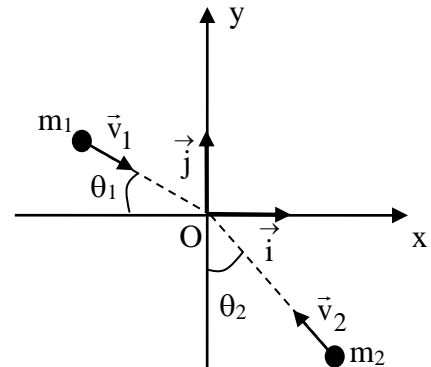


**Série 2 : Dynamique du point matériel**

**Exercice 1 :**

Un corps de masse  $m_1$  et de vitesse  $\vec{v}_1$ , entre en collision avec un autre corps de masse  $m_2$  et de vitesse  $\vec{v}_2$  (voir figure ci-contre). Après la collision, ces deux corps restent collés. En supposant que le système est isolé, déterminer les composantes  $v_x$  et  $v_y$  de leur vitesse commune  $\vec{v}$  après le choc.

**On donne:**  $m_1=9\text{kg}$ ,  $m_2=1\text{kg}$ ,  $v_1=1\text{m/s}$ ,  $v_2=3\text{m/s}$ ,  $\theta_1=\frac{\pi}{6}\text{rad}$ ,  $\theta_2=\frac{\pi}{3}\text{rad}$ .



**Exercice 2 :**

On considère deux boules A et B de métal de masses respectives  $m_A=5\text{kg}$  et  $m_B=2\text{kg}$ . La boule A se déplace en ligne droite avec une vitesse  $v_A=0,4\text{m/s}$  et la boule B est au repos. Après avoir heurté la boule B, la boule A s'arrête. La boule B démarre suivant la même ligne droite avec une vitesse  $v_B$ .

- 1) Calculer la vitesse  $v_B$ .
- 2) Si le temps d'interaction est  $\Delta t=0,01\text{s}$ , quelle est la force moyenne subie par la boule B ?

**Exercice 3 :**

Deux boules A et B de masses respectives  $m_A=2\text{kg}$  et  $m_B=3\text{kg}$  se déplacent sans frottements sur un plan (xOy) et se heurtent en un point P.

- 1) Leurs vitesses respectives, mesurées en m/s juste avant le choc sont  $\vec{v}_A=4\vec{i}-6\vec{j}$  et  $\vec{v}_B=2\vec{i}+2\vec{j}$ . La vitesse de la boule B, mesurée juste après le choc est  $\vec{v}'_B=2\vec{i}-2\vec{j}$ . Déterminer la vitesse de la boule A après le choc.
- 2) La boule B va ensuite heurter une paroi parallèle à l'axe Oy et rebondit avec une vitesse  $\vec{v}''_B=-\vec{i}+\vec{j}$ . Sachant que la durée de l'interaction est  $\Delta t=0,1\text{s}$ , déterminer la force ayant agi sur la boule.

**Exercice 4 :**

- 1) Donner l'expression de la force d'attraction, entre un corps de masse  $m$  et la terre de masse  $M$ , en fonction de la distance  $r$  qui sépare ce corps au centre de la terre et la constante de la gravitation universelle  $G$ .

Soient  $R$  le rayon de la terre et  $g_0$  l'accélération de la pesanteur à la surface de la terre.

- 2) Montrer que l'accélération de la pesanteur à une distance  $r$  du centre de la terre est donnée par :

$$g = g_0 \frac{R^2}{r^2}.$$

Un satellite de masse  $m_s$  tourne autour de la terre sur une orbite circulaire de rayon  $a$  sous l'effet de la gravitation terrestre.

