

**EPREUVE DE REMPLACEMENT**  
(Durée : 1h)

**Exercice 1 (08 points)**

Soient deux charges ponctuelles  $q_A = 9q$  et  $q_B = -16q$  ( $q$  étant une charge positive) situées aux points  $A \begin{pmatrix} x_A = 4\ell \\ y_A = 0 \end{pmatrix}$  et  $B \begin{pmatrix} x_B = 0 \\ y_B = 3\ell \end{pmatrix}$  dans le plan horizontal ( $xOy$ ) (voir Figure 1).

- 1) a) Représenter qualitativement les vecteurs champs électriques  $\vec{E}_A$  et  $\vec{E}_B$  créés respectivement par les charges  $q_A$  et  $q_B$  au point  $C \begin{pmatrix} x_C = 4\ell \\ y_C = 3\ell \end{pmatrix}$ .
- b) Déterminer l'expression du vecteur champ  $\vec{E}$  créé par ces deux charges au point  $C$  en fonction de  $K$ ,  $q$  et  $\ell$ . En déduire l'expression de son module.
- 2) Déterminer l'expression du potentiel  $V$  créé par ces deux charges au point  $C$ , en fonction de  $K$ ,  $q$  et  $\ell$ . On supposera le potentiel nul à l'infini.
- 3) On place (sans vitesse initiale) une particule ponctuelle de masse  $m$  et de charge  $q_C = -q$  au point  $C$ .
  - a) Déterminer l'expression de la force  $\vec{F}$  qui s'applique sur cette particule, puis celle de son énergie potentielle, lorsqu'elle se trouve au point  $C$  en fonction de  $K$ ,  $q$  et  $\ell$ .
  - b) Calculer numériquement sa vitesse lorsqu'elle arrive à l'infini, sachant que  $m = 2 \text{ mg}$ ,  $q = 2 \text{ nC}$  et  $\ell = 9 \text{ cm}$ .

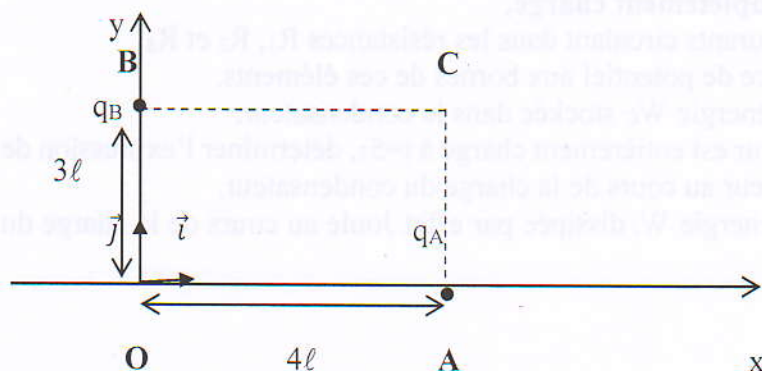
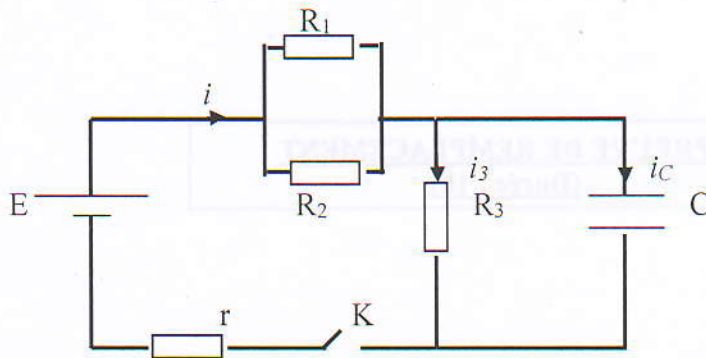


Figure 1

**Exercice 2 : (12 points)**  
**Figure 2**



On considère le schéma électrique de la figure 2 composé d'un générateur de f.e.m.  $E$  et de résistance interne  $r$ , trois résistances  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$ , telles que  $R_1=2R$ ,  $R_2=2R$ ,  $R_3=R$ ,  $r=R/2$  un condensateur de capacité  $C$  entièrement déchargé et un interrupteur  $K$ .

