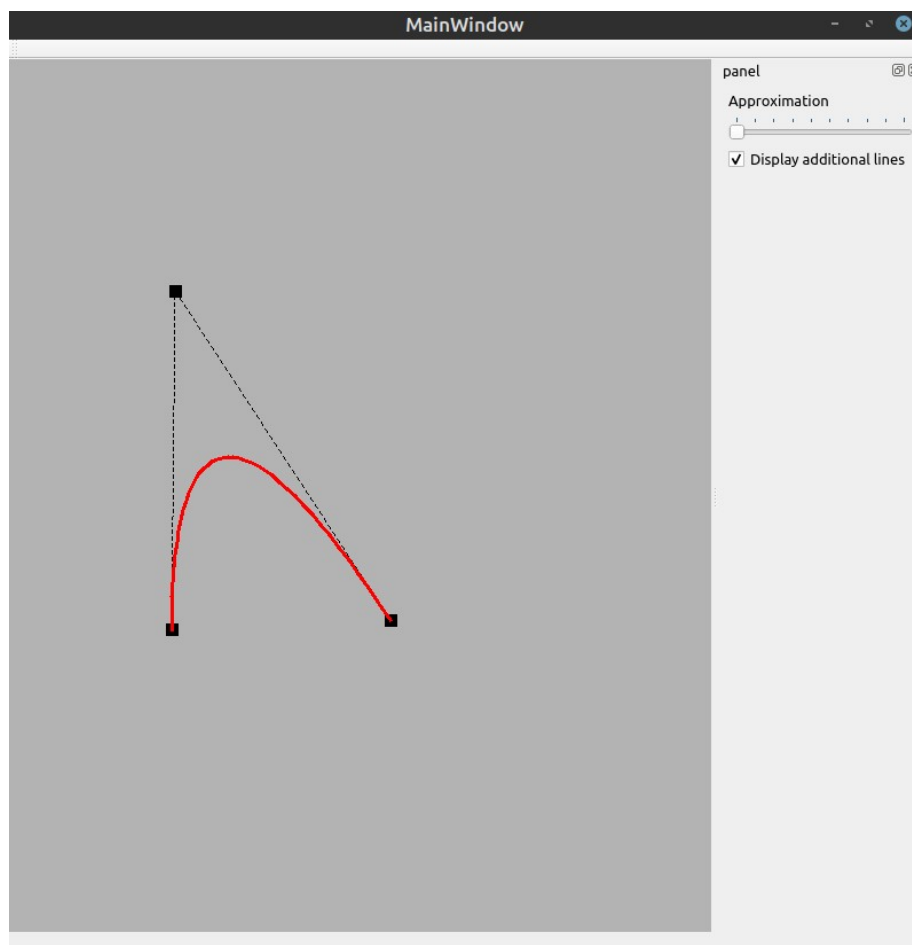
Для решения задачи я решил использовать C++ и фреймворк Qt, в котором использовал библиотеку QPainter.

