



功和功率

日期:

时间:

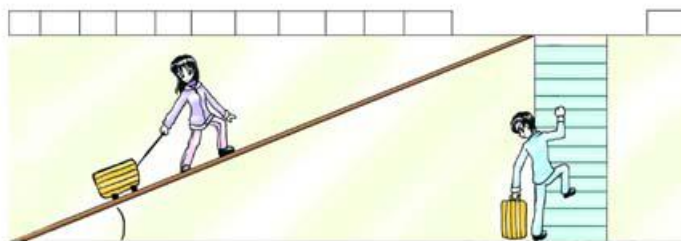
姓名:

Date: _____ Time: _____ Name: _____



初露锋芒

初中我们已经学习了功的概念，机械做功有个重要的特点，任何机械不能省功，这个结论叫做功的原理，旅客将带滑轮的行李箱从地面搬到平台上，若沿竖直的扶梯上去很费力，但沿斜坡匀速拖上去很省力，但两者做的功相同的，这是为什么？





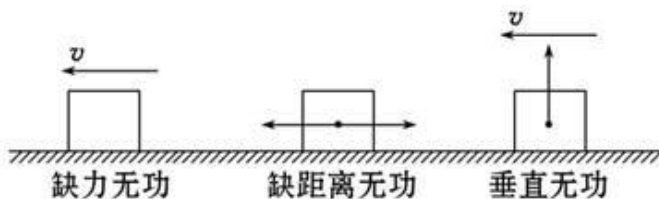
根深蒂固

知识点一：功

一、功的概念

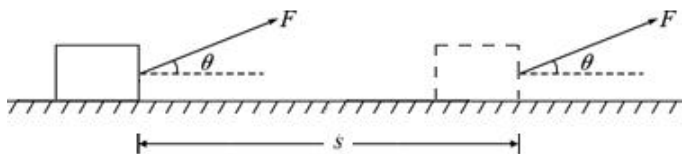
定义：如果一个物体受到力的作用，并且在力的方向上发生了一段位移，物理学中就说力对物体做了功。

做功的两个不可缺少的要素：力和物体在力的方向上发生的位移。（分析一个力是否做功，关键是要看物体在力的方向上是否有位移）



二、功的大小和单位

1、大小： $W = Fscos\theta$ 即：力对物体所做的功，等于力的大小、位移的大小、力和位移夹角的余弦三者的乘积。是标量。



2、判断功的正负

- (1) $\theta < 90^\circ$ ，力对物体做正功；
- (2) $\theta > 90^\circ$ ，力对物体做负功，或者说物体克服这个力做了功；
- (3) $\theta = 90^\circ$ ，力对物体不做功。

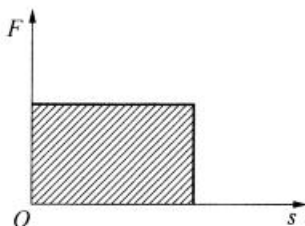
注意：功是标量，做功的正负代表是动力做功还是阻力做功，不代表做功的大小。

3、功的单位：在国际单位制中功的单位是“焦耳”，简称“焦”，符号“J”。 $1J = 1N \cdot m$ （1焦耳=1牛·米）

4、适用条件： F 可以是某一个力，也可以是几个力的合力，但 F 必须为恒力，即大小和方向都不变的力。

三、功的图像

功的大小也可以用图像来描述，用标示恒力做功的情况，横坐标为物体的位移 s ，纵坐标标示在位移方向上的作用力，画出的图像反映力与位移的关系，叫做 $F-s$ 图，图像的阴影面积表示力 F 做的功



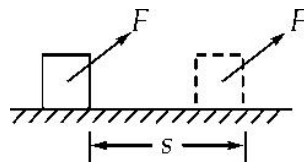
【例 1】起重机以 1 m/s^2 的加速度将质量为 1000 kg 的货物由静止开始匀加速向上提升，若 g 取 10 m/s^2 ，则在 1 s 内起重机对货物所做的功是 ()

