

# Universidade Federal de Viçosa Instituto de Ciências Exatas e Tecnológicas Campus UFV - Florestal

# Soluções da Lista de Testes de Hipóteses

#### Prof. Fernando Bastos

# Exercícios

9. O fabricante de certa marca de suco informa que as embalagens de seu produto têm em média 500 ml, com desvio padrão igual a 10 ml. Tendo sido encontradas no mercado algumas embalagens com menos de 500 ml, suspeita-se que a informação do fabricante seja falsa. Para verificar se isto ocorre, um fiscal analisa uma amostra de 200 embalagens escolhidas aleatoriamente no mercado e constata que as mesmas contêm em média 498 ml. Considerando-se um nível de significância de 5%, pode-se afirmar que o fabricante está mentindo? Calcule o valor da prova para esta amostra.

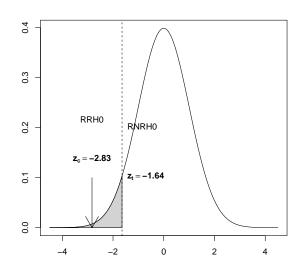
$$H_0: \mu = 500ml$$
  
 $H_1: \mu < 500ml$  (unilateral)

Dados:

$$n = 200; \quad \bar{x} = 498ml; \quad \sigma = 10ml; \quad \alpha = 5\% \rightarrow z_t = -1,64$$

$$z_{cal} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{498 - 500}{10/\sqrt{200}} = -2.83$$

$$p - valor = 0.002338867$$



Decisão: Como  $|z_{cal}|>|z_{tab}|$  rejeita-se  $H_0$  ao nível  $\alpha=5\%$  de significância. Comandos em R para soluções:

[1] -1.644854

> (zc <- (498-500)/(10/sqrt(200)))</pre>

[1] -2.828427

> (pvalor <- pnorm(zc))</pre>

```
[1] 0.002338867
> curve(dnorm(x), from=-4.5, to=4.5, xlab="", ylab="")
> polygon(cbind(c(zt, seq(zt, -4.5, 1=100), -4.5),
                c(0, dnorm(seq(zt, -4.5, l=100)),
                   dnorm(-4.5))),
          col="lightgray")
> abline(v=zt, lty=2)
> arrows(zc, 0.1, zc, 0)
> zt <- format(zt,digits = 3)
> Zt \leftarrow bquote(bold(z[t] == .(zt)))
> zc <- format(zc,digits = 3)
> Zc \leftarrow bquote(bold(z[c] == .(zc)))
> text(zt, 0.1, Zt, pos=4)
> text(zt, 0.2, "RNRHO", pos=4)
> text(zc, 0.12, Zc, pos=3)
> text(zc, 0.2, "RRHO", pos=3)
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(zc>zt,RR,RN)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.05, RN, RR)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ## estimativa pontual
> (mu.est <- 498)
[1] 498
> ## estimativa intervalar (95%)
> (IC.mu \leftarrow mu.est + qnorm(c(0.025, 0.975)) * 10/sqrt(200))
[1] 496.6141 499.3859
```

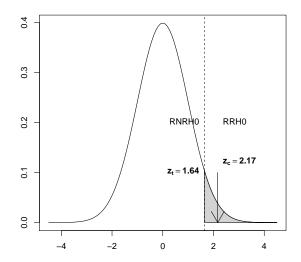
10. A duração das lâmpadas produzidas por certo fabricante tem distribuição normal com média igual a 1200 horas e desvio padrão igual a 300 horas. O fabricante introduz um novo processo na produção das lâmpadas. Para verificar se o novo processo produz lâmpadas de maior duração, o fabricante observa 100 lâmpadas produzidas pelo novo processo e constata que as mesmas duram em média 1265 horas. Admitindo-se um nível de significância de 5\%, pode-se concluir que o novo processo produz lâmpadas com maior duração?

$$H_0: \mu=1200h$$
 
$$H_1: \mu>1200h \quad \text{(unilateral)}$$
 Dados: 
$$n=100; \quad \bar{x}=1265h; \quad \sigma=300h; \quad \alpha=5\% \to z_t=1,64$$

Dados:

$$z_{cal} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{1265 - 1200}{300/\sqrt{100}} = 2,17$$

p - valor = 0.01513014



Decisão: Como  $|z_{cal}|>|z_{tab}|$  rejeita-se  $H_0$  ao nível  $\alpha=5\%$  de significância. Comandos em R para soluções:

```
> (zt <- qnorm(0.95))</pre>
[1] 1.644854
> (zc <- (1265-1200)/(300/sqrt(100)))
[1] 2.166667
> (pvalor <- 1-pnorm(zc))</pre>
[1] 0.01513014
> curve(dnorm(x), from=-4.5, to=4.5, xlab="", ylab="")
> polygon(cbind(c(zt, seq(zt, 4.5, 1=100), 4.5),
                 c(0, dnorm(seq(zt, 4.5, 1=100)),
                   dnorm(4.5))),
          col="lightgray")
> abline(v=zt, lty=2)
> arrows(zc, 0.1, zc, 0)
> zt <- format(zt,digits = 3)</pre>
> Zt \leftarrow bquote(bold(z[t] == .(zt)))
> zc <- format(zc,digits = 3)
> Zc \leftarrow bquote(bold(z[c] == .(zc)))
> text(zt, 0.1, Zt, pos=2)
> text(zt, 0.2, "RNRHO", pos=2)
> text(zc, 0.12, Zc, pos=4)
> text(zc, 0.2, "RRHO", pos=4)
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(zc>zt,RR,RN)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.05, RN, RR)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
```

```
> ## estimativa pontual
```

- > (mu.est <- 1265)
- [1] 1265
- > ## estimativa intervalar (95%)
- $> (IC.mu \leftarrow mu.est + qnorm(c(0.025, 0.975)) * 300/sqrt(100))$
- [1] 1206.201 1323.799
- 11. O custo de produção de certo artigo numa localidade tem distribuição normal com média igual a R\$42,00. Desenvolve-se uma política de redução de custos na empresa para melhorar a competitividade do referido produto no mercado. Observando-se os custos de 10 unidades deste produto, obtiveram-se os seguintes valores: 34,41,36,41,29,32,38,35,33e30. Admitindo-se um nível de significância de 5%, pode-se afirmar que o custo do produto considerado diminuiu?

