

# AKADEMIA GÓRNICZO-HUTNICZA

WYDZIAŁ ELEKTROTECHNIKI, AUTOMATYKI, INFORMATYKI I INŻYNIERII BIOMEDYCZNEJ  
KIERUNEK INFORMATYKA, III ROK, 2018/2019



## MODELOWANIE I SYMULACJA SYSTEMÓW

---

### „Traffic Sim”

Symulacja ruchu samochodów w mieście

---

Konrad Gębczyński, Agnieszka Zadworny, Maciej Bielech

Kraków, 13 grudnia 2018

# 1 Wstęp

Rozwój sektora transportu spowodował znaczny wzrost ilości pojazdów poruszających się po ulicach miast. Wiąże się to z wzmożonym ruchem, utrudniającym sprawne przemieszczanie się. Rozbudowa sieci dróg jest jednym z rozwiązań tego problemu, lecz istnieją też inne sposoby na usprawnienie ruchu ulicznego, takie jak inteligentne sygnalizacje świetlne, skrzyżowania bezkolizyjne, systemy badające ruch w czasie rzeczywistym i sterujące nim w zależności od potrzeb.

Symulacje ruchu drogowego pozwalają sprawdzić jaki wpływ na układ drogowy będzie miał np. ruch generowany z projektowanego biurowca albo nowo budowanej drogi. Poza możliwościami jakie daje mikrosymulacja ruchu w 2d przeprowadzane symulacje mogą mieć jeszcze bardziej przystępną formę. Wyniki symulacji mogą być przedstawione w postaci np. długości kolejek czy straty czasu, które są czytelne przede wszystkim dla inżynierów ruchu. Dodatkowo symulacje ruchu drogowego umożliwiają przedstawienie docelowej sytuacji w trzech wymiarach. Pozwala to na zobrazowanie inwestorowi czy zarządcy ruchu jak wygląda rozkład ruchu na okolicznych ulicach przy projektowanym obiekcie handlowym czy powstającym właśnie biurowcu, a obrazowane w ten sposób wyniki są dostępne dla osób, które na co dzień nie mają do czynienia z inżynierią ruchu.

Symulacje ruchu pozwalają zobrazować przyszłą sytuację ruchową i przedstawić ją w przystępnej formie. Co więcej stanowią element, który na prezentacjach ma za zadanie przyciągać wzrok i uwagę widza, ponieważ pojazdy na symulacji poruszają się jak prawdziwe pojazdy, a decyzje poszczególnych pojazdów odzwierciedlają zachowania kierowców na drodze.

Symulacje umożliwiają symulowanie jednocześnie ruchu samochodów, pieszych, rowerzystów, a także tramwajów. Dzięki temu możliwe jest umieszczenie, w jednej symulacji, wszystkich uczestników ruchu oraz przedstawienie wzajemnej interakcji między nimi.

Tematem niniejszej pracy jest zamodelowanie i zasymulowanie jednego ze sposobów ograniczania zatorów, mianowicie skrzyżowania bezkolizyjnego. W pracy poruszymy takie kwestie jak: automaty komórkowe, model Nagela-Schreckenberga, czy listy kolejujące.

## 2 Automaty komórkowe

Automat komórkowy wykorzystywany jest w różnorodnych symulacjach. Automaty komórkowe definiowane są najczęściej na dwa sposoby (patrz [1]):

- Definicja Ferbera

Automaty komórkowe są dyskretnym, dynamicznym systemem, którego zachowanie jest całkowicie określone w warunkach lokalnych relacji

- Definicja klasyczna [2]

Automat komórkowy to czwórka  $(L, N, S, f)$ , gdzie

- $L$  - przestrzeń podzielona na siatkę komórek,
- $S$  - zbiór skończonych stanów,
- $N$  - zbiór sąsiadów danej komórki,
- $f$  - funkcja zmiany konfiguracji w poszczególnych komórkach.

