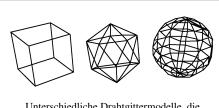
Polygonnetz

Untereinander mit Kanten verbundene Punkte bilden in der Computergrafik ein **Polygonnetz**, das die Gestalt eines Polyeders definiert. Dreiecksnetze und Vierecksnetze sind hier am geläufigsten. Zur Speicherung von Polygonnetzen und Polygonen gibt es eine Reihe bekannter Datenstrukturen. Die bekanntesten Strukturen sind die Knotenliste, Kantenliste, Winged Edge und die doppelt verkettete Kantenliste (doubly connected halfedge list).

Jeder Knoten muss mindestens eine Verbindung zum Restnetz haben, um Mitglied des Netzes zu sein. Daraus folgt, dass jeder Knoten von jedem anderen im Netz erreichbar ist. In der Graphentheorie sind Polygonnetze als ungerichtete Graphen ohne Mehrfachkanten darstellbar^{[1][2]}.



Unterschiedliche Drahtgittermodelle, die einfachste Möglichkeit, ein Polygonnetz darzustellen.

Das Bild zeigt typische Netzeigenschaften an verschiedenen Polygonnetzen: a) Zeigt ein Polygonnetz ohne besondere Eigenschaften, b) ein strukturiertes Polygonnetz, c) zeigt ein

Polygonnetz, das strukturiert und regulär ist und d) ist strukturiert, regulär und

orthogonal.

Eigenschaften von Polygonnetzen

Folgende Eigenschaften kann ein Netz haben, keine davon ist allerdings für ein Polygonnetz erforderlich:

- Strukturiertheit: Ein Polygonnetz wird als strukturiert bezeichnet, wenn jeder innere Punkt die gleiche Anzahl anliegender Kanten und Flächen hat.
- Regularität: Ein Polygonnetz ist regulär, wenn die Kantenlängen in jede Richtung konstant sind. Diese Eigenschaft baut auf der Strukturiertheit auf.
- Orthogonalität: Ein Polygonnetz wird als orthogonal bezeichnet, wenn die Netzkanten rechte Winkel bilden. Die Orthogonalität baut auf die Eigenschaft der Strukturiertheit und der Regularität auf.

Polygonnetz als Dreiecksnetz

Das Polygonnetz als Dreiecksnetz ist eine weit verbreitete Form des Polygonnetzes. Es ist vor allem bei Triangulationen und beim Meshing von Bedeutung.

Siehe auch: Unregelmäßiges Dreiecksnetz (TIN)

Datenstrukturen

Einfache Datenstrukturen

Knotenliste

Bei der Knotenliste werden die Punkte in einer separaten Punktliste abgelegt. Eine Fläche wird dann als eine Liste von Zeigern auf die Punkte in dieser Liste definiert. Dadurch wird eine Trennung zwischen der Geometrie (den

Koordinaten der Knoten) und der Topologie (welche Knoten verbinden welche Kanten, welche Kanten begrenzen welche Flächen) realisiert.

Kantenliste

Die Nachteile der Knotenliste werden bei der Kantenliste dadurch umgangen, dass alle Kanten in einer separaten Liste gespeichert werden. Facetten werden hier als Zeiger auf die Kantenliste definiert. Neben dem Anfangs- und Endpunkt werden auch die maximal zwei zugehörigen Facetten für jede Kante abgelegt. Die Reihenfolge der Angabe der Eckpunkte für Kanten legt eine Orientierung fest und bestimmt bei Facetten, wo innen und wo außen ist.

