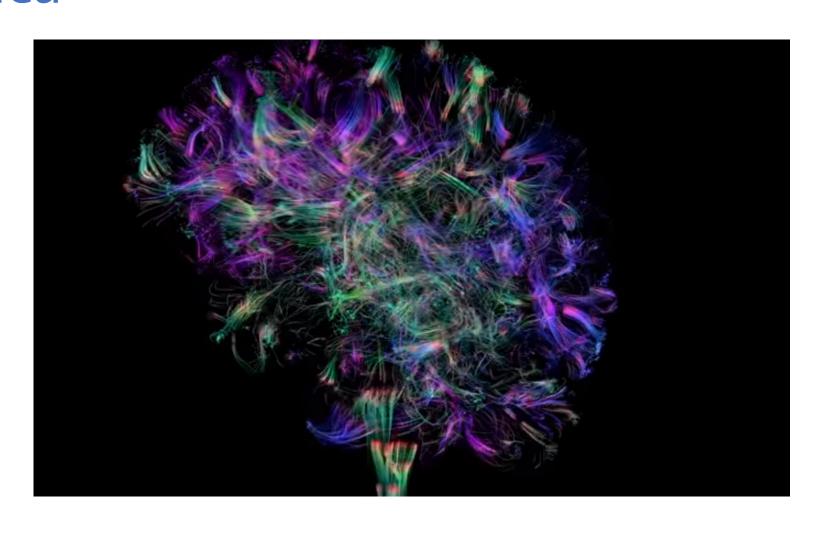
Clasificación

Modelos para entender una realidad caótica



Aprendizaje supervisado y no supervisado



Problema de Clasificación

Aprendizaje supervisado

Clasificación

Datos de entrenamiento que contienen tanto las características x_i como las categorías/etiquetas t_i

Numero de categorías finito

Objetivo: Clasificar datos de entrada en una de un numero finito de categorías

K vecinos más cercanos KNN

KNN – Clasificación

Método tanto de predicción como de clasificación

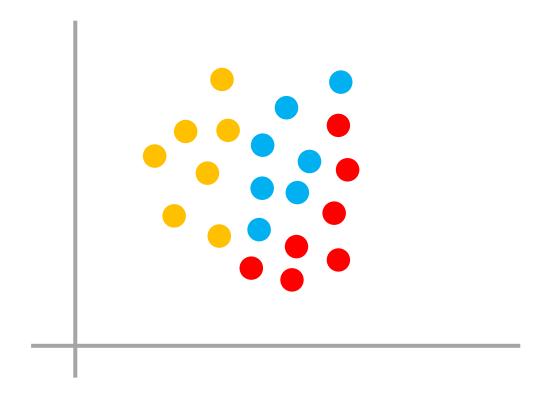
Idea sencilla e intuitiva

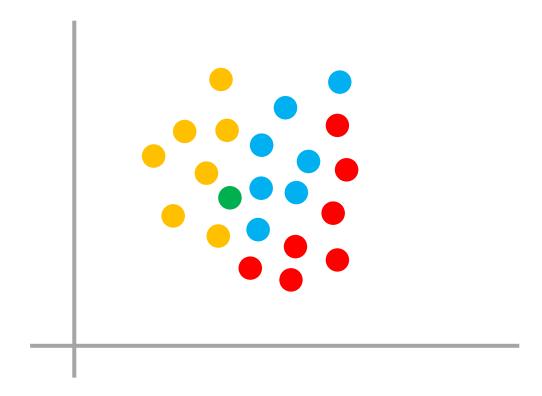
Un pronóstico se basa en las k observaciones mas "parecidas"

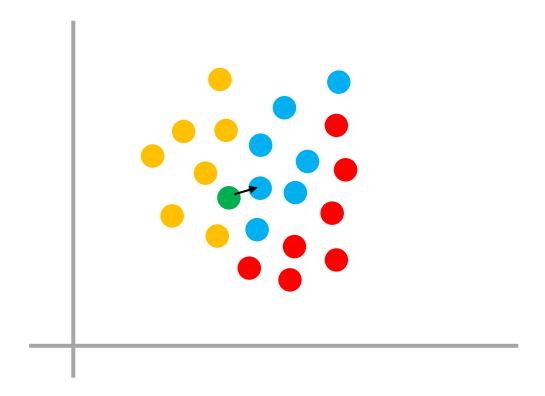
Cada observación en un conjunto de datos es un punto en el espacio ndimensional. El número de dimensiones es igual al número de variables.

