

## تکلیف دوم

مهدی حقوردی

۲۸ فروردین ۱۴۰۳

۱

با توجه به سیستم رمزنگاری DES به سوالات زیر پاسخ دهید.

(آ) تعداد کل عملیات های xor را بدست آورید.

از آنجایی که DES یک ساختار فیستلی ۱۶ دوری است، در بیرون از تابع F، ۱۶ تا xor قرار دارد. و چون درون تابع F پس از عملیات extend یک بار با کلید xor انجام می گیرد پس اینجا هم ۱۶ تا عملیات xor داریم و در مجموع ۳۲ عملیات xor.

(ب) هدف از s-box ها را بنویسید.

نوشتن رابطه ی جبری برای بیت های خروجی بر حسب بیت های ورودی و کلید به دلیل وجود s-box بسیار دشوار است.

(ج) پیچیدگی حمله ی جست و جوی جامع به این سیستم از چه مرتبه ای می باشد؟

کلید DES، ۶۴ بیتی است که ۸ بیت آن بیت های parity هستند پس کلید مخفی آن تنها ۵۶ بیت طول دارد ← جستجوی کامل در DES از مرتبه ی  $2^{56}$  است.

(د) دلیل استفاده از expansion s-box در DES Function چیست؟

کلید ۵۶ بیتی DES توسط Key Scheduler به ۱۶ کلید ۴۸ بیتی تبدیل می شود و از آنجایی که طول بلاک DES ۶۴ بیت است و در ساختار فیستل تنها ۳۲ بیت آن به داخل تابع F می رود باید ۳۲ بیت ورودی را به ۴۸ بیت گسترش بدهیم تا بتوانیم آن را با کلید xor کنیم.

(ه) اگر خروجی سیستم رمزنگاری به یک سیستم رمزنگاری دیگر داده شود، چه تغییری در امنیت آن حاصل می شود؟ (double des) اگر این کار سه بار تکرار شود چگونه؟ (triple des)

• double des

در این حالت برای شکستن می توان از حمله ی تطابق در میانه استفاده کرد که مرتبه ی آن از  $2^{112}$  به  $2^{57}$  تقلیل می یابد.

• triple des

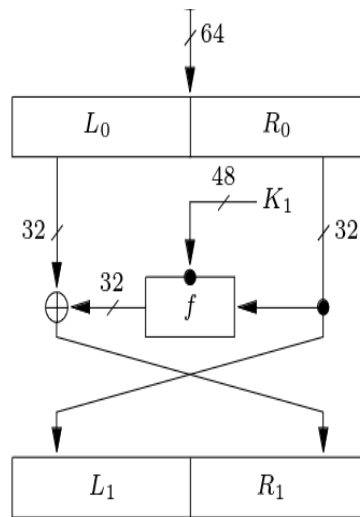
در این حالت هم (با استفاده از حمله ی تطابق در میانه) مرتبه بجای  $2^{168}$  می شود:  $2^{112}$  که البته در عمل قابل انجام نیست. در سال ۲۰۱۷ NIST منسوخ شدن 3DES را اعلام کرد.

و) ویژگی مکمل بودن این سیستم را ثابت کنید و توضیح دهید در آن صورت حمله به این سیستم از چه مرتبه‌ایست و چرا؟

خاصیت مکمل بودن DES:

$$\text{DES}_K(M) = C \Rightarrow \text{DES}_{\bar{K}}(\bar{M}) = \bar{C} \quad (1)$$

(برای اثبات فقط یک دور را در نظر میگیریم) با توجه به ساختار فیستلی DES ورودی ابتدا به دو قسمت تقسیم میکند و سپس نیمه‌ی راست را (درون تابع F) با کلید xor می‌کند و سپس خروجی را با قسمت سمت چپ xor می‌کند.



که یعنی:

$$\begin{cases} P = L_0.R_0 \\ L_1 = R_0 \\ B = f(R_0 \oplus K_1) \\ R_1 = L_0 \oplus B \end{cases} \Rightarrow C = L_1.R_1 \quad (2)$$

حال اگر  $P$  و  $K$  را  $\text{not}$  کنیم:

$$\begin{cases} \bar{P} = \bar{L_0.R_0} \\ L_1 = \bar{R_0} \\ B = f(\bar{R_0} \oplus \bar{K_1}) \\ R_1 = \bar{L_0} \oplus B \end{cases} \Rightarrow \bar{C} = \bar{L_1.R_1} \quad (3)$$

پس در نتیجه:

$$E_K(P) = C \iff E_{\bar{K}}(\bar{P}) = \bar{C} \quad (4)$$

۲

با استفاده از یک کلید رمز واحد، هر یک از تبدیلات زیر را بر متن آشکار که تنها در بیت اول با هم تفاوت دارند، اعمال کنید. تعداد بیت‌های تغییر یافته پس از هر تبدیل را پیدا کنید. هر تبدیل را بطور مستقل اعمال کنید. در مورد اثر بهمنی پس از هر تبدیل بطور مستقل و سپس اثر بهمنی پس از اعمال یک راند توضیح دهید.

subBytes (آ)

shiftRows (ب)

mixColumns (ج)

addRoundKey (د)

۳

از بین مدهای عملیاتی ECB، CBC، OFB، CFB و CTR در کدام یک امکان افزایش سرعت در عمل رمزگذاری با استفاده از parallel processing یا پردازش موازی وجود دارد؟