Vor- bzw. Nachteile

Datenstruktur	Vorteile	Nachteile
Knotenliste	 Trennung von Geometrie und Topologie minimale Redundanzen (Punkte werden nur einmal abgelegt) 	 Kanten werden mehrmals durchlaufen und ausgegeben Suche nach zu Kanten gehörenden Facetten nicht effizient möglich (nur mit erschöpfender Suche möglich) Für alle Kanten in F1 (jedes Knotenpaar) suchen wir in allen weiteren Facetten, ob sie enthalten ist, wenn nein dann Randkante) Suchen nach Facetten, welche eine Kante bzw. Ecke enthalten, ist ineffizient
Kantenliste	 Trennung von Geometrie und Topologie Schnelle Bestimmung von Randkanten (Kanten mit nur einem Verweis auf Facette) 	Suchen nach Facetten, welche eine Kante bzw. Ecke enthalten, ist ineffizient

Generell gilt für Knoten- und Kantenlisten, dass die Suche ausgehend von einer Facette nach untergeordneten Objekten wie Kanten und Knoten sehr effizient durchführbar ist. In umgekehrter Richtung verhält es sich jedoch gegenteilig. So ist z.B. die Suche nach allen Facetten, welche eine bestimmte Ecke enthalten, immer noch nur durch eine erschöpfende Suche möglich.

Komplexere Datenstrukturen

Winged Edge nach Baumgart

Eine Datenstruktur, mit deren Hilfe sehr viele Abfragen effizient bearbeitet werden können ist die Winged-Edge-Darstellung nach Baumgart. Zusätzlich zu den Informationen der Kantenliste werden hier noch Zeiger auf die Kanten abgelegt, die von Anfangs- und Endpunkt der aktuellen Kante abgehen. Aufgrund der Orientierung wird jede Kante einmal positiv (im Uhrzeigersinn) und einmal negativ (gegen den Uhrzeigersinn) durchlaufen.

Mit der Winged-Edge-Datenstruktur ist es möglich, in konstanter Zeit abzufragen, welche Knoten oder Facetten zu einer gegebenen Kante gehören. Hat eine Facette k Kanten, können in linearer Zeit diese Kanten nacheinander abgesucht werden (nur bei polygonalen Netzen ohne Änderung der Durchlaufrichtung eines Polygons). Andere Anfragen, insbesondere solche ausgehend von einer Ecke, die nach den Kanten oder Facetten, in denen diese Ecke enthalten ist, suchen, sind deutlich langsamer.

Doppelt verkettete Kantenliste (Half Edge)

Die Half-Edge-Datenstruktur ist ein wenig ausgereifter als die Winged-Edge-Liste. Sie erlaubt, die meisten in der folgenden Tabelle aufgeführten Operationen in konstanter Zeit auszuführen, d.h. konstanter Zeit pro gesammelte Information. Wenn man z.B. alle zu einem Eckpunkt benachbarten Kanten herausfinden will, ist die Operation linear bezüglich der Anzahl der benachbarten Kanten aber konstant in der Zeit pro Kante. Half Edge funktioniert nur mit 2-dimensionaler Mannigfaltigkeit, d.h. jede Kante ist von genau zwei Facetten (zu jeder Halbkante gibt es eine entgegengesetzte Halbkante) umgeben, d.h. T-Verbindungen, innere Polygone und Brüche sind nicht erlaubt.

Bei der Half-Edge-Struktur werden nicht Kanten, sondern Halbkanten abgelegt. Halbkanten sind gerichtet und zwei zusammengehörende Halbkanten (Paar) bilden eine Kante und zeigen in die entgegengesetzte Richtung.

Eine weitere Datenstruktur ist die Doubly-connected edge list (DCEL).

Laufzeitvergleich

Folgende Tabelle zeigt einen Vergleich der asymptotischen Laufzeit in Abhängigkeit von den vorhandenen Elementen Knoten, Kanten und Flächen. Es gibt neun mögliche Abfragen auf die Struktur, nämlich "welche Ecke, Kante oder Fläche gehört zu welcher Ecke Kante oder Fläche". Alle Abfragen bis auf diejenige nach den benachbarten Ecken einer gegebenen Ecke werden in der Tabelle aufgeführt. Der Vergleich zeigt, wie unterschiedlich gut die Datenstrukturen die Anfrageklassen bearbeiten.

