

Rename t.b.d.

Mein Name

23. Mai 2024



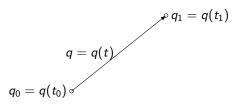
- Trajectory Planning
- 2 Notation
- Bang-Bang-Control
- Quellen



# Trajectory Planning



# Trajectory Planning I



Wir müssen hier unterscheiden zwischen:

- der Beschreibung der Position der Aktoren
- und der Beschreibung der Lage des Effektors (Werkzeugs)
  - diese wird auch als Pose bezeichnet und kann durch 3
     Positionsangaben (wie x,y,z) und 3 Drehwinkel (wie a,b,c) bezogen auf ein Bezugskoordinatensystem beschrieben werden
  - sie beschreibt eine Bahn im Raum

Einschränkung: zunächst nur die Position der Aktoren



# Trajectory Planning I

Aufgabe: Beziehung zwischen Zeit und Position finden

Synonyme: Path Planning, Motion Planning

Unterscheidung hier:

- Geometrie (Path): Position der Aktoren ohne Zeitinformation
- Trajektorie (Trajectory): Position, Geschwindigkeit, Beschleunigung und Ruck als Funktion über die Zeit

#### Vereinfachung

- Eindimensionale Trajektorie: q = q(t)Definiert durch eine Skalar-Funktion
- Mehrdimensionale Trajektorie:  $\mathbf{p} = \mathbf{p}(t)$ Definiert durch eine Vektor-Funktion

Einschränkung: zunächst nur eindimensionale Trajektorien; [PT97]



# Trajectory Planning I

 $q_0$ : Startposition

 $q_1$ : Zielposition

$$q_0 = q(t_0) \circ \qquad q = q(t) \longrightarrow q_1 = q(t_1)$$



#### Notation I

Position

$$q(t)$$
 (1)

Geschwindigkeit (Velocity)

$$v(t) = \dot{q}(t) = \frac{d}{dt}q(t) \tag{2}$$

Beschleunigung (Acceleration)

$$a(t) = \dot{v}(t) = \frac{d}{dt}v(t) = \ddot{q}(t) = \frac{d^2}{dt^2}q(t)$$
 (3)

Ruck (Jerk)

$$j(t) = \dot{a}(t) = \frac{d}{dt}a(t) = \ddot{v}(t) = \frac{d^2}{dt^2}v(t) = q^{(3)}(t) = \frac{d^3}{dt^3}q(t)$$
 (4)



# Bang-Bang-Control I

**Prozess**: Positionierung

Aufgabe: Positionieren in möglichst kurzer Zeit

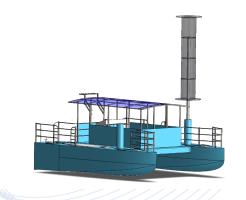
Ansatz: Höchstmögliches ausreizen der limitierende(n) Größe(n)

Grenzen: Limitierende Größen (Constraints) ergeben sich

- durch den Motor über die Höchstdrehzahl wird  $v_{max}$  festgelegt über das Drehmoment wird  $a_{max}$  festgelegt
- ullet durch die Dynamik des mechanischen Systems über Steifigkeit/Nachgiebigkeit wird  $j_{max}$  festgelegt
- durch die Geometrie wird festgelegt, ob  $j_{max}$ ,  $a_{max}$  und  $v_{max}$  überhaupt erreicht werden können
  - da hier nur eindimensionale Trajektorien betrachtet werden, ist nur die Weglänge der begrenzende Faktor
  - bei mehrdimensionalen Trajektorien ist die Krümmung ein weiterer begrenzender Faktor



#### Water Taxi I





#### 3D-Printer I





#### 3D-Printer I

Der Datenstruktur MyStructure aus der Datei MyStructure.py ist sehr interessant.



#### Code

import tensorflow as tf
from tensorflow.keras import datasets, layers, models

MODEL = models.Sequential()



#### Code

```
# Author: Ardit Sulce, Automate Everything with Python,
# Course URL: https://www.udemy.com/course/automate-ever
import tabula

table = tabula.read_pdf('weather.pdf', pages=1)

print(type(table[0]))

table[0].to_csv('output.csv', index=None)
```



Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit



# Quellen



## Quellen I

Nachfolgend werden die Quellen der Bilder angegeben, die für diese Präsentation in ihrer ursprünglichen Form oder modifiziert verwendet worden sind.

