# Treinamento de Machine Learning e Deep Learning

Do Básico ao Avançado

Salomão Machado Mafalda<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Universidade Federal do Acre PAVIC

2023



# Agenda

- Perceptron
- 2 Adaline
- Neurônio Sigmoide
- 4 Funções de Ativação
- Backpropagation
- 6 Redes Neurais Profundas



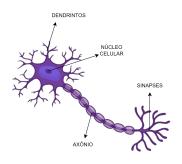


Figure: Neurônio humano



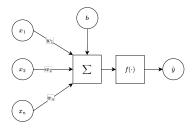
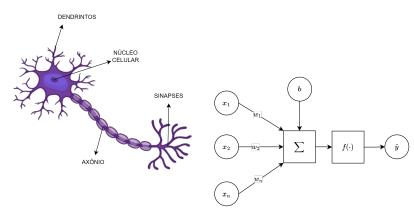


Figure: Neurônio Artificial





(a) Neurônio Humano

(b) Neurônio Artificial



- Modelo mais básico de NN
- Um neurônio
- N entradas, Uma saída ŷ

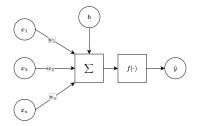


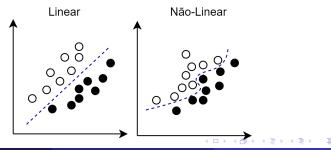
Figure: Neurônio Artificial

$$\hat{y} = f(\sum_{i} w_{i} x_{i} + b)$$





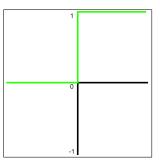
- Modelo mais básico de NN
- Um neurônio
- N entradas, Uma saída ŷ
- Classificador binário linear
- Pode ser usado para Regressão
- Perceptron Rule
- Aprendizado Online
  - Atualiza os pesos por amostra



### Função de ativação do perceptron

$$\begin{cases} 0 & \text{if } 0 > x \\ 1 & \text{if } x \ge 0 \end{cases}$$

- 0 se for negativo
- 1 se maior ou igual a 0





### Perceptron Rule

O perceptron atualiza seus pesos utilizando a perceptron rule, não com o gradiente

Atualização dos pesos:

$$w_i = w_i + \lambda * (y_i - \hat{y}_i) * x_i$$

Atualização do bias:

$$b_i = b_i + \lambda * (y_i - \hat{y}_i)$$

#### Observação importante

"Quando a diferença yi - ŷi for 0 então não ocorrerá a atualização dos pesos"

#### Ponto de partida diferente

Com diferentes pontos de partida, o algoritmo encontra quase a mesma solução, embora com diferentes taxas de convergência.

```
▶ Caso 01
```

▶ Caso 02

#### Learning Rate - Taxa de aprendizagem

- LR = 0.01 a velocidade de convergência é muito lenta. Quando o cálculo se torna complicado, uma taxa de aprendizado muito baixa afetará a velocidade do algoritmo, mesmo nunca atingindo o destino.
- LR = 0.5, o algoritmo se aproxima do alvo muito rapidamente após várias iterações. No entanto, o algoritmo falha ao convergir porque o salto é muito grande, fazendo com que ele fique parado no destino.

```
▶ Caso 01
```

▶ Caso 02

### Vamos ver na prática

 $Vamos\ praticar\ utilizando\ o\ notebook\ 00\_perceptron$ 



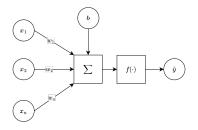


Figure: Neurônio Artificial



- Modelo mais básico de NN
- Um neurônio
- N entradas, Uma saída ŷ
- Classificador binário linear
- Pode ser usado para Regressão
- Sabe o quanto 'errou'
- Aplica-se o gradiente descendente
- Aprendizado Online

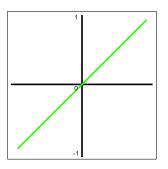
$$\hat{y} = f(\sum_{i} w_{i} x_{i} + b)$$



