



# 卷积网络/循环网络

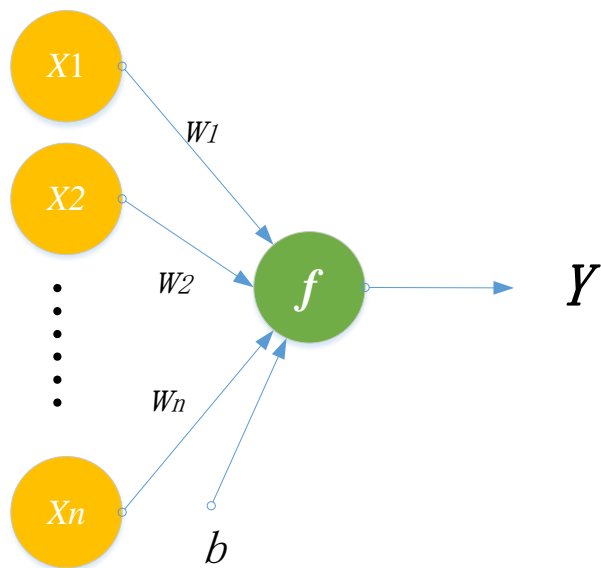
## Convolution Networks/Recurrent Networks

人工神经网络

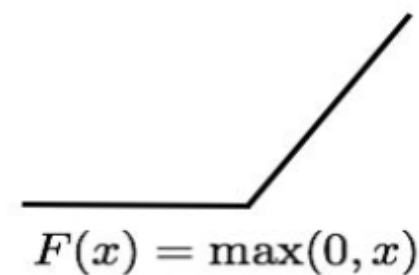
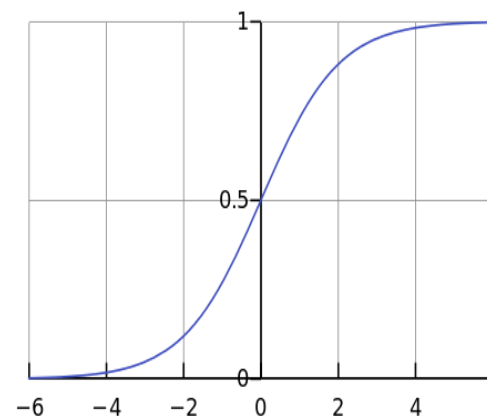
Artificial Neural Networks

# 人工神经元

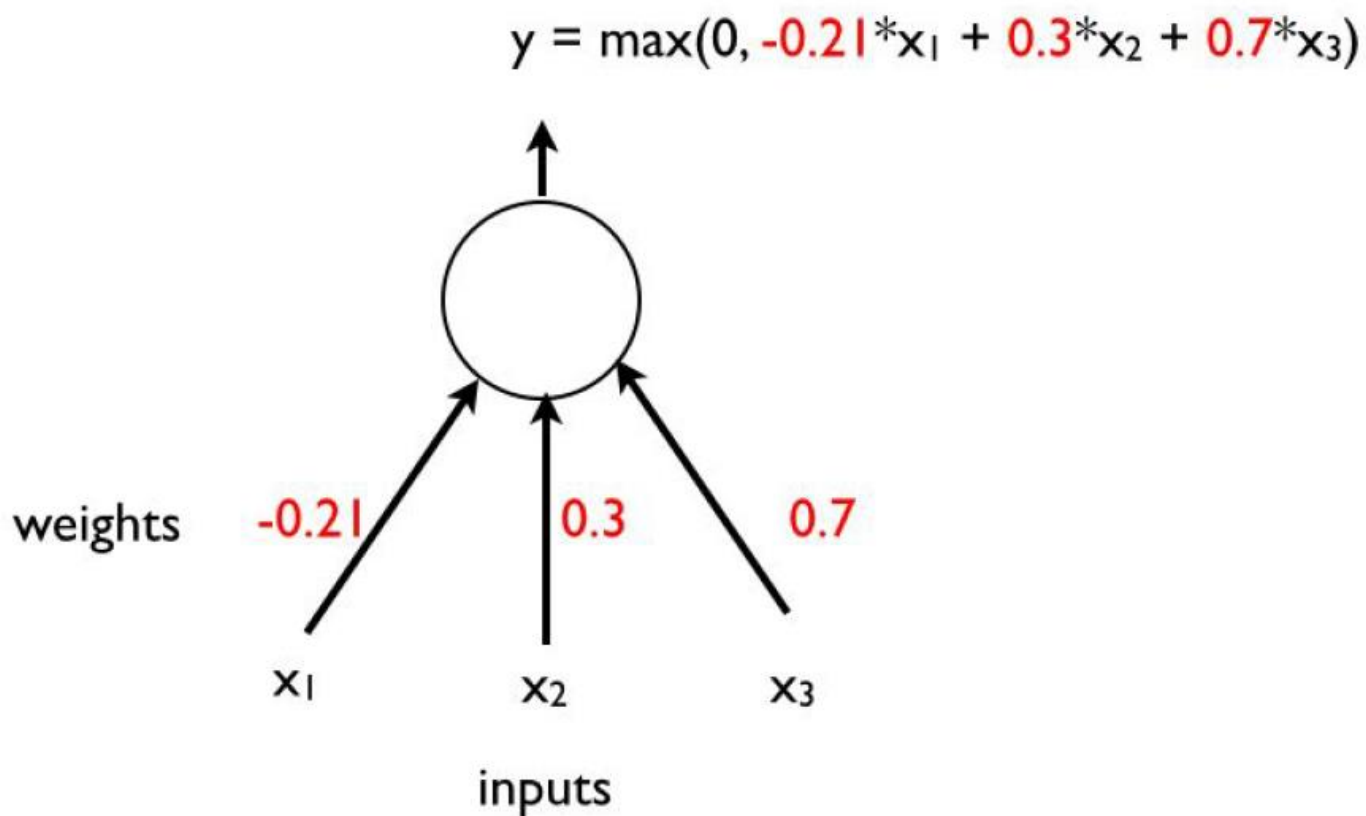
- 单个人工神经元 (Artificial Neuron) :
  - 一组输入的线性加权叠加
  - 经过一个非线性变换进行输出



$$y = f \left( \sum_{i=1}^N w_i X_i + b \right)$$

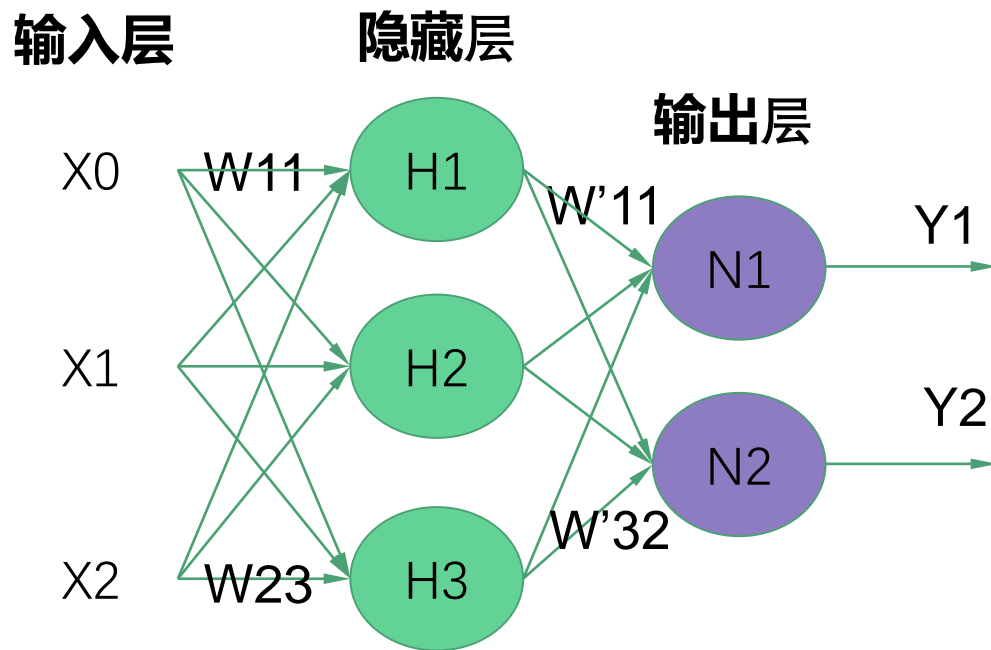


# 调节权重(weights)



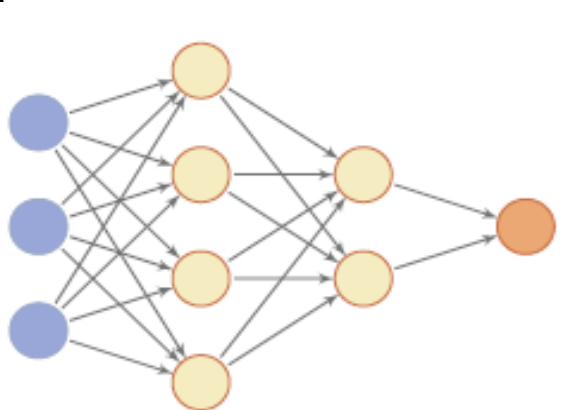
# 多层人工神经网络 (Multilayer neural networks)

- 单个神经元可以进行线性分类，而多个神经元的组合就可以完成复杂的分类工作。
- 多层神经网络，又称为深度神经网络，在实际中表现出更好的性能。

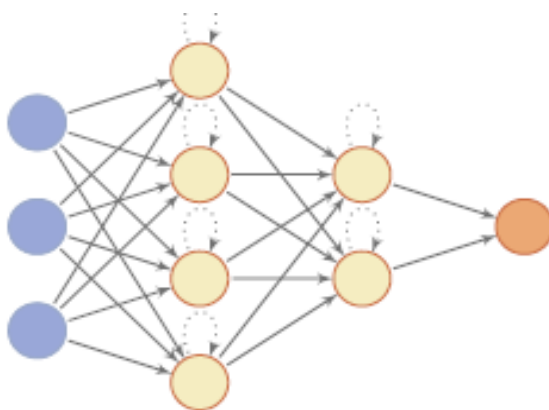


# 多层人工神经网络的层间连接关系

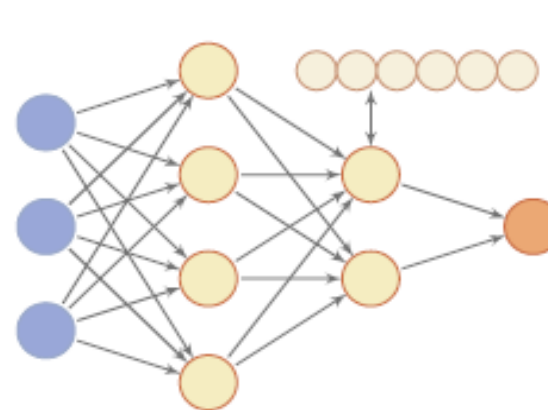
- 按照连接主义观点：人工神经网络由大量的神经元以及它们之间的有向连接构成，能够实现复杂的智能功能。
- 网络的拓扑结构：不同层神经元之间的连接关系。
  - 前馈网络（feedforward）、反馈网络（feedback）和记忆网络（memory network）
- 图网络



(a) 前馈网络



(b) 反馈网络

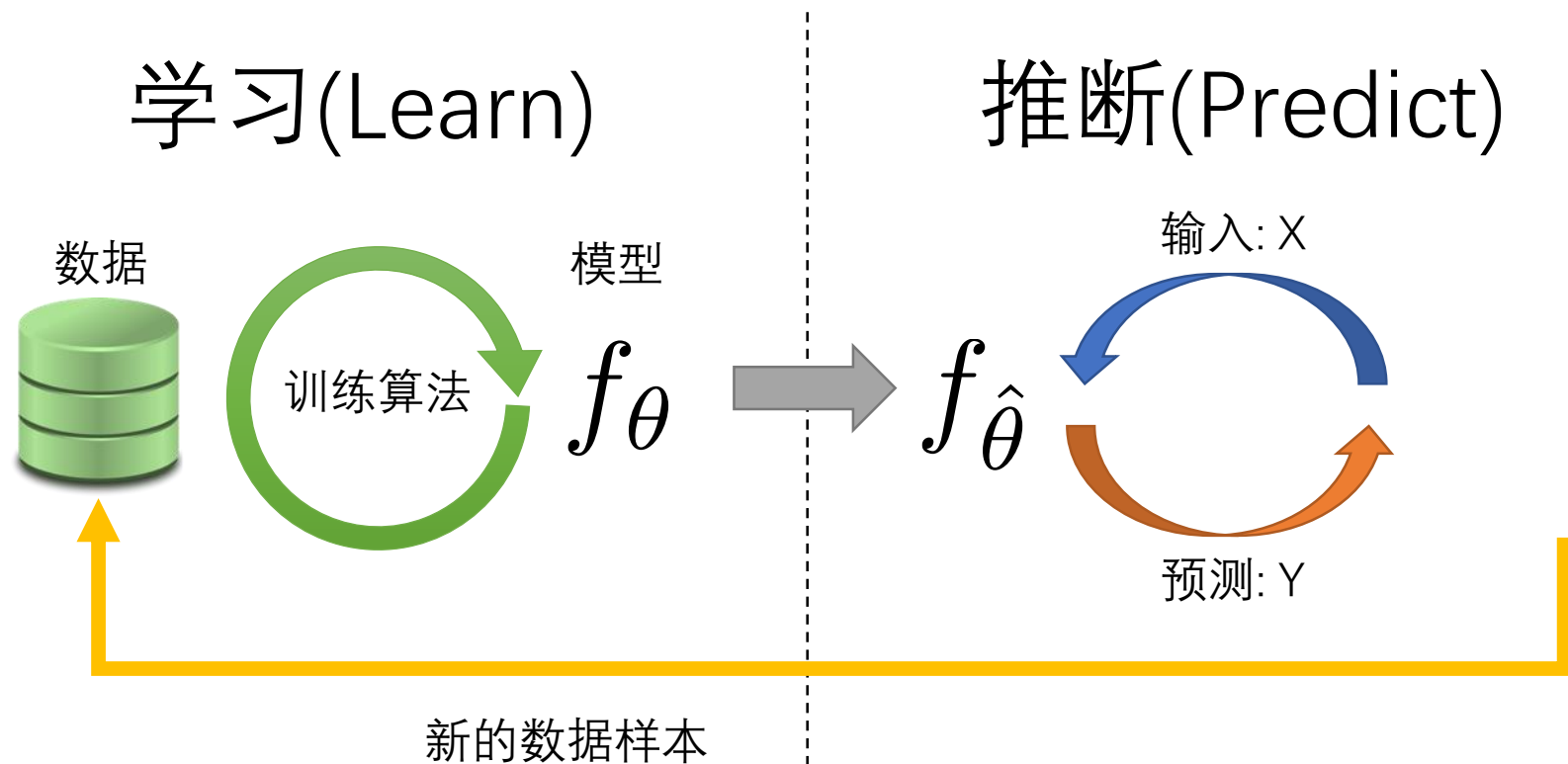


(c) 记忆网络

# 人工神经网络工作原理

- 人工神经网络方法是机器学习中的监督学习方法 (supervise learning)
- 监督学习的训练数据集 (data set)
  - 样本 (sample) 上都有相应的标签 (label) , 用来指导训练过程。
- 监督学习过程分为训练和推断两阶段

