

Partie 1 : Les vecteurs

Exercice No 1

Soit un vecteur T (tableau à une dimension) contenant N nombres entiers ($N \leq 100$). Ecrire un algorithme qui :

- 1- Détermine le mini, le maxi et la moyenne des éléments d'un tableau T
- 2- Calcule la somme et le produit scalaire de deux vecteurs (T1 et T2).
- 3- Inverse le contenu d'un vecteur T.
- 4- Calcule le nombre d'occurrences d'une valeur V dans T
- 5- Détermine la différence minimale entre deux éléments quelconques du vecteur T.
- 6- Supprime toutes les valeurs doubles d'un vecteur T.

Exercice 2:

Soit T un vecteur de N ($N \leq 250$) entiers supposés positifs. Ecrire un algorithme permettant, à partir de T, de construire deux vecteurs M3 et M5 contenant respectivement les multiples de 3 et les multiples de 5.

Exercice 3:

Soient deux vecteurs d'entiers triés V1 (N entiers, $N \leq 100$) et V2 (M entiers, $M \leq 150$). Ecrire un algorithme qui construit un vecteur V3 composé des éléments de V1 qui n'existent pas dans V2.

Exercice 4:

Soit T un tableau de N entiers ($N \leq 100$), et soient A et B deux éléments distincts appartenant à T. Ecrire un algorithme qui calcule la distance minimale entre A et B dans ce tableau.

Exemple:

Exemple

T = 3 - 18 - 90 - 7 - 10 - 7 - -40 - 3 - 100 - 3 - 90 - 3 - 20 - 10 - 50 - 7

Pour A=3 et B=7, la distance minimale est : 2

SOLUTION

- 1- Détermine le mini, le maxi et la moyenne des éléments d'un tableau T

Algorithme MinMaxMoyVecteur;

Var

T:Tableau[1..100] de Entier;

i, N, Min, Max, Som: Entier;

Debut

Repeter

Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");

Lire(N);

Jusqu'a (($N \geq 1$) ET ($N \leq 100$));

Pour i <--- 1 a N

Faire

Ecrire("Donner ", i, " eme element du Vecteur");

Lire(T[i]);

Fait

/* On suppose au debut que le Min est le premier element du vecteur, de meme on suppose que le maximum est le premier element du vecteur. */

Min <--- T[1];

Max <--- T[1];

Som <--- T[1];

Pour i <-- 2 a N

Faire

Som <--- Som + T[i];

Si (T[i] > Max) alors

Max <--- T[i];

Sinon

Si (T[i] < Min) alors

```

        Min <--- T[i];
    Fsi
Fsi
Fait

Ecrire("Le Minimum du Vecteur est ", Min, " Le Maximum du Vecteur est ", Max, " et La
Moyenne est:", Som/N);
Fin

```

2- Calcule la somme et le produit scalaire de deux vecteurs (T1 et T2).

Algorithme InverseVecteur;

Var

T1, T2, T3:Tableau[1..100] de Entier;

i, PScal, N: Entier;

Debut

Repeter

Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");

Lire(N);

Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

Pour i <--- 1 a N

Faire

Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur T1");

Lire(T1[i]);

Fait

Pour i <--- 1 a N

Faire

Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur 2");

Lire(T2[i]);

Fait

PScal <--- 0;

Pour i <--- 1 a N

Faire

PScal <--- PScal + (T1[i] * T2[i]);

T3[i] <--- T1[i] + T2[i];

Fait

Ecrire("Produit Scalaire = ", PScal);

Ecrire("Vecteur Somme T3:");

Pour i <--- 1 a N

Faire

Ecrire(T3[i]);

Fait

Fin.

3- Inverse le contenu d'un vecteur T.

Algorithme InverseVecteur;

Var

T:Tableau[1..100] de Entier;

i, J, N, Temp: Entier;

Debut

Repeter

Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");

Lire(N);

Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

Pour i <--- 1 a N

```

Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
    Lire(T[i]);
Fait

i <--- 1;
J <--- N;
Tant Que (i < J)
Faire
    /* Permuter T[i] avec T[J] */
    Temp <--- T[i];
    T[i] <--- T[J];
    T[J] <--- Temp;
    i <--- i + 1;
    J <--- J - 1;
Fait

Ecrire("Vecteur Inverse");
Pour i <--- 1 a N
Faire
    Ecrire(T[i]);
Fait

Fin.

```

Solution 2: En utilisant une boucle pour. Il suffit de remarquer que dans la solution precedente on a toujours $J = N - i + 1$ et que i va au plus jusqu'a la moitie de N .

```

Algorithme InverseVecteur;
Var
    T:Tableau[1..100] de Entier;
    i, N, Temp: Entier;
Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
        Lire(N);
    Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

    Pour i <--- 1 a N
    Faire
        Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du veteur");
        Lire(T[i]);
    Fait

    Pour i <--- 1 a (N Div 2)
    Faire
        /* Permuter T[i] avec T[N-i+1] */
        Temp <--- T[i];
        T[i] <--- T[N - i + 1];
        T[N - i + 1] <--- Temp;
    Fait

    Ecrire("Vecteur Inverse");
    Pour i <--- 1 a N
    Faire
        Ecrire(T[i]);
    Fait

Fin.

```

4- Calcule le nombre d'occurrences d'une valeur V dans T

```
Algorithme  NbrOccValVecteur;;
Var
  T:Tableau[1..100] de Entier;
  i, N, nbOcc, val: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
    Lire(T[i]);
  Fait

  Ecrire("Donner Valeur de Val");
  Lire(val);

  nbOcc <--- 0;
  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Si (T[i] = val) alors
      nbOcc <--- nbOcc + 1;
    Fsi
  Fait

  Ecrire("Nombre d'Occurrences de ", val, " dans T est:", nbOcc);
Fin.
```

5- Détermine la différence minimale entre deux éléments quelconques du vecteur T.

Si on a un ensemble de valeurs $v_1, v_2, v_3, \dots, v_n$ et que l'on cherche la plus grande valeur que peut avoir la différence $(a - b)$ ou a est une quelconque des valeurs v_1, v_2, v_3, \dots ou v_n et de même b est une quelconque des valeurs v_1, v_2, v_3, \dots ou v_n . Cette différence est la plus grande lorsque a prend la valeur la plus grande parmi $(v_1, v_2, v_3, \dots, v_n)$ et b prend la valeur la plus petite parmi $(v_1, v_2, v_3, \dots, v_n)$, c'est à dire que a est le max de (v_1, v_2, \dots, v_n) et b est le min de (v_1, v_2, \dots, v_n) .

La même chose la différence $(a - b)$ a la valeur minimale lorsque a prend la valeur la plus petite parmi $(v_1, v_2, v_3, \dots, v_n)$ et b prend la valeur la plus grande parmi $(v_1, v_2, v_3, \dots, v_n)$, c'est à dire que a est le min de (v_1, v_2, \dots, v_n) et b est le max de (v_1, v_2, \dots, v_n) .

Donc chercher la différence minimale entre deux éléments quelconques du vecteur T revient à chercher le minimum et le maximum de ce vecteur et faire la différence entre le minimum et le maximum.

```
Algorithme  diffMinVecteur;;
Var
  T:Tableau[1..100] de Entier;
  i, N, min, max: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 2 et 100");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=2) et (N<=100));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
    Lire(T[i]);
```

```

Fait

/* On suppose au debut que le Min est le premier element du vecteur, de meme on suppose
que le maximum est le premier element du vecteur. */
min <--- T[1];
max <--- T[1];
Pour i <-- 2 a N
Faire
  Si (T[i] > max) alors
    max <--- T[i];
  Sinon
    Si (T[i] < min) alors
      min <--- T[i];
  Fsi
Fsi
Fait

Ecrire("La difference Minimale entre 2 elements quelconques de T est:", min - max);

Fin.

```

6- Supprime toutes les valeurs doubles d'un vecteur T.

