

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Отчёт по лабораторной работе №4 по дисциплине "Анализ алгоритмов"

Тема Параллельное умножение матриц	
Студент <u>Романов А.В.</u>	
Группа <u>ИУ7-53Б</u>	
Оценка (баллы)	
Преподаватели Волкова Л.Л., Строганов	: Ю.І

Оглавление

B	веде	ние	адачи4кая часть5оритмов5кая часть10е к ПО10еализации10а алгоритмов10анные12ьская часть12
1	Ана	алитическая часть	4
	1.1	Описание задачи	4
	1.2	Вывод	4
2	Кон	нструкторская часть	5
	2.1	Схемы алгоритмов	5
	2.2	Вывод	5
3	Tex	нологическая часть	10
	3.1	Требование к ПО	10
	3.2	Средства реализации	10
	3.3	Реализация алгоритмов	10
	3.4	Тестовые данные	12
	3.5	Вывод	12
4	Исс	следовательская часть	14
	4.1	Технические характеристики	14
	4.2	Время выполнения алгоритмов	14
	4.3	Вывод	14
За	клю	очение	16
Л	итер	atyna	16

Введение

Многопоточность — способность центрального процессора (CPU) или одного ядра в многоядерном процессоре одновременно выполнять несколько процессов или потоков, соответствующим образом поддерживаемых операционной системой.

Этот подход отличается от многопроцессорности, так как многопоточность процессов и потоков совместно использует ресурсы одного или нескольких ядер: вычислительных блоков, кэш-памяти ЦПУ или буфера перевода с преобразованием (TLB).

В тех случаях, когда многопроцессорные системы включают в себя несколько полных блоков обработки, многопоточность направлена на максимизацию использования ресурсов одного ядра, используя параллелизм на уровне потоков, а также на уровне инструкций.

Поскольку эти два метода являются взаимодополняющими, их иногда объединяют в системах с несколькими многопоточными ЦП и в ЦП с несколькими многопоточными ядрами.

Многопоточная парадигма стала более популярной с конца 1990-х годов, поскольку усилия по дальнейшему использованию параллелизма на уровне инструкций застопорились.

Смысл многопоточности — квазимногозадачность на уровне одного исполняемого процесса.

Значит, все потоки процесса помимо общего адресного пространства имеют и общие дескрипторы файлов. Выполняющийся процесс имеет как минимум один (главный) поток.

Многопоточность (как доктрину программирования) не следует путать ни с многозадачностью, ни с многопроцессорностью, несмотря на то, что операционные системы, реализующие многозадачность, как правило, реализуют и многопоточность.

Достоинства:

- облегчение программы посредством использования общего адресного пространства;
- меньшие затраты на создание потока в сравнении с процессами;
- повышение производительности процесса за счёт распараллеливания процессорных вычислений:
- если поток часто теряет кэш, другие потоки могут продолжать использовать неиспользованные вычислительные ресурсы.

Недостатки:

- несколько потоков могут вмешиваться друг в друга при совместном использовании аппаратных ресурсов [1];
- с программной точки зрения аппаратная поддержка многопоточности более трудоемка для программного обеспечения [2];

- проблема планирования потоков;
- специфика использования. Вручную настроенные программы на ассемблере, использующие расширения ММХ или AltiVec и выполняющие предварительные выборки данных, не страдают от потерь кэша или неиспользуемых вычислительных ресурсов. Таким образом, такие программы не выигрывают от аппаратной многопоточности и действительно могут видеть ухудшенную производительность из-за конкуренции за общие ресурсы.

Однако несмотря на количество недостатков, перечисленных выше, многопоточная парадигма имеет большой потенциал на сегодняшний день и при должном написании кода позволяет значительно ускорить однопоточные алгоритмы.

Задачи лабораторной работы

В рамках выполнения работы необходимо решить следующие задачи:

- изучить понятие параллельных вычислений;
- реализовать последовательный и 2 параллельных реализаций алгоритма перемножения матриц;
- сравнить временные характеристики реализованных алгоритмов экспериментально.

