1) a) Résoudre les systèmes suivants par la méthode du Pivot de Gauss :

$$S_1 := \begin{cases} x - 2y + 3z = 14 \\ -3x + 4y - z = -14 \\ 2x - y + 5z = 19 \end{cases}$$

$$S_2 := \begin{cases} 2x - y + z = 3\\ x + 3y - 4z = 2\\ 3x - 2y + z = 1 \end{cases}$$

Réponses : S_1 : opérations : $L_2 < --L_2 + 3L_1$

$$L_3 < --L_3 - 2L_1$$

puis
$$L_3 < --L_3 + \frac{3}{2}L_2$$

solutions: $\{1, -2, 3\}$

 S_2 : opérations : $L_2 < --L_2 - 2L_1$

$$L_3 < --L_3 - 3L_1$$

puis
$$L_3 < --L_3 - \frac{11}{7}L_2$$

solutions: $\{2, 4, 3\}$

- b) Donner l'écriture matricielle du système A.X = B, puis le système homogène et décrire l'ensemble des solutions de ce dernier (utiliser le théorème vu en cours)
- 2) Résoudre le système suivant par la méthode du pivot de Gauss :

$$S_3 := \begin{cases} x+y+z=1\\ 2x-y+3z=-1\\ -4x+5y-7z=4 \end{cases}$$

 S_3 : opérations : $L_2 < --L_2 - 2L_1$

$$L_3 < --L_3 + 4L_1$$

puis
$$L_3 < --L_3 + 3L_2$$

On obtient un système avec la dernière equation 0 = -1, c'est-à-dire, 0x + 0y + 0z = -1. On ne peut trouver aucun triplet de réels qui satisfait cette équation, donc le système S_3 n'a pas de solution!