### Função de ativação do Adaline

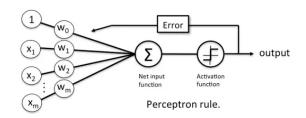
$$f(x) = x$$

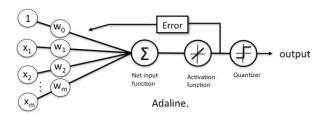
Possibilita o cálculo da derivada





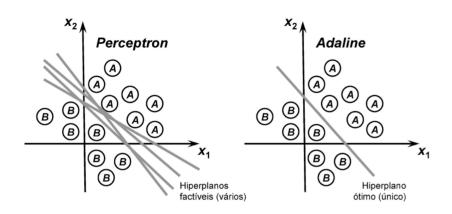
### Adaline vs Perceptron







# Adaline vs Perceptron







#### Como atualizar os pesos do Adaline

$$w_i = w_i - \lambda * (y_i - \hat{y}_i) * x_i$$

O erro predito será a saída predita menos a saída desejada multiplicados pela entrada (x)

$$J(w) = \frac{1}{2} \sum_{i}^{N} (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$$\frac{\partial J}{\partial w_i} = \frac{\partial}{\partial w_i} \frac{1}{2} \sum_{i}^{N} (y_i - \hat{y}_i)^2 = \frac{1}{2} \sum_{i}^{N} \frac{\partial}{\partial w_i} (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$$= \sum_{i}^{N} (y_i - \hat{y}_i) \frac{\partial}{\partial w_i} (y_i - \hat{y}_i) = \sum_{i}^{N} (y_i - \hat{y}_i)(x_i) \to \frac{\partial J}{\vec{w}} = -(\vec{y} - \vec{\hat{y}})\vec{x}$$

### Vamos ver na prática

Vamos praticar utilizando o notebook  $01_{-}$ adaline



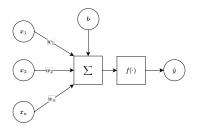


Figure: Neurônio Artificial



- Modelo mais básico de NN
- Um neurônio
- N entradas, Uma saída ŷ
- Custo: Entropia Cruzada
- Classificação binária não-linear
- Pequenas alterações nos parâmetros geram pequenas alterações nas saídas
- Sabe o quanto 'errou'
- Aplica-se o gradiente descendente

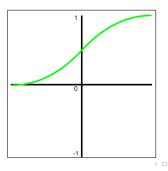
$$\hat{y} = f(\sum_{i} w_{i} x_{i} + b)$$



### Função de ativação do Neurônio Sigmoide

$$f(x) = \frac{1}{1 - e^{-x}}$$

- Possibilita o cálculo da derivada em todos pontos
- Aplicado em problemas de regressão logística





#### Entropia Cruzada

 $p_j$  é o valor a ser predito e  $t_j$  é o valor predito

$$L = -rac{1}{N}\left[\sum_{j=1}^{N}[t_{j}log(
ho_{j})+(1-t_{j})log(1-
ho_{j})]
ight]$$





Vamos tomar:

pj	tj	Erro	L
0	0	0 - 0 = 0	0
0	1	0 - 1 = -1	$\infty$
1	0	1 - 0 = 1	$\infty$
1	1	1 - 1 = 0	0

### Entropia Cruzada

Para entrada 0,0 e saída predita 0 e a saída desejada for 0

$$L = -\frac{1}{N} \left[ \sum_{j=1}^{N} [0 log(0) + (1 - 0) log(1 - 0)] \right]$$

Vamos tomar:

pj	tj	Erro	L
0	0	0 - 0 = 0	0
0	1	0 - 1 = -1	$\infty$
1	0	1 - 0 = 1	$\infty$
1	1	1 - 1 = 0	0

### Entropia Cruzada

Para entrada 0,1 e saída predita 0 e a saída desejada for 1

$$L = -\frac{1}{N} \left[ \sum_{j=1}^{N} [0 log(1) + (1 - 0) log(1 - 1)] \right]$$



Vamos tomar:

pj	tj	Erro	L
0	0	0 - 0 = 0	0
0	1	0 - 1 = -1	$\infty$
1	0	1 - 0 = 1	$\infty$
1	1	1 - 1 = 0	0