### 2.1 Cechy

Według [6] automaty rozumiemy jako:

- regularną siatkę jedno lub wiele wymiarową
- każdy węzeł siatki jest w jednym z  $K$  dyskretnych stanów
- w dyskretnych momentach uaktualniane są stany węzłów
- każdy stan w chwili  $t + 1$  jest zależny od stanu sąsiadów w chwili  $t$
- można przyjmować różne warunki brzegowe (tj. okresowe)

## 2.2 Sąsiedztwo komórek

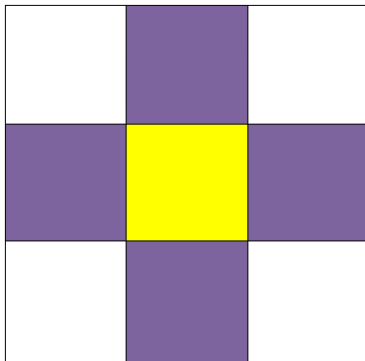
Wyróżniamy wiele różnych rodzajów sąsiedztw, z czego najpopularniejszymi są:

- Sąsiedztwo von Neumana [5]

Sąsiedztwo w kształcie diamentu, może być definiowane jako otoczenia danej komórki  $(x_0, y_0)$ . Sąsiedztwo Neumanna zakresu  $r$  jest definiowane jako:

$$N_{(x_0, y_0)}^v = \{(x, y) : |x - x_0| + |y - y_0| \leq r\}$$

Sąsiedztwo von Neumann'a dla  $r = 1$  przedstawione zostało na rysunku 1.



Rysunek 1: Sąsiedztwo Neumann'a.

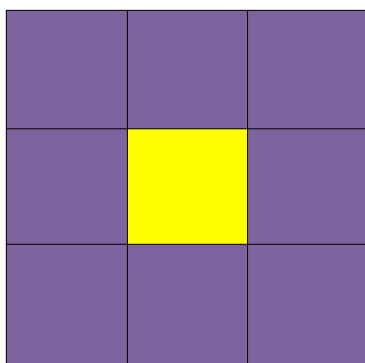
Opracowanie własne na podstawie: Wikipedia - Automat komórkowy

- Sąsiedztwo Moore'a [4]

Sąsiedztwo w kształcie kwadratu, może być definiowane jako otoczenia danej komórki  $(x_0, y_0)$ . Sąsiedztwo Moore'a zakresu  $r$  jest definiowane jako:

$$N_{(x_0, y_0)}^M = \{(x, y) : |x - x_0| \leq r, |y - y_0| \leq r\}$$

Sąsiedztwo Moore'a dla  $r = 1$  przedstawione zostało na rysunku 2.



Rysunek 2: Sąsiedztwo Moore'a.

Opracowanie własne na podstawie: Wikipedia - Automat komórkowy

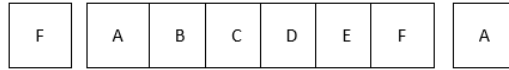
## 2.3 Warunki brzegowe

W formalnej definicji automatów komórkowych wymaga się żeby siatka komórek była nieskończona we wszystkich wymiarach. Dla rozważań złożoności jest to uzasadnione i konieczne, ale oczywiście niemożliwe jest zasymulowanie naprawdę nieskończonej siatki programowo. Dlatego musimy ustalić pewne warunki brzegowe.

Innym powodem zastosowania tych warunków może być fakt, że problem który chcemy zasymulować ma pewne naturalne granice. Istnieją trzy rodzaje warunków brzegowych:

- periodyczne

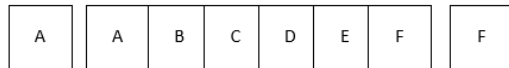
Uzyskuje się je wydłużając siatkę poprzez zapętlenie. Okresowe warunki brzegowe są najbliższe symulowaniu nieskończonej siatki i dlatego są często używane. Dwuwymiarowa wersja periodycznych warunków brzegowych, gdzie połączone są krawędzie: górna i dolna, lewa i prawa, prowadzi do topologii torusa.



Rysunek 3: Warunek brzegowy periodyczny, jednowymiarowa siatka.  
Opracowanie własne na podstawie: [3]

- zamknięte odbijające

Uzyskuje się przez odbicie siatki na granicy. Ten typ warunku brzegowego najlepiej pasuje do warunków, w których symulowany system ma również granice i gdzie wartość zmiennych fizycznych nie jest stała. Często te warunki brzegowe można łączyć w różnych celach z innymi (różne warunki na różnych krawędziach).