# 监督学习过程（训练与推断）



- 训练过程耗时，迭代批处理过程

- 进行快速和鲁棒的推断



# 人工神经网络的训练与推断

- 训练：

- 目标：网络输出与预期输出（即标签）之间差异的度量函数，取得最小值（或极小值）
- 过程：输入训练数据（样本）到人工神经网络，调整的每层的内部权重参数（梯度下降法等优化方法）
- 固化（frozen）：固定每层内部权重模型参数，形成统一的模型参数网络

- 推断：

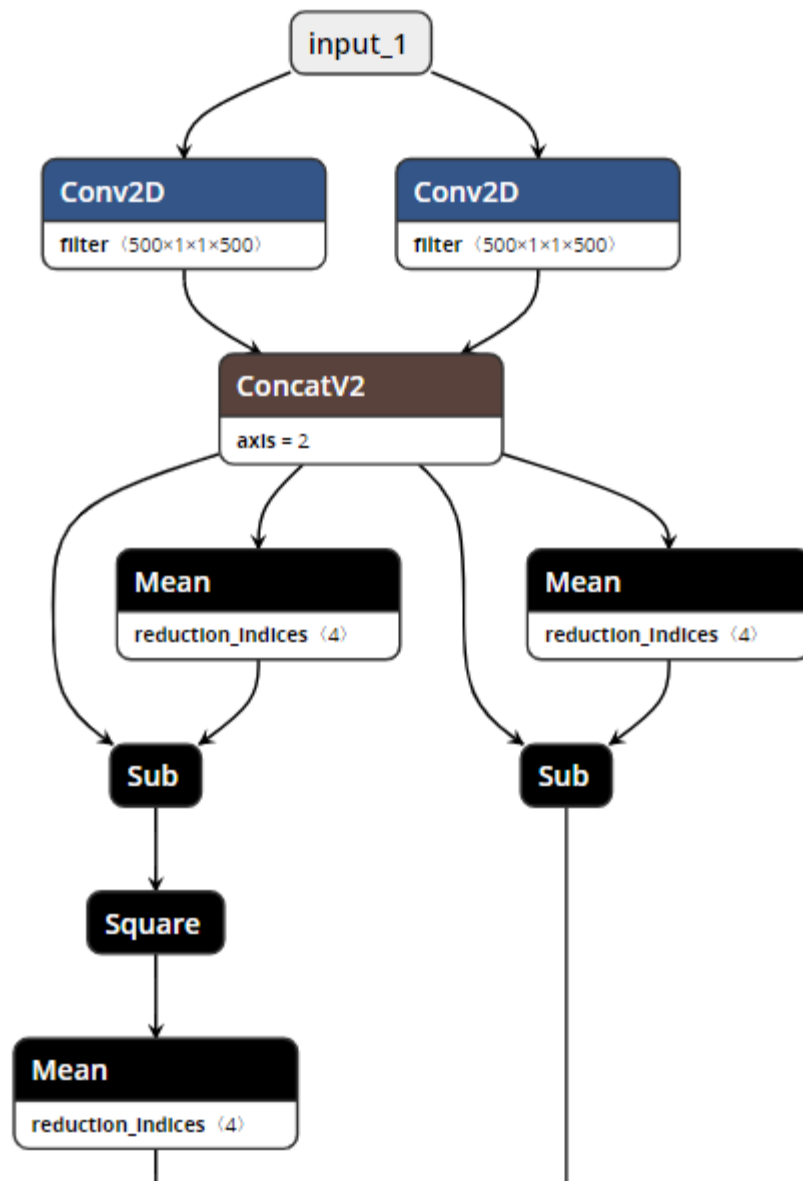
- 用**训练集上**得到模型参数，对训练**数据集外**的数据**推断**（预测）其可能的标签。

# 模型参数

- 模型参数：
  - 网络的层数等结构
  - 每层的权重参数
  - 输入与输出端
- 模型文件查看工具netron

<https://github.com/lutzroeder/netron>

<https://lutzroeder.github.io/netron/>



# 随机梯度下降法(stochastic gradient descent, SGD)

- 随机梯度下降方法：
  - 是最常用的权重调节方法，通过**权重的调整**，最小化损失函数。
- 随机梯度下降法步骤如下：
  - 步骤 1. 随机初始化每个神经元输入权重和偏差 (**weights and bias**) ;
  - 步骤 2. 选取一个随机样本(**samples**);
  - 步骤 3. 根据网络的输出结果，从最后一层开始后，逐层计算每层权重的偏导数;
  - 步骤 4. 逐层调整每层的权重，产生新的权重值。
  - 返回到步骤2，继续随机选取下一个样本。
- 随机梯度下降法的核心是一个“随机样本”

# 小批量训练或迷你批量训练

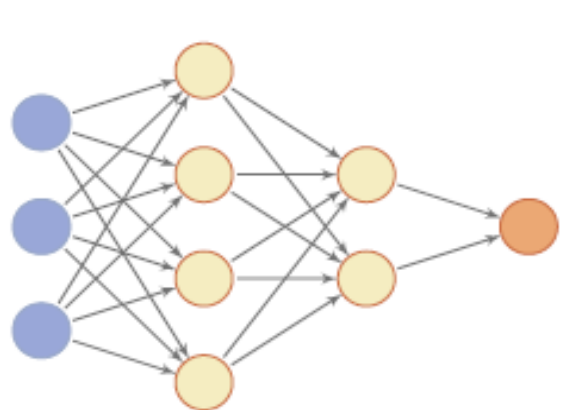
- 小批量训练是批量训练和随机梯度下降法的一个折中
  - 整个训练集称为一个**批次 (batch)**，先将整个训练集分成多个大小相同的子集，每个子集称为一个**迷你批次 (mini-batch)**。子集的大小由参数**迷你批次大小 (mini-batch\_size)** 控制。
  - 每个批次的数据被依次送入网络进行训练。训练完一个**迷你批次**，被称为**一次迭代 (iteration)**。
  - 一个**时代 (epoch)** 是指训练集中所有训练样本都被送入网络，完成一次训练的过程。
- 其中每一步的模型参数的更新使用
  - 使用不止一个样本，这称为**迷你批次 (mini-batch)**。
  - 每次迭代所用的样本数目称为**迷你批次大小 (mini-batch size)**。
  - 当迷你批次大小为1时，就退化为普通的**随机梯度下降法**。

卷积网络

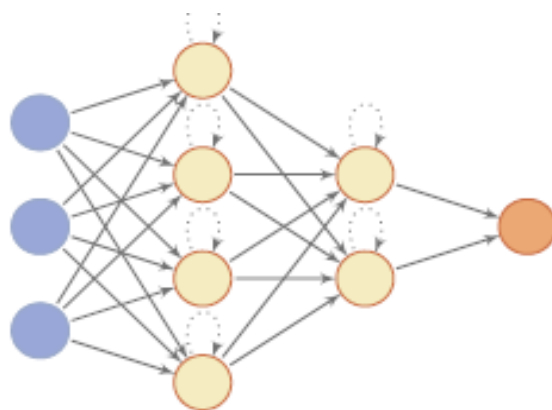
Convolution Networks

# 多层人工神经网络的层间连接关系

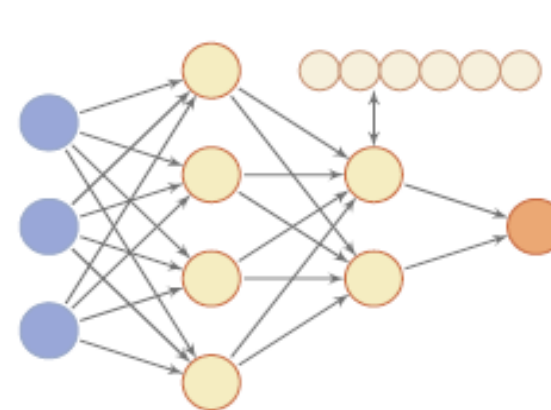
- 按照连接主义观点：人工神经网络由大量的神经元以及它们之间的有向连接构成，能够实现复杂的智能功能。
- 网络的拓扑结构：不同层神经元之间的连接关系。
  - 前馈网络（feedforward）、反馈网络（feedback）和记忆网络（memory network）



(a) 前馈网络

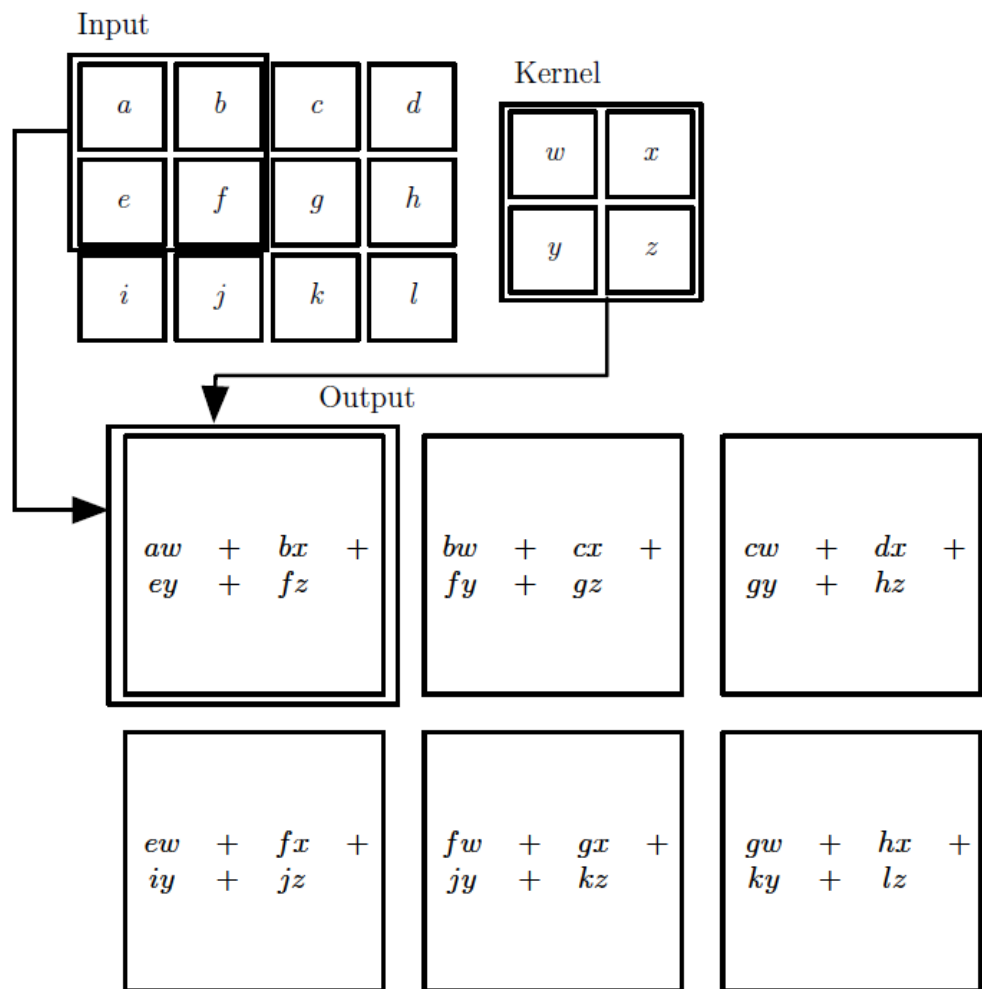


(b) 反馈网络



(c) 记忆网络

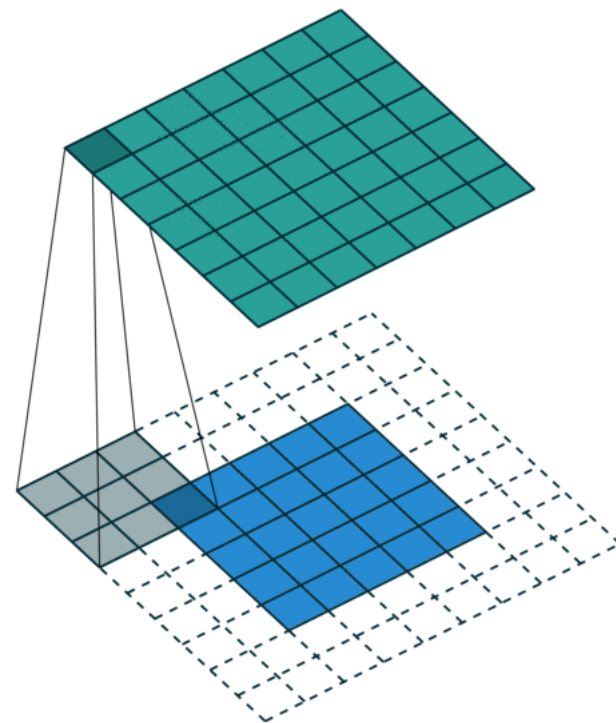
# 卷积运算 (Convolution)



- 卷积是一种张量运算
- 输入是多维数组的数据
- 卷积核是一个多维数组，参数由学习算法得到的
- 卷积核数目一般选32、64等
- 这些多维数组都是张量 (Tensor) 。

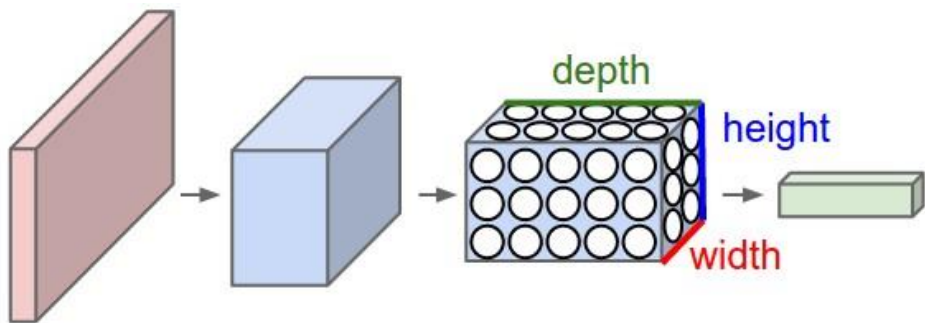
# 2d卷积核

- 卷积核是一个多维数组，其中参数由学习算法得到的
- 输出长度计算：
  - 输入的长度(W),
  - 卷积核的大小(F),
  - 卷积核移动的步长stride(S),
  - 填充zero padding(P)
  - 输出的长度 $L = (W - F + 2P) / S + 1$
- 并行化：
  - 做一个和输出一样大小的Layer,
  - Layer里面所有的神经元参数都一样!