#### Entropia Cruzada

Para entrada 1,0 e saída predita 1 e a saída desejada for 0

$$L = -rac{1}{N} \left[ \sum_{j=1}^{N} [1 log(0) + (1 - 1) log(1 - 0)] \right]$$

Vamos tomar:

pj	tj	Erro	L
0	0	0 - 0 = 0	0
0	1	0 - 1 = -1	$\infty$
1	0	1 - 0 = 1	$\infty$
1	1	1 - 1 = 0	0

### Entropia Cruzada

Para entrada 1,1 e saída predita 1 e a saída desejada for 1

$$L = -\frac{1}{N} \left[ \sum_{j=1}^{N} [1 \log(1) + (1 - 1) \log(1 - 1)] \right]$$



### Vamos ver na prática

Vamos praticar utilizando o notebook 02\_neuronio\_sigmoid



- Localizada a saída de cada neurônio
- Usada para mapear entradas em novas saídas
- ullet Pode alterar o range ex:  $[-100\ 100]$  para  $[1\ 0]$

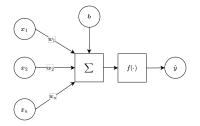


Figure: Neurônio Artificial

$$\hat{y} = f(\sum_{i} w_{i} x_{i} + b)$$



28 / 78

#### Linear

- $y \in [-\infty, +\infty]$
- Função de ativação simples
- Comumente usada em regressão
- Baixa complexidade
- Baixo poder de aprendizagem

Função:

$$f(x) = x$$

Derivada:

$$\frac{\partial y}{\partial x} = 1$$



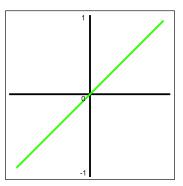
### Atenção

Note este caso: Porque construir modelos apenas com Lineares?

input: "10  $\rightarrow$  100  $\rightarrow$  200  $\rightarrow$  10"

pesos: "10  $\rightarrow$  2  $\rightarrow$  00.5 = 10 x 10 = 10"

Podemos substituir todos pesos por um só





### Sigmoid

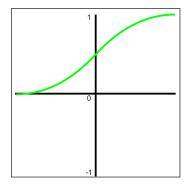
- $y \in [0, +1]$
- Regressão Logística
- Geralmente interpretada como probabilidade
- Saída não centrada em 0
- Satura os gradientes
- Não indicada para camadas ocultas
- Converge lentamente

Função:

$$f(x) = \frac{1}{1 - e^{-x}}$$

Derivada:

$$\frac{\partial y}{\partial x} = y(1 - y)$$





#### Tanh

- $y \in [-1, +1]$
- Uma versão da Sigmoid
- Saída centrada em 0
- Satura os gradientes. um pouco menos que a Sigmoid
- Converge lentamente

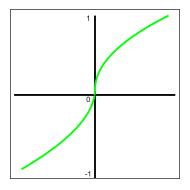
Função:

$$f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

Derivada:

$$\frac{\partial y}{\partial x} = 1 - y^2$$







#### Relu

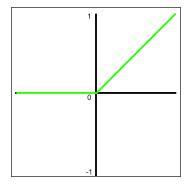
- $y \in [0, +\infty]$
- Não tem derivada para valores < 0</li>
- Simples e Eficiente
- Evita a saturação dos gradientes
- Converge mais rápido
- Usada nas camadas escondidas
- Ela mata neurônio

#### Função:

$$f(x) = max(0, x)$$

#### Derivada:

$$\frac{\partial y}{\partial x} = \begin{cases} 0, & \text{if } x \le 0\\ 1, & \text{if } x > 0 \end{cases}$$





### Leaky Relu

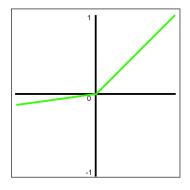
- $y \in [-\infty, +\infty]$
- Tem derivada para valores < 0
- Simples e Eficiente
- Evita a saturação dos gradientes
- Converge mais rápido
- Usada nas camadas escondidas
- Diminui as mortes de neurônios

