



Artificial Intelligence, Machine Learning and Deep Learning

人工智能、机器学习和深度学习

智能系统实验室
清华大学基础工业训练中心

目录

- 人工智能
- 机器学习
- 深度学习

机器智能
/人工智能

人工/机器智能-简述

- 人工智能或机器智能，通俗的说，就是用机器（如计算机）完成人类需要用脑子完成的任务，代替人脑的工作，比如下棋、开车、阅读理解等等工作。
- 人工智能或机器智能，是指计算机体现的智能的能力，如听说读写到搜索、推理、决策和回答问题等。
- 人工智能或机器智能，是指如何设计实现计算机系统 and 软件，使其具有智能的行为。

人工/机器智能

机器认知 (Cognition)

让机器像人一样思考
——知识图谱
——知识表示
——自动推理
——人工意识

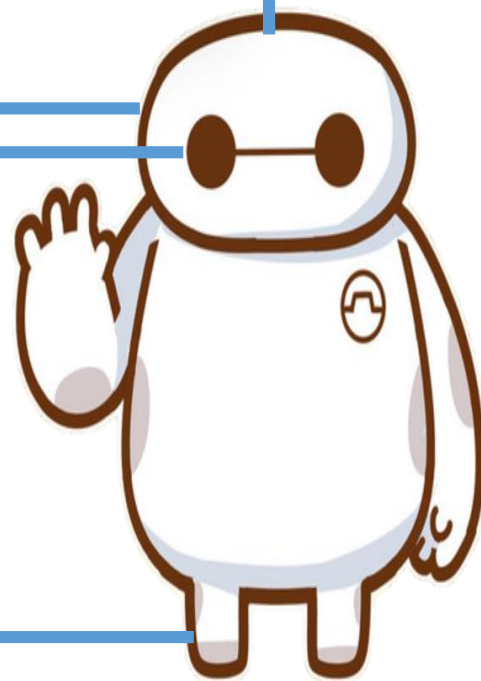
机器感知 (Perception)

让机器像人一样听懂
——语音识别

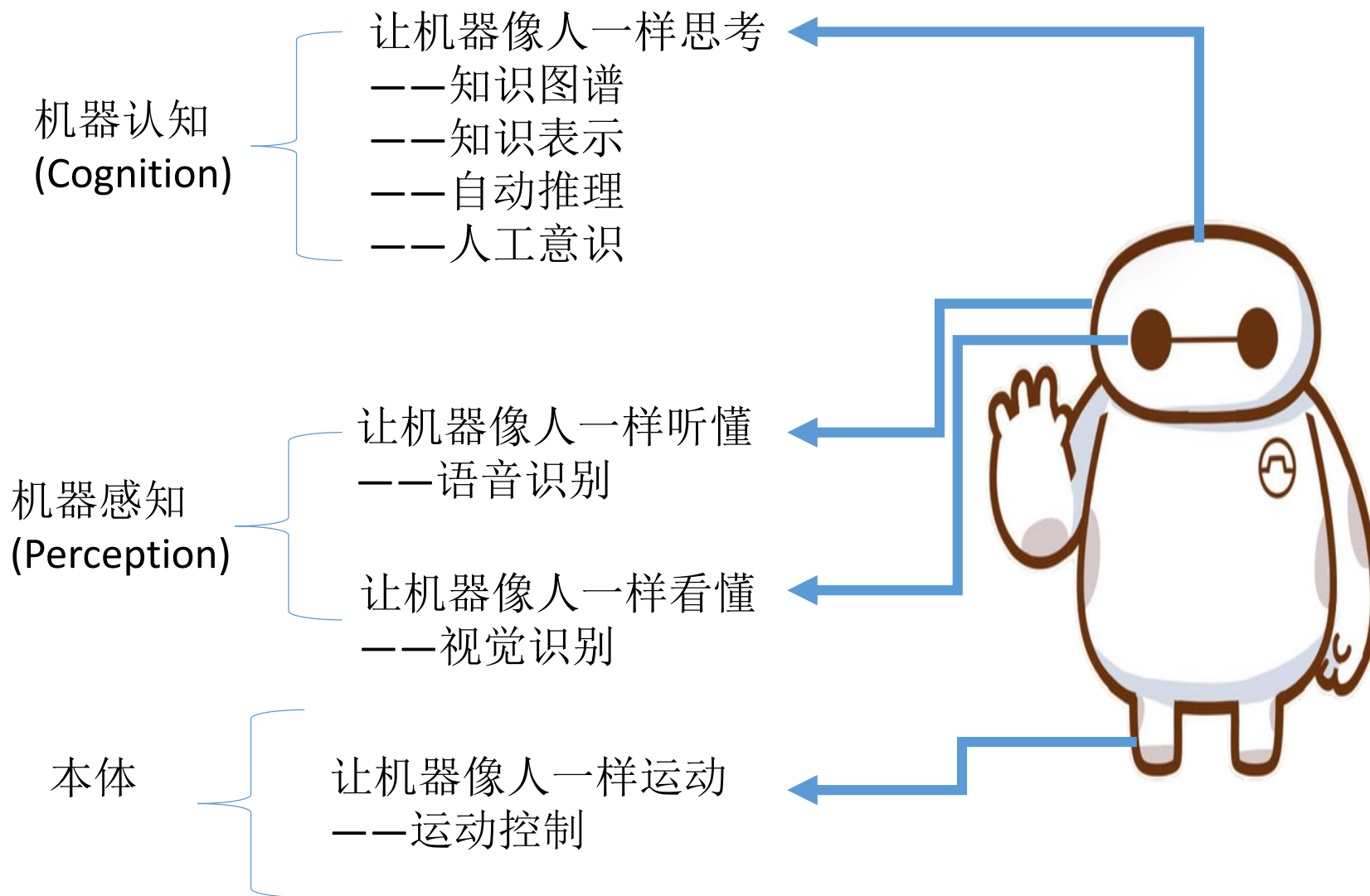
让机器像人一样看懂
——视觉识别

本体

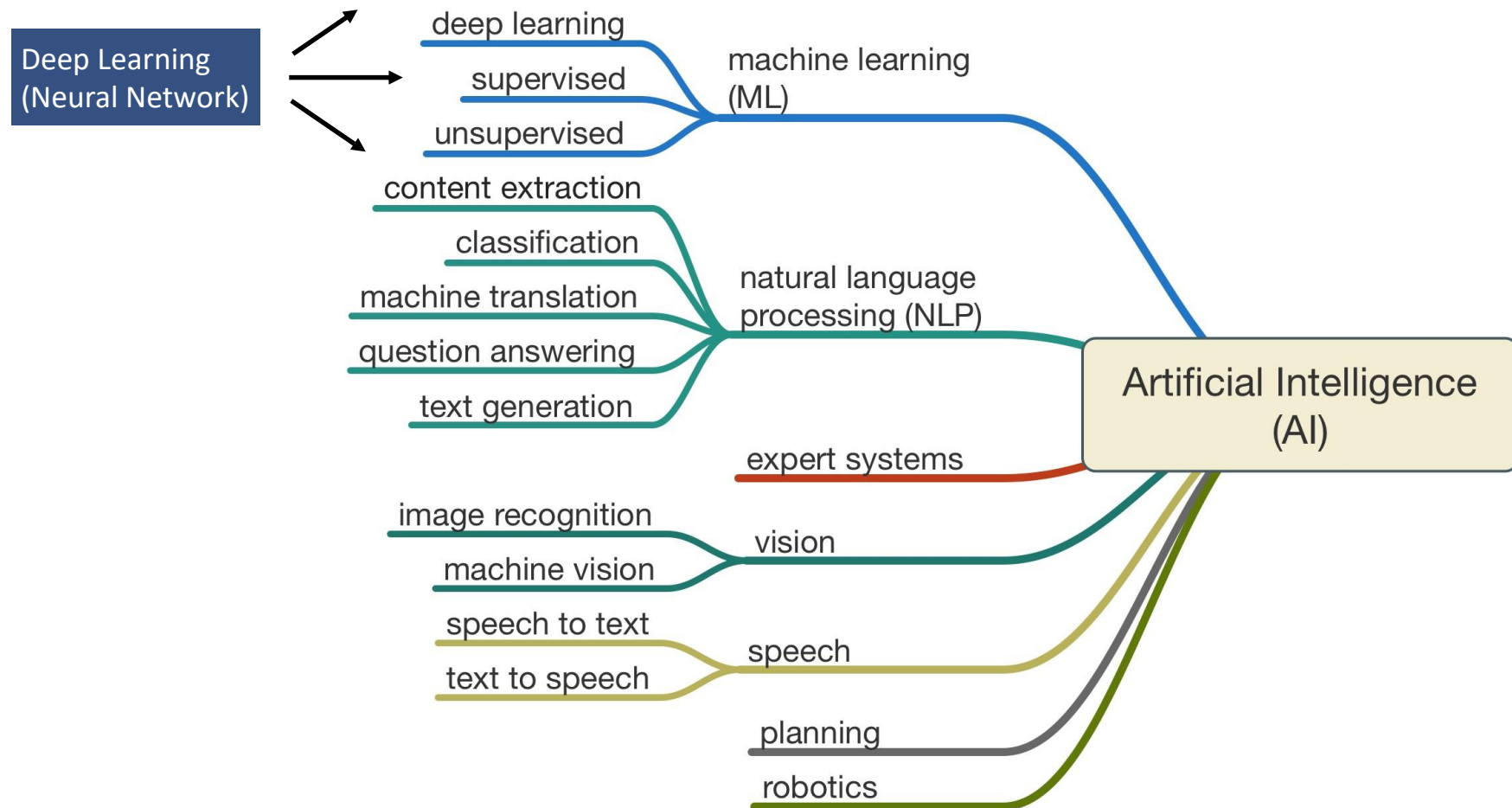
让机器像人一样运动
——运动控制



人工/机器智能



AI / ML 地图



人工智能的三次热潮

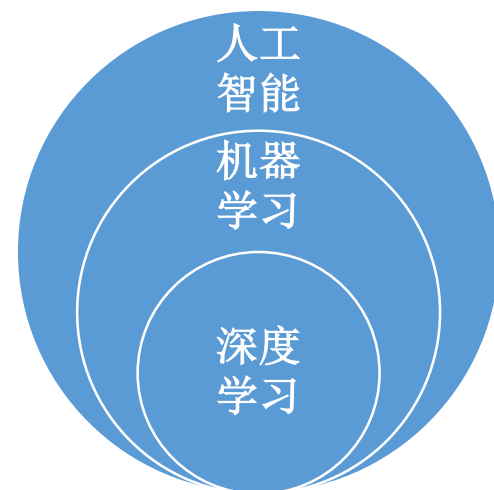
- 第一波热潮(1950年-1960年)
 - 连接主义，感知机（Perceptron）
 - 逻辑主义，主要是用机器证明的办法去证明和推理一些知识，如自动推理机, 生成式系统, Prolog语言
- 第二波热潮(1980-1990)
 - 专家系统， 人工神经网络理论提出
 - 新的方法是基于数据的统计建模
 - 日本提出第五代计算机，研制人工智能机器
- 第三波热潮(2016-至今)
 - 深度神经网络，大数据+算力提升+深度学习
 - Alpha Go(2016)

人工智能

机器学习

机器学习的定义

- 机器学习(Machine Learning)的一个通俗的定义：
 - 给定一个计算机任务 T 和一个对任务 T 的性能度量 P 。
 - 在给出经验集 E 的前提下，计算机任务 T 在性能度量 P 上有提升。
 - 利用经验集 E 提升任务 T 的性能 P 的方法就是机器学习。
 - 示例，垃圾邮件分类、人脸识别等
- 机器学习是人工智能的一个研究领域
- 深度学习是机器学习的一个分支。



机器学习的两大任务

- 预测任务：通过数据集，预测新的数值
 - 对应的回归方法（Regression）
- 分类任务：通过数据集，对新数值进行集合分类
 - 对应的分类方法（Classification）

