## Laboratorium problemowe Suwnica 3-D

Maciej Cebula Maciej Talar

# Spis treści

1		oratorium nr 1	2
	1.1	Cel zajęć	2
	1.2	Plan działania	3
2	Lab	oratorium nr 2	4
	2.1	Identyfikacja parametrów	4
	2.2	Model matematyczny	11
		2.2.1 Model nieliniowy	12
		2.2.2 Model liniowy	12
		2.2.3 Przykładowy regulator PID i PD	13

## Laboratorium nr 1

#### 1.1 Cel zajęć

Celem zajęć jest zaproponowanie sposobu sterowania suwnicą 3D, które umożliwi przetransportowanie podwieszonego ładunku pomiędzy dwoma punktami w przestrzeni. Zadanie to polega na przeprowadzeniu szeregu badań, na bazie których to zaprojektowany zostanie regulator realizujący postawione zadanie. Wartości sterowania w tym przypadku będą podawane na trzy silniki prądu stałego odpowiedzialne za przemieszczanie wózka z podwieszonym ładunkiem wzdłuż trzech osi. Przebieg całego zadania można wstępnie podzielić na następujące etapy:

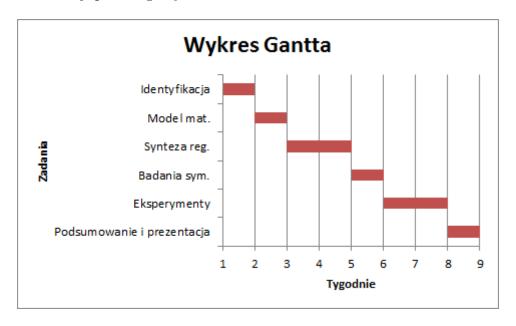
- 1. Identyfikacja parametrów obiektu
- 2. Stworzenie model matematycznego
- 3. Zaproponowanie struktury regulatora w formie ciągłej odpowiedzialnego za realizacje postawionego zadania
- 4. Przeprowadzenie badań symulacyjnych w środowisku MATLAB/SIMULINK
- 5. Przeprowadzeniu eksperymentów i porównaniu ich wyników z wynikami symulacji
- 6. Realizacja wybranego regulatora w formie dyskretnej i porównaniu efektów jego działania z wersją ciągłą
- 7. Prezentacja i omówienie otrzymanych wyników

Aby móc porównać poszczególne wyniki sterowania uzyskane dla różnych struktur regulatora konieczne będzie zdefiniowanie wskaźników jakości. Na tym etapie najbardziej odpowiednie wydają się być:

- 1. czas regulacji
- 2. maksymalne odchylenie od położenie pionowego podwieszonego ładunku

#### 1.2 Plan działania

Z racji na dość napięty grafik na poniższym wykresie Gantta przedstawiającym szacunkowy czas potrzebny na realizacje poszczególnych etapów laboratorium nie uwzględniono syntezy regulatora dyskretnego. Przedstawiony podział może ulegać korektom w wyniku wystąpienia trudności w realizacji poszczególnych zadań.



Rys. 1.1: Wykres Gantta poszczególnych etapów laboratorium.

## Laboratorium nr 2

#### 2.1 Identyfikacja parametrów

Proces identyfikacji polegał na wyznaczeniu parametrów silników napędzających wózek wzdłuż osi X i Y. Z racji na to, że w układzie występuje racie statyczne przyjęto model o następującej transmitancji:

$$G(s) = \frac{X(s)}{U(s)} = \frac{K}{s(Ts+1)}$$
 (2.1)

gdzie:

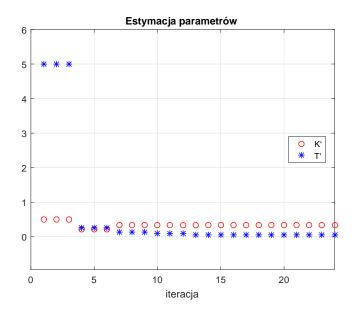
X(s) - położenie wózka

u(s) - sterowanie w postaci współczynnika wypełnienia sygnału PWM

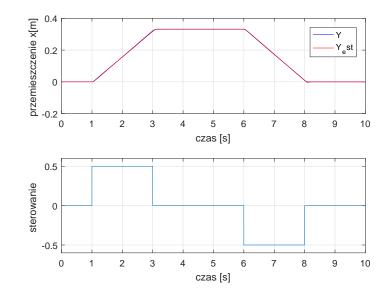
Dla każdej z osi X i Y przeprowadzano eksperyment polegający na rejestrowaniu położenia wózka w reakcji na zadane sterowanie. Na podstawie otrzymanych danych otrzymano przybliżone wartości parametrów K, T,  $I\tau$  z wykorzystaniem metody najmniejszych kwadratów. W tabeli 2.1 zamieszczono wyniki całej procedury.

