编程作业-7



■ (解线性方程组的迭代法) 分别编写Gauss-Seidel迭代和SOR迭代的通用程序来求解线性方程组:

$$\begin{pmatrix}
31 & -13 & 0 & 0 & 0 & -10 & 0 & 0 & 0 \\
-13 & 35 & -9 & 0 & -11 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & -9 & 31 & -10 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & -10 & 79 & -30 & 0 & 0 & 0 & -9 \\
0 & 0 & 0 & -30 & 57 & -7 & 0 & -5 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & -7 & 47 & -30 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & -30 & 41 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & -5 & 0 & 0 & 27 & -2 \\
0 & 0 & 0 & -9 & 0 & 0 & 0 & -2 & 29
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \\ x_8 \\ x_9
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
-15 \\ 27 \\ -23 \\ 0 \\ 0 \\ -20 \\ 12 \\ -7 \\ 7 \\ 10
\end{pmatrix}$$

(1) 取 $\|\mathbf{x}\|_{\infty}$ 作为度量误差的范数, $\varepsilon = 10^{-7}$,Gauss-Seidel输出迭代步数和方程的解;

编程作业-7



- (2) 取 $\|x\|_{\infty}$ 作为度量误差的范数, $\varepsilon=10^{-7}$,取松弛因子 $\omega=i/50, i=1,2,...$,SOR迭代输出迭代步数和方程的解,并试确定最佳松弛因子。
- 截至日期: 2025年04月27日24: 00时