Suchanfrage (gegeben → gesucht)	Knotenliste	Kantenliste	Winged Edge	Half Edge
Kante → Eckpunkte	N/A	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$
Kante → Facetten	N/A	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$
Kante → angrenzende Kanten	N/A	$\mathcal{O}(k)$	$\mathcal{O}(k)$	$\mathcal{O}(k_v)$
Eckpunkt → Kanten	$\mathcal{O}(f*k_f)$	$\mathcal{O}(k)$	$\mathcal{O}(k)$	$\mathcal{O}(k_v)$
Eckpunkt → Facetten	$\mathcal{O}(f*k_f)$	$\mathcal{O}(k)$	$\mathcal{O}(k)$	$\mathcal{O}(k_v)$
Facette → Kanten	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$
Facette → Eckpunkte	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$
Facette → benachbarte Facette	$\mathcal{O}(f*k_f^2)$	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$	$\mathcal{O}(k_f)$

Hierbei bezeichnet:

- k: Anzahl aller Kanten
- k_f : Anzahl der Kanten einer Facette
- k_v : Anzahl der Kanten, welche zu einem Punkt gehören
- f: Anzahl aller Facetten

Erläuterung der Anfrageklassen

Anfrage	Knotenliste	Kantenliste	Winged Edge	Half Edge
Kante →	Nicht möglich (es gibt keine	direkt über	direkt über Eintrag für	über Halbkante→vert und pair→vert.
Eckpunkte	Kanten)	Kanten ablesbar	Kante abzulesen	
Kante →	Nicht möglich (es gibt keine	direkt aus Kanten	direkt aus Kante	die angrenzenden Flächen über edge→face und
Facetten	Kanten)	ablesbar	ersichtlich	edgepairface bestimmen.
Kante →	Nicht möglich (es gibt keine	für beide	siehe Kantenliste	siehe Kantenliste
angrenzende	Kanten)	Eckpunkte:		
Kanten		"Eckpunkt →		
		Kante"		
		durchführen		
Eckpunkt →	Da es sich um geschlossene	einfach alle	Startkante zum Punkt	über vert→edge erste Kante holen, danach
Kanten	Polygone handelt, hat jede	Kanten	ermitteln, dann über	entgegengesetzte Kante holen und links
	Facette (genauso viele	durchlaufen	"Vorgänger rechts"	weiterlaufen. Dies so lange machen, bis links keine
	Kanten wie Punkte) Kanten,		suchen solange bis keine	Nachfolgerkante da ist, dann wieder mit
	diese müssen zu jeder Fläche		Kante mehr da ist, dann	vert→edge anfangen und diesmal so lange nach
	bestimmt werden und		wieder bei Startkante	rechts laufen, bis keine Nachbarkante mehr
	nachgeschaut werden, ob die		beginnen und in andere	vorhanden ist.
	gegebene Ecke darin		Richtung laufen.	
	enthalten ist			

Eckpunkt → Facetten	Einfach für alle Facetten die Kanten durchgehen, und	"Eckpunkt → Kante" ausführen	einfach nur die Kanten zum Punkt ermitteln und	siehe Kantenliste
	schauen, ob der gesuchte Eckpunkt enthalten ist.	und aus diesen Kanten dann direkt die zugehörige Facette lesen.	in konstanter Zeit die dazugehörigen Flächen ermitteln	
Facette → Kanten	Alle Kanten einer Facette jeweils paarweise bilden	direkt aus Facetten ablesbar	siehe Half Edge	Bei Startkante der Facette beginnen und nach links laufen. Gehört die nachfolgende Kante zur gleichen Facette dann in gleicher Laufrichtung weitermachen. Wird das erst mal kein Nachfolger gefunden kehrt man die Laufrichtung um. Gehört der Nachfolger zur gleichen Facette, dann in dieser Laufrichtung weitermachen, an-sonsten abbrechen. Die Laufrichtung kann sich mehrmals ändern. Irgendwann wird man bei der Startkante angekommen sein. Dann kann man aufhören.
Facette → Eckpunkte	Einfach direkt aus Facetten auslesen	"Facette → Kanten" ausführen und in konstanter Zeit die zugehörigen Eckpunkte auslesen	siehe Half Edge	"Facette → Kanten" ausführen und aus den Kanten die Punkte herauslesen, doppelte Punkte rausschmeißen.
Facette → benachbarte Facette	Alle Kanten der zu überprüfenden Facette ermitteln und für jede Kante schauen, ob die anderen Facetten diese Kante auch enthalten.	"Facette → Kanten" ausführen und dann direkt aus den Kanten die zugehörigen Facetten ablesen	"Facette → Kanten" ausführen und zu jeder Kante die angrenzende Fläche auslesen	siehe Winged Edge