Tabela 2.1: Parametry przyjętego modelu silników.

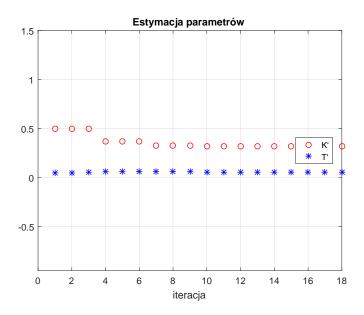
Oś	K	T
X	0.3224	0.0471
Y	0.3184	0.057



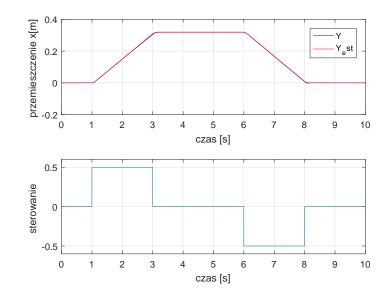
Rys. 2.1: Przebieg estymacji parametrów <br/>. Ruch wzdłuż osi X. Metoda najmniejszych kwadratów.



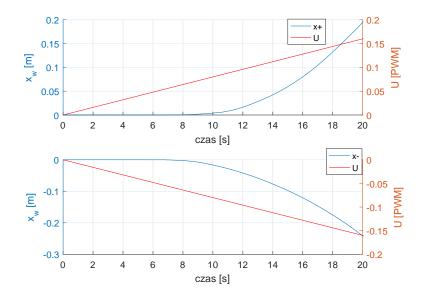
Rys. 2.2: Porównanie odpowiedzi obiektu z modelem.



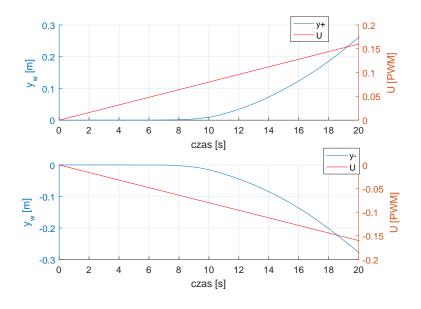
Rys. 2.3: Przebieg estymacji parametrów <br/>. Ruch wzdłuż osi Y. Metoda najmniejszych kwadratów.



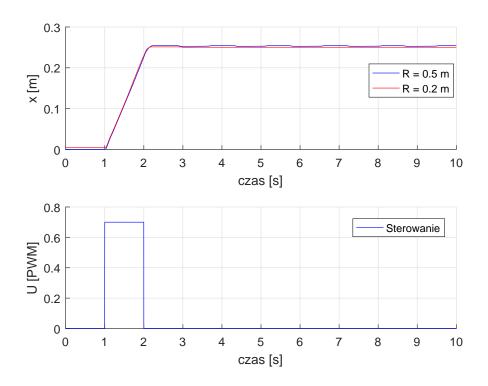
Rys. 2.4: Porównanie odpowiedzi obiektu z modelem.



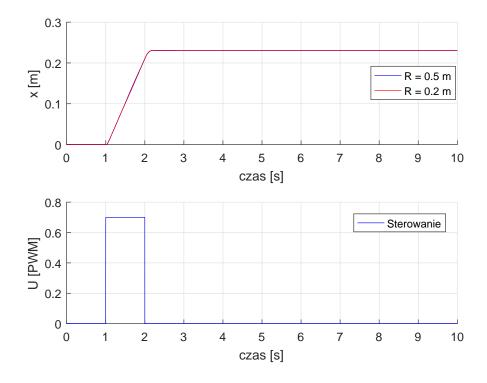
Rys. 2.5: Wyznaczenie tarcia statycznego oś ${\bf X}$  .