机器学习与数学建模

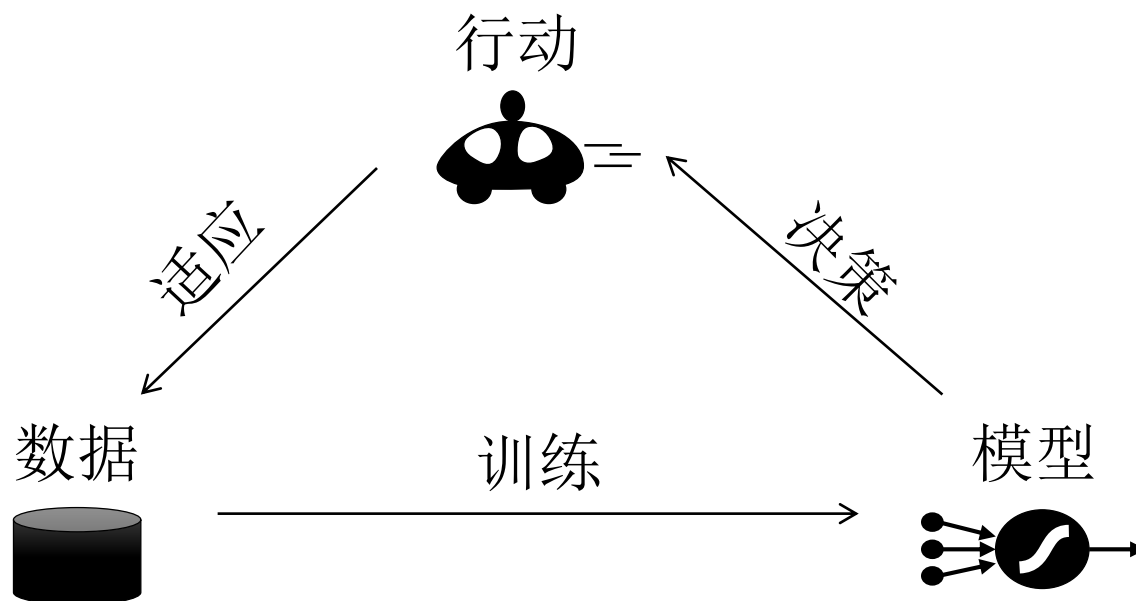
- 预测问题：
- 如，房价预测：
 - 数据集：以往房价数据
 - 模型：（假设）线性模型 $y=a*x + b$
 - 算法：最小二乘法，求出模型参数 a, b
- 机器学习==数学建模？
 - 用计算机技术进行数学建模

机器学习的要素

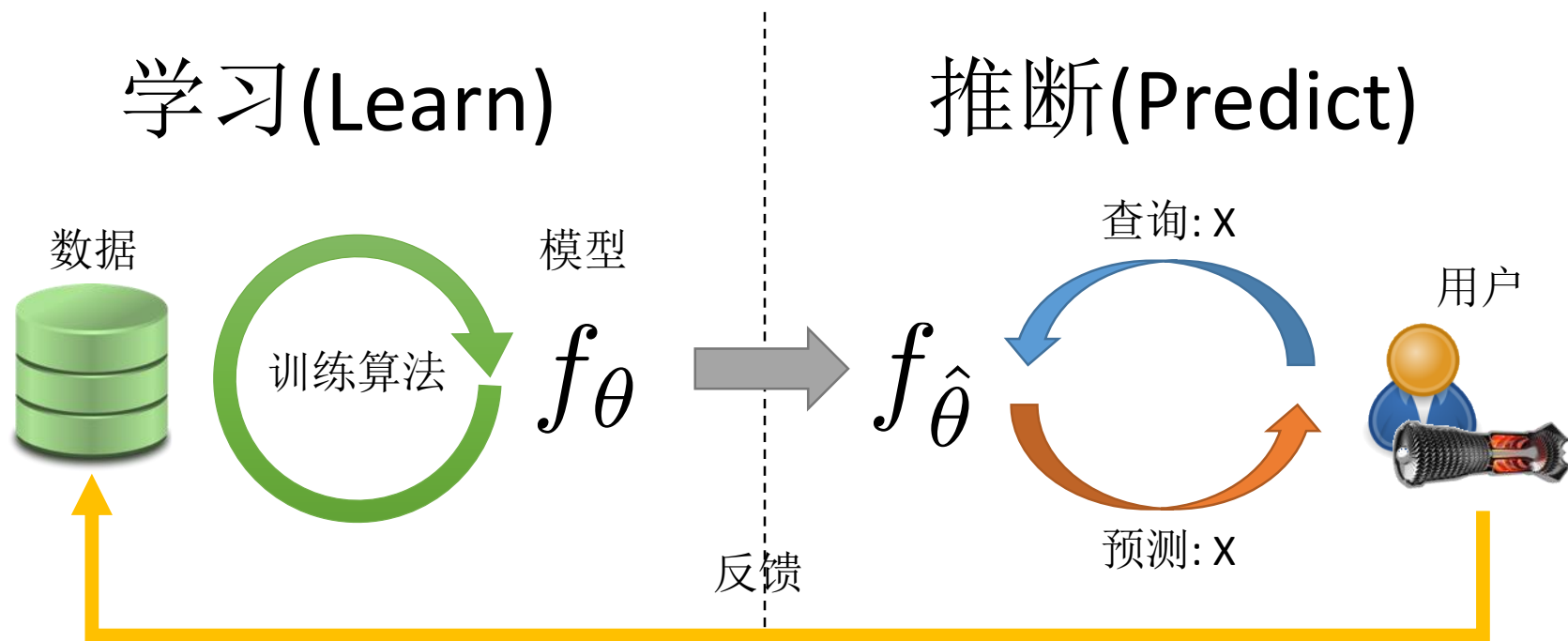
- 机器学习 = 数据+模型+算法

训练：建立统计模型，运用数据，用算法去求解模型参数。

预测：使用训练得到模型参数，预测新的观察事件。



机器学习过程（用户搜索行为预测）



- 训练过程耗时，迭代批处理过程

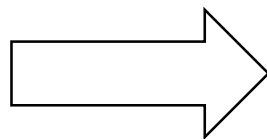
- 进行快速和鲁棒的预测
 - 检测与追踪反馈
 - 快速推断

机器学习如何转换为机器智能？

机器学习

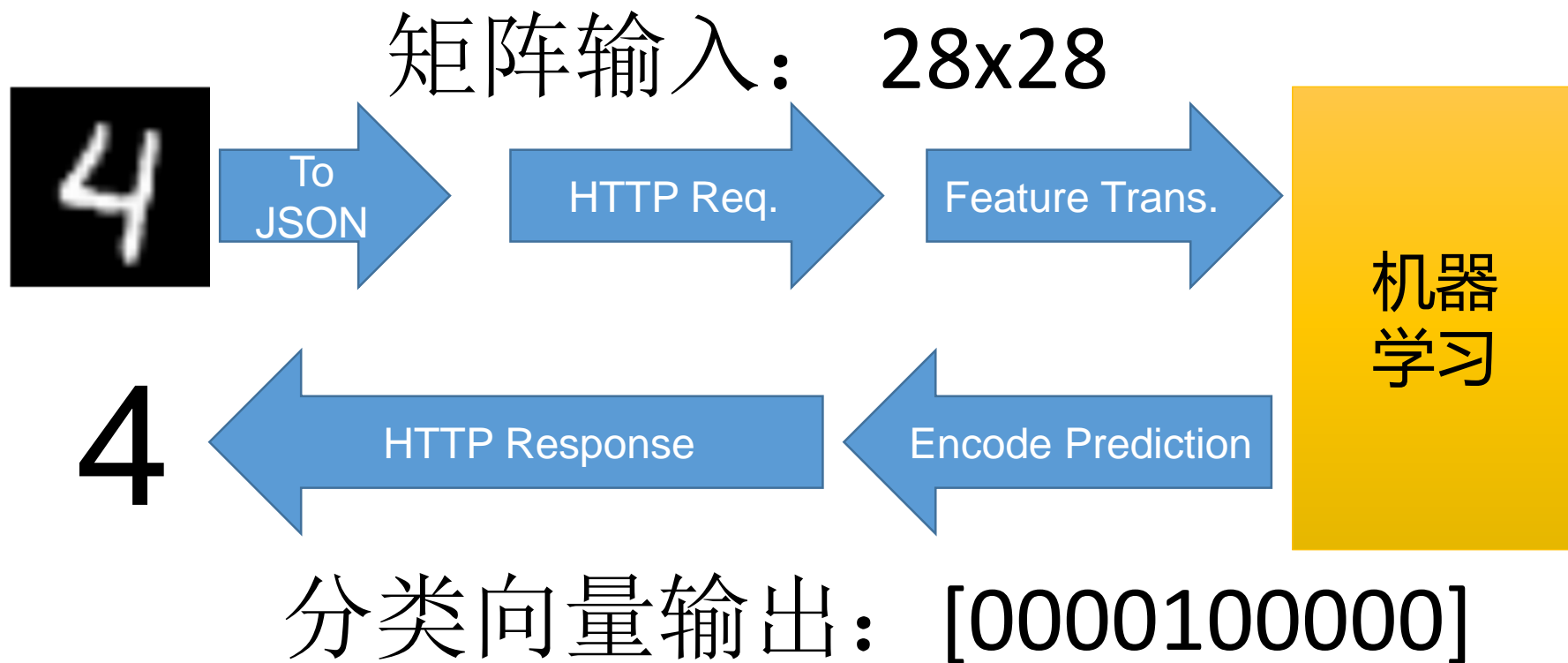
机器智能

数据、模
型与算法



智能服务

机器智能服务：图像分类识别 (车牌识别\人脸识别等)

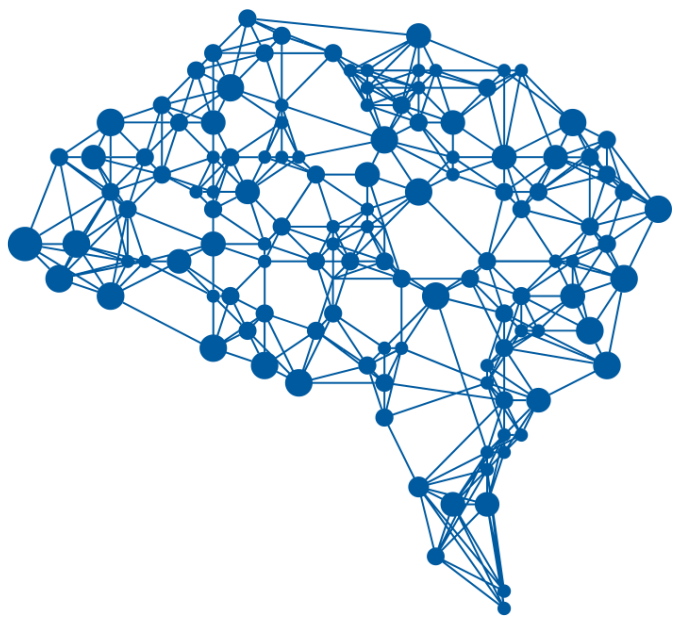


- 图像数据获取、图像数据处理与反馈

机器学习

深度学习

深度学习 Deep Learning



深度学习的三个领军人物

- Geoffrey Hinton , Yoshua Bengio, Yann LeCun
- LeCun, Yann, Yoshua Bengio, and Geoffrey Hinton.
"Deep learning." *Nature* 521(7553), pp: 436-444,
2015.

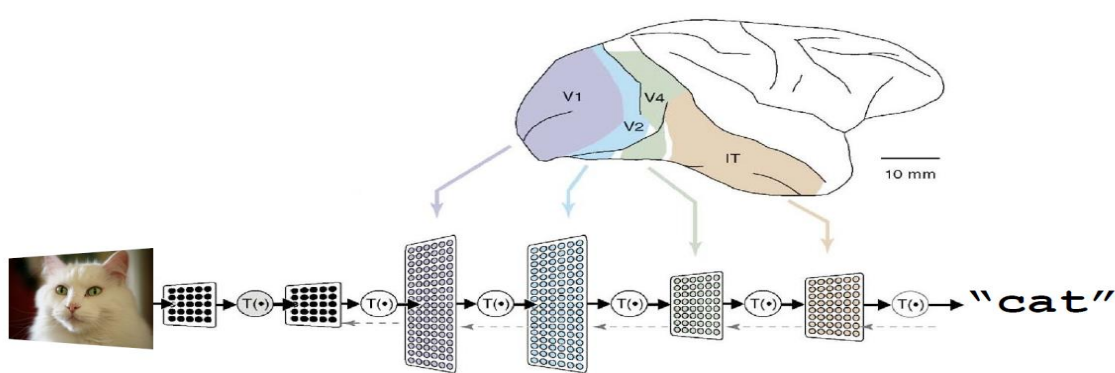


标志性论文

- 深度信仰网络 (deep belief nets) (2006)
 - Hinton, Geoffrey E., Simon Osindero, and Yee-Whye Teh. "A fast learning algorithm for deep belief nets." Neural computation 18.7 (2006): 1527-1554.
- AlexNet (2012)
 - [x] Alex Krizhevsky, Ilya Sutskever and Geoffrey E. Hinton. "ImageNet classification with deep convolutional neural networks." NIPS 2012.

