Diagonalisation bis

Faits:

- 1. le produit des valeurs propres est égal au déterminant de la matrices
- 2. la somme des valeurs propres est égale la trace de la matrice

Calculer le deteminant, trouver les valeurs propres et vecteurs propres des matrices suivantes.

Indication: chaque matrice admet 1 comme valeur propre.

1.
$$\begin{pmatrix} 0 & -1 & -1 \\ -2 & 7 & 2 \\ 4 & -16 & -5 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 7 & 0 & 2 \\ -7 & 2 & -3 \\ -12 & 0 & -3 \end{pmatrix}$$

3.
$$\begin{pmatrix} 3 & -4 & 2 \\ 4 & -7 & 4 \\ 4 & -8 & 5 \end{pmatrix}$$

4.
$$\begin{pmatrix} 3 & -2 & -4 \\ -12 & 5 & 12 \\ 8 & -4 & -9 \end{pmatrix}$$

5.
$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -2 & 3 & 0 \\ -4 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

6.
$$\begin{pmatrix} 5 & 2 & 0 \\ -2 & 0 & -1 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$