Rysunek 4: Warunek brzegowy zamknięty odbijający, jednowymiarowa siatka.  
Opracowanie własne na podstawie: [3]

- zamknięte pochłaniające

Wartości są uzyskiwane prosto przez przepisanie ustalonej wartości komórek na granicy. Ta wartość musi zostać określona na podstawie aplikacji. Ten warunek brzegowy odpowiada warunkom brzegowym Dirichlet'a dla równań różniczkowych cząstkowych.



Rysunek 5: Warunek brzegowy zamknięty odbijający, jednowymiarowa siatka.  
Opracowanie własne na podstawie: [3]

W ogólności automat komórkowy to matematyczny model dyskretny, dynamicznych procesów zachodzących w czasie. Rozpatrywana przestrzeń w naszej aplikacji będzie listą pozycji na których może znajdować się pojazd na drodze. Stan komórki będzie zmieniał się w dyskretnych chwilach czasu, podczas gdy samochody będą się poruszać. Ruch pojazdu zależał będzie od prędkości maksymalnej, jaką można poruszać się na drodze, od odległości od najbliższego sąsiada poruszającego się tym samym pasem ruchu oraz od poprzedniego stanu w jakim znajdował się rozpatrywany samochód. Warunkiem brzegowym naszej przestrzeni będzie dojechanie do sygnalizacji świetlnej lub końca drogi, w takiej sytuacji kierowca oczekuje na zmianę sygnalizacji, lub wybiera ulicę którą chce podróżować dalej.

Automaty komórkowe pozwalają łączyć wielkie liczby komponentów, a także poziomów organizacyjnych w model umożliwiający bardzo szybko symulację zachowań systemu złożonego. Modele ruchu, które są oparte na automatach komórkowych to systemy dynamiczne, gdzie droga, czas oraz stany systemu stanowią wielkości dyskretne. Ewolucja modelu określana jest za pomocą reguł uaktualniania, które działają lokalnie (w sąsiedztwie danej komórki). W metodzie modelowania ruchu drogowego, bazującej na automatach komórkowych, droga została podzielona na komórki o stałej długości, natomiast pojazdy reprezentowane są przez punkty, które posiadają niezbędny zestaw parametrów. Co pewien stały krok czasowy każdy pojazd przemieszcza się zgodnie z regułami rządzącymi jego zachowaniem. Automaty komórkowe ze względu na swoją prostotę stanowią popularne narzędzie mikroskopowego modelowania ruchu drogowego. Modele wykorzystujące automaty komórkowe

posiadają dużą wydajność obliczeniową. Ponad to, oferują możliwość odwzorowania i symulowania rzeczywistych zjawisk ruchu drogowego z zadowalającą dokładnością. Pozwalają również na realistyczne odwzorowanie środowiska ruchu miejskiego. Co więcej, umożliwiają one prognozę parametrów, które stanowią podstawę optymalizacji adaptacyjnego sterowania ruchem.

### 3 Symulacyjne modele ruchu

Bezpieczeństwo ruchu drogowego determinowane jest cechami infrastruktury drogowej oraz warunkami ruchowymi występującymi na sieci drogowej. Źle zaprojektowany układ sieci drogowej daje użytkownikom poważne trudności i przyczynia się do obniżenia bezpieczeństwa ruchu drogowego. Stosowane obecnie metody analiz ruchu drogowego, bazujące na matematycznych modelach makro i mikrosymulacji ruchu drogowego, umożliwiają racjonalne kształtowanie przebudowy i rozwoju układu drogowego, dostarczają niezbędne dane potrzebne do oceny poziomu warunków i bezpieczeństwa ruchu.