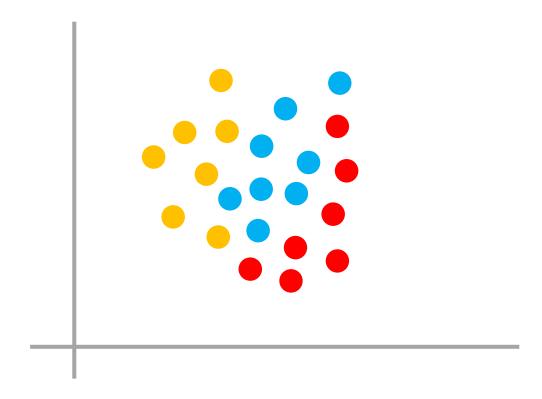
Para predecir la categoría a la que debería pertenecer una nueva observación, se buscan las k observaciones estén más cercanas. Estás serán sus "vecinos"

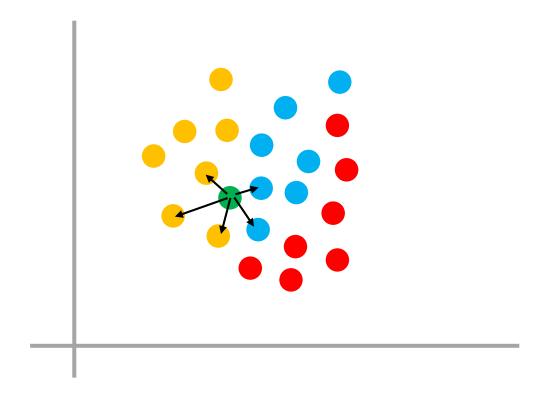
Luego, se toma como predicción la categoría modal (Aquella que aparezca en mas ocasiones en los "vecinos"

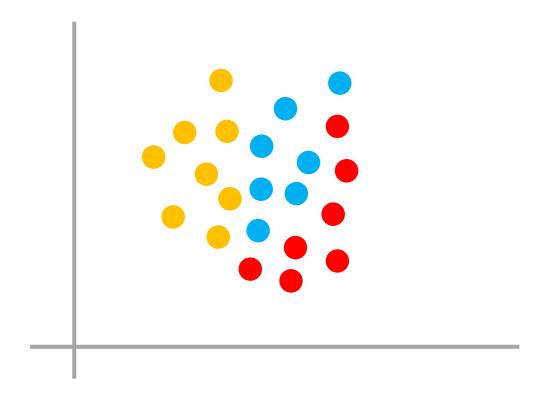












Para predecir la categoría a la que debería pertenecer una nueva observación, calcular las distancias euclidianas entre las variables numéricas y quedarse con las k observaciones que presenten menor distancia euclidiana a esta nueva observación. Estás serán sus "vecinos"

Luego, se toma como predicción la categoría modal (Aquella que aparezca en mas ocasiones en los "vecinos"

Implementación

- 1. Normalizar los datos (Ponerlos en una escala comparable en cada una de las variables)
- 2. Para predecir la categoría a la que debería pertenecer una nueva observación, calcular las distancias euclidianas entre las variables numéricas y quedarse con las k observaciones que presenten menor distancia euclidiana a esta nueva observación. Estás serán sus "vecinos"
- 3. Tomar como predicción la categoría modal (Aquella que aparezca en mas ocasiones en los "vecinos"

1. Crear una función que (1) normalice o (2) estandarice los datos a través de:

$$z_i = \frac{x_i - \min(X)}{\max(X) - \min(X)}$$

$$z_i = \frac{x_i - \bar{X}}{sd(X)}$$

Donde X es la variable a ser normalizada y x_i es la observación a ser normalizada

2. Aplicar la función de normalización a todas las variables del conjunto de datos, almacenar estas nuevas bases como datos_norm y datos_est

