

1 Отчет

1.1 Постановка задачи

Разработать процедуру, вычисляющую определитель вещественной матрицы A порядка N (первый шаг – приведение матрицы к верхнему треугольному виду). Обосновать проектное решение (выбор алгоритма). Обеспечить равномерную загрузку процессоров. Результат вывести в текстовый файл построчно. Использовать зависимость времени счета от размерности задачи и количества процессоров.

1.2 Процедура, вычисляющая определитель матрицы

В листинге 1 представлена программа на ЯП C, вычисляющую определитель вещественной матрицы.

Листинг 1 — Вычисление определителя вещественной матрицы

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <mpi.h>
#include <math.h>

#define N 512

static double **allocate_matrix(int size)
{
    int i, j;
    double **matrix;

    matrix = malloc((size) * sizeof(double *));
    for (i = 0; i < size; i++)
        matrix[i] = malloc((size) * sizeof(double));

    return matrix;
}

static void **fill_random_matrix(double **matrix, int size)
{
    int i, j;

    for (i = 0; i < size; i++)
```

```

        for (j = 0; j < size; j++)
            matrix[i][j] = (rand() % 10) + 1;
    }

int main(int argc, char** argv)
{
    double **A = allocate_matrix(N);

    fill_random_matrix(A, N);

    double det = 1;
    double norm = 0;
    int i, j, k;

    for (k = 0; k < N - 1; k++) {

        double max_val = abs(A[k][k]);
        int max_row = k;
        for (i = k + 1; i < N; i++) {
            if (abs(A[i][k]) > max_val) {
                max_val = abs(A[i][k]);
                max_row = i;
            }
        }

        if (max_row != k) {
            for (j = k; j < N; j++) {
                double temp = A[k][j];
                A[k][j] = A[max_row][j];
                A[max_row][j] = temp;
            }
            det *= -1.0;
        }

        for (i = k + 1; i < N; i++) {
            double factor = A[i][k] / A[k][k];
            for (j = k; j < N; j++) {
                A[i][j] -= factor * A[k][j];
            }
        }
    }
}

```

```

    }

    for (i = 0; i < N; i++) {
        det *= A[i][i];
    }

    printf("Determinant: %lf\n", det);

    return 0;
}

```

1.3 Процедура, вычисляющая определитель матрицы параллельно

В листинге 2 представлена программа на ЯП С с использованием средств библиотеки MPI, реализующая вычисление определителя вещественной матрицы параллельно.

Листинг 2 — Параллельное вычисление определителя матрицы

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <mpi.h>

#define N 100

static void print_matrix(double *matrix, size_t len)
{
    printf("\n");
    for (int row_idx = 0; row_idx < len; ++row_idx) {
        for (int col_idx = 0; col_idx < len;
            ++col_idx) {
            printf("%lf ", matrix[row_idx * len +
                col_idx]);
        }
        printf("\n");
    }
}

static void print_array(double *arr, int size)
{
    for (int i = 0; i < size; i++) {

```

```

        printf("%lf ", arr[i]);
    }

    printf("\n");
}

static void init_matrix(double *matrix)
{
    for (size_t row_idx = 0; row_idx < N; ++row_idx)
        for (size_t col_idx = 0; col_idx < N; ++col_idx)
            matrix[row_idx * N + col_idx] = (rand() % 10) + 1;
}

#define SWAP(t, a, b) do { t c = a; a = b; b = c; } while (0)

static void swap(double *matrix, size_t count, size_t row1,
                 size_t row2)
{
    for (size_t i = 0; i < count; i++)
        SWAP(double, matrix[i * N + row1], matrix[i * N +
            row2]);
}

static double gaussian(double *matrix, double *send_buffer,
                      int num_cols, int rank, int size)
{
    double m_determinant = 0;
    int cur_control = 0;
    size_t swaps = 0;
    size_t cur_row = 0;
    size_t cur_index = 0;
    size_t row_swap;
    double det_val = 1;

    for (size_t i = 0; i < N; i++) {
        if (cur_control == rank) {
            row_swap = cur_row;
            double max = matrix[cur_index * N +
                cur_row];

```

```

        for (size_t j = cur_row + 1; j < N;
              j++) {
            if (matrix[cur_index * N + j]
                > max) {
                row_swap = j;
                max =
                    matrix[cur_index *
                           N + j];
            }
        }
    }

    MPI_Bcast(&row_swap, sizeof(size_t),
              MPI_BYTE, cur_control, MPI_COMM_WORLD);
    if (row_swap != cur_row) {
        swap(matrix, num_cols, cur_row,
             row_swap);
        swaps++;
    }

    if (cur_control == rank)
        for (size_t j = cur_row; j < N; j++)
            send_buffer[j] = matrix[cur_index * N + j] /
                matrix[cur_index * N + cur_row];

    MPI_Bcast(send_buffer, N, MPI_DOUBLE,
              cur_control, MPI_COMM_WORLD);
    for (size_t j = 0; j < N; j++)
        for (size_t k = cur_row + 1; k < N; k++)
            matrix[j * N + k] -= matrix[j * N + cur_row]
                * send_buffer[k];

    if (cur_control == rank) {
        det_val = det_val * matrix[cur_index
                                     * N + cur_row];
        cur_index++;
    }

    cur_control++;
    if (cur_control == size)

