



Departamento de Física  
Universidade de Aveiro

# Termodinâmica e Dinâmica de Fluidos

1º Semestre – Ano Lectivo 2023/24

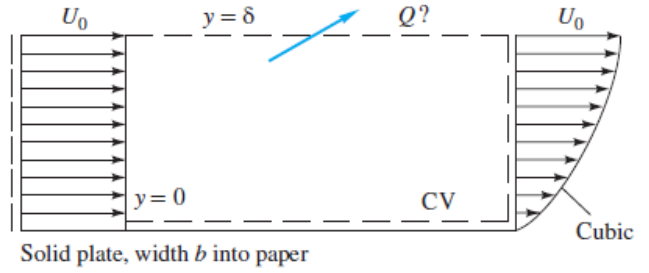
Problemas: 9ª série

1. A distribuição de velocidade de um escoamento estacionário laminar, num tubo de raio  $R$ , é dada por  $u = C(R^2 - r^2)$ , onde  $r \leq R$  e  $C$  é uma constante. Calcule o caudal,  $Q$ , do escoamento.
2. Água a  $20^\circ\text{C}$  escoa através de um tubo liso de 12.7 cm de diâmetro com um número de Reynolds muito grande (escoamento turbulento), sendo o campo de velocidade dado  $u = U_0(y/R)^{1/8}$ , onde  $U_0$  é a velocidade ao longo do eixo do tubo,  $R$  é o raio do tubo e  $y$  é a distância da parede medida ao longo do raio. Se  $U_0 = 7.62\text{ m/s}$ , estime o caudal em litros por minuto.
3. Um tanque cilíndrico encontra-se cheio de água até uma altura  $h$ , e tem um orifício com diâmetro  $D_0$ , no fundo. A água flui com velocidade média  $V_0$  através do orifício. Use o teorema do transporte de Reynolds para encontrar uma expressão para a taxa instantânea de decréscimo profundidade  $-dh/dt$ .
4. Um tanque esférico, cm 35 cm de diâmetro, está perdendo ar através de um orifício com 5 mm de diâmetro. O ar sai através do orifício com velocidade de 360 m/s e com densidade de  $2.5\text{ kg/m}^3$ . Supondo que a densidade se mantém uniforme dentro do tanque,
  - a) encontre uma fórmula para a taxa de variação da densidade média no tanque;
  - b) calcule o valor de  $d\rho/dt$  para os dados fornecidos.
5. Um tanque de testes num laboratório contém água do mar com salinidade  $S$  e densidade  $\rho$ . A água entra no tanque com salinidade  $S_1$  e densidade  $\rho_1$  através de um tubo de diâmetro  $D_1$  com velocidade  $V_1$ , e presume-se que se mistura homogénea e quase instantaneamente com a água já existente no tanque. A água sai por um outro tubo de diâmetro  $D_2$  com velocidade  $V_2$ . Se o sal for uma propriedade que se conserva (nem é criada nem destruída), use o teorema do transporte de Reynolds para encontrar uma expressão para a taxa de variação da massa de sal  $M_{\text{sal}}$  dentro do tanque.

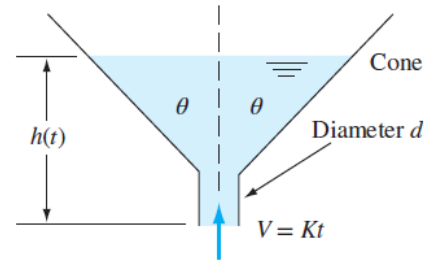
6. Um fluido incompressível flui sobre uma placa plana, rígida e fixa. Imediatamente antes da placa, o escoamento é uniforme com velocidade  $u = U_0$ , e, ao sair da placa, a velocidade do escoamento tem um perfil polinomial cúbico

$$u \approx U_0 \left( \frac{3\eta - \eta^3}{2} \right) \quad \text{onde } \eta = \frac{y}{\delta}.$$

