## Uproszczone równania dynamiki laboratoryjnego modelu helikoptera dla ruchu w płaszczyźnie pionowej i poziomej

Ze względu na skomplikowany charakter oddziaływań skrośnych pomiędzy ruchem helikoptera w płaszczyźnie pionowej (vertical – indeks  $\nu$ ) i poziomej (horizontal – indeks h), zdecydowano się na rozpatrywanie dwóch oddzielnych modeli. Model pierwszy opisuje ruch układu w płaszczyźnie pionowej, przy wyłączonym silniku ogonowym oraz przy braku możliwości ruchu w płaszczyźnie poziomej. Model drugi opisuje ruch układu w płaszczyźnie poziomej, przy wyłączonym silniku głównym oraz przy braku możliwości ruchu w płaszczyźnie pionowej.

Model pierwszy opisany jest układem równań różniczkowych zwyczajnych

$$J_{\nu} \frac{d^2 \alpha_{\nu}}{dt^2} = -f_{\nu} \frac{d \alpha_{\nu}}{dt} + a \sin(\alpha_{\nu} + \alpha_{\nu 0}) + M_{\nu}, \qquad (1)$$

$$M_{v} = l_{v} F_{v}(\boldsymbol{\omega}_{v}), \tag{2}$$

$$I_{\nu} \frac{d\omega_{\nu}}{dt} = u_{\nu} - H_{\nu}^{-1}(\omega_{\nu}), \tag{3}$$

gdzie:

 $\alpha_{v}$  - kąt obrotu w płaszczyźnie pionowej

 $J_{v}$  - moment bezwładności względem osi obrotu w płaszczyźnie pionowej,

 $f_{v}$  - współczynnik tarcia lepkiego,

a - moment od sił grawitacji,

 $\alpha_{v0}$  - kąt zależny od geometrii układu,

 $l_{v}$  - odległość pomiędzy wirnikiem dużego śmigła a osią obrotu w płaszczyźnie pionowej,

 $F_{\nu}(\omega_{\nu})$  - zależność siły ciągu dużego śmigła od obrotów silnika,

 $I_v$  - moment bezwładności dużego śmigła,

 $H_{\nu}^{-1}(\omega_{\nu})$  - charakterystyka statyczna układu silnik śmigło dla silnika głównego,

 $u_v$  - sterowanie PWM silnika głównego,  $u_v \in [0,1]$ .

Model drugi opisany jest układem równań różniczkowych zwyczajnych

$$J_h \frac{d^2 \alpha_h}{dt^2} = -f_h \frac{d\alpha_h}{dt} + M_h, \tag{4}$$

$$M_h = l_h F_h(\omega_h), \tag{5}$$

$$I_h \frac{d\omega_h}{dt} = u_h - H_h^{-1}(\omega_h). \tag{6}$$

gdzie:

 $\alpha_h$  - kąt obrotu w płaszczyźnie poziomej,

 $\boldsymbol{J}_{\boldsymbol{h}}$  - moment bezwładności względem osi obrotu w płaszczyźnie poziomej,

 $f_h$  - współczynnik tarcia lepkiego,

 $l_h$  - odległość pomiędzy wirnikiem dużego śmigła a osią obrotu w płaszczyźnie poziomej,

 $F_h(\omega_h)$  - zależność siły ciągu tylnego śmigła od obrotów silnika,

 $I_h$  - moment bezwładności tylnego śmigła,

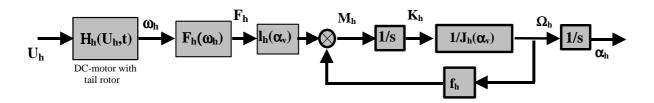
 $H_h^{-1}(\omega_h)$  - charakterystyka statyczna układu silnik śmigło dla silnika tylnego,

 $u_h$  - sterowanie PWM silnika tylnego,  $u_h \in [0,1]$ .