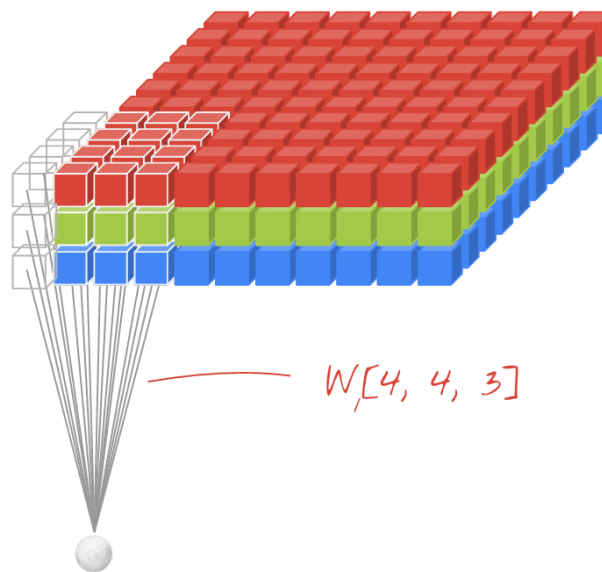




# 3d卷积核

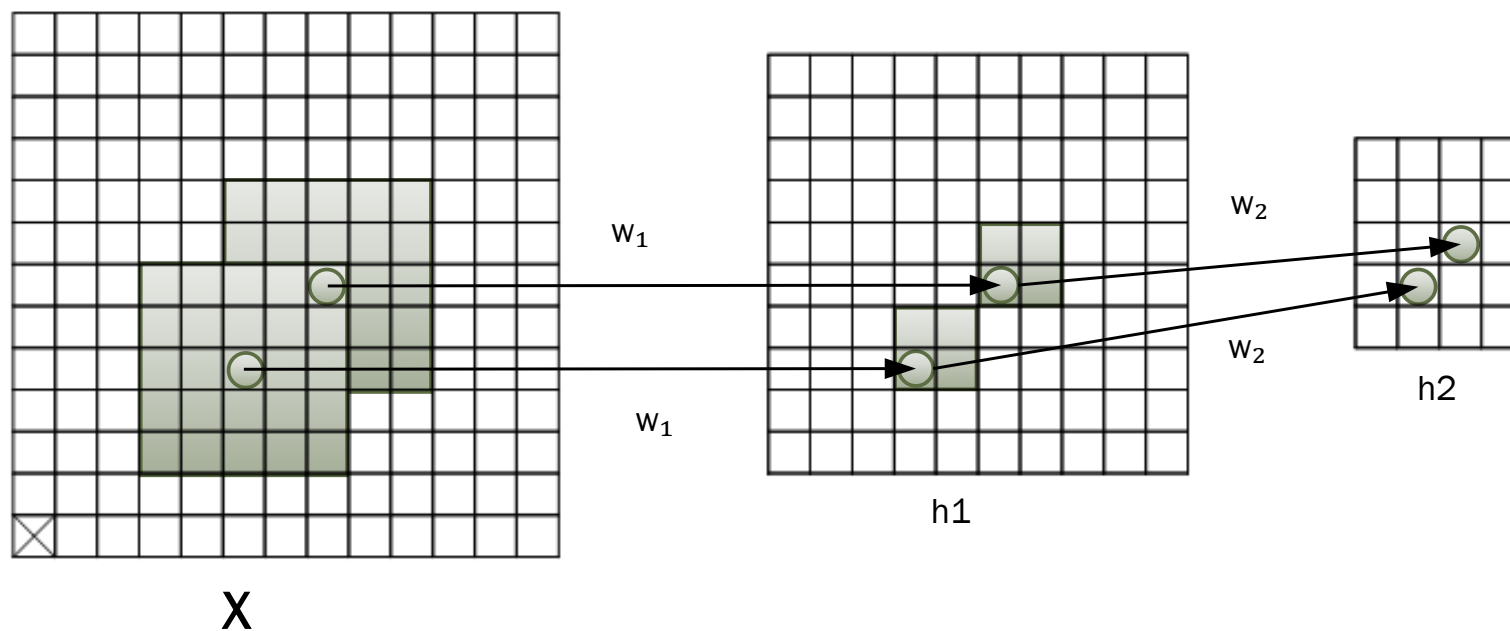


- 输入是3d的
- 有多个卷积核



# 卷积网络

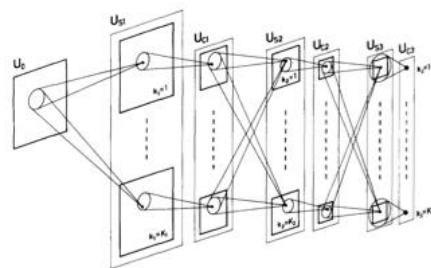
- 卷积网络 (Convolutional neural network, 简称CNN)
- 特点：局部区域的权重 $W$ 共用 (weight sharing) (空间维度)
- 每一个卷积层后通常紧跟着一个下采样层subsample
  - 如max-pooling 方法或avg-pool完成下采样。



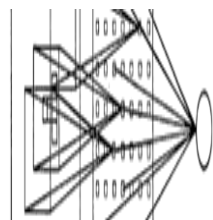
# 卷积网络

- 权重共享 (Parameters sharing) 和池化 (pooling) 操作
  - 利用了波形或图像信息的局部和谐性 (local coherence), 学习其中的不变量特征 (invariant features)
- 卷积网络的基本的结构 (a series of stages of the form) :
  - Convolution/bias/non-linearity activation (ReLU or sigmoid functions)/pooling
  - 有时需要添加进去正则化层 (Normalization layers), 如LCN(local contrast normalization)
  - LCN操作在最大池化层之后, 其目标是减去平均值, 除以标准差。LCN操作具有亮度不变性的特点, 对于图像识别用处很大。

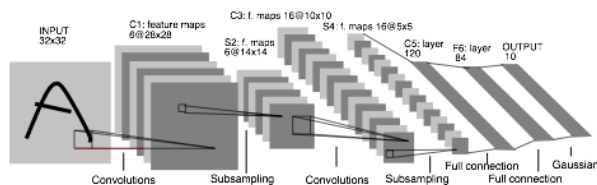
# 卷积网络发展



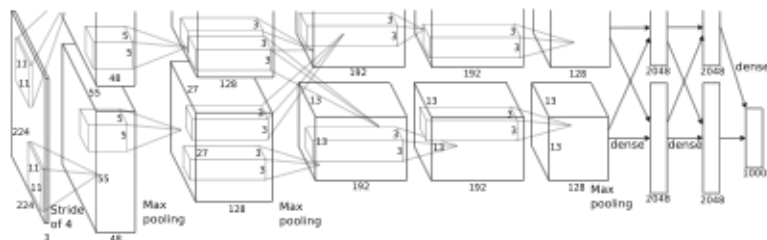
Fukushima 1980  
**Neocognitron**



Rumelhart, Hinton, Williams 1986  
**“T” versus “C” problem**

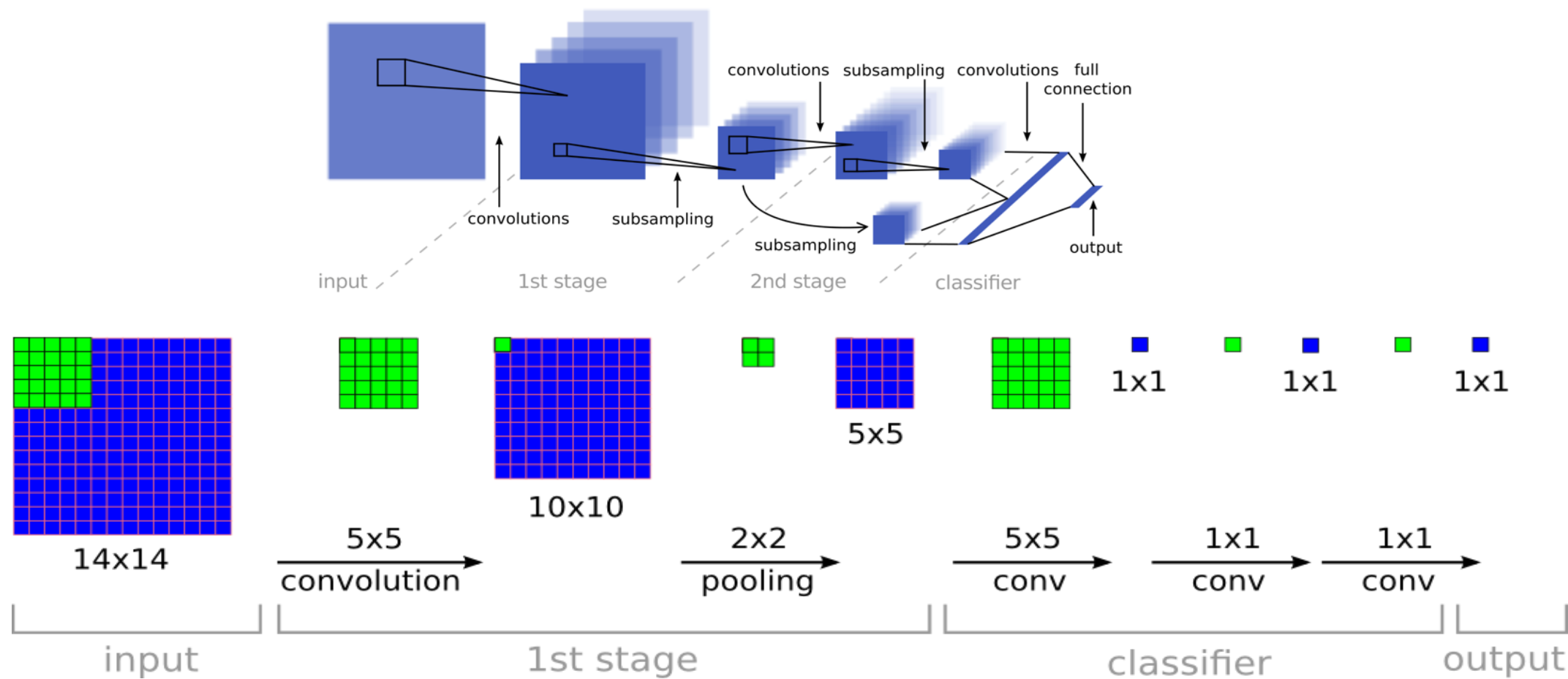


LeCun et al. 1989-1998  
**Hand-written digit reading**



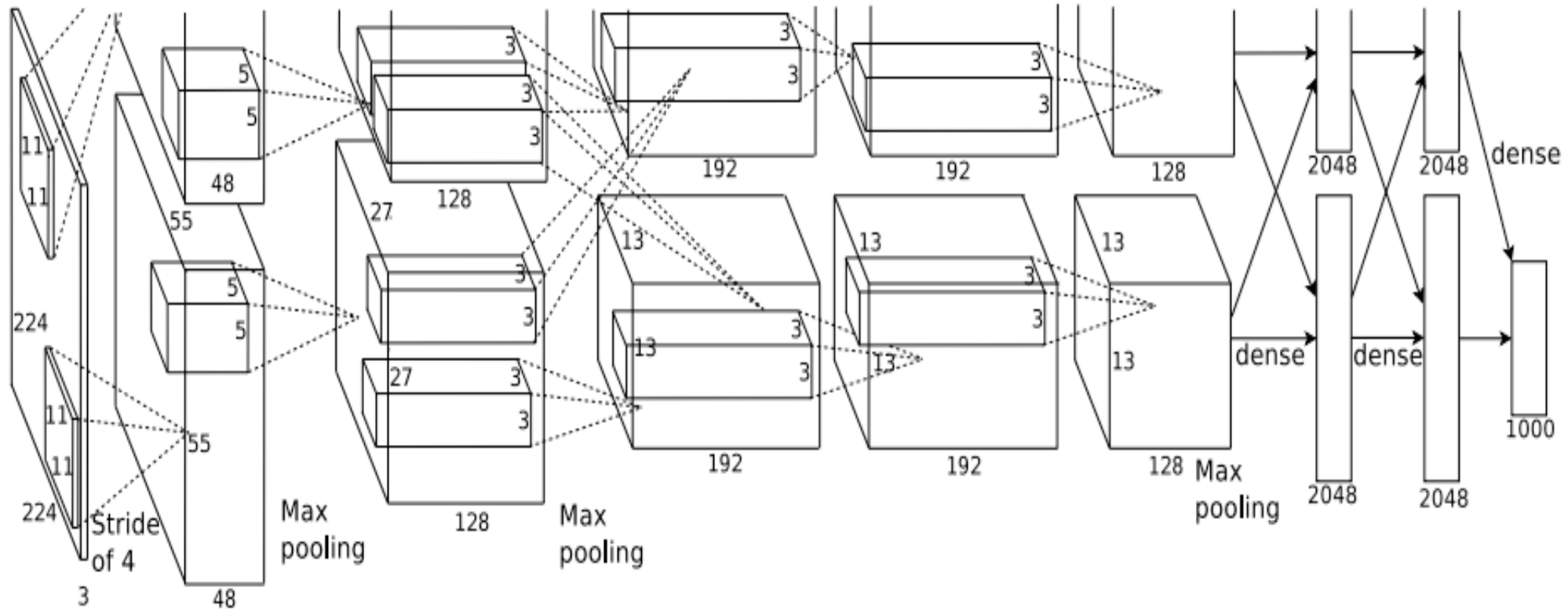
Krizhevsky, Sutskever, Hinton 2012  
**ImageNet classification breakthrough “SuperVision” CNN**

# LeNet-5: 手写字体识别



[x] LeCun, Y., et al. "Handwritten digit recognition with a back-propagation network." NIPS, 1989.

# AlexNet [Krizhevsky'12]



[x] Alex Krizhevsky, Ilya Sutskever and Geoffrey E. Hinton. "ImageNet classification with deep convolutional neural networks." NIPS 2012.

# 卷积网络

- AlexNet 获得了 2012 ImageNet 图像分类赛的最好准确度
- AlexNet的图像分类准确度大幅提升的原因：
  - 层数更深： 8层网络 vs. 3层网络
  - 参数更多： 6千万参数 vs. 1百万参数
  - 硬件更快： 采用GPU来做训练
  - 数据集更大： 1.2百万的图片集和而不是之前的上千大小的数据集
  - 更好的正则化： 采用随机丢弃（ dropout ） 技术

# 卷积网络的新发展

- 新的网络结构不断提出：
  - AlexNet—>NiN—>VGG—>GoogleNet—>ResNet —>DenseNet
- 网络规模与深度都在增加，准确率提升
  - NiN 引入 $1*1$ 卷积层（Bottlenecklayer）和全局池化；
  - VGG将 $7*7$ 卷积核替换成3个 $3*3$ 卷积核，起到了降参数的作用；
  - GoogLeNet引入了Inception模块；
  - ResNet引入了残差思想，增加了Skip Connection；
  - DenseNet的DenseBlock中将当前层的输出特征，与之后所有的层做直连。



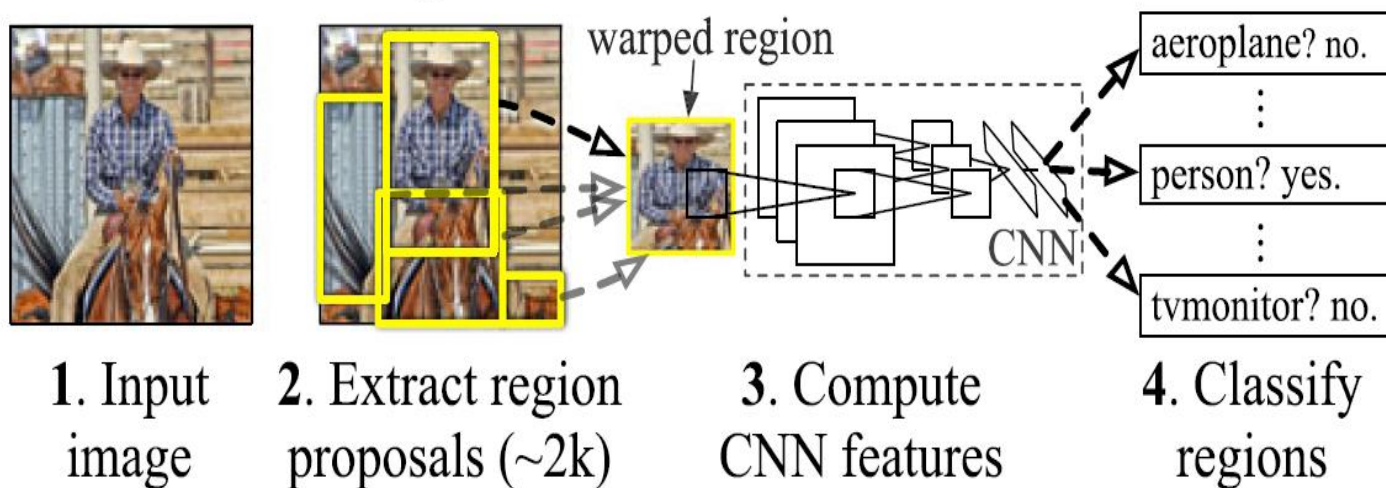
# 卷积网络

- Densely Connected Convolutional Networks, CVPR 2017. <https://arxiv.org/abs/1608.06993>.
- SqueezeNet: AlexNet-level accuracy with 50x fewer parameters and <0.5MB model size. <https://arxiv.org/abs/1602.07360>.
- Xception: Deep Learning with Depthwise Separable Convolutions. <https://arxiv.org/abs/1610.02357>.
- ResNet: Deep residual learning for image recognition, CVPR 2016. <https://arxiv.org/abs/1512.03385>.
- GoogLeNet(Inception V3): Going deeper with convolutions, CVPR 2015. <https://arxiv.org/abs/1409.4842>.
- VGG: Very Deep Convolutional Networks for Large Scale Image Recognition, 2014. <https://arxiv.org/abs/1409.1556>.
- NiN: Network In Network, 2013. <https://arxiv.org/abs/1312.4400>.

