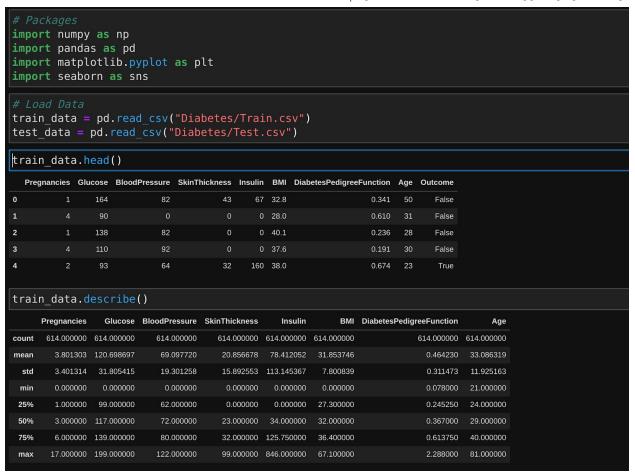
گزارش سوال ۵ از تمرین اول مهدی کافی ۹۹۲۱۰۷۵۳

۱.۱.۵ در این بخش با استفاده از دستورات کتابخانه pandas و به صورت زیر دادهها را خواندهایم و سپس برای آشنایی با دادههای خواندهشده از دو دستور head و describe استفاده کردیم.



برای کنترل کیفیت داده ها دستورات زیر را استفاده کرده ایم تا از وجود مقادیر null و یا nan آگاه شویم و متوجه می شویم که داده ها این مقادیر را ندارند.

```
train data.isnull().sum()
Pregnancies
                            0 0 0 0 0 0
Glucose
BloodPressure
SkinThickness
Insulin
BMI
DiabetesPedigreeFunction
Age
Outcome
dtype: int64
train data.isna().sum()
Pregnancies
                            Glucose
BloodPressure
SkinThickness
Insulin
DiabetesPedigreeFunction
Outcome
dtype: int64
```

سپس با استفاده از دستور COT۲ از کتابخانه پانداس مقدایر همبستگی بین دو به دوی پارامترها را به دست می آوریم با آنها را رسم میکنیم.

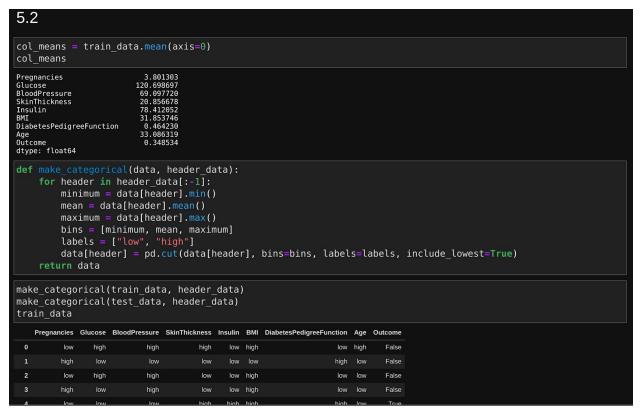


سپس boxplot برای هر ویژگی را نسبت به ستون آخر که بیمار بودن یا نبودن نمونه را مشخص میکند رسم میکنیم؛ تمامی نمودار ها در جوبپتر نوت بوک این سوال آمدهاست و در ادامه نمودار دو ویژگی آمدهاست.



۲.۱.۷

سپس با دستور mean میانگین هر ستون را به دست می آوریم و چاپ می کنیم و سپس تابعی به نام make_categorical ایجاد می کنیم، این تابع به این صورت عمل می کند که با گرفتن دیتا فریم و اسامی ستون ها یا همان ویژگی های آن، مقادیر مین و میانگین و ماکس هر ستون را به دست آورده با استفاده از تابع cut در کتابخانه پانداس داده های آن ستون را به دو بخش کمتر از میانگین و بیشتر از میانگین تبدیل کرده و به جای آن ها مقادیر low و high می گذارد. با استفاده از این تابع داده های آموزش و تست را به صورت categorical در می آوریم.



