

## > Supplementary code

for the subsection "In terms of state variables"

> **Consider a system of differential equations with the following right-hand sides**

```
> eqs := [
  -kn1 * X * T1 - kn2 * X * T2 + kf1 * D1 + kf2 * D2,
  -kn1 * X * T1 + kf1 * D1 - kn1 * T1 * D2 + kf1 * Y,
  -kn2 * X * T2 + kf2 * D2 - kn2 * T2 * D1 + kf2 * Y,
  kn1 * X * T1 - kf1 * D1 - kn2 * T2 * D1 + kf2 * Y,
  kn2 * X * T2 - kf2 * D2 - kn1 * T1 * D2 + kf1 * Y,
  kn1 * T1 * D2 + kn2 * T2 * D1 - (kf1 + kf2) * Y
];
eqs := [-kn1 X T1 - kn2 X T2 + kf1 D1 + kf2 D2, -kn1 T1 D2 - kn1 X T1 + kf1 D1 + kf1 Y,
  -kn2 T2 D1 - kn2 X T2 + kf2 D2 + kf2 Y, -kn2 T2 D1 + kn1 X T1 - kf1 D1 + kf2 Y,
  -kn1 T1 D2 + kn2 X T2 - kf2 D2 + kf1 Y, kn1 T1 D2 + kn2 T2 D1 - (kf1 + kf2) Y] (1)
```

> **where X, T1, T2, D1, D2, Y are the state variables and kn1, kn2, kf1, kf2 are scalar parameters. The goal is to express the X-, T1-, T2-coordinates of a steady state in terms of the remaining coordinates and the parameters.**

```
>
with(Groebner) :

gb := Basis(eqs, plex(T1, T2, X, Y, D1, D2, kn1, kn2, kf1, kf2)) :

factor(gb[1]);
      -(kf1 D1 + kf2 D2 + X kf1 + X kf2) (D1 D2 - X Y) (2)
```

> **The left bracket never vanishes, and the right gives an expression of X in terms of Y, D1, D2. Now we add this equation to the set of equations and proceed.**

```
>
eqs := [op(eqs), X * Y - D1 * D2] :

gb := Basis(eqs, plex(X, T1, T2, Y, D1, D2, kn1, kn2, kf1, kf2)) :

factor(gb[1]);
      (kn2 T2 D1 - kf2 Y) (D1 - D2) (3)
```

> **Since generically D1 != D2, we get an expression for T2 in terms of kn2, kf2, Y, D1. And then similarly for T1:**

```
>
gb := Basis(eqs, plex(X, T2, T1, Y, D1, D2, kn1, kn2, kf1, kf2)) :

factor(gb[1]);
      (kn1 T1 D2 - kf1 Y) (D1 - D2) (4)
```

>