# 卷积网络\_计算机视觉\_对象检测

- R-CNN (Region-based Convolutional Network method)
  - Region based convolutional networks for accurate object detection and segmentation, TPAMI, 2015.
  - Rich feature hierarchies for accurate object detection and semantic segmentation, CVPR 2014.

## R-CNN: Region-based Convolutional Network

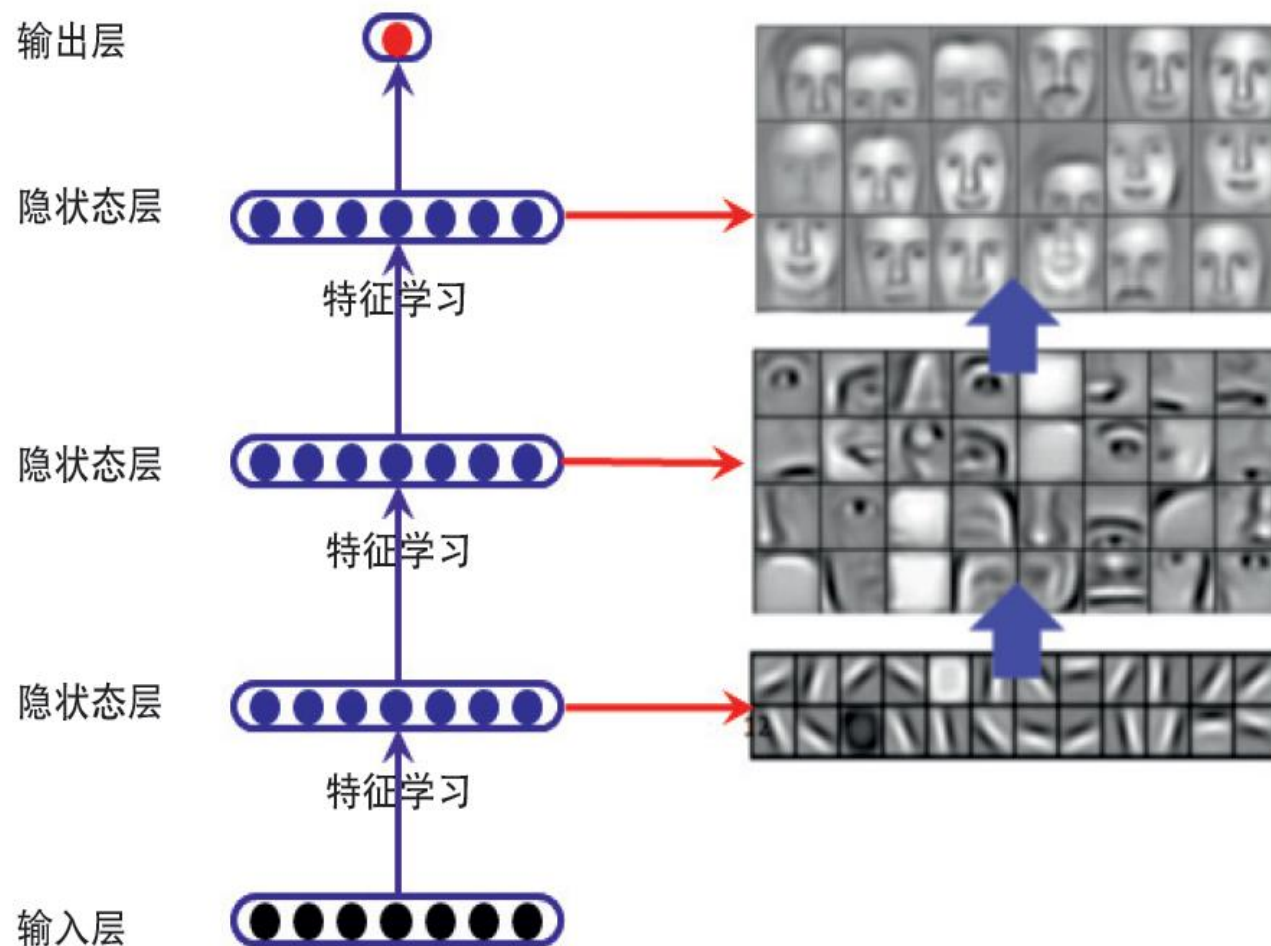


# 卷积网络\_计算机视觉CV\_对象检测OD

- [x] Rich feature hierarchies for accurate object detection and semantic segmentation, CVPR 2014.
- [x] Region based convolutional networks for accurate object detection and segmentation, TPAMI, 2015.
- [x] Fast R-CNN, ICCV 2015.
- [x] Faster R-CNN Towards real-time object detection with region proposal networks, NIPS, 2015.
- [x] Show and Tell: Lessons learned from the 2015 MSCOCO Image Captioning Challenge, IEEE PAMI 2016.
- [x] SSD: Single Shot MultiBox Detector, ECCV 2016.
- [x] You Only Look Once: Unified, Real-Time Object Detection, CVPR 2016.

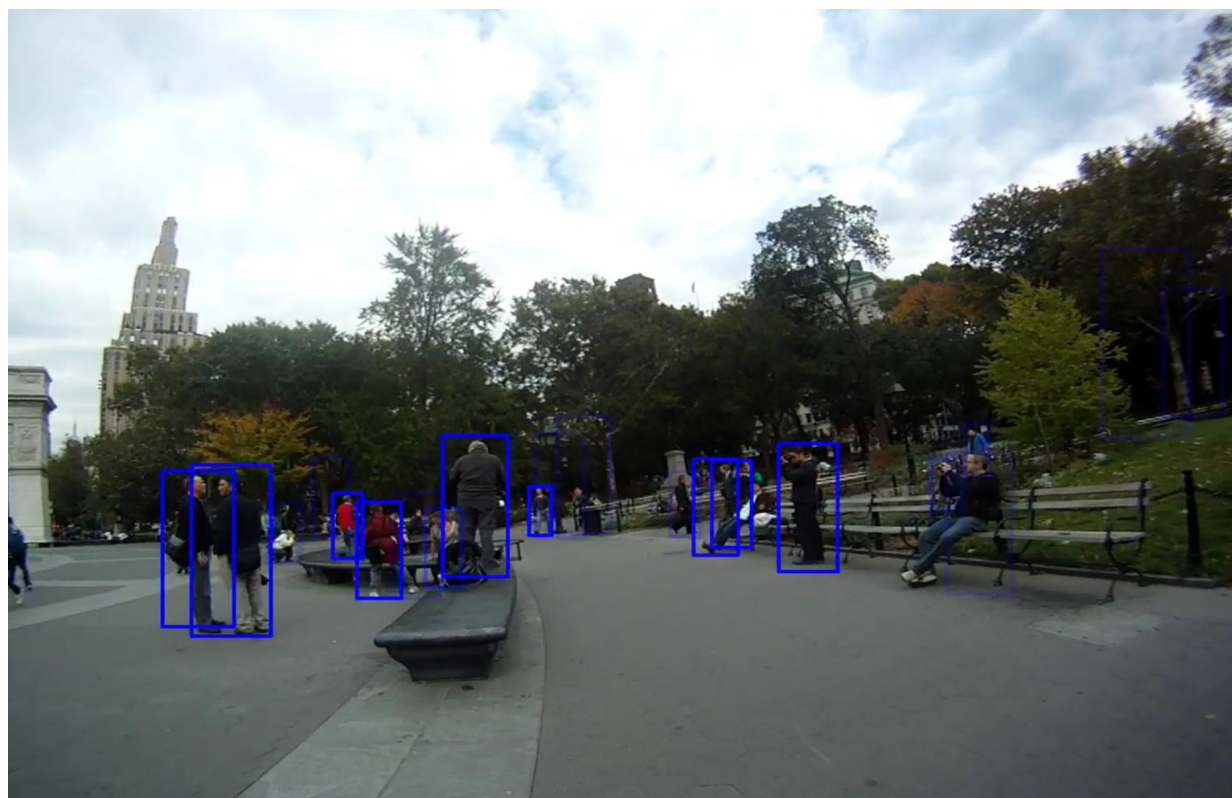
# 深度卷积网络-人脸识别

- 特征学习 (feature learning)
- 特征工程 (feature engineering)
- 特征学习取代了特征工程
  - 学习得到的特征
  - 图像化显示



# 行人检测(Pedestrian detection)

- 自动驾驶技术
  - 交通标志, 如信号灯检测
  - 路人检测
  - 车道线

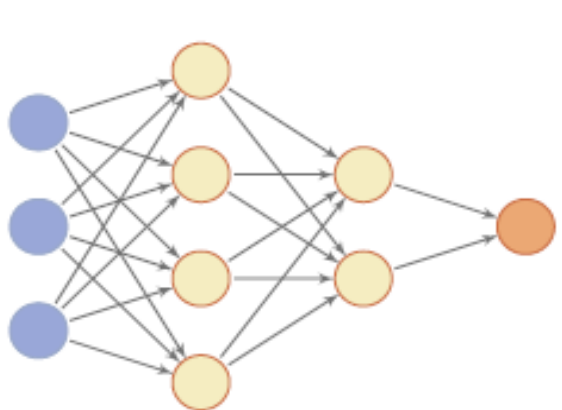


循环网络

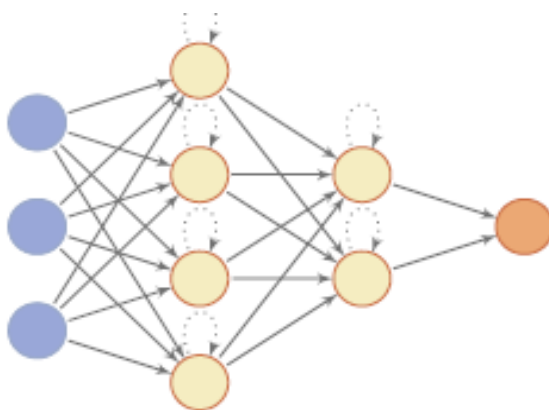
Recurrent network

# 多层人工神经网络的层间连接关系

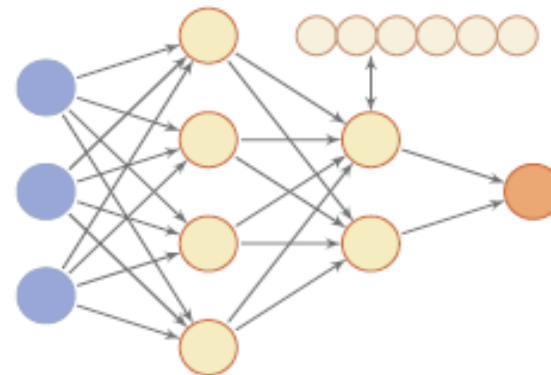
- 按照连接主义观点：人工神经网络由大量的神经元以及它们之间的有向连接构成，能够实现复杂的智能功能。
- 网络的拓扑结构：不同层神经元之间的连接关系。
  - 前馈网络（feedforward）、反馈网络（feedback）和记忆网络（memory network）



(a) 前馈网络



(b) 反馈网络



(c) 记忆网络

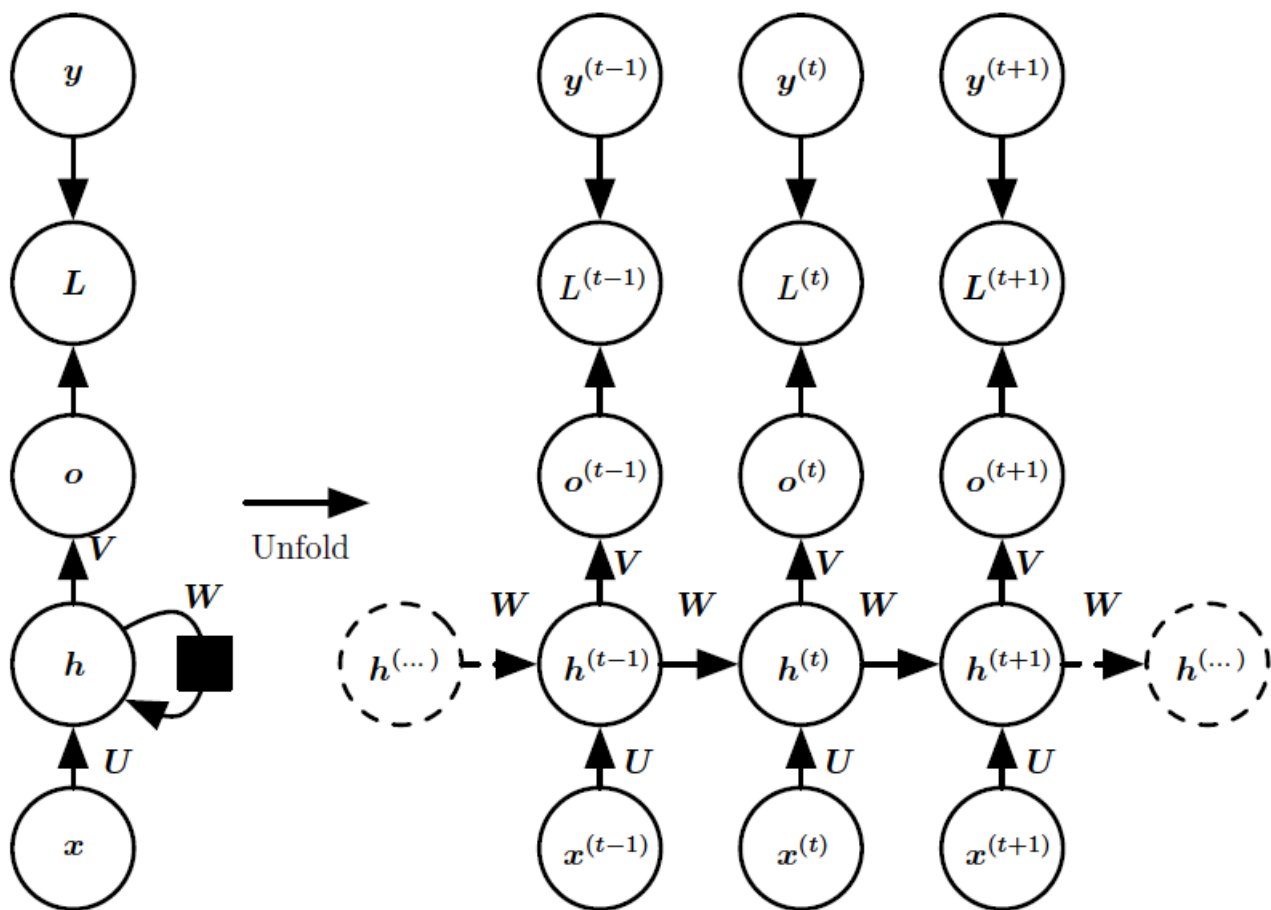
# 循环网络-RNN

- 循环网络 (Recurrent neural network, 简称RNN)
- 在时间维度上, 每一个时间步处理时, 采用共享的权重
- 用于序列建模预测问题:
  - 手写识别 (handwriting recognition)、语音识别 (speech recognition)
  - 诗歌填词 (poem compose)、代码生成 (code writing)
  - 股价预测 (stock price)、天气预测 (weather forecast)
  - 机器翻译 (machine translation)、图片注释 (image caption)
  - ... ..
- The Unreasonable Effectiveness of Recurrent Neural Networks,  
<http://karpathy.github.io/2015/05/21/rnn-effectiveness/>.

