```
Ecrire les actions paramétrées (procédure ou fonction) permettant de résoudre les problèmes
1- Calcul de la factorielle de N (N! = 1x2x3x...xN, avec 0!=1).
2- Calcul de la somme S=1+2+... +N
3- Calcul du Maximum entre deux entier A et B.
4- Calcul de la puissance nième (n>=0) d'un nombre réel X positif non nul.
5- Calcul du nombre de chiffres pairs dans un entier N.
6- Calcul du quotient et du reste de la division entière d'un entier A par un entier B.
1- Calcul de la factorielle de N (N! = 1x2x3x...xN, avec 0!=1).
Fonction
          Factoriel(N:Entier):Entier
Var
 i, fact: Entier;
Debut
 fact <-- 1;
 Pour i <--1 a N
 Faire
    fact <-- fact * i;
 Fait
 Retourner fact;
Fin;
2- Calcul de la somme S=1+2+... +N
Fonction SommeN(N:Entier):Entier
Var
 i, S: Entier;
Debut
 S <-- 0:
 Pour i <--1 a N
 Faire
    S < -- S + i;
 Fait
 Retourner S;
Fin;
3- Calcul du Maximum entre deux entiers A et B.
Fonction
            Max2Ent(A, B:Entier):Entier
Var
 max: Entier;
Debut
 Si (A > B) alors
   max <-- A;
 Sinon
   max <-- B;
 Fsi
 Retourner max;
Fin;
4- Calcul de la puissance nième (n>=0) d'un nombre réel X positif non nul.
Fonction Puissance(X:Reel, N:Entier):Reel
Var
 i: Entier;
 p: Reel;
Debut
 p <-- 1;
 Pour i <--1 a N
 Faire
```

```
p <-- p * X;
 Fait
 Retourner p;
5- Calcul du nombre de chiffres pairs dans un entier N.
          NbrChiffresPairs(X: Entier) : Entier
Fonction
 nbPair: Entier
Debut
 nbPair <-- 0;
 Tant Que (X <> 0)
   Si ((X \mod 10) \mod 2 = 0) alors
     nbPair <-- nbPair + 1;
   X <--- X Div 10;
 Fait
 Retourner nbPair;
Fin;
6- Calcul du quotient et du reste de la division entière d'un entier A par un entier B.
Procedure CalculRestQuot(E/ X, Y: Entier, S/ Rest, Quot: Entier)
Debut
 Rest <--- X ;
 Quot <--- 0;
 Tant Que (Rest >= Y)
 Faire
   Quot <--- Quot + 1;
   Rest <--- Rest - Y;
 Fait
Fin;
Exercice 2
1- Ecrire une AP Permute permettant de permuter deux caractères.
2- Soit CH une chaine de caractère. En utilisant l'action précédente, écrire un algorithme
permettant d'inverser la chaine CH.
Procedure Permuter2Cars(E/S C1, C2: Caractere)
 Temp: Caractere;
Debut
 Temp <-- C1;
 C1 <-- C2;
 C2 <-- Temp;
Fin;
Algorithme
             InverserChaine;
Var
 ch: Chaine:
 i, J: Entier;
Procedure Permuter2Cars(E/S C1, C2: Caractere)
Fin:
Debut
 Ecrire("Donner une chaine de caracteres");
 Lire(ch);
 J <-- Taille(ch);
```

```
i <-- 1;
 Tant Que (i < J) Faire
   Permuter2Cars(ch[i], ch[J]);
   i < --i + 1;
   J <-- J - 1;
 Fait
 Ecrire("Chaine ch Inversee:", ch);
Fin.
Exercice 3
1- Ecrire deux fonctions permettant de calculer respectivement le PGCD et le PPCM de deux
entiers naturels non nuls.
2- Soit T un tableau de N entiers naturels non nuls, (2<=N<=50). En utilisant les fonctions
précédentes, écrire un algorithme permettant de :
- Afficher le PGCD et le PPCM des éléments de T.
- Afficher tous les couples premiers entre eux de T.
Fonction PGCD(A, B:Entier):Entier
Var
 Temp: Entier;
Debut
 // pgcd(a, b) = pgcd(b, a mod b)
 // pgcd(a, 0) = a
 Tant Que (B <> 0)
 Faire
   Temp <--- B;
   B <--- A mod B;
   A <--- Temp;
  Fait
  Retourner A;
Fin;
           PPCM(A, B: Entier):Entier
Fonction
Debut
   // On utilise la propiete: ppcm(a,b) * pgcd(a,b) = a * b
   Retourner ((A * B) Div PGCD(A, B));
Fin;
Algorithme TabPremiersEntre;
Var
 T: Tableau[1..50] de Entier;
 i, J, pgcdT, ppcmT: Entier;
Fonction PGCD(A, B: Entier):Entier
 ...
Fin;
Fonction PPCM(A, B: Entier):Entier
Fin;
Debut
 Repeter
   Ecrire("Donner N compris entre 2 et 50");
   Lire(N):
 Jusqu'a ((N >= 2) \text{ et } (N <= 50));
 Pour i <-- 1 a N Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur de T");
    Lire(T[i]);
 Fait
```

```
pgcdT <-- T[1];
ppcmT <-- Z a N Faire
    pgcdT <-- PGCD(pgcdT, T[i]);
    ppcmT <-- PPCM(ppcmT, T[i]);
Fait
Ecrire("PGCD des elements de T est: ", pgcdT);
Ecrire("PPCM des elements de T est: ", ppcmT);

Pour i <-- 1 a (N-1) Faire
    Pour J <-- (i + 1) a N Faire
    Si (PGCD(T[i], T[J]) = 1) alors
        Ecrire(T[i], " et ", T[J], " sont Premiers entre eux");
    Fsi
    Fait
Fait
Fin.</pre>
```

