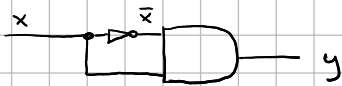
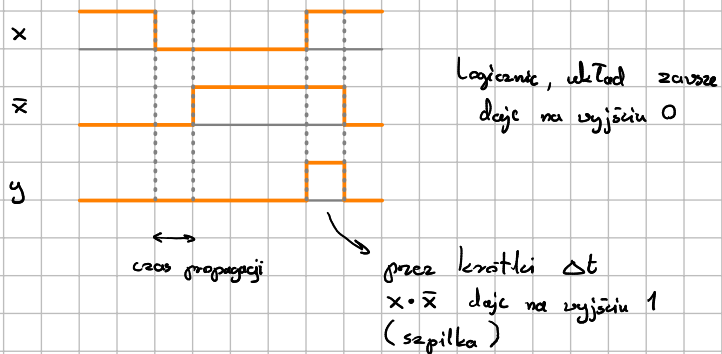


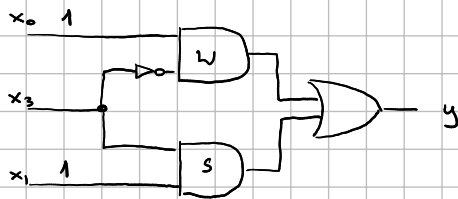
Hazard statyczny - zjawisko fizyczne



fizyczne elementy charakteryzując czas propagacji (rzędu 1 ns)



Impulsy hazardowe prawie zawsze pojawiają się w układach kombinacyjnych



x_1, x_0				
x_3, x_2	00	01	11	10
00	0	1	1	0
01	0	1	1	0
11	0	0	1	1
10	0	0	1	1

miejsce wystąpienia szpilki widaci
→ mapie Karnaugh

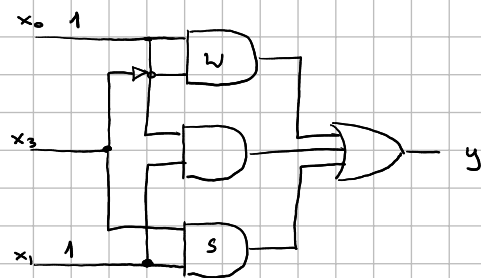
$$y = \bar{x}_3 x_0 + x_3 x_1$$

Rezygnacja z postaci minimalnej pozwala na uniknięcie hazardu

x_1, x_0				
x_3, x_2	00	01	11	10
00	0	1	1	0
01	0	1	1	0
11	0	0	1	1
10	0	0	1	1

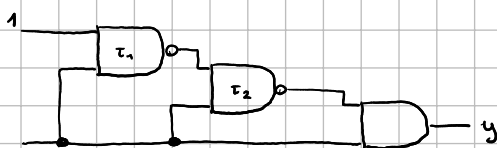
$$y = \bar{x}_3 x_0 + x_3 x_1 + x_1 x_0$$

dotatkowy implikant zapobiega
powstawaniu hazardu



Hazard dynamiczny

ten sam sygnał dociera do różnych 3 poziomów układu



należy uniknąć faktoryzacji

Układy wielowyjściowe



$$Y = F(X)$$

$$X = (x_{m-1}, \dots, x_0) \rightarrow m$$

$$Y = (y_{n-1}, \dots, y_0) \rightarrow n$$

$$F = (f_{n-1}, \dots, f_0) \rightarrow n$$

$$Y = \begin{cases} y_0 = f_0(x_{m-1}, \dots, x_0) \\ y_1 = f_1(x_{m-1}, \dots, x_0) \\ \dots \\ y_{n-1} = f_{n-1}(x_{m-1}, \dots, x_0) \end{cases}$$

n funkcji, każda od tego samego argumentu

Minimalizacja łączna i rozłączna

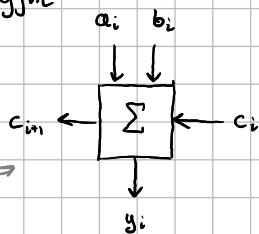
Minimalizacja rozłączna - oddzielnie każdą z funkcji składowych