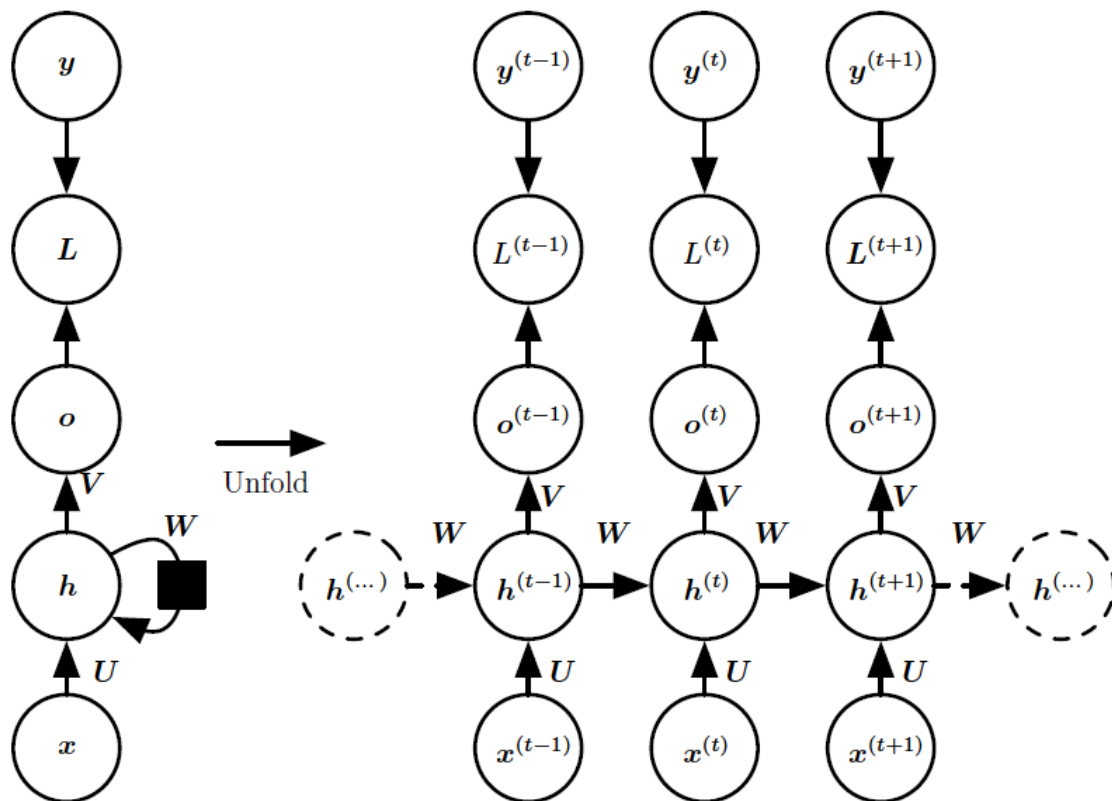


# RNN

- 循环网络结构
  - $y$ 是训练目标
  - $L$ 是损失函数
  - $o$ 是网络输出
  - $h$ 是状态（隐藏单元）
  - $x$ 是网络输入
- 计算图的时间步上展开
- 举例： 天气预测



# 权重共享



- 循环神经网络在不同的时间步上采用相同的 $U$ 、 $V$ 、 $W$ 参数
- 输入到隐藏的连接由权重矩阵 $U$ 参数化
- 隐藏到输出的连接由权重矩阵 $V$ 参数化
- 隐藏到隐藏的循环连接由权重矩阵 $W$ 参数化

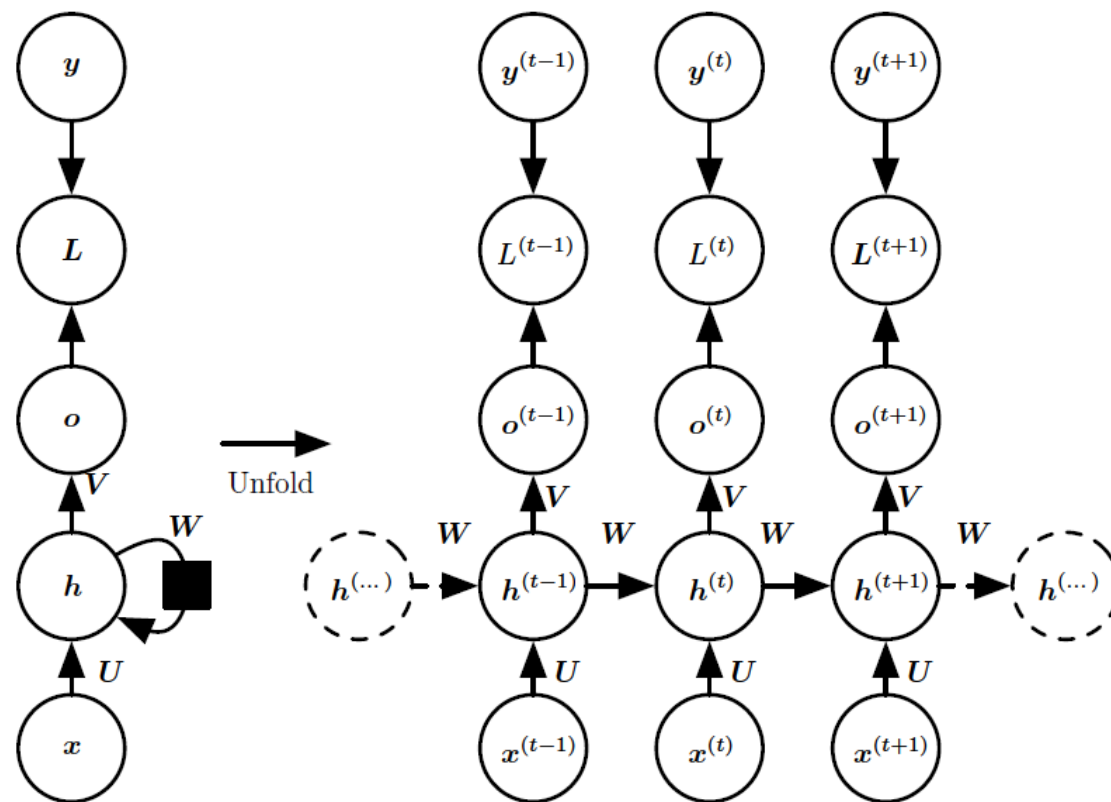
# RNN计算图

$$a^{(t)} = b + Wh^{(t-1)} + Ux^{(t)},$$

$$h^{(t)} = \tanh(a^{(t)}),$$

$$o^{(t)} = c + Vh^{(t)},$$

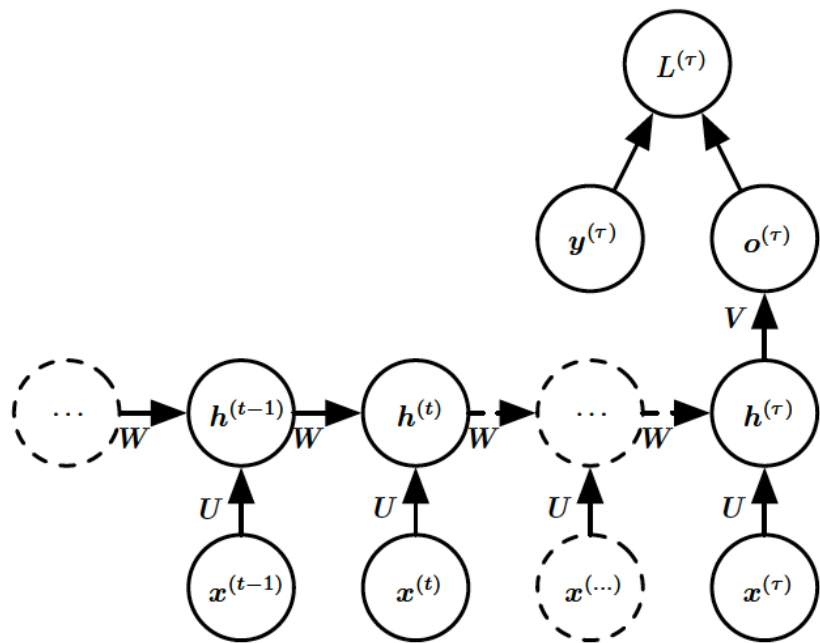
$$\hat{y}^{(t)} = \text{softmax}(o^{(t)}),$$



- 循环网络将一个输入序列映射到相同长度的输出序列。
- 信息流动路径：信息在时间上向前（计算输出和损失）和向后（计算梯度）的思想。
- $U$ 、 $V$  和  $W$  分别对应于输入到隐藏、隐藏到输出和隐藏到隐藏的连接权重矩阵。
- $b$  和  $c$  是偏置向量。

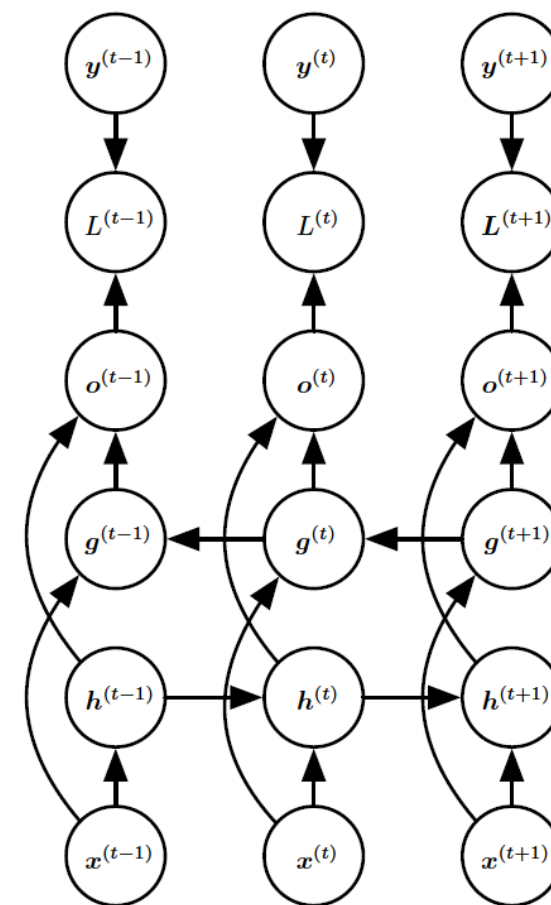
# 输入与可变输出

- 在时间上展开，在序列结束时具有单个输出。
- 用于概括序列并产生用于进一步处理的固定大小的表示。
- 在结束处存在目标 $y$ ，或者通过更下游模块的反向传播来获得输出 $o(t)$ 上的梯度。
- 应用：如情感分析 (sentiment analysis)

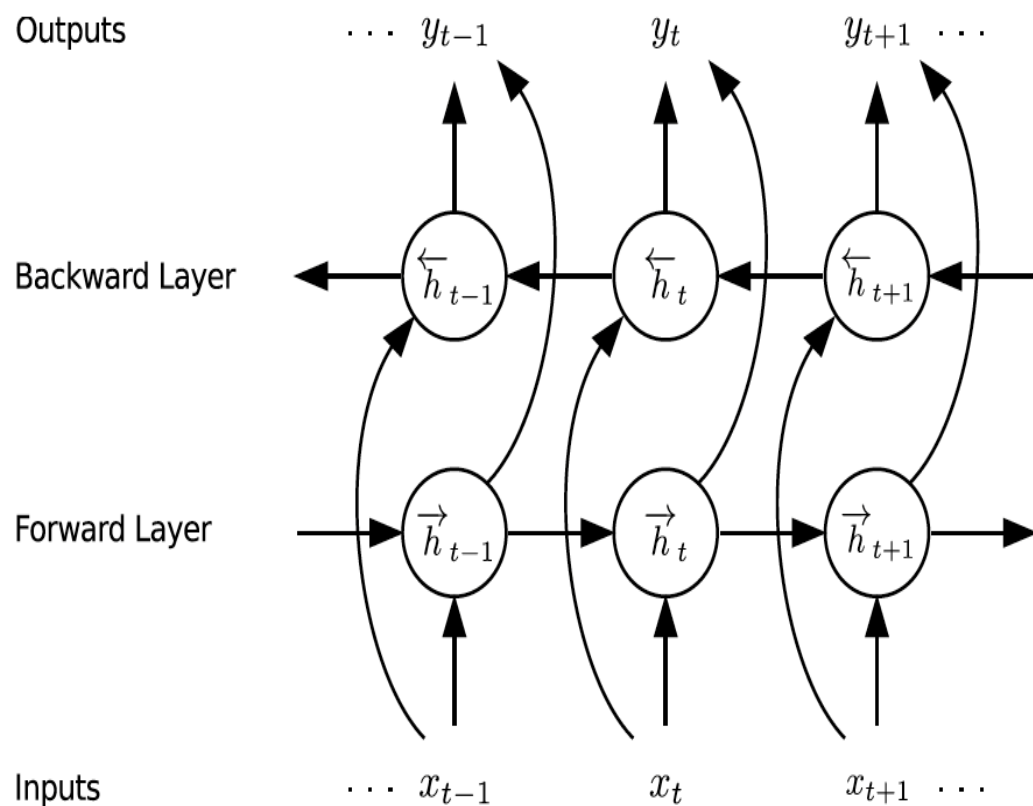


# 双向RNN ( Bidirectional RNN )

- 一个时间上从序列起点开始移动的RNN 和另一个时间上从序列末尾开始移动的RNN。
- $h(t)$  代表通过时间向前移动的子RNN 的状态,  $g(t)$  代表通过时间向后移动的子RNN 的状态。
- 输出单元 $o(t)$ , 能够计算同时依赖于过去和未来且对时刻 $t$ 的输入值最敏感的表达
- 用途: 手写识别和语音识别



