Titre: l'Algorithme Zipper

Résumé:

En analyse complexe, le théorème de l'application conforme, dû à Bernhard Riemann, assure que toutes les parties ouvertes simplement connexes du plan complexe qui ne sont ni vides ni égales au plan tout entier sont conformes entre elles. Autrement dit, étant donné un domaine homéomorphe au disque unité il existe une bijection holomorphe entre ce disque et le disque unité.

Le théorème fut énoncé (sous l'hypothèse plus forte d'une frontière formés d'arcs différentiables) par Bernhard Riemann dans sa thèse, en 1851. La démonstration de Riemann dépendait de l'existence d'une solution du problème de Dirichlet sur le domaine, qui était considéré comme àdmis à cette époque. Pourtant la méthode de Riemann ne s'applique pas aux domaines simplement connexes de frontière non suffisamment lisse ; de tels domaines furent étudiés en 1900 par W. F. Osgood.

Au début des années 80, un algorithme élémentaire pour trouver une bijection holomorphe a été découvert par R. Kühnau et D.E. Marshall. L'algorithme est rapide et précis et relativement facile à programmer. Soit $z_0,...,z_n$ des points distincts dans le plan complexe. L'algorithme donne une suite de bijections holomorphes toute explicite qui converge vers une bijection holomorphe entre le disque unité et une région délimitée par une courbe de Jordan γ avec $z_0,...,z_n \in \gamma$.

On va étudier la méthode utilisée pour établir la convergence dans l'article de Rohde et Marshall. En particulier on va voir comment le taux de convergence varie selon la regularité de la courbe γ .

Prérequis:

Fonctions holomorphes

Références:

Convergence of the Zipper algorithm for conformal mapping Donald E. Marshall, Steffen Rohde https://arxiv.org/abs/math/0605532