

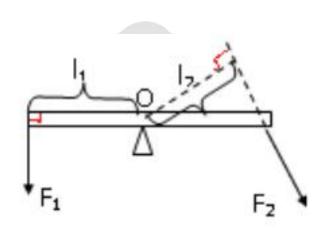


# 杠杆 杠杆平衡条件

日期:	时间:	姓名:
Date:	Time:	Name:



# 初露锋芒



学习目标

&

重难点

- 1. 掌握杠杆的定义
- 2. 理解杠杆的五要素,会作图
- 3. 理解应用杠杆平衡条件
- 1. 杠杆及其五要素
- 2. 杠杆平衡条件





# 根深蒂固

1		杠	[杆
1	`	ጥሀ	作工

杠杆的定义:在力的作用下绕转动的硬棒。	
说明: (1) 杠杆可,任意。	
(2) 有些情况下,可将杠杆实际转一下,来帮助确定。如: 鱼杆、铁锹。	
【答案】(1)①固定点 (2)直;曲;形状;支点	
2、杠杆五要素	
(1) 支点:杠杆绕着转动的点,即定义中的;一般用表示,在图中即" $\Delta$ ";说明:支点一	定
在上。	
(2) 动力: 使杠杆的力, 一般用表示。	
(3) 阻力:杠杆转动的力,一般用表示。	
(4) 动力臂:从	
(5) 阻力臂:从	
(6)说明:动力和阻力都是外界施加给杠杆的力,	
上。动力、阻力的方向不一定,但它们使杠杆的方向相反。	
【答案】(1)固定点; O; 杠杆 (2)转动; F <sub>1</sub> (3)阻碍; F <sub>2</sub>	
$(4)$ 支点; 动力作用线; $L_1$ $(5)$ 支点; 阻力作用线; $L_2$ $(6)$ 杠杆; 杠杆; 相反; 转动	
3、杠杆作图	
作图的步骤:一找支点、二画线、三连距离、四标签。	
(1) 确定O;	
(2) 画力的; (虚线)	
(3) 画力臂,过支点到力的作用线作线;(虚线)	
(4) 标垂直符号, 定力臂。(大括号)	
【答案】(1)支点 (2)作用线 (3)垂	
4、杠杆平衡条件	
(1) 杠杆平衡是指: 杠杆或绕支点。	
(2) 杠杆的平衡条件(或杠杆原理):。公式是	变形
公式:。	
【答案】(1)静止不动;匀速转动	
(2) 动力乘以动力臂等于阻力乘以阻力臂; $F_1L_1=F_2L_2$ ; $F_1/F_2=L_2/L_1$	





# 枝繁叶茂

### 1、杠杆

知识点一: 木	I杆定义
---------	------

 【例 1】下列物体中不能看成杠杆的是
 ( )

 A. 筷子
 B. 火钳
 C. 剪刀
 D. 橡皮筋

【难度】★【答案】D 【解析】因为杠杆的定义是:能够绕着某一固定点转动的硬棒,上述选项中A、

B、C 都符合要求,只有 D 是软的不是硬棒,所以不能看成是杠杆。

【例 2】判断下列物体中,哪些属于杠杆()

A. 自行车的链条

B. 拔铁钉的羊角锤

C. 杂技演员手中的水流星

D. 打气筒中的活塞杆

【难度】★【答案】B 【解析】因为杠杆的定义是:能够绕着某一固定点转动的硬棒,上述选项中 B 符合要求,而 A、C、D 是软的不是硬棒,所以不能看成是杠杆。

### 知识点二: 杠杆五要素

【例1】关于力臂,下列说法正确的是 (

- A. 从动力作用点到支点的距离叫做动力臂
- B. 力臂就是杠杆的长度
- C. 从支点到阻力作用线的距离叫做阻力臂
- D. 力臂一定在杠杆上

【难度】★【答案】C 【解析】力臂是从支点到力的作用线的距离,简单地说,就是"点到线"的距离,而不是"点"到"点"的距离。力臂不一定是杠杆的长度,也不一定在杠杆上。