1 Аналитическая часть

1.1 Описание задачи

Пусть даны две прямоугольные матрицы

$$A_{lm} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1m} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{l1} & a_{l2} & \dots & a_{lm} \end{pmatrix}, \quad B_{mn} = \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & \dots & b_{1n} \\ b_{21} & b_{22} & \dots & b_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{m1} & b_{m2} & \dots & b_{mn} \end{pmatrix},$$

$$(1.1)$$

тогда матрица C

$$C_{ln} = \begin{pmatrix} c_{11} & c_{12} & \dots & c_{1n} \\ c_{21} & c_{22} & \dots & c_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ c_{l1} & c_{l2} & \dots & c_{ln} \end{pmatrix}, \tag{1.2}$$

где

$$c_{ij} = \sum_{r=1}^{m} a_{ir} b_{rj} \quad (i = \overline{1, l}; j = \overline{1, n})$$

$$(1.3)$$

будет называться произведением матриц A и B.

В данной лабораторной работе стоит задача распараллеливания алгоритма Винограда по 2 схемам. Так как каждый элемент матрицы C вычисляется независимо от других и матрицы A и B не изменяются, то для параллельного вычисления произведения, достаточно просто равным образом распределить элементы матрицы C между потоками.

1.2 Вывод

Обычный алгоритм перемножения матриц независимо вычисляет элементы матрицырезультата, что дает большое количество возможностей для реализации параллельного варианта алгоритма.

2 Конструкторская часть

На рисунке 2.1 представлена схема обычного алгоритма перемножения матриц (без распараллеливания). На рисунках 2.2 и 2.3 представлены схемы первого и второго варианта распараллеливания алгоритма умножения матриц. На риснуке 2.4 показана схема функции, запускающей вышеописанные функции на нужных промежутках.

2.1 Схемы алгоритмов

2.2 Вывод

На основе теоретических данных, полученных из аналитического раздела, была построена схема стандартного алгоритма умножения матриц, а так же после разделения алгоритма на этапы были предложены 2 схемы параллельного выполнения данных этапов.

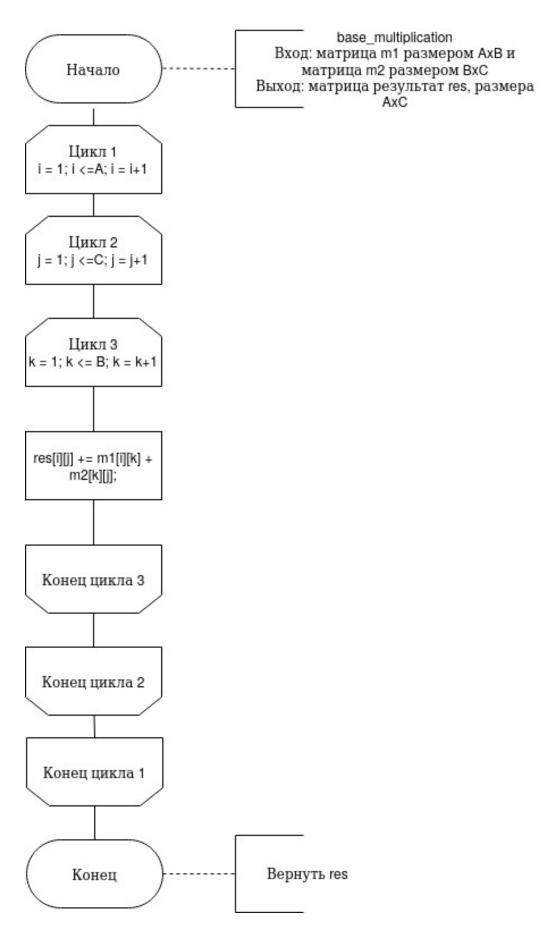


Рис. 2.1: Схема стандартного алгоритма умножения матриц.

