

Universidade Federal de Viçosa Instituto de Ciências Exatas e Tecnológicas Campus UFV - Florestal

LISTA DE ÁLGEBRA LINEAR A - LISTA 1

Prof. Fernando Bastos

Exercícios

1. Sejam $A, B \in \mathbb{M}_{m \times n}(\mathbb{K})$. Mostre que:

a)
$$(A + B)^t = A^t + B^t$$

b)
$$(AB^t)^t = BA^t$$

c) Se
$$n = m$$
, então $(AB)^t = B^t A^t$

2. Sejam $A, B \in \mathbb{M}_n(\mathbb{K})$ e $\lambda \in \mathbb{R}$. Mostre que:

a)
$$det(AB) = detA.detB$$

b)
$$det A = det A^t$$

c)
$$det(\lambda A) = \lambda^n det A$$

3. Sejam $A, B \in \mathbb{M}_n(\mathbb{K})$ matrizes invertíveis. Mostre que:

a)
$$det(A^{-1}) = (det A)^{-1}$$

b)
$$A^{-1}$$
 é invertível e $(A^{-1})^{-1} = A$

c)
$$AB$$
 é invertível e $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$