

Termodinâmica e Dinâmica de Fluidos

1º Semestre – Ano Lectivo 2023/24

Problemas: 8^a série (em construção !!!!!!)

1. Um gás a 20°C pode ser considerado rarefeito, desviando-se da aproximação de contínuo, quando contém menos de 10¹² moléculas por milímetro cúbico. Qual será a pressão absoluta (em Pa) mínima para que se mantenha válida a aproximação de meio contínuo para o gás?

Solução: $p = 4.0 \,\mathrm{Pa}$

2. A Tabela A.6 lista a densidade da atmosfera padrão em função da altitude. Use esses valores para estimar, de forma grosseira — digamos, com um erro menor que um factor de 2 — o número de moléculas de ar em toda a atmosfera da Terra.

Solução: $\approx 1.3 \times 10^{44}$ moléculas

3. Usando o elemento de líquido representado em baixo, mostre que se superfície do líquida for inclinada e estiver em contacto com uma atmosfera à pressão p_a , o líquido deve sofrer tensões de corte e, portanto, começar a fluir.

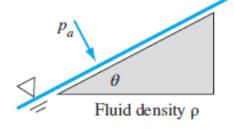


Table A.6 Properties of the Standard Atmosphere

| z, m | <i>T</i> , K | p, Pa | ρ , kg/m ³ | <i>a</i> , m/s |
|--------|--------------|---------|----------------------------|----------------|
| -500 | 291.41 | 107,508 | 1.2854 | 342.2 |
| 0 | 288.16 | 101,350 | 1.2255 | 340.3 |
| 500 | 284.91 | 95,480 | 1.1677 | 338.4 |
| 1000 | 281.66 | 89,889 | 1.1120 | 336.5 |
| 1500 | 278.41 | 84,565 | 1.0583 | 334.5 |
| 2000 | 275.16 | 79,500 | 1.0067 | 332.6 |
| 2500 | 271.91 | 74,684 | 0.9570 | 330.6 |
| 3000 | 268.66 | 70,107 | 0.9092 | 328.6 |
| 3500 | 265.41 | 65,759 | 0.8633 | 326.6 |
| 4000 | 262.16 | 61,633 | 0.8191 | 324.6 |
| 4500 | 258.91 | 57,718 | 0.7768 | 322.6 |
| 5000 | 255.66 | 54,008 | 0.7361 | 320.6 |
| 5500 | 252.41 | 50,493 | 0.6970 | 318.5 |
| 6000 | 249.16 | 47,166 | 0.6596 | 316.5 |
| 6500 | 245.91 | 44,018 | 0.6237 | 314.4 |
| 7000 | 242.66 | 41,043 | 0.5893 | 312.3 |
| 7500 | 239.41 | 38,233 | 0.5564 | 310.2 |
| 8000 | 236.16 | 35,581 | 0.5250 | 308.1 |
| 8500 | 232.91 | 33,080 | 0.4949 | 306.0 |
| 9000 | 229.66 | 30,723 | 0.4661 | 303.8 |
| 9500 | 226.41 | 28,504 | 0.4387 | 301.7 |
| 10,000 | 223.16 | 26,416 | 0.4125 | 299.5 |
| 10,500 | 219.91 | 24,455 | 0.3875 | 297.3 |
| 11,000 | 216.66 | 22,612 | 0.3637 | 295.1 |
| 11,500 | 216.66 | 20,897 | 0.3361 | 295.1 |
| 12,000 | 216.66 | 19,312 | 0.3106 | 295.1 |
| 12,500 | 216.66 | 17,847 | 0.2870 | 295.1 |
| 13,000 | 216.66 | 16,494 | 0.2652 | 295.1 |
| 13,500 | 216.66 | 15,243 | 0.2451 | 295.1 |
| 14,000 | 216.66 | 14,087 | 0.2265 | 295.1 |
| 14,500 | 216.66 | 13,018 | 0.2094 | 295.1 |
| 15,000 | 216.66 | 12,031 | 0.1935 | 295.1 |
| 15,500 | 216.66 | 11,118 | 0.1788 | 295.1 |
| 16,000 | 216.66 | 10,275 | 0.1652 | 295.1 |
| 16,500 | 216.66 | 9496 | 0.1527 | 295.1 |
| 17,000 | 216.66 | 8775 | 0.1411 | 295.1 |
| 17,500 | 216.66 | 8110 | 0.1304 | 295.1 |
| 18,000 | 216.66 | 7495 | 0.1205 | 295.1 |
| 18,500 | 216.66 | 6926 | 0.1114 | 295.1 |
| 19,000 | 216.66 | 6401 | 0.1029 | 295.1 |
| 19,500 | 216.66 | 5915 | 0.0951 | 295.1 |
| 20,000 | 216.66 | 5467 | 0.0879 | 295.1 |
| ** *** | 240 40 | 10.10 | | **** |

4. Calcule e represente as linhas de corrente do seguinte campo de velocidade:

$$u = kx$$
; $v = -ky$; $w = 0$, onde $K \acute{e}$ uma constante.

5. Considere o campo de velocidade bidimensional não estacionário dado por u = x(1+2t), v = y. Calcule as linhas de corrente, e represente algumas que, ao longo do tempo, passam por algum ponto de referência (x_0, y_0) .

Solução:
$$y = y_0 (x/x_0)^{1/(1+2t)}$$