- 3) Etablir l'expression de la vitesse  $V$  du satellite sur son orbite en fonction de  $M$ ,  $G$  et  $a$ .
  - 4) Donner l'expression de la période  $T$  du satellite en fonction de  $M$ ,  $G$  et  $a$ .
  - 5) Le satellite fait le tour de la terre toutes les 98 minutes à une altitude moyenne de 500 km. Sachant que le rayon de la terre est  $R = 6.4 \cdot 10^6 \text{m}$ .
    - a) Calculer la masse de la terre  $M$ .
    - b) A quelle altitude, par rapport à la surface de la terre, il aura une accélération de la pesanteur  $g = 4.9 \text{m/s}^2$  ?
- On donne :**  $g_0=9.81 \text{m/s}^2$  et  $G = 6.6738 \cdot 10^{-11} \text{SI}$ .

**Exercice 5**

Un satellite de masse  $m_1$  est en orbite autour de la terre, de masse  $M$ , à une distance  $r_1$ .

- 1) Etablir l'expression de la vitesse  $V_1$  du satellite sur son orbite en fonction de  $M$ ,  $G$  et  $r_1$ .

Un autre satellite de masse  $m_2$  est en orbite autour de la terre à une distance  $r_2$ .

2) Etablir la relation liant les périodes de rotation de ces deux satellites en fonction des rayons de leur orbite (3<sup>ème</sup> loi de Kepler).

### Exercice 6

1) On suppose que le mouvement de la Lune autour de la Terre est un mouvement circulaire de rayon  $r_1$  et de période  $T_1$ . Déterminer l'expression de l'accélération de la Lune en fonction de  $r_1$  et  $T_1$ .

2) Un satellite de Jupiter décrit un mouvement circulaire de rayon  $r_2$  et de période  $T_2$  autour de Jupiter.

a) Déterminer l'expression de la force  $F_1$  exercée par la Terre sur la lune et celle de la force  $F_2$  exercée par Jupiter sur son satellite.

b) Déterminer l'expression du rapport  $M_J/M_T$  des masses de Jupiter et de la Terre. Calculer numériquement ce rapport.

**On donne :**  $r_1 = 3,84 \cdot 10^5$  km et de période  $T_1 = 27,3$  jours.

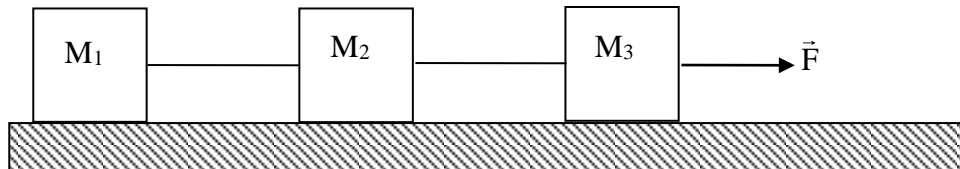
$r_2 = 6,7 \cdot 10^5$  km et de période  $T_2 = 3,5$  jours.

### Exercice 7 :

On tire à l'aide d'une force  $\vec{F}$  trois blocs sur une table horizontale parfaitement lisse (figure ci-dessous). Les fils reliant les blocs entre eux sont inextensibles et de masses négligeables.

Trouver l'accélération de chaque bloc ainsi que les tensions des fils.

**On donne :**  $F = 60$  N ;  $M = 10$  kg ;  $M_1 = M$  ;  $M_2 = 2M$  et  $M_3 = 3M$ .



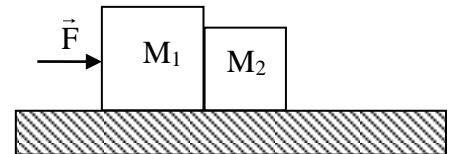
### Exercice 8 :

On exerce une force  $F = 3$  N sur le bloc 1 de masse  $M_1 = 2$  kg qui est en contact avec le bloc 2 de masse  $M_2 = 1$  kg. (Figure ci-contre).

L'ensemble repose sur une table horizontale parfaitement lisse.

1-Quelle est la force exercée sur bloc 2 par le bloc 1 ?

2-Quelle est la force résultante exercée sur le bloc 1 ? Conclusion ?