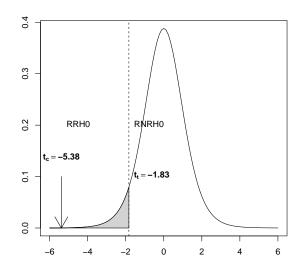
$$H_0: \mu = R$42,00$$
  
 $H_1: \mu < R$42,00$  (unilateral)

Dados:

$$n = 10;$$
  $\bar{x} = 34,9;$   $S = 4,17;$   $\alpha = 5\% \rightarrow t_t = -1.83$ 

$$t_{cal} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{S}{\sqrt{n}}} = \frac{34, 9 - 42}{4, 17/\sqrt{10}} = -5, 38$$

$$p - valor = 0.0002210237$$



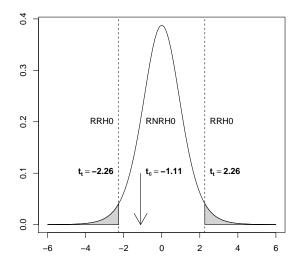
Decisão: Como  $|t_{cal}| > |t_{tab}|$  rejeita-se  $H_0$  ao nível  $\alpha = 5\%$  de significância. Comandos em R para soluções:

- > n=length(x)
- > df=n-1
- > alpha=0.05
- > barx <- mean(x)
- > dp <- sd(x)
- > tt <- qt(alpha,df)
- > tc <- (34.9-42)/(4.17/sqrt(10))

```
> pvalor <- pt(tc,df)</pre>
> curve(dt(x,df), from=-6, to=6, xlab="", ylab="")
> polygon(cbind(c(tt,seq(tt,-6, l=100),-6),
                 c(0, dt(seq(tt, -6, l=100), df),
                   dt(-6,df))),
          col="lightgray")
> abline(v=tt, lty=2)
> arrows(tc, 0.1, tc, 0)
> tt <- format(tt,digits = 3)</pre>
> Tt \leftarrow bquote(bold(t[t] == .(tt)))
> tc <- format(tc,digits = 3)</pre>
> Tc \leftarrow bquote(bold(t[c] == .(tc)))
> text(tt, 0.1, Tt, pos=4)
> text(tt, 0.2, "RNRHO", pos=4)
> text(tc, 0.12, Tc, pos=3)
> text(tc, 0.2, "RRHO", pos=4)
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(tc>tt,RR,RN)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.05, RN, RR)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ## estimativa pontual
> (mu.est <- 34.9)
[1] 34.9
> ## estimativa intervalar (95%)
> (IC.mu \leftarrow mu.est + qt(c(0.025, 0.975),df) * 4.17/sqrt(10))
[1] 31.91696 37.88304
```

12. O controle de qualidade das peças produzidas por certa fábrica exige que o diâmetro médio das mesmas seja 57 mm. Para verificar se o processo de produção está sob controle, observam-se os diâmetros de 10 peças, constatando-se os seguintes valores em mm: 56,5;56,6;57,3;56,9;57,1;56,7;57,1;56,8;57,1;57,0. Admitindo-se um nível de significância de 5%, pode-se concluir que o processo de produção está sob controle?

$$H_0: \mu = 57mm$$
 
$$H_1: \mu \neq 57mm \quad \text{(bilateral)}$$
 Dados: 
$$n=10; \quad \bar{x}=56.91; \quad S=0.256; \quad \alpha=0.05\% \rightarrow t_t=2.262157$$
 
$$t_{cal}=\frac{\bar{x}-\mu_0}{\frac{S}{\sqrt{n}}}=\frac{56.91-57}{0.256/\sqrt{10}}=-1.112$$
 
$$p-valor=0.2947482$$



```
Decisão: Comandos em R para soluções:
> (x \leftarrow c(56.5, 56.6, 57.3, 56.9, 57.1, 56.7, 57.1, 56.8, 57.1, 57.0))
 [1] 56.5 56.6 57.3 56.9 57.1 56.7 57.1 56.8 57.1 57.0
> (n=length(x))
[1] 10
> (df=n-1)
[1] 9
> (alpha=0.025)
[1] 0.025
> (barx <- mean(x))
[1] 56.91
> (dp <- sd(x))
[1] 0.2558211
> (tt <- qt(alpha,df))</pre>
[1] -2.262157
> (mu <- 57)
[1] 57
> (tc <- (barx-mu)/(dp/sqrt(n)))</pre>
[1] -1.112516
> (pvalor <- 2*pt(tc,df))
[1] 0.2947482
> curve(dt(x,df), from=-6, to=6, xlab="", ylab="")
> polygon(cbind(c(-abs(tt),seq(-abs(tt),-6, l=100),-6),
                 c(0, dt(seq(-abs(tt), -6, 1=100), df),
                   dt(-6,df))),
          col="lightgray")
> polygon(cbind(c(abs(tt), seq(abs(tt), 6, l=100), 6),
```

