Point critique, maximum, minimum

Exo 1:

Pour chacune de fonctions $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ suivantes trouver tous les points $A \in \mathbb{R}^2$ tels que $\operatorname{grad}_A f = (0,0)$.

1.
$$f(x,y) = x^2 + y^2$$

2.
$$f(x,y) = x^2 - y^2$$

3.
$$f(x,y) = (x-y)^2$$

$$4. \ f(x,y) = xy$$

5.
$$f(x,y) = -(x^2 + 2x + y^2)$$

6.
$$f(x,y) = x^3 + 2x + y^2 - 2y$$

7.
$$f(x,y) = \sqrt{x^2 + 2x + y^2 + 1}$$
.

Pour chaque point A que vous avez trouvé

- Dire s'il s'agit d'un maximum ou un minimum de f;
- Donner l'allure des lignes de niveau de f au voisinange de A