# 双向RNN



- 更新方程

$$\vec{h}_t = \mathcal{H} \left( W_{x\vec{h}} x_t + W_{\vec{h}\vec{h}} \vec{h}_{t-1} + b_{\vec{h}} \right)$$

$$\overleftarrow{h}_t = \mathcal{H} \left( W_{x\overleftarrow{h}} x_t + W_{\overleftarrow{h}\overleftarrow{h}} \overleftarrow{h}_{t+1} + b_{\overleftarrow{h}} \right)$$

$$y_t = W_{\vec{h}_y} \vec{h}_t + W_{\overleftarrow{h}_y} \overleftarrow{h}_t + b_y$$

# 损失函数

- 循环网络的训练损失：
  - 将 $x$ 值的输入序列映射到输出值 $o$ 的对应序列。
  - 损失 $L$  衡量每个输出 $o$  与相应的训练目标 $y$  的距离。
  - 使用softmax 输出时， $o$  是未归一化的对数概率（logit）。
  - 损失 $L$  内部计算：  $y' = \text{softmax}(o)$ ，并将其与目标 $y$  比较。

# 损失函数

- 与x 序列配对的y 的总损失就是所有时间步的损失之和。例如,  $L(t)$  为给定的 $x(1), \dots, x(t)$  后 $y(t)$  的负对数似然

$$\begin{aligned} & L(\{\mathbf{x}^{(1)}, \dots, \mathbf{x}^{(\tau)}\}, \{\mathbf{y}^{(1)}, \dots, \mathbf{y}^{(\tau)}\}) \\ &= \sum_t L^{(t)} \\ &= - \sum_t \log p_{\text{model}}(y^{(t)} \mid \{\mathbf{x}^{(1)}, \dots, \mathbf{x}^{(t)}\}) \end{aligned}$$

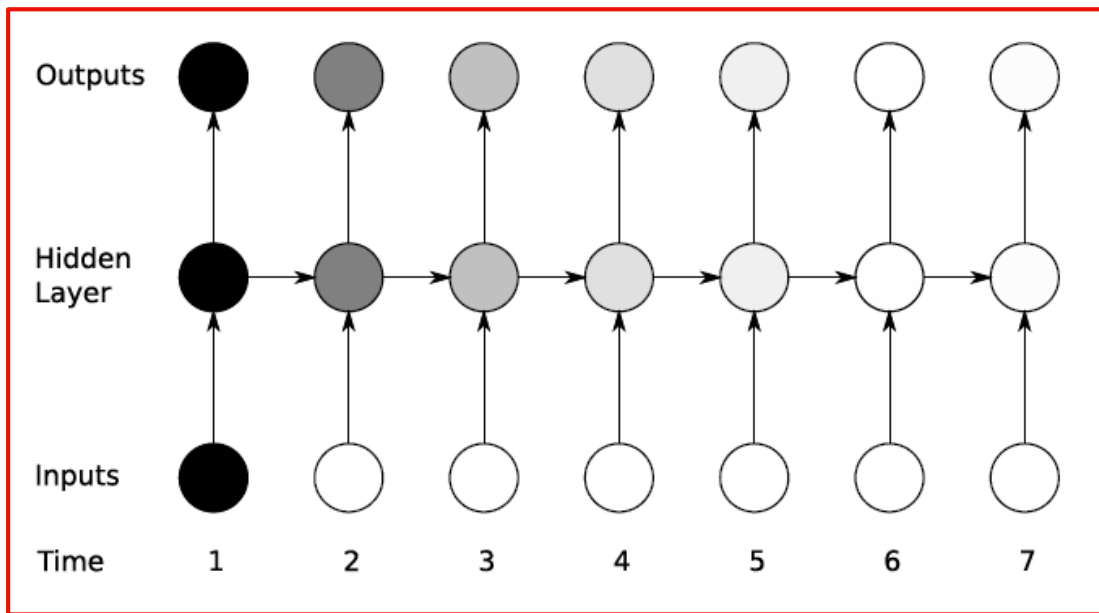


# 通过时间反向传播 (back-propagation through time, BPTT)

- 通过时间反向传播算法 (back-propagation through time, BPTT) 应用于展开图的反向传播参数调节。
- 梯度计算涉及执行一次前向传播 (从左到右的传播)，一次由右到左的反向传播。
- 运行时间是 $O(T)$ ，并且不能通过并行化来降低，因为前向传播图是固有顺序的。
- 每个时间步只能一前一后地计算。前向传播中的各个状态必须保存，直到它们反向传播中被再次使用，因此内存代价也是 $O(T)$ 。
- 损失函数的梯度关于各个参数的计算是计算成本很高的操作。
- 由此可见，循环网络非常强大但训练代价也很大。

# RNN训练的问题

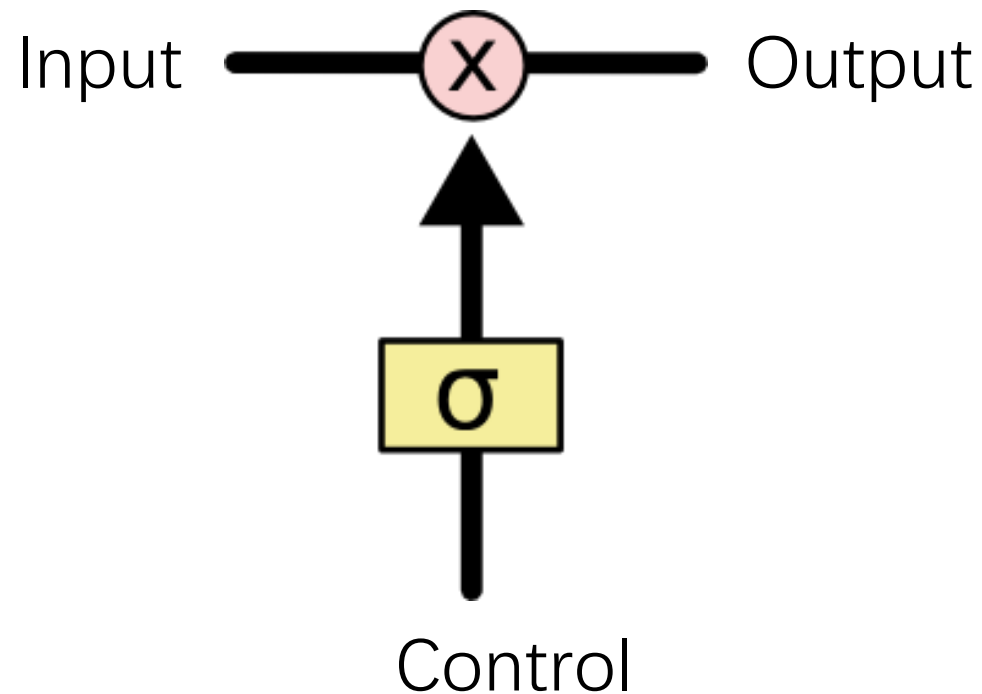
- Gradient Clipping
  - 训练循环网络时，经常出现梯度要么太大，要么太小，为了加速训练，需要把梯度设置为一些固定数值。比如说，梯度的任何维度的数值应该小于1，如果某个维度的数值大于1，则固定设置为1.
- 训练RNN时的梯度消失和梯度爆炸问题
  - BPTT时，最初和最后的时间步的梯度的幅度过大或者过小
  - Sigmoid函数的饱和问题
  - ReLU函数的问题
- LSTM解决以上问题



[1] S. Hochreiter, Y. Bengio, P. Frasconi, and J. Schmidhuber. Gradient flow in recurrent nets: the difficulty of learning long-term dependencies. A Field Guide to Dynamical Recurrent Neural Networks, 2001.

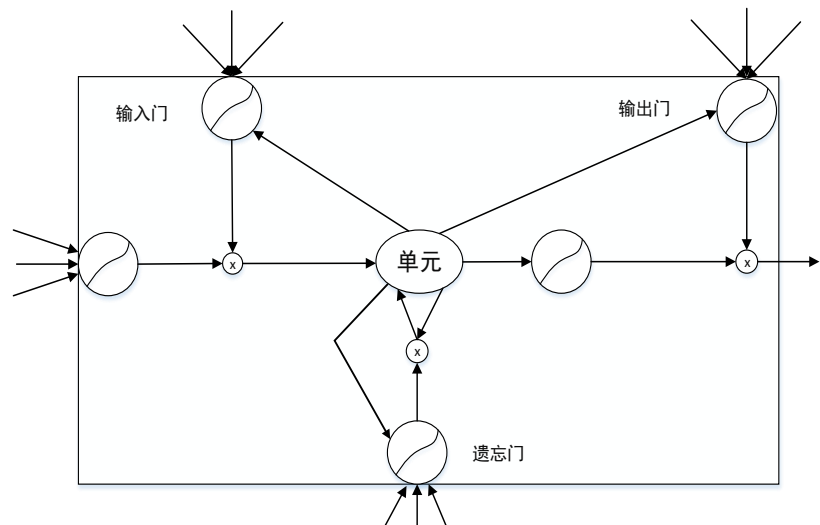
# 门电路

- Input和Control形状一致
- Control经过Sigmoid函数后, 变成一个范围在0-1之间的一个同形状的Tensor
- Input和 $\sigma(\text{Control})$  元素相乘等到一个同形的Output



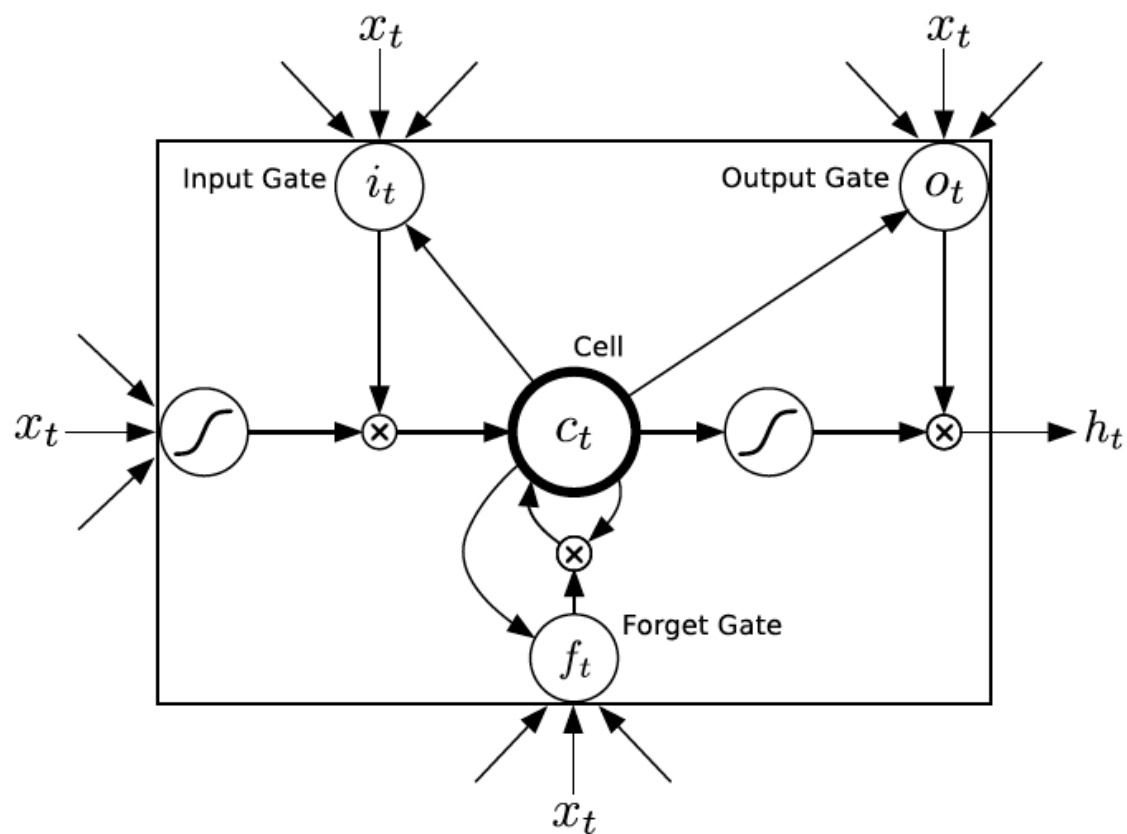
# 长短时记忆网络 (Long-short term memory)

- LSTM是RNN的一个改进，LSTM增加了一个主输入单元和其他三个辅助的门限输入单元：
  - 记忆单元 (memory cell)、输入门 (input gate)、遗忘门 (forget gate) 及输出门 (output gate)。
- 三个辅助输入分别控制网络是否输入，是否存储输入以及是否输出。
  - 输入门 (Input gate) 控制是否输入，遗忘门 (Forget gate) 控制是否存储，输出门 (Output gate) 控制是否输出。
- 辅助单元可以寄存时间序列的输入，在训练过程中会利用后向传播的方式进行。
- 记忆单元和这些门单元的组合，大大提升了RNN处理远距离依赖问题的能力，解决RNN网络收敛慢的问题。



<https://distill.pub/2019/memorization-in-rnns/>

# LSTM



- 前向方程

$$h_t = \mathcal{H}(W_{xh}x_t + W_{hh}h_{t-1} + b_h) \quad (1)$$

$$y_t = W_{hy}h_t + b_y \quad (2)$$

$$i_t = \sigma(W_{xi}x_t + W_{hi}h_{t-1} + W_{ci}c_{t-1} + b_i) \quad (3)$$

$$f_t = \sigma(W_{xf}x_t + W_{hf}h_{t-1} + W_{cf}c_{t-1} + b_f) \quad (4)$$

$$c_t = f_t c_{t-1} + i_t \tanh(W_{xc}x_t + W_{hc}h_{t-1} + b_c) \quad (5)$$

$$o_t = \sigma(W_{xo}x_t + W_{ho}h_{t-1} + W_{co}c_t + b_o) \quad (6)$$

$$h_t = o_t \tanh(c_t) \quad (7)$$

- RNN

$$h_t = \mathcal{H}(W_{xh}x_t + W_{hh}h_{t-1} + b_h) \quad (1)$$

$$y_t = W_{hy}h_t + b_y \quad (2)$$

- LSTM

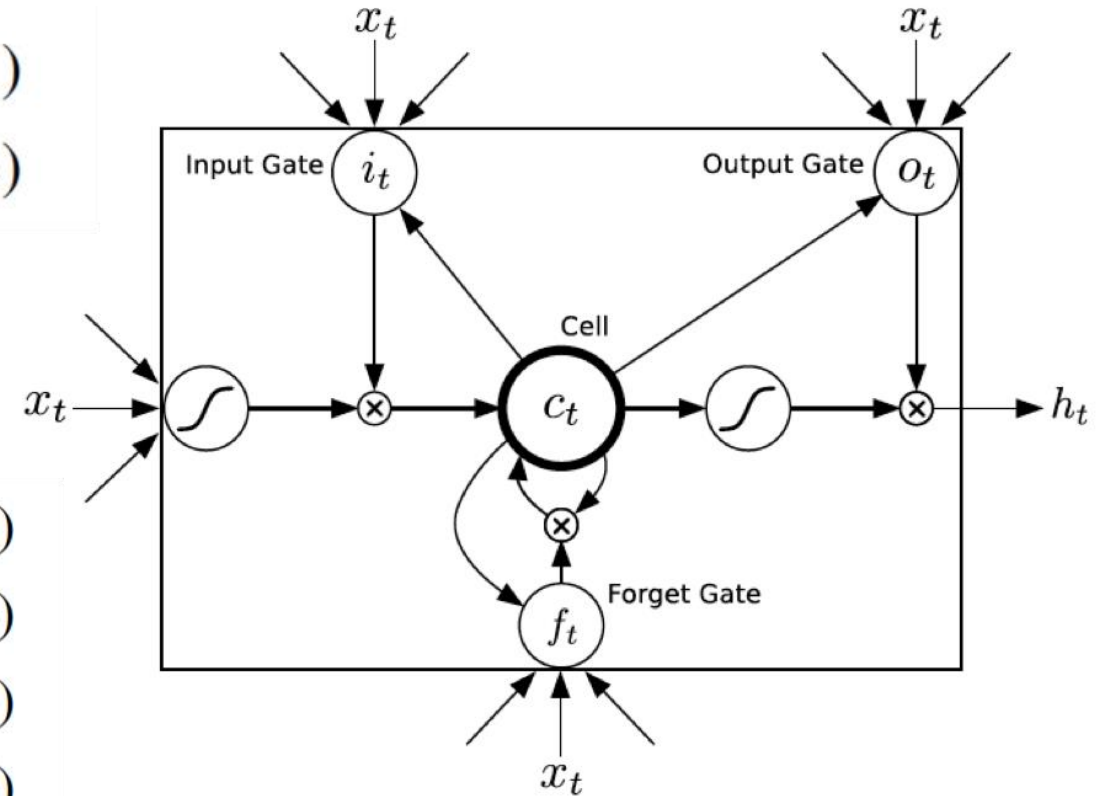
$$i_t = \sigma(W_{xi}x_t + W_{hi}h_{t-1} + W_{ci}c_{t-1} + b_i) \quad (3)$$