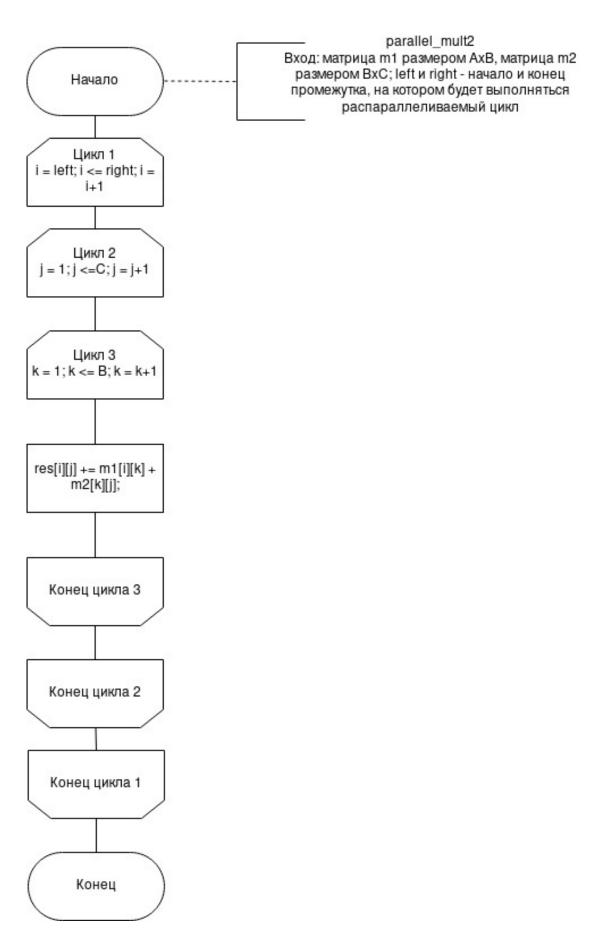


Рис. 2.2: Схема распараллеленного алгоритма умножения матриц, способ №1.

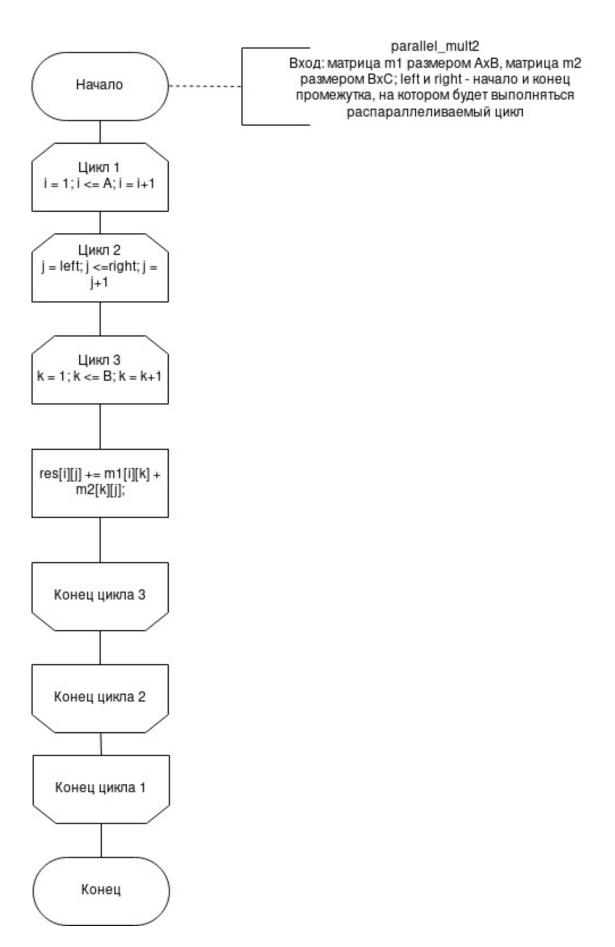


Рис. 2.3: Схема распараллеленного алгоритма умножения матриц, способ №2.

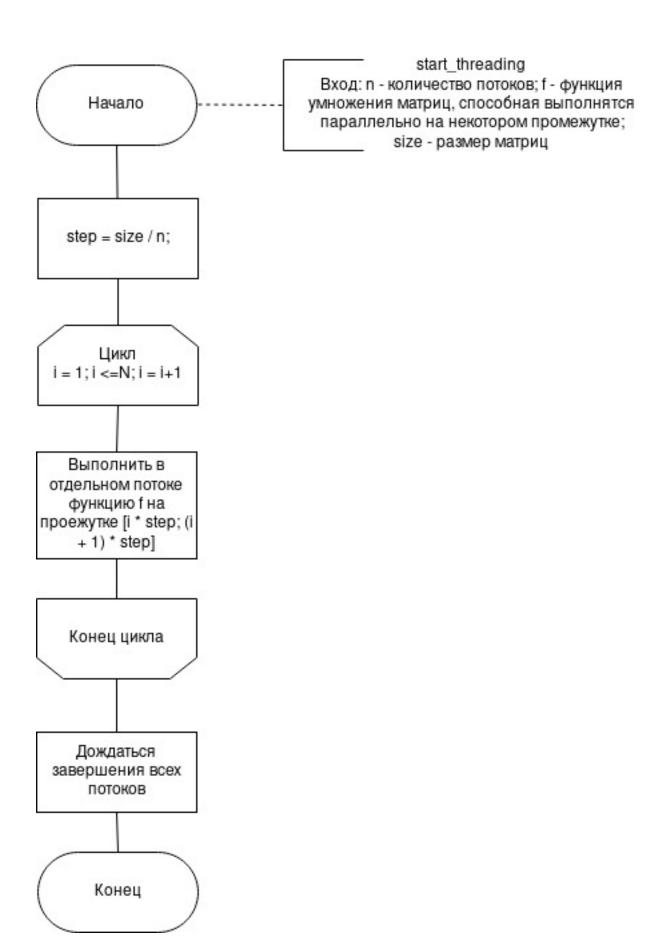


Рис. 2.4: Функция создания потоков и запуска параллельных реализация умножения матриц

3 Технологическая часть

В данном разделе приведены средства реализации и листинги кода.