### Exercice 9

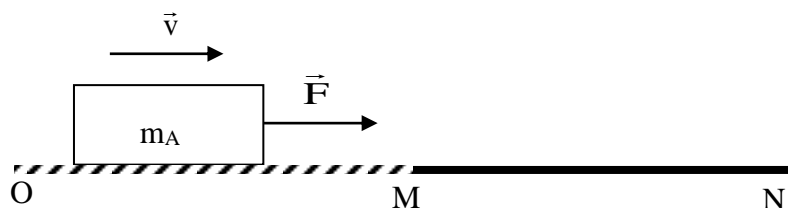
Soit un bloc A, de dimensions négligeables, de masse  $m_A$  sur une surface horizontale, constituée d'une partie OM rugueuse et d'une partie MN parfaitement lisse. Le contact entre le bloc et la surface, sur la partie OM, est caractérisé par des coefficients de frottement  $\mu_s$  et  $\mu_d$ . Le bloc est en mouvement et est animé d'une vitesse  $\vec{v}$ . On exerce alors sur lui une force horizontale  $\vec{F}$  constante (figure ci-dessous).

1) Représenter qualitativement les forces s'exerçant sur le bloc sur la partie OM.

2) Calculer l'accélération du bloc. Préciser la nature du mouvement.

3) Sachant que la vitesse au point O est telle que  $\|\vec{v}(O)\| = 2$  m/s, quelle est la vitesse du bloc lorsqu'il arrive au point M ?

4) Arrivé au point M, le bloc A entre en collision avec un second bloc B, au repos, de masse  $m_B = 8$  kg et les deux blocs restent collés. Déterminer le vecteur vitesse de l'ensemble constitué par les deux blocs. En déduire son module.



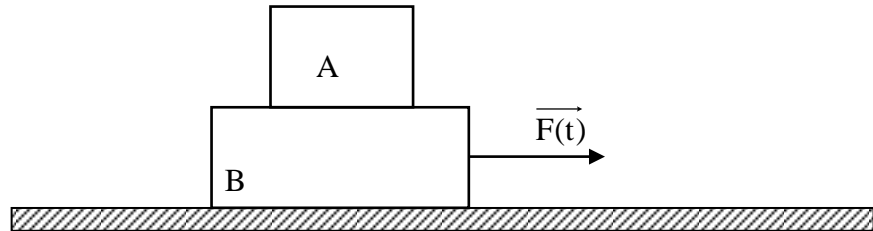
**On donne :**  $m_A = 4$  kg,  $\mu_s = 0,4$ ,  $\mu_d = 0,3$ ,  $\|\vec{F}\| = 16$  N,  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>,  $OM = 2,5$  m.

### Exercice 10 :

Un corps A de masse  $m_A=2$  kg, repose sur un corps B de masse  $m_B=3$ kg. L'ensemble repose sur une table horizontale. On admettra que les dimensions de la table et du corps B sont telles que A ne puisse pas quitter le dessus de B, et B le dessus de la table, dans l'intervalle de temps:  $0 \leq t \leq 80$ s.

Une force horizontale et de direction fixe, variant suivant la loi  $F(t)=\alpha t$  ( $\alpha=0.5$ N/s), est appliquée au corps B. Le contact (corps B)/(table) est caractérisé par les coefficients de frottements:  $\mu_s = \mu_d=0,5$ . Le contact (corps A)/(corps B) est, lui parfaitement lisse.

- 1) Déterminer l'instant  $t_0$  de rupture de l'équilibre (instant où le système se met en mouvement).
  - 2) Représenter qualitativement les forces appliquées à l'instant  $t_1=30$ s :  
- au corps A tout seul, - au corps B tout seul, au système (A+B).
  - 3) Déterminez, puis représentez, les forces appliquées au corps B tout seul à l'instant  $t_2 = 60$ s.
- Échelle: 1cm  $\rightarrow$  10N.



### Exercice 11 :

Une piste ABC est constituée d'une partie AB inclinée d'un angle  $\alpha = 30^\circ$  par rapport à la partie horizontale BC (figure 1). Un corps de masse  $M=0,5$  kg est abandonné sans vitesse initiale du point A. La Figure 2 montre l'évolution de l'accélération du corps en fonction du temps. Les instants  $t_B=1$ s et  $t_C$  correspondent, respectivement, au passage du corps par le point B et le point d'arrêt C.