Zusammenfassung

Wie man sieht, sind die Winged-Edge- und die Half-Edge-Struktur von den enthaltenen Informationen nahezu identisch. Sie weisen deshalb auch fast die gleichen Laufzeiten für das Suchen auf. Half Edge ist in den komplexeren Anfragen etwas besser. Hier müssen aufgrund des Zeigers eines Punktes auf eine zugehörige Startkante beim Suchen aller Kanten eines Punktes auch nur diese angefasst werden. Die Knotenliste scheidet von vornherein aus und die Kantenliste ist vom Suchen her genauso gut wie die Winged-Edge-Liste, benötigt jedoch etwas mehr Speicherplatz, da bei Winged Edge zu einer Facette nur eine Startkante abgelegt werden muss.

Einzelnachweise

- [1] Jens Neumann: Verfahren zur adhoc-Modellierung und -Simulation räumlicher Feder-Masse-Systeme für den Einsatz in VirtualReality-basierten Handhabungssimulationen. Technische Universität Berlin, Fraunhofer IRB Verlag, 2009, ISBN 978-3-8167-7954-4.
- [2] http://www.iccas.de/ressource/lectures/scientific_methods/VL07_Modellbildung_II_Nodale_Netze.pdf Oliver Burgert, Modellbildung II Nodale Netze Medizinische Planungs- und Simulationssysteme, Universität Leipzig, 2005.

Quelle(n) und Bearbeiter des/der Artikel(s)

Polygonnetz Quelle: http://de.wikipedia.org/w/index.php?oldid=121450837 Bearbeiter: Accountalive, Adrian Lange, Christian1985, ChristianErtl, Flix79, HWellmann, Hafenbar, KMic. Kungfuman, Langläufer, Leider, Macks, Nothere, Phrood, Revolus, RonMeier, Schwatzwutz, Speck-Made, Tobias 1983, Tsor, Vierge Marie, Winniehell, 16 anonyme Bearbeitungen

Quelle(n), Lizenz(en) und Autor(en) des Bildes

Datei: Wire frame.svg Quelle: http://de.wikipedia.org/w/index.php?title=Datei: Wire_frame.svg Lizenz: GNU Free Documentation License Bearbeiter: --Wapcaplet Original uploader was

Datei: Properties of a polygon mesh.svg Quelle: http://de.wikipedia.org/w/index.php?title=Datei: Properties_of_a_polygon_mesh.svg Lizenz: Creative Commons Attribution-Sharealike 3.0,2.5,2.0,1.0 Bearbeiter: Adlange

Lizenz

Wichtiger Hinweis zu den Lizenzen

Die nachfolgenden Lizenzen bezieht sich auf den Artikeltext. Im Artikel gezeigte Bilder und Grafiken können unter einer anderen Lizenz stehen sowie von Autoren erstellt worden sein, die nicht in der Autorenliste erscheinen. Durch eine noch vorhandene technische Einschränkung werden die Lizenzinformationen für Bilder und Grafiken daher nicht angezeigt. An der Behebung dieser Einschränkung wird gearbeitet. Das PDF ist daher nur für den privaten Gebrauch bestimmt. Eine Weitervehreitung kann eine Urbehechtsverletzung bedeuten.