- A. 500 J B. 4500 J C. 5000 J D. 5500 J

【例 2】关于摩擦力做功的说法正确的是 () (多选)

- A. 滑动摩擦力总是做负功 B. 滑动摩擦力可能做正功
C. 静摩擦力一定不做功 D. 静摩擦力可能做负功

【例 3】如图所示，质量 2 kg 的物体在水平地面上，受到与水平方向成 37° 角，大小为 10 N 的拉力作用，移动 2 m ，已知地面与物体间的动摩擦因数 $\mu=0.2$ ，取 $g=10 \text{ m/s}^2$ ，求：



- (1) 拉力对物体做的功
- (2) 重力对物体做的功
- (3) 弹力对物体做的功
- (4) 摩擦力对物体做的功
- (5) 外力对物体做的总功

知识点二：功率

一、功率的概念

- 1、定义：功和完成这些功所用的时间之比，叫做功率。
- 2、功率是描述做功快慢的物理量，功率是标量。

二、功率的公式和单位

- 1、定义式： $P = \frac{W}{t}$ (其中 W 代表功， t 代表做功所用的时间， P 代表功率)
- 2、功率的单位：
 - (1) 在国际单位制中，功率的单位是瓦特，简称“瓦”，符号“W” $1 \text{ W} = 1 \text{ J/s}$ ($1 \text{ 瓦} = 1 \text{ 焦/秒}$)
 - (2) 常用单位：千瓦：符号“kW”， $1 \text{ kW} = 1000 \text{ W}$ ($1 \text{ 千瓦} = 1000 \text{ 瓦}$)

三、平均功率与瞬时功率

1、平均功率：

$$\bar{P} = \frac{W}{t} = \frac{FS \cos \theta}{t} = F \bar{v} \cos \theta$$

其中 F 是恒力， \bar{v} 是物体在 t 时间内的平均速度， α 是 F 与 \bar{v} 之间的夹角。

2、瞬时功率：

$$P = Fv \cos \theta \text{ (当 } \Delta t \rightarrow 0 \text{ 时, } \frac{\Delta s}{\Delta t} = v \text{ 为瞬时速度)}$$

其中 v 是物体在某一时刻的瞬时速度， α 是 F 与 v 之间的夹角。

【例 1】关于功率的公式 $P=Fv\cos\alpha$ ，以下理解正确的是 () (多选)

- A. 它是由功率的定义式 $P=\frac{W}{t}$ 及功的定义式 $W=Fscos\alpha$ 联合导出的，所以它只能用来计算平均功率
- B. 若 F 与 v 的夹角 $\alpha=0$ ， $P=Fv$
- C. 当公式中的 v 表示平均速度且 F 为恒力时，则 $P=Fv$ 求解的是平均功率
- D. 当 F 、 v 、 α 均为瞬时值时， $P=Fv\cos\alpha$ 求解的是瞬时功率

【例 2】一质量为 m 的木块静止在光滑的水平面上，从 $t=0$ 开始，将一个大小为 F 的水平恒力作用在该木块上，在 $t=t_1$ 时刻力 F 的瞬时功率是 ()

- A. $\frac{F^2}{2m}t_1$
- B. $\frac{F^2}{2m}t_1^2$
- C. $\frac{F^2}{m}t_1$
- D. $\frac{F^2}{m}t_1^2$

【例 3】质量 $m=2\text{kg}$ 的物体从静止开始自由下落，求：

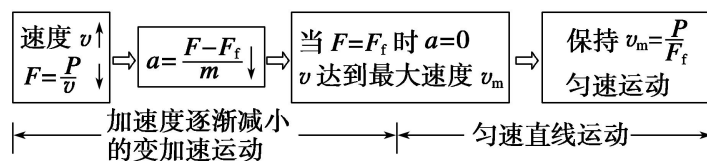
- (1) 重力 G 在 $t=3\text{s}$ 内对物体做的功
- (2) 重力 G 在 $t=3\text{s}$ 内对物体做功的平均功率
- (3) 在 3s 末，重力 G 对物体做功的瞬时功率