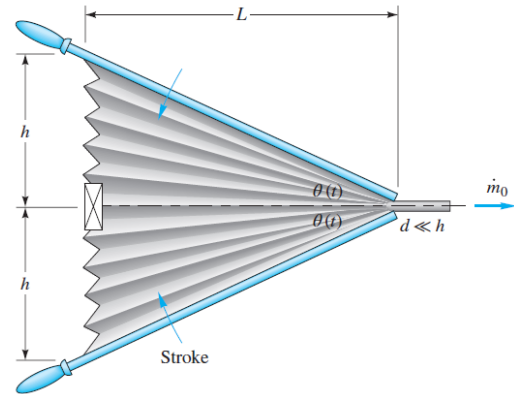
Calcule o caudal  $Q$  através da superfície superior do volume de controle.



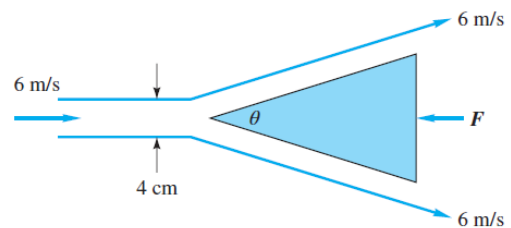
7. Água entra na parte inferior do cone representado na Figura, com uma velocidade média uniformemente crescente no tempo,  $V = Kt$ . Se o diâmetro  $d$  for muito pequeno, derive uma fórmula analítica para a altura da superfície da água  $h(t)$ , assumindo  $h = 0$  no instante inicial, e o fluxo incompressível.



8. Um fole pode ser modelado como um volume deformável em forma de cunha, como mostrado na Figura. A válvula de retenção na extremidade esquerda fecha-se durante a compressão. Sendo  $b$  a largura do fole para dentro da figura, derive uma expressão para o fluxo de massa  $\dot{m}_0$  em função do ângulo  $\theta(t)$ .

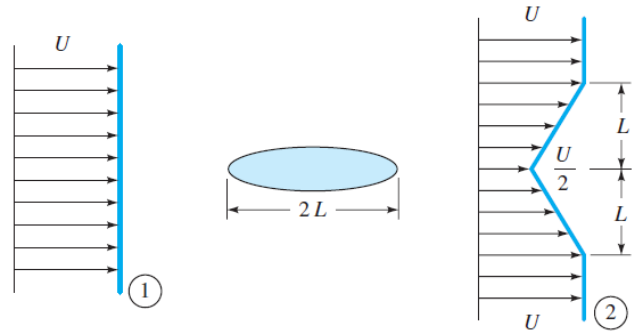


9. Uma cunha separa uma corrente de água a  $20^\circ\text{C}$ , como mostrado na Figura. Tanto a corrente como a cunha tem uma dimensão trans-



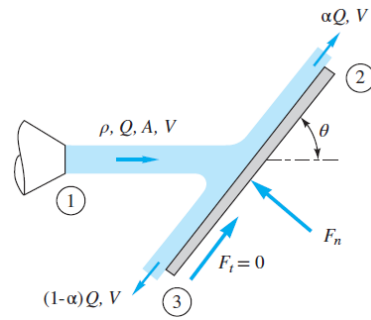
versal,  $b$ , (para dentro da folha de papel) muito grande. Se a força por unidade de comprimento necessária para manter a cunha estacionária for  $F/b = 124 \text{ N/m}$ , qual será o ângulo  $\theta$  da cunha?