Implementación en R (base iris)

```
set.seed(1234)
split <- sample.split(iris$labels, SplitRatio = 0.6)
training set <- subset(iris, split == TRUE)
test set <- subset(iris, split == FALSE)
knn.3 <- knn(train=training set[, -5],
        test=test set[,-5],
        cl=training set$Species,
        k = 3,
        prob = TRUE)
```

Implementar el algoritmo knn para 5, 10, 15 vecinos más cercanos



Validación

Validación cruzada (precisión)

Calcular el número de observaciones que fueron bien clasificadas y dividirlas por el total de datos de prueba

Estaremos calculando la probabilidad de clasificar bien una observación en la muestra de prueba

Calcular la precisión del modelo

¿Cómo seleccionar el número de vecinos que deberían ser escogidos?

Para mejorar el rendimiento del modelo se puede encontrar el valor de "k" que nos provee la precisión máxima del modelo

Para seleccionar este valor:

- Se ajusta el modelo para los diferentes valores de k y se calcula su precisión
- 2. Se selecciona el valor de "k" que presente la mayor precisión

Calcular la precisión del modelo desde 1 hasta 40 vecinos y seleccionar el valor de "k" que maximiza la precisión

Hacer un gráfico que permita observar este resultado

Hacer un clasificador para el grupo al que pertenece un país de acuerdo a sus características para la base de datos UN de la librería carData

Regresión Logística

Datos

El conjunto de datos contiene la información de 1456 empleados de una empresa

Variables:

```
> names(datos)
[1] "satisfaction_level" "last_evaluation" "number_project"
[4] "average_montly_hours" "time_spend_company" "Work_accident"
[7] "left" "promotion_last_5years" "sales"
[10] "salary"
```

Objetivo:

Saber si un empleado va a abandonar la compañía (left) de acuerdo con algunas variables de las presentadas

Clasificación: Modelos con respuesta binaria

¿Qué pasa si la variable respuesta es una variable binaria?

En este caso, la variable "y" puede tomar los valores cero o uno.

Supongamos que:

$$y_i = \begin{cases} 1 & con & probabilidad \\ 0 & con & probabilidad \\ 1 - p_i \end{cases}$$

Si x toma valores en un rango diferente a cero o uno este modelo no es adecuado

$$E(y_i) = p_i$$

$$\hat{y}_i = \beta_0 + \beta_1 x_i$$

Para nuestro caso

$$y_i = \begin{cases} El \ empleado \ si \ abandona \ va \ con \ probabilidad \ p_i \\ El \ empleado \ no \ abandona \ con \ probabilidad \ 1-p_i \end{cases}$$

$$E(y_i) = p_i$$

Función Logística

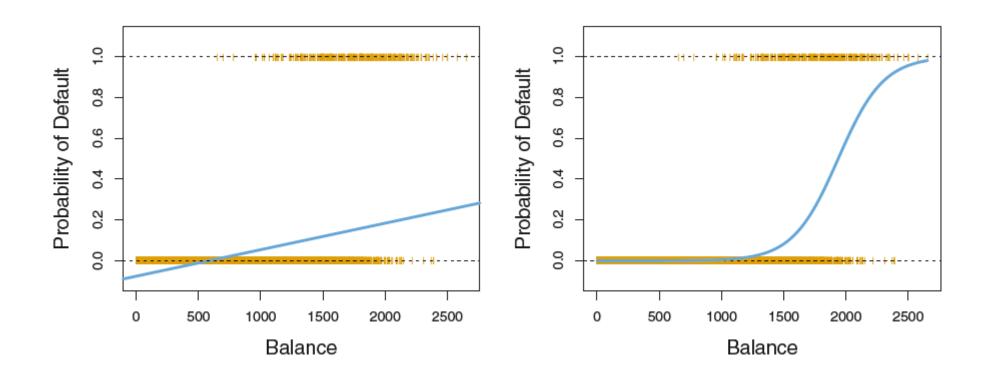
$$p_i = \frac{e^{z_i}}{(1 + e^{z_i})}$$

 $p_i = \frac{e^{z_i}}{(1 + e^{z_i})}$ Se desea estimar la probabilidad de que un empleado abandone la Se desea estimar la compañía

$$\beta_0 + \beta_1 x_i = z_i$$

$$p_i = \frac{e^{z_i}}{(1 + e^{z_i})}$$

Hacer una grafica en R que permita comparar los valores de la función logística para para valores de z entre -10 y 10 (avanzando de 0.2 unidades)



