Exo 6 cont

Fe<sub>7</sub>  $S_{\delta}$  +  $O_z$   $\rightarrow$  Fe<sub>3</sub>  $O_4$  + S  $O_2$ 3 Fe<sub>7</sub>  $S_{\delta}$  + 38  $O_z$  = 7 Fe<sub>3</sub>  $O_4$  + 245  $O_z$ Trouver le système lineante et verifier Exo 8

If an derivee est inequire count of the state of

Pow les polynômes on pent verifier

Soient 
$$P = \sum a_1 x'$$
  
 $Q = \sum b_1 x'$   
alors  $P + Q = \sum (a_1 + b_1) x'$   
 $(P + Q)' = \sum i (a_1 + b_1) x'^{-1}$   
 $= \sum i a_1 x'^{-1} + \sum i b_1 x'^{-1}$   
 $= P' + Q'$ 

21

pas line si 
$$P = X$$
 alors  $2P = 2X$ 

mais  $f(P) = X^2$  et  $f(2P) = 8 \times^2 \neq 2 f(P)$ 

3/ lineaire corr si h,g 
$$R \rightarrow R$$
 fonctions

11/  $(h+g)(x_0) = h(x_0) + g(x_0)$ 

11/  $(xg)(x_0) = \lambda g(x_0)$ 

4/ SI 
$$A(x) = x-x$$
, alors le rest =  $P(x_0)$ 

(as of = 0

$$P(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_{n} x^{n} = \sum_{n=0}^{\infty} a_{n} x^{n} + \alpha_{n} = x (\sum_{n=0}^{\infty} a_{n} x^{n}) + \alpha_{n}$$
$$= x Q(x) + P(x)$$

## Calcul classique

$$X^{n} - (x_{\bullet})^{n} = (X - x_{\bullet}) (X^{n-1} + X^{n-2} x_{\bullet} + X^{n-3} x_{\bullet}^{2} + X x_{\bullet}^{n-1} + x_{n})$$

$$= (X - x_{\bullet}) (X_{\bullet})(X)$$

$$P(x) - P(x_0) = \sum_{i=0}^{n} a_i x_i' - \sum_{i=0}^{n} a_i x_0'$$

$$= \sum_{i=0}^{n} a_i (x_i' - x_0')$$

$$= (x_i - x_0) \sum_{i=0}^{n} a_i Q_i(x_i)$$

dn coup 
$$P(X) = (X-c)Q(X) + P(c)$$
  
et le reste =  $P(c)$ 

Exo 9  $1/ \ker f = \{ f(v) = 0 \}$  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \in \text{kerf} \iff x+3y = 0 \implies x=3y$   $\Rightarrow x=6x$   $\Rightarrow y=2x$   $\Rightarrow x=6x$  donc  $\Rightarrow y=2x$ 6 = NS + 3C = 8y= 2x0 = 0 si  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  e kerf alors  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$  et fest injectif Image de f est  $\left\{x\left(\frac{1}{-1}\right) + y\left(\frac{3}{-1}\right), x, y \in \mathbb{R}\right\}$ les 2 rectems forment une famille libre l'image est un plom x + y - z = 0 3x - y + 5z = 0  $\Rightarrow 4x + 4z = 0 \Rightarrow z = -x$   $\Rightarrow x + y$ => x+y+x=0 les 2 vectors de la base de innf sont perp à (1) > Imf = { x-2y-2 = 0 } x + y + 2z = 0 => z = 0 => z = 0 = z = 0(y) 6 kerf => 2]  $\Rightarrow$  y = x

conchision kerf est me droite cites vector directer (1)

On a que  $f(\frac{1}{2}) = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$   $f(\frac{1}{2}) = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ 

clone imf=th2

Solt 
$$\binom{a}{b} \in \mathbb{R}^2$$
  $\binom{a}{b}_z = a \binom{1}{0}_z + b \binom{0}{1}_1$ 

$$= a + \binom{1}{2}_2 + b + \binom{1}{2}_2 - \binom{1}{2}_2$$

$$= a + \binom{1}{2}_2 + b + \binom{1}{2}_2 + b + \binom{1}{2}_2 - \binom{1}{2}_2$$

$$= a + \binom{1}{2}_2 + b + \binom{1}{2}_2 + f(x)$$

Enclair (a) est l'image de 
$$a \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix} + b \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix} + c \begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$$