



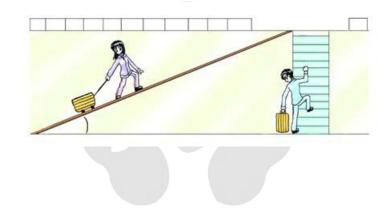
功和功率

日期:	时间:	姓名:	
Date:	Time:	Name:	



初露锋芒

初中我们已经学习了功的概念,机械做功有个重要的特点,任何机械不能省功,这个结论叫做功的原理,旅客 将带滑轮的行李箱从地面搬到平台上,若沿竖直的扶梯上去很费力,但沿斜坡匀速拖上去很省力,但两者做的 功相同的,这是为什么?







根深蒂固

知识点一:功

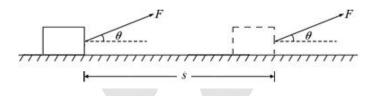
一、功的概念

定义:如果一个物体受到力的作用,并且在力的方向上发生了一段位移,物理学中就说力对物体做了功。 做功的两个不可缺少的要素:力和物体在力的方向上发生的位移。(分析一个力是否做功,关键是要看物体在力的方向上是否有位移)



二、功的大小和单位

1、大小: $W = Fscos \vartheta$ 即: 力对物体所做的功,等于力的大小、位移的大小、力和位移夹角的余弦三者的乘积。是标量。



2、判断功的正负

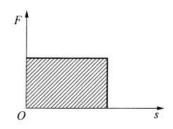
- (1) *8*<90°, 力对物体做正功;
- (2) 8>90°, 力对物体做负功, 或者说物体克服这个力做了功;
- (3) *ϑ*=90°, 力对物体不做功。

注意: 功是标量,做功的正负代表是动力做功还是阻力做功,不代表做功的大小。

- 3、功的单位:在国际单位制中功的单位是"焦耳",简称"焦",符号"J"。1J=1N·m(1焦耳=1牛·米)
- 4、适用条件: F可以是某一个力,也可以是几个力的合力,但 F必须为恒力,即大小和方向都不变的力。

三、功的图像

功的大小也可以用图像来描述,用标示恒力做功的情况,横坐标为物体的位移 s,纵坐标标示在位移方向上的作用力,画出的图像反映力与位移的关系,叫做 F-s 图,图像的阴影面积表示力 F 做的功





【例 1】起重机以 1 m/s² 的加速度将质量为 1000 kg 的货物由静止开始匀加速向上提升,若 g 取 10 m/s²,则在 1 s 内起重机对货物所做的功是 ()

- A. 500 J
- B. 4500 J
- C. 5000 J
- D. 5500 J

【难度】★★

【答案】D

【解析】货物的加速度向上,由牛顿第二定律有: F-mg=ma,

起重机的拉力 F=mg+ma=11 000 N

货物的位移是 $I = \frac{1}{2}at^2 = 0.5 \text{ m}$,

做功为 W=FI=5 500 J. 故 D 正确。

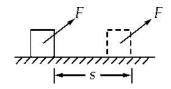
- 【例 2】关于摩擦力做功的说法正确的是 () (多选)
 - A. 滑动摩擦力总是做负功
- B. 滑动摩擦力可能做正功
- c. 静摩擦力一定不做功
- D. 静摩擦力可能做负功

【难度】★★

【答案】BD

【解析】将小物块轻轻放在匀速运动的传送带上,小物块相对传送带运动,滑动摩擦力充当动力,滑动摩擦力做正功,故A错,B对。静摩擦力作用的物体间无相对滑动,但不代表没有发生位移,所以可以做正功、负功或不做功。故C错,D对。静摩擦力和滑动摩擦力都可以做正功、负功或不做功。