 $c(dt(6,df), dt(seq(abs(tt)_6, 6, l=100), df),$ 

```
0)),
          col="lightgray")
> abline(v=tt, lty=2)
> abline(v=-tt, lty=2)
> arrows(tc, 0.1, tc, 0)
> tt1 <- qt(alpha,df)
> tt1 <- format(tt1,digits = 3)
> Tt1 \leftarrow bquote(bold(t[t] == .(tt1)))
> tt2 <- -qt(alpha,df)
> tt2 <- format(tt2,digits = 3)
> Tt2 \leftarrow bquote(bold(t[t] == .(tt2)))
> tc1 <- format(tc,digits = 3)</pre>
> Tc1 \leftarrow bquote(bold(t[c] == .(tc1)))
> text(tt1, 0.1, Tt1, pos=2)
> text(tt1, 0.2, "RRHO", pos=2)
> text(tt2, 0.1, Tt2, pos=4)
> text(tt2, 0.2, "RRHO", pos=4)
> text(tc1, 0.1, Tc1, pos=4)
> text(tc1, 0.2, "RNRHO", pos=4)
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> (ifelse((tc<tt || tc>(abs(tt))),RR,RN))
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> (ifelse(pvalor > ns, RN, RR))
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ## estimativa pontual
> (mu.est <- barx)</pre>
[1] 56.91
> ## estimativa intervalar (95%)
> (IC.mu \leftarrow mu.est + qt(c((alpha/2), (1-alpha/2)),df) * (dp/sqrt(n)))
[1] 56.69279 57.12721
```

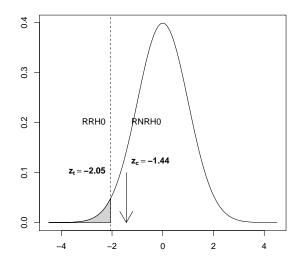
13. Numa localidade, 32% dos consumidores consomem determinado produto. Foi lançado no mercado da localidade um produto concorrente. Uma pesquisa realizada com 500 consumidores escolhidos ao acaso revelou que 145 dentre estes consomem o antigo produto. Pode-se concluir, num nível de significância de 2%, que a preferência pelo produto antigo diminuiu com a entrada do concorrente no mercado? Calcule o valor da prova para esta amostra.

$$H_0: p = 0.32$$
  
 $H_1: p < 0.32$  (unilateral)

Dados:

$$n = 500;$$
  $\bar{x} = 145;$   $p_0 = 0.32;$   $\alpha = 2\% \rightarrow z_t = -2.054$   $\bar{x} - np_0$   $145 - 16$ 

$$z_{cal} = \frac{\bar{x} - np_0}{\sqrt{np_0(1 - p_0)}} = \frac{145 - 160}{\sqrt{160(0.68)}} = -1.43$$
$$p - valor = 0.07520861$$



Decisão: Como  $|z_{cal}| < |z_{tab}|$  não rejeita-se  $H_0$  ao nível  $\alpha = 2\%$  de significância. Comandos em R para soluções:

```
> (ns <- 0.02)
[1] 0.02
> (alpha <- 0.02)
[1] 0.02
> (n <- 500)
[1] 500
> (p0 <- 0.32)
[1] 0.32
> (barx <- 145)
[1] 145
> (zt <- qnorm(alpha))</pre>
[1] -2.053749
> (zc <- (barx-(n*p0))/(sqrt(n*p0*(1-p0))))</pre>
[1] -1.438059
> (pvalor <- pnorm(zc))</pre>
[1] 0.07520861
> curve(dnorm(x), from=-4.5, to=4.5, xlab="", ylab="")
> polygon(cbind(c(-4.5, seq(-4.5, zt, l=100), zt),
                 c(0, dnorm(seq(-4.5, zt, l=100)),
          col="lightgray")
> abline(v=zt, lty=2)
> arrows(zc, 0.1, zc, 0)
> zt1 \leftarrow format(zt, digits = 3)
> Zt1 <- bquote(bold(z[t] == .(zt1)))
> zc1 <- format(zc,digits = 3)</pre>
> Zc1 <- bquote(bold(z[c] == .(zc1)))
                                            8
```

```
> text(zt1, 0.1, Zt1, pos=2)
> text(zt1, 0.2, "RRHO", pos=2)
> text(zc1, 0.12, Zc1, pos=4)
> text(zc1, 0.2, "RNRHO", pos=4)
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 2% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 2% de significância"
> ##Resultado
> ifelse((zc<zt),RR,RN)</pre>
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 2% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.02, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 2% de significância"
> ## estimativa pontual
> (mu.est <- 145)
[1] 145
> ## estimativa intervalar (98%)
> (IC.mu \leftarrow mu.est + qnorm(c(0.02, 0.98)) * (n*p0)/sqrt(n*p0*(1-p0)))
[1] 113.4969 176.5031
```

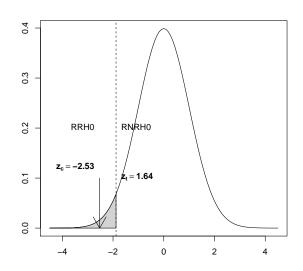
14. Sabe-se que 6% das unidades de certo produto são substituídas gratuitamente por apresentar defeitos de fabricação. Para reduzir este percentual, o fabricante investiu na melhoria da qualidade do produto. Constase que 12 dentre 400 unidades vendidas tiveram que ser substituídas gratuitamente por apresentar defeitos de fabricação. Pode-se concluir, num nível de significância de 3%, que a qualidade do produto melhorou?

