

11. أمامك اللغتان L_1 و L_2 فوق الأبجدية $\{0, 1\}$:

$$L_1 = \{0^i 1^{2n} \mid i \geq 1, n = i \bmod 3\}$$

$$L_2 = \{0^i 1^{n+i} \mid i \geq 1, n = i \bmod 3\}$$

- أ. اكتب الكلمة بطول 6 تتبع لغة L_1 وكلمة بطول 6 تتبع لغة L_2 .
- ب. إذا كانت اللغة L_1 نظامية - ابنِ أوتوماتاً نهائياً محدوداً ليس كاملاً يتلقى اللغة، وإذا كانت اللغة غير نظامية - ابنِ أوتومات راصة يتلقى اللغة.
- جـ. إذا كانت اللغة L_2 نظامية - ابنِ أوتوماتاً نهائياً محدوداً ليس كاملاً يتلقى اللغة، وإذا كانت اللغة غير نظامية - ابنِ أوتومات راصة يتلقى اللغة.

9. معطاة اللغات L_1 - L_4 فوق الأبجدية $\{a, b\}$:

- L_1 = لغة جميع الكلمات التي فيها عدد مرات ظهور الحرف a مساوٍ لعدد مرات ظهور الحرف b .
- L_2 = لغة جميع الكلمات التي فيها عدد مرات ظهور الحرف a أكبر من عدد مرات ظهور الحرف b .
- L_3 = لغة جميع الكلمات التي فيها أكثر من ثلاثة حروف.
- L_4 = لغة جميع الكلمات التي تبدأ بالحرف a وتنتهي بالحرف b وتنتهي بالحرف a .

أجيبوا عن جميع البنود "أ - ز" التي أمامكم:

- أ. ابنوا أوتوماتاً نهائياً محدوداً يتلقى اللغة L_4 .
- ب. برهنوا أنّ اللغة $L_3 \cap L_4$ هي نظامية.
- جـ. اكتبوا اللغة الناتجة من العملية $L_1 \cup L_2$. هل اللغة الناتجة هي نظامية؟ علّوا إجابتكم.
- دـ. اكتبوا اللغة الناتجة من العمليات $L_1 \cap L_2 \cup \bar{L}_2$.
- هـ. هل اللغة $L_1 \cap L_2$ هي نظامية؟ علّوا إجابتكم.
- وـ. ابنوا أوتوماتاً نهائياً محدوداً ليس كاملاً، يتلقى اللغة $L_2 \cap \bar{L}_3$.
- زـ. اكتبوا اللغة الناتجة من العملية $L_4 \cap R(L_4)$.

13. معطاة اللغتان L_1 و L_2 :

$$L_1 = \{ a^n b^m c^k \mid n, k \geq 0, m = 2k \}$$

$$L_2 = \{ a^n b^m c^k \mid k > m \geq 0 \}$$

أ. هل اللغة L_1 نظامية؟ إذا كانت نظامية، ابن أوتوماتاً نهائياً محدوداً كاملاً يتلقى اللغة، وإذا لم تكن نظامية، ابن أوتومات راصة يتلقى اللغة.

ب. هل اللغة L_2 نظامية؟ إذا كانت نظامية، ابن أوتوماتاً نهائياً محدوداً كاملاً يتلقى اللغة، وإذا لم تكن نظامية، ابن أوتومات راصة يتلقى اللغة.

11. ب. ابن أوتوماتاً نهائياً غير محدود فوق الأبجدية $\{a, b\}$ يتلقى كل الكلمات التي تحوي على الأقل ظهوراً واحداً لأحد التسلسلات: ababa, aaba, bbb.