Solution 1:

Idee: Parcourir le tableau T et des qu'on trouve un doublet decaler les elements qui suivent d'une position vers la gauche.

```

Algorithme  SuppValDoublesVecteur;
Var
  T:Tableau[1..100] de Entier;
  i, J, K, N: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du veteur");
    Lire(T[i]);
  Fait

  /* i va jusqu'a N - 1, le dernier (N eme) n'a pas de suivant donc il n'a pas de doublet qui le
suit */
  Pour i <--- 1 a (N - 1)
  Faire
    J <--- i + 1;
    Tant Que (J <= N)
    Faire
      Si (T[i] <> T[J]) alors
        /* Si T[J] n'est pas egale a T[i] alors incrementer le J pour comparer avec le prochain
element */
        J <--- J + 1;
      Sinon
        /* T[i] = T[J] element double decaler tous elements de J+1 a N d'une position vers la
gauche */
        N <--- N - 1;
        Pour K <--- J a N
        Faire
          T[K] <--- T[K + 1];

```

```

        Fait

        /* Attention ici ne pas incrementer le J car le nouveau element a la position J
        peut etre encore un double de T[i]
        */
    Fsi
Fait
Fait

Ecrire("Vecteur Sans Doublets");
Pour i <--- 1 a N
Faire
    Ecrire(T[i]);
Fait

Fin.

Solution 2:
Idee: Parcourir le tableau T et ecraser les valeurs doubles de chaque element en mettant
dans les positions des valeurs doubles les valeurs differentes de l'element courant.

Algorithme    SuppValDoubletsVecteur;
Var
    T:Tableau[1..100] de Entier;
    i, J, K, nb, N: Entier;
Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
        Lire(N);
    Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

    Pour i <--- 1 a N
    Faire
        Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
        Lire(T[i]);
    Fait

    /* i va jusqu'a N - 1, le dernier (N eme) n'a pas de suivant donc il n'a pas de doublet qui le
    suit */
    Pour i <--- 1 a (N - 1)
    Faire
        K <--- i + 1;
        nb <--- 0; /* nb compte le nombre de doublets de l'element courant T[i] */
        /* Parcourir le tableau a partir du prochain element de position (i + 1) */
        Pour J <--- (i + 1) a N
        Faire
            T[K] <--- T[J];
            Si (T[i] <> T[J]) alors
                /* Si T[J] n'est pas egale a T[i] alors incrementer le K car on veut que le prochain
                T[J] qu'on recopie dans T n'ecrase pas la valeur courante T[J] */
                K <--- K + 1;
            Sinon
                nb <--- nb + 1;
                /* Attention ici ne pas incrementer le K car on veut ecraser les elements doubles */
            Fsi
        Fait
        N <--- N - nb;
    Fait

    Ecrire("Vecteur Sans Doublets");

```

```

    Pour i <--- 1 a N
    Faire
        Ecrire(T[i]);
    Fait
Fin.

```

Exercice 2 :

Soit T un vecteur de N ($N \leq 250$) entiers supposés positifs. Ecrire un algorithme permettant, à partir de T, de construire deux vecteurs M3 et M5 contenant respectivement les multiples de 3 et les multiples de 5.

```

Algorithme  M3M5Vecteurs;;
Var
    T, M3, M5:Tableau[1..250] de Entier;
    i, N, J, k: Entier;
Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 250");
        Lire(N);
    Jusqu'a ((N>=1) et (N<=250));

    Pour i <--- 1 a N
    Faire
        Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
        Lire(T[i]);
    Fait

    J <--- 0;
    k <--- 0;
    Pour i <--- 1 a N
    Faire
        Si ((T[i] mod 3) = 0) alors
            J <--- J + 1;
            M3[J] <--- T[i];
        Fsi
        Si ((T[i] mod 5) = 0) alors
            k <--- k + 1;
            M5[k] <--- T[i];
        Fsi
    Fait

    Si (J = 0) alors
        Ecrire("Vecteur M3 est Vide");
    sinon
        Ecrire("Vecteur M3");
        Pour i <--- 1 a J Faire
            Ecrire(M3[i]);
        Fait
    Fsi
    Si (k = 0) alors
        Ecrire("Vecteur M5 est Vide");
    sinon
        Ecrire("Vecteur M5");
        Pour i <--- 1 a k Faire
            Ecrire(M5[i]);
        Fait
    Fsi
Fin.

```

Exercice 3 :

Soient deux vecteurs d'entiers triés V1 (N entiers, $N \leq 100$) et V2 (M entiers, $M \leq 150$). Ecrire un algorithme qui construit un vecteur V3 composé des éléments de V1 qui n'existent pas dans V2..

```
Algorithme    V3EltsV1NonDansV2;
Var
  V1, V3:Tableau[1..100] de Entier;
  V2:Tableau[1..150] de Entier;
  i, J, K, N, M:Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
    Lire(N);
    Jusqu'a ((N>=1) ET (N<=100));

  Repeter
    Ecrire("Donner M compris entre 1 et 150");
    Lire(M);
    Jusqu'a ((M>=1) ET (M<=150));

  // On suppose dans cette boucle Pour les elements de V1 sont donnees Tries par ordre
  croissant
  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme element du Vecteur V1 Trie");
    Lire(V1[i]);
  Fait

  // On suppose dans cette boucle Pour les elements de V1 sont donnees Tries par ordre
  croissant
  Pour i <--- 1 a M
  Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme element du Vecteur V2 Trie");
    Lire(V2[i]);
  Fait

  K <--- 0;
  Tant Que (i <= N)
  Faire
    Si (V1[i] > V2[M]) alors
      // Puisque V1 est Trie par ordre croissant alors tous les elements de V1 a
      // a partir de i sont > V2[M] et donc ne peuvent pas exister dans V2 et dans ce
      // il faut recopier tous ces elements dans V3
      Tant Que (i <= N)
      Faire
        K <-- K + 1;
        V3[K] <--- V1[i];
        i <-- i + 1;
      Fait
    Sinon
      Si (V1[i] < V2[1]) alors
        // V1[i] est < a tous les elements de V2 puisque V2 est trie par ordre croissant et
        // dans ce cas V1[i] ne peut pas exister dans V2
        K <-- K + 1;
        V3[K] <--- V1[i];
        i <-- i + 1;
      Sinon // Cas ou V2[1]<= V1[i] <= V2[M], rechercher V1[i] dans V2
        Trouve <--- Faux;
        J <--- 1;
```



```

    Tant Que ((J <= M) ET (Trouve = False) ET (V1[i] >= V2[J]))
    Faire
        Si (V1[i] = V2[J]) alors
            Trouve <--- Vrai;
        Sinon
            J <--- J + 1;
        Fsi
    Fait
    Si (Trouve = Faux) alors
        K <--- K + 1;
        V3[K] <--- V1[i];
    Fsi
    i <-- i + 1;
Fsi
Fsi
Fait

Si (K = 0) alors
    Ecrire("Vecteur V3 des Elements de V1 ne se trouvant pas dans V2 est Vide");
Sinon
    Ecrire("Vecteur des Elements de V1 ne se trouvant pas dans V2:");
    Pour i <--- 1 a K
        Faire
            Ecrire(V3[i]);
        Fait
    Fsi
Fin.

```

Exercice 4 :

Soit T un tableau de N entiers ($N \leq 100$), et soient A et B deux éléments distincts appartenant à T. Ecrire un algorithme qui calcule la distance minimale entre A et B dans ce tableau.

Exemple:

T = 3 - 18 - 90 - 7 - 10 - 7 - -40 - 3 - 100 - 3 - 90 - 3 - 20 - 10 - 50 - 7

Pour A=3 et B=7, la distance minimale est : 2

Remarquons que la plus grande distance possible entre A et B est lorsque A est T[1] et B est T[N] (ou bien B est T[1] et A est T[N]) et dans cas la distance est (N - 1). Donc on vas initialiser distMin a une valeur plus grande (par exemple N).

Solution 1:

Idee: Parcourir le tableau T et pour chaque element de T d'indice i (sauf le dernier) parcourir T a partir de (i + 1) en utilisant un indice J et la distance est (J - i) et si T[i] est A et T[J] est B (ou bien T[i] est B et T[J] est A) alors si cette distance est plus petite que la distance minimale courante alors elle devient la distance minimale.

Algorithme DistMinVecteurs;;

Var

T:Tableau[1..100] de Entier;

i, N, J, distMin, dist, A, B: Entier;

existe : Booleen;

Debut

Repeter

Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");

Lire(N);

Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

Pour i <--- 1 a N

Faire

Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du veteur");

Lire(T[i]);

Fait

```

// forcer l'utilisateur a donner un A appartenant a T
Repete
  Ecrire("Donner Valeur de A appartenant a T");
  Lire(A);
  existe <--- Faux;
  i <--- 1;
  Tant Que ((i <= N) et (existe = Faux)) Faire
    Si (T[i] = A) alors
      existe <--- Vrai;
    Sinon
      i <--- i + 1;
  Fsi
  Fait
  Jusqu'a (existe = Vrai);

// forcer l'utilisateur a donner un B appartenant a T et distinct de A
Repete
  Ecrire("Donner Valeur de B appartenant a T et distinct de ", A);
  Lire(B);
  existe <--- Faux;
  Si (B <> A) alors
    i <--- 1;
    Tant Que ((i <= N) et (existe = Faux)) Faire
      Si (T[i] = B) alors
        existe <--- Vrai;
      Sinon
        i <--- i + 1;
    Fsi
  Fait
  Fsi
  Jusqu'a (existe = Vrai);

distMin <--- N; /* max distMin = (N - 1) initialiser distMin a une valeur plus grande (N)*/
Pour i <--- 1 a (N - 1)
  Faire
    Pour J <--- (i+1) a N
      Faire
        Si ( ((T[i] = A) et (T[J] = B)) OU ((T[i] = B) et (T[J] = A)) ) alors
          dist <--- J - i;
          Si (dist < distMin) alors
            distMin <--- dist;
        Fsi
      Fsi
    Fait
  Fait
  Fait

  Ecrire("La distance Minimale entre", A, " et ", B, " est:", distMin);
Fin.