- 1) Représenter les forces qui agissent sur le corps pendant son mouvement.
- 2) Déterminer le coefficient de frottement.
- 3) Déterminer  $t_C$ , l'instant d'arrêt du corps.
- 4) Déterminer les distances AB et BC.

On donne :  $g=10$  m/s<sup>2</sup>

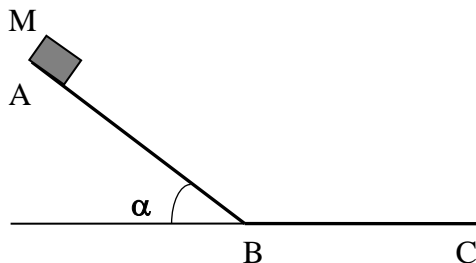


Figure 1

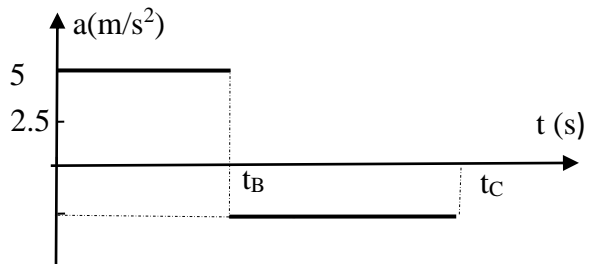


Figure 2

### Exercice 12 :

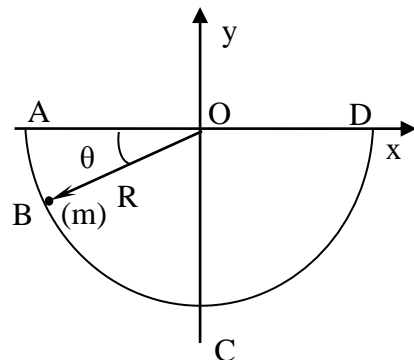
Une particule de masse  $m = 100$ g est assujettie à se déplacer sur une piste semi-circulaire de rayon  $R=1$ m. Le contact particule/piste est caractérisé par les coefficients de frottement statique  $\mu_s = 0,6$  et dynamique  $\mu_d = 0,25$ .

- 1) Quelle est la valeur minimale  $\theta_m$  de  $\theta$  pour laquelle la particule reste en équilibre ?

La particule passe par le point N, repéré par  $\theta_N = 60^\circ$ , avec une accélération  $a = 2,8$  m/s<sup>2</sup> et une vitesse  $v = 1$ m/s.

- 2) Déterminer et représenter les forces qui agissent sur m.

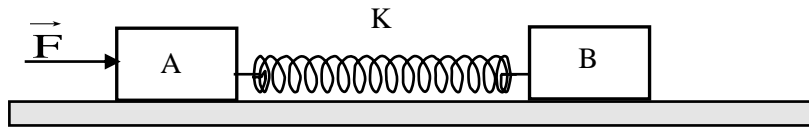
Échelle : 1cm  $\rightarrow$  0,5N.



### Exercice 13 :

Deux blocs A et B de même masse  $M$ , sont reliés par un ressort parfait de constante de raideur  $K$ . L'ensemble repose sur un plan horizontal (figure ci-dessous). Les frottements entre le plan et les masses sont caractérisés par  $\mu_s$  et  $\mu_g$ .

**On donne :**  $M=1\text{kg}$  ;  $\mu_s=0,5$  ;  $\mu_g=0,4$  ;  $K=200\text{N/m}$  et  $g=10\text{m/s}^2$ .



Le ressort n'étant ni comprimé ni tendu, on applique une force  $\vec{F}$  sur le corps A.

- 1) Quelle force  $F_0$  minimum faut-il appliquer au bloc A pour qu'il se mette en mouvement ?
- 2) Pour  $F = F_0$ , calculer et représenter les forces qui agissent sur A et B.