- 1- Ecrire une fonction Miroir permettant de renvoyer le miroir d'un entier naturel. (exemple : Miroir(23568)=86532)
- 2- Ecrire une procédure IntFrac permettant de calculer la partie entière et la partie fractionnaire d'un nombre réel. (exemple : pour X=235.2601, partie entière = 235, partie fractionnaire=0.2601)
- 3- Ecrire une procédure Fexpo permettant de transformer une partie fractionnaire sous forme exponentiel (M x10n, avec M>=0). (exemple : pour F=0.2601, M=2601 et n=4).
- 4- Soit T un tableau de N nombres reels strictement positifs, (N<=50). En utilisant les actions précédentes, écrire un algorithme permettant d'afficher les éléments dont la partie entière est le miroir de la partie fractionnaire. (exemple : X=23658,85632)

```
Fonction Miroir(A: Entier): Entier

Var
mir : Entier;

Debut
mir <--- 0;

/* On obtient chacun des chiffres de X en faisant des divisions successives par 10
jusqu'a avoir un quotient = 0. Les chiffres sont les restes apres chaque division par 10.

*/

Tant Que (A <> 0)
Faire
mir <--- (mir * 10) + (A mod 10);
A <--- A Div 10;
Fait

Retourner mir;

Fin;
```

/* Dans le cas ou X est > 0 on obtient la partie entiere en debutant pE de 0 et en ajoutant 1 chaque fois a pE jusqu'a ce que la condition (pE < X) devienne fausse c'est a dire pE aura la valeur la partie entiere qui est juste superieur au reel X donne. Donc en sortant de la boucle ne pas oublier de soustraire 1 de pE. Par exemple si X=8.23 on sortira de la boucle lorsque pE est egale a 9 (car 9 est le premier entier > 8.23), donc ne pas oublier de soustraire 1 de pE pour avoir pE=8. La partie fractionnaire pF est egale a X - pE. Dans le cas ou X < 0 il suffit de soustraire 1 de pE chaque fois.

```
Procedure IntFrac(E/ X:Reel, S/ pE: Entier, S/ pF:Reel) Debut
```

```
pE <-- 0;
 Si(X > 0) alors
     Tant Que (pE < X) Faire
        pE <-- pE + 1;
     pE <-- pE - 1;
 Sinon
     Tant Que (pE > X) Faire
        pE <-- pE - 1;
     Fait
     pE < -- pE + 1;
 Fsi
 pF <-- X - pE;
Fin;
/* Exemple: X=0.2356. Si on fait X <-- X * 10 on a X=2.356, si on fait encore X <-- X * 10 on a
X=23.56, encore une fois X <-- X * 10 on a X=235.6, encore une fois X <-- X * 10 on a
X=2356.0
Donc pour avoir 2356 il faut chaque fois multiplier X par 10 jusqu'a avoir la partie fractionnaire
egale a 0 et dans ce cas N est combien de fois on a multiplie par 10.
Procedure Fexpo(E/ X:Reel, S/ M: Entier, S/ N:Entier)
Var
 pF: Reel;
 pE: Entier;
Debut
 N < -- 0;
 IntFrac(X, pE, pF); // obtenir la 1ere partie fractionnaire de X (qui est au debut X).
 Tant Que (pF <> 0) Faire
   N < -- N + 1;
   X <-- X * 10;
   IntFrac(X, pE, pF);
 Fait
 M <-- pE;
Fin:
Algorithme TabMiroirs;
Var
 T: Tableau[1..50] de Reel;
 i, pE, pE1, nb, N: Entier;
 pF: Reel;
Fonction Miroir(A: Entier): Entier
Procedure IntFrac(E/ X:Reel, S/ pE: Entier, S/ pF:Reel)
 ...
Fin;
Procedure Fexpo(E/ X:Reel, S/ M: Entier, S/ N:Entier)
Fin;
Debut
 Repeter
   Ecrire("Donner N compris entre 1 et 50");
   Lire(N);
 Jusqu'a ((N >= 1) \text{ et } (N <= 50));
 Pour i <-- 1 a N Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur de T");