```

Solution 2:

Idee: Parcourir le tableau T jusqu'a trouver la 1ere position de A ou B en utilisant un indice i., sauvegarder cette position dans un indice k. A partir de cette 1ere position et jusqu'au dernier element chercher A ou B en utilisant un indice J. Si on trouve un element A ou B (qui est T[J]) et si cet element est different de T[k] alors calculer la distance J-k et voir si cette distance est plus petite que la distance minimale courante. Aussi si on a trouve A ou B ne pas oublier de mettre a jour k par J (et ce pour que (T[J]<>T[k]) ou bien (T[J]=T[k])).

Remarquons que dans la solution 1 pour chaque element de T on parcourt T a partir du suivant jusqu'au dernier element de T. Dans cette 2eme solution on parcourt T une seule fois.

```

Algorithme  DistMinVecteurs;;
Var
  T:Tableau[1..100] de Entier;
  i, N, J, distMin, dist, A, B: Entier;
  existe : Booleen;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
    Lire(T[i]);
  Fait

  // forcer l'utilisateur a donner un A appartenant a T
  Repeter
    Ecrire("Donner Valeur de A appartenant a T");
    Lire(A);
    existe <--- Faux;
    i <--- 1;
    Tant Que ((i <= N) et (existe = Faux)) Faire
      Si (T[i] = A) alors
        existe <--- Vrai;
      Sinon
        i <--- i + 1;
    Fsi
  Fait
  Jusqu'a (existe = Vrai);

  // forcer l'utilisateur a donner un B appartenant a T et distinct de A
  Repeter
    Ecrire("Donner Valeur de B appartenant a T et distinct de ", A);
    Lire(B);
    existe <--- Faux;
    Si (B <> A) alors
      i <--- 1;
      Tant Que ((i <= N) et (existe = Faux)) Faire
        Si (T[i] = B) alors
          existe <--- Vrai;
        Sinon
          i <--- i + 1;
      Fsi
    Fait
  Fsi
  Jusqu'a (existe = Vrai);

  distMin <--- N; /* max distMin = (N - 1) initialiser distMin a une valeur plus grande (N)*/

  // chercher la premiere position de A ou B
  i <--- 1;
  Tant Que ( (i < N) et (T[i] <> A) et (T[i] <> B) )
  Faire
    i <--- i + 1;
  Fait
  k <--- i;

  // rechercher les prochaines occurrences de A ou B et si T[J] <> T[k] alors calculer

```

```

// la distance
Pour J <--- i + 1 a N
Faire
    Si ((T[J] = A) OU (T[J] = B)) alors
        Si (T[J] <> T[k]) alors
            dist <--- J - k;
            Si (dist < distMin)
                distMin <--- dist;
        Fsi
    Fsi
    k <--- J; // mettre a jour k
Fsi
Fait

Ecrire("La distance Minimale entre", A, " et ", B, " est:", distMin);
Fin.

```

Partie 2 : Les matrices

Exercice 5 :

Soit une matrice A(N, M) de caractères ($N \leq 20$ et $M \leq 30$). Ecrire un algorithme qui

- 1- Calcule le nombre de voyelles appartenant à la matrice A.
- 2- Fait une rotation des colonnes de la matrice A.

Exercice 6 :

Soit une matrice carrée A(N, N) d'entiers ($N \leq 25$). Ecrire un algorithme qui

- 1- Calculer la trace de la matrice A. (La trace est la somme des éléments de la diagonale principale).
- 2- Déterminer le maximum et sa position, des valeurs des deux diagonales (principale et secondaire).

Exercice 7 :

Soit une matrice A(N, M) d'entiers ($N \leq 20$ et $M \leq 30$), écrire un algorithme qui :

- Calcule et sauvegarde la somme de chaque colonne,
- Détermine la position Jmin de la somme minimale et la position Jmax de la somme maximale.
- Permute les deux colonnes d'indices Jmin et Jmax de la matrice A si $Jmin > Jmax$.

Exercice 8 :

Ecrire un algorithme qui affiche le triangle de Pascal de degré N. (N étant un entier positif).

Exemple

pour N=4

```

1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1

```

Exercice 5 : Soit une matrice A(N, M) de caractères ($N=20$ et $M=30$).

Ecrire un algorithme qui

- 1- Calcule le nombre de voyelles appartenant à la matrice A.

Algorithme nbrVoyMatrice;

Var

A:Tableau[1..20, 1..30] de Caractere;

i, J, N, M, nbrVoy: Entier;

Debut

```

Repeter
  Ecrire("Donner N compris entre 1 et 20");
  Lire(N);
Jusqu'a ((N>=1) et (N<=20));

Repeter
  Ecrire("Donner M compris entre 1 et 30");
  Lire(M);
Jusqu'a ((M>=1) et (M<=30));

Pour i <--- 1 a N
Faire
  Pour J <--- 1 a M
  Faire
    Ecrire("Donner l'element de la matrice d'indices ", i, "et", J);
    Lire(A[i, J]);
  Fait
Fait
nbrVoy <--- 0;
Pour i <--- 1 a N
Faire
  Pour J <--- 1 a M
  Faire
    Cas A[i, J] vaut
      'a', 'e', 'i', 'u', 'o', 'y', 'A', 'E', 'I', 'U', 'O', 'Y': nbrVoy <--- nbrVoy + 1;
    FCas
  Fait
Fait
Ecrire("Nombre de Voyelles de la matrice :", nbrVoy);
Fin.

```

2- Fait une rotation des colonnes de la matrice A.

```

Algorithme rotationMatrice;
Var
  A:Tableau[1..20, 1..30] de Caractere;
  T: Tableau[1..20] de Caractere;
  i, J, N, M: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 20");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=20));

  Repeter
    Ecrire("Donner M compris entre 1 et 30");
    Lire(M);
  Jusqu'a ((M>=1) et (M<=30));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Pour J <--- 1 a M
    Faire
      Ecrire("Donner l'element de la matrice d'indices ", i, "et", J);
      Lire(A[i, J]);
    Fait
  Fait
  /* On fait une rotation des colonnes vers la droite; donc on va commencer par sauvegarder
la dernière colonne
dans le vecteur T */

```

```

Pour i <--- 1 a N
Faire
  T[i] <--- A[i, M];
Fait

/* Faisons maintenant un decalager a droite de toutes les colonnes en commençant par
   la colonne M - 1 jusqu'a la premiere colonne */
J <--- M - 1;
Tant Que (J >= 1)
Faire
  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    A[i, J + 1] <--- A[i, J];
  Fait
  J <--- J - 1;
Fait
/* Mettons maintenant le table T en 1ere colonne */
Pour i <--- 1 a N
Faire
  A[i, 1] <--- T[i];
Fait
Ecrire("Matrice A:");
Pour i <--- 1 a N
Faire
  Pour J <--- 1 a M
  Faire
    Ecrire(A[i, J]);
  Fait
Fait
Fin.

```

Exercice 6 : Soit une matrice carrée $A(N, N)$ d'entiers ($N=25$). Ecrire un algorithme qui
 1- Calculer la trace de la matrice A. (La trace est la somme des éléments de la diagonale principale).

```

Algorithme traceMatrice;
Var
  A:Tableau[1..25, 1..25] de Entier;
  i, J, N, trace: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 25");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=25));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Pour J <--- 1 a N
    Faire
      Ecrire("Donner l'element de la matrice d'indices ", i, "et", J);
      Lire(A[i, J]);
    Fait
  Fait
  trace <--- 0;
  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    trace <--- trace + A[i, i];
  Fait

```

```

    Ecrire("Trace de la matrice = ", trace);
Fin.
2- Déterminer le maximum et sa position, des valeurs des deux diagonales (principale et
secondaire).

```

```

Algorithme  posMaxDiagsMatrice;
Var
    A:Tableau[1..25, 1..25] de Entier;
    i, J, N, Imax, Jmax: Entier;
Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 25");
        Lire(N);
        Jusqu'a ((N>=1) et (N<=25));

    Pour i <--- 1 a N
        Faire
            Pour J <--- 1 a N
                Faire
                    Ecrire("Donner l'element de la matrice d'indices ", i, "et", J);
                    Lire(A[i, J]);
                Fait
            Fait
        Fait
    /* On suppose au debut que le max c'est l'element d'indices 1, 1 de la matrice */
    Imax <--- 1;
    Jmax <--- 1;

    J <--- N;
    Pour i <--- 1 a N
        Faire
            Si (A[i, i] > A[Imax, Jmax]) alors
                Imax <--- i;
                Jmax <--- i;
            Fsi
            Si (A[i, J] > A[Imax, Jmax]) alors
                Imax <--- i;
                Jmax <--- J;
            Fsi
            J <-- J - 1;
        Fait
    Ecrire("Max des 2 diagonales = ", A[Imax, Jmax], " et positions ", Imax, Jmax);
Fin.