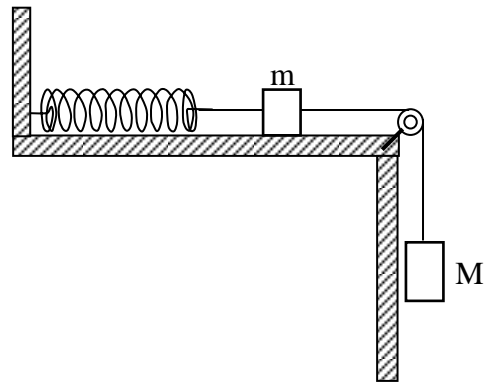
Échelle : **1cm  $\rightarrow$  2N**. On gardera la même échelle pour tout l'exercice.

- 3) Pour quel déplacement minimum de la masse A à vitesse constante, la masse B se met-elle en mouvement ?
- 4) A s'étant mis en mouvement, il se déplace alors à vitesse constante sur  $x = 2\text{cm}$ . Calculer et représenter les forces qui agissent sur les deux blocs A et B.
- 5) Calculer et représenter les forces qui agissent sur les deux blocs A et B juste avant que B ne se mette en mouvement.

### Exercice 14 :

Un corps de masse  $M$  est relié à un corps de masse  $m = 2\text{kg}$  par l'intermédiaire d'un fil inextensible de masse négligeable. Un ressort  $K=150\text{N/m}$  de masse négligeable est attaché à la masse  $m$  et au mur.

- 1) Dans le cas où on néglige les frottements de la masse  $m$  sur le plan horizontal, calculer littéralement l'accélération prise par le système ainsi que la tension du fil.
- 2) Les frottements n'étant plus négligeable et le ressort n'étant pas tendu, quelle est la valeur maximum de la masse  $M$  à suspendre pour que le système reste au repos ? La valeur du coefficient de frottement statique est  $\mu_s=0,8$ .
- 3) On prend maintenant une masse  $M=3\text{ kg}$  et le ressort est étiré de  $10\text{ cm}$ , calculer à cette position l'accélération du système et la tension du fil sachant que le coefficient de frottement dynamique est  $\mu_d=0,25$ .

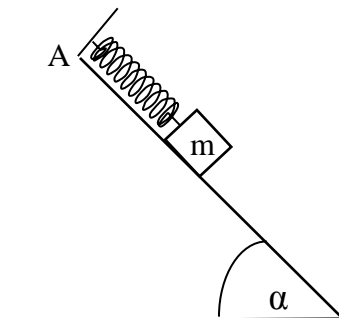


### Exercice 15 :

Un bloc de masse  $m$  peut se déplacer sur un plan incliné d'un angle  $\alpha$  par rapport à l'horizontale (voir figure ci-dessous). L'une des extrémités, d'un ressort parfait de constante de raideur  $k$ , est fixée en A tandis que l'autre est libre. Le contact bloc-piste est caractérisé par les coefficients de frottement statique  $\mu_s$  et dynamique  $\mu_d$ .

Au moyen du bloc  $m$ , on comprime le ressort, puis on l'abandonne sans vitesse initiale.

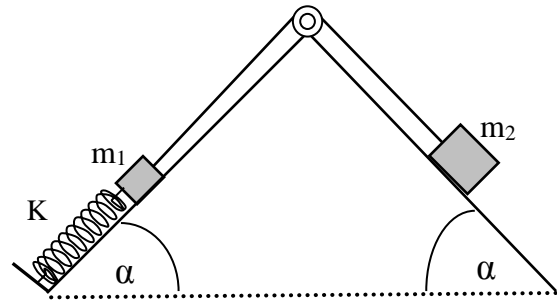
- 1) On se propose de déterminer la compression maximale  $x_0$  du ressort pour laquelle  $m$  reste toujours au repos.
  - a) Représenter qualitativement les forces agissant sur  $m$ .
  - b) Déterminer  $x_0$ .
- 2) En fait, la compression est de  $x_1=20\text{cm}$  et le bloc  $m$  démarre. Déterminer alors son accélération.



**On donne :**  $m=1\text{kg}$ ,  $\alpha=30^\circ$ ,  $k=10\text{N/m}$ ,  $\mu_s=0,7$ ,  $\mu_d=0,1$ ,  $g=10\text{m/s}^2$ .