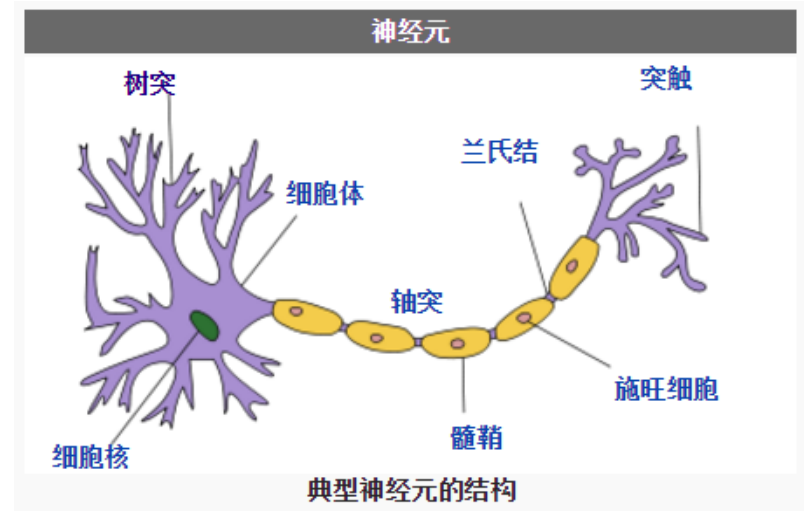
智能与神经元？

- 人能够有正确识别图片的视觉处理能力。
- 人能够有正确识别语音的听觉能力。
- 神经科学的解释：
 - 人的智能在于人脑，人脑中有相应的处理视觉和听觉信号的大脑皮层（Cortex）
 - 大脑皮层中存在大量神经细胞（神经元），神经细胞之间互相连接形成的神经网络；

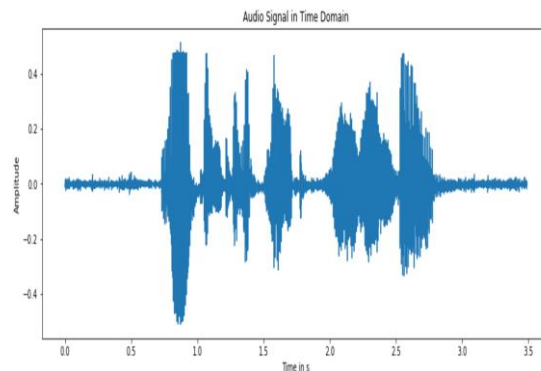


神经元

- 神经科学对神经元（Neuron）的活动原理有了比较深入的研究。
- 神经元可以分成：
 - 接收区（receptive zone）
 - 触发区（trigger zone）
 - 传导区（conducting zone）
 - 输出区（output zone）
- 刺激信号的处理过程
 - 接收、触发、传导、输出



映射与函数？



拨打电话

- 从抽象角度看，神经元是一个函数？大脑皮层就是由大量神经元互相连接组成的一个更复杂的复合函数？
- 从数学的角度看，能否找到一个函数，在输入和输出集合之间完成的映射，与人脑的表现一致？
- 人工智能的一种思路：
 - 能否用带参函数来建模神经元，即人工神经元；
 - 用复杂的带参函数来建模神经网络，即人工神经网络；

神经元→人工神经元

- 神经元的功能可以数学建模出来，形成人工神经元（Artificial Neuron）。
- 神经元的模型包括：**接收**的线性部分和**触发**的非线性部分。
- 历史：
 - McCulloch-Pitts神经元：是生物神经元的一种数学抽象模型（1943）
 - “B型图灵机”：Alan Turing描述的一种智能机器（1948）

[x] W. S. McCulloch and W. Pitts, 'A Logical Calculus of the Ideas Immanent in Nervous Activity', Bulletin of Mathematical Biophysics, 5 (1943), 115–33.

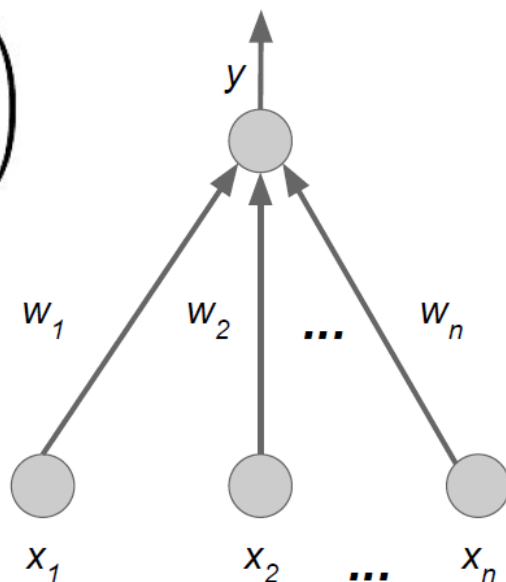
[x] A. M. Turing, Intelligent Machinery: A Report for National Physical Laboratory, 1948.

具体建模过程

- 神经元被建模为一个函数 $F(w, x)$ ，其中 w 是权重， x 是输入
 - 输入的线性加权叠加
 - 一个非线性函数 F 作用，进行输出， F 称为激活函数
 - 激活函数模拟神经元的触发激活特性

The Neuron

$$y = F\left(\sum_i w_i x_i\right)$$



A graph of the ReLU activation function. The function is zero for all negative values of x and increases linearly for all positive values of x . The equation $F(x) = \max(0, x)$ is written below the graph.

$$F(x) = \max(0, x)$$

激活函数（activation function）

- 激活函数有sigmoid函数， tanh函数， ReLU函数等
- Sigmoid函数， 又称为逻辑斯提函数(logistic function)或S形函数。数学表达式为：

$$\text{sigmoid}(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

- tanh函数或th函数， 双曲正切函数， 其数学表达式如下：

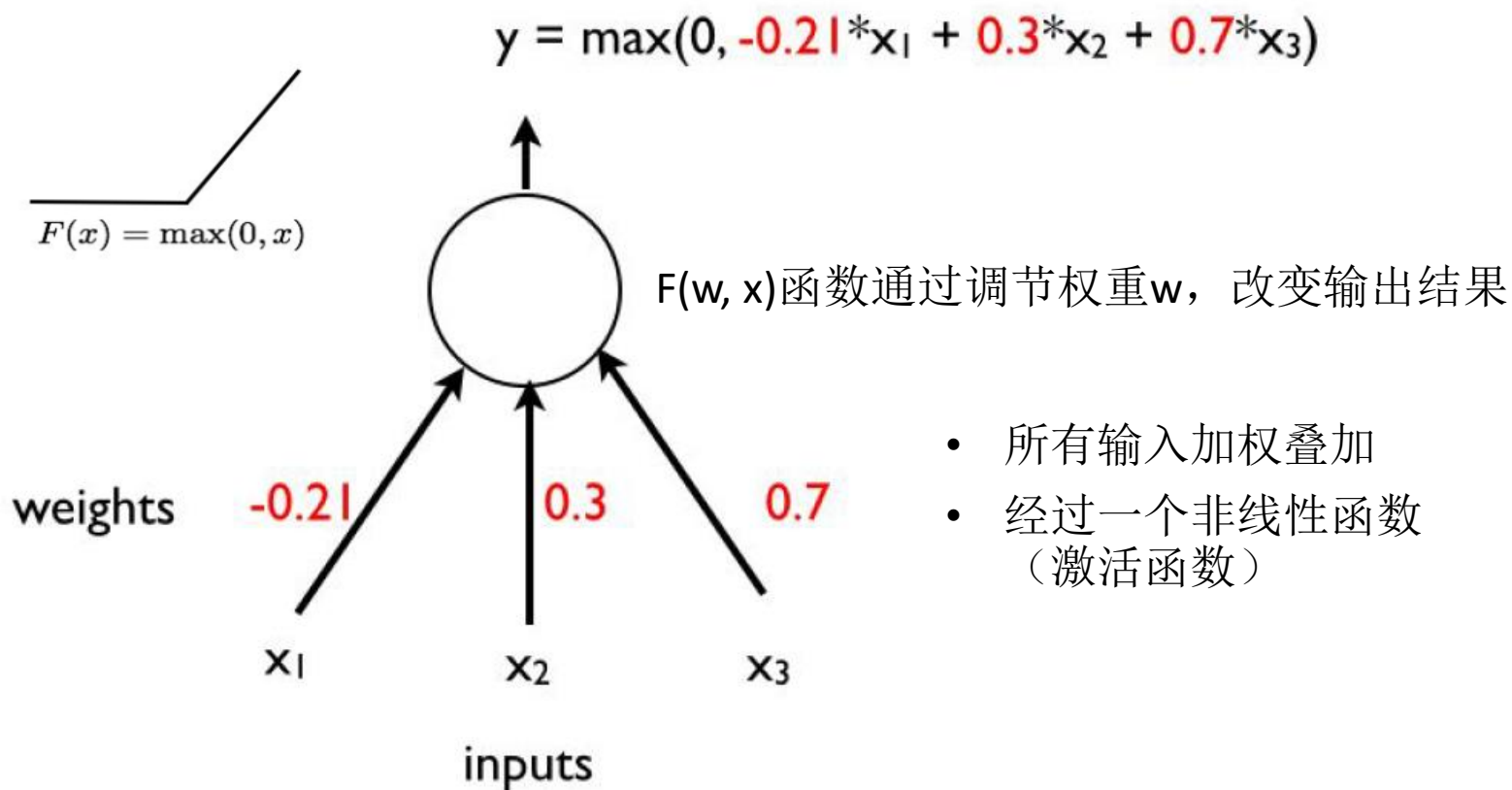
$$\tanh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

- ReLU函数（rectified linear units）， 又称为整流线性单元， 数学表达式如下：

$$\text{ReLU}(x) = \max(x, 0)$$

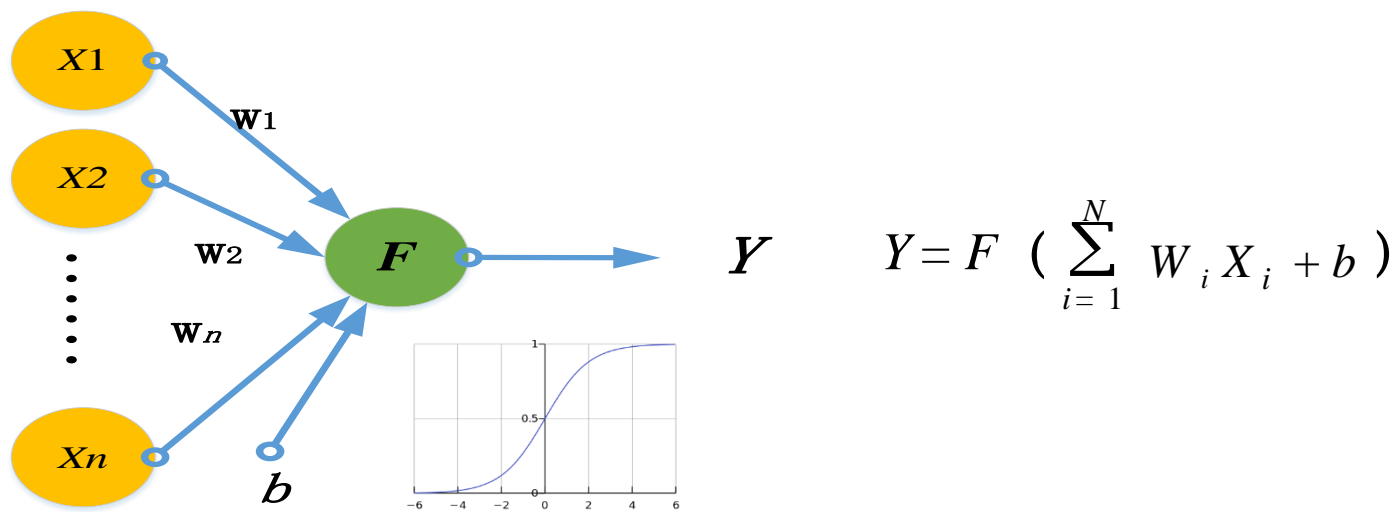
`numpy_activation_function.ipynb`

人工神经元1-ReLU单元（整流线性单元）



人工神经元2-逻辑斯提回归单元

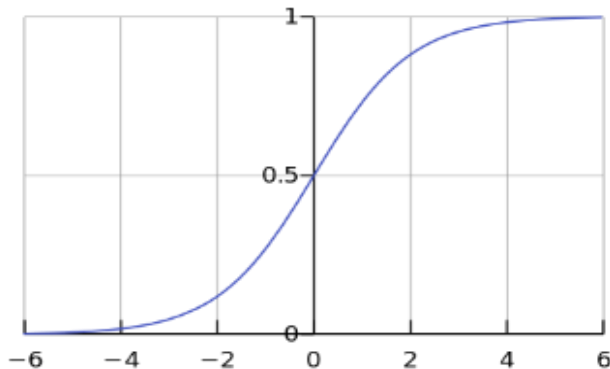
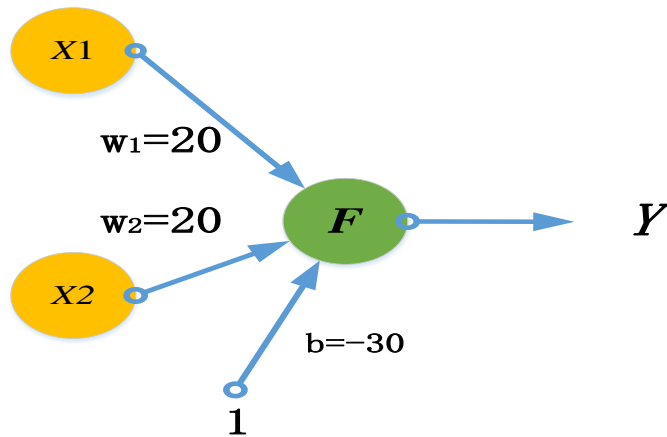
所有输入线性加权叠加，再经过一个非线性函数（激活函数）