    Lire(T[i]);
 Fait
```

```
Pour i <-- 1 a N Faire
   IntFrac(T[i], pE, pF);
   Fexpo(pF, pE1, nb);
   Si (pE = Miroir(pE1)) alors
      Ecrire(T[i], " a la partie entiere", pE, " miroir de la partie fractionnaire", pE1);
 Fait
Fin.
```

Ecrire une action paramétrée SYM permettant de vérifier si une matrice carrée d'ordre N, est symétrique (N<=20).

Soit A une matrice de NxN entiers avec N ≤ 20. Ecrire un algorithme qui lit (remplit) cette

```
matrice et vérifie si elle est symétrique en utilisant l'action paramétrée SYM, et, dans ce cas,
affiche les valeurs non dupliquées ainsi que leurs positions respectives.
           5
1
  3
       7
3 -1
        2
            1
                -2
7 2
       2
           6
                0
       6 8
5 1
                -5
2 -2 0 -5 -2
Fonction SYM(A:Tableau[1..20, 1..20] de Entier, N:Entier):Booleen
Var
  i, J: Entier;
  symM:Booleen;
Debut
 symM <--- Vrai;
 i <--- 2;
 Tant Que ((i <= N) ET symM)
 Faire
   J <--- 1;
   /* Les positions des elements symetriques sont [i,J] et [J,i].
     On compare les elements situes sous la diagonale qui sont
     ([i, J] avec J < i) avec leurs correspondants qui sont au dessus de la
     diagonale qui sont [J, i]
   Tant Que ((J < i) ET symM)
   Faire
      Si (A[i, J] \Leftrightarrow A[J, i]) alors
        symM <--- Faux;
      Sinon
        J < --- J + 1;
      Fsi
   Fait
   i < --- i + 1;
 Fait
 Retourner symM;
Fin;
Algorithme MatriceSymetrique;
 A: Tableau[1..20, 1..20] de Entier;
 i, J: Entier;
Fonction SYM(A:Tableau[1..20, 1..20] de Entier, N:Entier):Booleen
Fin;
```

```
Debut
 Repeter
   Ecrire("Donner N comprisentre 1 et 20");
   Lire(N);
 Jusqu'a ((N >= 1) \text{ et } (N <= 20));
  Pour i <-- 1 a N Faire
   Pour J <-- 1 a N Faire
    Ecrire("Donner", i, " eme et ", J, " eme valeur de A");
    Lire(A[i, J]);
   Fait
 Fait
 Si (SYM(A, N)) alors
     Ecrire("La matrice A est Symetrique");
     Ecrire("La matrice A N'est PAS Symetrique");
     Ecrire("Liste des Valeurs Non Dupliquees:");
     Pour i <-- 2 a N Faire
         Pour J <-- 1 a N Faire
             Si (A[i, J] \Leftrightarrow A[J, i]) alors
               Ecrire("A[", i, ",", J, "]", A[i, J]);
Ecrire("A[", J, ",", i, "]", A[J, i]);
         Fait
    Fait
 Fsi
Fin.
Ecrire une action paramétrée ANAGRAMME qui vérifie si deux mots sont anagrammes.
Sachant qu'un mot est dit anagramme d'un autre mot s'ils sont formés des mêmes lettres.
Exemples:
CHIEN anagramme de CHINE, NICHE,
GELER n'est pas anagramme d' ALGER
Fonction ANAGRAMME(mot1, mot2: Chaine):Booleen;
Var
 T1, T2, i, J, nb1, nb2: Entier;
 anagram: Booleen;
Debut
 T1 <-- Taille(mot1);
 T2 <-- Taille(mot2);
 anagram <-- Faux;
 // Les 2 chaines mot1 et mot2 sont anagrammes s'ils ont la meme taille et si tous les
caracteres de mot1
 // ont le meme nombre d'occurrence dans mot1 et dans mot2 (les 2 chaines ont les meme
caracteres
 // mais dans un ordre different).
 Si (T1 = T2) alors
   anagram <-- Vrai;
   i <-- 1;
   Tant Que ((i <= T1) et anagram) Faire
     car <-- mot1[i];
     nb1 <-- 0;
     Pour J <-- 1 a T1 Faire
       Si (mot1[J] = car) alors
```