$$H_0: p = 0.06$$
  
 $H_1: p < 0.06$  (unilateral)

Dados:

$$n = 400; \quad \bar{x} = 12; \quad p_0 = 0.06; \quad \alpha = 3\% \rightarrow z_t = -1.88$$

$$z_{cal} = \frac{\bar{x} - np_0}{\sqrt{np_0(1 - p_0)}} = \frac{12 - 24}{\sqrt{24(0.94)}} = -2.526$$
$$p - valor = 0.005760995$$



```
Decisão: Como |z_{cal}| > |z_{tab}| rejeita-se H_0 ao nível \alpha = 3\% de significância.
Comandos em R para soluções:
> (alpha <- 0.03)</pre>
[1] 0.03
> (n <- 400)
Γ17 400
> (p0 <- 0.06)
[1] 0.06
> (barx <- 12)
[1] 12
> (zt <- qnorm(alpha))</pre>
[1] -1.880794
> (zc <- (barx-(n*p0))/(sqrt(n*p0*(1-p0))))</pre>
[1] -2.526456
> (pvalor <- pnorm(zc))</pre>
[1] 0.005760995
> curve(dnorm(x), from=-4.5, to=4.5, xlab="", ylab="")
> polygon(cbind(c(-4.5, seq(-4.5, zt, l=100), zt),
                 c(0, dnorm(seq(-4.5, zt, 1=100)),
                   (0))),
          col="lightgray")
> abline(v=zt, lty=2)
> arrows(zc, 0.1, zc, 0)
> zt1 <- format(zt,digits = 3)</pre>
> Zt1 <- bquote(bold(z[t] == .(zt1)))
> zc1 <- format(zc,digits = 3)</pre>
> Zc1 <- bquote(bold(z[c] == .(zc1)))
> text(zt1, 0.1, Zt, pos=4)
> text(zt1, 0.2, "RNRHO", pos=4)
> text(zc1, 0.12, Zc1, pos=2)
> text(zc1, 0.2, "RRHO", pos=2)
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 3% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 3% de significância"
> ##Resultado
> ifelse((zc<zt || zc>abs(zt)),RR,RN)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 3% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.03, RN, RR)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 3% de significância"
> ## estimativa pontual
> (mu.est <- 12)
[1] 12
> ## estimativa intervalar (98%)
> (IC.mu \leftarrow mu.est + qnorm(c(0.015, 0.985)) * (n*p0)/sqrt(n*p0*(1-p0)))
[1] 1.034725 22.965275
```

18. Uma fábrica de automóveis anuncia que seus carros consomem, em média, 11 litros por 100 km, com desvio padrão de 0,8 litros. Uma revista resolve testar essa afirmação e analisa 35 automóveis dessa marca, obtendo 11,3 litros por 100 km como consumo médio (considerar distribução normal). O que a revista pode concluir sobre o anúncio da fábrica, no nível de 10%?

```
> #HO:\mu=0.11km/1
> #H1:\mu!=0.11km/l
> (mu <- 0.11)
[1] 0.11
> (sigma <- 0.8)
[1] 0.8
> (n <- 35)
[1] 35
> (barx <- 0.113)
[1] 0.113
> (alpha <- 0.1)</pre>
[1] 0.1
> (zc <- (barx-mu)/(sigma/sqrt(n)))</pre>
[1] 0.0221853
> (zt <- qnorm(0.05)) #Teste bilateral
[1] -1.644854
> (pvalor <- 2*pnorm(zc))</pre>
[1] 1.0177
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 10% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 10% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(abs(zc)>abs(zt),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 10% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.1, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 10% de significância"
```

19. Duas máquinas, A e B, são usadas para empacotar pó de café. A experiência passada garante que o desvio padrão para ambas é de 10g. Porém, suspeita-se que elas têm médias diferentes. Para verificar, sortearam-se duas amostras: uma com 25 pacotes da máquina A e outra com 16 pacotes da máquina B. As médias foram, respectivamente,  $\bar{x}_A = 502,74g$  e  $\bar{x}_B = 496,60g$ . Com esses números, e com o nível de 5%, qual seria a coclusão do teste  $H_0: \mu_A = \mu_B$ ?

```
> #H0:\muA=\muB
> #H1:\muA!=\muB
> (barxA <- 502.74)
[1] 502.74
> (barxB <- 496.60)
[1] 496.6
> (sigma <- 10)
[1] 10
> (nA <- 25)
[1] 25</pre>
```

```
> (nB <- 16)
[1] 16
> (alpha <- 0.05)
[1] 0.05
> (zc <- (barxA-barxB)/(sigma*sqrt((1/nA)+(1/nB))))</pre>
[1] 1.917814
> (zt <- qnorm(0.025)) #Teste bilateral</pre>
[1] -1.959964
> (pvalor <- 2*pnorm(-zc))</pre>
[1] 0.05513463
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(abs(zc)>abs(zt),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.05, RN, RR)
```

[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"

20. Uma fábrica de embalagens para produtos químicos está estudando dois processos para combater a corrosão de suas latas especiais. Para verificar o efeito dos tratamentos, foram usadas amostras cujos resultados estão no quadro abaixo (em porcentagem de corrosão eliminada). Qual seria a conclusão sobre os dois tratamentos?