- 逻辑斯提回归单元(Logistic Regression Unit)是最简单人工神经元结构之一。
- 逻辑斯提回归单元的激活函数采用sigmoid函数或逻辑斯提函数

AND运算

- 输入: $X_1, X_2 \in \{0, 1\}$
- 输出: $X_1 \text{ AND } X_2$

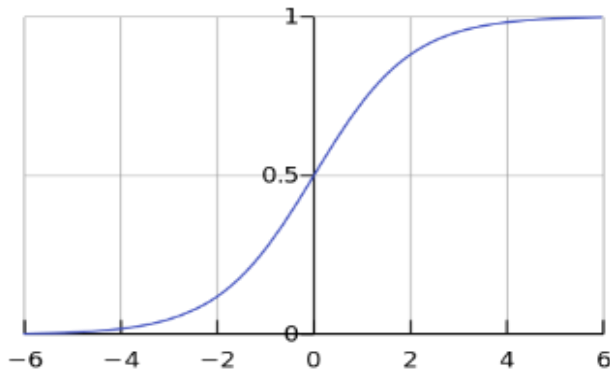
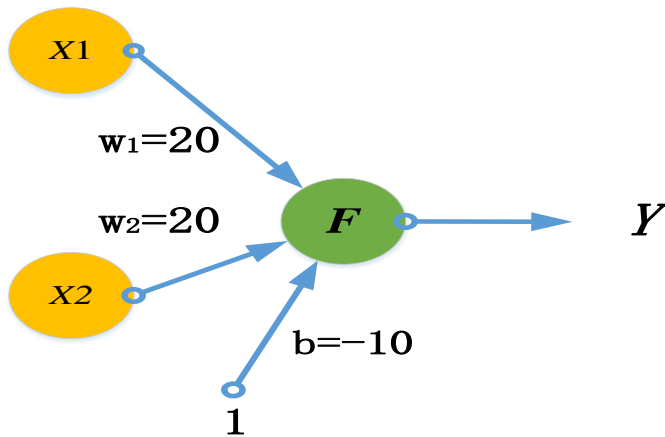


AND	$X_2=0$	$X_2=1$
$X_1=0$	0	0
$X_2=1$	0	1

AND	$X_2=0$	$X_2=1$
$X_1=0$	$\sigma(-30)$	$\sigma(-10)$
$X_2=1$	$\sigma(-10)$	$\sigma(10)$

OR运算

- 输入: $X_1, X_2 \in \{0, 1\}$
- 输出: $X_1 \text{ OR } X_2$



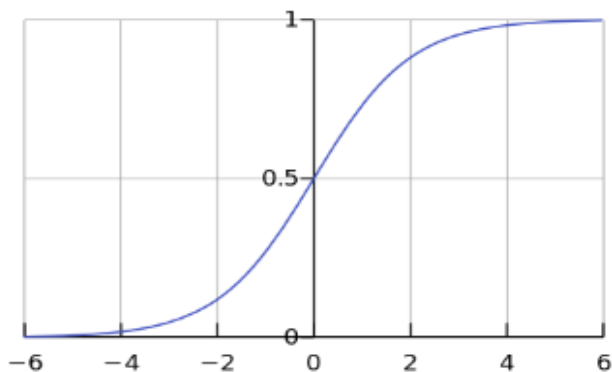
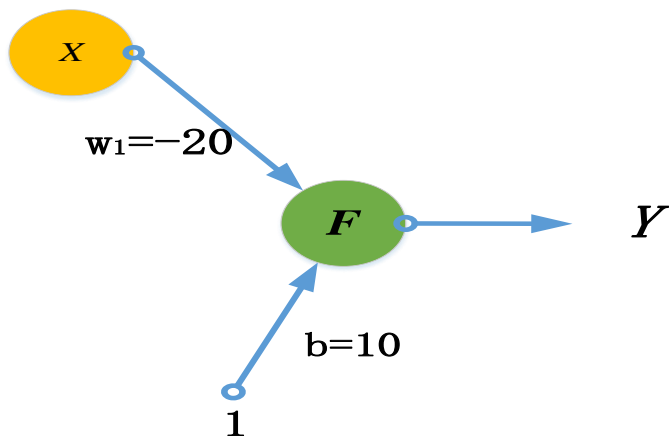
OR	$X_2=0$	$X_2=1$
$X_1=0$	0	1
$X_2=1$	1	1

OR	$X_2=0$	$X_2=1$
$X_1=0$	$\sigma(-30)$	$\sigma(10)$
$X_2=1$	$\sigma(10)$	$\sigma(10)$

NOT运算

- 容易实现

- 输入: $X \in \{0, 1\}$
- 输出: NOT X



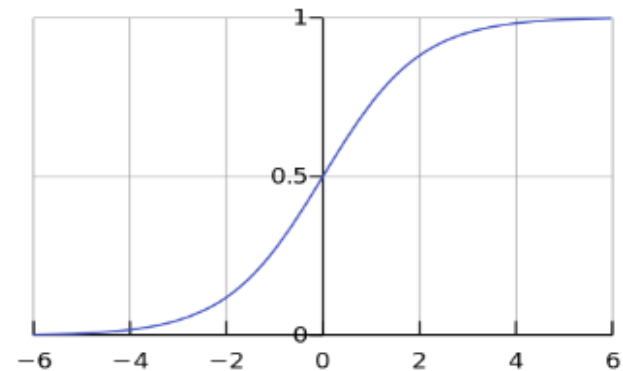
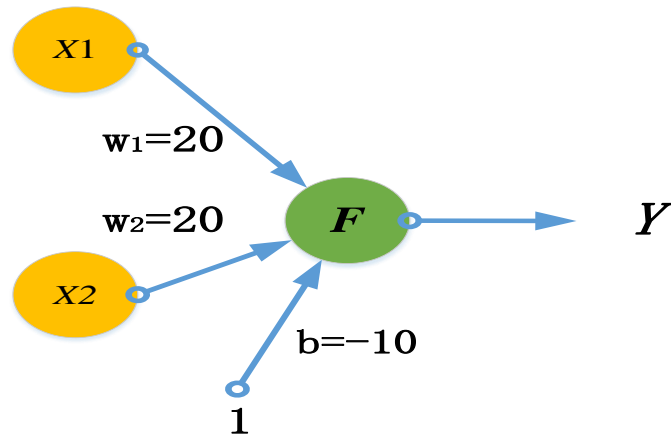
NOT	
$X=0$	1
$X=1$	0

NOT	
$X_1=0$	$\sigma(10)$
$X_2=1$	$\sigma(-10)$

XOR运算

- 输入: $X_1, X_2 \in \{0, 1\}$
- 输出: $X_1 \text{ XOR } X_2$

XOR	$X_2=0$	$X_2=1$
$X_1=0$	1	0
$X_2=1$	0	1



XOR运算

XOR	X2=0	X2=1
X1=0	1	0
X2=1	0	1

- $Y1 = X1 \text{ AND } X2$

- $Y2 = (\text{NOT } X1) \text{ AND } (\text{NOT } X2)$

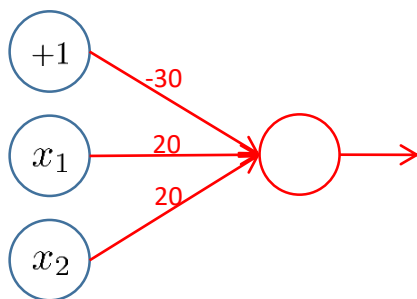
- $X1 \text{ XOR } X2 = Y1 \text{ OR } Y2$

X1	X2	Y1	Y2	XOR
0	0	0	1	1
0	1	0	0	0
1	0	0	0	0
1	1	1	0	1

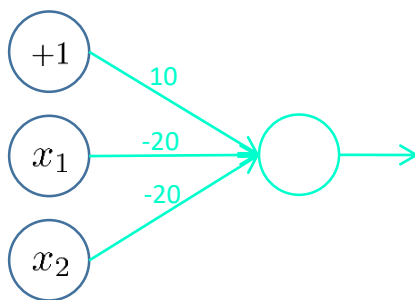
- $= \{X1 \text{ AND } X2\} \text{ OR } \{(\text{NOT } X1) \text{ AND } (\text{NOT } X2)\}$

XOR整合

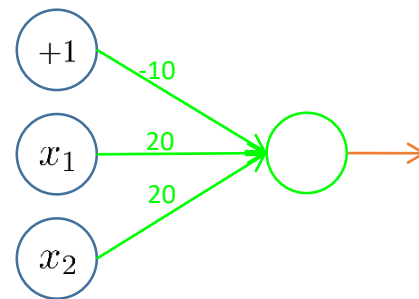
- 两层网络
- 注意第二个



x_1 AND x_2



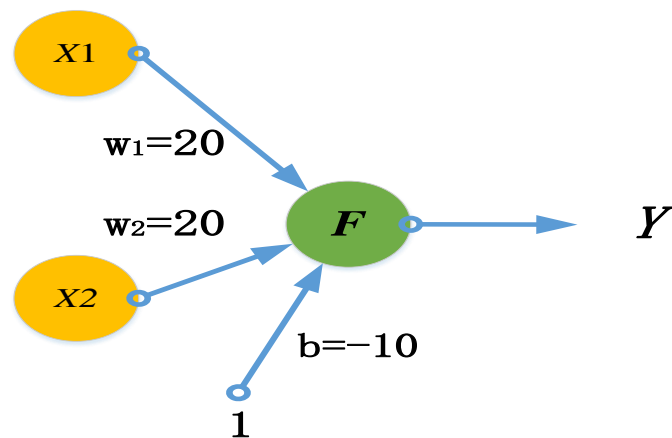
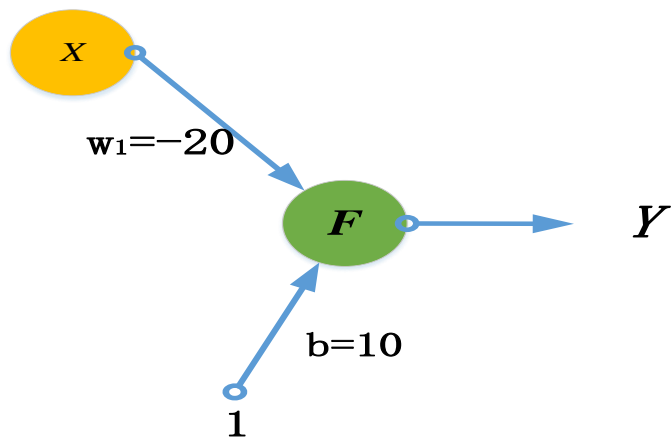
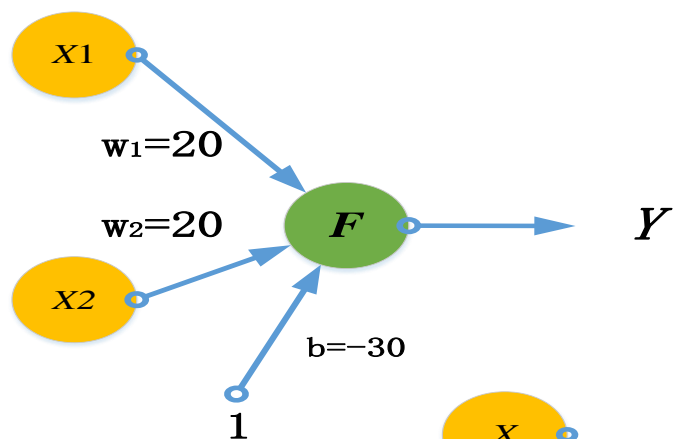
(NOT x_1) AND (NOT x_2)



x_1 OR x_2

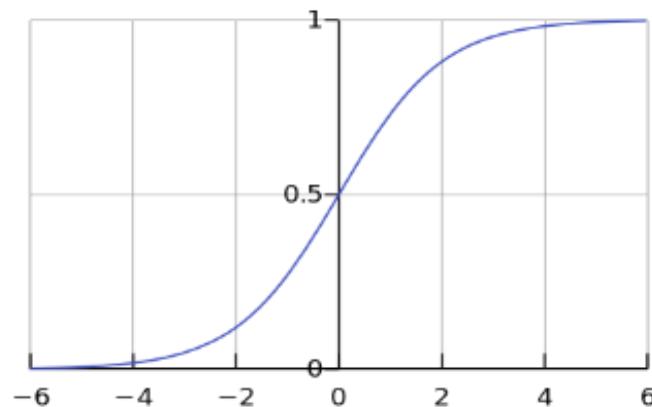
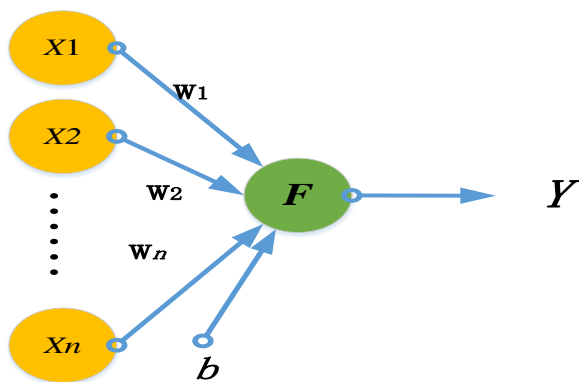
XOR整合