nb1 < -- nb1 + 1;

```
Fsi
     Fait
     nb2 <-- 0;
     Pour J <-- 1 a T1 Faire
       Si (mot2[J] = car) alors
         nb2 < -- nb2 + 1;
       Fsi
     Fait
     Si (nb1 <> nb2) alors
       anagram <-- Faux;
     i <-- i + 1:
   Fait
 Fsi
 Retourner anagram;
Fin;
```

- 1- Ecrire une Procédure DecToBin qui permet de convertir un entier positif en une chaine de caractères binaire ('0' ou '1') représentant son code Binaire.
- 2- Ecrire une Procédure BinToDec qui permet de convertir une chaine de caractères binaire ('0' ou '1') représentant un code Binaire en un entier.
- 3- Ecrire une Fonction XOR qui permet de calculer le ou exclusif (XOR) entre deux caractères binaire, on rappelle que : AB '0'SiA = Bet'1'Sinon
- 4- Ecrire une Procédure BinToGray qui permet de convertir une une chaine représentant un code Binaire en une chaine représentant le code de Gray équivalant.
- 5- Ecrire une Procédure GrayToBin qui permet de convertir une chaine représentant un code de Gray en une chaine représentant le code Binaire équivalant.
- 6- En utilisant les actions paramétrées précédentes, écrire un algorithme de transcodage qui, suivant un choix donnée en entrée (Décimale, Binaire, Gray), affiche les deux autres codes équivalents.

On va considerer une chaine binaire comme composee de 32 bits avec le bit[1] etant le bit de plus fort poids (MSB: Most Significant Bit).

Procedure DecToBin(E/N: Entier, S/ch: Chaine[32])

```
Var
 i : Entier;
Debut
  Pour i <--- 1 a 32
  Faire
    ch[i] <--- '0';
  Fait
 i <--- 32;
  Tant Que (N <> 0)
  Faire
    Si ((N \mod 2) = 0) alors
       ch[i] <--- '0':
    Sinon
       ch[i] <--- '1';
    Fsi
    N <--- N Div 2;
    i <--- i - 1;
  Fait
```

```
Fin;
Fonction BinToDec(ch: Chaine[32]): Entier
 i, N, P: Entier;
Debut
  N <--- 0;
  i <--- 32;
  P <--- 1;
  Tant Que (i >= 1)
  Faire
    Si ( ch[i] = '1') alors
       N < --- N + P;
    P <--- P * 2;
    i <--- i - 1;
  Fait
  Retourner N;
Fin;
Fonction XOR(c1, c2: Caractere): Caractere
  c: Caractere;
Debut
  Si (((c1 = '0') et (c2 = '1'))
       ((c1 = '1') et (c2 = '0'))) alors
      c <--- '1';
  Sinon
      c <--- '0';
  Fsi
  Retourner c:
Fin:
```

4- Ecrire une Procédure BinToGray qui permet de convertir une une chaine représentant un code Binaire en une chaine représentant le code de Gray équivalant.