Przeprowadzając minimalizację każdej funkcji oddzielnie otrzymamy układ, który można jeszcze uprościć wykorzystując implikanty powtarzające się między funkcjami (i oszczędzić bramki)

- 1) Minimalizacja każdej z funkcji y_i na mapie Karnaugh
- 2) Znaleźć wszystkie kombinacje literczyń y_i (dla 3 $\rightarrow y_1 y_2, y_1 y_3, y_1 y_3, y_1 y_2 y_3$) i minimalizacja na mapie Karnaugh
- 3) Wpisać wszystkie implikanty do tabeli Quine'a z podziałem na funkcje składowe
- 4) Znaleźć minimalnego pokrycia i zapisać każdą z funkcji składowych

Sumowanie jednopozycyjne

0	0	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0



a, b - składniki sumy
 c - przeniesienie
 y - wynik

tabela prawdy

→ zespół funkcji

a_i	b_i	c_i	y_i	c_{i+1}
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

$$y_i = a_i \oplus b_i \oplus c_i$$

$$c_{i+1} = a_i b_i + a_i c_i + b_i c_i$$

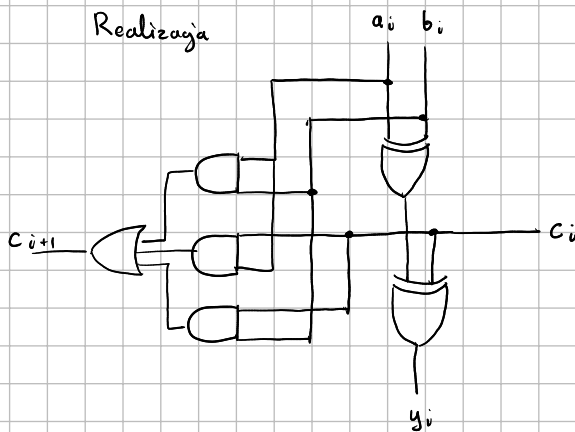
$a_i b_i$	c_i	00	01	11	10
0	0	0	1	0	1
1	1	1	0	1	0

y_i

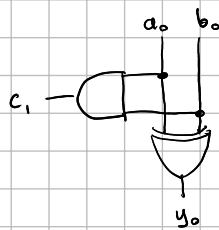
$a_i b_i$	c_i	00	01	11	10
0	0	0	0	1	0
1	0	1	1	1	1

c_{i+1}

Realizacja

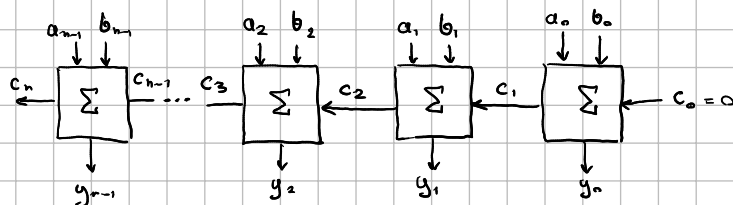


przypadek brzegowy kiedy $c_0 = 0$
 można znacznie uprościć



Sumator iteracyjny n-pozycyjny

Gatunki blok wystarczy powtórzyć odpowiednią liczbę razy
 podając na wejścia kolejne bity i łącząc sygnały przeniesienia



Układy iteracyjne

Rozwiązują po kolei mniejsze problemy

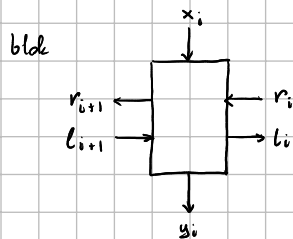
Projektowanie układów iteracyjnych

- Zdekomponować układ dla pojedynczego wejścia - jeden blok
- Określić i wyznaczyć przeniesienia pomiędzy blokami (tabela prawdy)
- Wyznaczyć funkcję wyjścia i funkcję przeniesień
- Połączyć bloki