- AND运算; NOT运算
- XOR运算



DIY人工神经元（判断性别）

- 输入特征： X_1, X_2, X_3, \dots
 - 比如， X_1 ：头发长度、 X_2 ：身高、 X_3 ：体重 等身体指标
- 权重： W_1, W_2, W_3, \dots
 - 代表不同特征对判断结果的贡献率
- 输出 Y ：性别的概率
- 如何找到合适的权重？**经验调参法**

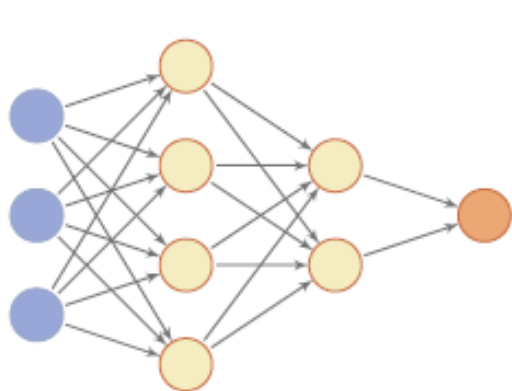


连接主义（Connectionism）方法

- 连接主义Connectionism：将大量的计算单元连接在一起的网络，可以实现复杂的智能行为。
- 神经元的功能可以数学建模出来，称为人工神经元（Artificial Neuron）。
- 将大量人工的神经单元连接在一起的网络，可以实现复杂的智能行为。

人工神经网络

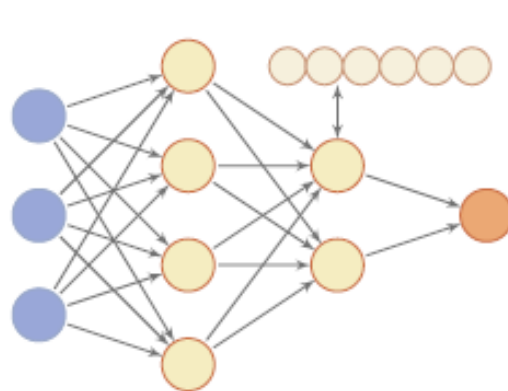
- 连接主义观点，将大量的神经元之间，按照拓扑连接结构，构成人工神经网络。
- 网络的拓扑结构
 - 不同神经元之间的连接关系。
 - 前馈网络（feedforward）、反馈网络（feedback）和记忆网络（memory network）



(a) 前馈网络



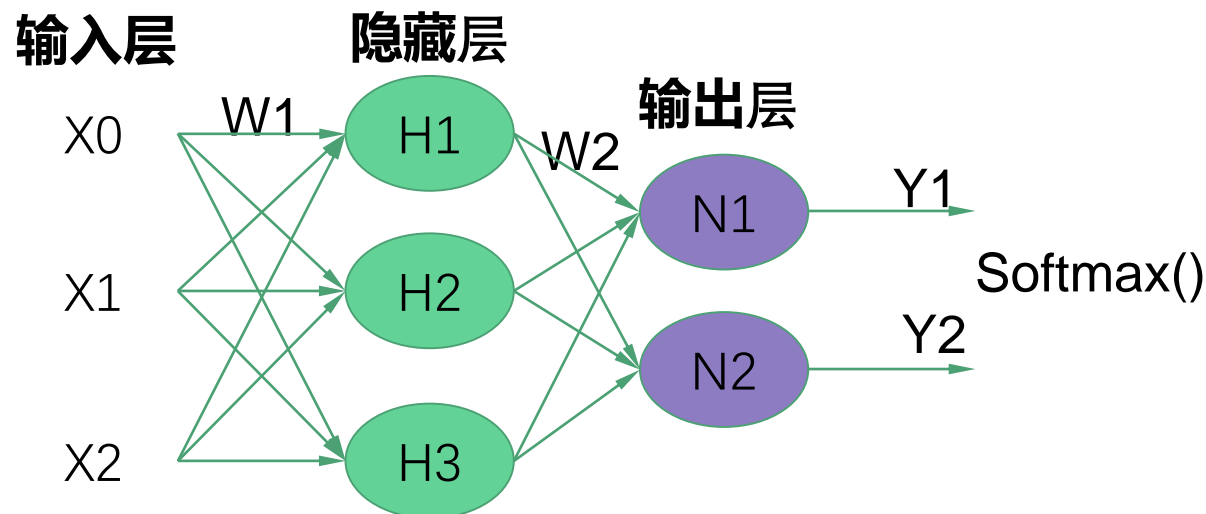
(b) 反馈网络



(c) 记忆网络

多层前馈网络（Multilayer feedforward networks）

- 别名：多层全连接网络（FCN）、多层感知机（MLP）、密集网络（Dense）
- 神经网络有5个神经元
 - 有3个输入，2个输出，中间有1个隐藏层，有1个输出层。



Softmax处理

- 输出层的Softmax 处理，计算出一个概率分布向量:

$$g(z_m) = \frac{e^{z_m}}{\sum_k e^{z_k}}$$

- 比如，输入为[1,2,3,4,5,6,7,8,9]，则softmax输出为
[0.0,0.001,0.002,0.004,0.012,0.031,0.086,**0.233,0.632**]
- 所有分量之和为 1,所有输出的数值是正的。

numpy_activation_function.ipynb

logit

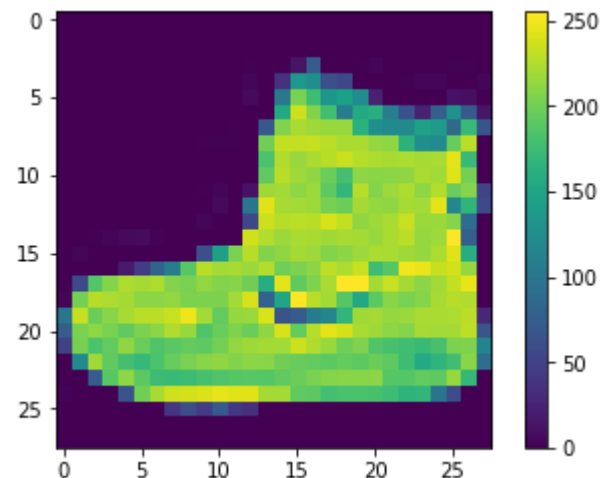
- 分对数（logit）模型
- 把区间(0,1)内的数值，变换到区间 $(-\infty, +\infty)$

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + \exp(-x)}.$$

$$\forall x \in (0, 1), \sigma^{-1}(x) = \log \left(\frac{x}{1-x} \right)$$

图像识别

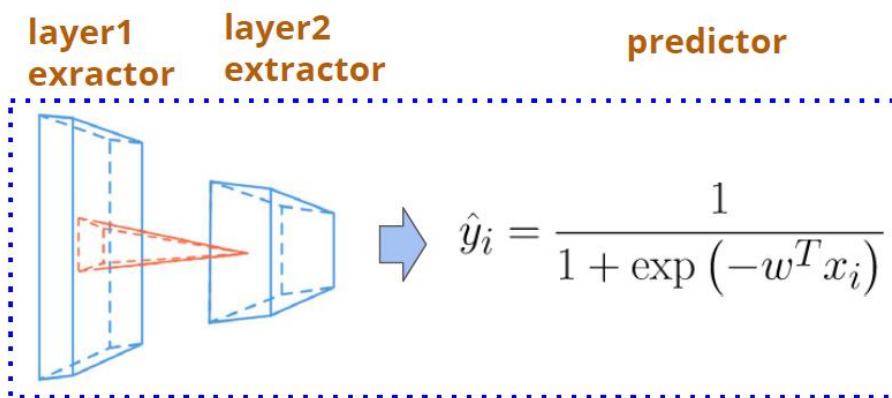
- 图像的表达-每个像素是数字
- 手写字体MNIST数据集，
 - 灰度图像，
 - 二值图像，黑白：
 - 0代表黑色， 1代表白色
- 时尚MNIST数据集
 - 彩色图像（RGB）
 - 24位二进制数字
 - 红(Red)，绿 (Green)，蓝(Blue)，
对应的值域从0到255，对应8位
2进制数字