3.1 Требование к ПО

К программе предъявляется ряд требований:

- на вход подаются размеры 2 матриц, а также их элементы;
- на выходе матрица, которая является результатом умножения входных матриц.

3.2 Средства реализации

Для реализации ПО я выбрал язык программирования Си [3]. Данный выбор обусловлен высокой скоростью работы языка, а так же наличия инструментов для создания и эффективной работы с потоками.

3.3 Реализация алгоритмов

В листингах 3.1 - 3.3 приведена реализация расмотренных ранее алгоритмов перемножения матриц. В листинге 3.4 приведена реализация функции создания и распределения потоков.

Листинг 3.1: Функция умножения матриц обычным способом

```
void base_multiplication(args_t *args) {
   for (int i = 0; i < N; i++) {
     for (int j = 0; j < K; j++) {
        args->res[i][j] = 0;
     for (int k = 0; k < M; k++) {
        args->res[i][j] += args->m1[i][k] * args->m2[k][j];
     }
}
}
```

Листинг 3.2: Функция умножения матриц параллельно. Способ №1

```
void *parallel_multiplication1(void *args) {
```

```
pthread args t *argsp = (args t *)args;
     int row start = argsp->tid * (argsp->size / argsp->cnt threads);
     int row end = (argsp \rightarrow tid + 1) * (argsp \rightarrow size / argsp \rightarrow cnt threads);
     for (int i = row start; i < row end; i++) {
        for (int j = 0; j < K; j++) {
          argsp \rightarrow mult args \rightarrow res[i][j] = 0;
          for (int k = 0; k < M; k++) {
10
             argsp \rightarrow mult args \rightarrow res[i][j] += argsp \rightarrow mult args \rightarrow m1[i][k] * argsp \rightarrow
11
                 mult args \rightarrow m2[k][j];
12
13
14
15
     return NULL;
16
17 }
```

Листинг 3.3: Функция умножения матриц параллельно. Способ №2

```
void *parallel multiplication2(void *args) {
    pthread args t *argsp = (args t *)args;
    int col start = argsp->tid * (argsp->size / argsp->cnt_threads);
    int col end = (argsp \rightarrow tid + 1) * (argsp \rightarrow size / argsp \rightarrow cnt threads);
    for (int i = 0; i < N; i++) {
       for (int j = col start; j < col end; j++) {
         argsp->mult args->res[i][j] = 0;
         for (int k = 0; k < M; k++) {
10
           argsp->mult_args->res[i][j] += argsp->mult_args->m1[i][k] * argsp->
11
               mult args \rightarrow m2[k][i];
         }
12
13
14
15
    return NULL;
16
17 }
```

Листинг 3.4: Функция создания потоков

```
int start_threading(args_t *args, const int cnt_threads, const int type) {
   pthread_t *threads = malloc(cnt_threads * sizeof(pthread_t));

   if (!threads) {
      return ALLOCATE_ERROR;
   }

   pthread_args_t *args_array = malloc(sizeof(pthread_args_t) * cnt_threads);
```

```
11
    if (!args array) {
12
       free (threads);
13
       return ALLOCATE ERROR;
14
    }
15
16
    for (int i = 0; i < cnt threads; i++) {
17
       args array[i].mult args = args;
18
       args array[i].tid = i;
19
       args array[i].size = N;
20
       args array[i].cnt threads = cnt threads;
21
22
       if (type == 1) {
23
         pthread create(&threads[i], NULL, parallel multiplication1, &
^{24}
            args array[i]);
      } else {
25
         pthread create(&threads[i], NULL, parallel multiplication2, &
26
            args_array[i]);
27
    }
28
29
    for (int i = 0; i < cnt threads; <math>i++) {
30
       pthread join(threads[i], NULL);
31
32
33
    free(args array);
34
    free (threads);
35
36
    return OK;
37
  }
38
```

3.4 Тестовые данные

В таблице 3.1 приведены тесты для функций, реализующих параллельное и обычное умножение матриц. Все тесты пройдены успешно.