#### Função:

$$f(x) = \begin{cases} \alpha(e^x - 1), x \le 0 \\ x, x > 0 \end{cases}$$

Derivada:

$$\frac{\partial y}{\partial x} = \begin{cases} \alpha, x \le 0\\ 1, x > 0 \end{cases}$$





Nane	Plot	Equation	Derivative
Identity	_/_	f(x) = x	f'(x) = 1
Binary step		$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x \neq 0 \\ ? & \text{for } x = 0 \end{cases}$
Logistic (a.k.a Soft step)		$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$	f'(x) = f(x)(1 - f(x))
TanH		$f(x) = \tanh(x) = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1$	$f'(x) = 1 - f(x)^2$
ArcTan		$f(x) = \tan^{-1}(x)$	$f'(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$
Rectified Linear Unit (ReLU)		$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$
Parameteric Rectified Linear Unit (PReLU) <sup>[2]</sup>		$f(x) = \begin{cases} \alpha x & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} \alpha & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$
Exponential Linear Unit (ELU) <sup>[3]</sup>		$f(x) = \begin{cases} \alpha(e^x - 1) & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} f(x) + \alpha & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$
SoftPlus		$f(x) = \log_e(1 + e^x)$	$f'(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$





### Qual função de ativação usar?

- Evitar Sigmoid nas camadas ocultas, boa na saída
- Tanh usada em modelos generativos
- Relu Muito boa nas camadas ocultas
- Linear não usar em camadas escondidas
- Leaky Relu raramente usadas



#### Softmax

- $y \in [0,1] \ e \sum_{y} = 1$
- Aplicada em dois ou mais neurônios. Pega saída e converte
- A saída é uma confiança
- Nunca nas camadas ocultas
- Multiclasses
- Saída One-hot Encode

Função:

$$S_i = \frac{e^{\hat{y}_i}}{\sum_j e^{\hat{y}_i}}$$

Assim para cada k:  $P^k = S_i^{[k]}$  Derivada:

$$\frac{\partial S}{\partial y} = p^k * (1 - p^k)$$

#### Softmax

### Example

 $[0.1, 1.3, 2.5] \rightarrow [0.07, 0.22, 0.72]$ 

$$\frac{e^{0.1}}{e^{0.1} + e^{0.3} + e^{2.5}}$$

Função:

$$S_i = \frac{e^{\hat{y}_i}}{\sum_j e^{\hat{y}_i}}$$

Assim para cada k:  $P^k = S_i^{[k]}$  Derivada:

$$\frac{\partial y}{\partial x} = \begin{cases} \alpha, x \le 0\\ 1, x > 0 \end{cases}$$

### Vamos ver na prática

Vamos praticar utilizando o notebook 03\_funções de ativação



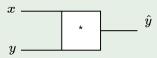
### Para que usamos o backpropagation?

Utilizamos o Backpropagation no treinamento das redes neurais

#### Example

Vamos tomar uma função simples de multiplicação:

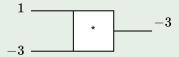
$$f(x,y) = x * y$$



#### Example

Vamos tomar uma função simples de multiplicação:

$$f(x,y) = x * y$$



Com que força alterar as entradas desse circuito para de maneira "leve" alteremos a saída?

### Example

Vamos tomar uma função simples de multiplicação:

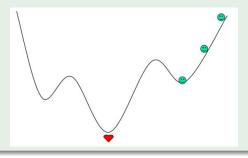
$$f(x,y) = x * y$$



### Example

#### O Problema.....

- Para qual direção seguir?
- Com que velocidade seguir?
- Como sei se cheguei no local mais baixo?



### Vamos ver na prática

Vamos praticar utilizando o notebook 03\_backpropagation Será apresentado a busca aleatória e a busca aleatória local



#### Como atualizamos os pesos?

Diante disso...

É possível encontrar a força de atualização dos pesos com derivadas

► Figura demonstrando

#### Qual a definição básica de derivada?

A derivada em relação à x pode ser definida como:

$$f'(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

Neste caso, o h tende a 0, ou seja, é um valor bem pequeno.



