## Departamento de Matemática da Universidade de Aveiro

## CÁLCULO III - agrup. 4

2022/23

Folha 8: Equações a Derivadas Parciais (2D)

EDP's lineares de 1<sup>a</sup> ordem;

EDP's lineares de 2ª ordem e método de separação de variáveis

1. Determine a solução geral u = u(x, y) das seguintes EDP's lineares de  $1^a$  ordem:

(a) 
$$u'_x + u'_y = 1$$

(c) 
$$u_x' + u_y' = 2u$$

(b) 
$$u'_x - u'_y = 0$$

(d) 
$$yu'_r = u$$

2. Mostre que não há solução não trivial para o problema com condições na fronteira

$$u''_{xx} = u''_{tt}, \ (0 < x < l_1, 0 < t < l_2)$$

$$u(0, t) = 0, \ u(l_1, t) = 0, (0 < t < l_2)$$

$$u(0,t) = 0, \ u(l_1,t) = 0 \ (0 < t < l_2), \qquad u(x,0) = 0, u(x,l_2) = 0 \ (0 < x < l_1)$$

se  $l_2/l_1 \notin \mathbb{N}$ .

3. Resolva os problemas

(a) 
$$u'_t = K u''_{xx}$$
,  $0 < x < \pi$ ,  $t > 0$   
 $u'_x(0,t) = u'_x(\pi,t) = 0$ ,  $t > 0$ 

$$u(x,0) = \sin(x)\sin(3x), \ 0 < x < \pi;$$

(b) 
$$u'_t = K u''_{xx}, \ 0 < x < 2\pi, \ t > 0$$

$$u'_x(0,t) = u(2\pi,t) = 0, \ t > 0$$

$$u(x,0) = 2\cos x, \ 0 < x < 2\pi.$$