Método	Amostra	Média	Desvio Padrão			
A	15	48	10			
В	12	52	15			
> #HO:\ciama {\l^^{2}=\ciama {\R\^{2}}						

```
> #H0:\sigma_{A}^{2}=\sigma_{B}^{2}
```

[1] 10

[1] 15

[1] 15

[1] 14

[1] 12

[1] 11

[1] 0.05

[1] 0.444444

<sup>&</sup>gt; #H1:\sigma\_{A}^{2}<\sigma\_{B}^{2}</pre>

<sup>&</sup>gt; (dpA <- 10)

```
> (ft <- qf(alpha,dfA,dfB))</pre>
[1] 0.389788
> (pvalor <-(pf(fc,dfA,dfB)))</pre>
[1] 0.07754768
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(fc>ft,RN,RR) #Cuidado, aqui temos um teste unilateral a esquerda!
[1] "Não rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.05, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> #HO:\muA=\muB
> #H1:\muA!=\muB
> (barxA <- 48)
[1] 48
> (barxB <- 52)
[1] 52
> (nA <- 15)
[1] 15
> (nB <- 12)
[1] 12
> df <- nA+nB-2
> (Sc2 \leftarrow ((nA-1)*(dpA^2)+(nB-1)*(dpB^2))/(nA+nB-2))
> (tc <- (barxA-barxB)/(sqrt(Sc2*((1/nA)+(1/nB)))))</pre>
[1] -0.8295614
> (tt1 \leftarrow qt(0.025,df)) #Teste bilateral
[1] -2.059539
> (tt2 \leftarrow qt(0.975,df)) #Teste bilateral
[1] 2.059539
> (pvalor <- 2*(min(pt(tc,df),(1-pt(tc,df)))))</pre>
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(abs(tc)>abs(tt1),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.05, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
```

21. Para investigar a influência da opção profissional sobre o salário inicial de recém-formados, investigaram-se dois grupos de profissionais: um de liberais em geral e outro de formandos em Administração de Empresas. Com os resultados abaixo, expressos em salários mínimos, quais seriam suas conclusões?

```
Liberais
                  6.6
                       10,3
                             10.8
                                   12.9
                                          9.2
                                               12,3
                                                     7,0
 Administradores
                  8,1
                        9,8
                              8,7
                                   10,0
                                         10,2
                                                8,2
                                                     8,7
                                                          10,1
> #HO:\sigma_{A}^{2}=\sigma_{B}^{2}
> #H1:\sigma_{A}^{2}!=\sigma_{B}^{2}
> (A <- Lib <- c(6.6 , 10.3 , 10.8 , 12.9 , 9.2 , 12.3 , 7.0))
[1] 6.6 10.3 10.8 12.9 9.2 12.3 7.0
> (B <- Adm <- c(8.1 , 9.8 , 8.7 , 10.0 , 10.2 , 8.2 , 8.7 , 10.1))
[1] 8.1 9.8 8.7 10.0 10.2 8.2 8.7 10.1
> (dpA \leftarrow sd(A))
[1] 2.432909
> (dpB \leftarrow sd(B))
[1] 0.8876132
> (nA <- length(A))</pre>
[1] 7
> (dfA <- nA-1)
[1] 6
> (nB <- length(B))
[1] 8
> (dfB <- nB-1)
[1] 7
> (alpha <- 0.05)</pre>
[1] 0.05
> (fc <- (dpA^2)/(dpB^2))
[1] 7.512844
> (ft1 \leftarrow qf(0.025, dfA, dfB, lower.tail=TRUE))
[1] 0.1755781
> (ft2 \leftarrow qf(0.975, dfA, dfB, lower.tail=TRUE))
[1] 5.118597
> (pvalor <-2*pf(fc,dfA,dfB,lower.tail=FALSE))</pre>
[1] 0.01768275
> (var.test(A,B,alternative = "two.sided"))
        F test to compare two variances
data: A and B
F = 7.5128, num df = 6, denom df = 7, p-value = 0.01768
alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
95 percent confidence interval:
  1.467755 42.789180
sample estimates:
ratio of variances
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> ifelse(fc>ft,RR,RN) #Cuidado, aqui temos um teste unilateral a esquerda!
```

```
[1] "Rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > 0.05, RN, RR)
[1] "Rejeita-se HO ao nível alpha=5% de significância"
> #HO:\muA=\muB
> #H1:\muA!=\muB
> (barxA <- mean(A))</pre>
[1] 9.871429
> (barxB <- mean(B))</pre>
[1] 9.225
> #Variâncias distintas
> (df <- ((((dpA^2)/nA)+((dpB^2)/nB))^2)/(((((dpA^2)/nA)^2)/dfA)+((((dpB^2)/nB)^2)/dfB)))
[1] 7.393037
> (tc <- (barxA-barxB)/(sqrt(((dpA^2)/nA)+((dpB^2)/nB))))</pre>
[1] 0.6653048
> (tt1 \leftarrow qt(0.025,df)) #Teste bilateral
[1] -2.339377
> (tt2 \leftarrow qt(0.975,df)) #Teste bilateral
[1] 2.339377
> (pvalor <- 2*(min(pt(tc,df),(1-pt(tc,df)))))</pre>
[1] 0.526061
> (t.test(A,B,alternative = "two.sided"))
        Welch Two Sample t-test
data: A and B
t = 0.6653, df = 7.393, p-value = 0.5261
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
 -1.626575 2.919433
sample estimates:
mean of x mean of y
 9.871429 9.225000
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(abs(tc)>abs(tt),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
```