### Qual a definição básica de derivada parcial?

E se tivéssemos n argumentos (componentes)?

A derivada parcial de uma função com n argumentos  $(x_1, x_2, x_3, ..., x_n)$  é dada por:

$$\frac{\partial f}{\partial x_i}(x_1,...,x_n) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x_1,...,x_i+h,x_n) - f(x_1,...,x_n)}{h}$$

Basta derivar cada elemento, ou cada componente da função.

#### Example

Derivada da função  $f(x) = x^2$ 

$$f'(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

#### Example

Derivada da função  $f(x) = x^2$ 

$$f'(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

 $h \rightarrow 0$  tende a zero

f(x + h) é p próprio f(x) somado com um pequeno passo

-f(x) que é a própria função

Dividido por h normalizando a derivação

$$f'(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$\frac{(x+h)^2-x^2}{h} \rightarrow \frac{\cancel{\cancel{N}}+2xh+h^2-\cancel{\cancel{N}}}{h} \rightarrow \frac{\cancel{\cancel{h}}(2x+h)}{\cancel{\cancel{h}}} \rightarrow 2x+\cancel{\cancel{h}} \xrightarrow{0} 2x$$

### Example

Derivada da função f(x) = x \* y

$$f'(x) = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

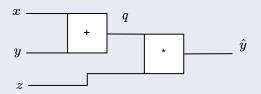
$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial x} = \frac{(x+h)y - xy}{h} = \frac{xy + yh - xy}{h} = \frac{yh}{h} = y$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial y} = \frac{x(y+h) - xy}{h} = \frac{xy + xh - xy}{h} = \frac{xh}{h} = x$$



#### Mais de duas variáveis na função...

E se a função tiver 3 componentes? f(x, y, z) = (x + y)z



Neste caso, a melhor opção é decompor a função em subfunções, ou pequenos circuitos



### Mais de duas variáveis na função...

$$f(x,y,z)=(x+y)z$$

$$q(x,y) = x + y$$

$$f(q, z) = qz$$

$$q(x, y) = x + y$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial x} = 1$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial v} = 1$$

$$f(q,z)=qz$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial q} = z$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial z} = q$$

#### Mais de duas variáveis na função...

Se quisermos calcular a derivada em relação a uma entrada, utilizamos a regra da cadeia:

Ex: derivada em relação a x de f

- ullet É a derivada de q em relação a f
- Derivada de x em relação a q

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial x} = \frac{\partial f(x,y)}{\partial q} * \frac{\partial f(x,y)}{\partial x}$$
$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial y} = \frac{\partial f(x,y)}{\partial q} * \frac{\partial f(x,y)}{\partial y}$$
$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial z} = q$$

#### Mais de duas variáveis na função...

Vamos verificar se dividindo a função principal em subfunções é válido.

$$\frac{\frac{\partial f(x,y,z)}{\partial x} = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h,y,z) - f(x,y,z)}{h} = \frac{(x+h+y)*z - (x+y)*z}{h} = \frac{hz}{h} = z$$



#### Mais de duas variáveis na função...

Vamos verificar se dividindo a função principal em subfunções é válido.

$$\frac{\partial f(x,y,z)}{\partial y} = \lim_{h \to 0} \frac{f(x,y+h,z) - f(x,y,z)}{h} = \frac{(x+y+h)*z - (x+y)*z}{h} = \frac{(x+y+h)*z - y - y}{h} = \frac{hz}{h} = z$$



#### Mais de duas variáveis na função...

Vamos verificar se dividindo a função principal em subfunções é válido.