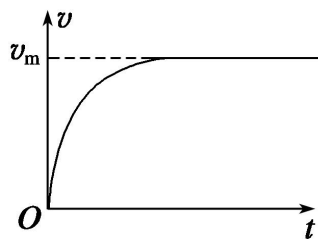
知识点三：机车启动的两种模型

一、以恒定功率启动

1、动态过程：

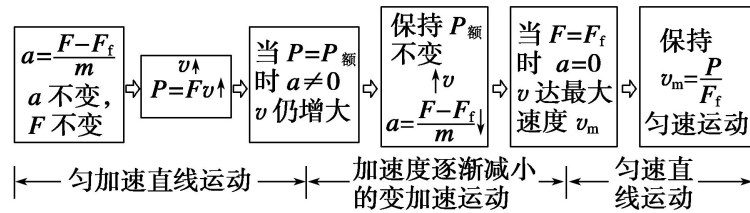


2、这一过程的速度—时间图象如图所示：

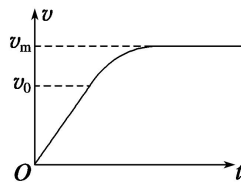


二、以恒定加速度启动

1、动态过程：



2、这一过程的速度—时间图象如图所示：



无论哪种启动方式，机车最终的最大速度都应满足 $v = \frac{P}{f}$ 且以这个速度做匀速直线运动。

三、额定功率和实际功率

1、额定功率就是机械正常条件下长时间工作的最大功率。

2、实际功率就是机械实际运行时的功率。

【例 1】假设摩托艇受到的阻力的大小正比于它的速率。如果摩托艇发动机的输出功率变为原来的 2 倍，则摩托艇的最大速率变为原来的 ()

A. 4 倍

B. 2 倍

C. $\sqrt{3}$ 倍

D. $\sqrt{2}$ 倍

【例 2】汽车以速率 v_1 沿一斜坡向上匀速行驶，若保持发动机功率不变，沿此斜坡向下匀速行驶的速率为 v_2 ，则汽车以同样大小的功率在水平路面上行驶时的最大速率为（设三情况下汽车所受的阻力相同）()

A. $\sqrt{v_1 v_2}$

B. $\frac{1}{2}(v_1 + v_2)$

C. $\frac{2v_1 v_2}{v_1 + v_2}$

D. $\frac{v_1 v_2}{v_1 + v_2}$

【例 3】一辆质量为 $2.0 \times 10^3 \text{ kg}$ 的汽车以额定功率为 $6.0 \times 10^4 \text{ W}$ 在水平公路上行驶，汽车受到的阻力不变，汽车所能达到的最大速度为 30 m/s ，求：

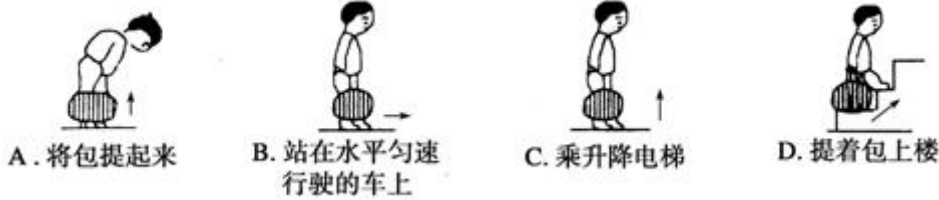
(1) 汽车所受的阻力大小

(2) 当汽车的速度为 10 m/s 时，汽车的加速度



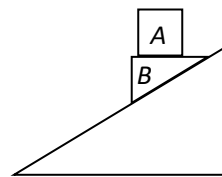
枝繁叶茂

1、下列选项所示的四幅图是小明提包回家的情景，其中小明提包的力不做功的是 ()