【例 2】下列关于杠杆的说法中,错误的是 ( )

- A. 杠杆可以是直的,也可以是弯的
- B. 杠杆的长度等于动力臂和阻力臂之和
- C. 支点可以在杠杆的端点,也可以在力的作用线之间
- D. 动力、阻力使杠杆转动方向相反,但他们的方向不一定相反

#### 【难度】★★【答案】B

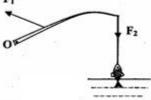
【解析】A、杠杆是硬棒,形状可以是直棒,也可以是弯曲的,故A正确;

- B、力臂是从支点到力作用线之间的距离,不是到力作用点之间的距离,所以动力臂与阻力臂之和不一定等于杠杆的长度,故 B 错误。
- C、杠杆绕着转动的点叫支点,支点一定在杠杆上,可以在杠杆上的任何位置,故 C 正确;
- D、动力、阻力是一个使杠杆转动、一个是阻碍杠杆转动; 故使杠杆转动方向相反, 但他们的方向不一定 是相反的, 故 D 正确。



# 知识点三: 杠杆作图

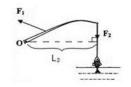
【例1】如图所示为钓鱼竿钓鱼时的示意图,O为支点, $F_1$ 表示手对钓鱼竿的作用力,请在图中画出鱼线对钓鱼竿拉力  $F_2$ 的力臂  $L_2$ 。



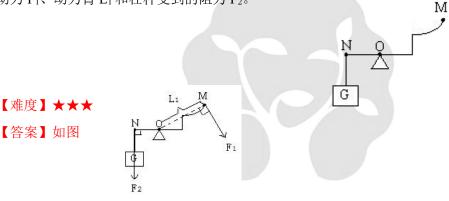
### 【难度】★

### 【答案】

【解析】力臂是从支点到力的作用线的距离。



【例 2】如图所示,杠杆的 N 端挂一重物,在 M 点施加一个最小的动力使杠杆平衡。试画出这个最小的动力  $F_1$ 、动力臂  $L_1$  和杠杆受到的阻力  $F_2$ 。



【解析】由杠杆的平衡条件可知,当动力最小时,就是动力臂最大时,最大的力臂就是支点与力的作用点 所连接的线段,如图中的 OM,过力的作用点作力臂的垂线就是力的位置,图中的  $F_1$  所示;在本题中杠 杆的阻力就是物体所受的重力。

### 2、杠杆平衡条件

# 知识点一: 杠杆平衡条件

【例1】如图所示,某人用一根轻质木棒挑着重为120N的物体站在水平地面上,木棒保持水平,棒 AB长为1.2m,重物悬挂处离肩膀距离 BO 为0.8m,则手在 A端对木棒竖直向下的作用力大小为 N。

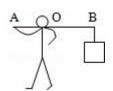
### 【难度】★★

【答案】240N

【解析】肩膀是支点,由杠杆平衡条件可得:

 $F \times OA = G \times OB$ ,  $\square$ :  $F \times (AB - OB) = G \times OB$ 

F× (1.2m-0.8m) =120N×0.8m,解得,手在A端对木棒施加的力,F=240N





【例 2】一根扁担长 1.4m, 前后两筐内分别装有 300N 和 400N 的货物。问:人肩挑处离前筐多远才能平衡? (不计扁担及筐的质量)

# 【难度】★★

【答案】0.8m

【解析】设前筐重力  $G_1$ , 肩到前筐距  $L_1$ , 后筐重力  $G_2$ , 肩到后筐距  $L_2$ 。

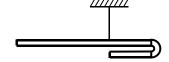
由杠杆平衡条件  $G_1L_1=G_2L_2$ , 即  $G_1L_1=G_2$  (1.4m- $L_1$ ),