- 【例 3】如图所示,质量 2kg 的物体在水平地面上,受到与水平方向成 37°角,大小为 10N 的拉力作用,移动 2m,已知地面与物体间的动摩擦因数 μ =0.2,取 g=10m/s²,求:
- (1) 拉力对物体做的功
- (2) 重力对物体做的功
- (3) 弹力对物体做的功
- (4) 摩擦力对物体做的功
- (5) 外力对物体做的总功



【难度】★★

【答案】 (1) 16J (2) 0 (3) 0 (4) -5.6J (5) 10.4J

【解析】(1)拉力 F 做功 W_F=Fs·cos37°=10×2×0.8=16J

- (2) 重力 G 做功 W_G=mgs·cos90°=0
- (3) 弹力 N 做功 W_N=Ns·cos90°=0
- (4) 摩擦力 f 做功 W_{if} =fs·cos180°= $-\mu$ Ns= $-\mu$ (mg-Fsin37°) s=-5.6J
- (5) 外力做的总功 $W_{\parallel} = W_f + W_G + W_N + W_f = 16 + 0 + 0 5.6 = 10.4$ J

也可先求出合力,再求合力做的总功 $F_{\circ} = F\cos 37^{\circ} - \mu \left(mg - F\sin 37^{\circ} \right) = 5.2 \text{N}, W_{\circ} = F_{\circ} s \cdot \cos 0^{\circ} = 5.2 \times 2 \times 1 = 10.4 \text{J}$



知识点二:功率

一、功率的概念

- 1、定义: 功和完成这些功所用的时间之比, 叫做功率。
- 2、功率是描述做功快慢的物理量,功率是标量。

二、功率的公式和单位

- 1、定义式: $P = \frac{W}{t}$ (其中 W 代表功, t 代表做功所用的时间, P 代表功率)
- 2、功率的单位:
- (1) 在国际单位制中,功率的单位是瓦特,简称"瓦",符号"W" 1W=1J/s(1瓦=1焦/秒)
- (2) 常用单位: 千瓦: 符号"kW", 1kW=1000W(1千瓦=1000瓦)

三、平均功率与瞬时功率

1、平均功率:

$$\overline{P} = \frac{W}{t} = \frac{FS\cos\theta}{t} = \overline{Fv\cos\theta}$$

其中 F 是恒力,v 是物体在 t 时间内的平均速度, α 是 F 与v 之间的夹角。

2、瞬时功率:

$$P = Fv cos \vartheta$$
(当Δ $t \rightarrow 0$ 时, $\frac{\Delta s}{\Delta t} = v$ 为瞬时速度)

其中 ν 是物体在某一时刻的瞬时速度, α 是F与 ν 之间的夹角。

- 【例 1】关于功率的公式 $P=Fv\cos\alpha$,以下理解正确的是 () (多选)
 - A. 它是由功率的定义式 $P = \frac{W}{t}$ 及功的定义式 $W = Fs\cos\alpha$ 联合导出的,所以它只能用来计算平均功率
 - B. 若 F 与 v 的夹角 α =0, P=Fv
 - C. 当公式中的 v 表示平均速度且 F 为恒力时,则 P=Fv 求解的是平均功率
 - D. 当 F、v、 α 均为瞬时值时,P=Fvcos α 求解的是瞬时功率

【难度】★【答案】BCD【解析】 $P=Fv\cos\alpha$ 是由功率的定义式和功的定义式推导得来的,但它既能用来求解 平均功率,也能用来求解瞬时功率, A 错误. 夹角 α 是力 F 与速度 V 的夹角, 当夹角 α =0 时, P=FV, B 正确. 当 F为恒力,v为平均速度时,P为平均功率; 当v为瞬时速度时,P为瞬时功率,C、D正确

【例 2】一质量为 m 的木块静止在光滑的水平面上,从 t=0 开始,将一个大小为 F 的水平恒力作用在该木块 上,在 $t=t_1$ 时刻力 F 的瞬时功率是 (

