UFPR

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ

Setor de Tecnologia

Programa de Pós-Graduação em Engenharia Mecânica

Programa de Pós-Graduação em Métodos Numéricos em Engenharia

EMEC-7012/MNUM-7023 DINÂMICA DOS FLUIDOS COMPUTACIONAL I – 2024/3

1º Trabalho Computacional - 8 Out 2024

Entrega: 22 Out 2024

Questão única

Implementar um código computacional para resolver com o método dos volumes finitos o problema definido por:

$$\frac{d^2T}{dx^2} + \frac{\dot{q}}{k} = 0;$$
 $T(0) = T_A;$ $T(L) = T_B$

Dados:

$$T_A = 0$$
 ° C; $T_B = 100$ ° C; $k = 400 \text{ W/m} \cdot \text{K}; \qquad \dot{q} = 5 \times 10^5 \text{ W/m}^3;$

 $A = 0.10 \,\mathrm{m}^2$; $L = 1.0 \,\mathrm{m}$

Solver: TDMA ou solver de sua preferência (caso seja aplicado um método iterativo, garantir que o erro de máquina seja atingido.

Malha uniforme, com N = 10 volumes de controle

Condições de contorno incorporadas aos volumes adjacentes aos contornos

Funções de interpolação lineares para T e q.

Resultados a apresentar:

1. [20] Tabela contendo em cada linha: número do volume; x_P (posição); a_w ; a_p ; a_e ; b_p ; onde:

$$a_P T_P = a_W T_W + a_F T_F + b_P$$

- 2. [10] Tabela contendo em cada linha: número do volume; x_P (posição); T_p analítico; T_p numérico, e o erro entre eles, definido por T_p analítico T_p numérico, incluindo as duas condições de contorno.
- 3. [20] Gráfico de T_p versus x_p com as soluções analítica e numérica, incluindo as duas condições de contorno.
- 4. [15] Soluções analítica e numérica para a temperatura média (\overline{T}), obtida com a regra do retângulo.
- 5. [10] Soluções analítica e numérica para a taxa de transferência de calor (q_0) em x = 0.
- 6. [10] Soluções analítica e numérica para a taxa de transferência de calor (q_L) em x = L.
- 7. [15] Listagem impressa do código computacional implementado.

RECOMENDAÇÕES:

- Usar precisão dupla e apresentar os resultados com pelo menos 10 algarismos significativos.
- Usar papel A4 branco ou folha com pauta; o texto deve ser impresso ou escrito a caneta.
- O trabalho deve ser feito individualmente. Em caso de dúvidas, entrar em contato com o professor antes do final do prazo de entrega do trabalho.
- Para fins de conceito/avaliação, serão considerados apenas os trabalhos entregues dentro do prazo estipulado.
- Referência para o TDMA: http://ftp.demec.ufpr.br/disciplinas/TM701 no arquivo TDMA.pdf.