# sparse-multiplication

December 10, 2021

# 1 Mnożenie macierzy rzadkich w formatach CSR i CSC

### Maciej Skoczeń, Kacper Kafara

grupa wtorek (A) 17:50

## 1.1 Środowisko obliczeniowe

Procesor: Intel i7-9750H @ 2,6 GHz; 6 rdzeni fizycznych (12 log.)

#### 1.2 Importy & typy

```
[1]: import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  import re
  import subprocess
  import matplotlib.pyplot as plt
  import platform

from timeit import default_timer
  from math import sqrt

Array = np.ndarray
```

#### 1.3 Funkcje pomocnicze

```
class Timer(object):
    def __init__(self):
        self._start_time = None
        self._stop_time = None

def start(self):
        self._start_time = default_timer()

def stop(self):
        self._stop_time = default_timer()
```

```
@property
  def elapsed(self, val = None):
        if self._stop_time is None or self._start_time is None:
            return None
        elapsed = self._stop_time - self._start_time
        return elapsed

# mock impl
def is_int(value) -> bool:
    as_int = int(value)
    return value == as_int
```

#### 1.3.1 Wczytywanie macierzy

wygenerowanej za pomocą dostarczonego skryptu mass\_matrix, przepisanego do C++.

```
[3]: def input_matrix(octave_matrix, n, m, q=1):
         result = np.zeros((n*q, m*q), dtype=np.double)
         for elem in octave matrix:
             m = re.match(r''\s*\((\d+),\s*(\d+)\))\s*->\s*(\d+\.\d+)\s*'', elem)
             if m is not None:
                 x, y, value = m.groups()
             elif len(elem) > 0:
                 coord, value = elem.strip().split(' -> ')
                 value = float(value)
                 x, y = coord.split(',')
                 x, y = x[1:], y.strip()[:-1]
             else:
                 continue
             for i in range(q):
                 for j in range(q):
                     result[i*n + int(x) - 1, j*n + int(y) - 1] = float(value)
         return result
```

```
[4]: def load_octave_matrix(filename):
    with open(filename, "r") as file:
        return file.readlines()
```

```
[5]: data_dir = "../../output"

def resolve_path(matrix_type, width, height = None, generate = False):
    if height is None: height = width
    path = f"{data_dir}/{matrix_type}-{width}x{height}.txt"
    if os.path.isfile(path): return path
```

```
elif not generate:
             raise FileNotFoundError(f"Matrix file {path} was not found in data dir.
      " )
         else:
             if platform.system() == "Windows":
                 raise FileNotFoundError(f"Matrix file {path} was not found in data,

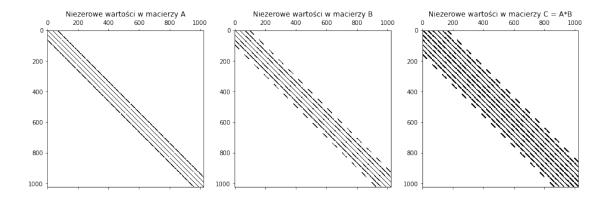
dir.\
                     Automated generation is not supported on your platform:
      →{platform.system()}.")
             if width != height:
                 raise ValueError("Can only generate square matrix")
             generate_matrix(matrix_type, width)
             if os.path.isfile(path): return path
             else:
                 print(path)
                 raise RuntimeError("Failed to generate matrix")
[6]: def resolve_matrix(matrix_type, n, m, q = 1, generate = False):
         return input_matrix(
             load_octave_matrix(resolve_path(matrix_type, n, m, generate =_
      →generate)), n, m, q)
[7]: def generate_matrix(matrix_type, rank):
         if matrix_type not in {'iga', 'fem'}:
             raise ValueError(f"Invalid matrix type: {matrix_type}")
         if rank < 16 or not is_int(sqrt(rank)):</pre>
             raise ValueError(f"Invalid matrix rank: {rank}. Must be >= 16 and_
      →sqrt(rank) must be of type integer.")
         rank_root = int(sqrt(rank))
         if matrix_type == 'fem':
             for p in range(2, 5):
                 double_nxx = rank_root - p + 1
                 if double_nxx \% 2 == 0 and double_nxx // 2 >= 2:
                     nxx = double_nxx // 2
                     pxx = p
                     break
             else:
                 raise RuntimeError(f"Failed to determine nxx, pxx for rank: {rank}")
         else:
             for p in range(2, 5):
                 nxx = rank_root - p
```

#### 1.4 Generowanie macierzy

Zgodnie z poleceniem, będziemy mnożyć swoje macierze z laboratorium 1, czyli IGA \* FEM. Zostały one wygenerowane skryptem mass\_matrix z parametrami: - IGA: riga=0 nxx=30 pxx=2 rxx=0 - FEM: riga=1 nxx=15 pxx=3 rxx=0

Ostatecznie otrzymaliśmy macierze o wymiarach 1024x1024.

```
[8]: n = 1024 # liczba wierszy i kolumn macierzy A i B
     A = resolve_matrix('iga', n, n, generate=True)
     B = resolve_matrix('fem', n, n, generate=True)
    riga=0 (iga)
    nxx=30
    pxx=2
    rxx=0
    riga=1 (fem)
    nxx=15
    pxx=3
    rxx=0
[9]: fig, (ax1, ax2, ax3) = plt.subplots(1, 3, figsize=(16,16))
     ax1.set_title('Niezerowe wartości w macierzy A')
     ax1.spy(A)
     ax2.set_title('Niezerowe wartości w macierzy B')
     ax2.spy(B)
     ax3.set_title('Niezerowe wartości w macierzy C = A*B')
     ax3.spy(A@B)
     plt.show()
```



