

Teoria Współbieżności

Ćwiczenie 2

1 Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest wprowadzenie do analizy i dowodzenia poprawności algorytmów opisujących procesy działające współbieżnie.

2 Wprowadzenie

Każdy z przedstawionych procesów będzie wykonywał nieskończoną pętlę podzieloną na **sekcje lokalną** oraz **sekcje krytyczną**. Sekcja krytyczna może być wykonywana w danej chwili wyłącznie przez jeden proces a sekcji lokalna jest niezależna i związana ściśle z danym procesem.

Aby przedstawione algorytmy były uznane za działające poprawne muszą spełniać następujące warunki:

1. wzajemnego wykluczania - w sekcji krytycznej nie może działać więcej niż jeden proces
2. braku zakleszczenia - jeśli procesy chcą wejść do sekcji krytycznych w końcu któryś dostaje dostęp
3. braku zagłodzenia - brak scenariusza, w którym proces nigdy nie dostanie się do sekcji krytycznej

Aby formalnie pokazać, że przedstawione procesy współbieżne nie spełniają powyższych punktów należy na przykład:

- podać listę instrukcji,
- diagram stanów (nie musi być cały, wystarczy część),
- tabelkę w stylu debbugera,

która nie spełni 1. 2. albo 3. . Zamiast całych instrukcji można napisać tylko numer instrukcji procesu; należy pamiętać, że zmienne również przedstawiają stan systemu.

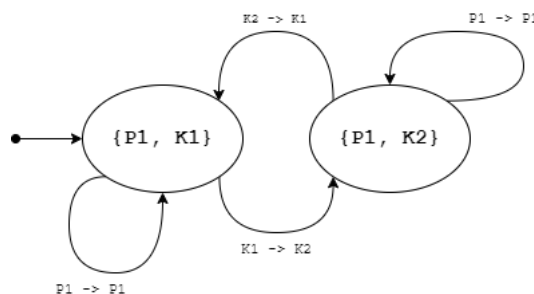
3 Przykłady

1. Przykład z diagramem stanów

| <i>Proces P</i> | <i>Proces K</i> |
|-------------------------|---------------------------|
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: sekcja lokalna |
| | K2: sekcja krytyczna |

Sekcja lokalna oraz sekcja krytyczna są zapisane skótowno; mogą w sobie zawierać wiele instrukcji. Px i Kx to numery instrukcji; dla uproszczenia główny while nie będzie numerowany.

System może być maksymalnie tylko w dwóch różnych stanach $\{P1, K1\}$ albo $\{P1, K2\}$. Algorytm jest poprawny ponieważ system spełnia warunki 1. 2. i 3. - widać to na diagramie stanów:



2. Przykład z tabelką

| <i>Proces P</i> | <i>Proces K</i> |
|---------------------------|---------------------------|
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: sekcja lokalna |
| P2: sekcja krytyczna | K2: sekcja krytyczna |

Algorytm nie spełnia warunku wzajemnego wykluczania ponieważ procesy mogą równocześnie znaleźć się w sekcjach krytycznych czyli w stanie $\{P2, K2\}$. Dowód:

| Czas/Krok | Proces P | Proces K | Zmienne globalne |
|-----------|----------|----------|------------------|
| T1 | P1 | K1 | brak |
| T2 | P1 | K2 | - |
| T3 | P1 | K1 | - |
| T4 | P1 | K2 | - |
| T5 | P2 | K2 | - |

4 Ćwiczenia

Dla poniższych algorytmów działających współbieżnie sprawdź czy działają poprawnie - czy spełniają warunki 1. 2. oraz 3. lub pokaż, że nie spełniają któregośkolwiek z nich.

1.

X 6 0 1

| Zmienne globalne | |
|--------------------------------|----------------------|
| działaj \leftarrow true | |
| Proces P | Proces K |
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: sekcja lokalna |
| P2: działaj \leftarrow false | K2: if działaj : |
| P3: sekcja krytyczna | K3: sekcja krytyczna |
| P4: działaj \leftarrow true | |

Oprócz numerów instrukcji przy opisie stanu systemu należy również uwzględnić zmienne globalne.

2.

✓

| Zmienne globalne | |
|--------------------------------|--------------------------------|
| działaj \leftarrow true | |
| Proces P | Proces K |
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: if działaj : |
| P2: if działaj : | K2: działaj \leftarrow false |
| P3: działaj \leftarrow false | K3: sekcja krytyczna |
| P4: sekcja krytyczna | K4: działaj \leftarrow true |
| P5: działaj \leftarrow true | K5: sekcja lokalna |

3.

| Zmienne globalne | |
|------------------------------------|------------------------------------|
| czyja_kolej \leftarrow "P" | |
| Proces P | Proces K |
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: sekcja lokalna |
| P2: await czyja_kolej = "P" | K2: await czyja_kolej = "K" |
| P3: sekcja krytyczna | K3: sekcja krytyczna |
| P4: czyja_kolej \leftarrow "K" | K4: czyja_kolej \leftarrow "P" |

Instrukcja await czeka aż warunek będzie prawdziwy.

4.

| Zmienne globalne | |
|--------------------------------|--------------------------------|
| turaP \leftarrow false | |
| turaK \leftarrow false | |
| Proces P | Proces K |
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: sekcja lokalna |
| P2: await turaK = false | K2: await turaP = false |
| P3: turaP \leftarrow true | K3: turaK \leftarrow true |
| P4: sekcja krytyczna | K4: sekcja krytyczna |
| P5: turaP \leftarrow false | K5: turaK \leftarrow false |

5.

| Zmienne globalne | |
|--------------------------------|--------------------------------|
| turaP \leftarrow false | |
| turaK \leftarrow false | |
| Proces P | Proces K |
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: sekcja lokalna |
| P2: turaP \leftarrow true | K2: turaK \leftarrow true |
| P3: await turaK = false | K3: await turaP = false |
| P4: sekcja krytyczna | K4: sekcja krytyczna |
| P5: turaP \leftarrow false | K5: turaK \leftarrow false |

6.

| <i>Zmienne globalne</i> | |
|--|------------------------------------|
| turaP \leftarrow false turaK \leftarrow false | |
| <i>Proces P</i> | <i>Proces K</i> |
| while true: | while true: |
| P1: sekcja lokalna | K1: sekcja lokalna |
| P2: turaP \leftarrow true | K2: turaK \leftarrow true |
| P3: while turaK : | K3: while turaP : |
| P4: turaP \leftarrow false | K4: turaK \leftarrow false |
| P5: turaP \leftarrow true | K5: turaK \leftarrow true |
| P6: sekcja krytyczna | K6: sekcja krytyczna |
| P7: turaP \leftarrow false | K7: turaK \leftarrow false |

Literatura

- [1] Ben-Ari, Mordechai. Podstawy programowania współbieżnego i rozproszonego. Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, 2009.