```

Exercice 7

Soit une matrice $A(N, M)$ d'entiers ($N \leq 20$ et $M \leq 30$), écrire un algorithme qui :

- Calcule et sauvegarde la somme de chaque colonne,
- Détermine la position J_{min} de la somme minimale et la position J_{max} de la somme maximale.
- Permute les deux colonnes d'indices J_{min} et J_{max} de la matrice A si $J_{min} > J_{max}$.

```

Algorithme  somColonnes;
Var
    A:Tableau[1..20, 1..30] de Entier;
    SCol:Tableau[1..30] de Entier;
    i, J, N, M, Temp: Entier;
Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 20");
        Lire(N);
        Jusqu'a ((N>=1) et (N<=20));

```

```

Repeter
  Ecrire("Donner M compris entre 1 et 30");
  Lire(M);
Jusqu'a ((M>=1) et (M<=30));

Pour i <--- 1 a N
Faire
  Pour J <--- 1 a M
  Faire
    Ecrire("Donner l'element de la matrice d'indices ", i, "et", J);
    Lire(A[i, J]);
  Fait
Fait
/* Somme de chaque colonne */
Pour J <--- 1 a M
Faire
  SCol[J] <--- 0;
  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    SCol[J] <--- SCol[J] + A[i, J];
  Fait
Fait

JMin <--- 1;
JMax <--- 1;
Pour J <--- 2 a M
Faire
  Si (SCol[J] > SCol[JMax]) alors
    JMax <--- J;
  Fsi
  Si (SCol[J] < SCol[JMin]) alors
    JMin <--- J;
  Fsi
Fait
Si (JMin > JMax) alors
/* Permuter colonne JMin et JMax de la matrice */
/* sauvegarder colonne JMin dans saveA */
Pour i <--- 1 a N
Faire
  Temp <--- A[i, JMin];
  A[i, JMin] <--- A[i, JMax];
  A[i, JMax] <--- Temp;
Fait
Fsi

/* Afficher la matrice */
Pour i <--- 1 a N
Faire
  Pour J <--- 1 a M
  Faire
    Ecrire(A[i, J]);
  Fait
Fait
Fin.

```

Exercice 8

Ecrire un algorithme qui affiche le triangle de Pascal de degré N. (N étant un entier positif).

Exemple pour N=4


```

1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1

```

On remarque que pour N on doit utiliser une matrice carree (N+1) x (N+1). Aussi tous les elements a la 1ere colonne $A[*, 1]$ sont a 1 et les elements dans la diagonale principale $A[i, i]$ sont a 1 aussi. Les autres elements $A[i, J]$ ou J varie de 2 a (i - 1) sont $A[i-1, J-1] + A[i - 1, J]$.

```

Algorithme  TriangleDePascalle;
Var
  A:Tableau[1..100, 1..100] de Entier;
  i, J, N: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 99");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=99));

  Pour i <--- 1 a (N + 1)
  Faire
    A[i, 1] <--- 1;
    A[i, i] <--- 1;
    Pour J <--- 2 a (i - 1)
    Faire
      A[i, J] = A[i - 1, J-1] + A[i - 1, J];
    Fait
  Fait

  Ecrire("Triangle de Pascal:")
  Pour i <--- 1 a (N + 1)
  Faire
    Pour J <--- 1 a i
    Faire
      Ecrire(A[i, J]);
    Fait
  Fait
Fin.

```

Partie 3 : Les chaînes de caractères

Exercice 9:

Ecrire un algorithme permettant de comptabiliser le nombre de caractères majuscules dans une chaîne.

Exercice 10:

Ecrire un algorithme qui vérifie si une chaîne est un carré ou pas.

Définition : Une chaîne de caractères est un carré si elle se compose de 2 chaînes identiques.

Exemple : "chercher" et "bonbon" sont des carrés.

Exercice 11:

Soit S une chaine da caractères. Ecrire un algorithme permettant de nettoyer la chaine S de tous les caractères non alphanébétiques mais en laissant les espaces (le caractère blanc).

Exemple :

```

S= "*/ Le modul(@e Al?!gor> <ithm&i que est °$ attirant."
S nettoyée= "Le module Algorithmique est attirant"

```

Exercice 12:

Soit S une chaîne de caractères. Un début non vide de S est un mot formé des i premiers caractères de S, avec $i = \{1, 2, \dots, \text{Taille}(S)\}$. Par exemple, si S = aababa, alors les débuts de S sont les mots {a, aa, aab, aaba, aabab, aababa}.

Ecrire un algorithme qui affiche tous les débuts non vides d'un mot donné S ;

Exercice 13:

Soit S une chaîne de caractères constituant une suite de mots séparés par un ou plusieurs blancs (espaces).

Ecrire un algorithme permettant d'inverser les mots de S sans toucher aux blanc.

Exemple :

S = " Alger est la capitale "

donne

S = " reglA tse al elatipac "

Exercice 14:

Ecrire un algorithme qui lit deux mots et qui détermine s'ils sont anagrammes.

Sachant qu'un mot est dit anagramme d'un autre mot s'ils utilisent (sont formés par) les même lettres.

Exemples :

CHIEN anagramme de CHINE, NICHE,
GELER n'est pas anagramme d' ALGER, ...

SOLUTION

Exercice 9:

Ecrire un algorithme permettant de comptabiliser le nombre de caractères majuscules dans une chaîne.

Algorithme CarMajuscules;

Var

S : Chaîne;

i, J, T, nbrMaj : Entier;

Debut

Ecrire("Donner la chaîne de Caractères S");

Lire(S);

nbrMaj <-- 0;

T <-- Taille(S);

Pour i <-- 1 a T Faire

Si ((T[i] >= 'A') et (T[i] <= 'Z')) alors

nbrMaj <-- nbrMaj + 1;

Fsi

Fait

Ecrire("Nombre de caracteres majuscules = ", nbrMaj);

Fin.

Exercice 10:

Ecrire un algorithme qui vérifie si une chaîne est un carré ou pas.

Définition : Une chaîne de caractères est un carré si elle se compose de 2 chaînes identiques.

Exemple : "chercher" et "bonbon" sont des carrés.

Algorithme ChaîneCarre;

```

Var
  S : Chaine;
  i, J, T : Entier;
  chCarre : Booleen;

Debut
  Ecrire("Donner la chaine de Caracteres S");
  Lire(S);

  T <-- Taille(S);
  Si (T mod 2 = 1) alors
    // si taille de S est impair ca ne peut pas etre une chaine carre
    chCarre <-- Faux;
  Sinon
    chCarre <-- Vrai;
    i <-- 1;
    J <-- (T Div 2) + 1;
    Tant Que ((i <= T Div 2) et chCarre) Faire
      Si (S[i] <> S[J]) alors
        chCarre <-- Faux;
      Sinon
        i <-- i + 1;
        J <-- J + 1;
      Fsi
    Fait
  Fsi

  Si (chCarre) alors
    Ecrire(S, " est une chaine carre");
  sinon
    Ecrire(S, " N'est Pas une chaine carre");
  Fsi
Fin.

```

Exercice 11

Soit S une chaine de caractères. Ecrire un algorithme permettant de nettoyer la chaine S de tous les caractères non alphabétiques mais en laissant les espaces (le caractère blanc).

Exemple :

S = "*/ Le modul(@e Al?!gor> <ithm&ique est °\$ attirant."
 S nettoyée = "Le module Algorithmique est attirant"

Solution 1:

Utiliser une autre chaîne S2 et recopier tous les caractères alphabétiques et les blancs à partir du 1er caractère alphabétique

Algorithme ChaîneNettoyée;

```

Var
  S, S2 : Chaine;
  i, J, k, T : Entier;

```

```

Debut
  Ecrire("Donner la chaine de Caracteres S");
  Lire(S);

  T <-- Taille(S);
  S2 <-- ""; // mettre chaîne vide dans S2

  // chercher le 1er caractère alphabétique de S
  i <-- 1;

```

```

Tant Que ((i <= T) et (Non( (S[i]>='a') et (S[i]<='z')) OU ( (S[i]>='A') et (S[i]<='Z')) )) )
Faire
    i <-- i + 1;
Fait

J <-- 0;
Pour k <-- i a T
Faire
    // recopier les caracteres alphabetiques et les blancs dans la chaine S2
    Si ( ((S[k]>='a') et (S[k]<='z')) OU ((S[k]>='A') et (S[k]<='Z')) OU (S[k] = ' ') ) alors
        J <-- J + 1;
        S2[J] <-- S[k];
    Fsi
Fait

ChangerTaille(S2, J);
S <-- S2;
Ecrire("S Nettoyee : ", S);
Fin.

```

Solution 2:

Idee: Supprimer les caracteres non alphabetiques et les 1er blancs en faisant des decalages.

