1. Predmeđuispit iz Matematike 2 – lakša verzija

(pripremio V. Ćosić)

1. (2 boda) Ispitajte konvergenciju redova:

a)

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n n^3}{3^n}$$

b)

$$\sum_{n=0}^{\infty} \ln(1 + (e+1)^{-n})$$

2. (2 boda)

a) Iskažite integralni kriterij konvergencije reda.

b) Ispitajte konvergenijcu reda

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{\ln n}{n^2}$$

3. (2 boda) Ispitajte konvergenciju reda

$$\sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{3n-2}{3n+4} \right)^n$$

4. (2 boda) Odredite polumjer i područje konvergencije reda

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n (x+1)^n}{n^2}$$

5. (2 boda) Funkciju $f(x) = \frac{1}{\frac{1}{4}x - \frac{1}{4}x^2}$ razvijte u Taylorov red oko $\frac{1}{2}$.

6. (2 boda) U pravokutniku ABCD s vrhovima B(3,1) i D(1,4), povučene su spojnice \overline{AM} i \overline{AN} , gdje su točke M i N redom polovišta stranica \overline{BC} i \overline{CD} . Prikažite vektor \overline{AM} kao linearnu kombinaciju vektora \overline{AC} i \overline{AN} .

7. (2 boda)

a) Nađi sve parametre t takve da je volumen paralelepipeda određenog vektorima $\vec{a} = 5\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$, $\vec{b} = t\vec{i} + 2\vec{k}$ i $\vec{c} = -6\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$ jednak 9.

b) Ako je t = 2, kolika je visina paralelepipeda?

- **8.** (3 boda) Zadana je ravnina $\pi\equiv 2x+3y-z+10=0$ i pravac $p\equiv \frac{x-1}{3}=\frac{y}{2}=\frac{z+1}{-1}$. Odredi ortogonalnu projekciju pravca p na ravninu π .
- **9.** (3 boda)
- a) Odredite i skicirajte područje definicije funkcije

$$f(x,y) = \ln\left(-\frac{y}{x}\right) + 2\sqrt{3 - x^2 - y^2} + e^{x-y}$$

b) Odredite jednadžbu stožaste plohe s vrhom u točki V(0,3,0) koja nastaje kad izvodnice prolaze krivuljom $x^2+z^2-1=0$ za y=4.