Przykładowy układ

daje '1' na wszystkich pozycjach między sterującymi '1' wejścia

IN	0	0	1	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0
OUT	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0



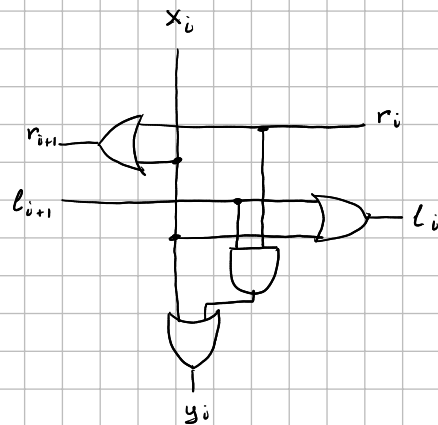
r - znajduje jedynkę z prawej strony
 l - znajduje jedynkę z lewej strony

x_i	l_{i+1}	r_i	y_i	l_i	r_{i+1}
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	1

$$y_i = x_i + l_{i+1} r_i$$

$$l_i = x_i + l_{i+1}$$

$$r_{i+1} = x_i + r_i$$



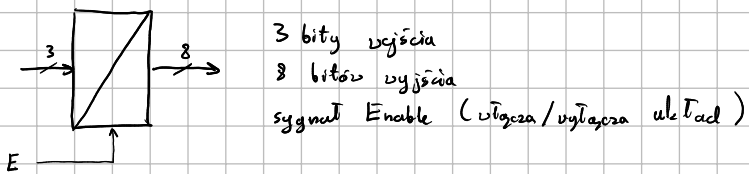
Bloki funkcjonalne (kombinacyjne)

Gotowe układy realizujące często postanawiające się przydatne funkcje

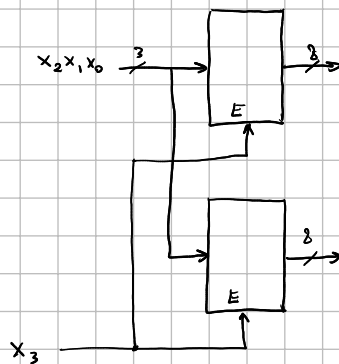
Konvertory kodu (kodery i dekodery)

- | | | | |
|-------------|----|-------------|--|
| • kod NKB | na | kod Graya | |
| • kod Graya | na | kod NKB | |
| • kod NKB | na | kod '1 z n' | |
| itg. | | | |