W dzisiejszych czasach rozbudowujące się sieci drogowe, które są uwarunkowane rosnącym zapotrzebowaniem na przestrzeń transportową, stawiają przed inżynierami ruchu ogromne wyzwania. Jednym z nich jest konieczność osiągnięcia jak najwyższego poziomu bezpieczeństwa ruchu drogowego. Sprostanie tym zadaniom wymaga stosowania w projektowaniu i zarządzaniu ruchem najnowocześniejszych narzędzi, którymi są symulacyjne modele ruchu drogowego. W pracy skupiono się na mikrosymulacji wybranych skrzyżowań z sygnalizacją świetlną znajdujących się na terenie Krakowa. Teraz w kilku zdaniach przedstawione zostaną dwa modele symulacyjne ruchu drogowego – makro i mikrosymulacja.

Pierwsze modele symulacyjne ruchu drogowego zostały zastosowane w połowie XX w. i były one modelami bardzo prostymi, posiadającymi szereg założeń upraszczających ich działanie. Symulacje te głównie dotyczyły przepływu ruchu na odcinkach międzywęzłowych sieci. Rozwój informatyki, a zwłaszcza numerycznych technik obliczeniowych sprzężonych z komputerami o coraz większej mocy obliczeniowej, przyczynił się do rozwoju nowocześniejszych procedur obliczeniowych stosowanych w inżynierii ruchu drogowego. W związku z tym rozwojem, w procedurach tych zaczęto uwzględniać coraz to większą grupę czynników wpływających na transport, a co za tym idzie na ruch drogowy. Procedury te mają za zadanie odwzorować skomplikowane zjawisko, jakim jest realizacja podróży w sposób możliwie dokładny i obrazujący stan istniejący. W myśl zasady „od ogółu do szczegółu” techniki symulacyjne wykształciły dwa poziomy analiz:

- makrosymulacje - w ujęciu sieciowym;
- mikrosymulacje – w ujęciu lokalnym.

Makrosymulacje [Rys. 1] dotyczą głównie dużego obszaru sieci transportowej tj. kraju (krajowy model ruchu drogowego), województwa bądź grupy województw (regionalny model ruchu drogowego), albo całego miasta (miejski model ruchu drogowego). W modelach takich proces transportowy odzwierciedla się za pomocą czterech kroków (model czterostopniowy):

- Generowanie ruchu – tworzenie podróży wynikających z potrzeb człowieka (podróże indywidualne, transportem publicznym) oraz wynikające z potrzeb gospodarczych (np.: ruch pojazdów dostawczych). Opisane jest w ramach poszczególnych motywacji podróży: dom – praca, praca – dom itd.;
- Rozkład przestrzenny ruchu - wybór celu podróży związanego z zagospodarowaniem przestrzennym analizowanego obszaru;
- Wybór środka transportu do realizacji podróży (podział modalny) – opis kryteriów wyboru poszczególnych środków transportowych do realizacji podróży;
- Rozkład podróży/potrzeb transportowych na sieć transportową – określenie tras podróży w ramach poszczególnych systemów transportowych, a w konsekwencji natężeń ruchu i potoków pasażerskich w środkach transportowych.

Pierwsze trzy kroki modelowania pozwalają na określenie potrzeb transportowych mieszkańców w ramach danego systemu transportowego. Dzięki temu możliwa jest odpowiedź na pytanie: „Ile osób w danym przedziale czasu zamierza podróżować i jakim środkiem transportowym?”. Czwarty krok to określenie tras realizacji podróży. Pomiędzy poszczególnymi krokami obliczeniowymi istnieje ścisła zależność, ponieważ forma realizacji podróży zależy od możliwości jej realizacji, a także stopnia obciążenia ruchem sieci.

Efektem stosowania makrosymulacji jest uzyskanie danych o natężeniach ruchu dla całej sieci transportowej analizowanego układu. Pozwala to na określenie zmian natężeń ruchu drogowego i potoków pasażerskich np. dla budowy nowego odcinka drogi, wprowadzenia nowego systemu opłat za przejazd.