Creative Commons Attribution-ShareAlike 3.0 Unported - Deed

Poindlichen Lizenzvertrages (http://de.wikipedia.org/wiki/Wikipedia:Lizenzbestimmungen_Commons_Attribution-ShareAlike_3.0_Unported)

- das Werk bzw. den Inhalt vervielfältigen, verbreiten und öffentlich zugänglich machen Abwandlungen und Bearbeitungen des Werkes bzw. Inhaltes anfertigen den folgenden Bedingungen:

- Namensnennung Sie müssen den Namen des Autors/Rechteinhabers in der von ihm festgelegten Weise nennen.
 Weitergabe unter gleichen Bedingsungen Wenn Sie das lizenzierte Werk bzw. den lizenzierten Inhalt bearbeiten, abwandeln oder in anderer Weise erkennbar als Grundlage für eigenes Schaffen verwenden, dürfen Sie die daraufhin neu entstandenen Werke bzw. Inhalte nur unter Verwendung von Lizenzbedingungen weitergeben, die mit denen dieses Lizenzvertrages identisch, vergleichbar oder kompatibel sind.
- Verzichtserklärung Jede der vorgenannten Bedingungen kann aufgehoben werden, sofern Sie die ausdrückliche Einwilligung des Rechteinhabers dazu erhalten. Sonstige Rechte Die Lizenz hat keinerlei Einfluss auf die folgenden Rechte:

- Die gesetzlichen Schranken des Urheberrechts und sonstigen Befugnisse zur privaten Nutzung;
 Das Urheberpersönlichkeitsrecht des Rechteinhabers;
 Rechte anderer Personen, entweder am Lizeragegenstand selber oder bezüglich seiner Verwendung, zum Beispiel Persönlichkeitsrechte abgebildeter Personen.
- Hinweis Im Falle einer Verbreitung müssen Sie anderen alle Lizenzbedingungen mitteilen, die für dieses Werk gelten. Am einfachsten ist es, an entsprechender Stelle einen Link auf http://creativecommons.org/licenses.by-sa/3.0/deed.de einzubinden.

Haftungsbeschränkung
Die "Commons Deed" ist kein Lizenzvertrag. Sie ist lediglich ein Referenztext, der den zugrundeliegenden Lizenzvertrag übersichtlich und in allgemeinverständlicher Sprache, aber auch stark vereinfacht wiedergibt. Die Deed selbst entfaltet keine juristische Wirkung und erscheint im eigentlichen Lizenzvertrag nicht.

GNU Free Documentation License

Copyright (C) 2000,2001,2002 Free Software Foundation, Inc.

51 Franklin St. Fifth Floor, Boston, MA 02110-1301 USA

Everyone is permitted to copy and distribute verbatim copies

of this license document, but changing it is not allowed.

0. PREAMBLE

The purpose of this License is to make a manual, textbook, or other functional and useful document "free" in the sense of freedom: to assure everyone the effective freedom to copy and redistribute it, with or without modifying it, either commercially or noncommercially. Secondarily, this License preserves for the author and publisher a way to get credit for their work, while not being considered responsible for modifications made by others.

This License is a kind of "copyleft", which means that derivative works of the document must themselves be free in the same sense. It complements the GNU General Public License, which is a copyleft license designed for free

software.

We have designed this License in order to use it for manuals for free software, because free software needs free documentation: a free program should come with manuals providing the same freedoms that the software does. But this License is not limited to software manuals; it can be used for any textual work, regardless of subject matter or whether it is published as a printed book. We recommend this License principally for works whose purpose is instruction or

1. APPLICABILITY AND DEFINITIONS

1. APPLICABILITY AND DEFINITIONS

This License applies to any manual or other work, in any medium, that contains a notice placed by the copyright holder saying it can be distributed under the terms of this License. Such a notice grants a world-wide, royalty-free license, unlimited in duration, to use that work under the conditions stated herein. The "Document", below, refers to any such manual or work. Any member of the public is a licensee, and is addressed as "you". You accept the license if you copy, modify or distribute the work in a way requiring permission under copyright law.