### Example

Podemos notar que a saída é a porta de soma, ou seja. o próprio q



### Vamos derivar o Neurônio Sigmoide

- $y \in [0, +1]$
- Regressão Logística
- Geralmente interpretada como probabilidade
- Saída não centrada em 0
- Satura os gradientes
- Não indicada para camadas ocultas
- Converge lentamente

#### Função:

$$f(x) = \frac{1}{1 - e^{-x}}$$



### Vamos derivar o Neurônio Sigmoide

- $y \in [0, +1]$
- Regressão Logística
- Geralmente interpretada como probabilidade
- Saída não centrada em 0
- Satura os gradientes
- Não indicada para camadas ocultas
- Converge lentamente

#### Função:

$$f(x) = \frac{1}{1 - e^{-x}}$$

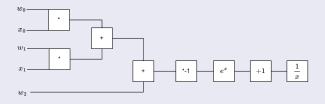


#### Vamos derivar o Neurônio Sigmoide

Função: 
$$f(w,x) = \frac{1}{1-e^{-x}}$$

O w são os pesos e o x as entradas...

$$f(w,x) = \frac{1}{1 - e^{-(w_0 x_0 + w_1 x_1 + w_2)}}$$





#### Example

Vamos praticar um pouquinho...

A derivada de x = a \* b é:

$$da = b * dx$$

Sempre teremos a derivada de dentro da multiplicando a derivada de quem está fora dx. Desta forma, podemos decompor qualquer função complexa.

$$E db = a * dx$$

$$x = a * b$$

$$x = a + b$$

$$da = b * dx$$

$$da = 1 * dx$$

$$db = a * dx$$

$$db = 1 * dx$$



#### Example

Vamos ver a derivada da função x = a + b + c

Primeiro vamos dividir por partes: q = a + b e x = q + c

$$dq = 1 * dx x = a + b + c$$

$$dc = 1 * dx$$
  $da = 1 * dx$ 

$$db = 1 * dq$$
  $db = 1 * dx$ 

$$da = 1 * dq \qquad \qquad dc = 1 * dx$$

Intuitivamente pode-se perceber que a derivação da soma sempre será 1\*dx



#### Example

$$x = a * b + c$$

$$q = a * bdx$$

$$x = q + c$$

$$dq = 1 * dx$$

$$dc = 1 * dx$$

$$db = a * dq$$

$$da = b * dq$$

### Example

$$x = a * a$$

$$da = 2a * dx$$

### Example

$$x = a * a + b * b + c * c$$

$$da = 2a * dx$$

$$db = 2b * dx$$

$$dc = 2c * dx$$



64 / 78

#### Example

Vamos ver este exemplo mais complexo

$$x = ((a*b+c)*d)^{2}$$

$$x_{1} = a*b+c$$

$$x_{2} = x_{1}*d$$

$$x = x_2 * x_2$$

$$dx_2 = 2x_2 * dx$$

$$dx_1 = d * dx_2$$

$$dd = x_1 * dx_2$$

$$da = b * dx_1$$

$$db = a * dx_1$$

$$dc = 1 * dx_1$$



### Example

Vamos ver este exemplo de divisão

$$x = \frac{1}{a}$$

$$da = \left(-\frac{1}{a*a}\right)*dx_1$$



$$x = \frac{a+b}{c+d}$$

$$x_1 = a+b$$

$$x_2 = c+d$$

$$x_3 = \frac{1}{x_2}$$

$$x = x_1 * x_3$$

$$dx_1 = x_3 * dx$$

$$dx_3 = x_1 * dx$$

$$dx_2 = -\frac{1}{x_2 * x_2} * dx_3$$

$$dc = 1 * dx_2$$

$$dd = 1 * dx_2$$

$$da = 1 * dx_1$$

$$db = 1 * dx_1$$



### Example

$$x = max(a, b)$$

$$da = x == a?1 * dx : 0$$

$$da = x == b?1 * dx : 0$$

Lembram da Relu?

$$x = max(0, a)$$

$$da = a > 0.1 * dx : 0$$



#### Como fazer derivação de matrizes

O que vimos até agora foram números escalares...

Como derivar uma matriz?

#### Example

W = np.random.randn(5, 10)

X = np.random.randn(3, 10)

 $Y = X.dot(W^T)$ 

W são nossos pesos, X nossas entradas, Y a saída

10 é a dimensão da entrada, 3 Qtd de amostras, 5 Qtd de neurônios.