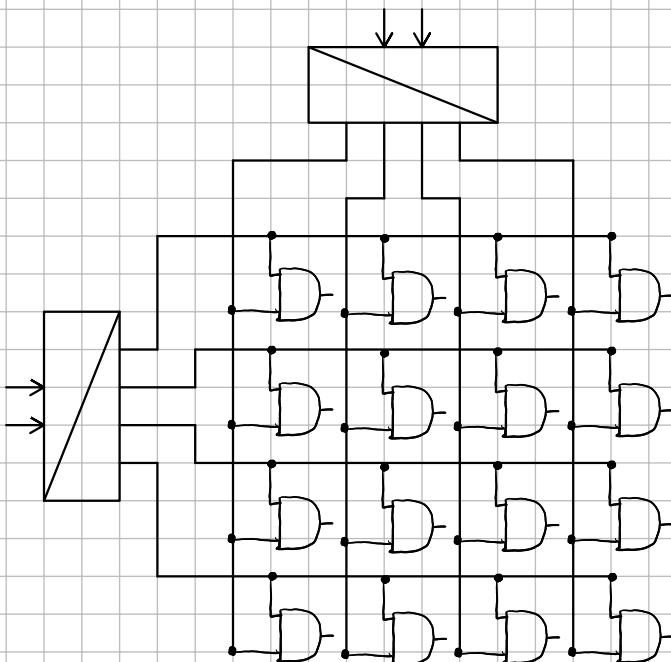
O2 na zemi



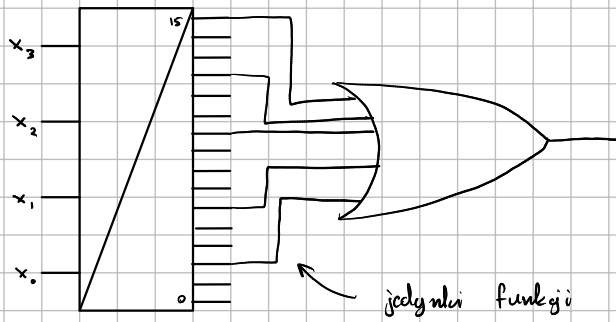
Decoder 4 na 16 zložený z dvoch 3 na 8



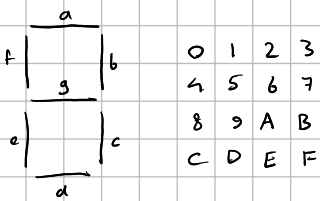
Dekoder współrzędnościowy



Realizacja funkcji logicznej 4 zmiennych na dekodерze 1 z 16

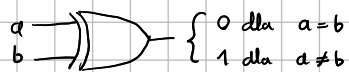


Wyświetlacz 7 segmentowy

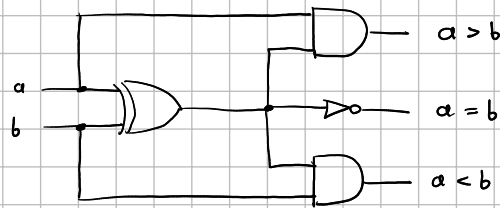


→ dekodер z 4-bitowym wejściem

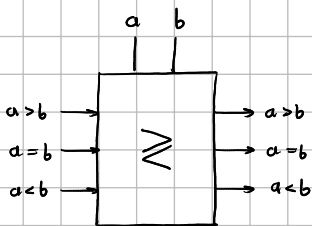
Komparator



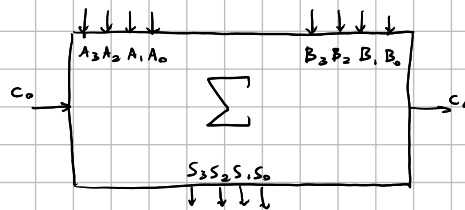
Komparator jednobitowy



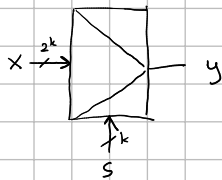
Block iteracyjny komparatora



Sumator 4-bitowy

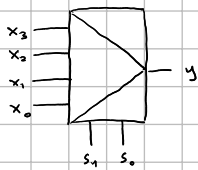


Multiplikser



Wybiera jedno z wyjść (X)
za pomocą sygnału sterującego (S)
i wyprawdza je na wyjście (Y)

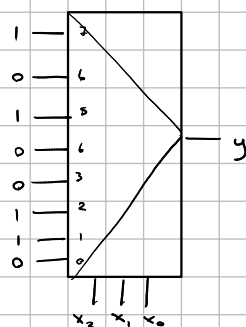
multiplikser $4 \rightarrow 1$



s_1	s_0	y
0	0	x_0
0	1	x_1
1	0	x_2
1	1	x_3

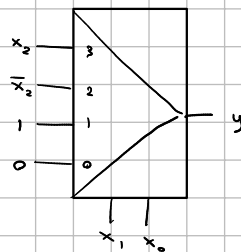
Realizacja funkcji logicznej 3 zmiennych na multiplikserze $8 \rightarrow 1$