A "Modified Version" of the Document and any accordant in the Document of a portion of it, either copied verbatim, or with modifications and/or translated into another language.

A "Secondary Section" is a named appendix or a front-matter section of the Document that deals exclusively with the relationship of the publishers or authors of the Document to the Document's overall subject (for to related matters) and contains nothing that could fall directly within that overall subject. (Thus, if the Document is in part and contains nothing that could fall directly within that overall subject. (Thus, if the Document is in part and contains nothing that could fall directly within that overall subject. (Thus, if the Document is in part and contains nothing that could fall directly within that overall subject. (Thus, if the Document is released under this License. If a section does not fit the above definition of Secondary then it is not allowed to be designated as Invariant. The Document may contain zero Invariant Sections, in the notice that says that the Document is released under this License. If an section does not fit the above definition of Secondary then it is not allowed to be designated as Invariant. The Document may contain zero Invariant Sections, in the notice that says that the Document is released under this License. Pront-Cover Text may be at most 25 words.

A "Transparent" copy of the Document means a machine-readable copy

You may copy and distribute the Document in any medium, either commercially or noncommercially, provided that this License, the copyright notices, and the license notice saying this License applies to the Document are reproduced in all copies, and that you add no other conditions whatsoever to those of this License. You may not use technical measures to obstruct or control the reading or further copying of the copies you make or distribute. However, you may accept compensation in exchange for copies. If you distribute a large enough number of copies you must also follow the conditions in section 3.

You may also lend copies, under the same conditions stated above, and you may publicly display copies.

3. COPYING IN QUANTITY If you publish printed care

3. COPYING IN QUANTITY

If you publish printed copies (or copies in media that commonly have printed covers) of the Document, numbering more than 100, and the Document's license notice requires Cover Texts, you must enclose the copies in covers that carry, clearly and legibly, all these Cover Texts: Front-Cover Texts on the front cover and Back-Cover Texts on the back cover. Both covers must also clearly and legibly identify you as the publisher of these copies. The front cover must present the full till evil with all words of the title equally prominent and visible. You may add other material on the covers in addition. Copying with changes limited to the covers, as long as they preserve the title of the Document and satisfy these conditions, can be treated as verbatim copying in other respects.

If the required texts for either cover are too voluminous to fit legibly, you should put the first ones listed (as many as fit reasonably) on the actual cover, and continue the rest onto adjacent pages.

If you publish or distribute Opaque copies of the Document numbering more than 100, you must take reasonably product expert of the continue the rest onto adjacent pages.

If you publish or distribute Opaque copies of the Document numbering more than 100, you must take reasonably prudent steps, when you begin distribution of Opaque copies account of work protocols a complete Transparent copy of the Document, free of added material. If you use the latter option, you must take reasonably prudent steps, when you begin distribution of Opaque copies in quantity, to ensure that this Transparent copy will remain thus accessible at the stated location until at least one year after the last time you distribute an Opaque copy (directly or through your agents or retailers) of that edition to the public.

It is requested, but not required, that you contact the authors of the Document well before redistributing any large number of copies, to give them a chance to provide you with an updated version of the Document.

You may copy and distribute a Modified Version of the Document under the conditions of sections 2 and 3 above, provided that you release the Modified Version under precisely this License, with the Modified Version filling the role of the Document, thus licensing distribution and modification of the Modified Version to whoever possesses a copy of it. In addition, you must do these things in the Modified Version:

- A. Use in the Title Page (and on the covers, if any) a title distinct from that of the Document, and from those of previous versions (which should, if there were any, be listed in the History section of the Document). You may use the same title as a previous version if the original publisher of that version gives permission.