Anteriormente só tínhamos 1 neurônio

A multiplicação de uma matriz de 3x10\*10x5 gerará uma saída 3x5



#### Example

Vamos imaginar que nosso Y=WX Se a multiplicação de uma matriz de 3x10\*10x5 gerará uma saída 3x5 a derivação de dY deverá ter a dimensão de 3x5. Assim, a derivada de uma matriz sempre terá o shape da matriz original

dY = np.random.randn(\*Y.shape)

A derivada de W dado Y = WX será o de dentro \* o de fora X \* dY, assim:

$$dW = dY^T . dot(X)$$

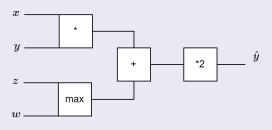
A derivada de X dado Y = WX será o de dentro \* o de fora W \* dY, assim:

$$dY = dY.dot(W)$$

A derivada de uma matriz deverá possuir o mesmo shape da matriz original, neste caso Y tem 3x5 e dY também

#### Resumo das derivadas

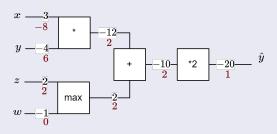
Vamos tomar este exemplo:





#### Resumo das derivadas

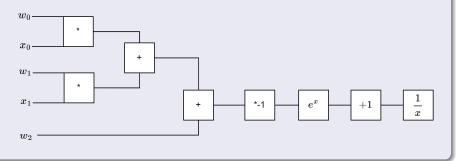
Vamos tomar este exemplo:





### Derivando o neurônio Sigmoide

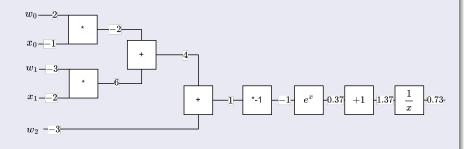
Agora que sabemos como derivar, vamos retornar ao neurônio Sigmoide:





#### Derivando o neurônio Sigmoide

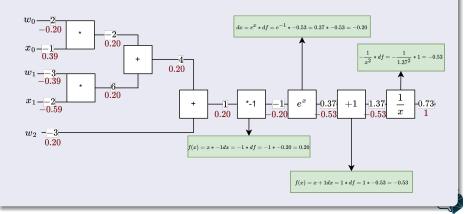
Vamos fazer o processo de forward.





### Derivando o neurônio Sigmoide

Após o forward, faremos agora a propagação reversa ou backpropagation.



### Vamos ver na prática

 $Vamos\ praticar\ utilizando\ o\ notebook\ 04\_backpropagation$ 



#### Redes Neurais Profundas

#### Dimensão das matrizes

Até o momento vimos que um neurônio pode ser dado pela equação:  $y = f(xw^T + b)$ . Sendo f uma função de ativação. A função de ativação não altera o *shape* dos dados.

A princípio tivemos  $x = [1xD_{in}]$  shape. Onde 1 era a quantidade de amostras e  $D_{in}$  o dimensões da amostra, por exemplo, a porta OR que recebe duas entradas  $(x_1, x_2)$ , assim  $D_{in} = 2$ .

O mesmo ocorre para a saída,  $y=[1xD_{out}]$  shape. Onde 1 era a quantidade de amostras e  $D_{out}$  a dimensão de saída, em todos casos visto até agora igual a 1. Mas podemos ter quantas saídas forem necessárias. Mas qual a dimensão do bias e dos nossos pesos?



### Redes Neurais Profundas

#### Dimensão das matrizes

#### Assim...

- $x = [1xD_{in}]$
- $y = [1xD_{out}]$
- $bias = [1xD_{out}]$
- $w^T = [D_{in} x D_{out}]$
- $\bullet \ [1xD_{out}] = [1xD_{in}] * [D_{in}xD_{out}] + [1xD_{out}]$



### Highlighting text

In this slide, some important text will be highlighted because it's important. Please, don't abuse it.

#### Remark

Sample text

#### Important theorem

Sample text in red box

#### Examples

Sample text in green box. The title of the block is "Examples".