22. Os dados abaixo referem-se a medidas de determinada variável em 19 pessoas antes e depois de uma cirurgia. Verifique se as medidas pré e pós-operatórias apresentam a mesma média. Que suposições você faria para resolver o problema?

```
Pessoas
          Pré
                Pós
                                Pré
                                      Pós
                      Pessoas
    1
          50,0
                42,0
                         11
                                50,0
                                      48,0
    2
          50,0
                42,0
                         12
                                75,0
                                      52,0
    3
          50.0
                78,0
                                92.5
                         13
                                      74,0
    4
          87.5
                33.0
                         14
                                38.0
                                      47.5
          32,5
    5
                96,0
                         15
                                46,5
                                      49,0
    6
          35,0
                82,0
                         16
                                50.0
                                      58.0
    7
          40,0
                44,0
                         17
                                30,0
                                      42,0
    8
          45,0
                31,0
                         18
                                35,0
                                      60,0
    9
          62,5
                87,0
                         19
                                39,4
                                      28,0
          40,0
   10
                50,0
                         20
> (A <- Pre <- c(50.0,50.0,50.0,87.5,32.5,35.0,40.0,45.0,62.5,40.0,50.0,
                  75.0,92.5,38.0,46.5,50.0,30.0,35.0,39.4))
 [1] 50.0 50.0 50.0 87.5 32.5 35.0 40.0 45.0 62.5 40.0 50.0 75.0 92.5 38.0 46.5
[16] 50.0 30.0 35.0 39.4
> (B <- Pos <- c(42.0,42.0,78.0,33.0,96.0,82.0,44.0,31.0,87.0,50.0,48.0,
                  52.0,74.0,47.5,49.0,58.0,42.0,60.0,28.0))
 [1] 42.0 42.0 78.0 33.0 96.0 82.0 44.0 31.0 87.0 50.0 48.0 52.0 74.0 47.5 49.0
[16] 58.0 42.0 60.0 28.0
> #HO:\muA=\muB (d=\muA-\muB=O)
> #H1:\muA!=\muB (d=\muA-\muB!=0)
> (d \leftarrow A-B)
 [1]
       8.0 8.0 -28.0 54.5 -63.5 -47.0 -4.0 14.0 -24.5 -10.0 2.0 23.0
[13] 18.5 -9.5 -2.5 -8.0 -12.0 -25.0 11.4
> (n <- length(d))
[1] 19
> (df <- n-1)
[1] 18
> (bard <- mean(d))
[1] -4.978947
> (Sd <- sd(d))
[1] 26.35174
> (tc <- (bard)/(Sd/sqrt(n)))</pre>
[1] -0.8235787
> alpha <- 0.05
> (tt1 \leftarrow qt(0.025,df)) #Teste bilateral
[1] -2.100922
> (tt2 \leftarrow qt(0.975,df)) #Teste bilateral
[1] 2.100922
> (pvalor <- 2*(min(pt(tc,df),(1-pt(tc,df)))))</pre>
[1] 0.4209576
> t.test(d,alternative = "two.sided")
        One Sample t-test
data: d
t = -0.82358, df = 18, p-value = 0.421
```

alternative hypothesis: true mean is not equal to 0

```
95 percent confidence interval:
-17.680077 7.722183
sample estimates:
mean of x
-4.978947
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(abs(tc)>abs(tt),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
```

23 Uma empresa deseja estudar o efeito de uma pausa de dez minutos para um cafezinho sobre a produtividade de seus trabalhadores. Para isso, sorteou seis operários e contou o número de peças produzidas durante uma semana sem intervalo e uma semana com intervalo. Os resultados sugerem se há ou não melhora na produtividade? Caso haja melhora, qual deve ser o acréscimo médio de produção para todos os trabalhadores

da fábrica?

Operário	1	2	3	4	5	6
Sem intervalo	23	35	29	33	43	32
Com intervalo	28	38	29	37	42	30

```
> (A <- SI <- c(23,35,29,33,43,32))
```

[1] 23 35 29 33 43 32

[1] 28 38 29 37 42 30

> #HO: d=0 ( $d=\mathbb{A}-\mathbb{B}=0$ )

> #H1: d<0 (d=\muA-\muB!=0)

> (d <- SI-CI)

> (n <- length(d))

[1] 6

> (df <- n-1)

[1] 5

> (bard <- mean(d))

[1] -1.5

> (Sd <- sd(d))

[1] 2.880972

> (tc <- (bard)/(Sd/sqrt(n)))</pre>

[1] -1.275345

> (alpha <- 0.05)

[1] 0.05

> (tt <- qt(0.05,df)) #Teste unilateral

[1] -2.015048

> (pvalor <- pt(tc,df))</pre>

[1] 0.129114

> t.test(d,alternative = "less")

#### One Sample t-test

```
data: d
t = -1.2753, df = 5, p-value = 0.1291
alternative hypothesis: true mean is less than 0
95 percent confidence interval:
        -Inf 0.870003
sample estimates:
mean of x
        -1.5
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse(abs(tc)>abs(tt),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
```