 $L_1 = 0.8 m$ 

## 知识点二: 杠杆平衡应用

【例1】一根粗细均匀的细铁丝,用细线将其中点为 O 悬挂起来。铁丝刚好在水平位置平衡。如果将其右端弯折如图所示,则铁丝 ( ) ,,,,,,,,

- A. 仍然平衡
- B. 右端上升
- C. 右端下降
- D. 无法判断



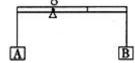
### 【难度】★★

### 【答案】B

【解析】若将右边铁丝弯折一下,其重力的大小没有变化,但是重心向左移动,力臂减小;因原来左右两边重力相同,力臂相等;其右端弯折后,力臂左大、右小,所以左边的力和力臂的乘积大,杠杆的左端将向下倾斜。

【例 2】如图所示,杠杆处于平衡状态,如果在物体 A 和 B 下端同时挂一个相同质量的钩码,下列判断正确的是 ( )

- A. 杠杆不能平衡, 左端下沉
- B. 杠杆不能平衡, 右端下沉
- C. 杠杆仍能平衡
- D. 无法判断



### 【难度】★★

### 【答案】B

【解析】原来杠杆平衡,则 G<sub>A</sub>×L=G<sub>B</sub>×2L

若在物体 A 和 B 下端同时挂一个相同质量的钩码,则左边=( $G_A+G$ )×L= $G_A\times L+G\times L$ ;

右边=  $(G_B+G) \times 2L=G_B\times 2L+2G\times L$ ,又  $G_A\times L=G_B\times 2L$ ,GL<2GL,所以:

 $(G_A+G) \times L < (G_B+G) \times 2L$ ,杠杆将向右倾斜,ACD 错误,B 正确。故选 B。



### 知识点三:最小力问题

【例1】某工厂要把质量为150kg 直径为60cm 的汽油桶用人力把它从室外滚至室内,进门时遇到一级高 20cm 的台阶,如图所示,工人师傅要把这只油桶翻上这一级台阶至少要用多大的力?

### 【难度】★★

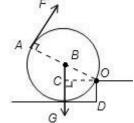
【答案】707N

【解析】如图,支点为O,阻力为G,阻力臂为 $L_{OC}$ , $L_{OD}=20cm$ ,

G=mg=150kg×10N/kg=1500N。过支点 O,画直径 OA,过 A 做 OA 的垂线,沿该方向用力最小(最省力) 直径 LOA=60cm,

 $L_{OB}=30cm$ ,  $L_{OC}=20 \sqrt{2cm}$ ,

由杠杆平衡条件: FLoa=GLoc, F=707N。



G-20N

【例 2】如图所示,AOB 为一轻质杠杆(杠杆自重忽略不计),O 为支点,OA=OB,在杠杆的 B 端挂一重 20N 的重物,要使杠杆平衡,则在 A 端施加的力 F 至少为\_\_\_\_\_\_N。

# 【难度】★★

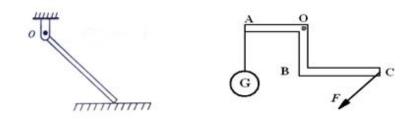
【答案】20N

【解析】若在 A 端施力 F,当 F 的方向与杠杆垂直时动力臂最大,此时最省力,根据杠杆的平衡条件知: $F \times L_{OA} = G \times L_{OB}$ ,其中: $L_{OA} = L_{OB}$ ,G = 20N,则 F = G = 20N;所以,在 A 端施加的力 F 至少为 20N。



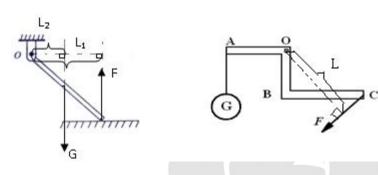
# 随堂检测

1、在左图中画出杠杆的各个要素;如右图所示,是一个 Z 形杠杆,请在图中画出力 F 对支点 O 的力臂 L。



### 【难度】★

### 【答案】



### 【难度】★【答案】大于;靠近;远离

3、用杠杆去撬动一块石头,如果杠杆的动力臂长2m,阻力臂长40cm,那么只要用\_\_\_\_\_N的力就能撬起重500N的一块石头。

### 【难度】★【答案】100

- 4、在棉花产区,拔棉秆是。农民的一项繁重的体力劳动。王刚同学仿照钳子的结构制成一种工具。如图所示,使用时,将小铲着地,用虎口夹住棉秆的下部,然后在套管上用力,棉秆就拔出来了,该农具可视为杠杆,则支点、动力作用点、阻力作用点对应下列位置正确的是 ( )
  - A. 转轴--虎口--套管
  - B. 小铲—套管—虎口
  - C. 小铲--虎口--套管
  - D. 虎口—转轴—套管