[Are+15] Tilo Arens u.a. *Mathematik*. 3. [pdf] http:

//www.gbv.de/dms/weimar/toc/551047283\_toc.pdf

[Link]. Heidelberg: Spektrum akademischer Verlag, 2015.

[BN11] Hans Babovsky und Werner Neundorf. Numerische

Approximation von Funktionen. Techn. Ber. TU Ilmenau,

2011. URL:

https://www.tu-ilmenau.de/fileadmin/media/num/neundorf/Dokumente/Preprints/NumApp1.pdf (besucht am 13.01.2017).



# Quellen II

[BOS14]

Pierre Bonami, Alberto Olivares und Ernesto Staffetti. "Energy-Optimal Multi-Goal Motion Planning for Planar Robot Manipulators". In: *Journal of Optimization Theory and Applications* 163.1 (2014), S. 80–104. ISSN: 1573-2878. DOI: 10.1007/s10957-013-0516-0. URL: http://dx.doi.org/10.1007/s10957-013-0516-0.



#### Quellen III

#### [Bun15]

Bundesministerium für Wirtschaft und Energie (BMWi), Hrsg. Bekanntmachung Digitale Technologien für die Wirtschaft (PAiCE). Platforms—Additive Manufacturing—Imaging—Communication—Engineering Ein Technologiewettbewerb des Bundesministeriums für Wirtschaft und Energie. 2015. URL:

http://bmwi.de/BMWi/Redaktion/PDF/ Publikationen/paice-digitale-technologienfuer-die-wirtschaft-bekanntmachung,property= pdf,bereich=bmwi2012,sprache=de,rwb=true.pdf (besucht am 20.07.2016).

#### [DIN66025-2]

DIN Deutsches Institut für Normung e.V. DIN 66025-2:1988-09: Programmaufbau für numerisch gesteuerte Arbeitsmaschinen: Wegbedingungen und Zusatzfunktionen. Norm. Berlin, Sep. 1988.



# Quellen IV

[Far02]	Gerald Farin. Curves and Surfaces for CAGD. 5. [pdf].
	San Diego, CA: Academic Press, 2002.

- [Far94] G. Farin. Kurven und Flächen im Computer Aided Geometric Design. Eine praktische Einführung. Vieweg, 1994.
- [FH02] G. Farin und J. Hoschek. *Handbook of Computer Aided Geometric Design*. Elsevier Science, 2002.
- [FS17] Rida Farouki und Jyothirmai Srinathu. "A real-time CNC interpolator algorithm for trimming and filling planar offset curves". In: Computer-Aided Design 86 (Jan. 2017). DOI: 10.1016/j.cad.2017.01.001.
- [Heh11] Peter Hehenberger. Computerunterstützte Fertigung: Eine kompakte Einführung. Berlin, Heidelberg: Springer-Verlag, 2011. ISBN: 9783642134753.



# Quellen V

[Jak+10] Gasper Jaklic u. a. "On Interpolation by Planar Cubic  $G^2$  Pythagorean-Hodograph Spline Curves". In: *Mathematics of Computation* (2010). [pdf].

[Kar+15] Sami Kara u. a. "The 22nd CIRP Conference on Life Cycle Engineering Minimization of the Energy Consumption in Motion Planning for Single-robot Tasks".

In: Procedia CIRP 29 (2015), S. 354–359. ISSN:

2212-8271. DOI: http:

//dx.doi.org/10.1016/j.procir.2015.02.174.

URL: http://www.sciencedirect.com/science/

article/pii/S2212827115004886.