图像识别

- 特征提取
- 分类器

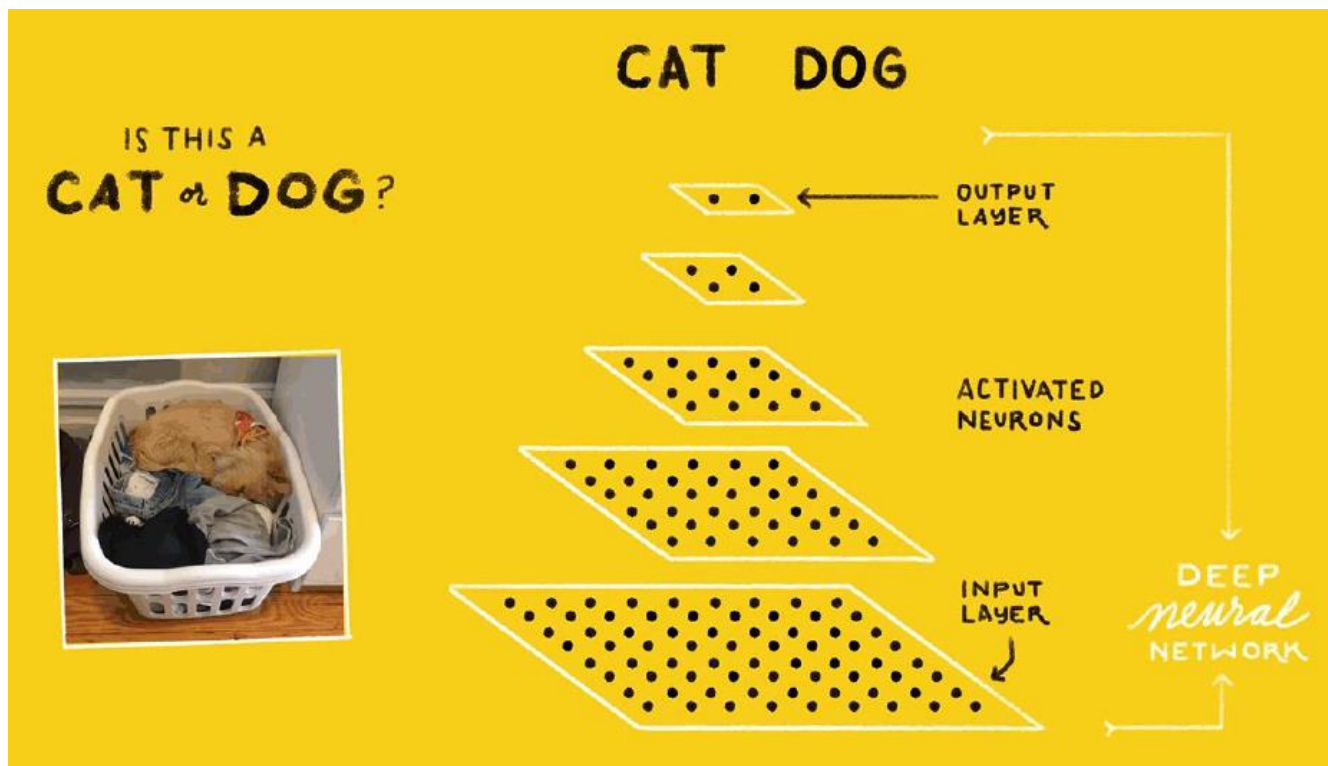
**Compositional
Model**



End to End Training

图像识别示例

- Cat or Dog
- <https://www.kaggle.com/c/dogs-vs-cats/data>

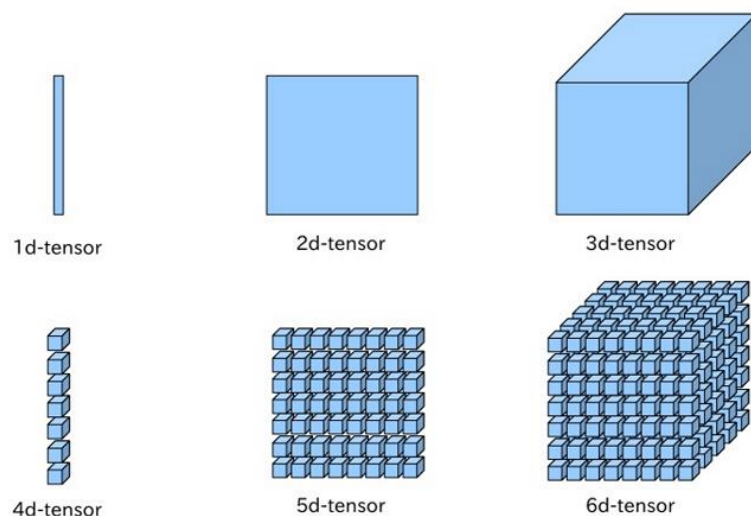


深度学习 Deep Learning

数学理论基础

张量Tensor的概念

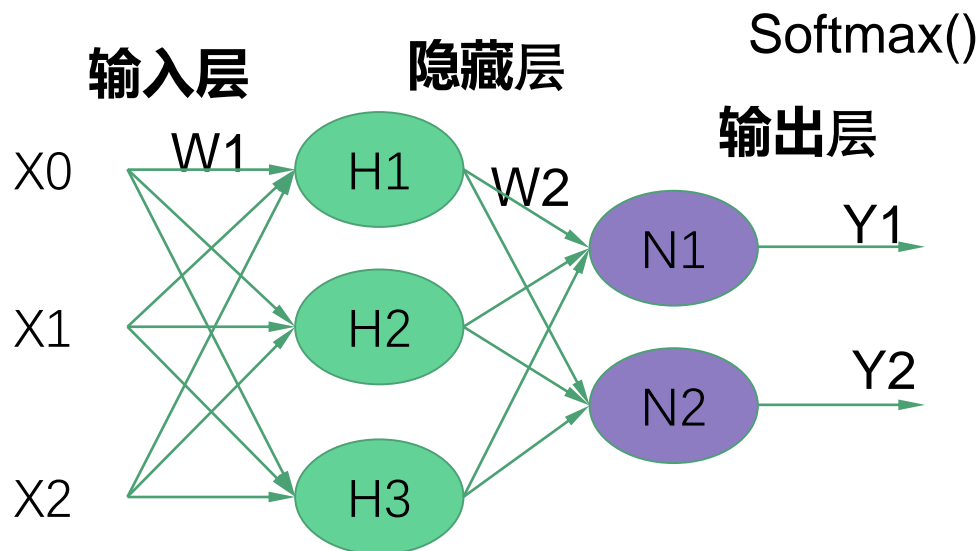
- Tensor（张量）意味着N维数组。
- 1维Tensor的形式是向量；2维Tensor的形式是矩阵；
- 3维Tensor的形式是彩色图像，可以用（行，列，颜色）来表示。
- 对于一个 $4*5*6$ 的Tensor
 - rank : 3d
 - length: 4, 5, 6
 - shape: [4, 5, 6]
 - volume: $4*5*6=120$



多层前馈网络的张量表示

- 前馈网络结构（feedforward）
 - 又称多层全连接网络（FCN）、多层感知机（MLP）、密集网络（Dense）
- 神经网络有5个神经元
 - 有3个输入，2个输出，中间有1个隐藏层，有1个输出层。

- 张量表示,
 - $X, W1, H, W2, N, Y$ 均为张量
 - $N = W2 * (W1 * X)$; （张量运算）
 - $Y = \text{Softmax}(N)$; （张量操作）
 - 其中 $W1, W2$ 是待确定的张量



W1, W2如何求？神经网络训练

- 采用带标签的训练样本对神经网络进行学习，确定网络的权重参数
 - 数据集： $(x_1, y_1'), (x_2, y_2'), (x_3, y_3'), \dots$,
- 神经网络输出
 - 实际输出： $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3), \dots$,
 - 其中：Y为实际输出
- 实际输出Y与预期输出Y'的差异：
 - Y'为预期输出（标签）
 - 预测输出Y与标签Y'： $(y_1, y_1'), (y_2, y_2'), (y_3, y_3'), \dots$,
- 差异最小化：
 - **度量函数：绝对值求和，平方和，交叉熵等**
 - 目标优化： $\min\{|y_1 - y_1'| + |y_2 - y_2'| + |y_3 - y_3'| + \dots\}$
- 训练的本质，就是找到相应的**内部权重**，使得在训练数据（样本）输入到网络后，**网络的实际输出与预期输出（即标签）之间差异最小**。

交叉熵-分类问题的损失的度量函数

- 交叉熵损失函数表示如下：其中 y' 表示训练样本对应的标签， y 表示神经网络的输出。
- 交叉熵是负对数似然损失函数，主要用于分类任务
- 比如，MNIST手写字体识别，0的向量[1,0,0,0,0,0,0,0,0,0]，网络输出的概率向量是[0.9, 0.05,0.05,0,0,0,0,0,0,0]

$$H_{y'}(y) = - \sum_i y'_i \log(y_i)$$

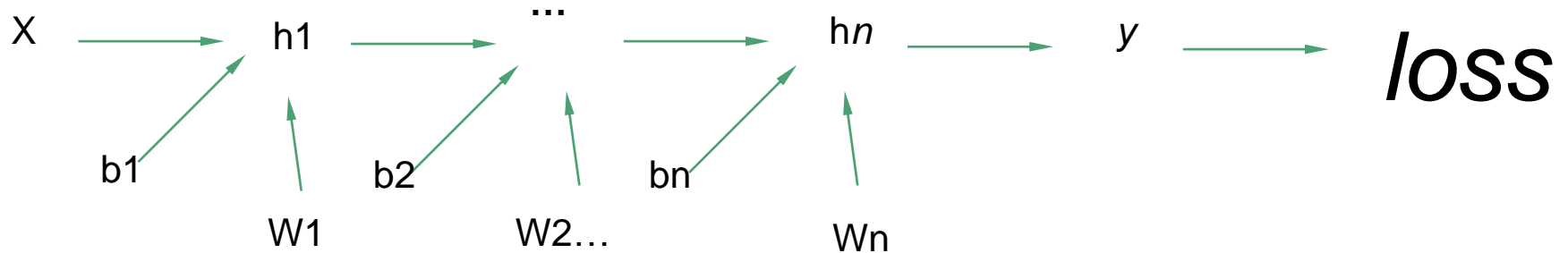
W1, W2如何求？ 损失函数的最优化问题

- 神经网络的预期输出结果会与所对应的实际标签之间的存在差别。
- 用度量函数来表示这种差异，称为损失函数(Loss)或成本函数(Cost)。
- 损失函数的度量函数的具体方式：
 - 对于回归任务，通过均方误差的公式，来计算损失。
 - 对于分类任务，通过交叉熵的公式，来计算损失(Loss)。
- 训练过程是损失函数的最小化过程。机器学习的问题转化为最优化问题。

$$H_{y'}(y) = - \sum_i y'_i \log(y_i)$$

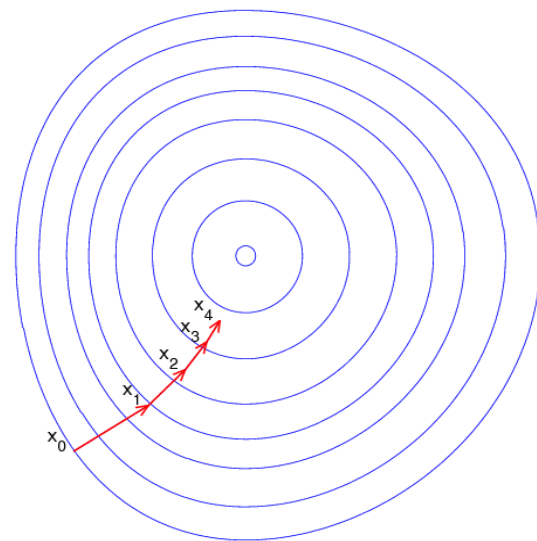
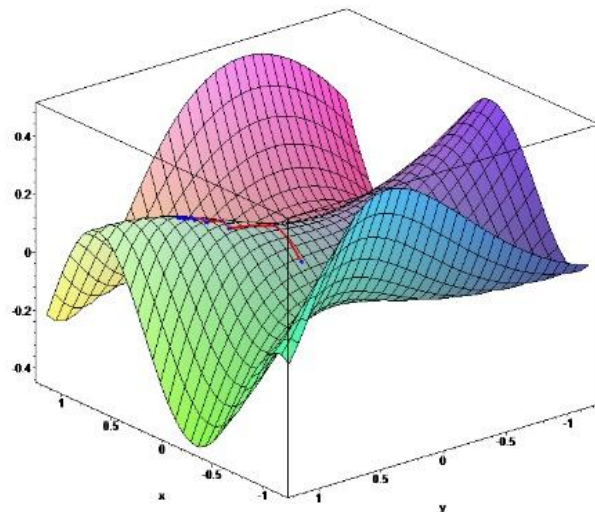
损失函数的计算过程

- 观察：损失函数是权重值的函数。
- $Y = h_n(\dots h_3(h_2(W_2 * h_1(W_1 * X + b_1) + b_2) + \dots + b_n))$;



梯度下降法（Gradient descent）

- 梯度的定义：函数 $F(x)$ 在某个点上增长变化率最大的方向，就是导数的方向。
- 梯度下降法的原理：如果实值函数 $F(x)$ 在点 a 处可微且有定义，那么函数 $F(x)$ 在 a 点沿着梯度相反的方向下降最快。
- 梯度下降法的过程：找到一个函数的局部极小值，必须向函数上当前点对应梯度的反方向，按照规定步长距离点，进行迭代搜索。
- 梯度下降法也称为最速下降法，是一个最优化算法。



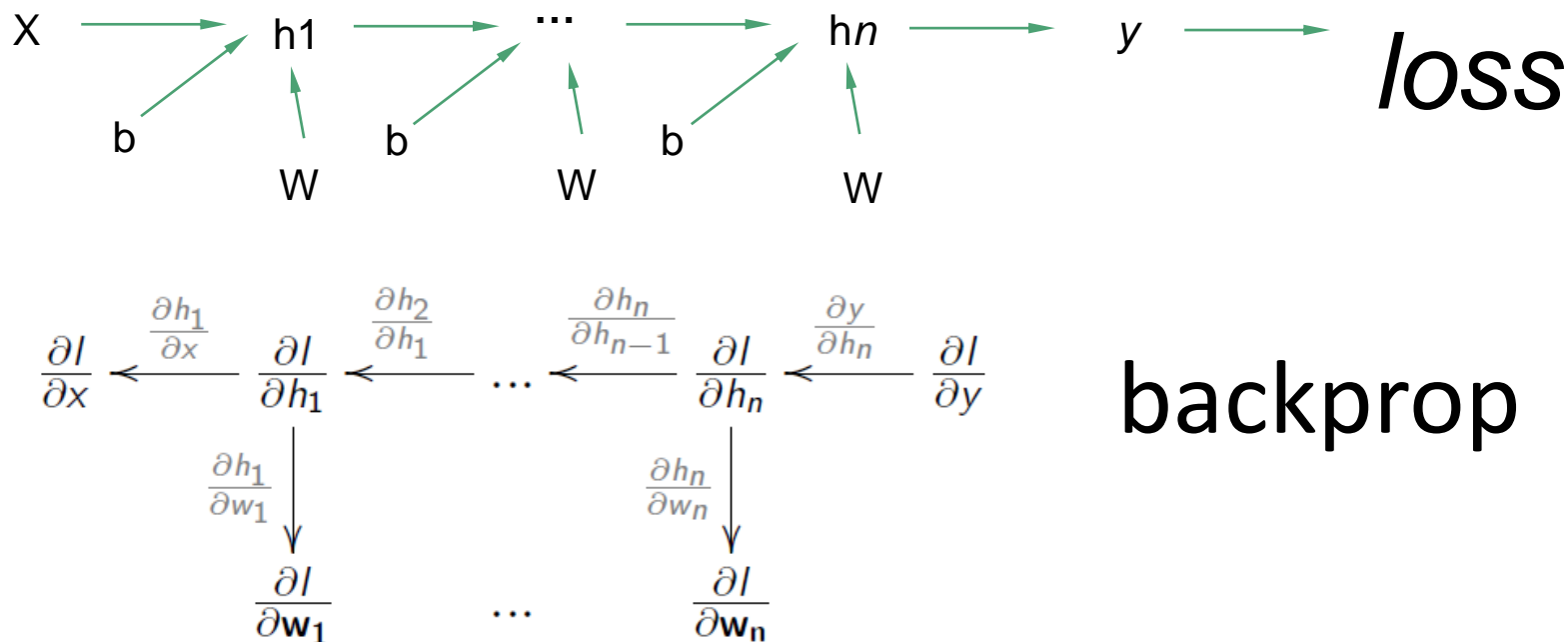
权重数值的更新-梯度算子

- Loss函数记为 $J(\theta)$ ，是权重数值 θ 的函数；
- 在 θ 原值的基础上，沿着梯度方向的行动一个步长，这样就得到了一个新的 θ 数值，使得损失函数变化的最快
- 当不断调整 θ 数值，一个随着 θ 取值的序列series，这个序列的数值不再有大的变化，就认为是收敛了。
- 步长又称为学习率（learning rate），一般为0.01
- 学习率过大会引起震荡,学习率太小收敛太慢

$$\theta = \theta - \eta \cdot \nabla_{\theta} J(\theta).$$

权重值的梯度计算-反向传播算法

- 根据损失函数的性质以及链式求导法则，反向逐层计算损失函数对权重的**梯度（各个偏导数）**，这个过程称为反向传播算法。
- 多层神经网络的一种更加抽象表示如下图所示，这种表示抽象了每层基本特征。



