

## Konvolusjon

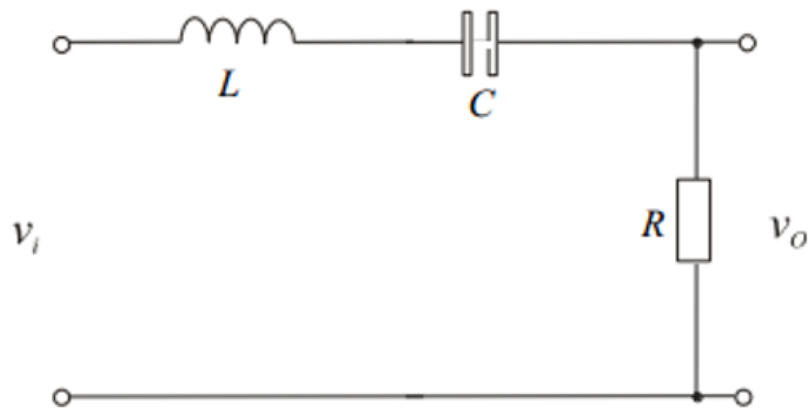
Dette er siste uke med fokus på integraltransformer, og i den sammenheng skal vi se på den litt mystiske operasjonen ”konvolusjon”. Dette er en operasjon mellom to funksjoner,  $h(t)$ ,  $x(t)$ , og som gir ut en ny funksjon (fortsett av  $t$ ). Konvolusjon er definert slik:

$$(h * x)(t) = \int_{-\infty}^{\infty} h(\tau) \cdot x(t - \tau) d\tau$$

Dette er som nevnt ganske mystiske greier. Målet for denne uken er å forstå hvorfor dersom  $x(t)$  er et opptak av stemmen din og  $h(t)$  er et opptak av en pistol som går av i nidarosdomen så vil  $(h * x)(t)$  være lyden av din stemme i nidarosdomen.

## Oppgaver

- 1 Under er en krets.



Bytt ut hver komponent med sine ekvivalenter i s-planet, slik som vi gjorde i ert-2-2.

Finn forholdet mellom  $V_o(s)$  og  $V_i(s)$ .

Dette forholdet har vi sett er viktig da det gjelder uansett hva input er for noe. Forholdet ga oss altså en måte å forutse hvordan output kom til å se ut for en gitt input-funksjon. Dette forholdet kalles transferfunksjon til systemet, og betegnes ofte  $V_o(s) = H(s)V_i(s)$ . Vi skal nå se hvordan dette egentlig er noe dere er kjent med fra før av.

- 2 Basert på transferfunksjonen  $V_o(s) = H(s)V_i(s)$  du fant i oppgave 1, gjør følgende:

- Sett inn  $s = j\omega$  og finn  $V_o(j\omega) = H(j\omega)V_i(j\omega)$
- Finn  $V_o(j\omega)$  dersom  $v_i(t) = \delta(t)$

Så dersom input-signalet er delta-pulsen så får vi transferfunksjonen som utsignal. Hadde vi tatt invers-Fourier på dette signalet for å få  $h(t)$  hadde vi fått "impuls-responsen" til systemet. Impulsresponsen og transferfunksjonen forteller oss noe om systemets iboende egenskaper.

- 3 Finn  $|H(j\omega)|$ . Velg  $c = L = 1, R = 2$  og plott  $|H(j\omega)|$  som en funksjon av  $\omega$ . Klarer du å si noe kvalitativt om kretsens oppførsel?

Og som vi har sett tidligere så lar transferfunksjonen oss enkelt beregne hvordan responsen til et system ser ut for et gitt input-signal.

- 4 Anta at  $v_i(t) = e^{-|t|} \implies V_i(j\omega) = \frac{2}{\omega^2 + 1}$  blir påtrykt denne kretsen. Husk at  $V_o(j\omega) = H(j\omega)V_i(j\omega)$ . Klarer du å finne  $v_o(t)$ ? ;-)