### Exercice 16 :

Deux masses  $m_1$  et  $m_2$  sont reliées par un fil inextensible de masse négligeable passant à travers la gorge d'une poulie de masse négligeable. Les deux masses peuvent glisser sur deux plans inclinés d'un angle  $\alpha = 45^\circ$  par rapport à l'horizontale. La masse  $m_1 = 1\text{ kg}$  est reliée à un ressort de constante de raideur  $k = 100\text{ Nm}^{-1}$ . La deuxième extrémité du ressort est fixée à un mur comme la montre la figure ci-contre. Le contact entre les masses et les plans sont caractérisés par les coefficients de frottements statique  $\mu_s = 0,5$  et dynamique  $\mu_d = 0,3$ .



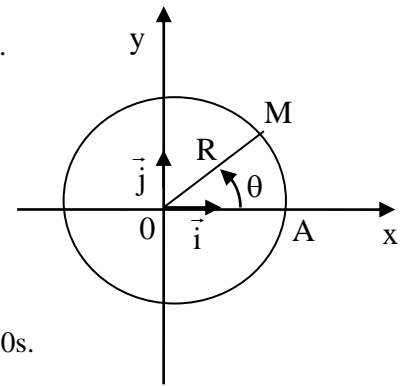
- 1) Le ressort n'étant pas déformé, déterminer la valeur de la masse  $m_2$  au-delà de laquelle l'équilibre est rompu.
- 2) Pour une masse  $m_2 = 5\text{ kg}$ , représenter qualitativement les forces agissant sur les deux masses, le ressort étant allongé de  $1\text{ cm}$ .
- 3) Déterminer l'accélération du système.
- 4) Déterminer la tension du fil.

### Exercice 17 :

I) Une voiture assimilée à un point matériel se déplace sur une trajectoire circulaire horizontale de centre O et de rayon  $R=50\text{ m}$ . (Voir figure ci-contre). A l'instant  $t=0$ , la voiture se trouve au point A. Les équations paramétriques du mouvement en coordonnées polaires sont données par :

$$r(t) = R, \quad \theta(t) = (\pi/100) t^2,$$

$r$  étant mesuré en mètres et  $\theta$  en radians.



- 1) a) Déterminer les composantes du vecteur vitesse en coordonnées polaires  $v_r(t)$  et  $v_\theta(t)$ . En déduire  $v(t)$ .  
b) Représenter, sur la trajectoire, le vecteur vitesse aux instants  $t=5\text{ s}$  et  $t=10\text{ s}$ .  
Echelles :  $1\text{ cm} \rightarrow 10\text{ m}$ ,  $1\text{ cm} \rightarrow \pi/5\text{ m/s}$ .
- 2) a) Déterminer les composantes tangentielle  $a_T(t)$  et normale  $a_N(t)$  du vecteur accélération.  
b) Représenter, sur la trajectoire, le vecteur accélération aux instants  $t=5\text{ s}$  et  $t=10\text{ s}$ .  
Echelle :  $1\text{ cm} \rightarrow 2\text{ m/s}^2$ .

II) A l'instant  $t=10\text{ s}$ , la voiture quitte la piste circulaire et continue son chemin en ligne droite. Entre les instants  $t=10\text{ s}$  et  $t=15\text{ s}$ , elle garde une vitesse constante ( $v=v(10\text{ s})=10\pi\text{ m/s}$ ), puis elle freine uniformément jusqu'à s'arrêter complètement à l'instant  $t=20\text{ s}$ .

- 1) a) Représenter qualitativement la trajectoire.  
b) Quelle est la distance parcourue par la voiture entre les instants  $t=0\text{ s}$  et  $t=20\text{ s}$  ?
- 2) a) Représenter qualitativement les forces qui s'exercent sur la voiture durant la phase de freinage.  
b) Déterminer le coefficient de frottement (en précisant sa nature : statique ou dynamique) entre les roues de la voiture et le sol, sachant que la masse de la voiture est  $M=1000\text{ kg}$ .