**N.B. : Les questions II et III peuvent être traitées indépendamment.**

**I-** Déterminer l'expression de la résistance équivalente à  $R_1$  et  $R_2$  en fonction de  $R$ .

**II-** A l'instant  $t=0$ , pris comme origine des temps, on ferme l'interrupteur  $K$ .

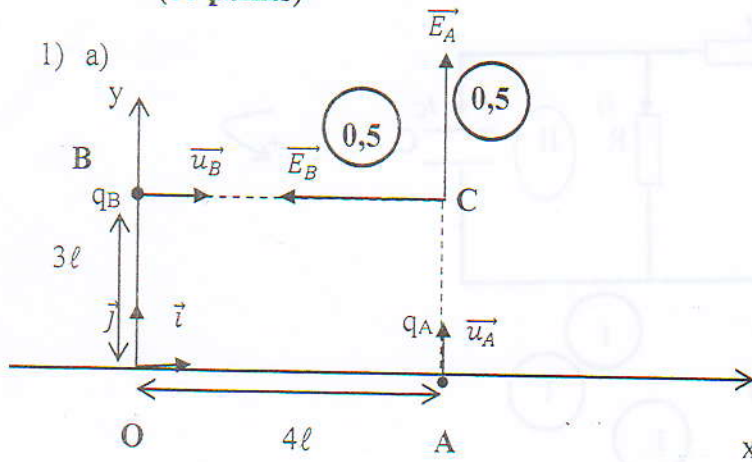
- 1- Etablir les équations permettant de trouver les courants  $i_C$ ,  $i$  et  $i_3$  tels qu'indiqués sur la figure 2.
- 2- En déduire les expressions des courants  $i_C$ ,  $i$  et  $i_3$  en fonction de  $q$ ,  $R$ ,  $E$  et  $C$ .
- 3- a- Etablir l'équation différentielle régissant la variation de la charge du condensateur  $q(t)$  en fonction du temps.  
 b- En déduire l'expression de la charge  $q(t)$ . Préciser les expressions de la constante de temps du circuit  $\tau$  et de la charge finale  $Q_f$  en fonction de  $R$ ,  $E$  et  $C$ .

**III- Le condensateur étant complètement chargé,**

- 1-a-Déterminer l'expression des courants circulant dans les résistances  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$ .  
 b- En déduire celle de la différence de potentiel aux bornes de ces éléments.
- 2- a- Déterminer l'expression de l'énergie  $W_C$  stockée dans le condensateur.  
 b- En supposant de le condensateur est entièrement chargé à  $t=5\tau$ , déterminer l'expression de l'énergie  $W_G$  fournie par le générateur au cours de la charge du condensateur.  
 c- En déduire l'expression de l'énergie  $W_J$  dissipée par effet Joule au cours de la charge du condensateur.

# CORRIGE DE L'EPREUVE DE REMPLACEMENT

## Exercice 1 : (08 points)



$$\vec{E}_A = K \frac{q_A}{(AC)^2} \vec{u}_A \quad (0,5) \quad , \vec{u}_A = \vec{j} , AC = 3\ell \Rightarrow \vec{E}_A = K \frac{q}{\ell^2} \vec{j} \quad (0,5)$$

$$\vec{E}_B = K \frac{q_B}{(BC)^2} \vec{u}_B \quad (0,5) \quad , \vec{u}_B = \vec{i} , BC = 3\ell \Rightarrow \vec{E}_B = -K \frac{q}{\ell^2} \vec{i} \quad (0,5)$$

$$\vec{E} = \vec{E}_A + \vec{E}_B = \frac{Kq}{\ell^2} (-\vec{i} + \vec{j}) \quad (1) \Rightarrow \|\vec{E}\| = \frac{Kq}{\ell^2} \sqrt{2} \quad (0,5)$$

$$2) V = K \frac{q_A}{AC} + K \frac{q_B}{BC} = -\frac{Kq}{\ell} \quad (0,5)$$

$$3) a) \vec{F}(C) = q_C \vec{E} = \frac{Kq^2}{\ell^2} (\vec{i} - \vec{j}) \quad (0,5)$$