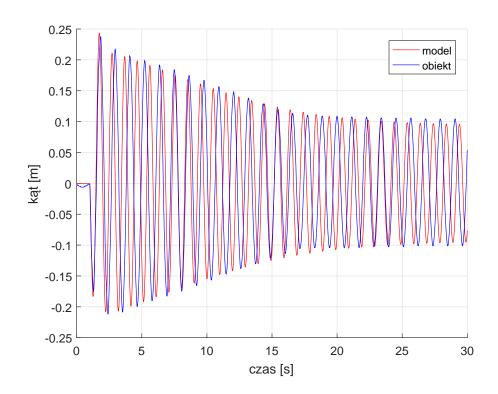
Rys. 2.6: Wyznaczenie tarcia statycznego oś Y.



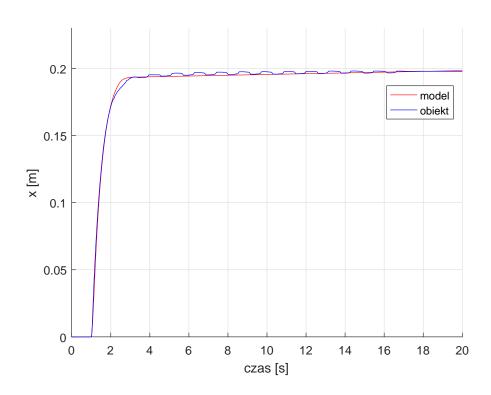
Rys. 2.7: Porównanie położenia wózka dla różnych długości linki - R, oś Y.



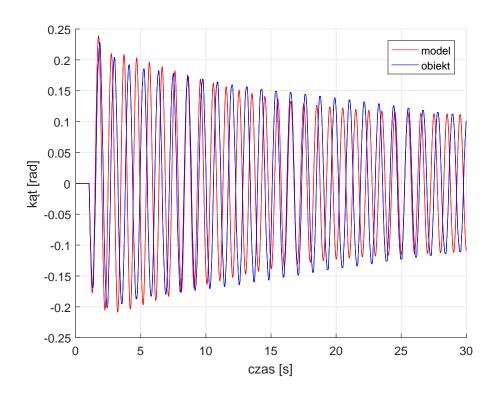
Rys. 2.8: Porównanie położenia wózka dla różnych długości linki - R, oś X.



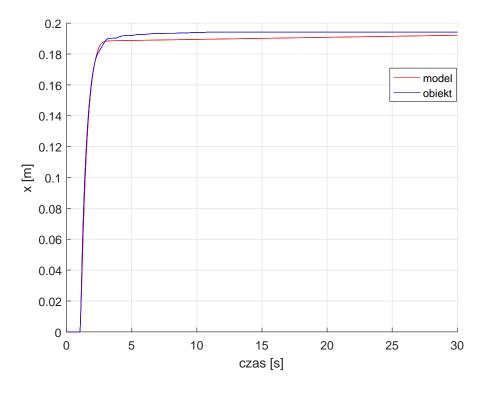
Rys. 2.9: Porównanie kąta wychylenia ładunku modelu z obiektem oś X.



Rys. 2.10: Porównanie położenia wózka modelu z obiektem, oś X.

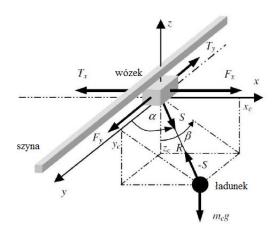


Rys. 2.11: Porównanie kąta wychylenia ładunku modelu z obiektem oś Y.



Rys. 2.12: Porównanie położenia wózka modelu z obiektem, oś Y.

#### 2.2 Model matematyczny



Rys. 2.13: Schemat stanowiska. Opracowano na podstawie [2]

Na podstawie [1] i [2] opracowano następujący model matematyczny obiektu. W zaprezentowanych poniżej równaniach przyjęto następujące oznaczenia:

 $x_c,\ y_c$  - położenie wózka odpowiednio wzdłuż osi x i y,

 $x_c, y_c, z_c$  - położenie ładunku odpowiednio wzdłuż osi X, Y, Z,

R - długość linki na której podwieszony jest ładunek,

 $\alpha$  - kąt pomiędzy osią X a liną,

 $\beta$  - kąt pomiędzy ujemną częścią osi Z a rzutem liny na płaszczyznę YZ,

 $m_w = 1.155 \ kg$  - masa wózka,

 $m_s = 2.2 \ kg$  - masa szyny,

 $m_c=1\ kg$ - masa ładunku,

 $u_1,\ u_2,\ u_3$ - sterowania w postaci przyspieszenia działające wzdłuż kolejnych osi X,Y,Z.