برای مشخص کردن ویژگیای که باید برای هر گره درخت انتخاب کنیم، نیاز به محاسبه آنتروپی داریم، برای این منظور تابع entropy را ایجاد میکنیم.

```
import math
def entropy(p=0, n=0):
    """This function gives the numbers of positive and negative samples
    and returns the entropy of the dataset."""
    s = p + n
    return 0 if p == 0 or n == 0 else -p/s*math.log2(p/s) - n/s*math.log2(n/s)
```

این تابع بر ای دستهبندی هایی با دو کلاس عمل میکند و با گرفتن تعداد اعضای مثبت و منفی مقدار آنتروپی را محاسبه میکند. سپس تابعی به نام pseduo_info_gain را محاسبه نمیکند بلکه به صورت زیر عمل میکند که مقدار $H_s(Y|X_i)$ محاسبه میکند و منطق کد بر ای انتخاب ویژگی، ویژگیای است که مقدار خروجی تابع بر ای آن کمتر باشد.

```
j = \underset{i \in \text{remaining atts.}}{\operatorname{argmax}} \quad Gain(S, X_i)
i \in \text{remaining atts.}
= \underset{i \in \text{remaining atts.}}{\operatorname{argmin}} \quad H_S(Y|X_i)
i \in \text{remaining atts.}
```

```
def pseudo_info_gain(attribute, outcome):
    """
    This function gives the attribute and outcome columns and returns a measure.
    Returned measure determines the quality of the data division based on the given attribute.
    The measure is interpreted by the lower the measure, the better the quality.
    """
    lvl_1 = outcome[attribute == "low"]
    lvl_1_cls_count = lvl_1.value_counts()
    ent_1 = entropy(*lvl_1_cls_count)
    lvl_2 = outcome[attribute == "high"]
    lvl_2_cls_count = lvl_2.value_counts()
    ent_2 = entropy(*lvl_2_cls_count)
    lvl_1_count = lvl_1_cls_count.sum()
    lvl_2_count = lvl_2_cls_count.sum()
    s = lvl_1_count + lvl_2_count
    pseudo_info_gain = lvl_1_count/s*ent_1 + lvl_2_count/s*ent_2

# print(attribute.name, pseudo_info_gain)
    return pseudo_info_gain
```

سپس کلاس درخت تصمیم را ایجاد میکنیم؛ در سازنده این کلاس مقدار را ماکزیمم عمق را باید وارد کنیم. این کلاس تابعی دارد که بهترین ویژگی را انتخاب کند برای گره که به صورت زیر تعریف شدهاست.

```
class DecisionTree():
   def __init__(self, max_depth):
       self.depth = 0
       self.max depth = max depth
   def best_split_attr(self, x, outcome):
       This function give the feature matrix and outcome vector
       and returns the best attribute for splitting with maximum information gain.
       min_gain = 1
       best_attr = None
       attributes = x.columns.to_list()
       for attr in attributes:
            gain = pseudo info gain(x[attr], outcome)
            if gain <= min gain:</pre>
                min gain = gain
                best attr = attr
        return best_attr, min_gain
   def all same(self, y):
       return y.eq(y.iloc[0]).all()
```

تابع all_same به این منظور تعریف شده است که میسنجد آیا تمام داده های مانده در گره، در یک کلاس قرار میگیرند یا خیر. سپس برای ساخت درخت با داده ها نیاز به تابع fit داریم، این تابع با استفاده از توابع تعریف شده در بالا، ویژگی هر گره را انتخاب کرده و سپس فرزندان هر گره را نیز به صورت بازگشتی میسازد تا به شرایط پایانی برسد که یا خالی شدن نمونه ها در گره یا خالی شدن ویژگی ها یا یکسان شدن خروجی تمام نمونه ها در گره و یا رسیدن به حد اکثر عمق است.

```
def fit(self, x, y, param node={}, depth=0):
    This function gives the feature matrix, outcome vector, parameter node, and depth
    and returns the decision tree fitted on the given data.
    inputs:
    x: feature matrix
    par_node: parameter node dictionary
    depth: depth integer
    if y.size == 0:
       return None
    if x.size == 0:
       return {"value": y.mode()[0]}
    if self.all same(y):
        return {"value": y.iloc[0]}
    if depth >= self.max depth:
       return None
    else:
        attrs = x.columns.to list()
        split col = self.best split attr(x, y)[\theta]
        y left = y[x[split col] == "low"]
        y_right = y[x[split_col] == "high"]
        child attrs = attrs
        child_attrs.remove(split_col)
        x_left = x[x[split_col] == "low"]
        x_right = x[x[split_col] == "high"]
        param_node = {"splitting column": split_col, "value": y.mode()[0]}
        param node["left"] = self.fit(x_left[child_attrs], y_left, {}, depth+1)
        param node["right"] = self.fit(x right[child attrs], y right, {}, depth+1)
        self.depth += 1
        self.dec tree = param node
        return param node
```