```

```

        cur_control = 0;

        cur_row++;
    }

    MPI_Reduce(&det_val, &m_determinant, 1, MPI_DOUBLE,
        MPI_PROD, 0, MPI_COMM_WORLD);

    if (swaps % 2)
        m_determinant = -m_determinant;

    return m_determinant;
}

static void sort_by_process(double *list2, double *list1,
    size_t size)
{
    size_t index = 0;

    for (size_t i = 0; i < size; i++) {
        for (size_t j = i; j < N; j += size) {
            list1[index] = list2[j];
            index++;
        }
    }
}

int main(int argc, char *argv[])
{
    int rank, size;
    size_t num_rows, num_cols;
    double start_time, end_time;
    double det;
    double *matrix, *matrix_cpy, *ptr;
    double *send_buffer, *recv_buffer;

    MPI_Init(&argc, &argv);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &size);

```

```

if (!rank)
num_rows = N;

MPI_Bcast(&num_rows, sizeof(size_t), MPI_BYTE, 0,
MPI_COMM_WORLD);

num_cols = num_rows / size;

matrix = malloc(sizeof(double) * N * N);
matrix_cpy = malloc(sizeof(double) * N * N);
ptr = matrix_cpy;

if (!rank) {
    init_matrix(matrix);
    memcpy(matrix_cpy, matrix, sizeof(double) * N
        * N);
}

send_buffer = malloc(sizeof(double) * N);
recv_buffer = malloc(sizeof(double) * num_cols);

for (size_t i = 0; i < N; i++) {
    if (!rank)
        sort_by_process(matrix_cpy, send_buffer,
            size);

    MPI_Scatter(send_buffer, num_cols,
        MPI_DOUBLE, recv_buffer, num_cols,
        MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD);

    if (!rank)
        matrix_cpy += N;

    for (size_t j = 0; j < num_cols; j++)
        matrix[j * N + i] = recv_buffer[j];
}

free(recv_buffer);

MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);

```

```

        start_time = MPI_Wtime();

        det = gaussian(matrix, send_buffer, num_cols, rank,
            size);

        MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
        end_time = MPI_Wtime();

        if (!rank) {
            printf("Determinant: %lf\n", det);
            printf("MPI Time: %lf\n", end_time -
                start_time);
        }

        free(matrix);
        free(ptr);
        free(send_buffer);

        MPI_Finalize();
        return 0;
}

```

1.4 Оценка эффективности параллельной реализации алгоритма

В целях оценки эффективности параллельной реализации алгоритма будут рассмотрены показатели ускорения, получаемого при использовании параллельного алгоритма для некоторого количества процессоров по сравнению с последовательным вариантом выполнения на различных размера матрицы.

Время исполнения было замерено с использованием внутренних средств библиотеки MPI.

Оценка эффективности и ускорения проводится для выполняемого на 1, 2, 4, 5, 8 и 10 процессорах при размерности квадратной матрицы 800 элементов и 1600.

1.4.1 Оценка ускорения.

На графике 1 представлена зависимость значения ускорения от количества используемых процессоров при размерах матрицы 800.

