Модель конкуренции двух фирм. Вариант №32

Выполнил: Мажитов Магомед Асхабович

Содержание

# 1 Цель работы

Изучить и построить модель конкуренции двух фирм.

# 2 Теоретическое введение

Обозначим:

- число потребителей производимого продукта.

– доходы потребителей данного продукта. Считаем, что доходы всех потребителей одинаковы. Это предположение справедливо, если речь идет об одной рыночной нише, т.е. производимый продукт ориентирован на определенный слой населения.

– оборотные средства предприятия

- длительность производственного цикла

- рыночная цена товара

- себестоимость продукта, то есть переменные издержки на производство единицы продукции

- доля оборотных средств, идущая на покрытие переменных издержек

- постоянные издержки, которые не зависят от количества выпускаемой продукции

– функция спроса, зависящая от отношения дохода к цене . Она равна количеству продукта, потребляемого одним потребителем в единицу времени.

Функцию спроса товаров долговременного использования часто представляют в простейшей форме:

где – максимальная потребность одного человека в продукте в единицу времени. Эта функция падает с ростом цены и при (критическая стоимость продукта) потребители отказываются от приобретения товара. Величина . Параметр – мера эластичности функции спроса по цене. Таким образом, функция спроса является пороговой (то есть, при ) и обладает свойствами насыщения.

Уравнения динамики оборотных средств можно записать в виде:

Уравнение для рыночной цены представим в виде:

Первый член соответствует количеству поставляемого на рынок товара (то есть, предложению), а второй член – спросу. Параметр зависит от скорости оборота товаров на рынке. Как правило, время торгового оборота существенно меньше времени производственного цикла . При заданном M уравнение описывает быстрое стремление цены к равновесному значению цены, которое устойчиво.

В этом случае уравнение можно заменить алгебраическим соотношением

равновесное значение цены равно

Тогда уравнения динамики оборотных средств приобретает вид

Это уравнение имеет два стационарных решения, соответствующих условию

где

Получается, что при больших постоянных издержках (в случае ) стационарных состояний нет. Это означает, что в этих условиях фирма не может функционировать стабильно, то есть, терпит банкротство. Однако, как правило, постоянные затраты малы по сравнению с переменными (то есть, ) и играют роль, только в случае, когда оборотные средства малы.

При стационарные значения равны

Первое состояние устойчиво и соответствует стабильному функционированию предприятия. Второе состояние \widetilde{M\_{-} неустойчиво, так, что при оборотные средства падают (), то есть, фирма идет к банкротству. По смыслу соответствует начальному капиталу, необходимому для входа в рынок.

В обсуждаемой модели параметр всюду входит в сочетании с . Это значит, что уменьшение доли оборотных средств, вкладываемых в производство, эквивалентно удлинению производственного цикла. Поэтому мы в дальнейшем положим: , а параметр будем считать временем цикла, с учётом сказанного.

# 3 Задание

Вариант 32:

Случай 1

Рассмотрим две фирмы, производящие взаимозаменяемые товары одинакового качества и находящиеся в одной рыночной нише. Считаем, что в рамках нашей модели конкурентная борьба ведётся только рыночными методами. То есть, конкуренты могут влиять на противника путем изменения параметров своего производства: себестоимость, время цикла, но не могут прямо вмешиваться в ситуацию на рынке («назначать» цену или влиять на потребителей каким-либо иным способом.) Будем считать, что постоянные издержки пренебрежимо малы, и в модели учитывать не будем. В этом случае динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

где

также введена нормировка

Случай 2

Рассмотрим модель, когда, помимо экономического фактора влияния (изменение себестоимости, производственного цикла, использование кредита и т.п.), используются еще и социально-психологические факторы – формирование общественного предпочтения одного товара другому, не зависимо от их качества и цены. В этом случае взаимодействие двух фирм будет зависеть друг от друга, соответственно коэффициент перед будет отличаться. Пусть в рамках рассматриваемой модели динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений:

Для обоих случаев рассмотрим задачу со следующими начальными условиями и параметрами