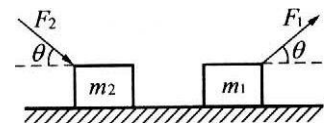
2、如图所示，木块 B 上表面是水平的，当木块 A 置于 B 上，并与 B 保持相对静止，一起沿固定的光滑斜面由静止开始下滑，在下滑过程中 ()

- A. A 所受的合外力对 A 不做功
- B. B 对 A 做正功
- C. B 对 A 的摩擦力做负功
- D. A 对 B 不做功



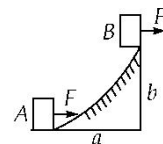
3、如图所示，质量分别为 m_1 和 m_2 的两个物体， $m_1 < m_2$ ，在大小相等的两个力 F_1 和 F_2 的作用下沿水平方向移动了相同的距离。若 F_1 做的功为 W_1 ， F_2 做的功为 W_2 ，则 ()

- A. $W_1 > W_2$
- B. $W_1 < W_2$
- C. $W_1 = W_2$
- D. 条件不足，无法确定

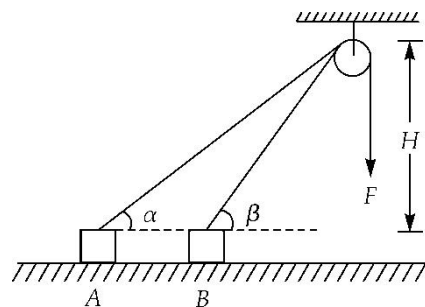


4、物体在水平恒力 F 作用下，沿曲面由 A 运动到 B ，此过程力 F 做的功为 ()

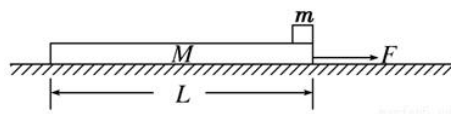
- A. Fa
- B. Fb
- C. $F\sqrt{a^2 + b^2}$
- D. 无法确定



5、如图所示，在光滑的水平面上，物块在恒力 $F=100\text{N}$ 作用下从 A 点运动到 B 点，不计滑轮的大小，不计绳、滑轮间摩擦， $H=2.4\text{m}$ ， $\alpha=37^\circ$ ， $\beta=53^\circ$ ，求拉力 F 所做的功。（已知 $\sin 37^\circ = 0.6$ ， $\cos 37^\circ = 0.8$ ）



6、质量为 M 、长为 L 的长木板，放置在光滑的水平面上，长木板最右端放置一质量为 m 的小物块，如图所示。现在长木板右端加一水平恒力 F ，使长木板从小物块底下抽出，小物块与长木板摩擦因数为 μ ，求把长木板抽出来所做的功。

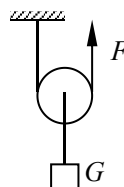


7、关于功率的概念，下列说法中正确的是 ()

- A. 功率是描述力对物体做功多少的物理量
- B. 由 $P = \frac{W}{t}$ 可知，功率与时间成反比
- C. 由 $P = Fv$ 可知只要 F 不为零， v 也不为零，那么功率 P 就一定不为零
- D. 某个力对物体做功越快，它的功率就一定大

8、如图所示，用 $F=20\text{N}$ 的力将重物 G 由静止开始以 0.2m/s^2 的加速度上升，则 5s 末时 F 的功率是 ()

- A. 10W
- B. 20W
- C. 30W
- D. 40W



9、起重机的钢绳吊着物体由静止开始竖直向上运动，先以加速度 a ($a < g$) 加速运动再匀速运动，最后减速运动到静止，则关于各段运动中绳的拉力的平均功率，下列说法中正确的是 () (多选)

