

11. أمامك اللغتان L_1 و L_2 فوق الأبجدية $\{0, 1\}$:

$$L_1 = \{0^i 1^{2n} \mid i \geq 1, n = i \bmod 3\}$$

$$L_2 = \{0^i 1^{n+i} \mid i \geq 1, n = i \bmod 3\}$$

- أ. اكتب كلمة بطول 6 تتبع للغة L_1 وكلمة بطول 6 تتبع للغة L_2 .
- ب. إذا كانت اللغة L_1 نظامية – ابنٍ أوتوماتاً نهائياً محدوداً ليس كاملاً يتلقى اللغة، وإذا كانت اللغة غير نظامية – ابنٍ أوتومات راصة يتلقى اللغة .
- ج. إذا كانت اللغة L_2 نظامية – ابنٍ أوتوماتاً نهائياً محدوداً ليس كاملاً يتلقى اللغة، وإذا كانت اللغة غير نظامية – ابنٍ أوتومات راصة يتلقى اللغة .

9. معطاة اللغات $L_1 - L_4$ فوق الأبجدية $\{a, b\}$:

- L_1 = لغة جميع الكلمات التي فيها عدد مرّات ظهور الحرف a مساوٍ لعدد مرّات ظهور الحرف b .
- L_2 = لغة جميع الكلمات التي فيها عدد مرّات ظهور الحرف a أكبر من عدد مرّات ظهور الحرف b .
- L_3 = لغة جميع الكلمات التي فيها أكثر من ثلاثة حروف .
- L_4 = لغة جميع الكلمات التي تبدأ بالحرف a وتنتهي بالحرف b أو تبدأ بالحرف b وتنتهي بالحرف a .

أجيبوا عن جميع البنود "أ – ز" التي أمامكم:

- أ. ابنوا أوتوماتاً نهائياً محدوداً يتلقى اللغة L_4 .
- ب. برهنوا أنّ اللغة $L_3 \cap L_4$ هي نظامية .
- ج. اكتبوا اللغة الناتجة من العملية $L_1 \cup L_2$. هل اللغة الناتجة هي نظامية؟ علّلوا إجابتكم .
- د. اكتبوا اللغة الناتجة من العمليات $L_1 \cap L_2 \cup \bar{L}_2$.
- هـ. هل اللغة $L_1 \cap L_2$ هي نظامية؟ علّلوا إجابتكم .
- و. ابنوا أوتوماتاً نهائياً محدوداً ليس كاملاً، يتلقى اللغة $L_2 \cap \bar{L}_3$.
- ز. اكتبوا اللغة الناتجة من العملية $L_4 \cap R(L_4)$.

13. معطاة اللغتان L_1 و L_2 :

$$L_1 = \{ a^n b^m c^k \mid n, k \geq 0, m = 2k \}$$

$$L_2 = \{ a^n b^m c^k \mid k, m, n \text{ أكبر من } 0 \text{ ويجب أن تكون إما جميعها زوجية وإما جميعها فردية} \}$$

أ. هل اللغة L_1 نظامية؟ إذا كانت نظامية، ابن أوتوماتاً نهائياً محدوداً كاملاً يتلقى اللغة، وإذا لم تكن نظامية، ابن أوتومات راصة يتلقى اللغة.

ب. هل اللغة L_2 نظامية؟ إذا كانت نظامية، ابن أوتوماتاً نهائياً محدوداً كاملاً يتلقى اللغة، وإذا لم تكن نظامية، ابن أوتومات راصة يتلقى اللغة.

11. ב. ابن أوتوماتاً نهائياً غير محدود فوق الأبجدية $\{a, b\}$ يتلقى كل الكلمات التي تحوي على الأقل ظهوراً واحداً لأحد التسلسلات: $ababa$ ، $aaba$ ، bbb .