 B. List on the Title Page, as authors, one or more persons or entities responsible for authorship of the modifications in the Modified Version, together with at least five of the principal authors of the Document (all of its principal authors, if it has fewer than five), unless they release you from this requirement.

Lizenz 6

- . State on the Title page the name of the publisher of the Modified Version, as the publisher.

 Preserve all the copyright notices of the Document.

 Add an appropriate copyright notice for your modifications adjacent to the other copyright notices.

 Include, immediately after the copyright notices, a license notice giving the public permission to use the Modified Version under the terms of this License, in the form shown in the Addendum below.

 Preserve in that license notice the full lists of Invariant Sections and required Cover Texts given in the Document's license notice.

- It henclude an unaltered copy of this License.

 I. Preserve in unaltered copy of this License.

 I. Preserve in unaltered copy of this License.

 I. Preserve the section Entitled "History", Preserve its Title, and add to it an item stating at least the title, year, new authors, and publisher of the Modified Version as given on the Title Page. If there is no section Entitled "History" in the Document, create one stating the title, year, authors, and publisher of the Document as given on its Title Page, then add an item describing the Modified Version as stated in the previous sentence.

 J. Preserve the network location, if any, given in the Document for public access to a Transparent copy of the Document, and likewise the network locations given in the Document for previous versions it was based on. These may be placed in the "History" section. You may omit a network location for a work that was published at least up versus before the Document ties flo, of if the original publisher of the version it refers to gives permission.

 K. For any section Entitled "Acknowledgements" or "Dedications", Preserve the Title of the section, and preserve in the section all the substance and tone of each of the contributor acknowledgements and/or dedications given therein.

K. For any section Entitled "Acknowledgements" or "Dedications", preserve in 11te or time section, and preserve in the section and the substance and tone or taken or the centre in the interest.
 L. Preserve all the Invariant Sections of the Document, unaltered in their text and in their titles.
 M. Delete any section Entitled "Endorsements". Such a section may not be included in the Modified Version.
 N. Do not retitle any existing section to be Entitled "Endorsements" or to conflict in title with any Invariant Section.
 O. Preserve any Warranty Disclaimers.
 If the Modified Version includes new front-matter sections or appendices that qualify as Secondary Sections and contain no material copied from the Document, you may at your option designate some or all of these sections as invariant. To do this, add their titles to the list of Invariant Sections in the Modified Version includes new front-matter sections or appendices that qualify as Secondary Sections and contain no material copied from the Document, you may at your option designate some or all of these sections as invariant. To do this, add their titles to the list of Invariant Section in the Modified Version in the Modified Version in the Modified Version in the previous provided it contains nothing but endorsements of your Modified Version by various parties—for example, statements of peer review or that the text has been approved by an organization as the authoritative definition of a standard.
 You may add a passage of up to five words as a Front-Cover Text, and a passage of up to 25 words as a Back-Cover Text, to the end of the list of Cover Text in the Modified Version. Only one passage of Front-Cover Text and one of Back-Cover Text may be added by (or through arrangements made by by my one entity. If the Document already includes a cover text for the same cover, previously added by you or by arrangement made by the same entity you are acting on behalf of, you may

5. COMBINING DOCUMENTS
You may combine the Document with other documents released under this License, under the terms defined in section 4 above for modified versions, provided that you include in the combination all of the Invariant Sections of all of the original documents, unmodified, and list them all as Invariant Sections of your combined work in its license notice, and that you preserve all their Warranty Disclaimers.

The combined work need only contain one copy of this License, and multiple identical Invariant Sections may be replaced with a single copy. If there are multiple Invariant Sections with the same name but different contents, make the title of each such section unique by adding at the end of it, in parentheses, the name of the original author or publisher of that section if known, or else a unique number. Make the same adjustment to the section titles in the list of Invariant Sections in the license notice of the combined work.