## Quellen VI

[Mar16] Erik Marquardt. Handlungsfelder. Additive

Fertigungsverfahren. Hrsg. von VDI Verein Deutscher Ingenieure e.V. Fachbereich Produktionstechnik und Fertigungsverfahren. 2016. URL: https://www.vdi.de/ fileadmin/vdi\_de/redakteur\_dateien/gpl\_ dateien/6242\_PUB\_GPL\_Handlungsfelder\_-\_Additive\_Fertigungsverfahren\_Internet.pdf

(besucht am 13.08.2016).

Les Piegl und Wayne Tiller. The NURBS Book. 2. Aufl. [PT97] New York, NY, USA: Springer-Verlag New York, Inc.,

1997. ISBN: 3-540-61545-8

[RM09] H. Hussman R. Malaka A. Butz, Medieninformatik.

Pearson Studium, 2009



## Quellen VII

[Rus+07] David Russell u. a. Apparatus and Methods for 3D

Printing. United States Patent, Patent No.: US 7,291,002

B2. 2007.

[Sin14] Sebastian Sindermann. Schnittstellen und

Datenaustauschformate. German. Springer Berlin

Heidelberg, 2014, S. 327–347. ISBN: 978-3-662-43815-2.

DOI: 10.1007/978-3-662-43816-9\_14. URL: http:

//dx.doi.org/10.1007/978-3-662-43816-9\_14.

[SS14]

Burak Sencer und Eiji Shamoto. "Curvature-continuous sharp corner smoothing scheme for Cartesian motion systems". In: 2014 IEEE 13th International Workshop on Advanced Motion Control (AMC). [pdf] und [Version 2 pdf]. Piscataway, NJ: IEEE, 2014, S. 374–379. ISBN: 978-1-4799-2323-6. DOI:

\url{10.1109/AMC.2014.6823311}.



## Quellen VIII

[TS16] Shingo Tajima und Burak Sencer. "Kinematic corner

smoothing for high speed machine tools". In:

International Journal of Machine Tools and Manufacture

108 (2016). [pdf], S. 27–43. ISSN: 08906955. DOI: \url{10.1016/j.ijmachtools.2016.05.009}.

[TS17]

Shingo Tajima und Burak Sencer. "Global tool-path smoothing for CNC machine tools with uninterrupted acceleration". In: International Journal of Machine Tools and Manufacture 121 (2017). [pdf], S. 81-95. ISSN

08906955. DOI:

\url{10.1016/j.ijmachtools.2017.03.002}.

[Wat17a]

Waterloo Maple Inc. 2017. Description. letzter Zugriff 14.09.2017, 2017, URL:

https://de.maplesoft.com/support/help/Maple/ view.aspx?path=module/description.



#### Quellen IX

[Wat17b] Waterloo Maple Inc. 2017. Export. letzter Zugriff 14.09.2017, 2017, URL:

> https://de.maplesoft.com/support/help/Maple/ view.aspx?path=module/export.

[Wat17c] Waterloo Maple Inc. 2017. Module. letzter Zugriff

14.09.2017. 2017. URL: https://de.maplesoft.com/ support/help/maple/view.aspx?path=module.

[Wat17d] Waterloo Maple Inc. 2017. ModuleLoad. letzter Zugriff 14.09.2017. 2017. URL: https://de.maplesoft.com/

support/help/Maple/view.aspx?path=ModuleLoad.

Waterloo Maple Inc. 2017. Option. letzter Zugriff [Wat17e] 14.09.2017. 2017. URL:

https://de.maplesoft.com/support/help/Maple/

view.aspx?path=module/option.



# Quellen X

Zei13

[Wat17f] Waterloo Maple Inc. 2017. *Procedures*. letzter Zugriff 14.09.2017. 2017. URL: https://de.maplesoft.com/support/help/Maple/view.aspx?path=procedure.

[Zaf+20] Anastasios Zafeiropoulos u. a. "Benchmarking and Profiling 5G Verticals' Applications: An Industrial IoT Use Case". In: IEEE Conference on Network Softwarization, NetSoft 2020. 2020. DOI: 10.1109/NetSoft48620.2020.9165393.

E. Zeidler, Hrsg. *Springer-Taschenbuch der Mathematik*. 3., neu bearb eitete und erweiterte Auflage. Springer Verlag, 2013. ISBN: 978-3-8348-2359-5.