

Recursividade

Programação I
2017.2018

Teresa Gonçalves
tcg@uevora.pt

Departamento de Informática, ECT-UÉ

Como programar?



Perceber o problema

Dados e Resultados

Pensar numa solução

Dividir o problema em problemas mais simples

Resolver os problemas mais simples

Resolver o problema mais complexo

Implementar a solução

Utilizar funções para estruturar a resolução dos sub-problemas

Testar a solução

Fazer vários testes

Escolher valores que induzam comportamentos diferentes do programa

Sumário

Revisões

Recursividade

Argumentos

Funções (revisão)

Função

Sequência de instruções com nome que realiza uma computação

Uma função

Tem um nome

Recebe argumentos

Devolve um resultado

É executada sempre que o seu nome é invocado

Definição vs. Utilização

Definição de uma função

Especifica

o nome e parâmetros da função
a sequência de instruções a executar

Possui

Cabeçalho: nome, parâmetros
Corpo: instruções a executar

Exemplo

```
def print_disciplinas():  
    print( 'Sistemas Digitais')  
    print( 'Programação I')
```

Utilização (invocação)

Execução da sequência de instruções especificada na definição

Utilizando os argumentos indicados na invocação

Exemplo

```
>>> print_disciplinas()  
  
Sistemas Digitais  
  
Programação I
```

Notas

A definição cria a função

As instruções só são executadas quando a função é invocada

Uma função tem de ser definida antes de ser invocada

Argumentos e parâmetros

Argumento

Valor fornecido a uma função aquando da sua invocação

Parâmetro

Nome utilizado na função para referir o valor passado como argumento

Exemplo

```
def print_twice(xpto):  
    print(xpto)  
    print(xpto)
```

```
>>> print_twice('Spam')  
Spam  
Spam
```


Visibilidade de variáveis e parâmetros

Variáveis e parâmetros são locais

São apenas visíveis na função onde foram definidos

Exemplo

```
>>> def soma_dois_valores( a, b ) :  
    soma=a+b  
    return soma
```

```
>>> print(soma)
```

```
Traceback (most recent call last): print soma
```

```
NameError: name 'soma' is not defined
```

Fluxo de execução

A invocação de uma função provoca um desvio no fluxo de execução

Salta para o corpo da função

Executa as instruções lá existentes

Regressa, retomando o ponto onde tinha ficado

Recursividade

Recursividade

Corpo da função == sequência de instruções

Atribuições

Outras instruções

Invocação de funções

Recursividade

Quando no corpo da função contém a **invocação à própria função**

Exemplo - contagem decrescente

```
def ctg_decr(n):  
    while n>=0:  
        print(n)  
        n=n-1
```

```
def ctg_decr_rec(n):  
    print(n)  
    if n>0:  
        ctg_decr_rec(n-1)
```

ctg_decr_rec(3)

```
def ctg_decr_rec(n):  
    print(n)  
    if n>0:  
        ctg_decr_rec(n-1)
```

```
ctg_decr_rec(3)  
    print(3)  
    ctg_decr_rec(2)  
        print(2)  
        ctg_decr_rec(1)  
            print(1)  
            ctg_decr_rec(0)  
                print(0)  
                (termina)  
            (termina)  
        (termina)  
    (termina)
```

Critério de paragem

É essencial

Caso contrário existem infinitas invocações sucessivas!

Que esgota, os recursos de memória do computador

Exemplo

```
>>> def ctg_decr_rec(n):  
    print(n)  
    ctg_decr_rec(n-1)
```

```
>>> ctg_decr_rec(4)
```

```
... RuntimeError: maximum recursion depth exceeded
```

Factorial

$$n! = n*(n-1)*(n-2)*...*3*2*1$$

```
def factorial(n):  
    res = 1  
    while n>0:  
        res = res * n  
        n = n-1  
    return res
```


Factorial

$$n! = n*(n-1)!$$

tem uma definição recursiva!!!

```
def factorial(n):  
    if n==1:  
        return 1  
    else:  
        return n*factorial(n-1)
```

Fibonacci

fib(n)=fib(n-1)+fib(n-2)

```
def fib(n, prof):  
    # ver a profundidade  
    barra=''  
    i=1  
    while i<=prof:  
        barra=barra+'=='  
        i = i+1  
    print("%d %s fib(%d)"%(prof,barra,n))  
    # a funcao  
    if n<2:  
        return 1  
    else:  
        f=fib(n-1,prof+1)+fib(n-2,prof+1)  
        return f
```

fib(5,1)

```
1 == fib(5)
2 ==== fib(4)
3 ===== fib(3)
4 ===== fib(2)
5 ===== fib(1)      # devolve 1
5 ===== fib(0)      # devolve 1
4 ===== fib(1)      # devolve 1
3 ===== fib(2)
4 ===== fib(1)      # devolve 1
4 ===== fib(0)      # devolve 1
2 ==== fib(3)
3 ===== fib(2)
4 ===== fib(1)      # devolve 1
4 ===== fib(0)      # devolve 1
3 ===== fib(1)      # devolve 1
```

Soluções recursivas

Cadeia de invocações da mesma função

Mas com parâmetros diferentes...

$\text{factorial}(n) \rightarrow \text{factorial}(n-1) \rightarrow \text{factorial}(n-2) \rightarrow \dots$

Critério de paragem

$n > 1$

Trata parte do problema e “junta” com o resultado das restantes invocações

$n * \text{resultado_da_funcao}$

Argumentos

Utilização de valores por omissão

Valor por omissão

Valor utilizado quando a invocação não passa o argumento

Exemplo

```
def despedida(mensagem='Adeus!'):  
    print(mensagem)
```

```
>>> despedida('Tchau!')
```

```
Tchau
```

```
>>> despedida()
```

```
Adeus!
```

Utilização de pares nome=valor

Par nome=valor

Identificação do parâmetro quando são utilizados valores por omissão

Exemplo

```
def repete(frase='teste', n=2):  
    while n>0:  
        print(frase)  
        n=n-1  
  
>>> repete()  
>>> repete('outra frase')  
>>> repete(n=4)  
>>> repete(n=4, frase='outra frase')
```