Do opisu całego układu za pomocą równań stanu przyjęto następujące zmienne stanu:

 $x_1 = x_c$ 

 $x_2 = \dot{x_c} = \dot{x_1}$ 

 $x_3 = y_c$ 

 $x_4 = \dot{y_c} = \dot{x_3}$ 

 $x_5 = \alpha$ 

 $x_6 = \dot{\alpha} = \dot{x}_5$ 

 $x_7 = \beta$ 

 $x_8 = \dot{\beta} = \dot{x_7}$ 

 $x_9 = R$ 

 $x_{10} = \dot{R} = \dot{x_9}$ 

Dodatkowo wprowadzono oznaczenia:

$$\sin(x_i) = s_i \tag{2.2}$$

$$\cos(x_i) = c_i \tag{2.3}$$

$$\mu_1 = \frac{m_c}{m_w} \tag{2.4}$$

$$\mu_2 = \frac{m_c}{m_w + m_s} \tag{2.5}$$

$$V_5 = c_5 s_5 x_8^2 x_9 - 2x_{10} x_6 + g c_5 c_7 (2.6)$$

$$V_6 = 2x_8(c_5x_6x_9 + s_5x_{10}) + 2gs_7 (2.7)$$

$$V_7 = (s_5 x_8)^2 x_9 + g s_5 c_7 + x_6^2 x_9$$
(2.8)

#### 2.2.1 Model nieliniowy

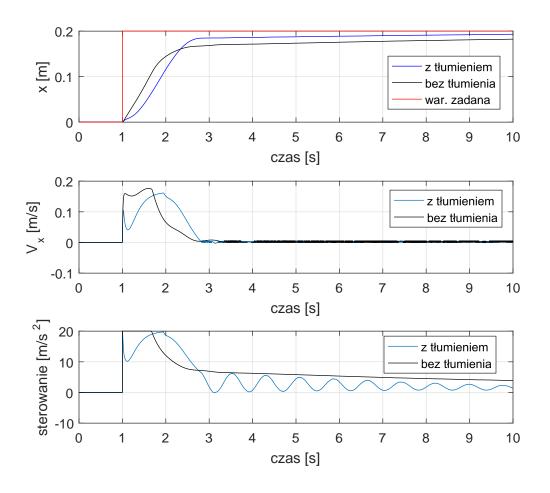
$$\dot{x}_{1} = x_{2} 
\dot{x}_{2} = u_{1} = \mu_{1}c_{5}u_{3} 
\dot{x}_{3} = x_{4} 
\dot{x}_{4} = u_{2} + \mu_{2}s_{5}s_{7}u_{3} 
\dot{x}_{5} = x_{6} 
\dot{x}_{6} = (s_{5}u_{1} - c_{5}s_{7}u_{2} + (\mu - \mu_{2}s_{7}^{2})c_{5}s_{5}u_{3} + V_{5})/x_{9} 
\dot{x}_{7} = x_{8} 
\dot{x}_{8} = -(c_{7}u_{2} + \mu_{2}s_{5}c_{7}s_{7}u_{3} + V_{6})/(s_{5}x_{9}) 
\dot{x}_{9} = x_{9} 
\dot{x}_{10} = -c_{5}u_{1} - s_{5}s_{7}u_{2} - (1 + \mu_{1}c_{5}^{2} + \mu_{2}s_{5}^{2}s_{7}^{2})u_{3} + V_{7}$$
(2.9)

#### 2.2.2 Model liniowy

Przyjmując następujące przybliżenia:

dla  $\alpha \simeq \frac{\pi}{2}\cos(\alpha) \simeq -\alpha$ ,  $\sin(\alpha) \simeq 1$  oraz dla  $\beta \simeq 0\cos(\beta) \simeq 1$ ,  $\sin(\beta) \simeq \beta$  otrzymano:

$$\dot{x}_{1} = x_{2} 
\dot{x}_{2} = u_{1} - \mu_{1}x_{5}u_{3} 
\dot{x}_{3} = x_{4} 
\dot{x}_{4} = u_{2} + \mu_{2}x_{7}u_{3} 
\dot{x}_{5} = x_{6} 
\dot{x}_{6} = (u_{1} - \mu_{1}x_{5}u_{3} - gx_{5} - 2x_{6}x_{10})/x_{9} 
\dot{x}_{7} = x_{8} 
\dot{x}_{8} = -(u_{2} + \mu_{2}x_{7}u_{3} + gx_{7} + 2x_{8}x_{10})/x_{9} 
\dot{x}_{9} = x_{10} 
\dot{x}_{10} = 0;$$
(2.10)



Rys. 2.14: Model liniowy - współrzędne wózka.