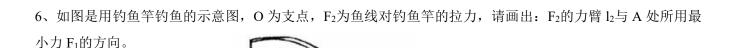
# 【难度】★【答案】B





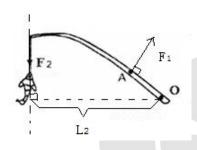
5、在电视剧《三国》中,有这样一个情景:一群士兵用力拉动一个杠杆,会将石块抛向敌方阵营。要把石块 抛出去,图中作用在 A 点的力沿 方向最小(填 a、b 或 c)。

### 【难度】★★【答案】C





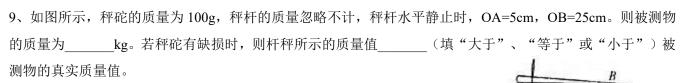




- 7、杠杆平衡时,下列说法正确的是 (
  - A. 阻力越大, 动力一定越大
  - B. 阻力臂越短, 动力臂一定越长
  - C. 当阻力和阻力臂的大小一定时,动力臂越长,动力一定越小
  - D. 动力臂和阻力臂一定是相互垂直的

### 【难度】★【答案】C

### 【难度】★★【答案】=;不变



# 【难度】★★

【答案】0.5; 大于



10、如图所示,一根轻质木杆,A 端细线下所挂 50N 的重物静止在水平地面上。当在 B 端加竖直向下的作用力 F=30N 时,木杆恰能在水平位置处于平衡状态,此时细线竖直。已知 OA=15cm,OB=5cm,则重物对水平地面的压力为

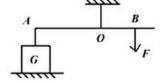
A. 80N

B. 60N

C. 40N

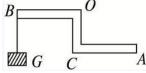
D. 20N

### 【难度】★★【答案】C



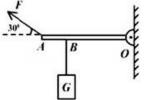
11、如图所示是一弯曲的杠杆, O 是支点, OB=CA=4cm, OC=3cm。在 B 点挂一重物 G=10N, 在 A 点加一力, 要使杠杆平衡, 力 F 最小值为多大?

# 【难度】★★【答案】8N



12、如图所示,重力不计的杠杆 OA,O 为支点,在拉力 F 和重力为 30N 的重物 G 的作用下,杠杆 OA 恰在水平位置平衡。已知 OA=80cm,AB=20cm,杠杆与转动轴间的摩擦忽略不计。那么拉力 F 的力臂 L= \_\_\_\_cm,拉力 F= N。 \_\_\_\_\_

【难度】★★【答案】40; 45

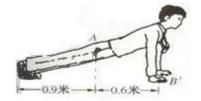


13、直角轻棒 ABO,可绕 O 点自由转动,AB=30 厘米,OB=40 厘米,现在 OB 中点 C 处挂一重物 G=100 牛,欲使 OB 在与墙面垂直的位置上保持平衡,则在 A 点至少应加多大的力?

# 【难度】★★★【答案】40N

14、如图所示,质量为 60 千克的小张同学在做俯卧撑运动。此时可将他视为一个杠杆,他的重心在 A 点。则: (1) 小张同学所受的重力大小为多少? (2) 若他将身体撑起,地面对手的作用力至少多大?

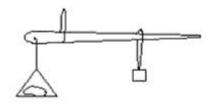
【难度】★★【答案】588N; 352.8N



15、一把杆秤不计自重,提纽到秤钩距离是 4cm,秤砣质量 250g。用来称质量是 2kg 的物体,秤砣应离提纽 多远,秤杆才平衡?若秤杆长 60cm,则这把秤最大能称量多少千克的物体?

