3. školska zadaća Grupe PA01, PA02, PA04 i PA06 — B —

1. (2 boda) Odredite dz ako je funkcija z=z(x,y) zadana implicitno jednadžbom $x^2y^2z^2+3x^2+3y^2+z^2=1.$

2. (3 boda) Rabeći Taylorovu formulu izrazite polinom trećeg stupnja

$$f(x,y) = xy^2 + 2xy - y^2 + 4x - 4y$$

po potencijama od (x-1) i (y+1).

3. (5 bodova) Koristeći metodu Lagrangeovog mutiplikatora nađite i karakterizirajte sve lokalne ekstreme funkcije

$$f(x,y) = 5x^4 + x^2 + 2y^2$$

definirane na hiperboli

$$x^2 - 5y^2 = 16.$$