- A. 第一段平均功率最大
- B. 第二段平均功率最大
- C. 第三段平均功率最小
- D. 第一段平均功率最小

10、一个小孩站在船头，以图中两种情况用同样大小力拉绳，经过相同的时间 t (船未碰撞)，小孩所做的功 W_1 、 W_2 及在时间 t 内小孩拉绳的功率 P_1 、 P_2 的关系为 ()

- A. $W_1 > W_2$, $P_1 = P_2$
- B. $W_1 = W_2$, $P_1 = P_2$
- C. $W_1 < W_2$, $P_1 < P_2$
- D. $W_1 < W_2$, $P_1 = P_2$



11、用与斜面平行的 10N 的拉力沿斜面把一个物体从斜面底端拉到顶端需时间 2.5s ，已知斜面长 3.0m ，物体在斜面顶端时的速度为 2.0m/s ，在这过程中拉力的平均功率为_____W，在斜面顶端的瞬时功率为_____W。

12、一跳绳运动员质量 $m=50\text{kg}$ ，1 分钟跳 180 次，假设每次跳跃中，脚与地面的接触时间占跳跃一次所用时间的 $\frac{2}{5}$ ，试估算该运动员跳绳时克服重力做功的平均功率多大？

13、汽车由静止开始运动，若要使汽车在开始运动一小段时间保持匀加速直线运动，则 ()

- A. 不断增大牵引功率 B. 不断减小牵引功率
C. 保持牵引功率不变 D. 不能判断牵引功率怎样变化

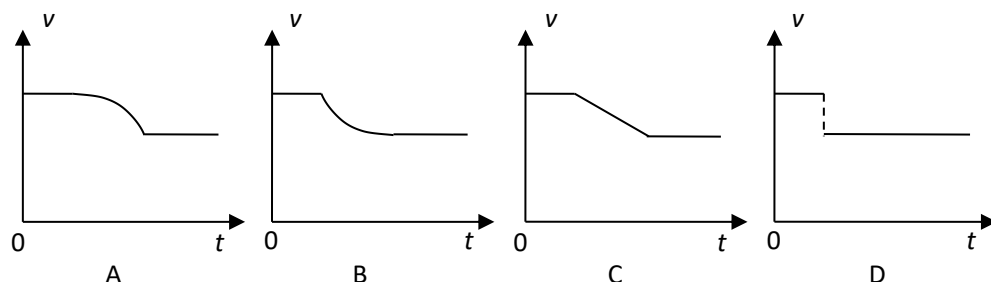
14、一辆汽车以恒定的功率沿倾角为 30° 的斜坡行驶时，汽车所受的摩擦阻力等于车重的 2 倍，若车匀速上坡时速度为 v ，则它匀速下坡时的速度为 ()

- A. $\frac{5}{3}v$ B. $2v$ C. $3v$ D. $\sqrt{3}v$

15、一辆汽车从静止开始做加速直线运动,运动中保持牵引功率不变,行驶 10s . 速度达到 10m/s . 则汽车在这段时间行驶的距离 ()

- A. 一定大于 50m B. 一定小于 50m
C. 一定等于 50m D. 可能等于 50m

16、汽车在一平直路面上匀速行驶，前方遇到一段泥泞的路面，导致汽车受到的阻力变大了，若汽车发动机的功率保持不变，经过一段时间后，汽车在泥泞的路面上又做匀速运动，则在图中关于汽车的速度随时间变化关系正确的图象是 ()

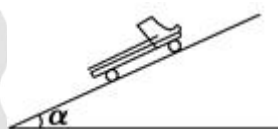


17、下表列出某种型号轿车的部分数据，根据表中数据可知：该车以最大功率和最高速度在水平路面上行驶时所受阻力的大小是_____N；假定轿车所受阻力恒定，若轿车保持最大功率行使，当轿车载重 200 kg，速度达到 10m/s 时，加速度为_____m/s²。