$$f_t = \sigma(W_{xf}x_t + W_{hf}h_{t-1} + W_{cf}c_{t-1} + b_f) \quad (4)$$

$$c_t = f_t c_{t-1} + i_t \tanh(W_{xc}x_t + W_{hc}h_{t-1} + b_c) \quad (5)$$

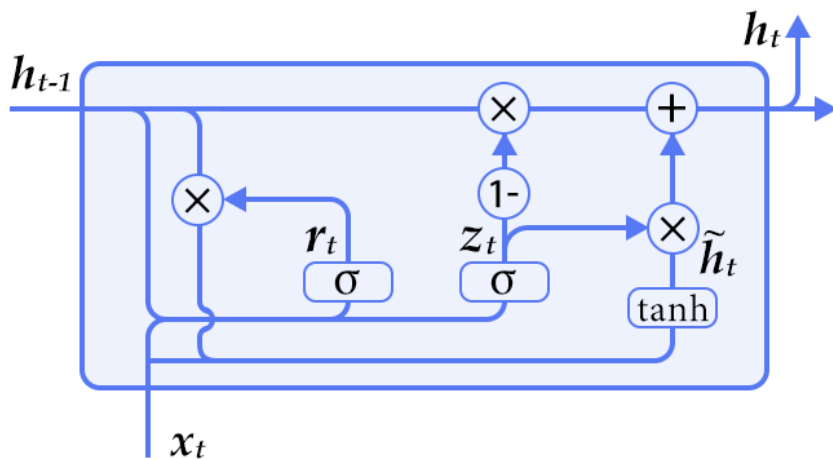
$$o_t = \sigma(W_{xo}x_t + W_{ho}h_{t-1} + W_{co}c_t + b_o) \quad (6)$$

$$h_t = o_t \tanh(c_t) \quad (7)$$



# 门控循环单元 (Gated Recurrent Unit)

- GRU (Gated Recurrent Unit) 是Cho等提出的LSTM的简化版本，也是RNN的一种变种
- GRU单元只有两个门：
  - 更新门 (update gate)，将LSTM的输入门和遗忘门合并，用于控制历史信息对当前时刻隐层输出的影响。如果更新门接近1，会把历史信息传递下去。
  - 重置门 (reset gate)，如果重置门关闭，会忽略掉历史信息，即历史不相干的信息不会影响未来的输出。



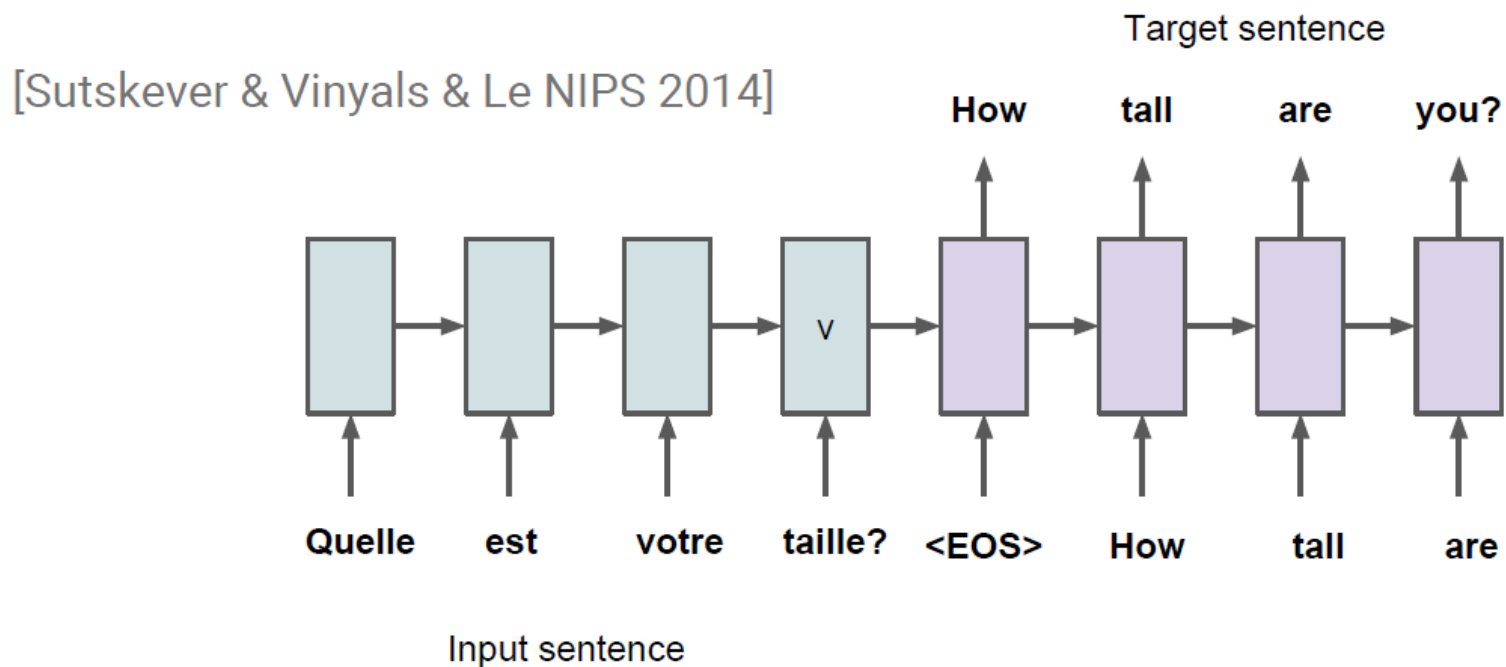
$$\begin{aligned} z_t &= \sigma(W_t \cdot [h_{t-1}, x_t]) && \text{更新门} \\ r_t &= \sigma(W_t \cdot [h_{t-1}, x_t]) && \text{重置门} \\ \tilde{h}_t &= \tanh(W \cdot [r_t * h_{t-1}, x_t]) && \text{节点状态} \\ h_t &= (1 - z_t) * h_{t-1} + z_t * \tilde{h}_t && \text{输出} \end{aligned}$$

# 序列对序列模型

Sequence-to-Sequence Models



# 机器翻译 (英语-法语)

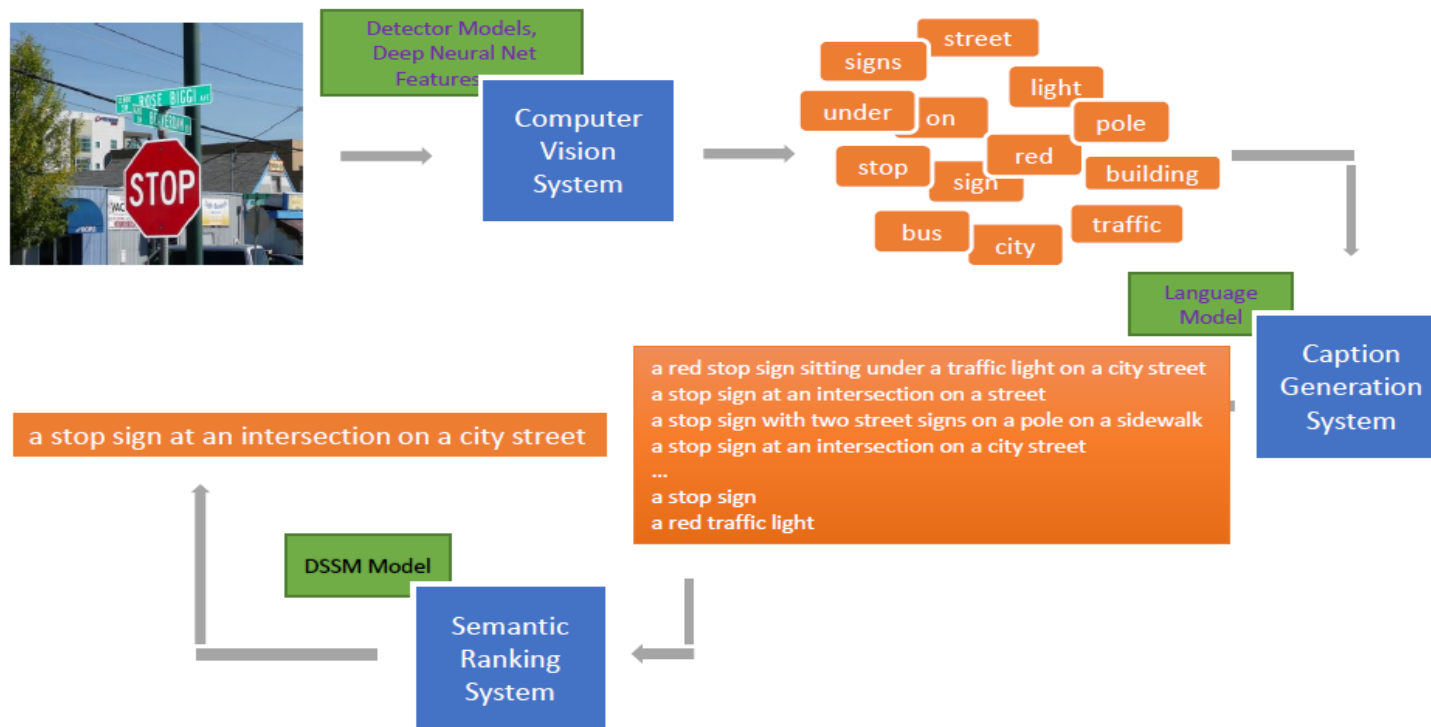


[x] I. Sutskever, O. Vinyals, & Q. V. Le, Sequence to sequence learning with neural networks. NIPS 2014.

# 注意力机制

- 序列对序列模型Seq2Seq是一个万能模型
- 注意力机制（attention mechanism）

# 深度学习的应用-图片注解



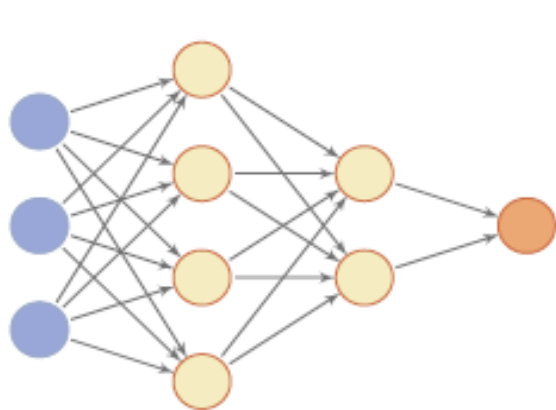
Fang, Hao, et al. "From captions to visual concepts and back." *Proceedings of the IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition*. 2015.

神经图灵机

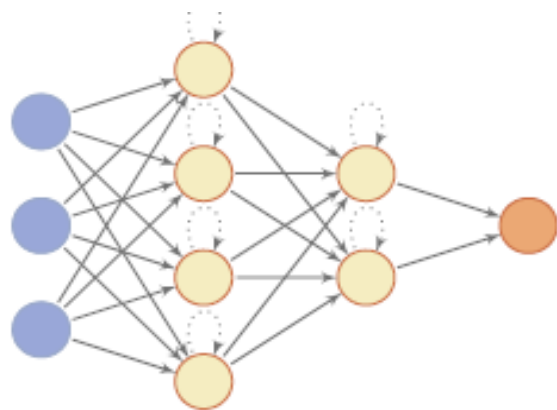
Neural Turing Machines

# 多层人工神经网络的层间连接关系

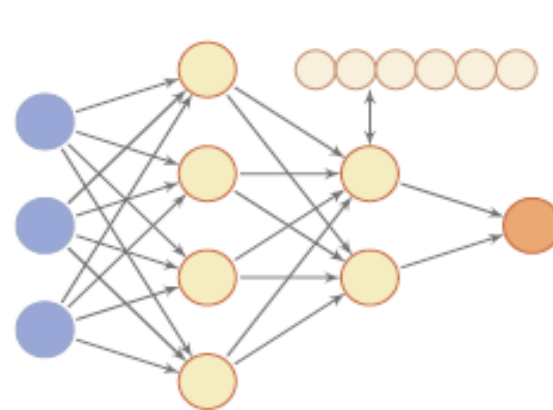
- 按照连接主义观点：人工神经网络由大量的神经元以及它们之间的有向连接构成，能够实现复杂的智能功能。
- 网络的拓扑结构：不同层神经元之间的连接关系。
  - 前馈网络（feedforward）、反馈网络（feedback）和记忆网络（memory network）



