#### Woda

**WWI 2024 – grupa 3** Dzień 3 – 17 sierpnia 2024



Kod zadania: wod
Limit pamięci: 256 MiB

Bajtek posiada skierowany graf o *n* wierzchołkach i *m* krawędziach, w którym różnica numerów wierzchołków połączonych krawędzią nie przekracza *k*. Wyobraża sobie, że w wierzchołku 1 znajduje się źródło wody, a w wierzchołku *n* mieści się obóz informatyczny. Aby móc sprzedawać butelkowaną wodę kierownikom obozu, musi stworzyć na nią zapotrzebowanie poprzez usunięcie pewnych krawędzi, tak aby nie istniała ścieżka prowadząca z wierzchołka 1 do *n*.

Po krótkim namyśle zdał sobie sprawę, że wystarczy usunąć wszystkie krawędzie, więc <del>aby zadanie nie było zbyt proste</del> postanowił przypisać krawędziom koszty i tak je usunąć, aby zminimalizować ich łączny koszt. Napisz program, który pomoże mu w rozwiązaniu tego problemu.

## Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajdują się trzy liczby całkowite n, m i k ( $2 \le n \le 10^5$ ,  $1 \le m \le 10^5$ ,  $1 \le k \le 9$ ), oznaczające odpowiednio liczbę wierzchołków, liczbę krawędzi oraz maksymalną różnicę numerów wierzchołków połączonych krawędzią.

W kolejnych m wierszach znajdują się opisy krawędzi; w i-tym z nich znajdują się trzy liczby całkowite  $u_i$ ,  $v_i$  i  $c_i$  ( $1 \le u_i$ ,  $v_i \le n$ ,  $0 \le c_i \le 10^9$ ,  $|u_i - v_i| \le k$ ), oznaczające krawędź prowadzącą z  $u_i$  do  $v_i$  o koszcie  $c_i$ .

Graf może zawierać zarówno pętle, jak i wielokrotne krawędzie.

## Wyjście

W pierwszym wierszu wyjścia powinna znaleźć się jedna liczba całkowita oznaczająca minimalny łączny koszt krawędzi, które należy usunąć. W następnym wierszu powinien znaleźć się ciąg o długości *m* złożony z zer i jedynek, którego *i*-ta pozycja oznacza czy należy usunąć *i*-tą krawędź.

Jeżeli istnieje więcej niż jedna możliwa odpowiedź, należy podać dowolną z nich.

# **Przykład**

Weiście dla testu wod0:

7	8	4							
1	2	1							
1	2	1							
1	4	3							
2	4	2							
2	6	2							
4	7	5							
4	6	2							
6	7	2							

Wyjście dla testu wod0:

5 11100000

#### **Ocenianie**

Jeżeli poprawny będzie tylko minimalny łączny koszt krawędzi, Twój program uzyska 70% punktów przewidzianych za test. Zwróć uwagę, że wyjście zawsze powinno spełniać podany format.



1/2

Podzadanie	Ograniczenia	Limit czasu	Liczba punktów
1	$m \le 20$	6 s	10
2	$n \le 20$	6 s	20
3	brak dodatkowych ograniczeń	6 s	70