در ادامه تابع query تعریف شده است که این تابع خروجی یک نمونه را با پیمایش درخت تصمیم، پیش بینی میکند.

```
def query(self, sample):
   This function predicts the outcome of a single sample.
   pred tree = self.dec tree
   for itr in range(self.max depth+1):
        left = pred tree.get('left', None)
        right = pred tree.get('right', None)
       if left == None and right == None:
            return pd.Series(pred tree['value'])
       else:
            level = sample[pred tree['splitting column']]
            if level == "low":
                if left == None:
                    return pd.Series(pred_tree['value'])
                else:
                    pred tree = pred tree['left']
            else:
                if right == None:
                    return pd.Series(pred tree['value'])
                    pred_tree = pred_tree['right']
```

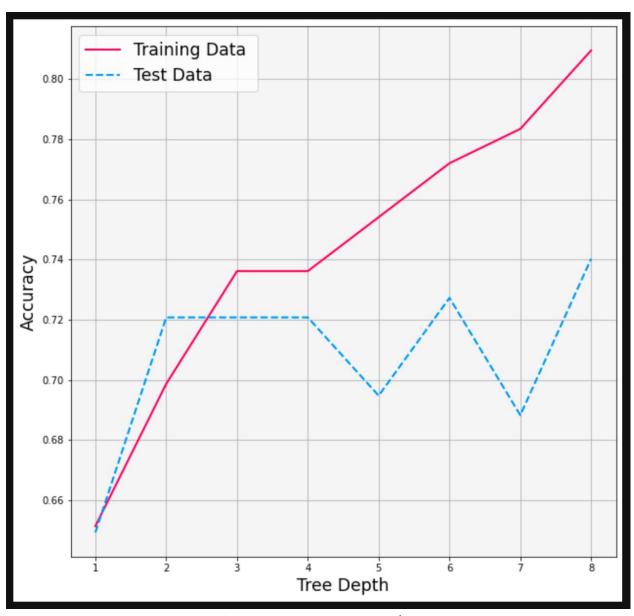
تابع predict که در ادامه آمده است، به این صورت عمل میکند که نمونه ها را میگیرد و بردار خروجی را بیش بینی میکند.

```
def predict(self, x):
    """"
    This function gives the feature matrix
    and returns the predicted outcome for every sample in the matrix.
    """
    predictions = pd.Series(dtype=bool)
    for sample in x.iterrows():
        predictions = predictions.append(self.query(sample[1]), ignore_index=True)
    return predictions

outcome = train_data["Outcome"]
max_depth = 5
clf = DecisionTree(max_depth)
m = clf.fit(train_data[header_data[:-1]], outcome)
from pprint import pprint
pprint(m)
```

۳.۱.۵ تابع دقت را تعریف میکنیم که مقادیر درست پیش بینی شده را بر تعداد کل داده تقسیم میکند، سپس مقدار دقت را روی دادههای آموزش و تست به از ای عمقهای بین ۱ تا ۸ به دست می آوریم و آنها را رسم میکنیم.

```
5.3
def accuracy(predict, outcome):
    correct = predict == outcome
    return correct.sum()/outcome.size
train data = pd.read csv("Diabetes/Train.csv")
test_data = pd.read csv("Diabetes/Test.csv")
header_data = train_data.columns.to_list()
make categorical(train data, header data)
make categorical(test data, header data)
train_acc_depth = {}
outcome_train = train_data["Outcome"]
train_data = train_data[header_data[:-1]]
test_acc_depth = {}
outcome test = test data["Outcome"]
test_data = test_data[header_data[:-1]]
for max depth in range(1, 9):
    clf = DecisionTree(max_depth)
    clf.fit(train_data, outcome_train)
    train_acc_depth[str(max_depth)] = accuracy(clf.predict(train_data), outcome_train)
test_acc_depth[str(max_depth)] = accuracy(clf.predict(test_data), outcome_test)
```



دیده می شود که با اضافه شدن عمق درخت، پیچیدگی مدل بیشتر شده و مدل برای داده آموزش بهتر عمل میکند ولی در مواقعی دیده می شود که دقت مدل برای داده آموزش است ولی در نهایت دقت برای هر دو داده آموزش است ولی در نهایت دقت برای هر دو داده آموزش و تست بیشتر می شود که احتمالا نشان از آن است که از توزیعهای نزدیک به هم داده های آموزش و تست آمده اند.