3.5 Вывод

В данном разделе были разработаны исходные коды алгоритмов: обычный способ умножения матриц и два способа параллельного перемножения матриц.

Первая матрица	Вторая матрица	Ожидаемый результат
$ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} $	$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$	$ \begin{pmatrix} 6 & 12 & 18 \\ 6 & 12 & 18 \\ 6 & 12 & 18 \end{pmatrix} $
$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 1 & 2 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 5 & 10 \\ 5 & 10 \end{pmatrix}$
(2)	(2)	(4)
$\begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & 4 & 6 \\ 4 & 12 & 18 \\ 4 & 12 & 18 \end{pmatrix}$

Таблица 3.1: Тестирование функций

4 Исследовательская часть

4.1 Технические характеристики

Ниже приведены технические характеристики устройства, на котором было проведено тестирование ПО:

- Операционная система: Debian [4] Linux [5] 11 «bullseye» 64-bit.
- Оперативная память: 12 GB.
- Процессор: Intel(R) Core(TM) i5-3550 CPU @ 3.30GHz [6].

4.2 Время выполнения алгоритмов

В таблице 4.1 представлено сравнение простого алгоритма (однопоточного) и параллельных алгоритмах, которые исполняются на 4 потоках. В таблице 4.2 приведено сравнение двух реализаций параллельного умножения матриц с разным количеством потоков при перемножении матриц размером 512.

Таблица 4.1: Таблица времени выполнения простого и параллельных алгоритмов (на 4 потоках) перемножения матриц (в тиках)

Размер матрицы	Обычный	Параллельный 1	Параллельный 2
64	11 569 478	4 423 500	4 399 005
128	59 224 135	16 626 572	17 706 987
256	354 152 337	98 670 198	96 640 191
512	2 719 059 760	755 595 299	751 307 775
1024	26 717 252 997	7 347 757 065	7 489 450 509

4.3 Вывод

Наилучшее время параллельные алгоритмы показали на 4 потока, что соответствует количеству логических ядер компьютера, на котором проводилось тестирование. На матрица размеров 512 на 512, параллельные алгоритмы улучшают время обычной (однопоточной) реализации перемножения матриц примерно в 3.5 раза. При количестве потоков, большее чем 4, параллельная реализация замедляет выполнение (в сравнении с 4 потоками).

Таблица 4.2: Таблица времени выполнения параллельных алгоритмов, при размерах перемножаемых матриц 512 (в тиках)

Количество потоков	Параллельный 1	Параллельный 2
1	2 808 685 166	2 811 309 156
2	1 418 843 814	1 420 505 354
4	$754\ 354\ 852$	749 388 813
8	761 861 636	753 869 394
16	756 535 197	755 651 844
32	777 543 386	766 654 800

Заключение

В рамках данной лабораторной работы:

- было изучено понятие параллельных вычислений;
- были реализованы обычный и 2 параллельных реализаций алгоритма перемножения матриц;
- было произведено сравнение временных характеристик реализованных алгоритмов экспериментально.

Параллельные алгоритмы значительно выигрывают по времени аналогичные простые (однопоточные) реализации. Наиболее эффективны данные алгоритмы при количестве потоков, совпадающем с количеством логических ядер компьютера. Так, например, на матрицах размером 512 на 512, удалось улучшить время выполнения алгоритма умножения матриц в 3.6 раза (в сравнении с однопоточной реализацией).

Литература

- [1] Mario Nemirovsky D. M. T. Multithreading Architecture // Morgan and Claypool Publishers. 2013.
- [2] Olukotun K. Chip Multiprocessor Architecture Techniques to Improve Throughput and Latency // Morgan and Claypool Publishers. 2007. p. 154.
- [3] The C99 Standard. Режим доступа:http://www.open-std.org/jtc1/sc22/wg14/www/docs/n1256.pdf. Дата обращения: 16.09.2020.
- [4] Debian универсальная операционная система [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.debian.org/. Дата обращения: 20.09.2020.
- [5] Linux Getting Started [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://linux.org. Дата обращения: 20.09.2020.
- [6] Процессор Intel® Core™ i5-3550 [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://ark.intel.com/content/www/ru/ru/ark/products/65516/intel-core-i5-3550-processor-6m-cache-up-to-3-70-ghz.html. Дата обращения: 20.09.2020.