(a) 前馈网络



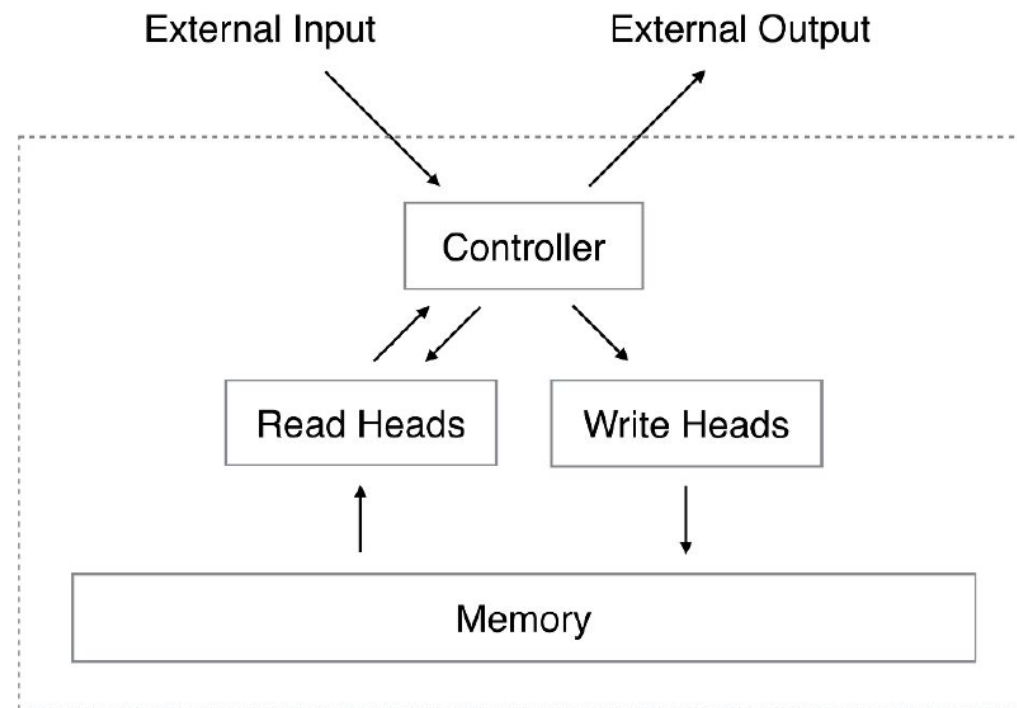
(b) 反馈网络



(c) 记忆网络

# 神经图灵机 ( Neural Turing Machines )

- NTM组件
  - 控制器
  - 外部记忆
  - 读写操作
  - 输入输出
- 整个架构可微分训练

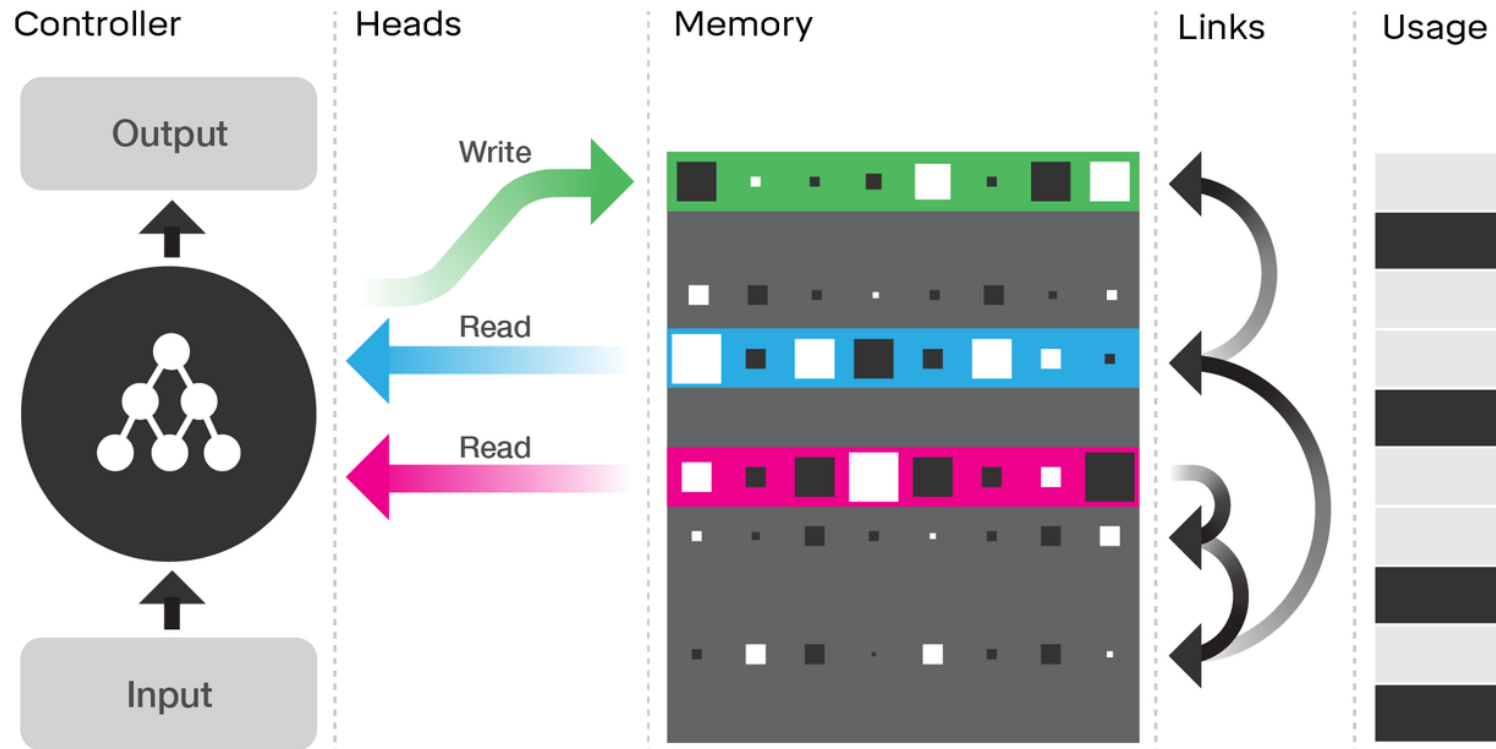


<https://distill.pub/2016/augmented-rnns/>

[x] Graves, Alex, Greg Wayne, and Ivo Danihelka. "Neural turing machines." *arXiv preprint arXiv:1410.5401* (2014).  
<http://arxiv.org/abs/1410.5401>

# Differentiable neural computers (DNC)

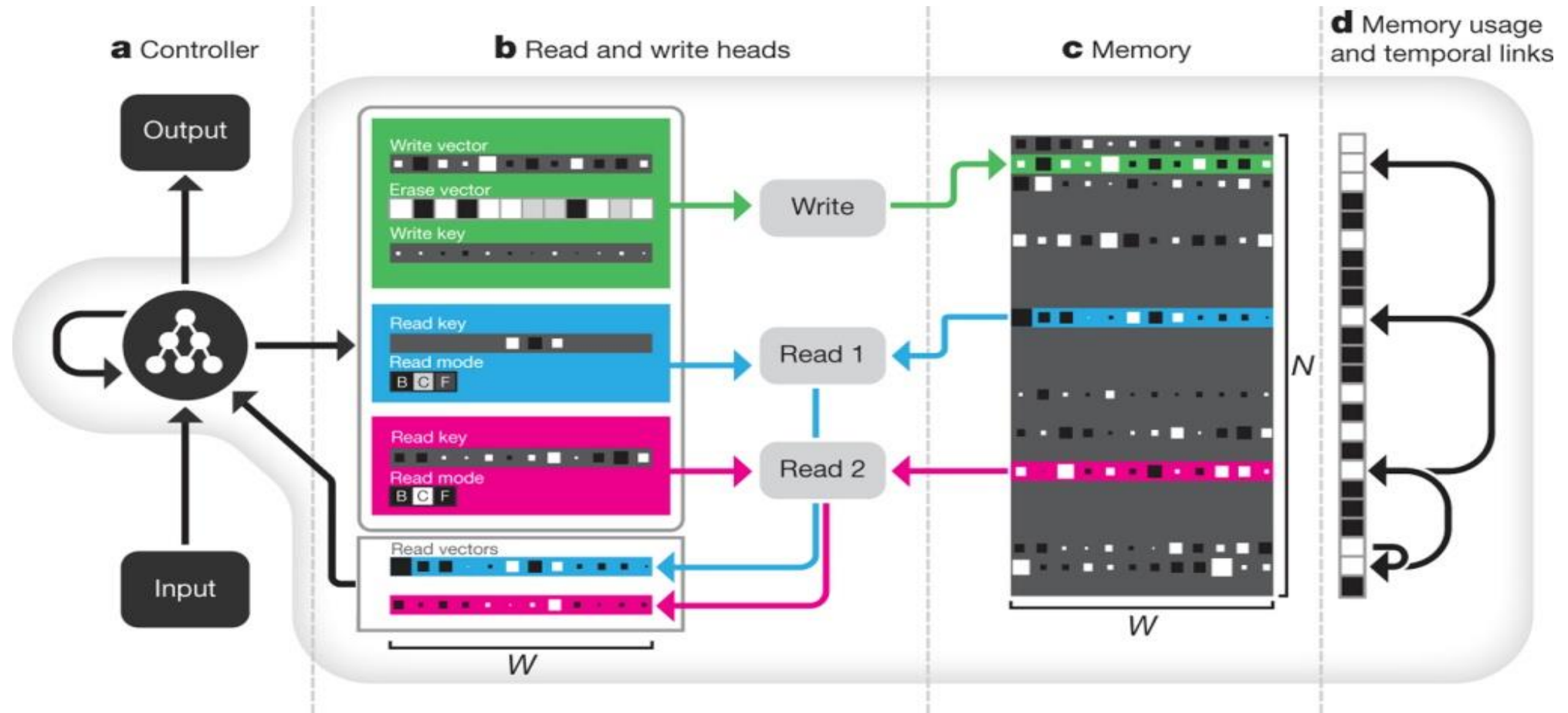
Illustration of the DNC architecture



[x] Graves, Alex, et al. "Hybrid computing using a neural network with dynamic external memory." Nature 538.7626 (2016): 471.

# DNC architecture

nature



Alex Graves, New Directions For Recurrent Neural Networks, invited talk, ICLR 2017.



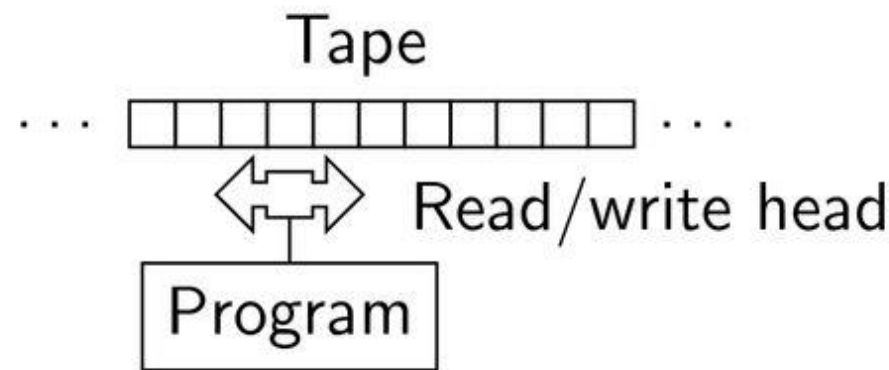
谢谢指正！

zhenchen@Tsinghua.edu.cn

# ASR-paper参考

- [x] Long short term memory neural computation, Neural computation 9 (8), 1735-1780, 1997.
- [x] Connectionist temporal classification labelling unsegmented sequence data with recurrent neural networks, ICML 2006.
- [x] Speech recognition with deep recurrent neural networks, ICASSP 2013.
- [x] Towards End-To-End Speech Recognition with Recurrent Neural Networks, ICML 2014.
- [x] Speech 2 End-to-End Speech Recognition in English and Mandarin, JMLR 2016.
- [x] Yoshua Bengio, Ian Goodfellow, Aaron Courville, Deep Learning, MIT Press, 2016.

# 图灵机

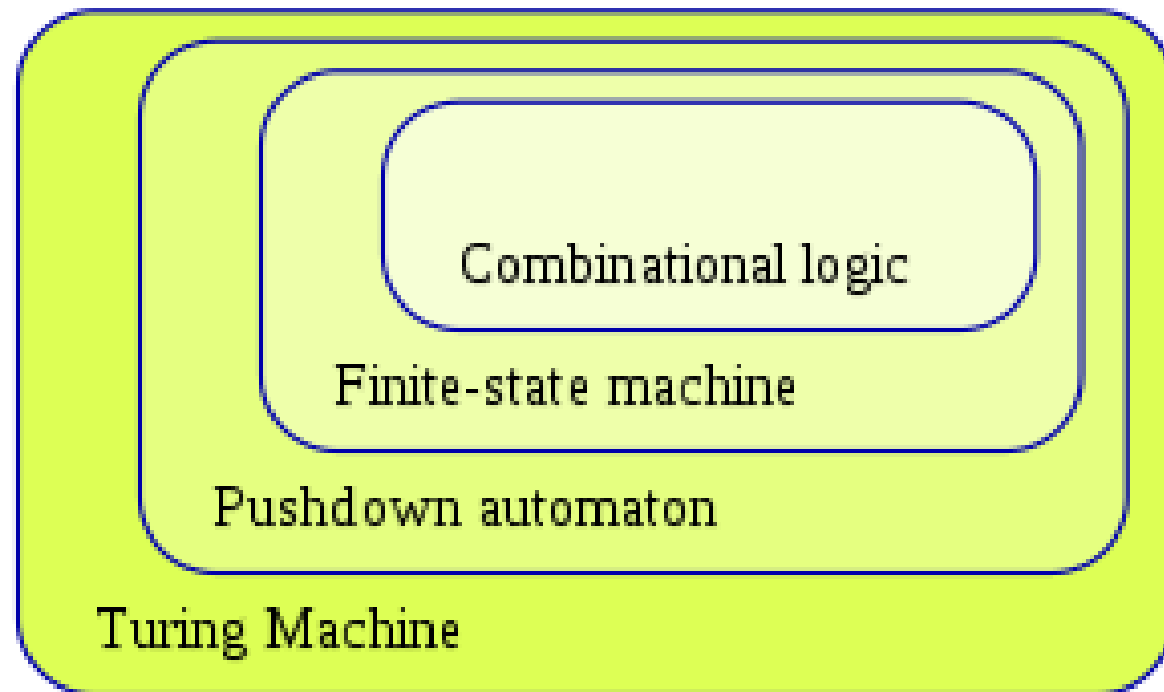


- 英国数学家艾伦·图灵于1936年提出的一种抽象计算模型。
- **一条无限长的纸带TAPE。**纸带被划分为一个接一个的小格子，每个格子上包含一个来自有限字母表的符号，字母表中有一个特殊的符号 表示空白。纸带上的格子从左到右依次被编号为0, 1, 2, ..., 纸带的右端可以无限伸展。
- **一个读写头HEAD。**该读写头可以在纸带上左右移动，它能读出当前所指的格子上的符号，并能改变当前格子上的符号。
- **一套控制规则TABLE。**它根据当前机器所处的状态以及当前读写头所指的格子上的符号来确定读写头下一步的动作，并改变状态寄存器的值，令机器进入一个新的状态，按照以下顺序告知图灵机命令：
  - 1. 写入（替换）或擦出当前符号；2. 移动 HEAD, 'L'向左, 'R'向右或者'N'不移动；
  - 3. 保持当前状态或者转到另一状态
- **一个状态寄存器。**它用来保存图灵机当前所处的状态。图灵机的所有可能状态的数目是有限的，并且有一个特殊的状态，称为**停机状态**。

# 图灵机

Automata theory

- 自动机理论
  - 组合逻辑电路
  - 有限自动机
  - 下推自动机
  - 图灵机



[x] Michael Sipser. Introduction to the Theory of Computation. PWS Publishing, 1997.

[x] Lewis, Harry R., and Christos H. Papadimitriou. Elements of the Theory of Computation. Prentice Hall PTR, 1997.

# 循环网络的近似能力

- Schäfer 和 Zimmermann 的论文证明 ( ICANN-2006) :

用Sigmoid激活函数的RNN是图灵完备的 (Turing-complete) , 即只要给出正确的权重, RNNs可以计算任何可计算的程序。

- RNN是图灵完全等价的 (Siegelmann and Sontag, 1995)

任何图灵可计算的函数都可以通过一个有限维的循环网络计算。

RNN 经过若干时间步后读取输出, 这与由图灵机所用的时间步是渐近线性的, 与输入长度也是渐近线性。

[x] Schäfer, Anton Maximilian, and Hans Georg Zimmermann. "Recurrent neural networks are universal approximators." International Conference on Artificial Neural Networks (ICANN). Springer, Berlin, Heidelberg, 2006.

[x] Siegelmann, Hava T., and Eduardo D. Sontag. "On the computational power of neural nets." Proceedings of the fifth annual workshop on Computational learning theory. ACM, 1992.