Rappel sur le code gray.

Le code gray est un code dans lequel le passage d'une valeur a la valeur suivante se fait en changeant uniquement un seul bit.

Exemple sur 3 bits ci-dessous la valeur decimale, binaire et le code gray:

Decimale	Binaire	Code Gray
0	0-0-0	0-0-0
1	0-0-1	0-0-1
2	0-1-0	0-1-1
3	0-1-1	0-1-0
4	1-0-0	1-1-0
5	1-0-1	1-1-1
6	1-1-0	1-0-1
7	1-1-0	1-0-0

Par exemple les valeurs decimale 3 et 4 sont codes en binaire respectivement:

```
0-1-1 (b[1]=0, b[2]=1 et b[3]=1)
1-0-0 (b[1]=1, b[2]=0 et b[3]=0)
donc on a les 3 bits b[1], b[2] et b[3] qui changent pour passer de 3 a 4.
En code gray les valeurs decimales 3 et 4 sont codes respectivement:
0-1-0 (b[1]=0, b[2]=1 et b[3]=0)
1-1-0 (b[1]=1, b[2]=1, b[3]=0)
```

donc pour passer de 3 a 4 en code gray on a b[1] uniquement qui change (b[2] et b[3] ne changent pas). Il en est de meme pour passer de 0 a 1, de 1 a 2, de 2 a 3, ... on a un seul bit qui change.

Conversion du Binaire vers Code Gray

Methode: Recopier le bit de poids fort (MSB: Most Significant Bit) du binaire vers le gray, ensuite faire XOR entre le bit courant binaire avec le precedent bit binaire pour avoir le bit gray courant.

```
Exemple:
Binaire: 1-1-1-0
b[1]=1, b[2]=1, b[3]=1 et b[4]=0
MSB: b[1] dans g[1]
Ensuite a partir de i=2 chaque fois on a g[i] <--- b[i-1] XOR b[i]
g[2] \leftarrow b[1] XOR b[2] = 1 XOR 1 = 0
g[3] \leftarrow b[2] XOR b[3] = 1 XOR 1 = 0
g[4] \leftarrow b[3] XOR b[4] = 1 XOR 0 = 1
code gray = 1001
Procedure BinToGray(E/chBin[32], S/chGray: Chaine[32])
Var
 i: Entier;
Debut
 chGray[1] <--- chBin[1];
 Pour i <--- 2 a 32
    chGray[i] <--- XOR(chBin[i - 1], chBin[i]);
 Fait
Fin;
```

5- Ecrire une Procédure GrayToBin qui permet de convertir une chaine représentant un code de Gray en une chaine représentant le code Binaire équivalant.