#### 1.5 Mnożenie macierzy algorytmem z laboratorium 1

Najkrótsze czasy dawała wtedy kolejność pętli jip.

```
[11]: r = 5
    timer = Timer()
    times = [0]*r
    for i in range(r):
        C = jip_dense_mul(A, B, n, n, n, timer)
        times[i] = timer.elapsed

print(f'Czas mnożenia macierzy gęstych: {sum(times)/r:.5f}s')
```

Czas mnożenia macierzy gęstych: 394.82665s

#### 1.6 Konwersja do macierzy rzadkich

Przyjmujemy, że macierze są kwadratowe. Następnie idziemy po macierzy gęstej wierszami dla CSR, a kolumnami dla CSC. Wypełniamy tablice reprezentacji macierzy rzadkich jedynie dla wartości niezerowych.

```
[12]: class CSRMatrix:
          def __init__(self, matrix = None):
              self.NNZ = 0 # liczba niezerowych elementów
              self.N = 0 # wysokość/szerokość macierzy
              self.icl = [] # kolumna dla danej wartości
              self.val = [] # wartości niezerowe
              self.rowptr = [] # indeksy początków kolumn
              if matrix is not None:
                  self.from_dense(matrix)
          def from dense(self, matrix dense):
              self.N = matrix_dense.shape[0]
              for i in range(self.N): # wiersze
                  self.rowptr.append(self.NNZ) # nowy wiersz
                  for j in range(self.N): # kolumny
                      if matrix_dense[i,j] != 0:
                          self.NNZ += 1
                          self.icl.append(j)
                          self.val.append(matrix_dense[i,j])
              self.rowptr.append(self.NNZ)
      class CSCMatrix:
          def __init__(self, matrix = None):
              self.NNZ = 0
              self.N = 0
              self.irn = []
              self.val = []
              self.colptr = []
              if matrix is not None:
                  self.from_dense(matrix)
          def from_dense(self, matrix_dense):
              self.N = matrix_dense.shape[0]
              for j in range(self.N): # kolumny
                  self.colptr.append(self.NNZ) # nowa kolumna
                  for i in range(self.N): # wiersze
                      if matrix_dense[i,j] != 0:
                          self.NNZ += 1
                          self.irn.append(i)
                          self.val.append(matrix_dense[i,j])
              self.colptr.append(self.NNZ)
```

```
[13]: A_sparse = CSRMatrix(A)
B_sparse = CSCMatrix(B)
```

### 1.7 Mnożenie macierzy CSR \* CSC

Kolejność pętli zachowujemy taką, jak dla mnożenia macierzy gęstych, czyli jip. Nastąpiła tutaj modyfikacja dwóch wewnętrznych pętli, gdzie zamiast przechodzić po wszystkich możliwych indeksach, skaczemy po elementach i porównujemy ze sobą indeksy w wierszu macierzy A oraz kolumnie macierzy B. Mnożenie jest wymagane jedynie dla elementów gdzie ten indeks jest równy, w pozostałych przypadkach mnoży się przez 0, co naturalnie daje również taki wynik i można takie przypadki bezproblemowo pomijać.

```
[14]: def csr csc mul(
          A: CSRMatrix,
          B: CSCMatrix,
          timer: Timer = None,
          sparse_result: bool = False # wynik w postaci macierzy CSR zamiast qestej
      ):
          n = A.N
          if sparse_result:
              C = CSCMatrix()
              C.N = n
          else:
              C = np.zeros((n, n))
          if timer: timer.start()
          for j in range(n): # kolumny
              if sparse_result:
                  C.colptr.append(C.NNZ)
              i = 0 \# wiersz
              A_iter = 0 # iterator po tablicach icl oraz val macierzy A
              while True: # pętla po wierszach
                  if A_iter == A.NNZ or i == n: # koniec macierzy A, zmiana kolumny
                      break
                  B_iter = B.colptr[j] # iterator po tablicach irn oraz val macierzy B
                  tmp_result = 0
                  while True: # pętla po elementach w wierszu/kolumnie macierzy A/B
                      if A.rowptr[i + 1] <= A_iter or B.colptr[j + 1] <= B_iter: #__</pre>
       ⇒koniec iteratora, zmiana wiersza
                           i += 1
                           A_iter = A.rowptr[i]
                      if A.icl[A_iter] == B.irn[B_iter]: # elementy w wierszu/
       →kolumnie macierzy A/B mają ten sam indeks
                           tmp_result += A.val[A_iter] * B.val[B_iter]
                           A iter += 1
                           B iter += 1
                      elif A.icl[A_iter] < B.irn[B_iter]:</pre>
                           A_{iter} += 1
```

```
[15]: r = 5
   timer = Timer()
   times = [0]*r
   for i in range(r):
        C = csr_csc_mul(A_sparse, B_sparse, timer)
        times[i] = timer.elapsed

print(f'Czas mnożenia macierzy rzadkich: {sum(times)/r:.5f}s')
```

Czas mnożenia macierzy rzadkich: 15.97753s