Mikrosymulacje dotyczą wybranego, najczęściej ograniczonego do kilku skrzyżowań i odcinków międzywęzłowych, obszaru sieci transportowej. Mikrosymulacje mogą odnosić się do różnych obszarów transportu, m.in. ruchu drogowego dla którego prowadzone są symulacje ruchu pojazdów na poszczególnych pasach ruchu. Mikrosymulacja to uzupełnienie makrosymulacji przez uszczegółowienie zjawiska ruchu drogowego. Symulacje te obrazują sposób przemieszczania się pojazdów wskazując możliwe miejsca potencjalnych utrudnień w ruchu drogowym np.: zatory, czy długości kolejek na poszczególnych pasach ruchu drogowego. Techniki mikrosymulacji to świetne narzędzie prezentacji sytuacji ruchowej, a także pokazania możliwych konsekwencji zmian w organizacji ruchu drogowego polegających min. na wprowadzeniu dodatkowego pasa ruchu dla relacji prawoskrętu, czy też zmiany długości cyklu sygnalizacji świetlnej. Efektem mikrosymulacji zazwyczaj jest film, który prezentuje przemieszczających się użytkowników infrastruktury transportowej. Dzięki tym filmom w łatwy sposób można przekonać potencjalnych inwestorów do danego typu rozwiązania transportowego.

## 4 Model Nagela-Schreckenberga

Model ten opisuje uproszczony model poruszania się samochodów. Jednopasmowa i jednokierunkowa droga zostaje podzielona na odcinki o długości przeciętnego samochodu w raz z wolnym miejscem z przodu i z tyłu. W każdej komórce w danym czasie może znajdować się tylko jeden samochód.

Funkcja przejścia podzielona została na etapy:

- Przyspieszanie - wszystkie samochody zwiększają swoją prędkość, jeżeli do tej pory jechały z prędkością mniejszą niż maksymalna na danej ulicy,
- Hamowanie - jeśli liczba komórek wolnych od samochodu do samochodu jadącego przed rozpatrywanym jest mniejsza niż prędkość samochodu, to kierowca samochodu musi dostosować prędkość, aby uniknąć kolizji,
- Zdarzenia losowe - samochód zmniejsza prędkość z uwagi na nieprzewidziane zachowanie na drodze, z określonym prawdopodobieństwem,
- Przesunięcie - wszystkie samochody przesuwają się o określony dystans, zgodnie z prędkością obliczoną w poprzednich krokach.

Te cztery czynności powtarza się wiele razy, tak długo, jak jest to wymagane do badania wszelkich korków, które mogą tworzyć. Model jest przykładem automatu komórkowego. Model dotyczy pojedynczego pasa, w którym samochody nie mogą się wzajemnie przekazywać - nie ma wyprzedzania.

## 5 Planowanie i optymalizacja tras

Istnieje wiele sposobów na planowanie transportu min. rzędy, kolumny, tabele, wykresy. Skuteczność tych sposobów można ocenić w sposób analityczny i bez zamawiania kosztownych symulacji. Jednak przy coraz większym stopniu złożoności ruchu wyniki planowania oparte wyłącznie na skumulowanych wartościach są trudne do sprawdzenia, a co więcej są one trudne do zrozumienia. W takim przypadku rozwiązaniem pozwalającym na wyciągnięcie miarodajnych wniosków potrzebnych do podjęcia decyzji, jest graficzne przedstawienie organizacji ruchu drogowego. Mikrosymulacje:

- pozwalają na graficzne przedstawianie abstrakcyjnych danych, co ułatwia ich zrozumienie;
- pomagają odwzorowywać procesy organizacji ruchu;
- pomagają rozpoznawać potencjalnie słabe strony sieci (wraz z przyczynami);
- pozwalają weryfikować podjęte działania pod kątem ich wpływu na ruch drogowy.

Przy użyciu narzędzia do mikrosymulacji ruchu drogowego można tworzyć realistyczne wizualizacje, które ułatwią zrozumienie zachowań drogowych osobom bez technicznego przygotowania, zwłaszcza gdy w podejmowaniu decyzji udział biorą organy polityczne lub opinia publiczna. Przyszłe i jeszcze nie istniejące alternatywy staną się widoczne, a kompleksowe połączenia okażą się intuicyjne i zrozumiałe. Największą zaletą mikrosymulacji jest dostępność szczegółów, które można wykorzystać do budowy wirtualnej rzeczywistości. Można tworzyć symulację interakcji kierowców i pieszych w całej sieci transportowej zgodnie ze stereotypowymi zasadami przemieszczania się. Dodatkowo wizualizacja wszystkich sygnalizatorów świetlnych pozwala zobaczyć, które światła świecą na zielono, a które na czerwono. Symulacja umożliwia wprowadzenie szczegółów na poziomie zbliżonym do rzeczywistego, tak aby utworzony model miał jak najlepszą rozdzielczość.