A.
$$\frac{F^2}{2m}t_1$$

B.
$$\frac{F^2}{2m}t_1^2$$
 C. $\frac{F^2}{m}t_1$ D. $\frac{F^2}{m}t_1^2$

C.
$$\frac{F^2}{m}t_1$$

D.
$$\frac{F^2}{m}t_1^2$$

【难度】★★【答案】C

【解析】在 $t=t_1$ 时刻木块的速度为 $v=at_1=\frac{F}{m}t_1$,此时刻力 F 的瞬时功率 $P=Fv=\frac{F^2}{m}t_1$,选 C



【例 3】质量 m=2kg 的物体从静止开始自由下落,求:

- (1) 重力 G 在 t=3s 内对物体做的功
- (2) 重力 G 在 t=3s 内对物体做功的平均功率
- (3) 在 3s 末,重力 G 对物体做功的瞬时功率

【难度】★★

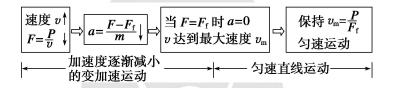
【答案】(1)900J(2)300W(3)600W

【解析】(1)重力在 t=3s 内对物体所做的功为: $W=mg\cdot s=20\times 45=900J$

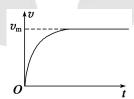
- (2) 重力在 t=3s 内对物体做功的平均功率: $P = \frac{W}{t} = \frac{900}{3} = 300$ W
- (3) 在 3s 末,重力对物体做功的瞬时功率为: $P = mg \cdot v = 20 \times 30 = 600W$

知识点三: 机车启动的两种模型

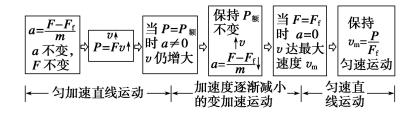
- 一、以恒定功率启动
- 1、动态过程:



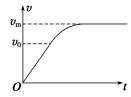
2、这一过程的速度--时间图象如图所示:



- 二、以恒定加速度启动
- 1、动态过程:



2、这一过程的速度--时间图象如图所示:



无论哪种启动方式,机车最终的最大速度都应满足 $v = \frac{P}{f}$ 且以这个速度做匀速直线运动



三、额定功率和实际功率

- 1、额定功率就是机械正常条件下长时间工作的最大功率。
- 2、实际功率就是机械实际运行时的功率。

【例 1】假设摩托艇受到的阻力的大小正比于它的速率。如果摩托艇发动机的输出功率变为原来的 2 倍,则摩托艇的最大速率变为原来的 ()

- A. 4倍
- B. 2倍
- C. √**3**倍
- D. √2倍

【难度】★★

【答案】D

【解析】摩托艇受到的阻力的大小正比于它的速率,有 f=kv。摩托艇匀速行驶时 F=f,功率 $P=Fv=kv^2$,所以输出功率变为原来的 2 倍,速率变为原来的 $\sqrt{2}$ 倍,选 D。

【例 2】汽车以速率 v_1 沿一斜坡向上匀速行驶,若保持发动机功率不变,沿此斜坡向下匀速行驶的速率为 v_2 ,则汽车以同样大小的功率在水平路面上行驶时的最大速率为(设三情况下汽车所受的阻力相同)(

- A. $\sqrt{v_1v_2}$
- B. $\frac{1}{2}(v_1 + v_2)$
- C. $\frac{2v_1v_2}{v_1+v_2}$
- D. $\frac{v_1 v_2}{v_1 + v_2}$

【难度】★★

【答案】C

【例3】一辆质量为2.0×10³kg 的汽车以额定功率为6.0×10⁴W 在水平公路上行驶,汽车受到的阻力不变,汽车所能达到的最大速度为30m/s,求:

- (1) 汽车所受的阻力大小
- (2) 当汽车的速度为10m/s 时,汽车的加速度

【难度】★★★

【答案】(1)2000N(2)2m/s²

【解析】(1)汽车所做匀速直线运动时受力平衡,汽车的牵引力等于所受的阻力,

由功率 P=Fv=fv

解得: f=2000N

(2) 当汽车的速度为 $v_1 = 10$ m/s 时,由: $P = F_1 v_1$,

解得: *F*₁=6000N

由牛顿第二定律得: $F_1-f=ma$

解得: a=2m/s²





枝繁叶茂

1、下列选项所示的四幅图是小明提包回家的情景,其中小明提包的力不做功的是 ()







B. 站在水平匀速 行驶的车上



C. 乘升降电梯

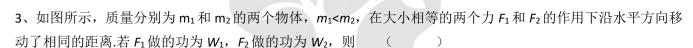


D. 提着包上村

【难度】★【答案】B

- 2、如图所示,木块 B 上表面是水平的,当木块 A 置于 B 上,并与 B 保持相对静止,一起沿固定的光滑斜面由静止开始下滑,在下滑过程中 ()
 - A. A 所受的合外力对 A 不做功
 - B. B对 A 做正功
 - C. B对 A 的摩擦力做负功
 - D. A 对 B 不做功



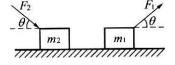


A. $W_1 > W_2$

B. $W_1 < W_2$

C. $W_1 = W_2$

D. 条件不足, 无法确定



【难度】★★【答案】C

- 4、物体在水平恒力 F 作用下,沿曲面由 A 运动到 B,此过程力 F 做的功为 (
 - A. Fa
 - C. $F\sqrt{a^2+b^2}$

- B. Fb
- D. 无法确定

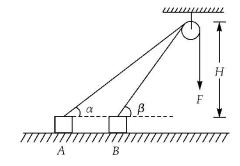


【难度】★★【答案】A

5、如图所示,在光滑的水平面上,物块在恒力 F=100N 作用下从 A 点运动到 B 点,不计滑轮的大小,不计绳、滑轮间摩擦,H=2.4m, $\alpha=37$ ° , $\beta=53$ ° ,求拉力 F 所做的功.(已知 $\sin 37$ ° =0.6, $\cos 37$ ° =0.8)

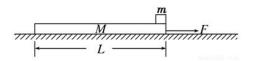
【难度】★★

【答案】100J





6、质量为 M、长为 L 的长木板,放置在光滑的水平面上,长木板最右端放置一质量为 m 的小物块,如图所示. 现在长木板右端加一水平恒力 F,使长木板从小物块底下抽出,小物块与长木板摩擦因数为 μ ,求把长木板抽出来所做的功。



【难度】★★★

【答案】由 F=ma 得 m 与 M 的各自对地的加速度分别为

$$a_{\scriptscriptstyle m} = \mu g \; , \quad a_{\scriptscriptstyle M} = \frac{F - \mu m g}{M}$$

设抽出木板所用的时间为t,则m与M在时间t内的位移分别为

$$s_m = \frac{1}{2} a_m t^2$$
, $s_M = \frac{1}{2} a_M t^2$

并有
$$s_{\scriptscriptstyle M}=s_{\scriptscriptstyle m}+L$$

$$\mathbb{RI}\ L = \frac{1}{2}(a_{\scriptscriptstyle M} - a_{\scriptscriptstyle m})t^2$$

解得
$$t^2 = \frac{2ML}{F - \mu(M+m)g}$$

所以
$$s_M = \frac{(F - \mu mg)L}{F - \mu(M + m)g}$$

所以把长木板从小物块底下抽出来所做的功为

$$W = F \cdot s_M = \frac{(F - \mu mg)FL}{F - \mu(M + m)g}$$

- 7、关于功率的概念,下列说法中正确的是 ()
 - A. 功率是描述力对物体做功多少的物理量
 - B. 由 $P = \frac{W}{t}$ 可知,功率与时间成反比
 - C. 由 P=Fv 可知只要 F 不为零,v 也不为零,那么功率 P 就一定不为零
 - D. 某个力对物体做功越快,它的功率就一定大