24 Num levantamento feito com os operários da indústria mecânica, chegou-se aos seguintes números: salário médio = 3,64 salários mínimos e desvio padrão = 0,85 salário mínimo. Suspeita-se que os salários de subclasse formada pelos torneiros mecânicos são diferentes dos salários do conjunto todo, tanto na média como na variância. Que conclusões você obteria se uma amostra de 25 torneiros apresentasse salário médio igual a 4,22 salários mínimos e desvio padrão igual a 1,25 salário mínimo?

```
> #HO: \sigma =0.85
> #H1: \sigma!=0.85
> (barx=4.22)
[1] 4.22
> (S=1.25)
[1] 1.25
> (sigma=0.85)
[1] 0.85
> (n <- 25)
[1] 25
> (df <- n-1)
[1] 24
> (alpha=0.05)
[1] 0.05
> (qui_c \leftarrow ((n-1)*S^2)/(sigma^2))
[1] 51.90311
> (pvalor <- 2*pchisq((alpha/2),(n-1)))</pre>
[1] 6.006234e-32
> (qui_t1 <- qchisq((alpha/2),(n-1),lower.tail = TRUE))</pre>
[1] 12.40115
> (qui_t2 \leftarrow qchisq((1-(alpha/2)),(n-1),lower.tail = TRUE))
[1] 39.36408
```

```
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > ##Resultado
   > ifelse((qui_c<qui_t1 || qui_c>qui_t2),RR,RN)
   [1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > ##Ou, equivalentemente:
   > ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
   [1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > #Como, pelo teste qui-quadrado, a variância populacional é diferente da variância
   > #do levantamento, faremos um teste t para média, supondo variância populacional #desconhecida
   > #HO: \mu =3.64
   > #H1: \mu!=3.64
   > mu <- 3.64
   > (tc <- (barx-mu)/(S/sqrt(n)))</pre>
   [1] 2.32
   > (tt1 \leftarrow qt(0.025, df, lower.tail = TRUE)) #Teste bilateral
   [1] -2.063899
   > (tt2 \leftarrow qt(0.975,df,lower.tail = TRUE)) #Teste bilateral
   [1] 2.063899
   > (pvalor <- 2*(min(pt(tc,df),(1-pt(tc,df)))))</pre>
   [1] 0.02916553
   > RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > ##Resultado
   > ifelse(abs(tc)>abs(tt1),RR,RN)
   [1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > ##Ou, equivalentemente:
   > ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
   [1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > #Logo, o salário médio dos torneiros mecânicos é diferente do salário médio dos operários!
26 Um partido afirma que a porcentagem de votos masculinos a seu favor será de 10% a mais do que a
   porcentagem de votos femininos. Numa pesquisa feita entre 400 homens, 170 votariam no partido, enquanto
   entre 625 mulheres, 194 lhe seriam favoráveis. A afirmação do partido é verdadeira ou não?
   > #HO: pH-pM=0.10
   > #H1: pH-pM>0.10
   > (p <- 0.10)
   [1] 0.1
   > (pH_est <- 170/400)
   [1] 0.425
   > (nH <- 400)
   [1] 400
   > (pM_est <- 194/625)
   [1] 0.3104
   > (nM <- 625)
   [1] 625
```

```
> (alpha <- 0.05)</pre>
   [1] 0.05
   (pH_est-pM_est)-(p))/sqrt((pH_est*(1-pH_est))/nH)+((pM_est*(1-pM_est))/nM)))
   [1] 0.4728361
   > (zt <- qnorm(1-alpha))</pre>
   [1] 1.644854
   > (pvalor <- pnorm(alpha,lower.tail = FALSE))</pre>
   [1] 0.4800612
   > RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > ##Resultado
   > ifelse((zc>zt),RR,RN)
   [1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
   > ##Ou, equivalentemente:
   > ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
   [1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
27 De 400 moradores sorteados de uma grande cidade industrial, 300 são favoráveis a um projeto governamental,
   e de uma amostra de 160 moradores de uma cidade cuja principal atividade é o turismo, 120 são contra.
     a) Você diria que a diferença de opiniões nas duas cidades é estatisticamente significante? Sim, ver
        resultados abaixo:
   > #H0: pI=pT
   > #H1: pI!=pT
   > (p <- 0)
   [1] 0
   > (pI_est <- 300/400)
   [1] 0.75
   > (nI <- 400)
   [1] 400
   > (pT_est <- 40/160)
   [1] 0.25
   > (nT <- 160)
   [1] 160
   > (alpha <- 0.05)
   [1] 0.05
   > (zc <- ((pI_est-pT_est)-(p))/sqrt(((pI_est*(1-pI_est))/nI)+((pT_est*(1-pT_est))/nT)))
   > (zt1 <- qnorm((alpha/2),lower.tail = TRUE))</pre>
   [1] -1.959964
   > (zt2 <- qnorm(1-(alpha/2),lower.tail = TRUE))</pre>
   [1] 1.959964
```

> (pvalor <- 2\*min(pnorm(zc),1-pnorm(zc)))</pre>

Γ17 0

```
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse((zc>zt),RR,RN)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
```

[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"

28 Para verificar o grau de adesão de uma nova cola para vidros, preparam-se dois tipos de montagem: cruzado (A), onde a cola é posta em forma de X, e quadrado (B), onde a cola é posta apenas nas quatro bordas. Os resultados da resistência para as duas amostras de 10 cada estão abaixo. Que tipo de conclusão poderia ser tirada?

Método Ā 16 18 19 20 1419 15 18 17 18 Método B 13 19 14 17 2124 10 14 13 15

```
> #HO: sigma_{A}^{2} =sigma_{B}^{2}
> #H1: sigma_{A}^{2} !=sigma_{B}^{2}
> (A \leftarrow c(16,14,19,18,19,20,15,18,17,18))
 [1] 16 14 19 18 19 20 15 18 17 18
> (B \leftarrow c(13,19,14,17,21,24,10,14,13,15))
 [1] 13 19 14 17 21 24 10 14 13 15
> (dpA \leftarrow sd(A))
[1] 1.897367
> (nA <- length(A))
Γ1 10
> (dfA <- nA-1)
[1] 9
> (dpB <- sd(B))
[1] 4.242641
> (nB <- length(B))
[1] 10
> (dfB <- nB-1)
Γ1 9
> (alpha <- 0.05)</pre>
[1] 0.05
> (fc <- (dpA^2)/(dpB^2))
[1] 0.2
> (ft1 <- qf((alpha/2),dfA,dfB,lower.tail = TRUE))</pre>
[1] 0.2483859
> (ft2 \leftarrow qf(1-(alpha/2),dfA,dfB,lower.tail = TRUE))
[1] 4.025994
> (pvalor <- 2*min(pf(fc,dfA,dfB,lower.tail = TRUE),1-pf(fc,dfA,dfB,lower.tail = TRUE)))</pre>
[1] 0.02507092
> (var.test(A,B,alternative = "two.sided"))
```