权重值更新-随机梯度下降法

- **随机**梯度下降方法(stochastic gradient descent, SGD)是最常用的**权重调节方法**，通过**权重的调整**，最小化损失函数。
- 随机梯度下降法步骤如下：
 - 步骤 1. 随机初始化每个神经元输入权重和偏差；
 - 步骤 2. **选取一个随机样本**；
 - 步骤 3. 根据网络的输出结果，从最后一层开始后，逐层计算每层权重的偏导数；
 - 步骤 4. 逐层调整每层的权重，产生新的权重值。
 - 返回到步骤2，继续随机选取下一个样本。
- 随机梯度下降法的核心是一个“随机样本”

神经网络的实际训练过程

- 神经网络的训练将样本数据“分批训练”，
- 最简单的批量选择是使用整个数据集，又称为批量训练（batch training）。
- 优点：
 - 批量训练的收敛性是有保证的。
 - 共轭梯度法和L-BFGS加速技术在批量训练中效果显著

神经网络的实际训练过程-小批量训练(mini-batch)

- 小批量训练是批量训练和随机梯度下降法的一个折中
 - 整个训练集称为一个**批次 (batch)**，先将整个训练集分成多个大小相同的子集，每个子集称为一个**迷你批次 (mini-batch)**。子集的大小由参数**迷你批次大小 (mini-batch_size)**控制。
 - 每个批次的数据被依次送入网络进行训练。训练完一个**迷你批次**，被称为**一次迭代 (iteration)**。
 - 一个**时代 (epoch)**是指训练集中所有训练样本都被送入网络，完成一次训练的过程。
- 其中每一步的模型参数的更新使用
 - 使用不止一个样本，这称为**迷你批次 (minibatch)**。
 - 每次迭代所用的样本数目称为**迷你批次大小 (minibatch size)**。
 - 当迷你批次大小为1时，就退化为普通的**随机梯度下降**。

深度学习 Deep Learning

数值计算方法实现

数值计算-数值量化

- 数值分析（Numerical analysis）是研究各种数学问题求解的数值计算方法
 - 数值逼近、数值微分和积分、非线性方程求解等
- 计算机是数值计算的基本工具，数值分析也叫计算方法
 - 计算机字长是固定，无法表示如无理数之类的数值，需要对数值进行量化（Quantization）
 - 单精度single，双精度double，浮点数float，64位整型int64，32位整型int32
- [x]教材：李庆扬等，数值分析，华中理工大学出版社，1982.

数值计算的误差来源

- 模型误差：
 - 数学模型与实际问题之间出现的这种误差叫模型误差
- 观测误差：
 - 数学模型中往往会有一些观察的物理量，这些参量也包含误差，这种有观测产生的误差叫观测误差
- 方法误差或截断误差：
 - 数学模型不能得到精确解时，通常用近似解，近似解和精确解之间的误差称为方法误差
- 舍入误差：
 - 计算机字长有限，原始数据在计算机上表现会产生误差，计算机运算又会产生新误差

数值计算的基本原则

- 数值稳定：
 - 运算过程舍入误差不增长的计算公式称为数值稳定的。
- 数值计算的基本原则
 - 要避免除数绝对值远远小于被除数绝对值的除法
 - 要避免两相近数相减
 - 要防止大数“吃掉”小数
 - 简化计算步骤，减小运算次数
- 举例：softmax 函数
 - 当接近零的数被四舍五入为零时，发生下溢（underflow）。
 - 当大量级的数被近似为无穷大 或负无穷大时，发生上溢（overflow）。
 - 必须对上溢和下溢进行数值稳定的
- 参见 `numpy_activation_function.ipynb`

求导运算

- 数值微分(Numerical differentiation)
 - 根据导数定义来计算：
 - $f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} (f(x+\Delta x) - f(x)) / \Delta x$
 - 从两侧逼近： $f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} (f(x+\Delta x) - f(x-\Delta x)) / 2\Delta x$
- 符号微分(Symbolic differentiation)
 - 符号微分是精确，其误差为0
 - 符号微分返回一个公式（计算图）
- * ‘自动微分’ (Automatic differentiation)
 - ‘自动微分’ 直接返回 $f(x)$ 的导数值 $f'(x)$
 - ‘自动微分’ 不对运算进行符号化
 - 狭义地讲， ‘自动微分’ 可以指使用二元数（dual number）进行自动导数运算的自动求导方式。

*Automatic differentiation in machine learning a survey-jmlr-2018

符号微分原理

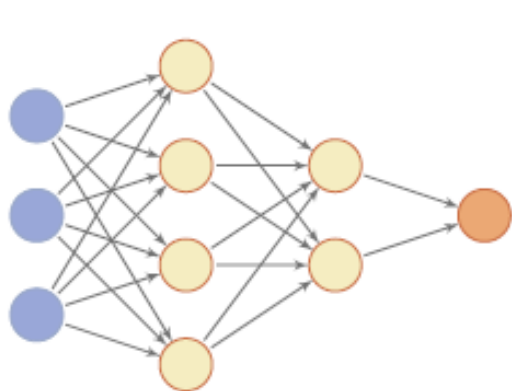
- 从表达式出发，将表达式本身看做符号的运算，直接得到求导结果的表达式。
- 1. 统一定义基本运算Op
- 2. 统一定义初等函数的导数运算
 - 线性运算
 - 三角函数运算
 - 指数对数
 - ...
- 3. 预定义四则运算求导：
 - $d(u/v)=(udv-vdu)/v^2$
 - $d(u*v)=udv+vdu$
 - $d(u+v)=du+dv$...
- 4. 预定义导数的链式法则：
 - $dy/dx=dy/du*du/dx$

深度学习 Deep Learning

基本网络结构

人工神经网络

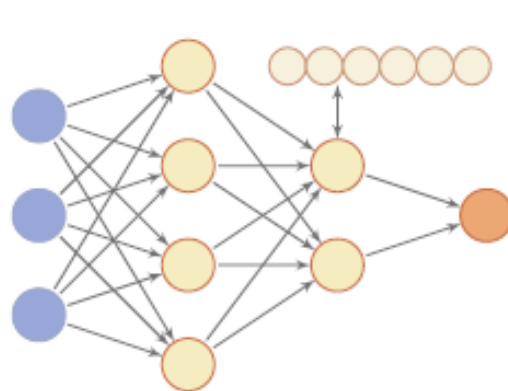
- 连接主义观点，将大量的神经元之间，按照拓扑连接结构，构成人工神经网络。
- 网络的拓扑结构
 - 不同神经元之间的连接关系。
 - 前馈网络（feedforward）、反馈网络（feedback）和记忆网络（memory network）



(a) 前馈网络



(b) 反馈网络



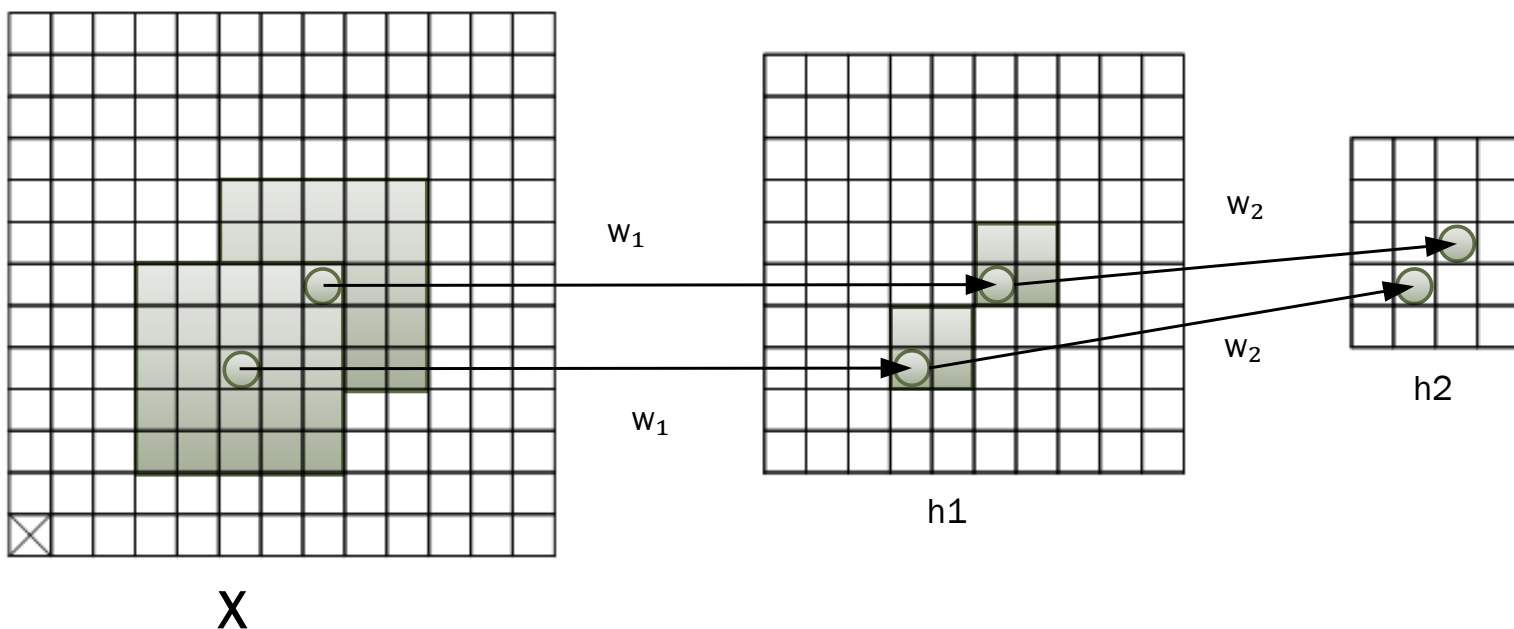
(c) 记忆网络

典型常用的网络结构

- 卷积网络CNN
- （Convolutional neural network，简称CNN）
- 循环网络RNN
- （Recurrent neural network，简称RNN）

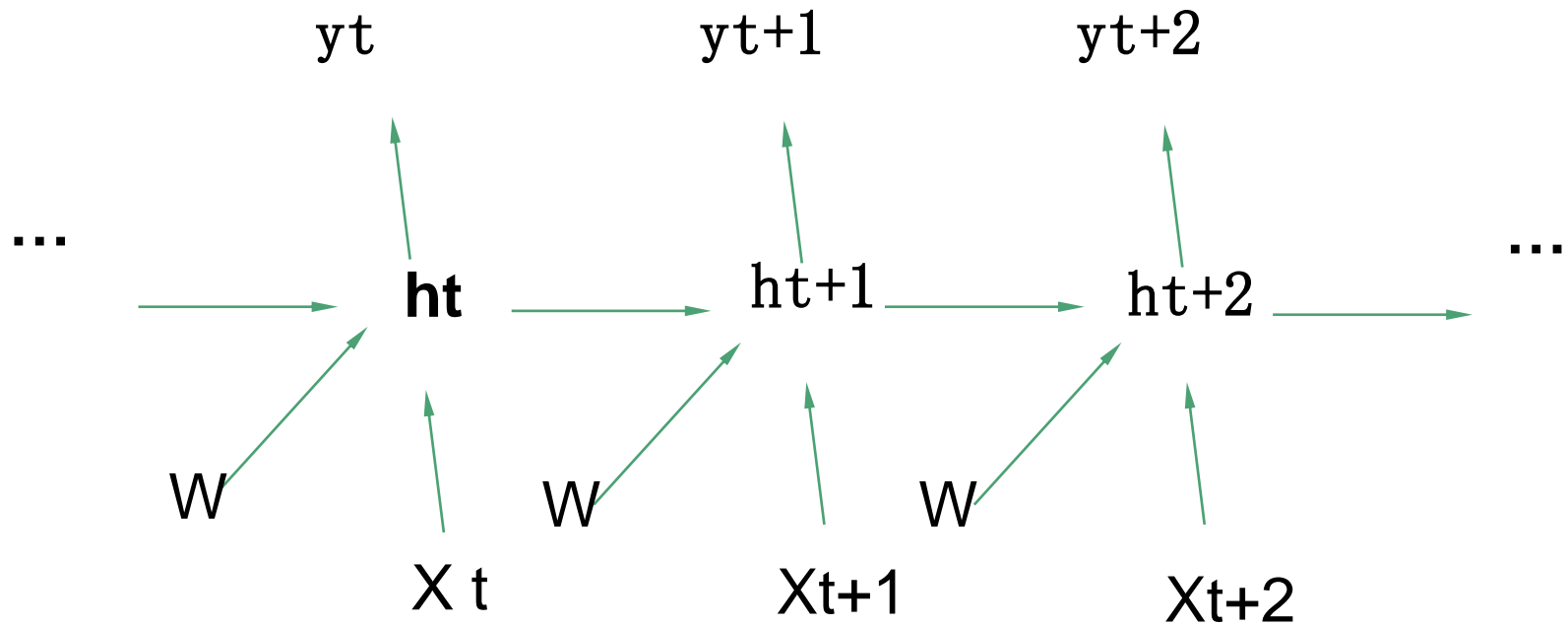
卷积网络

- 卷积网络（Convolutional neural network，简称CNN）
- 特点：局部区域的权重 W 共用（weight sharing）（空间维度）
- 每一个卷积层后通常紧跟着一个下采样层，比如采用max-pooling 方法完成下采样。