Función logística - Implementación

$$p_i = \frac{e^{z_i}}{(1 + e^{z_i})}$$

$$\ln\left(\frac{p_i}{1-p_i}\right) = \beta_0 + \beta_1 x_i = z_i$$

Regresión Logística

$$\ln\left(\frac{p_i}{1 - p_i}\right) = \beta_0 + \beta_1 x_i = z_i \qquad p_i = \frac{e^{z_i}}{(1 + e^{z_i})}$$

Razón de chances (odss):

$$\frac{p_i}{1-p_i}$$

Por ejemplo, si la probabilidad de que ocurra un evento es del 80% entonces se espera que haya 4 veces más probabilidad de que ocurra que de que NO ocurra (se modela el logaritmo de la razón de chances)

0.8

$$\frac{0.8}{0.2} = 4$$

Regresión Logística

$$\ln\left(\frac{p_i}{1 - p_i}\right) = \beta_0 + \beta_1 x_i = z_i \qquad p_i = \frac{e^{z_i}}{(1 + e^{z_i})}$$

Los odds y el logaritmo de odds cumplen que:

```
Si p(verdadero) = p(falso), entonces odds(verdadero) = 1
```

Si p(verdadero) < p(falso), entonces odds(verdadero) < 1

Si p(verdadero) > p(falso), entonces odds(verdadero) > 1

A diferencia de la probabilidad que no puede exceder el 1, los odds no tienen límite superior.

Si odds(verdadero) = 1, entonces logit(p) = 0

Si odds(verdadero) < 1, entonces logit(p) < o

Si odds(verdadero) > 1, entonces logit(p) > 0

La transformación logit no existe para p = o



Implementación del modelo

Muestras de test y muestras de entrenamiento

Las muestras de test son las muestras con las que vamos a verificar si el modelo tiene o no un buen desempeño

Las muestras de entrenamiento son las muestras con las que vamos a ajustar el modelo

Se suele tomar un 70% de los datos para entrenar el modelo y un 30% para probar su desempeño

Ajuste del modelo

Ajustar el modelo con los datos de entrenamiento, con la opción de enlace logístico en R

Establecer el punto de corte de la probabilidad (a partir de que punto se dice que es uno o cero)

Una vez estos datos estén ajustados, predecir la probabilidad en los datos de prueba



Validación del modelo

Matriz de confusión

Tabla de contingencia definida como:

		Datos de Prueba		
		Positivos	Negativos	
Predicción	Positivos	Verdaderos Positivos	Falsos Positivos	P'
	Negativos	Falsos Negativos	Verdaderos Negativos	N'
		Р	N	TOTAL

Sensibilidad

Razón de verdaderos positivos, clasificar correctamente a un individuo que abandona la empresa:

$$VPR = \frac{VP}{P} = \frac{VP}{VP + FN}$$

		Datos de Prueba		
		Positivos	Negativos	
Prediccio nes	Positivos	VP	FP	Ρ'
	Negativos	FN	VN	N'
	1	Р	N	TOTAL

Especificidad

$$SPS = \frac{VN}{N} = \frac{VN}{FP + VN} = 1 - FPR$$

		Datos de Prueba		
		Positivos	Negativos	
Prediccio nes	Positivos	VP	FP	P'
	Negativos	FN	VN	N'
		Р	N	TOTAL

Probabilidad de clasificar correctamente a un individuo que no abandona la empresa

Ratio

Razón de falsos positivos:

$$FPR = \frac{FP}{N} = \frac{FP}{FP + VN}$$

		Datos de Prueba		
		Positivos	Negativos	
Prediccio nes	Positivos	VP	FP	P'
	Negativos	FN	VN	N'
	1	Р	N	TOTAL

Probabilidad de clasificar incorrectamente a un individuo que no abandona la empresa

Accuracy - Exactitud

$$ACC = \frac{VP + VN}{P + N}$$

		Datos de Prueba		
		Positivos	Negativos	
Prediccio nes	Positivos	VP	FP	P'
	Negativos	FN	VN	N'
		Р	N	TOTAL