## 【难度】★★

【答案】32cm; 3.5kg







# 瓜熟蒂落

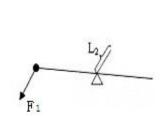
- 1、下列说法中正确的是 ( )
  - A. 杠杆是一种省力的机械
  - B. 杠杆的长度总等于动力臂与阻力臂之和
  - C. 从支点到力的作用点之间的距离叫做力臂
  - D. 杠杆可以是直的, 也可以是弯的

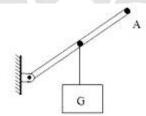
# 【难度】★【答案】D

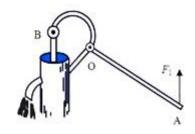
2、驱使杠杆转动的力叫做	,阻碍杠杆转动的力叫做	,支点到动力作用线的距离叫	,
支占到阻力作用线的距离叫	2		

# 【难度】★【答案】动力;阻力;动力臂;阻力臂

- 3、(1) 在图中画出力  $F_1$ 的力臂和力臂  $L_2$ 对应的力  $F_2$ 。
- (2) 如图所示,为了让杠杆静止在图中位置,请画出在 A 点所施加的最小动力 F 及其力臂 L。
- (3)请在图中画出动力  $F_1$ 的力臂以及作用于 B 点的阻力  $F_2$ 的示意图。

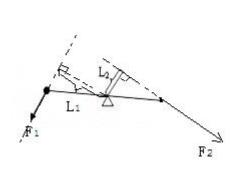


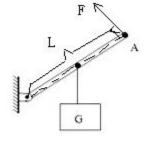


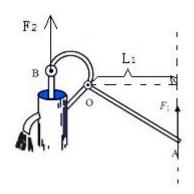


### 【难度】★★

### 【答案】







- 4、一根重100N 的均匀直铁棒放在水平地面上,抬起一端所需最小的力是 (
  - A. 50N
- B. 75N
- C. 25N
- D. 100N

### 【难度】★★

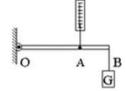
### 【答案】A



5、如图所示,手持弹簧秤竖直向上拉,使杠杆处于水平平衡状态,弹簧秤的示数是5N,OA=80cm,AB=20cm, 求物体的重力。

### 【难度】★

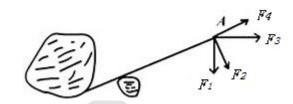
【答案】4N



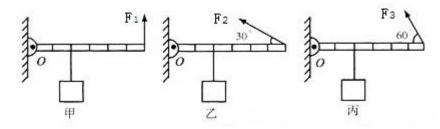
- 6、用撬棒撬石头时,如果先后用大小相等的力沿着图中所示的方向作用在撬棒的一端 A 点上,则(
  - A. Fi最容易把石头撬起
  - B. F<sub>2</sub>最容易把石头撬起
  - C. F3最容易把石头撬起
  - D. F4最容易把石头撬起



### 【答案】B



7、如图所示,甲、乙、丙三个相同的杠杆,所挂的物体受到的重力均为G,它们分别在方向如图所示的力 $F_1$ 、 $F_2$ 、 $F_3$ 作用下处于平衡状态,那么



- A.  $F_1 = F_2 = F_3$
- B.  $F_1 < F_2 < F_3$
- C.  $F_1 > F_2 > F_3$
- D.  $F_2 > F_3 > F_1$

# 【难度】★★

### 【答案】D

8、如图所示,质量不计的光滑木板 AB 长1.2m,可绕固定点 O 转动,离 O 点0.2m 的 B 端挂一重物 G,板的 A 端用一根与水平地面成30°夹角的细绳拉住,木板在水平位置平衡时绳的拉力是6N。然后在 O 点的正上方放一质量为0.3kg 的小球,若小球以25cm/s 的速度由 O 点沿木板向 A 端匀速运动,问小球至少运动多长时间细绳的拉力减小到零?(取 g=10N/kg,绳的重力不计)

