Examen de Protocoale Criptografice

17 mai 2024

- 1. RSA. Un mesaj m modulo 55 este criptat cu cheia publică e=7 și se obține c=3. Decriptați mesajul cu funcția $\lambda(N)$.
- Elgamal aditiv modulo n = 120 cu generator g = 11. Alice are cheia publică h = 12. Bob trimite mesajul criptat $(c_1, c_2) = (13, 14)$. Decriptați mesajul.
- 3. Elgamal multiplicativ modulo p = 19 în grupul generat de g = 2. Alice are cheia publică h = 6. Bob trimite mesajul criptat $(c_1, c_2) = (7, 8)$. Decriptați mesajul.
- 4. Corpuri finite Arătați că polinomul x^3+x+1 este ireductibil peste corpul \mathbb{F}_2 . Fie ω o rădăcină a acestui polinom. Calculați elementul $(\omega^2+\omega)^{-1}$ în $\mathbb{F}_8=\mathbb{F}_2[\omega]$.
- Shamir Secret Sharing. Fie $P \in \mathbb{Z}_{19}[X]$ un polinom de gradul 2. Se consideră urmatoarele perechi $(\alpha, P(\alpha))$ unde $\alpha \in \mathbb{Z}_{19} \setminus \{0\}$ și $P(\alpha) \in \mathbb{Z}_{19}$: (1, 6), (3, 15) și (6, 7). Deduceți secretul partajat $s = P(0) \in \mathbb{Z}_{19}$.
- 6. Secure Multiparty Computation peste Z. Valoarea secretă al lui Alice este x₁ = 1, valoarea secretă al lui Bob este x₂ = 4 și valoarea secretă al lui Cesar este x₃ = 8. Ei vor să calculeze împreună cantitatea x₃(x₁ + x₂) fără a îsi destăinui valorile secrete. Pentru a partaja valori, ei folosesc polinoame liniare (de gradul 1). Pentru partajările inițiale, Alice folosește X + 1, Bob folosește 2X + 4 iar Cesar folosește 3X + 8. Pentru a partaja înmulțirile locale, Alice folosește 3X + a, Bob folosește X + b iar Cesar folosește 2X + c. Efectuați protocolul pas cu pas.

Pentru fiecare exercițiu rezolvat corect se primesc 1,5 puncte. Un punct este din oficiu.

Pentru un invers modular corect, dar fără calculul aferent, se scad 0,375 puncte.

Pentru o exponențiere modulară corectă, dar fără calculul aferent, se scad 0,375 puncte.