【难度】★

【答案】D

- 8、如图所示,用 F=20N 的力将重物 G 由静止开始以 0.2m/s² 的加速度上升,则 5s 末时 F 的功率是(
 - A. 10W

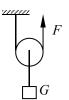
B. 20W

C. 30W

D. 40W

【难度】★★

【答案】D





					πν τς Αι	
运动到静止	的钢绳吊着物体由 ,则关于各段运动	中绳的拉力的平	² 均功率,下列说	法中正确的是		
	一段平均功率最大					
	三段平均功率最小		D. 第一段平均具	刀举菆小		
【难度】★						
【答案】BC						
10、一个小	孩站在船头,以图]中两种情况用同	同样大小力拉绳,	经过相同的时间] t (船未碰撞),	小孩所做的功
	在时间 t 内小孩拉约				, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	* *************************************
	$>W_2, P_1=P_2$					
	$=W_2, P_1=P_2$		ь			
C. W ₁	$< W_2, P_1 < P_2$		2		2-1	
	$< W_2, P_1 = P_2$		<u> </u>		1B	!
【难度】★	*	***				
【答案】C						
12、一跳绳	运动员质量 m =50	Dkg, 1 分钟跳 18	30 次,假设每次路	兆跃中,脚与地	面的接触时间占置	兆跃一次 所用时
间的 <mark>2</mark> ,试信	古算该运动员跳绳的	付克服重力做功	的平均功率多大?			
【难度】★ 【答案】75						
13、汽车由	静止开始运动,若	要使汽车在开始	台运动一小段时间	保持匀加速直线	运动,则 ()
A. 不图	断增大牵引功率		B. 不断减小牵引	功率		
C . 保持	寺牵引功率不变		D. 不能判断牵引	引功率怎样变化		
【难度】★						
【答案】A						
					the state of the s	11. 7. 7
	车以恒定的功率沿			// // // // // // // // // // // // //	等于车重的 2 倍,	若车匀速上坡
	,则它匀速下坡时	的速度为()			
A. $\frac{5}{3}v$	В	2v	c. 3 <i>v</i>	D.	$\sqrt{3}v$	

【难度】★★

【答案】A



15、一辆汽车从静止开始做加速直线运动,运动中保持牵引功率不变,行驶 **10**s. 速度达到 **10**m/s. 则汽车在这段时间行驶的距离 ()

A. 一定大于 50m

B. 一定小于 50m

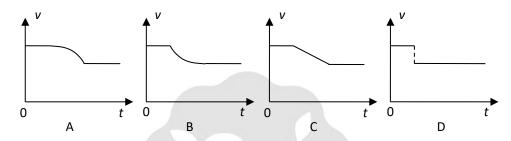
C. 一定等于 50m

D. 可能等于 50m

【难度】★★

【答案】A

16、汽车在一平直路面上匀速行驶,前方遇到一段泥泞的路面,导致汽车受到的阻力变大了,若汽车发动机的功率保持不变,经过一段时间后,汽车在泥泞的路面上又做匀速运动,则在图中关于汽车的速度随时间变化关系正确的图象是 ()



【难度】★★

【答案】B

17、下表列出某种型号轿车的部分数据,根据表中数据可知:该车以最大功率和最高速度在水平路面上行驶时所受阻力的大小是_____N;假定轿车所受阻力恒定,若轿车保持最大功率行使,当轿车载重 200 kg,速度达到 10m/s 时,加速度为 m/s²。

【难度】★★

【答案】3000;10

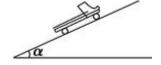
净重/kg	1000
发动机排量/L	2.2
最高时速/km·h ⁻¹	180
0—100km/h 的加速时间/s	9.9
最大功率/kW	150

18、汽车发动机的功率为 60 kW,汽车的质量为 4 t,当它行驶在坡度 $\sin\alpha = 0.02$ 的长直公路上时,如图所示,所受阻力为车重的 0.1 倍,求:

- (1) 汽车所能达到的最大速度 v_m
- (2) 若汽车从静止开始以 0.6 m/s² 的加速度做匀加速直线运动,则此过程能维持多长时间?
- (3) 当汽车匀加速行驶的速度达到最大值时,汽车做功多少?
- (4) 在 10 s 末汽车的即时功率为多大?