Algorithme ChaineNettoyee;

Var

S : Chaine;
i, J, T : Entier;

Debut

Ecrire("Donner la chaine de Caracteres S");
Lire(S);

T <-- Taille(S);
i <-- 1;

// Tant qu'on n'a pas atteint le 1er caractere alphabetique faire des decalages pour
// eliminer ces caracteres non alphabetiques (ramener le 1er caractere alphabetique
// en 1ere position)

Tant Que ((i <= T) ET (NON (((S[i]>='a') et (S[i]<='z')) OU ((S[i]>='A') et (S[i]<='Z')))))

Faire

T <--- T - 1;

Pour J <-- i a T

Faire

S[J] = S[J + 1];

Fait

Fait

Tant Que (i <= T)

Faire

// si le caractere est alphabetique ou bien c'est un blanc alors

// ne pas faire de decalage et dans ce cas incrementer le i

Si (((S[i]>='a') et (S[i]<='z')) OU ((S[i]>='A') et (S[i]<='Z')) OU (S[i] = ' ')) alors
i <-- i + 1;

Sinon

// faire decalages

T <-- T - 1;

Pour J <-- i a T Faire

S[J] <-- S[J + 1];

Fait

Fsi

```

Fait
    ChangerTaille(S, T);
    Ecrire("S Nettoyee : ", S);
Fin.

```

Solution 3:

Idee: supprimer les caracteres non alphabetiques et les premier blancs en ecrasant ces caracteres par les caracteres alphabetiques.

```

Algorithme  ChaîneNettoyee;
Var
    S : Chaîne;
    i, J, T : Entier;
Debut
    Ecrire("Donner la chaîne de Caracteres S");
    Lire(S);

    T <-- Taille(S);
    i <-- 1;
    // chercher l'indice du 1er caractere alphabetique de S
    i <-- 1;
    Tant Que ((i <= T) et (Non( (S[i]>='a') et (S[i]<='z')) OU ( (S[i]>='A') et (S[i]<='Z')) )) )
    Faire
        i <-- i + 1;
    Fait

    // A partir de la position du 1er caractere alphabetique de S ecraser les caracteres
    // autres que les caracteres alphabetiques et les blancs
    J <-- 1;
    Pour k <-- i a T
    Faire
        S[J] <-- S[k];
        // Si le caractere n'est pas un caractere alphabetique ou bien n'est pas un Blanc
        // alors Ne PAS incrementer le J pour ecraser ce caractere
        Si ( ((S[k]>='a') et (S[k]<='z')) OU ((S[k]>='A') et (S[k]<='Z')) OU (S[k] = ' ') ) alors
            J <-- J + 1;
        Fsi
    Fait
    T <-- J - 1;
    ChangerTaille(S, T);
    Ecrire("S Nettoyee : ", S);
Fin.

```

Exercice 12 :

Soit S une chaîne de caractères. Un début non vide de S est un mot formé des i premiers caractères de S, avec $i = \{1, 2, \dots, \text{Taille}(S)\}$. Par exemple, si S = aababa, alors les débuts de S sont les mots {a, aa, aab, aaba, aabab, aababa}.

Ecrire un algorithme qui affiche tous les débuts non vides d'un mot donné S ;

```

Algorithme  ChaîneDebuts;
Var
    S, SDeb : Chaîne;
    i, J, T : Entier;
Debut
    Ecrire("Donner la chaîne de Caracteres S");
    Lire(S);

    T <-- Taille(S);

```

```

    Pour i <-- 1 a T Faire
        SDeb <-- ""; // initialiser SDeb a la chaine vide
        Pour J <-- 1 a i Faire
            SDeb[J] <-- S[i];
        Fait
        Ecrire("Debut de S avec ", i, " caracteres est:", SDeb);
    Fait
Fin.

```

Fin.

Exercice 13

Soit S une chaîne de caractères constituant une suite de mots séparés par un ou plusieurs blancs (espaces).

Ecrire un algorithme permettant d'inverser les mots de S sans toucher aux blancs.

Exemple :

S = " Alger est la capitale "

donne

S = " reglA tse al elatipac "

Algorithme ChaîneMotsInverses;

Var

S : Chaîne;

i, J, T, iDeb, iFin : Entier;

Temp : Caractere;

Debut

Ecrire("Donner la chaine de Caracteres S");

Lire(S);

T <-- Taille(S);

i <-- 1;

Tant Que (i <= T)

Faire

// sauter les blancs pour detecter le debut d'un mot

Tant Que ((i <= T) et (S[i] = ' '))

Faire

i <-- i + 1;

Fait

Si (i <= T) alors

iDeb <-- i;

// detecter la fin du mot

Tant Que ((i <= T) et (S[i] <> ' '))

Faire

i <-- i + 1;

Fait

iFin <-- i - 1;

// le mot est compris entre iDeb et iFin

Tant Que (iDeb < iFin) Faire

Temp <-- S[iDeb];

S[iDeb] <-- S[iFin];

S[iFin] <-- Temp;

iDeb <-- iDeb + 1;

iFin <-- iFin - 1;

Fait

Fsi

Fait

```
Ecrire("Chaine S avec mots inverses est: ", S);  
Fin.
```

Exercice 14

Ecrire un algorithme qui lit deux mots et qui détermine s'ils sont anagrammes.
Sachant qu'un mot est dit anagramme d'un autre mot s'ils utilisent (sont formés par) les même lettres.

Exemples :

CHIEN anagramme de CHINE, NICHE,
GELER n'est pas anagramme d' ALGER, ...

Idee: Les 2 mots sont anagrammes si chaque caractere apparait dans les 2 mots le meme nombre fois, c'est a dire que le nombre d'occurrences de chaque caractere est le meme dans les 2 mots.

Algorithme MotsAnagrammes;

Var

Mot1,Mot2 :Chaine;
T1,T2,i,nb1,nb2 :Entier;
car :Caractere;
Anagram :Booleen;

Debut

Ecrire("Donner le premier mot");
Lire(Mot1);
Ecrire("Donner le deuxieme mot");
Lire(Mot2);
T1 <-- Taille(Mot1);
T2 <-- Taille(Mot2);

Anagram <-- Faux ;

Si (T1 = T2) alors

Anagram <-- Vrai;

i <-- 1 ;

Tant Que ((i <= T1) et Anagram) Faire

car <-- Mot1[i];

nb1 <-- 0;

Pour J <-- 1 a T1 Faire

Si (Mot1[J] = car) alors

nb1 <-- nb1 + 1 ;

Fsi

Fait

nb2 <-- 0;

Pour J <-- 1 a T1 Faire

Si (Mot2[J] = car) alors

nb2 <-- nb2 + 1 ;

Fsi

Fait

Si (nb1 <> nb2) alors

anagram <-- Faux;

Fsi

i <-- i + 1;

Fait

Fsi

Si (Anagram) alors

Ecrire("Les deux mots sont anagrammes")

Sinon

Ecrire("Les deux mots ne sont pas anagrammes")

Fsi

Fin.

Exercices Complémentaires

Exercice 1 :

Soit un vecteur T (tableau à une dimension) contenant N nombres entiers ($N \leq 100$). Ecrire un algorithme qui:

- 1- Calcule le produit des éléments non nuls de T ainsi que le nombre de valeurs strictement positives.
- 2- Supprime toutes les valeurs nulles d'un vecteur T.
- 3- Met les valeurs négatives au début ensuite les valeurs positives à la fin en utilisant un seul tableau.

- 1- Calcule le produit des éléments non nuls de T ainsi que le nombre de valeurs strictement positives.

```
Algorithme  ProdNonNulsNbrPosVect;  
Var  
  T:Tableau[1..100] de Entier;  
  i, N, nbPos, nbNonNul, Prod: Entier;  
Debut  
  Repeter  
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");  
    Lire(N);  
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));  
  
  Pour i <--- 1 a N  
  Faire  
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");  
    Lire(T[i]);  
  Fait  
  
  nbPos <--- 0;  
  nbNonNul <--- 0;  
  Prod <--- 1;  
  i <--- 1;  
  Pour i <--- 1 a N  
  Faire  
    Si (T[i] <> 0) alors  
      nbNonNul <--- nbNonNul + 1;  
      Prod <--- Prod * T[i];  
      Si (T[i] > 0) alors  
        nbPos <--- nbPos + 1;  
      Fsi  
    Fsi  
  Fait  
  
  Si (nbNonNul = 0) alors  
    Ecrire("Vecteur a toutes les Valeurs Nulles");  
  Sinon  
    Ecrire("Produit des Valeurs non Nulles = ", Prod);  
  Fsi  
  Ecrire("Nombre de Valeurs strictement positif est:", nbPos);  
Fin.
```

- 2- Supprime toutes les valeurs nulles d'un vecteur T.