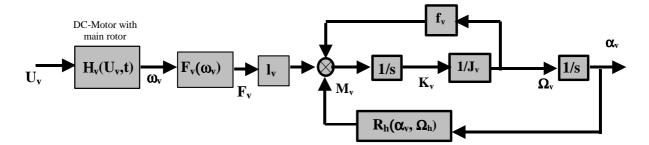
Współczynniki równań (1-6) oraz charakterystyki  $F_{\nu}(\omega_{\nu})$ ,  $H_{\nu}^{-1}(\omega_{\nu})$ ,  $F_{h}(\omega_{h})$ ,  $H_{h}^{-1}(\omega_{h})$ , powinny być zidentyfikowane na drodze odpowiednio zaplanowanych eksperymentów identyfikacyjnych. Zmierzone charakterystyki należy aproksymować metodą najmniejszych kwadratów za pomocą wielomianów niskiego stopnia.

Rysunek 1 przedstawia uproszczone blokowe modele ruchu helikoptera w poszczególnych płaszczyznach. Schematy te są podstawą do budowy szczegółowych modeli w Simulinku.

a)

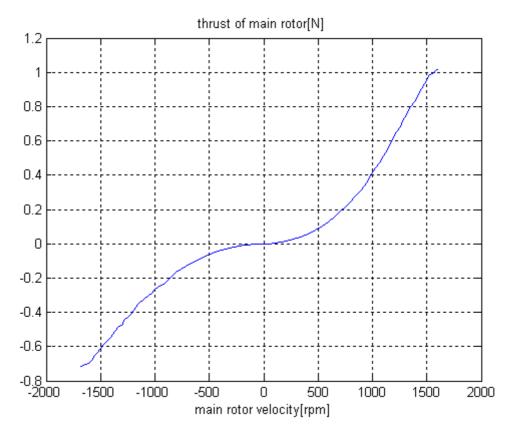


b)

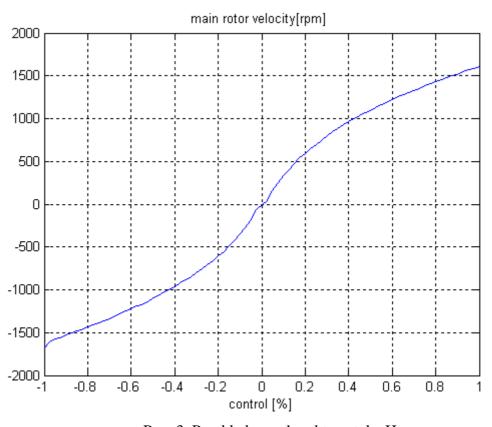


Rys. 1. Modele blokowe helikoptera a) w płaszczyźnie poziomej, b) w płaszczyźnie pionowej

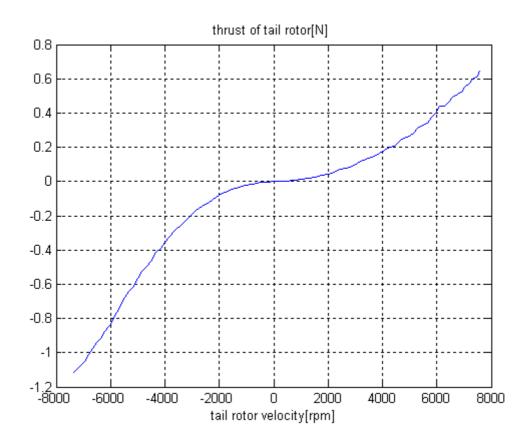
Przykładowe charakterystyki H i F przedstawione są na rysunkach 2, 3, 4 i 5.



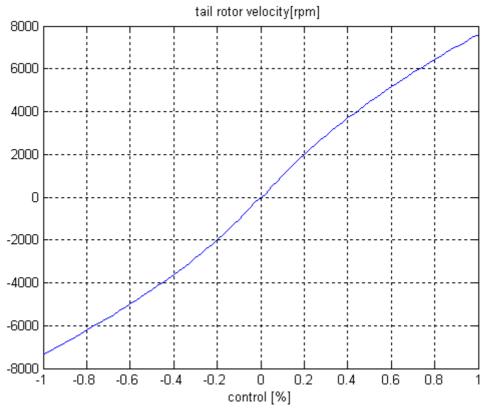
Rys. 2. Przykładowa charakterystyka Fv



Rys. 3. Przykładowa charakterystyka Hv



Rys. 4. Przykładowa charakterystyka Fh



Rys. 2. Przykładowa charakterystyka Hh