【难度】★★

【答案】4s





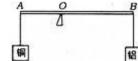
9、如图所示, 灯重30N, 灯挂在水平横杆的 C 端, O 为杠杆的支点, 水平杆 OC 长2m, 杆重不计, BC 长0.5m, 绳子 BD 作用在横杆上的拉力是多少? (已知: ∠DBO=30°)

### 【难度】★★

### 【答案】80N



- A. 左端下沉
- B. 右端下沉
- C. 仍然平衡
- D. 无法确定



# 【难度】★★

### 【答案】A

- 11、一刻度准确的杆秤,若其秤砣上粘上一块重物,那么用它称东西时,其读数 ( )
  - A. 将比实际质量大
- B. 与实际质量相同
- C. 将比实际质量小
- D. 大小难以确定

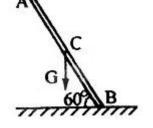
### 【难度】★★

### 【答案】C

12、在图中,AB 是一根自重为 100N 的均匀木棒,B 端着地,在 A 端用最小的力 F 时,恰好在如图位置处于平衡状态,请计算 F 的大小。

### 【难度】★★

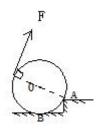
【答案】25N



13、一个圆柱形质地均匀的桶重 400N, 直径 1m, 要把它推上一个高 20cm 的坎, 此时这个桶就可以看成是一个杠杆,它的支点是\_\_\_\_\_\_, O点为重心。如果要用最小的力把它推上坎,应如何使力,在图上把它画出来,并算一算,这个最小的力应是多少?

### 【难度】★★

#### 【答案】A: 160N





# 能力提升

- 1、密度均匀的直尺 AB 放在水平桌面上,尺子伸出桌面的部分 OB 是全尺长的三分之一。当 B 端挂 5N 的重物 G 时,直尺的 A 端刚刚开始翘起,如图所示,则此直尺受到的重力是 ( )
  - A. 2.5N
- B. 5N

C. 10N

D. 20N

#### 【难度】★★★

#### 【答案】C

【解析】设直尺长为 L,

从图示可以看出: 杠杆的支点为 O, 动力大小等于物重 10N, 动力臂为 L/3;

阻力为直尺的重力 G', 阻力的力臂为 L/6

由杠杆平衡的条件得: G'L'=GL, 即: G'×L/6=5N×L/3; 解得: G'=10N

所以直尺的重力大小为 10N

### 故选 C。

2、某工地在冬季水利建设中设计了一个提起重物的机械,图是这个机械一个组成部分的示意图。OA 是根钢管,每米受重力为30N; O 是转动轴; 重物的质量 m 为 150kg,挂在 B 处,OB=1m; 拉力 F 加在 A 点,竖直向上,取 g=10N/kg。为维持平衡,钢管 OA 为多长时所用的拉力最小?这个最小拉力是多少?

### 【难度】★★★

【答案】10m; 300N

## 【解析】

由题意可知,杠杆的动力为 F,动力臂为 OA,阻力分别是重物 G 物和钢管的重力 G 钢管,阻力臂分别是 OB 和 OA/2,



钢管的重力 G 钢管=30N×OA,

由杠杆平衡条件 F<sub>1</sub>L<sub>1</sub>=F<sub>2</sub>L<sub>2</sub> 可得: F×OA=G<sub>物</sub>×OB+G<sub>钢管</sub>×OA/2,