4.1.0

در این بخش برای cross_validation ابتدا داده ها را shuffle میکنیم و سپس بخشهای متفاوت داده را به عنوان بخش shuffle میکنیم و سپس دقت آن را برای بخش validation محاسبه میکنیم و validation انتخاب کرده، درخت را بر روی سایر بخشها میسازیم و سپس دقت آن را برای بخش validation را با میانگین میگیریم و این کار را برای تمام عمق ها تکرار میکنیم و سپس عمقی که بالاترین دقت دارد را انتخاب میکنیم. بهترین عمق ۴ به دست آمده است.

```
5.4
train_data = pd.read_csv("Diabetes/Train.csv")
test_data = pd.read_csv("Diabetes/Test.csv")
header_data = train_data.columns.to_list()
make categorical(train data, header data)
make categorical(test data, header data)
#shuffle the training data
train_data = train_data.sample(frac = 1).reset_index(drop = True)
n_samples = train_data.shape[0]
import numpy as np
boundaries = np.linspace(0, n_samples, 6, dtype=np.int64)
c_val_acc_depth = {}
for max_depth in range(1, 9):
    clf = DecisionTree(max depth)
    valid_accs = []
    for idx in range(len(boundaries)-1):
         c valid = train data.iloc[boundaries[idx]:boundaries[idx+1]]
         c_train_data = train_data.drop(np.r_[boundaries[idx]:boundaries[idx+1]], axis= 0)
         c valid out = c valid["Outcome"].reset index(drop=True)
         c_valid_features = c_valid[header_data[:-1]].reset_index(drop=True)
         c_train_out = c_train_data["Outcome"].reset_index(drop=True)
c_train_features = c_train_data[header_data[:-1]].reset_index(drop=True)
         clf.fit(c_train_features, c_train_out)
         valid_accs.append(accuracy(clf.predict(c_valid_features), c_valid_out))
    c_val_acc_depth[str(max_depth)] = np.array(valid_accs).mean()
print(c_val_acc_depth)
best_depth = int(max(c_val_acc_depth, key=c_val_acc_depth.get))
print("Best Depth:", best depth)
{'1': 0.651499400239904, '2': 0.6987205117952818, '3': 0.7361988537918166, '4': 0.7117686258829802, '5': 0.7232040517126482, '6': 0.70365187258 42995, '7': 0.6922431027588964, '8': 0.6841263494602159}
Best Depth: 3
```

سپس درخت را روی کل داده آموزش با عمق ۶ به دست آمده میسازیم و سپس مقادیر مختلف ارزیابی را برای این درخت محاسبه مـکنیم

```
correct = test outcome == predicts
tp = predicts[correct].sum()
tp fp = predicts.sum()
precision = tp/tp fp
print("Precision:", precision)
Precision: 0.627906976744186
wrong = test outcome != predicts
fn = predicts[wrong].size - predicts[wrong].sum()
tp_fn = tp + fn
recall = tp/tp fn
print("Recall:", recall)
Recall: 0.5
f score = 2*precision*recall/(precision+recall)
print("f_score:", f_score)
f score: 0.5567010309278351
sensitivity = recall
print("Sensitivity:", sensitivity)
Sensitivity: 0.5
tn = predicts[correct].size - predicts[correct].sum()
fp = predicts[wrong].sum()
tn fp = tn+fp
specificity = tn/(tn_fp)
print("Specificity:", specificity)
Specificity: 0.84
```

معیار دقت به این صورت است که مقادیری که درست پیش بینی می شوند به کل داده محاسبه می شود ولی اگر فرض کنیم که داده های بیمار انی را بررسی می کنیم که مشکوک به سرطان هستند. ۱۰۰ داده داریم که ۳۰ تای آن ها مبتلا به سرطان و ۷۰ تای آن ها سالم هستند حال اگر مدل ما ۲۵ نمونه سرطانی و ۶۵ مورد سالم تشخیص دهد این مدل دقتی بر ابر ۹۰ در صد دارد. ولی با توجه به اینکه که مورد سرطانی را تشخیص نداده است اداده است است که مورد سرطانی را تشخیص نداده است که هر دو کلاس از اهمیت یکسانی بر خوردار باشند و معیار f-score زمانی مناسب است که مقادیر false negative و false positive اهمیت بیشتری دارند.