Solution 1:

Decaler toutes les valeurs apres la valeur nulle d'une position vers la gauche


```

Algorithme SuppEltsNulsVect;
Var
  T:Tableau[1..100] de Entier;
  i, J, N: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
    Lire(T[i]);
  Fait

  i <--- 1;
  Tant Que (i <= N)
  Faire
    Si (T[i] = 0) alors
      /* T[i] = 0 decaler tous elements de i+1 a N d'une position vers la gauche */
      Pour J <--- i + 1 a N
      Faire
        T[J - 1] <--- T[J];
      Fait
      N <--- N - 1;
      /* Attention ici ne pas incrementer le i car le nouveau element a la position i
         peut etre nul
      */
    Sinon
      i <--- i + 1;
    Fsi
  Fait

  Si (N = 0) alors
    Ecrire("Vecteur Sans Valeur Nulle Vide");
  Sinon
    Ecrire("Vecteur Sans Valeur Nulle ");
    Pour i <--- 1 a N
    Faire
      Ecrire(T[i]);
    Fait
  Fsi

Fin.

```

Solution 2:

Recopier tous les elements $V[i]$ dans $V[J]$ mais si $V[i]$ est = 0 ne pas incrementer le J de maniere a ecraser les valeurs nulles. Cette solution est plus simple que la solution 1.

```

Algorithme SuppEltsNulsVect;
Var
  T:Tableau[1..100] de Entier;
  i, J, N: Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
    Lire(N);

```

```

Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

Pour i <--- 1 a N
Faire
    Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");
    Lire(T[i]);
Fait

J <--- 1;
Pour i <--- 1 a N
Faire
    T[J] <--- T[i];
    /* Incrementer le J uniquement si T[i] est <> 0.
    Si T[i]=0 alors J n'est pas incremente et dans ce cas T[J] sera ecrase par le prochain
T[i]
    */
    Si (T[i] <> 0) alors
        J <--- J + 1;
    Fsi
Fait

Si (J = 1) alors
    Ecrire("Vecteur Sans Valeur Nulle Vide");
Sinon
    Ecrire("Vecteur Sans Valeur Nulle ");
    Pour i <--- 1 a (J - 1)
        Faire
            Ecrire(T[i]);
        Fait
    Fsi

Fin.

```

3- Met les valeurs négatives au début ensuite les valeurs positives à la fin en utilisant un seul tableau.

Solution 1:

Idee: permuter les valeurs positives avec les valeurs negatives.

L'ordre des valeurs negatives est maintenue mais dans certains cas l'ordre des valeurs positives n'est pas maintenue.

Par exemple:

T: -5, -8, 9, 12, 15, -11, -23

produit

T: -5, -8, -11, -23, 15, 9, 12

Algorithme NegPuisPos ;

Var

T :Tableau[1..100] de entier ;

i,J,N, Temp:entier ;

Debut

Repeter

Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");

Lire(N);

Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

Pour i <--- 1 a N

Faire

Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");

Lire(T[i]);

Fait

```

/* Chercher la 1ere valeur >=0 */
i <--- 1;
Tantque ((i < N) et (T[i]<0))
Faire
    i <--- i + 1;
Fait ;
/* i est utilise comme indice des valeurs positives et J comme indice des valeurs negatives.
Déplacer les valeurs négatives au début en permutant T[i] valeur positive avec T[J]
valeur negative.
*/
J <--- i + 1;
Tantque (J <= N)
Faire
    Si (T[J]< 0) Alors
        /*permuter T[i] avec T[J] */
        Temp <--- T[J] ;
        T[J] <--- T[i];
        T[i] <--- Temp;
        i <--- i + 1;
    Fsi
    J <--- J + 1 ;
Fait
Ecrire("Vecteur avec valeurs negatives au debut ");
Pour i <--- 1 a N
Faire
    Ecrire(T[i]);
Fait
Fin.

```

Solution 2:

```

/*
Algorithme qui met les valeurs negatives au debut et met les valeurs positives a la fin du
vecteur en maintenant l'ordre des valeurs positives et des valeurs negatives.
Idee: Idee: decaler les valeurs positives d'une position chaque fois vers la droite.

```

Exemple:

Vecteur initialement:

-3 -5 7 2 -9 -5 -8 6

Vecteur avec valeur < 0 au debut:

-3 -5 -9 -5 -8 7 2 6

idee: s'il y'a un nombre positif puis apres il y'a un nombre negatif (soit un nombre positif suivi par un nombre negatif ou bien plusieurs nombres positifs suivi par un nombre negatif) il faudra decaler les nombres positifs a droite et inserer le nombre negatif a la bonne place, soit:

- chercher indice i position du 1er nombre positif
- a partir de i, chercher indice J position du 1er nombre negatif
- Tant qu'il y'a un nombre negatif
 - decaler les nombres positifs a droite et inserer le nombre negatif a la bonne place
 - chercher s'il y'a encore un nombre negatif apres

```

*/

```

Algorithme NegatifsAvantPositifsTab;

Var

T: Tableau[1..100] de Entier;

N, i, J, Temp: Entier;

Debut

Repete

ecrire("Entrer N Nombre de Lignes de la matrice compris entre 1 et 20 : ")

```

    lire(N)
    Jusqu'a ((N >= 1) et (N <= 100));

    Pour i <- 1 a N Faire
        Ecrire("Donner ", i, " eme valeur de T");
        Lire(T[i]);
    Fait

    i <- 1;
    /* chercher i indice de la 1ere valeur positive */
    Tantque ((i <= N) et (T[i] < 0)) Faire
        i <- i + 1;
    Faire
    J <- i + 1;

    /* chercher J indice la 1ere valeur negative */
    Tantque ((J <= N) et (T[J] >= 0)) Faire
        J <- J + 1;
    Faire

    Tant Que (J <= N) Faire
        Temp <- T[J]; // sauvegarder valeur negatif dans Temp
        // decaler les valeurs positifs d'une position vers la droite
        Tant Que (J > i) Faire
            T[J] <- T[J-1];
            J <- J - 1;
        Fait
        T[i] <- Temp; // mettre valeur negatif dans position du 1er positif
        i <- i + 1; // nouvelle position du 1er positif
        J <- i + 1;
        /* chercher J indice de la prochaine valeur negative */
        Tant Que ((J <= N) et (T[J] >= 0)) Faire
            J <- J + 1;
        Faire
    Fait

    Ecrire("Vecteur avec valeurs negatives au debut ");
    Pour i <--- 1 a N
        Faire
            Ecrire(T[i]);
        Fait
    Fin.

```

Solution 3:

/*

Idee: decaler les valeurs negatives d'une position chaque fois vers la gauche.

L'ordre des valeurs negatives est maintenue et l'ordre des valeurs positives est lui aussi maintenue.

Par exemple:

T: -5, -8, 9, 12, 15, -11, -23

produit

T: -5, -8, -11, -23, 9, 12, 15

Solution

- Chercher la position i du 1er element positif

- Mettre J a (i + 1)

1) Tant Qu'il y'a au moins une valeur negative (J < N)

- A partir de i + 1 chercher la position J du prochain element negatif (entre i et J il y'a 1 ou plusieurs elements positifs).

- S'il y'a une valeur negative
 - Decaler tous les elements negatifs consecutif chaque fois d'une position vers la gauche (et inserer l'element positif dans la position correspondante)
 - Mettre a jour i et J et revenir a 1)

*/

Algorithme NegPuisPos ;

Var

T :Tableau[1..100] de entier ;

i,J,K, K1, N, Temp:entier ;

Debut

Repeter

Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");

Lire(N);

Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

Pour i <--- 1 a N

Faire

Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur");

Lire(T[i]);

Fait

/* Chercher la 1ere valeur >= 0 */

i <--- 1;

Tantque ((i < N) et (T[i]<0))

Faire

i <--- i + 1 ;

Fait

/*déplacer les valeurs négatives au début */

J <--- i + 1;

Tantque (J <= N)

Faire

/* Chercher la prochaine valeur < 0 */

Tantque ((J <= N) et (T[J] >= 0))

Faire

J <--- J + 1 ;

Fait

Si (J <= N) Alors

K <--- J - 1;

/* Faire un decalage a gauche d'une position a la fois des valeurs < 0,

Jusqu'a ce que K devient egale a i pour avoir les valeurs >=0 deplacees a droite dans le meme ordre.

*/

Tant Que (K >= i)

Faire

Temp <--- T[K]; /* Temp est une valeur >= 0 */

K1 <--- K + 1;

Tant Que ((K1 <= N) et (T[K1] < 0))

Faire

T[K1 - 1] <--- T[K1];

K1 <--- K1 + 1;

Fait

T[K1 - 1] <--- Temp;

K <--- K - 1;

Fait

i <--- K1 - 1; /* position de la derniere val >= 0 deplacee */

J <--- i + 1; /* recommencer la recherche de la prochaine val < 0 a partir de la position i

+ 1 */

```

    Fsi
  Fait
  Ecrire("Vecteur avec valeurs negatives au debut ");
  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire(T[i]);
  Fait
Fin.