$$E_p(C) = q_C V(C) = K \frac{q^2}{\ell} \quad (0,5)$$

b) La force est conservative:  $E_C(\infty) - E_C(C) = E_p(C) - E_p(\infty) \quad (0,5)$

$$\Rightarrow E_C(\infty) = E_p(C) = K \frac{q^2}{\ell}$$

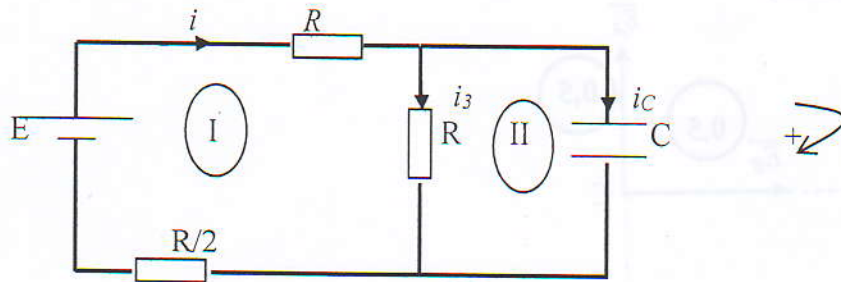
$$\Rightarrow v(\infty) = q \sqrt{\frac{2K}{m\ell}} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ m/s} \quad (0,5)$$



## Exercice 2 : (12 points)

I -  $R_{eq}^{-1} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} = \frac{2}{2R} \Rightarrow R_{eq} = R.$  (0,5)

II- 1-



Loi des nœuds:  $i - i_3 - i_C = 0$  (1)

Maille I:  $-E + \frac{3R}{2}i + Ri_3 = 0$  (2)

Maille II:  $\frac{q}{C} - Ri_3 = 0$  (3)

2- (3)  $\Rightarrow i_3 = \frac{q}{RC}$  (0,75)

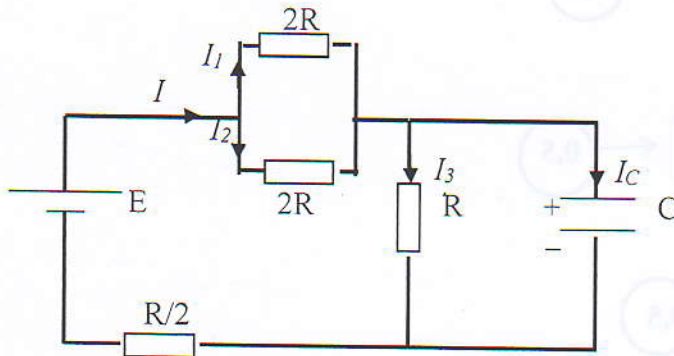
(2)  $\Rightarrow i = \frac{2}{3R} \left( E - \frac{q}{C} \right)$  (0,75)

(1)  $\Rightarrow i_C = \frac{2E}{3R} - \frac{5}{3} \frac{q}{RC}$  (0,75)

3- a-  $i_C = \frac{dq}{dt}$  (0,25)  $\Rightarrow \frac{dq}{dt} + \frac{5}{3} \frac{q}{RC} = \frac{2E}{3R}$  (0,25)

b-  $q(t) = Q_f(1 - e^{-t/\tau})$  (1) avec  $\tau = \frac{3}{5} RC$  (0,5) et  $Q_f = \frac{2}{5} EC$ . (0,5)

III-1- a- Le condensateur est entièrement chargé  $\Rightarrow I_C = 0$  (0,25) et  $I = I_3 = \frac{2E}{5R}$ . (2x0,25)



$I_1 = I_2 = \frac{I}{2} = \frac{1}{5} \frac{E}{R}$  (2x0,25)

b-  $V_1 = V_2 = 2RI_1 = \frac{2E}{5}$  (0,5)

$V_3 = RI_3 = \frac{2E}{5}$  (0,5)

2- a- (0,25)  $\rightarrow W_C = \frac{1}{2} CV_C^2 = \frac{1}{2} CV_3^2 = \frac{2}{25} CE^2$  (0,25)

b- (0,25)  $\rightarrow W_G = EI(5\tau) = \frac{6}{5} CE^2$  (0,25)

c- (0,25)  $\rightarrow W_J = W_G - W_C = \frac{28}{25} CE^2$  (0,25)