معیار sensitivity نسبت داده های درست تشخیص داده شده مثبت را به کل داده های مثبت می سنجد و مدلی با معیار sensitivity بالا، افراد با وضعیت مثبت مانند بیمار ان را به خوبی تشخیص می دهد و تعداد کمی false negative تولید می کند.

معیار specificity نسبت داده های در ست تشخیص داده شده منفی را به کل داده های منفی می سنجد و مدلی با معیار specificity بالا، افر اد با وضعیت منفی مانند افر اد سالم را به خوبی تشخیص می دهد و تعداد کمی false positive تولید می کند.

در این بخش stochastic gradient descent را پیادهسازی میکنیم. در ابتدا داده ها را خوانده و سپس ردیف هایی که مقادیر هر یک از BMI، Glocuse و Bodo Pressure برای آن صفر باشد را از داده حذف میکنیم و سپس ستون خروجی را به صورت او ۱- در می آوریم و سپس داده ها را نرمال میکنیم.

Perceptron 1. Stochastic Gradient Descent import numpy as np import pandas as pd import matplotlib.pyplot as plt import seaborn as sns train data = pd.read csv("Diabetes/Train.csv") test_data = pd.read csv("Diabetes/Test.csv") train data = train data[train data["BMI"] != 0] train data = train data[train data["Glucose"] != 0] train_data = train_data[train_data["BloodPressure"] != 0] train_data["Outcome"].replace([True, False], [1, -1], inplace=True) train_data = train_data.reset_index(drop=True) headers = train data.columns.to list() attrs = headers[:-1] for attr in attrs: col min = train data[attr].min() col_max = train_data[attr].max() train_data[attr] = (train_data[attr] - col_min) / (col_max - col_min) train_data.describe() Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness Insulin BMI DiabetesPedigreeFunction Age Outcome

دادههای آموزش و validation را جدا میکنیم و سپس به هر دو داده ستونی بر ابر با ۱ اضافه میکنیم بر ای مقدار bias.

0.176751 0.202763 -0.316062

579.000000 579.000000 579.000000

0.219850 0.098288 0.288580

0.135714

count 579.000000 579.000000

0.224017 0.500630

0.493691

```
valid data = train data.sample(frac=0.15, random state=42)
valid indices = valid data.index.to list()
train data.drop(index=valid indices, inplace=True)
train data.reset index(drop=True, inplace=True)
valid data.reset index(drop=True, inplace=True)
train expect = train data["Outcome"]
train_feature = train_data.drop(labels="Outcome", axis=1)
train_feature.insert(0, "Ones", 1)
valid expect = valid data["Outcome"]
valid feature = valid data.drop(labels="Outcome", axis=1)
valid feature.insert(0, "Ones", 1)
def accuracy(predict, outcome):
    correct = predict == outcome
    return correct.sum()/outcome.size
def predict(x, w):
    return np.sign(x@w)[0]
```

در ادامه تابع fit را تعریف میکنیم که با نشان دادن هر نمونه به مدل وزنها را آپدیت میکند و وزنها را در یک دیکشنری میریزد و سپس تابع evaluate با داشتن این دیکشنری، بر روی داده validation با هر یک از وزنهای دیکشنری ورودی مقدار دقت را محاسبه میکند و بهترین وزن و دقت را محاسبه میکند.

```
def fit(train feature, train expect, n iteration=100, learning rate=0.01):
    iter weights = {}
    d = train feature.iloc[0].shape[0]
    w = np.zeros((d, 1))
    n = train feature.shape[0]
    for t in range(n iteration):
       x = train feature.iloc[i]
       y = train_expect.iloc[i]
       y hat = predict(x, w)
       if y hat != y:
            w = w + learning rate*x.values.reshape((x.size, 1))*y
        iter weights[str(t)] = w
    return iter weights
iter weights = fit(train feature, train expect, n iteration=500)
def evaluate(valid feature, valid expect, iter weights):
    iter_acc = {}
    max accr, best weight = 0, None
    for iteration, weight in iter weights.items():
        accr = accuracy(predict(valid feature, weight), valid expect)
        if int(iteration) % 10 == 0:
            iter acc[iteration] = accr
        if accr > max accr:
            max_accr = accr
            best weight = weight
    return iter acc, best weight, max accr
```

سپس دقت را به از ای هر بردار وزن ایجاد شده با دیدن یک نمونه، روی داده validation رسم میکنیم.