### F test to compare two variances

```
data: A and B
F = 0.2, num df = 9, denom df = 9, p-value = 0.02507
alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
95 percent confidence interval:
 0.04967717 0.80519883
sample estimates:
ratio of variances
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse((fc<ft1 || fc>ft2),RR,RN)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
[1] "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> #HO: muA =muB
> #H1: muA>muB
> (barA <- mean(A))
[1] 17.4
> (barB <- mean(B))</pre>
Γ1 16
> (df <- ((((dpA^2)/nA)+((dpB^2)/nB))^2)/(((((dpA^2)/nA)^2)/dfA)+((((dpB^2)/nB)^2)/dfB)))</pre>
[1] 12.46154
> (tc <- (barA-barB)/(sqrt(((dpA^2)/nA)+((dpB^2)/nB))))</pre>
[1] 0.9525793
> (tt <- qt(1-alpha,df,lower.tail = TRUE))</pre>
[1] 1.776804
> (pvalor <- pt(tc,df,lower.tail = FALSE))
[1] 0.1794578
> (t.test(A,B,alternative = "greater"))
        Welch Two Sample t-test
data: A and B
t = 0.95258, df = 12.462, p-value = 0.1795
alternative hypothesis: true difference in means is greater than 0
95 percent confidence interval:
 -1.211357
sample estimates:
mean of x mean of y
               16.0
     17.4
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse((tc>tt),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
```

- > ##Ou, equivalentemente:
- > ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
- [1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
- 29 Em um estudo para comparar os efeitos de duas dietas, A e B, sobre o crescimento, 6 ratos foram submetidos à dieta A, e 9 ratos à dieta B. Após 5 semanas, os ganhos em peso foram:

Dieta A	15	18	12	11	14	15			
Dieta B	11	11	12	16	12	13	8	10	13

a) Admitindo que temos duas amostras independentes de populações normais, teste a hipótese de que não há diferença entre as duas dietas, contra a alternativa que a dieta A é mais eficaz, usando o teste t de Student, no nível de  $\alpha = 0,01$ .

```
> #HO: sigma_{A}^{2} =sigma_{B}^{2}
> #H1: sigma_{A}^{2} !=sigma_{B}^{2}
> (A \leftarrow c(15,18,12,11,14,15))
[1] 15 18 12 11 14 15
> (B <- c(11,11,12,16,12,13,8,10,13))
[1] 11 11 12 16 12 13 8 10 13
> (dpA \leftarrow sd(A))
[1] 2.483277
> (nA <- length(A))</pre>
Γ1  6
> (dfA <- nA-1)
[1] 5
> (dpB \leftarrow sd(B))
[1] 2.223611
> (nB <- length(B))
[1] 9
> (dfB <- nB-1)
[1] 8
> (alpha <- 0.01)</pre>
[1] 0.01
> (fc <- (dpA^2)/(dpB^2))
[1] 1.247191
> (ft1 <- qf((alpha/2),dfA,dfB,lower.tail = TRUE))</pre>
[1] 0.0716283
> (ft2 \leftarrow qf(1-(alpha/2),dfA,dfB,lower.tail = TRUE))
[1] 8.301799
> (pvalor <- 2*min(pf(fc,dfA,dfB,lower.tail = TRUE),1-pf(fc,dfA,dfB,lower.tail = TRUE)))
[1] 0.7424555
> (var.test(A,B,alternative = "two.sided"))
        F test to compare two variances
data: A and B
F = 1.2472, num df = 5, denom df = 8, p-value = 0.7425
alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
```

```
95 percent confidence interval:
 0.2588997 8.4274842
sample estimates:
ratio of variances
          1.247191
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse((fc<ft1 || fc>ft2),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Ou, equivalentemente:
> ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> #HO: muA =muB
> #H1: muA!=muB
> (barA <- mean(A))
[1] 14.16667
> (barB <- mean(B))
[1] 11.77778
> (df <- dfA+dfB)
[1] 13
> (Sc2 \leftarrow (dfA*dpA^2+dfB*dpB^2)/df)
[1] 5.41453
> (tc <- (barA-barB)/(sqrt(Sc2*(1/nA+1/nB))))</pre>
[1] 1.947901
> (tt1 <- qt(alpha/2,df,lower.tail = TRUE))</pre>
[1] -3.012276
> (tt2 <- qt(1-alpha/2,df,lower.tail = TRUE))</pre>
[1] 3.012276
> (pvalor <- 2*min(pt(tc,df,lower.tail = TRUE),1-pt(tc,df,lower.tail = TRUE)))</pre>
[1] 0.07335015
> (t.test(A,B,alternative = "two.sided",var.equal = TRUE))
        Two Sample t-test
data: A and B
t = 1.9479, df = 13, p-value = 0.07335
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
 -0.2605688 5.0383466
sample estimates:
mean of x mean of y
 14.16667 11.77778
> RR <- "Rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> RN <- "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"
> ##Resultado
> ifelse((tc<tt1||tc>tt2),RR,RN)
[1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de șignificância"
```

- > ##Ou, equivalentemente:
- > ifelse(pvalor > alpha, RN, RR)
- [1] "Não rejeita-se HO ao nível de 5% de significância"