循环网络-RNN

- 循环网络（Recurrent neural network，简称RNN）的每一个时间步处理时，权重共享。（时间维度）
- 用于时间序列的预测



大数据与深度学习

机器学习的本质

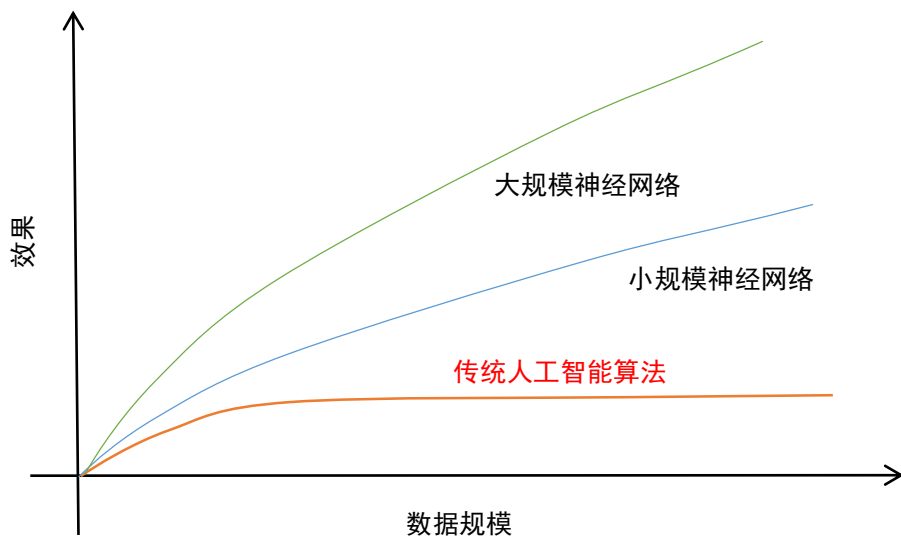
- 前提：数据集（经验集）
- 核心点：
 - 机器的学习是可推广的。
- 推广（**Generalization**）：机器学习通过训练数据上的学习，然后能够推广到新的数据集上的能力。也称为泛化能力。

机器学习的推广能力

- 推广误差（Generalization error）：推广后与正确的分类结果产生的误差。一般用数学公式表示为： $GE = AE + EE + OE$
 - 逼近误差AE（Approximation error），是指由于模型规模方面而产生误差，要想减少这部分误差，需要扩大模型规模。（模型误差）
 - 估计误差EE（Estimation error），是指由数据集规模而产生的误差，要想减少这部分误差，需要增加可用数据的规模。（数据误差）
 - 优化误差OE（Optimization error），是指算法设计而产生的误差，要降低这部分误差，需要设计更优的算法。（算法误差）

大数据为深度学习的推广能力提供了有力的保障

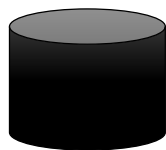
- 手工或人为的特征选取，随着训练数据规模的提高，传统机器学习方法提升效果有限
- 以深度学习为代表的方法，随着训练数据规模的提高，提升效果显著，大大超过了传统机器学习的方法。



深度学习的推广能力与模型规模

- 假设：机器学习的模型具有好的推广性。
- 更大的数据集，意味着更大的模型和更高的准确度；
- 实用案例：深度学习模型（深度神经网络）

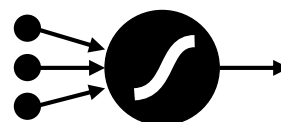
大数据



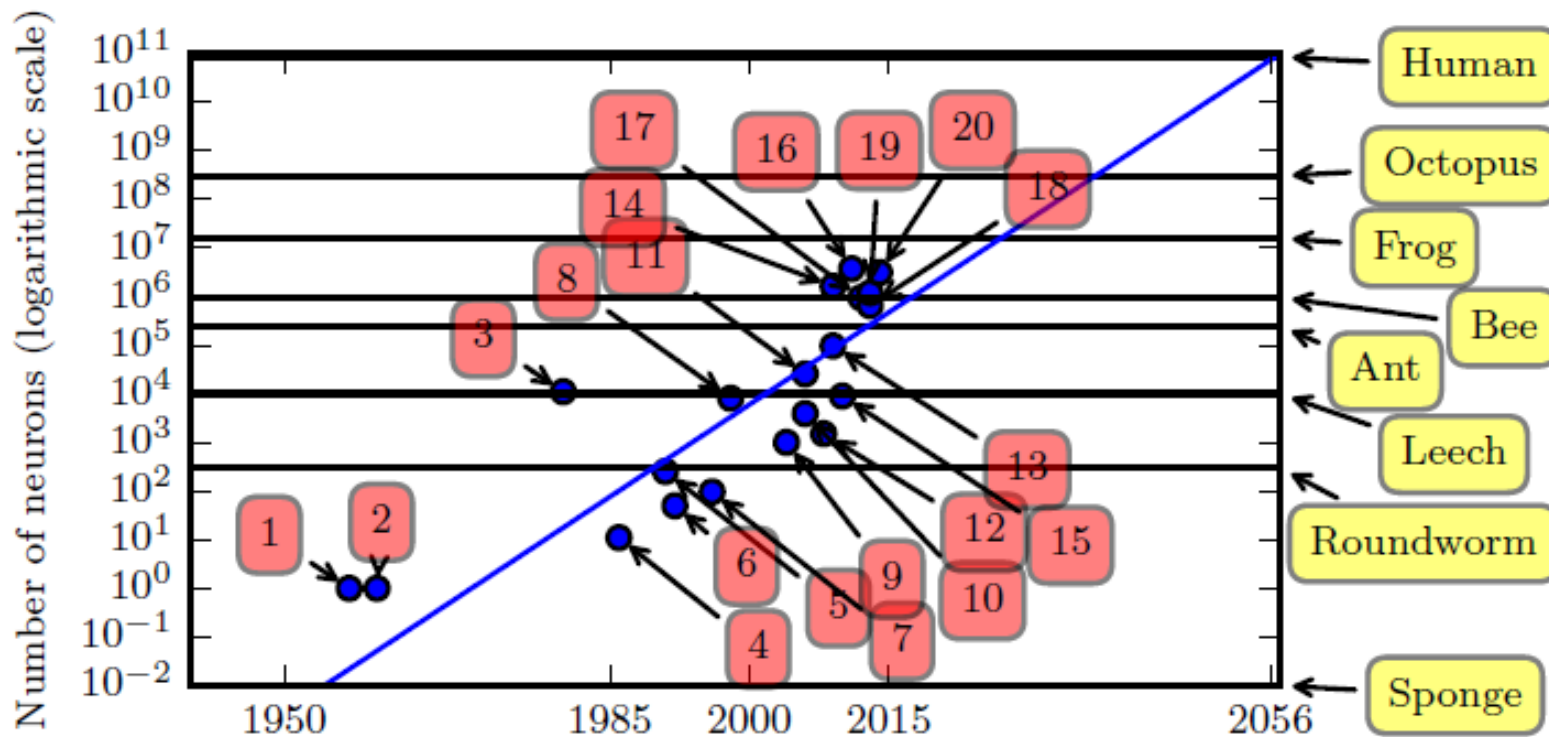
训练



大模型



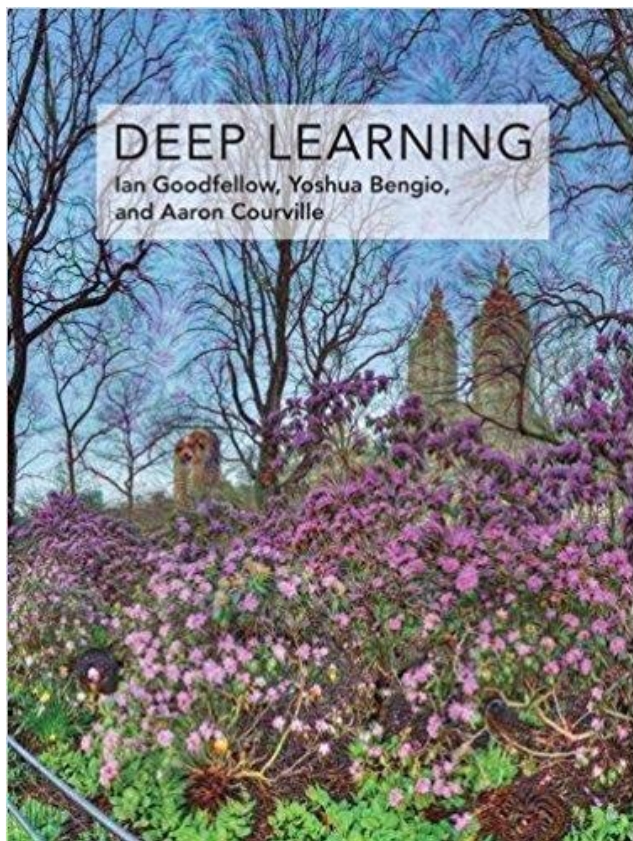
深度学习-人工神经网络规模



- 自从引入隐藏单元，人工神经网络的大小大约每2.4年翻一倍。

[x] Ian Goodfellow, Yoshua Bengio, Aaron Courville, Deep Learning, MIT Press, 2016.

参考书



[1] Goodfellow I, Bengio Y, Courville A. Deep learning. Cambridge: MIT press; 2016 Nov 18.

[1] 中文版：深度学习 [deep learning]，人民邮电出版社，2017年8月。

总结

- 机器智能技术是大数据平台+机器学习算法
- 深度学习引发了新的机器智能潮流

谢谢！

zhenchen@Tsinghua.edu.cn

深度学习的本质（数学）

- 深度学习的数学基础：微积分，线性代数和概率论
- 基本数学概念：
 - 映射（ Mapping ）：两个集合之间的关系，如满射、单射、一一对应即双射（满射和单射）
 - 函数（Function）：定义 x, y 变量，对于每个 x 数值，按照一定法则总有确定的数值 y 和它对应，则称 y 为 x 的函数， x 叫自变量， y 叫因变量
- 函数逼近问题：泛函分析

万能近似器(Universal Approximators)

- 万能近似定理 (universal approximation theorem)
 - 多层前馈网络提供了一种万能近似框架
 - 如果具有线性输出层和至少一层具有任何一种 ‘ ‘挤压’ ’ 性质的激活函数 (例如logistic sigmoid激活函数) 的隐藏层, 只要给予网络足够数量的隐藏单元
 - 给定一个函数, 存在一个前馈网络能够近似该函数
- 以任意的精度来近似任何从一个有限维空间到另一个有限维空间的任意连续函数 (Borel 可测函数)
 - 前馈网络的导数也可以任意好地来近似函数的导数。
 - 可以近似从任何有限维离散空间映射到另一个的任意函数

理论与实际中存在的问题

- 万能近似定理
 - 无论试图学习什么函数，存在一个大的MLP 一定能够表示这个函数。
- 理论上
 - 存在一个足够大的网络能够达到我们所希望的任意精度，但是定理并没有说这个网络有多大。
- 实际中
 - 训练算法并不能保证能够学得这个函数。即使MLP能够表示该函数，学习也可能因两个不同的原因而失败。
 - 用于训练的优化算法可能找不到用于期望函数的参数值。
 - 训练算法可能由于过拟合而选择了错误的函数。

拉普拉斯定律

- 法国数学家皮埃尔·西蒙·拉普拉斯（Pierre Simon laplace）
- 1774年，在完全不知道贝叶斯的工作（Bayes' theorem）的情况下，拉普拉斯发表了一篇名为“事件原因的概率论”论文。
- 如果买 n 张彩票共 w 张中奖，那么中奖率就是中奖数加1，除以所购买的数目加2，即 $(w+1) / (n+2)$ 。
- 这种估计概率的简单方法被称为拉普拉斯定律，它很容易就能适用于任何需要通过历史事件来评估概率的情况。
- 相信太阳明天会升起是有道理的，这句话告诉我们：地球已经连续看到太阳上升约1.6 万亿天（45亿年），在下一次的“尝试”中看见太阳不升起来的机会，几乎不可能。

[1] Christian, Brian, and Tom Griffiths. Algorithms to live by: The computer science of human decisions. Macmillan, 2016.

https://en.wikipedia.org/wiki/Rule_of_succession