### 2.2.3 Przykładowy regulator PID i PD

Nastawy regulatora PID oś X.

K = 10

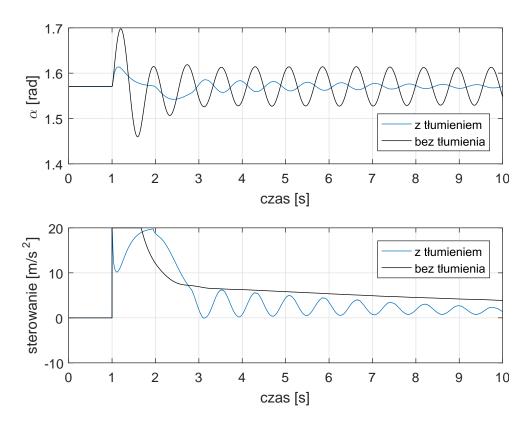
Ti = 0.005

Td = 2

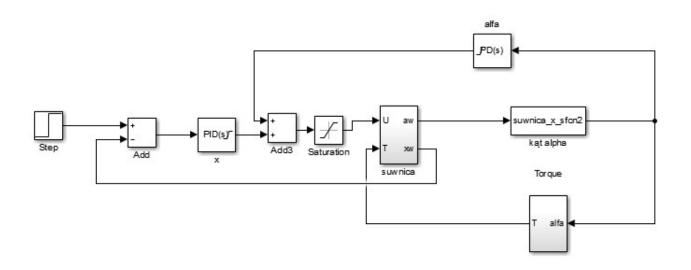
Nastawy regulatora PD kąt  $\alpha$ .

P = 10

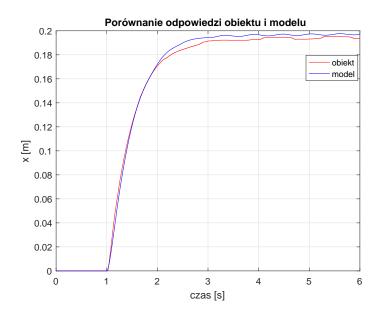
Td = 0.5



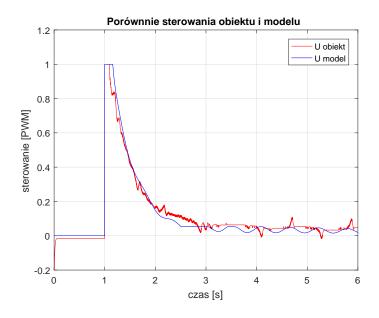
Rys. 2.15: Model liniowy - kąty wychylenia ładunku.



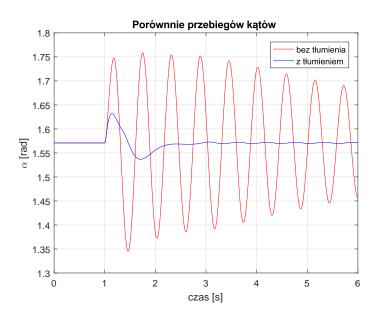
Rys. 2.16: Schemat sterowania oś X.



Rys. 2.17: Porównanie odpowiedzi obiektu i modelu .



Rys.  $2.18 \colon \mathsf{Por\'ownanie}$ sterowania obiektu i modelu .



Rys. 2.19: Przykład działania tłumienia drgań ładunku - model oś X.

# Bibliografia

- [1] Pauluk, M.: Model matematyczny trójwymiarowej suwnicy. W: Automatyka 2002 tom 6 s. 69-102, ISSN: 1429-3447
- [2] Pauluk, M.: Optimal and robust control of 3D crane. W: Przegląd Elektrotechniczny, 2012 vol. 2 pp. 205-212 ISSN: 0033-2097