# 4 Выполнение лабораторной работы

## 4.1 Построение математической модели. Решение с помощью программ

### 4.1.1 Julia

Код программы для 1 случая:

using Plots  
using DifferentialEquations  
  
kr = 26  
t1 = 25  
p1 = 5.5  
t2 = 14  
p2 = 11  
N = 33  
q = 1  
  
a1 = kr / (t1 \* t1 \* p1 \* p1 \* N \* q)  
a2 = kr / (t2 \* t2 \* p2 \* p2 \* N \*q)  
b = kr / (t1 \* t1 \* t2 \* t2 \* p1 \* p1 \* p2 \* p2 \* N \* q)  
c1 = (kr - p1) / (t1 \* p1)  
c2 = (kr - p2) / (t2 \* p2)  
  
  
function ode\_fn(du, u, p, t)  
 M1, M2 = u  
 du[1] = u[1] - b / c1\*u[1] \* u[2] - a1 / c1\*u[1] \* u[1]  
 du[2] = c2 / c1\*u[2] - b / c1\*u[1] \* u[2] - a2 / c1\*u[2] \* u[2]  
end  
  
v0 = [3.3, 2.2]  
tspan = (0.0, 30.0)  
prob = ODEProblem(ode\_fn, v0, tspan)  
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)  
M1 = [u[1] for u in sol.u]  
M2 = [u[2] for u in sol.u]  
T = [t for t in sol.t]  
  
plt = plot(  
 dpi = 600,  
 legend = true)  
  
plot!(plt, T, M1, label = "Оборотные средства фирмы #1", color = :green)  
  
plot!(plt, T, M2, label = "Оборотные средства фирмы #2", color = :red)  
  
savefig(plt, "lab08\_1.png")

Код программы во 2 случае:

using Plots  
using DifferentialEquations  
  
kr = 26  
t1 = 25  
p1 = 5.5  
t2 = 14  
p2 = 11  
N = 33  
q = 1  
  
a1 = kr / (t1 \* t1 \* p1 \* p1 \* N \* q)  
a2 = kr / (t2 \* t2 \* p2 \* p2 \* N \*q)  
b = kr / (t1 \* t1 \* t2 \* t2 \* p1 \* p1 \* p2 \* p2 \* N \* q)  
c1 = (kr - p1) / (t1 \* p1)  
c2 = (kr - p2) / (t2 \* p2)  
  
  
function ode\_fn(du, u, p, t)  
 M1, M2 = u  
 du[1] = u[1] - b / c1 \*u[1] \* u[2] - a1 / c1\*u[1] \* u[1]  
 du[2] = c2 / c1\*u[2] - (b / c1 + 0.00033)\*u[1] \* u[2] - a2 / c1\*u[2] \* u[2]  
end  
  
v0 = [3.3, 2.2]  
tspan = (0.0, 30.0)  
prob = ODEProblem(ode\_fn, v0, tspan)  
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)  
M1 = [u[1] for u in sol.u]  
M2 = [u[2] for u in sol.u]  
T = [t for t in sol.t]  
  
plt = plot(  
 dpi = 600,  
 legend = :topright)  
  
plot!(plt, T, M1, label = "Оборотные средства фирмы #1", color = :green)  
  
plot!(plt, T, M2, label = "Оборотные средства фирмы #2", color = :red)  
  
savefig(plt, "lab08\_2.png")

### 4.1.2 Результаты работы кода на Julia

На следующих рисунках изображены итоговые графики.(рис. [[1](#fig:001)])