In the combination, you must combine any sections Entitled "History" in the various original documents, forming one section Entitled "History"; likewise combine any sections Entitled "Acknowledgements", and any sections Entitled "Dedications". You must delete all sections Entitled "Endorsements".

6. COLLECTIONS OF DOCUMENTS

You may make a collection consisting of the Documents released under this License, and replace the individual copies of this License in the various documents with a single copy that is included in the collection, provided that you follow the rules of this License for verbatim copying of each of the documents in all other respects.

You may extract a single document from such a collection, and distribute it individually under this License, provided you insert a copy of this License into the extracted document, and follow this License in all other respects regarding verbatim copying of that document.

7. AGGREGATION WITH INDEPENDENT WORKS

A compilation of the Document or its derivatives with other separate and independent documents or works, in or on a volume of a storage or distribution medium, is called an "aggregate" if the copyright resulting from the compilation is not used to limit the legal rights of the compilation's users beyond what the individual works permit. When the Document is included in an aggregate, this License does not apply to the other works in the aggregate which are not themselves derivative works of the Document.

themselves derivative works of the Document.

If the Cover Text requirement of section 3 is applicable to these copies of the Document, then if the Document is less than one half of the entire aggregate, the Document's Cover Texts may be placed on covers that bracket the Document within the aggregate, or the electronic equivalent of covers if the Document is in electronic form. Otherwise they must appear on printed covers that bracket the whole aggregate.

8. TRANSLATION

Translation is considered a kind of modification, so you may distribute translations of the Document under the terms of section 4. Replacing Invariant Sections with translations requires special permission from their copyright holders, but you may include translations of some or all fivariant Sections in addition to the original versions of these Invariant of these Invariant Sections. You may include a translation of this License, and all the license notices in the Document, and any Warranty Disclaimers, provided that you also include the original English version of this License and the original versions of this License or a notice or disclaimers, the original version will prevail.

If a section in the Document is Entitled "Acknowledgements", "Dedications", or "History", the requirement (section 4) to Preserve its Title (section 1) will typically require changing the actual title.

9. TERMINATION

not copy, modify, sublicense, or distribute the Document except as expressly provided for under this License. Any other attempt to copy, modify, sublicense or distribute the Document is void, and will automatically terminate is under this License. However, parties who have received copies, or rights, from you under this License will not have their licenses terminated so long as such parties remain in full compliance.

10. FUTURE REVISIONS OF THIS LICENSE

The Free Software Foundation may publish new, revised versions of the GNU Free Documentation License from time to time. Such new versions will be similar in spirit to the present version, but may differ in detail to address new problems or concerns. See http://www.gnu.org/copyleft/.

Each version of the License is given a distinguishing version number. If the Document specifies that a particular numbered version of this License "or any later version" applies to it, you have the option of following the terms and conditions either of that specified version or of any later version that has been published (not as a draft) by the Free Software Foundation. If the Document does not specify a version number of this License, you may choose any version ever published (not as a draft) by the Free Software Foundation.

ADDENDUM: How to use this License for your documents

To use this License in a document you have written, include a copy of the License in the document and put the following copyright and license notices just after the title page:

Copyright (c) YEAR YOUR NAME.

Permission is granted to copy, distribute and/or modify this document

under the terms of the GNU Free Documentation License, Version 1.2

or any later version published by the Free Software Foundation;

with no Invariant Sections, no Front-Cover Texts, and no Back-Cover Texts.

A copy of the license is included in the section entitled

"GNU Free Documentation License".

If you have Invariant Sections, Front-Cover Texts and Back-Cover Texts, replace the "with...Texts." line with this:

with the Invariant Sections being LIST THEIR TITLES, with the

Front-Cover Texts being LIST, and with the Back-Cover Texts being LIST.

If you have Invariant Sections without Cover Texts, or some other combination of the three, merge those two alternatives to suit the situation.

If your document contains nontrivial examples of program code, we recommend releasing these examples in parallel under your choice of free software license, such as the GNU General Public License, to permit their use in free software.