【难度】★★★

【答案】 (1) 12.5m/s (2) 13.9s (3) 4.16×10⁵J (4) 43.2kW

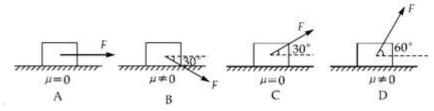






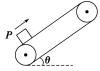
瓜熟蒂落

1、如图所示,力 F 大小相等,A、B、C、D 中物体运动的位移 S 也相同,以下哪种情况 F 做功最小(



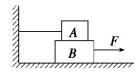
【难度】★【答案】D

- 2、如图所示,在皮带传送装置中,皮带把物体 P 匀速带至高处,在此过程中,下述说法正确的是((多选)
 - A. 摩擦力对物体做正功
- B. 摩擦力对物体做负功
- C. 支持力对物体不做功
- D. 摩擦力对物体不做功



【难度】★★【答案】AC

- 3、如图所示,A、B 叠放着,A 用绳系在固定的墙上,用力 F 将 B 拉着右移. 用 F_T 、 F_{AB} 和 F_{BA} 分别表示绳子的 拉力、A 对 B 的摩擦力和 B 对 A 的摩擦力,则下列叙述中正确的是 (
 - A. F做正功, FAB做负功, FBA做正功, FT不做功
 - B. F和 FBA做正功, FAB和 FT做负功
 - C. F做正功,其他力都不做功
 - D. F做正功, FAB做负功, FBA和FT都不做功



【难度】★★【答案】D

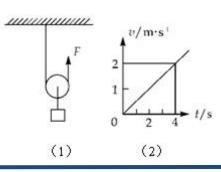
- 4、某车以相同的功率在两种不同的水平路面上行驶,受到的阻力分别为车重的 k_1 和 k_2 倍,最大速率分别为 v_1 和 V₂,则(
 - A. $v_2 = k_1 v_1$
- B. $v_2 = \frac{k_1}{k_2} v_1$ C. $v_2 = \frac{k_2}{k_1} v_1$

【难度】★★【答案】B

- 5、如图 (1) 所示,滑轮质量、摩擦均不计,质量为 2kg 的物体在 F 作用下由静止开始向上做匀加速运动,其 速度随时间的变化关系如图(2)所示,由此可知(q 取 10m/s²))
 - A. 物体加速度大小为 2m/s²
 - B. F的大小为 21N
 - C. 4s 末 F 的功率大小为 42W
 - D. 4s 内 F 做功的平均功率为 42W

【难度】★★

【答案】B

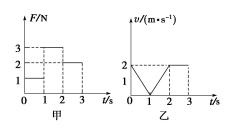




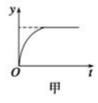
6、一滑块在水平地面上沿直线滑行,t=0 时刻其速度为 2m/s。从此时刻开始在滑块运动方向上再施加一水平拉力 F,力 F 和滑块的速度 v 随时间 t 的变化规律分别如图甲和乙所示。设在第 1 s 内、第 2 s 内、第 3 s 内力 F 对滑块做功的平均功率分别为 P_1 、 P_2 、 P_3 ,则()(多选)

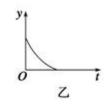
- A. $P_1 > P_2 > P_3$
- B. $P_1 < P_2 < P_3$
- C. $0\sim2$ s 内拉力 F 对滑块做功为 4 J
- D. 0~2s内摩擦力对滑块做功为4J

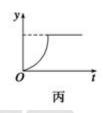
【难度】★★【答案】BC

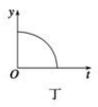


7、汽车在平直的公路上以恒定的功率启动,设阻力恒定,则下列图中关于汽车运动过程中加速度、速度随时间变化的关系,以下判断正确的是 () (多选)