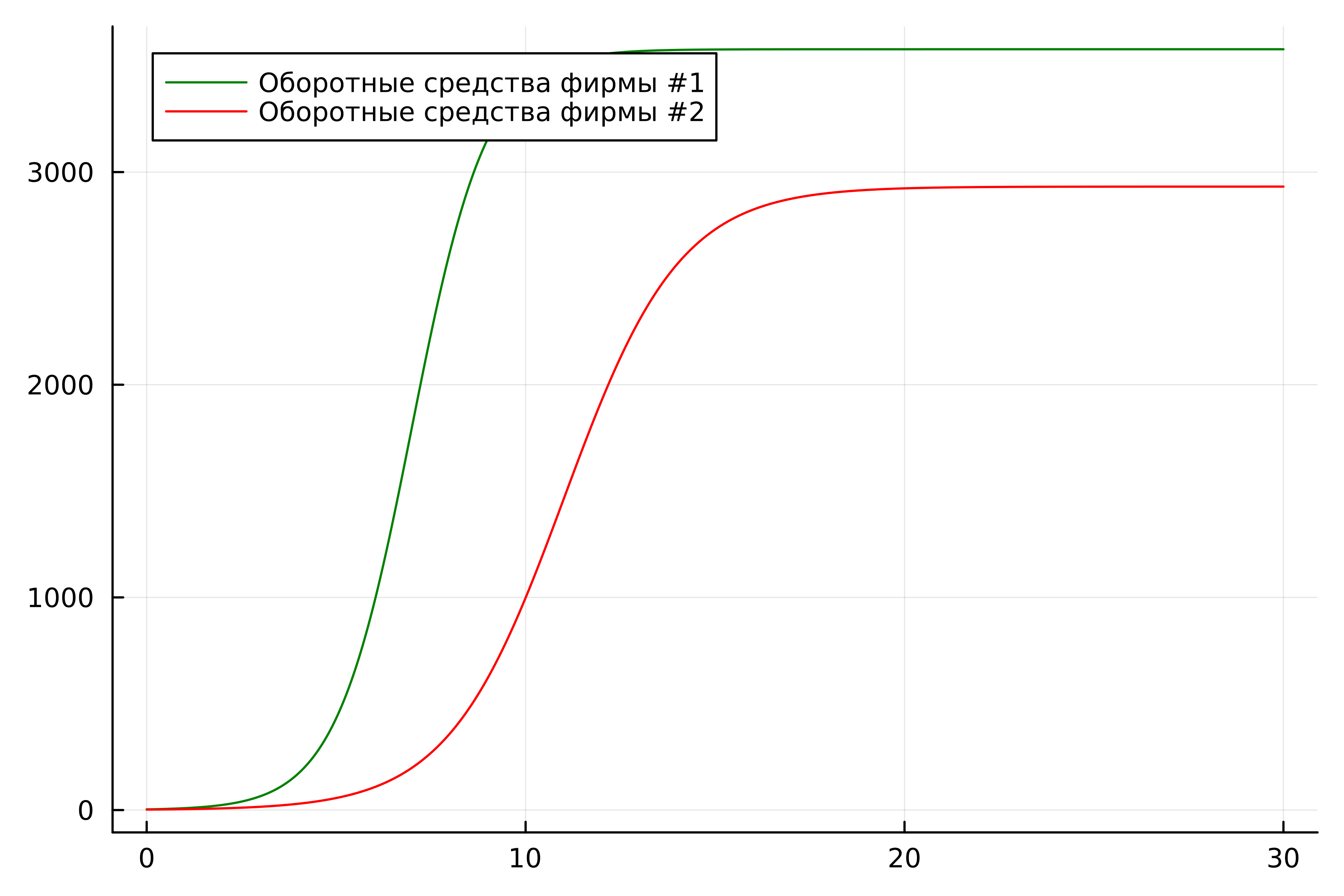


Figure 1: График в 1 случае

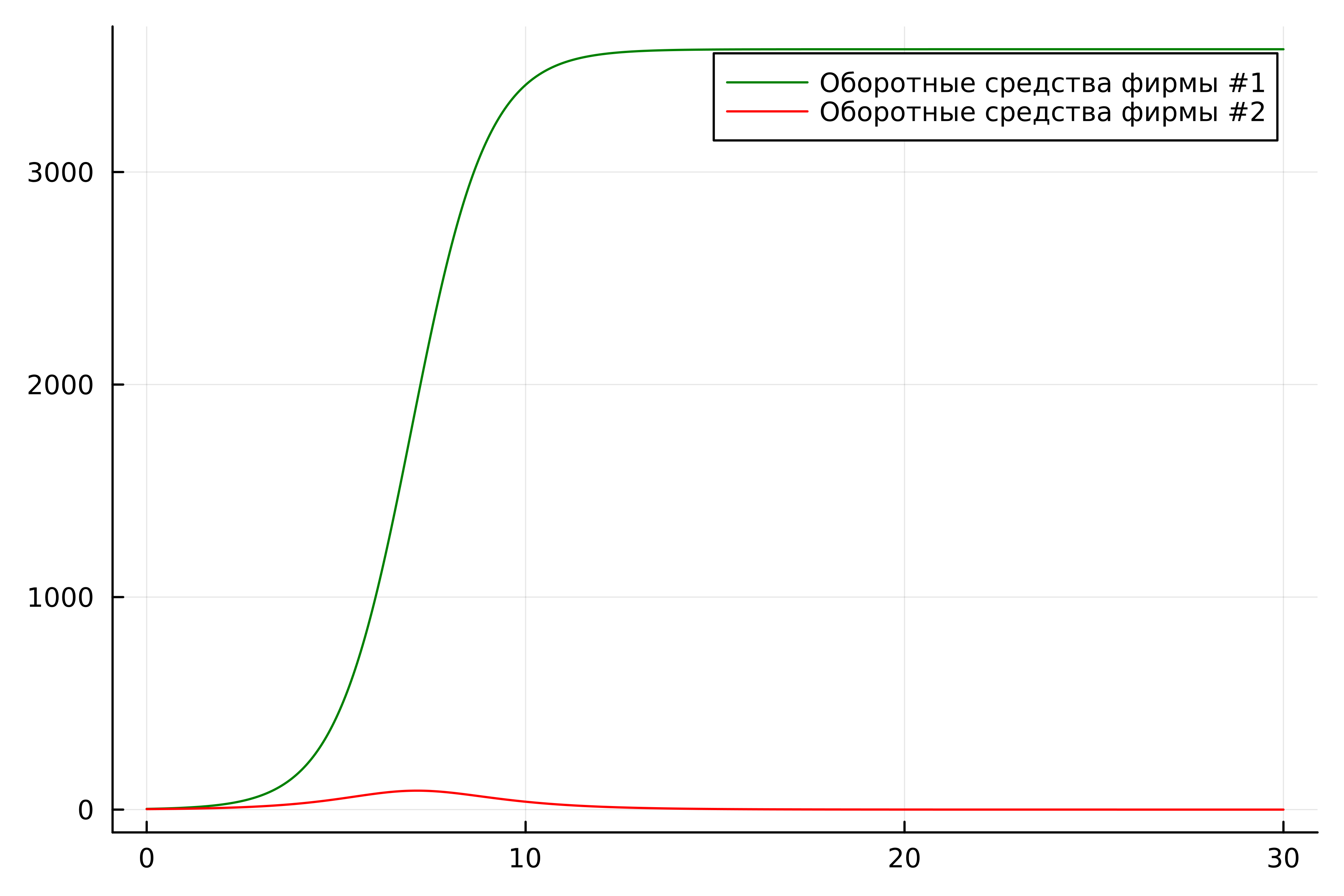


Figure 2: График во 2 случае

# 5 Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена и построена конкуренции двух фирм на языке Julia.

# 6 Список литературы. Библиография

[1] Документация по Julia: https://docs.julialang.org/en/v1/

[2] Решение дифференциальных уравнений: https://www.wolframalpha.com/

[3] Мальтузианская модель роста: https://www.stolaf.edu//people/mckelvey/envision.dir/malthus.html

[4] Математические модели конкурентной среды: https://dspace.spbu.ru/bitstream/11701/12019/1/Gorynya\_2018.pdf

[5] Разработка математических моделей конкурентных процессов: https://www.academia.edu/9284004/Наумейко\_РАЗРАБОТКА\_МАТЕМАТИЧЕСКОЙ\_МОДЕЛИ\_КОНКУРЕНТНЫХ\_ПРОЦЕССОВ