```

Exercice 2 :

Soient deux vecteurs d'entiers triés V1 (N entiers, $N \leq 100$) et V2 (M entiers, $M \leq 150$). Ecrire un algorithme qui construit un vecteur V3 composé des éléments communs aux deux vecteurs V1 et V2.

```

Algorithme    V3V1V2Commun;
Var
  V1, V3:Tableau[1..100] de Entier;
  V2:Tableau[1..150] de Entier;
  i, J, K, N, M:Entier;
Debut
  Repeter
    Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
    Lire(N);
  Jusqu'a ((N>=1) ET (N<=100));

  Repeter
    Ecrire("Donner M compris entre 1 et 150");
    Lire(M);
  Jusqu'a ((M>=1) ET (M<=150));

  Pour i <--- 1 a N
  Faire
    Ecrire("Donner ", i , " eme element du Vecteur V1 Trie");
    Lire(V1[i]);
  Fait

  Pour i <--- 1 a M
  Faire
    Ecrire("Donner ", i , " eme element du Vecteur V2 Trie");
    Lire(V2[i]);
  Fait

  K <--- 0;

  Pour i <-- 1 a N
  Faire
    Trouve <--- Faux;
    /* V2 est un tableau trie, Chercher V1[i] dans V2 uniquement dans le cas ou
       V2[1]<=V1[i]<=V2[M]
    */
    Si ((V1[i] >= V2[1]) ET (V1[i] <= V2[M])) alors
      J <--- 1;
      Tant Que ((J <= M) ET (Trouve = False) ET (V1[i] >= V2[J]))
      Faire
        Si (V1[i] = V2[J]) alors
          Trouve <--- Vrai;
        Sinon
          J <--- J + 1;
      Fsi
    Fait

```

```

Fsi

Si (Trouve = Vrai) alors
    K <--- K + 1;
    V3[K] <--- V1[i];
Fsi
Fait

Si (K = 0) alors
    Ecrire("Vecteur des Elements communs a V1 et V2 est Vide");
Sinon
    Ecrire("Vecteur des Elements communs a V1 et V2:");
    Pour i <--- 1 a K
        Faire
            Ecrire(V3[i]);
        Fait
    Fait
Fsi

Fin.

```

Exercice 3 :

Soient deux vecteurs d'entiers triés V1 (N entiers, $N \leq 100$) et V2 (M entiers, $M \leq 150$). Ecrire un algorithme qui fusionne ces deux vecteurs dans un autre vecteur V3 trié sans répétition de valeurs identiques.

```

Algorithme V1V2TriesFusionV3 ;
Var
    V1 :Tableau[1..100] de entier ;
    V2 :Tableau[1..150] de entier ;
    /* Taille maximale de V3 est 250 (cas N=100 et M=150 et tous les elements de V1 sont
different
    de tous les elements de V2.
    */
    V3 :Tableau[1..250] de entier ;
    i,J, K, N, M:entier ;
Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 100");
        Lire(N);
        Jusqu'a ((N>=1) et (N<=100));

    Repeter
        Ecrire("Donner M compris entre 1 et 150");
        Lire(M);
        Jusqu'a ((M>=1) et (M<=150));

    Pour i <--- 1 a N
        Faire
            Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur V1 Trie par ordre croissant");
            Lire(V1[i]);
        Fait

    Pour i <--- 1 a M
        Faire
            Ecrire("Donner ", i, " eme valeur du vecteur V2 Trie par ordre croissant");
            Lire(V2[i]);
        Fait

    /* Parcourir les 2 vecteurs V1 et V2 */
    i <--- 1;

```

```

J <--- 1;
K <--- 0;
Tantque ((i <= N) et (J <= M))
Faire
  K <--- K + 1;
  Si (V1[i] < V2[J]) alors
    /* S'il y'a des dupliques dans V1 les sauter */
    Tantque ((i < N) et (V1[i] = V1[i + 1]))
    Faire
      i <--- i + 1;
    Fait
    V3[K] <--- V1[i];
    i <--- i + 1;
  Sinon
    Si (V2[J] < V1[i]) alors
      /* S'il y'a des dupliques dans V2 les sauter */
      Tantque ((J < M) et (V2[J] = V2[J + 1]))
      Faire
        J <--- J + 1;
      Fait
      V3[K] <--- V2[J];
      J <--- J + 1;
    Sinon /* cas V1[i] = V2[J] */
      /* S'il y'a des dupliques dans V1 les sauter */
      Tantque ((i < N) et (V1[i] = V1[i + 1]))
      Faire
        i <--- i + 1;
      Fait
      /* S'il y'a des dupliques dans V2 les sauter */
      Tantque ((J < M) et (V2[J] = V2[J + 1]))
      Faire
        J <--- J + 1;
      Fait
      V3[K] <--- V1[i];
      i <--- i + 1;
      J <--- J + 1;
    Fsi
  Fsi
Fait

/* Mettre dans V3 les elements qui restent soit dans V1 soit dans v2 */
Tantque (i <= N)
Faire
  /* S'il y'a des dupliques dans V1 les sauter */
  Tantque ((i < N) et (V1[i] = V1[i + 1]))
  Faire
    i <--- i + 1;
  Fait
  K <--- K + 1;
  V3[K] <--- V1[i];
  i <--- i + 1;
Fait
Tantque (J <= M)
Faire
  /* S'il y'a des dupliques dans V2 les sauter */
  Tantque ((J < M) et (V2[J] = V2[J + 1]))
  Faire
    J <--- J + 1;
  Fait
  K <--- K + 1;

```



```

    V3[K] <--- V2[J];
    J <--- J + 1;
Fait

/* Afficher V3 */
Ecrire("Vecteur V3:");
Pour i <--- 1 a K
Faire
    Ecrire(V3[i]);
Fait
Fin.

```

Exercice 4 :

Soit une matrice A(N, M) de caractères ($N \leq 20$ et $M \leq 30$). Ecrire un algorithme qui

- 1- Recherche un élément dans la matrice A.
- 2- Détermine la transposé de la matrice A.

Soit une matrice A(N, M) de caractères ($N \leq 20$ et $M \leq 30$). Ecrire un algorithme qui

- 1- Recherche un élément dans la matrice A.

```

Algorithme rechercheValMatrice;
Var
    A: tableau [1..20, 1..30] de Entier ;
    N, M, i, J, val : Entier;
    Trouve : Booleen;

Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 20");
        Lire(N);
    Jusqu'a ((N>=1) ET (N<=20));

    Repeter
        Ecrire("Donner M compris entre 1 et 30");
        Lire(M);
    Jusqu'a ((M>=1) ET (M<=30));

    Pour i <--- 1 à N
    Faire
        Pour J <--- 1 a M
        Faire
            Lire(A[i, J]) ;
        Fait
    Fait

    Ecrire("Donner un entier val a Rechercher");
    Lire (val);
    Trouve <--- Faux;
    i <--- 1;

    Tant Que ((i <= N) ET (Trouve = Faux))
    Faire
        J <--- 1;
        Tant Que ((J <= M) ET (Trouve = Faux))
        Faire
            Si (A[i, J] = val) alors
                Trouve <--- Vrai;

```

```

        Sinon
            J <--- J + 1;
        Fsi
    Fait
    i <--- i + 1;
Fait

Si (Trouve = Vrai) alors
    Ecrire(val, "Trouve dans la Matrice");
Sinon
    Ecrire(val, "NON Trouve dans la Matrice");
Fsi
Fin

```

2- Détermine la transposé de la matrice A.

La transposee d'une matrice A est la matrice TA ou les lignes de A sont les colonnes de TA (et par consequent les colonnes de A sont les lignes de TA). Donc $A[i, J]$ est $TA[J, i]$.

```

Algorithme transposeeMatrice;
Var
    A: tableau [1..20, 1..30] de Entier;
    TA: Tableau[1..30, 1..20] de Entier;
    N, M, i, J : Entier;

Debut
    Repeter
        Ecrire("Donner N compris entre 1 et 20");
        Lire(N);
    Jusqu'a ((N>=1) ET (N<=20));

    Repeter
        Ecrire("Donner M compris entre 1 et 30");
        Lire(M);
    Jusqu'a ((M>=1) ET (M<=30));

    Pour i <--- 1 à N
        Faire
            Pour J <--- 1 a M
                Faire
                    Lire(A[i, J]) ;
                Fait
            Fait
        Fait

    Pour i <--- 1 à N
        Faire
            Pour J <--- 1 a M
                Faire
                    TA[J, i] <--- A[i, J] ;
                Fait
            Fait
        Fait

    /* Afficher la matrice transposee */
    Pour i <--- 1 à M
        Faire
            Pour J <--- 1 a N
                Faire
                    Ecrire(TA[i, J]) ;
                Fait
            Fait
        Fait
    Fin

```

Exercice 5 :

Soit une matrice carrée $A(N, N)$ d'entiers ($N \leq 25$). Ecrire un algorithme qui vérifie si la matrice A est triangulaire inférieure. (Une matrice est 'triangulaire inférieure' si elle ne comporte que des zéros au dessus de la diagonale).