## 6 Sygnalizacja świetlna

Dodatkiem do modelu Nagela-Schreckenberga może być model sygnalizacji świetlnej. Sygnalizacja jest systemem komunikującym kierowcom, możliwość kontynuowania jazdy, co wpływa na zwiększenie poziomu bezpieczeństwa.

Aby zamodelować sygnalizację świetlną dodajemy kilka rozszerzeń do naszego modelu:

- samochód dojeżdżający do sygnalizacji świetlnej zmniejsza swoją prędkość,
- jeśli kierowca dojedzie do sygnalizacji, a sygnalizacja wskazuje na światło zielone, kierowca kontynuuje jazdę,
- jeśli kierowca dojedzie do sygnalizacji, lecz sygnalizacja wskazuje na światło czerwone, kierowca zatrzymuje się i oczekuje na światło zielone,

## 7 Skrzyżowanie

- Drogi dwupasmowe i dwukierunkowe przecinają się pod kątem prostym.
- Kolor światła zmienia się na  $i$ -tym skrzyżowaniu co  $i$ -tą iterację (jest to bliskie rzeczywistości rozwiązanie, ponieważ rzadko się zdarza aby sygnalizacja świetlna na dwóch różnych skrzyżowaniach, które sąsiadują ze sobą była zsynchronizowana).
- Odległości między poszczególnymi skrzyżowaniami mogą być różne.
- Komórka może być zajęta przez samochód, bądź wolna (zajęta komórka posiada wartość liczbową określającą prędkość pojazdu znajdującego się na dowolnym odcinku drogi, w danej chwili).
- Funkcja przejścia składa się z 4 etapów: przyspieszenie, hamowanie, zdarzenie losowe i przesunięcie.

Obserwacje wynikające z symulacji skrzyżowania pokazują, że przepustowość sygnalizacji świetlnej zależy głównie od maksymalnego przyspieszenia. Dla przepustowości mniejszej od liczby samochodów chcących przejechać przez skrzyżowanie kolejka pojazdów oczekujących na przejazd będzie ulegać stopniowemu wydłużeniu. Zator powstający w ten sposób może sięgać nawet poprzedniego skrzyżowania. Model uwzględnia także występujące w rzeczywistości zachowania, tzn. postawy kierowców, którzy wjeżdżają na skrzyżowanie mimo braku możliwości jego opuszczenia. Konsekwencją takiego zachowania jest blokada przejazdu dla innych użytkowników ruchu, co prowadzi do zmniejszenia przepustowości sygnalizacji świetlnej. Ponad to powstający w ten sposób zator posiada tendencję do rozprzestrzeniania się ze względu na to, że jest to system naczyń połączonych. W wyniku takiego zachowania jednostkowa sytuacja może prowadzić do paraliżu całego układu komunikacyjnego badanego obszaru.

### Reguły ruchu na skrzyżowaniu

Możliwość dostosowania modelu do potrzeb konkretnego rozwiązania wymaga użycia wielu parametrów konfiguracyjnych dla pasów ruchu i poszczególnych typów pojazdów. Organizacja ruchu na skrzyżowaniu wymaga zastosowania dodatkowych reguł ruchu pojazdów, uwzględniających zasady ruchu na nim. Bezpieczna prędkość wymaga zastosowania procedur umożliwiających jej określenie dla każdej sytuacji ruchowej.

- Prędkość ruchu pojazdów

Pojazdy mogą się poruszać z prędkością od 0 do 5 m/s. Mniejsze prędkości od dopuszczalnych prędkości ruchu dla poszczególnych typów pojazdów można uzyskać dzięki wprowadzeniu zdarzenia losowego tj. np. prawdopodobieństwa zahamowania wynikające z warunków pogodowych.