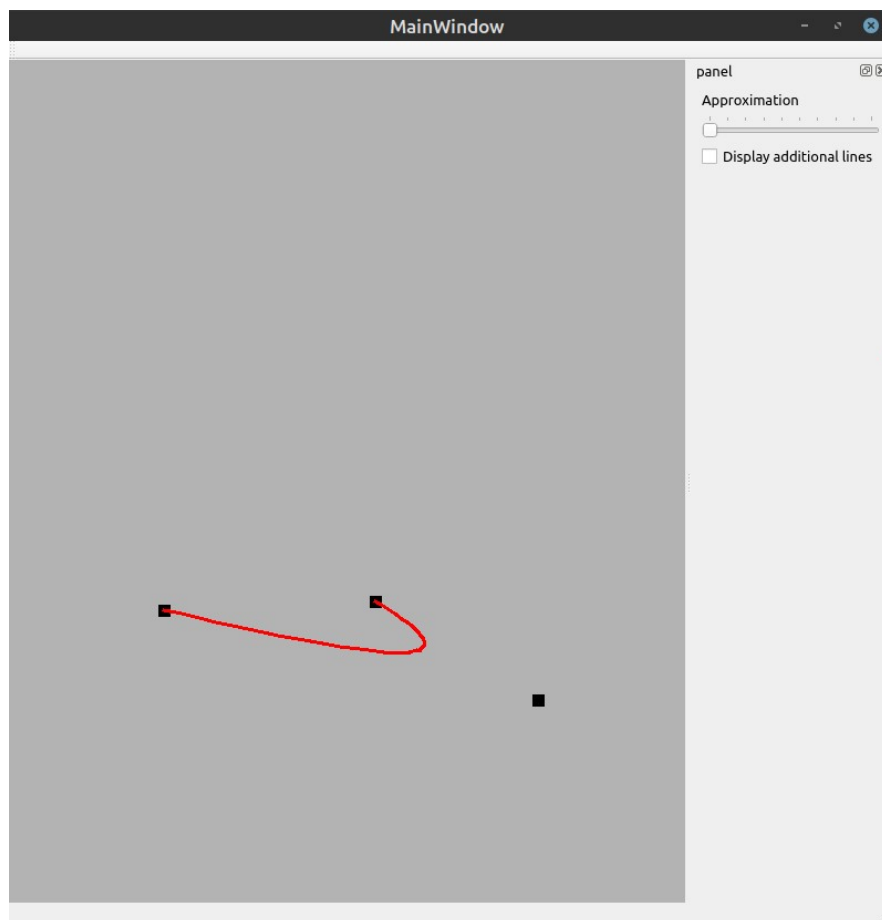
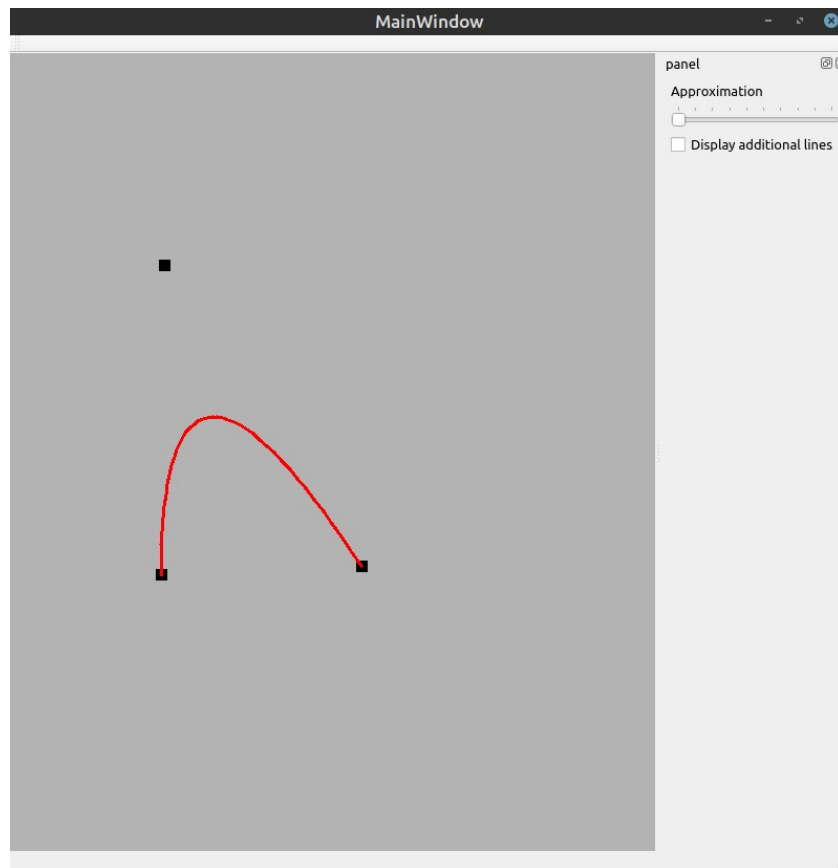
Кривая Безье в моей программе строится следующим образом:

- вычисляется x координата кривой для всех значений  $0 \leq t \leq 1$  с некоторым шагом;
- вычисляется y координата кривой для всех значений  $0 \leq t \leq 1$  с некоторым шагом.

Таким образом вычисляются точки кривой, которые затем соединяются прямыми.

### 3. Демонстрация работы программы.





#### 4. Листинг программы.

##### **view.h**

```
#ifndef VIEW_H
#define VIEW_H

#include <QWidget>
#include <QPointF>
#include <vector>

const unsigned int MAX_CNT_POINTS = 3;

class View : public QWidget
{
    Q_OBJECT
public:
    explicit View(QWidget *parent = nullptr);
    void set_step(double s);
    void change_display_additional_line();
protected:
    void paintEvent(QPaintEvent *);
    void resizeEvent(QResizeEvent *);
    void mousePressEvent(QMouseEvent *);
    void mouseMoveEvent(QMouseEvent *);
private:
    double step = 0.025;
    bool displayAdditionalLines = false;
    unsigned int cntPoints;
    std::vector<QPointF> points;
signals:

public slots:
};

#endif // VIEW_H
```