则  $F \times OA = 1500 N \times 1 m + 30 N \times OA \times OA/2$ ,

得: F×OA=1500+15×OA<sup>2</sup>,

移项得: 15×OA<sup>2</sup>-F×OA+1500=0,

由于钢管的长度 OA 是确定的只有一个, 所以该方程只能取一个解,

因为当  $b^2$ -4ac=0 时,方程有两个相等的实数根,即有一个解,因此应该让根的判别式  $b^2$ -4ac 等于 0,

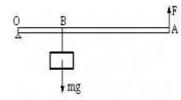
则  $F^2-4\times15\times1500=0$ ,

则 F<sup>2</sup>-90000=0, 得 F=300N,

将 F=300N 代入方程 15×OA<sup>2</sup>-F×OA+1500=0,

解得 OA=10m。

答: 为维持平衡,钢管 OA 为 10m 长时所用的拉力最小,这个最小拉力是 300N





3、为保证市场的公平交易,我国已有不少地区禁止在市场中使用杆秤。杆秤确实容易为不法商贩坑骗顾客提供可乘之机,请看下例:秤砣质量为1千克,秤杆和秤盘总质量为0.5千克,定盘星到提纽的距离为2厘米,秤盘到提纽的距离为10厘米。若有人换了一个质量为0.8千克的秤砣,售出2.5千克的物品,物品的实际质量是多少?

### 【难度】★★★

### 【答案】1.96kg

【解析】设秤杆和秤盘的重心为 C, 当杠杆平衡时秤砣放在 A 点, G  $_{\mathit{ff}} \times OC = G$ 

 $m_{k}$  × OA,即:  $m_{k}$  g × OC= $m_{k}$  g × OA, 0.5 kg × OC=1 kg × 2 cm, OC=4 cm,

使用 1kg 秤砣 (正常情况下), 设秤砣到 O 点的距离 L,

 $m_{th}g \times OB + m_{tf}g \times OC = m_{tk}g \times L$ ;  $\Box$ : 2.5kg \times g \times 10cm + 0.5kg \times g \times 4cm = 1kg \times g \times L,

解得: L=27cm,

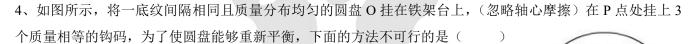
当使用 0.8kg 秤砣时, 秤砣到 O 点的距离不变,

 $m_{\eta}'g \times OB + m_{\eta}g \times OC = m_{\eta}'g \times L$ ,

即:  $m_{*}$ /g×10cm+0.5kg×g×4cm=0.8kg×g×27cm,

解得: m <sub>物</sub>'=1.96kg.

物品的实际质量是 1.96kg。



- A. 在 A 处挂 3 个钩码
- B. 在B处挂3个钩码
- C. 在 C 处挂 2 个钩码
- D. 在 D 处挂 1 个钩码

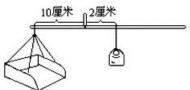
### 【难度】★★★

### 【答案】C

【解析】设每个钩码的质量为 m,底纹间隔为 L。圆盘相当于一杠杆,支点为 O,左边 P 点受到的力为阻力 F  $_{\pm}$ , F  $_{\pm}$ =3mg,阻力臂为 2L,左边 F  $_{\pm}$ L  $_{\pm}$ =3mg×2L=6mgL;右边受到的力为动力 F  $_{\pm}$ ,在 ABC 三点挂钩码施加的力的力臂相同为 2L,在 D 点挂钩码施加的力的力臂为 6L。

A、在 A 处挂 3 个钩码, $F_{\pm}L_{\pm}=3mg\times 2L=6mgL$ , $F_{\pm}L_{\pm}=F_{\pm}L_{\pm}$ ,杠杆平衡,圆盘能够重新平衡,此方法可行; B、在 B 处挂 3 个钩码, $F_{\pm}L_{\pm}=3mg\times 2L=6mgL$ , $F_{\pm}L_{\pm}=F_{\pm}L_{\pm}$ ,杠杆平衡,圆盘能够重新平衡,此方法可行; C、在 C 处挂 2 个钩码, $F_{\pm}L_{\pm}=2mg\times 2L=6mgL$ , $F_{\pm}L_{\pm}>F_{\pm}L_{\pm}$ ,杠杆不平衡,圆盘不能重新平衡,此方法不可行;

D、在 D 处挂 1 个钩码, $F_{\pm}L_{\pm}=mg\times 6L=6mgL$ , $F_{\pm}L_{\pm}=F_{\pm}L_{\pm}$ ,杠杆平衡,圆盘能够重新平衡,此方法可行。 故选 C。



D