Valor predictivo positivo

$$PPV = \frac{VP}{VP + FP}$$

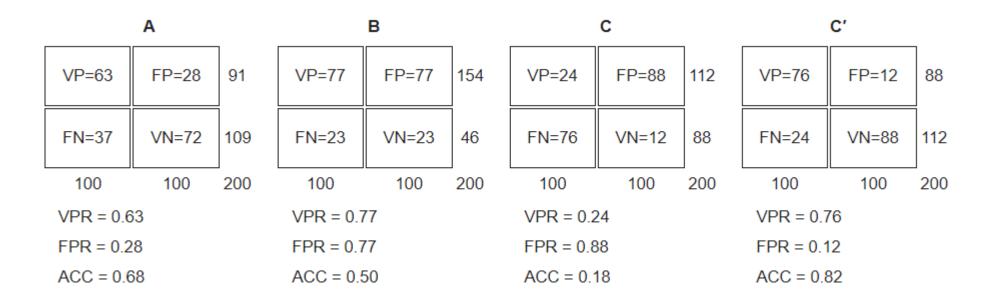
		Datos de Prueba		
		Positivos	Negativos	
Prediccio nes	Positivos	VP	FP	P'
	Negativos	FN	VN	N'
		Р	N	TOTAL

Valor predictivo negativo

$$NPV = \frac{VN}{VN + FN}$$

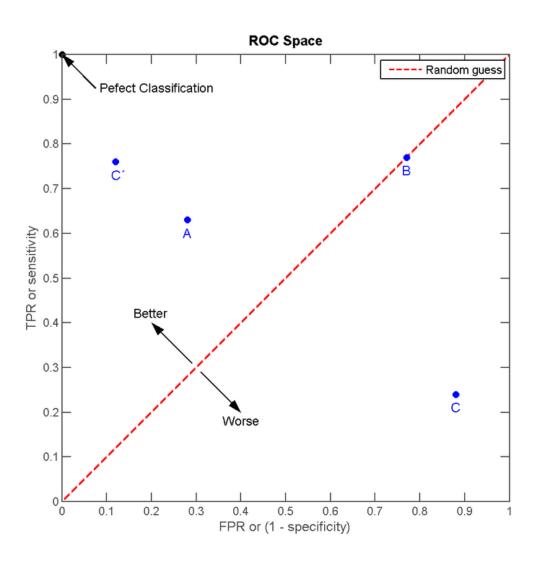
		Datos de Prueba		
		Positivos	Negativos	
Prediccio nes	Positivos	VP	FP	P'
	Negativos	FN	VN	N'
		Р	N	TOTAL

Gráfica de la especificidad vs la sensibilidad a medida que varía el umbral de discriminación



Dibujar la curva ROC consiste en poner juntos todos los puntos correspondientes a todos los umbrales o puntos de corte, de tal modo que ese conjunto de puntos se parecerá más o menos a una curva en el espacio cuadrado entre (0,0) y (1,1)

Area bajo la curva: Este índice se puede interpretar como la probabilidad de que un clasificador ordenará una instancia positiva elegida aleatoriamente más alta que una negativa. Cuanto mayor sea este valor, mejor es nuestra regresión



A modo de guía para interpretar las curvas ROC se han establecido los siguientes intervalos para los valores de AUC:

[0.5]: Es como lanzar una moneda.

[0.5, 0.6): Test malo.

[0.6, 0.75): Test regular.

[0.75, 0.9): Test bueno.

[0.9, 0.97): Test muy bueno.

[0.97, 1): Test excelente.

Regresión Logística

$$\ln\left(\frac{p_i}{1-p_i}\right) = \beta_0 + \beta_1 x_i = z_i$$

$$p_i = \frac{e^{z_i}}{(1 + e^{z_i})}$$

Razón de chances: Por ejemplo, si la probabilidad de que ocurra un evento es del 80% entonces se espera que haya 4 veces más probabilidad de que ocurra que de que NO ocurra

$$\frac{0.8}{0.2} = 4$$

Regresion Probit

$$\hat{y}_i = \Phi(\beta_0 + \beta_1 x_i)^{-1}$$