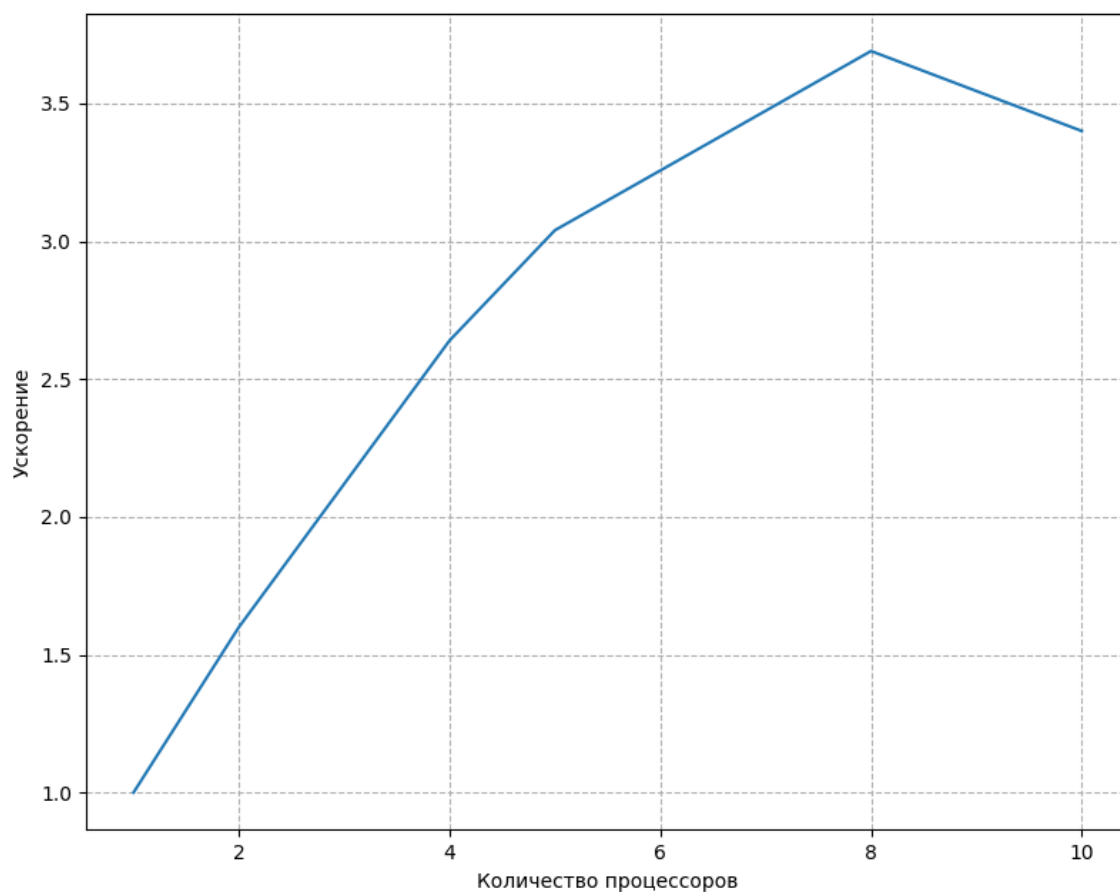


Рисунок 1 — Зависимость значения ускорения от количества используемых процессоров (размер матрицы 800)

Из представленного графика видно, что пик ускорения достигается при количестве процессоров, равному 8.

На графике 2 представлена зависимость значения ускорения от количества используемых процессоров при размерах матрицы 1600.

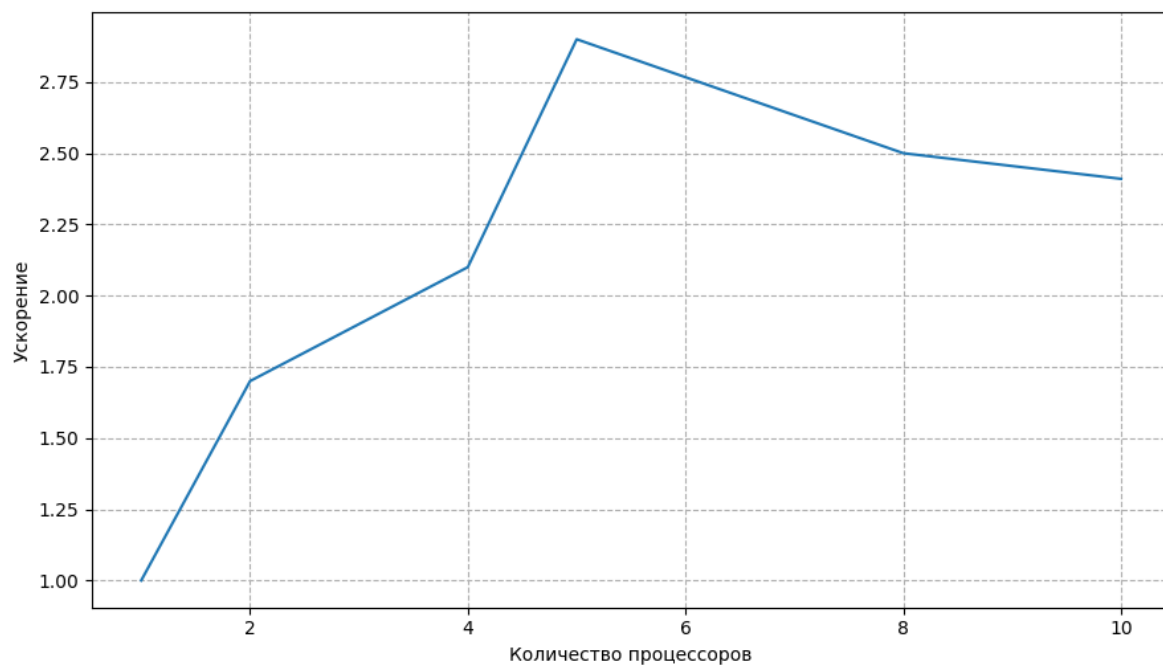


Рисунок 2 — Зависимость значения ускорения от количества используемых процессоров (размер матрицы 1600)

Из представленного графика видно, что пик ускорения достигается при количестве процессоров, равному 5.