净重/kg	1000
发动机排量/L	2.2
最高时速/km·h ⁻¹	180
0—100km/h 的加速时间/s	9.9
最大功率/kW	150

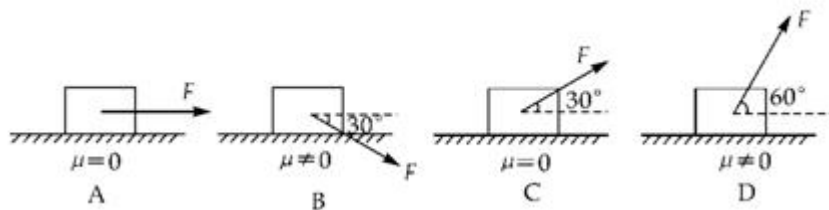
18、汽车发动机的功率为 60 kW，汽车的质量为 4 t，当它行驶在坡度 $\sin\alpha=0.02$ 的长直公路上时，如图所示，所受阻力为车重的 0.1 倍，求：

- (1) 汽车所能达到的最大速度 v_m
- (2) 若汽车从静止开始以 0.6 m/s^2 的加速度做匀加速直线运动，则此过程能维持多长时间？
- (3) 当汽车匀加速行驶的速度达到最大值时，汽车做功多少？
- (4) 在 10 s 末汽车的即时功率为多大？



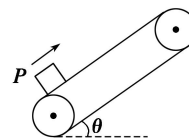
瓜熟蒂落

1、如图所示，力 F 大小相等，A、B、C、D 中物体运动的位移 s 也相同，以下哪种情况 F 做功最小（ ）



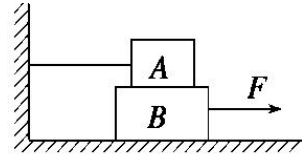
2、如图所示，在皮带传送装置中，皮带把物体 P 匀速带至高处，在此过程中，下述说法正确的是（ ）
（多选）

- A. 摩擦力对物体做正功
- B. 摩擦力对物体做负功
- C. 支持力对物体不做功
- D. 摩擦力对物体不做功



3、如图所示，A、B叠放着，A用绳系在固定的墙上，用力F将B拉着右移。用 F_T 、 F_{AB} 和 F_{BA} 分别表示绳子的拉力、A对B的摩擦力和B对A的摩擦力，则下列叙述中正确的是（ ）

- A. F 做正功， F_{AB} 做负功， F_{BA} 做正功， F_T 不做功
- B. F 和 F_{BA} 做正功， F_{AB} 和 F_T 做负功
- C. F 做正功，其他力都不做功
- D. F 做正功， F_{AB} 做负功， F_{BA} 和 F_T 都不做功

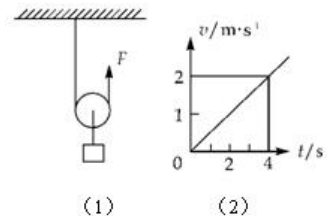


4、某车以相同的功率在两种不同的水平路面上行驶，受到的阻力分别为车重的 k_1 和 k_2 倍，最大速率分别为 v_1 和 v_2 ，则（ ）

- A. $v_2 = k_1 v_1$
- B. $v_2 = \frac{k_1}{k_2} v_1$
- C. $v_2 = \frac{k_2}{k_1} v_1$
- D. $v_2 = k_2 v_1$

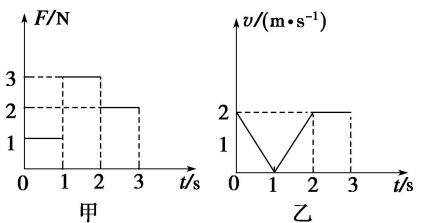
5、如图（1）所示，滑轮质量、摩擦均不计，质量为 2kg 的物体在 F 作用下由静止开始向上做匀加速运动，其速度随时间的变化关系如图（2）所示，由此可知（ g 取 10m/s^2 ）（ ）