Conversion Code Grav vers Binaire

Methode: Recopier le bit de poids fort (MSB: Most Significant Bit) du gray code vers le binaire, ensuite faire XOR entre le bit courant binaire avec le precedent bit gray pour avoir le bit binaire courant.

```
Exemple:
Gray: 1-1-1-0
g[1]=1, g[2]=1, g[3]=1 et g[4]=0
MSB: g[1] dans b[1]
Ensuite a partir de i=2 chaque fois on a b[i] <--- b[i-1] XOR g[i]
b[2] \leftarrow b[1] XOR g[2] = 1 XOR 1 = 0
b[3] \leftarrow b[2] XOR g[3] = 0 XOR 1 = 1
b[4] \leftarrow b[3] XOR g[4] = 1 XOR 0 = 1
code gray = 1001
Procedure GrayToBin(E/chGray[32], S/chBin: Chaine[32])
Var
 i: Entier;
Debut
 chBin[1] <--- chGray[1];
 Pour i <--- 2 a 32
    chBin[i] <--- XOR(chBin[i - 1], chGray[i]);
 Fait
Fin;
```

```
Algorithme DecBinGrayTranscodage;
 ch1, ch2: Chaine[32];
 choix, ent : Entier;
 fini: Booleen;
Procedure DecToBin(E/N: Entier, S/ch: Chaine[32])
Fin;
Fonction BinToDec(ch: Chaine[32]): Entier
Fonction XOR(c1, c2: Caractere): Caractere
Fin;
Procedure BinToGray(E/chBin[32], S/chGray: Chaine[32])
Fin;
Procedure GrayToBin(E/chGray[32], S/chBin: Chaine[32])
Fin;
Debut
 fini <--- Faux:
 Tant Que (fini = Faux)
 Faire
   Ecrire("Entrer choix du code en Entree:");
   Ecrire("1: Decimale");
   Ecrire("2: Binaire");
   Ecrire("2: Gray");
   Ecrire("0: Sortir du Programme");
   Lire(choix);
   Cas choix Vaut
       1:
          Ecrire("Entrer un entier naturel");
          Lire(ent);
          DecToBin(ent, ch1);
          Ecrire("Le nombre ", ent, " en binaire = ", ch1);
          BinToGray(ch1, ch2);
          Ecrire("Le nombre ", ent, " en code gray = ", ch2);
       2:
          Ecrire("Entrer la chaine en binaire");
          Lire(ch1);
          ent <--- BinToDec(ch1);
          Ecrire("La chaine binaire ", ch1, " en decimale ", ent);
          BinToGray(ch1, ch2);
          Ecrire("La chaine binaire ", ch1, " en code gray = ", ch2);
        3:
          Ecrire("Entrer la chaine en code gray");
          Lire(ch1);
          GrayToBin(ch1, ch2);
          Ecrire("La chaine code gray ", ch1, " en binaire = ", ch2);
          ent <--- BinToDec(ch2);
          Ecrire("La chaine code gray ", ch1, " en decimale ", ent);
          fini <--- Vrai;
        Sinon
          Ecrire('Mauvais choix - Entrer un autre choix");
   FCas
```

Fait Fin.

Exercice 8

Un nombre est appelé prodigieux s'il est divisible par le produit de ses chiffres non nuls. Exemple : A=2016, 2x1x6=12 et 2016 est divisible par 12.

- 1- Ecrire une action paramétrée PRODIGIEUX qui vérifie si un entier A est prodigieux.
- 2- Soit M une matrice carrée NxN entiers (N<=50). Ecrire un algorithme qui remplace les éléments prodigieux de la diagonale par la somme des éléments de la ligne correspondante, puis affiche la matrice si elle a subit des modifications.

```
Fonction PRODIGIEUX(A: Entier): Booleen
 P. chfr. tmp: Entier:
 prodG: Booleen;
Debut
 prodG <-- Vrai;
 P <-- 1;
 tmp <-- A;
 Tant Que (A <> 0)
 Faire
   chfr <-- A mod 10;
   Si (chfr <> 0) alors
     P <-- P * chfr;
   A <--- A Div 10;
  Fait
 Si (tmp mod P <> 0) alors
   prodG <-- Faux;
 Fsi
 Retourner prodG;
Fin;
Algorithme MatriceProdigieux;
Var
 M: Tableau[1..50, 1..50] de Entier;
 i, J, S, N: Entier;
 MChange: Booleen;
Fonction PRODIGIEUX(A: Entier): Booleen
Fin;
Debut
Repeter
   Ecrire("Donner N compris entre 1 et 50");
   Lire(N);
 Jusqu'a ((N >= 1) et (N <= 50));
 Pour i <-- 1 a N Faire
   Pour J <-- 1 a N Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme et ", J, " eme valeur de A");
    Lire(A[i, J]);
   Fait
  Fait
 MChange <-- Faux;
 Pour i <-- 1 a N Faire
   Si (PRODIGIEUX(M[i, i])) alors
```

```
// calculer la somme de la ligne i
     S <-- 0;
Pour J <-- 1 a N Faire
S <-- S + M[i, J];
      Fait
      Si (M[i, i] <> S) alors
        MChange <-- Vrai;
        M[i, i] < -- S;
      Fsi
    Fsi
  Fait
  Si (MChange) alors
Ecrire("Matrice M:");
Pour i <-- 1 a N Faire
       Pour J <-- 1 a N Faire
          Ecrire(A[i, J]);
       Fait
    Fait
  Fsi
Fin.
```