- A. 汽车的加速度--时间图象可用图乙描述
- B. 汽车的速度--时间图象可用图甲描述
- C. 汽车的加速度--时间图象可用图丁描述
- D. 汽车的速度-时间图象可用图丙描述

【难度】★★【答案】AB

8、汽车发动机的额定功率为 60kW,满载时在水平直路上最大的行驶速度可达 20m/s,这时汽车所受阻力为 ______N,若汽车实际速度保持 15m/s 的速度不变,则汽车发动机实际功率是 _______W(设汽车所受阻力不变).

【难度】★★【答案】3×10³; 4.5×10⁴

9、某地强风的风速约为 v=20m/s,空气密度 $\rho=1.3$ kg/m²。如果把通过横截面积为 S=20m²的风的动能全部转化为电能,则利用上述量计算电功率的公式 $P=___$,功率大小约为 $___$

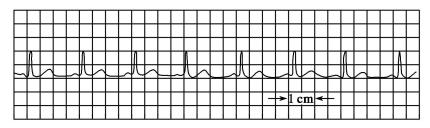
【难度】★★【答案】 $\frac{1}{2}\rho Sv^3$; 1.04×10⁵W

- 10、一辆质量为 2.0×10^3 kg 的汽车以额定功率为 6.0×10^4 W 在水平公路上行驶,汽车受到的阻力为一定值在某时 刻汽车的速度为 20 m/s,加速度为 0.5 m/s²,求:
- (1) 汽车所能达到的最大速度是多大?
- (2) 当汽车的速度为 10m/s 时的加速度是多大?
- (3) 若汽车从静止开始做匀加速直线运动(不是额定功率行驶),加速度的大小为 a=1.0m/s²,则这一过程能保持多长时间?

【难度】★★★【答案】 (1) 30m/s (2) 2m/s² (3) 15s



- **11**、心电图的出纸速度(纸带移动的速度)v=2.5 cm/s,记录下的某人的心电图如图所示(图纸上每小格边长 l=5 mm),在图象上,相邻的两个最大振幅之间对应的时间为心率的一个周期。
- (1) 此人的心率为多少次/分?
- (2)若某人的心率为 75 次/分,每跳一次输送 80 mL 血液,他的血压(可看做心脏压送血液的平均压强)为 $1.5 \times 10^4 Pa$,据此估算此人心脏跳动做功的平均功率 P。
- (3) 按第(2) 问的答案估算一下,人的心脏工作一天所做的功相当于把1吨重的物体举起多高? (保留两位有效数字)



【难度】★★★

【答案】(1)75次/分(2)1.5W(3)13m

【解析】(1)在心脏跳动一次的时间 T(周期)内,图纸移动的距离 L≈4I,有 T= $\frac{4I}{v}$ = $\frac{4×0.5}{2.5}$ s=0.8 s

- 1 分钟内跳动次数为 $f = \frac{60 \text{ s}}{T} = 75 \text{ 次/分}$ 。
- (2) 我们可以将心脏推动血液对外做功的过程,简化为心脏以恒定的压强推动圆柱形液体做功的模型. 设圆柱形液体的横截面积为S,长度为 ΔL ,

根据
$$P = \frac{W}{t}$$
, $W = F\Delta L$, $F = pS$ 得 $P = \frac{pS\Delta L}{t} = \frac{p\Delta V}{t}$

将已知条件代入式中得
$$P = \frac{1.5 \times 10^4 \times 8 \times 10^{-5} \times 75}{60}$$
 $W = 1.5 W$

(3) 心脏工作一天所做的功 W=Pt'=1.5×3 600×24 J=1.3×10⁵ J

$$h = \frac{W}{mg} = \frac{1.3 \times 10^5}{1.0 \times 10^4} \text{ m} = 13 \text{ m}$$