Si A est la matrice:

Les elements dans la diagonale principale sont $A[i, i]$

Les elements sous la diagonale principale sont $A[i, J]$ avec $i > J$

Les elements au-dessus de la diagonale principale sont $A[i, J]$ avec $i < J$

Algorithme minMaxMatrice;

Var

A: tableau [1..20, 1..20] de Entier ;

N, i, J : Entier;

trgInf : Booleen;

Debut

Repeter

Ecrire("Donner N compris entre 1 et 20");

Lire(N);

Jusqu'a ((N>=1) ET (N<=20));

Pour i <--- 1 à N

Faire

Pour J <--- 1 a N

Faire

Lire($A[i, J]$) ;

Fait

Fait

trgInf <--- Vrai;

i <--- 1;

Tant Que ((i <= N) et (trgInf = Vrai))

Faire

J <--- i + 1;

Tant Que ((J <= N) et (trgInf = Vrai))

Faire

Si ($A[i, J] <> 0$) alors

trgInf <--- Faux;

Sinon

J <--- J + 1;

Fsi

Fait

i <--- i + 1;

Fait

Si (trgInf = Vrai) alors

Ecrire("La matrice est Triangulaire Inferieur");

Sinon

Ecrire("La matrice N'est Pas Triangulaire Inferieur");

Fsi

Fin

Exercice 6 :

Ecrire un algorithme qui détermine si une phrase donnée contient toutes les voyelles.

Algorithme ToutesVoyellesDansPhrase;

Var

```

ph :chaîne ;
i, T : Entier ;
existeVoys, existeA, existeO, existel, existeU, existeY, existeE : Booleen ;
Debut
  Ecrire("Donner une Phrase") ;
  Lire(ph) ;
  T <--- Taille(ph);
  existeA <--- Faux;
  existeO <--- Faux;
  existel <--- Faux;
  existeU <--- Faux;
  existeY <--- Faux;
  existeE <--- Faux;
  existeVoys <--- Faux;
  i <--- 1;

  // Une voyelle existe dans la phrase si elle existe en minuscule ou bien en majuscule (ou les
  2).
  Tant Que ((i <= T) et (existeVoys = Faux)) Faire
    Cas ph[i] Vaut
      'a', 'A': existeA <--- Vrai;
      'o', 'O': existeO <--- Vrai;
      'i', 'I': existel <--- Vrai;
      'u', 'U': existeU <--- Vrai;
      'y', 'Y': existeY <--- Vrai;
      'e', 'E': existeE <--- Vrai;
    FCas
      existeVoys <--- existeA ET existeO ET existel ET existeU ET existeY ET existeE;
      i <--- i + 1;
  Fait
  Si (existeVoys = Vrai) alors
    Ecrire("Toutes les Voyelles existent dans la phrase");
  Sinon
    Ecrire("Certaines Voyelles n'existent pas dans la phrase");
  Fsi
Fin.

```

Exercice 7 :

Ecrire un algorithme qui permet de supprimer les espaces supplémentaires (plus d'un espace) dans une chaîne de caractère.

```

Algorithme ElimineEspaces;
Var
  ch, chOut : Chaîne ;
  i, J, T : Entier ;
Debut
  Ecrire("Donner la chaîne de caractères ch") ;
  Lire(ch) ;
  T <--- Taille(ch);
  i <-- 1;
  J <--- 1;
  Tant Que (i <= T) Faire
    Si (ch[i] <> ' ') alors // recopier les caractères qui ne sont pas des espaces
      chOut[J] <--- ch[i];
      i <--- i + 1;
    Sinon
      chOut[J] <--- ch[i]; // recopier le 1er espace
      i <--- i + 1;
      // Sauter les blancs de ch
    Tant Que ((i <= T) et (ch[i] = ' ')) Faire

```

```

        i <--- i + 1;
    Faire
    Fsi
    J <--- J + 1;
Fait

ChangerTaille(chOut, J - 1);
ch <--- chOut;
Ecrire("La chaine ch maintenant est: ", ch);
Fin.

```

Exercice 8 :

Ecrire un algorithme qui détermine si un mot est un palindrome. Sachant qu'un palindrome se lit de gauche à droite et de droite à gauche (ex : RADAR, ELLE, ICI).

```

Algorithme  ChaînePalindrome;
Var
    ch : Chaîne;
    i,J : Entier ;
    pal : Booleen ;
Debut
    i <--- 1 ;
    J <--- Taille(ch) ;
    pal <--- Vrai ;
    Tantque ((i < J) et (pal)) Faire
        Si (ch[i] <> ch[J]) alors
            pal <--- Faux
        Sinon
            i <--- i + 1 ;
            J <--- J - 1 ;
        Fsi
    Fait

    Si (pal) alors
        Ecrire("La chaine: ", ch, " est un Palindrome");
    Sinon
        Ecrire("La chaine: ", ch, " N' est PAS un Palindrome");
    Fsi
Fin.

```

Exercice 9 :

Ecrire un algorithme permettant de convertir une chaîne de caractères (composée des caractères 0..9) en un entier décimal.

```

Algorithme  ChaîneCarADecimale;
Var
    ch : Chaîne ;
    i, T, nb : Entier ;
Debut
    Ecrire("Donner une chaîne de caractères composée des caractères 0..9") ;
    Lire(ch) ;
    nb <--- 0;
    T <--- Taille(ch);
    // On suppose ici que la chaîne contient uniquement les caractères '0' .. '9'
    // On suppose aussi que les caractères sont codés en Ascii
    Pour i <--- 1 à T Faire
        nb <--- (nb * 10) + (T[i] - '0');
    Fait
    Ecrire("L'entier Décimale Correspondant à la chaîne: ", ch, "est:", nb);
Fin.

```

Exercice 10.1 :

Ecrire un algorithme qui

1. Verifie l'existence d'une sous chaine dans une chaine.

Algorithme existeSchaineDansChaine;

Var

ch, sch : chaine ;
i, J, savel, Tch, Tsch : Entier ;
existeSch : Booleen ;

Debut

Ecrire("Donner la chaine de caracteres") ;
Lire(ch) ;
Ecrire("Donner la sous chaine de caracteres") ;
Lire(sch) ;
Tch <--- Taille(ch) ;
Tsch <--- Taille(sch) ;

existeSch <--- Faux; /* on suppose au debut que la s/chaine n'existe pas dans la chaine */
i <--- 1;

Tant Que ((i <= (Tch - Tsch + 1)) ET (NON(existeSch)))

Faire

/* Chercher le 1er caractere de la s/chaine dans la chaine */

Tant Que ((i <= (Tch - Tsch + 1)) ET (ch[i] <> sch[1]))

Faire

i <--- i + 1;

Fait

Si (i <= (Tch - Tsch + 1)) alors /* on a trouve le 1er caractere, comparer les autres caracteres */

savel <--- i; // sauvegarder i car on aura besoin de cette valeur si ce n'est pas une s/chaine

J <--- 1;

Tant Que ((J <= Tsch) ET (ch[i] = sch[J]))

Faire

i <--- i + 1;

J <--- J + 1;

Fait

Si (J > Tsch) alors /* on a trouve la sous chaine dans la chaine */

existeSch <--- Vrai;

Sinon /* reprendre la recherche a partir de savel + 1 */

i <--- savel + 1;

Fsi

Fsi

Fait

Si (existeSch) alors

Ecrire("La Sous chaine ", sch, ' Existe dans la chaine ', ch);

Sinon

Ecrire("La Sous chaine ", sch, ' N' Existe PAS dans la chaine ', ch);

Fsi

Fin.

Exercice 10.2 :

Ecrire un algorithme qui

2- Supprime (elimine) la suite de N caractères de la chaîne CH à partir de la position P.

Algorithme ElimineCarsPosP;

Var

ch, chOut : Chaine ;
i, J, P, N, T : Entier ;

Debut

```

Ecrire("Donner la chaine de caracteres ch") ;
Lire(ch) ;
Ecrire("Donner le Nombre de Caracteres N a Eliminer") ;
Lire(N) ;
Ecrire("Donner la Position P a partir de laquelle vous voulez eliminer les N caracteres") ;
Lire(P) ;
T <--- Taille(ch);
Si (P > T) alors
    Ecrire("Erreur Position P est superieur a la Taille de la chaine");
Sinon
    chOut <--- ""; // initialiser chOut a la chaine Vide
    Pour i <--- 1 a (P - 1) Faire // recopier la partie avant P dans chOut
        chOut[i] <--- ch[i];
    Fait
    // Ajouter les Caracteres apres les N Caracteres a supprimer
    // Remarquons si (P + N > T), c.a.d on veut supprimer plus de caracteres qu'il y'a apres
P    // on vas supprimer tous les caracteres car dans ce cas (P + N > T) et on ne rentre pas
    // dans la boucle Pour
    J <-- i;
    Pour i <--- (P + N) a T Faire
        chOut[J] <--- ch[i];
        J <--- J + 1;
    Fait
    ChangerTaille(chOut, J - 1);
    ch <--- chOut;

    Ecrire("La chaine CH est maintenant: ", ch);
Fsi
Fin.

```