##### **view.cpp**

```
#include "view.h"
#include <QMouseEvent>
#include <QPainter>
#include <QPolygon>
#include <cmath>
#include <QResizeEvent>
```

```
const int SQUARE_SIZE = 10;
```

```
View::View(QWidget *parent) : QWidget(parent) {  
    QPalette pal = palette();  
    pal.setColor(QPalette::Window, QColor(179, 179, 179));  
    setPalette(pal);  
  
    setAutoFillBackground(true);  
  
    cntPoints = 0;  
    points.resize(MAX_CNT_POINTS);  
}
```

```
void View::set_step(double s) {  
    step = s;  
}
```

```
void View::change_display_additional_line() {  
    if (displayAdditionalLines) {  
        displayAdditionalLines = false;  
    } else {  
        displayAdditionalLines = true;  
    }  
}
```

```
void View::paintEvent(QPaintEvent *) {  
    QPainter ptr{this};  
    ptr.setPen(QColor(0, 0, 0));  
  
    if (cntPoints != 0 && displayAdditionalLines) {  
        ptr.setPen(Qt::DashLine);  
        for (unsigned int i = 0; i < cntPoints - 1; i++) {  
            ptr.drawLine(static_cast<int>(points[i].x()) + SQUARE_SIZE / 2,  
                static_cast<int>(points[i].y()) + SQUARE_SIZE / 2,  
                static_cast<int>(points[i + 1].x()) + SQUARE_SIZE / 2,  
                static_cast<int>(points[i + 1].y()) + SQUARE_SIZE / 2);  
        }  
        ptr.setPen(Qt::SolidLine);  
    }  
  
    ptr.setBrush(QColor(0, 0, 0));  
    for (unsigned int i = 0; i < cntPoints; i++) {  
        QPolygon pol(QRect(static_cast<int>(points[i].x()),  
            static_cast<int>(points[i].y()),
```

```

        SQUARE_SIZE, SQUARE_SIZE));
    ptr.drawPolygon(pol);
}

if (cntPoints == 3) {
    // draw Bezier curve
    QPen newPen(QColor(255, 0, 0), 3);
    ptr.setPen(newPen);
    double prevX = points[0].x() + SQUARE_SIZE / 2, prevY = points[0].y() +
SQUARE_SIZE / 2;
    for (double t = step; t < 1.; t += step) {
        double x = std::pow((1. - t), 2.) * (points[0].x() + SQUARE_SIZE / 2) +
            2. * t * (1. - t) * (points[1].x() + SQUARE_SIZE / 2) +
            std::pow(t, 2.) * (points[2].x() + SQUARE_SIZE / 2);
        double y = std::pow((1. - t), 2.) * (points[0].y() + SQUARE_SIZE / 2) +
            2. * t * (1. - t) * (points[1].y() + SQUARE_SIZE / 2) +
            std::pow(t, 2.) * (points[2].y() + SQUARE_SIZE / 2);
        ptr.drawLine(static_cast<int>(prevX),
            static_cast<int>(prevY),
            static_cast<int>(x),
            static_cast<int>(y));

        prevX = x;
        prevY = y;
        if (t + step >= 1.) {
            x = points[2].x() + SQUARE_SIZE / 2;
            y = points[2].y() + SQUARE_SIZE / 2;
            ptr.drawLine(static_cast<int>(prevX),
                static_cast<int>(prevY),
                static_cast<int>(x),
                static_cast<int>(y));
        }
    }
}
}
}

```

```

void View::resizeEvent(QResizeEvent *e) {
    if (e->oldSize().width() == -1 || e->oldSize().height() == -1) {
        return;
    }
    double coef_x = width() / static_cast<double>(e->oldSize().width());
    double coef_y = height() / static_cast<double>(e->oldSize().height());

    for (unsigned int i = 0; i < cntPoints; i++) {
        points[i].rx() *= coef_x;
        points[i].ry() *= coef_y;
    }
}

```

```

    }

    update();
}

void View::mousePressEvent(QMouseEvent *e) {
    if (e->button() == Qt::RightButton) {
        if (cntPoints < 3) {
            points[cntPoints] = e->pos();
            cntPoints++;
        }
    }

    update();
}

void View::mouseMoveEvent(QMouseEvent *e) {
    for (unsigned int i = 0; i < cntPoints; i++) {
        if (e->pos().x() >= points[i].x() - 20 && e->pos().x() <= points[i].x() + 20 &&
            e->pos().y() >= points[i].y() - 20 && e->pos().y() <= points[i].y() + 20) {
            points[i] = e->pos();
            break;
        }
    }

    update();
}

```

## 5. Выводы

Выполнив данную лабораторную работу я получил представление о том как строятся кривые Безье и реализовал отрисовку данной кривой программно на языке C++ средствами Qt.