- Bezpieczna prędkość ruchu pojazdów

Każdy pojazd potrafi określić swoją bezpieczną prędkość, czyli zachować bezpieczny odstęp od poprzedniego pojazdu, zmniejszyć prędkość albo zatrzymać się w określonej komórce drogi. Funkcja określająca drogę hamowania zależy od bieżącej prędkości pojazdu i w przypadku wykorzystania idealnego opóźnienia hamowania dla  $b=1$  m/s może mieć postać:

$$S_b(v) = \sum_{i=1}^{v-1} i[komrek] \quad (1)$$

Chcąc uwzględnić stan nawierzchni czy też warunki pogodowe uniemożliwiające idealne hamowanie funkcję (1) należy uzupełnić o współczynniki korygujące drogę hamowania. W przeciętnych warunkach ruchu czas reakcji kierowcy przyjmowany jest jako 1 s, ale możliwe jest jego zwiększenie w niekorzystnych warunkach ruchu. Każdy pojazd potrafi utrzymywać bezpieczną odległość, zmniejszając ją w przypadku obecności pojazdu poprzedzającego, utrzymując ją oraz próbując przyspieszyć, gdy jego prędkość jest mniejsza od lokalnie dopuszczalnej.

- Przejazd przez skrzyżowanie

opis tu bd

- Wjazd na skrzyżowanie

opis tu bd

- Wpływ pieszych na ruch pojazdów

opis tu bd

## 8 Podsumowanie

Uruchamiając symulację zaimplementowaną w sposób przedstawiony powyżej zauważamy, że nawet tak prosty model ruchu samochodów jest w stanie, z pewnym przybliżeniem, odwzorować zachowanie kierowców podczas przejazdu przez skrzyżowanie. Symulacja pozwala również dostosowywać działanie świateł na podstawie obserwowanego zagęszczenia ruchu na poszczególnych ulicach i badać skutki, do jakich te zmiany doprowadzają. Mimo, że na drodze nie dochodzi do łamania przepisów przez kierowców wszystkie pojazdy są reprezentowane poprzez punkty, nie uwzględniając ich długości, nie uwzględnione zostały również umiejętności i poziom odwagi kierowców. Jednak wszystkie te czynniki mogą zostać w przyszłości zaimplementowane i dzięki temu model może okazać się jeszcze bardziej odpowiadający rzeczywistemu zachowaniu na drodze.

Opracowane środowisko do symulacji ruchu drogowego posiada m.in możliwości wykorzystania:

- dostępu z poziomu przeglądarki www;



- rozbudowanego edytora map, dzięki któremu można modelować;
- dowolnego obszaru objętego badaniem np. konfliktowych skrzyżowań dróg;
- procesu symulacji, który umożliwia np. zróżnicowanie samochodów ze względu na różne wartości maksymalnych przyspieszeń czy prędkości, generowanie zdarzeń losowych, czy modelowanie specyficznych sytuacji na drodze;
- statystyki oraz wizualizacja danych wygenerowanych przez symulator min. tj.: natężenie ruchu, średnia prędkość, wartości prędkości i przyspieszeń pojazdów na danym odcinku drogi, czy też przepustowość danego obszaru.

## Literatura

- [1] Jarosław Wąs Ewa Dudek-Dyduch. Formalizacja automatów komórkowych w zagadnieniach symulacji dynamiki pieszych, 2005.
- [2] Marcin Szpyrka Konrad Kułakowski, Jarosław Wąs. Dynamiczny model świata w sterowaniu autonomicznym robotem mobilnym.
- [3] Jörg R. Weimar. Modeling with cellular automata, 2000.
- [4] Eric W. Weisstein. Moore neighborhood. <http://mathworld.wolfram.com/MooreNeighborhood.html>. [Online; dostęp : 10.01.19r.].
- [5] Eric W. Weisstein. von neumann neighborhood. <http://mathworld.wolfram.com/vonNeumannNeighborhood.html>. [Online; dostęp : 10.01.19r.].
- [6] Jarosław Żygierewicz. Automaty komórkowe.