10\*. Quando uma corrente uniforme passa por um cilindro comprido imerso, com superfície elíptica, uma ampla esteira de baixa velocidade é criada a jusante, idealizada em forma de V na Figura. As pressões  $p_1$  e  $p_2$  são aproximadamente iguais. Se a corrente for bi-

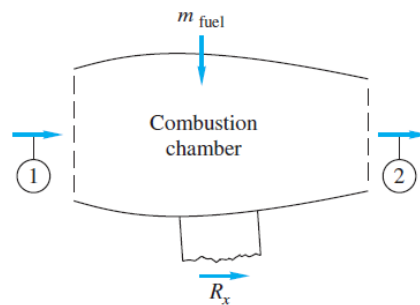


dimensional e incompressível, e o comprimento do cilindro for  $b$ , derive uma fórmula para a força de arrasto  $F$  no cilindro. Reescreva seu resultado na forma de um coeficiente de arrasto adimensional baseado no comprimento do corpo  $C_D = F/(\rho U^2 b L)$ . Considere que a separação entre as linhas de corrente que delimitam a camada limite, no escoamento a montante tem uma separação  $H = 3L/4$ .

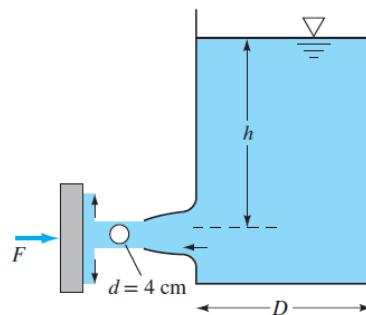
11. Quando um jacto, com caudal  $Q$ , atinge uma placa fixa inclinada, representada na Figura, separa-se em dois jactos com a mesma velocidade do jacto incidente,  $V = V_{\text{jacto}}$ , mas com caudais diferentes,  $\alpha Q$  em 2 e  $(1 - \alpha)Q$  em 3, sendo  $\alpha$  uma fracção. Sabendo que o jecto não exerce qualquer força tangencial na placa, determine a fracção  $\alpha$  função do ângulo  $\theta$ .



12. Um motor a jacto numa bancada de testes (ver Figura) admite ar à temperatura de  $20^\circ\text{C}$ , pressão de 1 atm e com velocidade  $V_1 = 250 \text{ m/s}$  da secção 1 com área  $A_1 = 0.5 \text{ m}^2$ . A proporção combustível:ar é de 1:30. O ar sai à pressão atmosférica e temperatura mais elevada, com velocidade  $V_2 = 900 \text{ m/s}$  pela secção  $A_2 = 0.4 \text{ m}^2$ . Calcule a reacção  $R_x$  da bancada de teste horizontal necessária para manter o motor fixo.



**13.** Um tanque alto descarrega água através de um orifício circular, como se representa na Figura. Considerando o atrito desprezável, estime a velocidade de saída.



- a) Se, num dado instante, a força  $F$  necessária para segurar a placa, que se encontra à frente do jacto, é de 40 N, qual é a altura  $h$  da superfície da água?
- b) Se, no mesmo instante da alínea a), a superfície do tanque estiver a baixar a uma taxa de 2,5 cm/s, qual é o diâmetro  $D$  do tanque?

## Soluções

1.  $Q = \frac{\pi}{2}CR^4$
2.  $Q \approx 4835 \text{ l/min}$
3.  $-dh/dt = \pi D_0^2 V_0 / (4A)$ , onde  $A$  é a área da superfície livre do tanque.
4. b)  $d\rho/dt = -0.79 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}/\text{s}$
5.  $\left[ \frac{dM_{\text{sal}}}{dt} \right]_{\text{CV}} = \frac{\pi}{4} (\rho_1 S_1 D_1^2 V_1 - \rho S D_2^2 V_2)$
6.  $Q = \frac{3}{8}U_0 b \delta$
7.  $h(t) = \left[ \frac{3}{8}K t^2 d^2 \cot^2 \theta \right]^{1/3}$
8.  $\dot{m}_0 = -\rho b L^2 \sec^2 \theta (d\theta/dt)$
9.  $\theta = 48^\circ$
10.  $F_{\text{drag}} = \rho U^2 L b / 3, \quad C_D = 1/3$
11.  $\alpha = (1 + \cos \theta) / 2$
12.  $R_x = 102 \text{ kN}$
13.  $h = 1.63 \text{ m} \quad D = 0.60 \text{ m}$