x_2, x_1, x_0	00	01	11	10
0	0	1	0	1
1	0	1	1	0



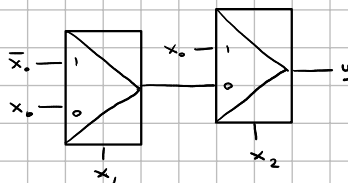
Realizacja funkcji logicznej 3 zmiennych na multiplikserze $4 \rightarrow 1$

x_2, x_1, x_0	00	01	11	10
0	0	1	0	1
1	0	1	1	0



Realizacja funkcji logicznej 3 zmiennych na multiplikserach $2 \rightarrow 1$

x_2, x_1, x_0	00	01	11	10
0	0	1	0	1
1	0	1	1	0



Na jednym MUX $2^n \rightarrow 1$

zawsze można zrealizować funkcję n -zmiennych
(stałe 0 albo 1 na wejściach informacyjnych)

Na jednym MUX $2^{n-1} \rightarrow 1$

zawsze można zrealizować funkcję n -zmiennych
(stałe 0 albo 1 lub jedna ze zmiennych na
wejściach informacyjnych)

Na jednym MUX $2^{n-2} \rightarrow 1$

nie zawsze można zrealizować funkcję n -zmiennych

Wybór wyjść sterujących

- 1) Zliczyć literały w APN
- 2) Wybrać te występujące najczęściej

jeśli realizacja jest możliwa to da dobrą odpowiedź

$x_1 x_2$	00	01	11	10
00	1	1	1	0
01	0	1	1	0
11	0	0	1	1
10	0	0	1	1

$$y = x_3 x_1 + \bar{x}_3 x_0 + \bar{x}_3 \bar{x}_2 \bar{x}_1$$

$$x_3 \rightarrow 3$$

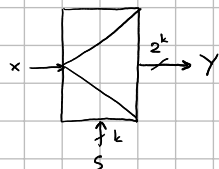
$$x_2 \rightarrow 1$$

$$x_1 \rightarrow 2$$

$$x_0 \rightarrow 1$$

$x_3 x_1$ na wyjście sterujące

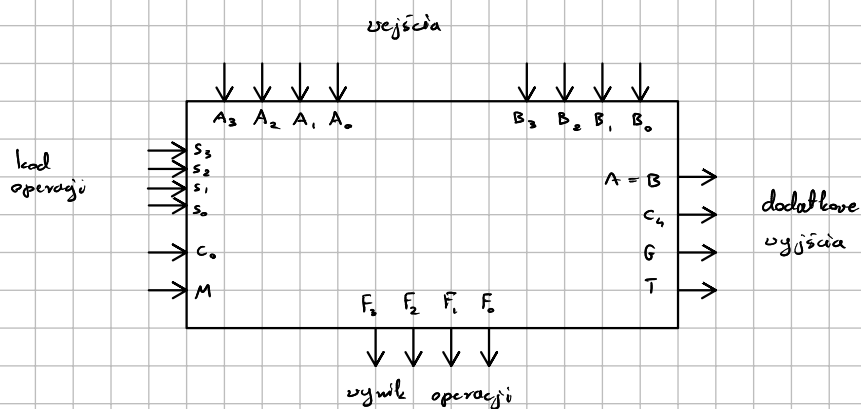
Demultiplexer



Przekazuje wejście (x) na jedno z wyjść (Y) wybranym sygnałem sterującym (S)

Jednostka arytmetyczno-logiczna (ALU)

(jest układem kombinacyjnym)

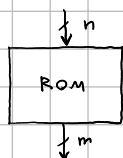


Bramka trójstanowa



Fizycznie oddziela część układu na podstawie sygnału sterującego

Pamięć ROM (read-only memory)



Tablica 2^n wierszy

W każdym wierszu jest m -bitowe słowo

Adres n -bitowy wskazuje wiersz tablicy