- A. 物体加速度大小为 2m/s^2
- B. F 的大小为 21N
- C. 4s 末 F 的功率大小为 42W
- D. 4s 内 F 做功的平均功率为 42W

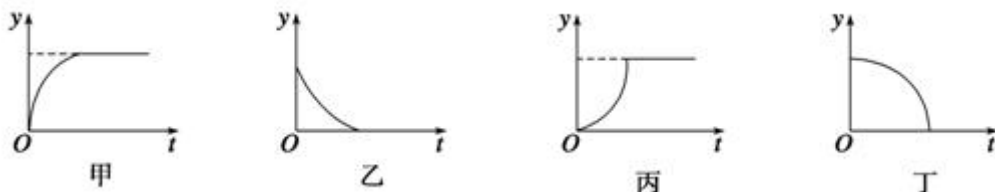


6、一滑块在水平地面上沿直线滑行， $t=0$ 时刻其速度为 2m/s 。从此时刻开始在滑块运动方向上再施加一水平拉力 F ，力 F 和滑块的速度 v 随时间 t 的变化规律分别如图甲和乙所示。设在第 1s 内、第 2s 内、第 3s 内力 F 对滑块做功的平均功率分别为 P_1 、 P_2 、 P_3 ，则（ ）（多选）

- A. $P_1 > P_2 > P_3$
- B. $P_1 < P_2 < P_3$
- C. $0 \sim 2\text{s}$ 内拉力 F 对滑块做功为 4J
- D. $0 \sim 2\text{s}$ 内摩擦力对滑块做功为 4J



7、汽车在平直的公路上以恒定的功率启动，设阻力恒定，则下列图中关于汽车运动过程中加速度、速度随时间变化的关系，以下判断正确的是（ ）（多选）



- A. 汽车的加速度—时间图象可用图乙描述
- B. 汽车的速度—时间图象可用图甲描述
- C. 汽车的加速度—时间图象可用图丁描述
- D. 汽车的速度—时间图象可用图丙描述

8、汽车发动机的额定功率为 60kW ，满载时在水平直路上最大的行驶速度可达 20m/s ，这时汽车所受阻力为 _____ N ，若汽车实际速度保持 15m/s 的速度不变，则汽车发动机实际功率是 _____ W （设汽车所受阻力不变）。

9、某地强风的风速约为 $v=20\text{m/s}$ ，空气密度 $\rho=1.3\text{kg/m}^3$ 。如果把通过横截面积为 $S=20\text{m}^2$ 的风的动能全部转化为电能，则利用上述量计算电功率的公式 $P=_____$ ，功率大小约为 _____

10、一辆质量为 $2.0\times 10^3\text{kg}$ 的汽车以额定功率为 $6.0\times 10^4\text{W}$ 在水平公路上行驶，汽车受到的阻力为一定值在某时刻汽车的速度为 20m/s ，加速度为 0.5m/s^2 ，求：

- （1）汽车所能达到的最大速度是多大？
- （2）当汽车的速度为 10m/s 时的加速度是多大？
- （3）若汽车从静止开始做匀加速直线运动（不是额定功率行驶），加速度的大小为 $a=1.0\text{m/s}^2$ ，则这一过程能保持多长时间？



11、心电图的出纸速度（纸带移动的速度） $v=2.5\text{cm/s}$ ，记录下的某人的心电图如图所示（图纸上每小格边长 $l=5\text{mm}$ ），在图象上，相邻的两个最大振幅之间对应的时间为心率的一个周期。

- （1）此人的心率为多少次/分？
- （2）若某人的心率为 75次/分 ，每跳一次输送 80mL 血液，他的血压（可看做心脏压送血液的平均压强）为 $1.5\times 10^4\text{Pa}$ ，据此估算此人心脏跳动做功的平均功率 P 。
- （3）按第（2）问的答案估算一下，人的心脏工作一天所做的功相当于把 1吨 重的物体举起多高？（保留两位有效数字）