در انتها داده تست را آماده کرده و با بهترین وزن به دست آمده از مرحله قبل، دادههای تست را پیش بینی میکنیم و معیارهای متفاوت ارزیابی را برای مدل روی داده تست محاسبه میکنیم.

```
tp_fp = predicts == 1
tp_fp = tp_fp.sum()
precision = tp/tp_fp
print("Precision:", precision)
wrong = predicts != test_expect
fn = predicts[wrong]
fn = fn == -1
fn = fn.sum()
tp fn = tp+fn
recall = tp/tp_fn
print("Recall:", recall)
f score = 2*precision*recall/(precision+recall)
print("f_score:", f_score)
sensitivity = recall
print("Sensitivity:", sensitivity)
neg = predicts == -1
neg = neg.sum()
tn = neg - fn
pos = predicts == 1
pos = pos.sum()
fp = pos - tp
tn_fp = tn+fp
specificity = tn/(tn_fp)
print("Specificity:", specificity)
Precision: 0.7021276595744681
Recall: 0.6470588235294118
f_score: 0.673469387755102
Sensitivity: 0.6470588235294118
Specificity: 0.851063829787234
```

7.7.0

در این بخش باید الگوریتم perceptron را به صورت Full Batch پیادهسازی کنیم که بسیار شبیه به بخش قبل است و تنها تفاوت، این است که با دیدن تمام داده ها بردار وزن را آپدیت میکنیم.

```
#Full Batch
def fit(feature, expect, n_epoch=10, learning_rate=0.01):
    epoch weight = {}
    d = feature.shape[1]
    w = np.random.random((d, 1))
    for epoch in range(1, n epoch+1):
         x = feature
         y = expect
         y_hat = predict(x, w)
         wrong = y_hat != y
         x = x[wrong]
         y = y[wrong]
         w = w + (learning_rate*x.T@y).values.reshape((d, 1))
         epoch_weight[str(epoch)] = w
    return epoch weight
epoch_weights = fit(train_feature, train_expect, n_epoch=20)
train feature
   Ones Pregnancies Glucose BloodPressure SkinThickness Insulin
                                                            BMI DiabetesPedigreeFunction
           0.058824 0.774194
                              0.591837
                                          0.434343 0.079196 0.298569
                                                                            0.119005 0.483333
           0.058824 0.606452
                              0.591837
                                         0.000000 0.000000 0.447853
                                                                            0.071493 0.116667
 2
           0.117647 0.316129
                              0.408163
                                         0.323232 0.189125 0.404908
                                                                            0.269683 0.033333
           0.058824 0.367742
                              0.265306
                                         0.151515  0.042553  0.122699
                                                                            0.202715 0.083333
 3
           0.117647 0.438710
                              0.520408
                                         0.323232 0.000000 0.357873
                                                                            0.031674 0.000000
```

در انتها مانند بخش قبل معيارهاي متفاوت ارزيابي را روى داده تست با وزن به دست آمده محاسبه ميكنيم.

```
Precision: 0.5581395348837209
\#Recall = TP/(TP+FN)
wrong = predicts != test expect
fn = predicts[wrong]
fn = fn == -1
fn = fn.sum()
tp fn = tp+fn
recall = tp/tp fn
print("Recall:", recall)
Recall: 0.47058823529411764
f score = 2*precision*recall/(precision+recall)
print("f score:", f score)
f score: 0.5106382978723404
sensitivity = recall
print("Sensitivity:", sensitivity)
Sensitivity: 0.47058823529411764
\#Specificity = TN/(TN+FP)
neg = predicts == -1
neg = neg.sum()
tn = neg - fn
pos = predicts == 1
pos = pos.sum()
fp = pos - tp
tn fp = tn+fp
specificity = tn/(tn fp)
print("Specificity:", specificity)
Specificity: 0.7978723404255319
```

7.7.2

در این بخش نیز به جای اینکه با دیدن کل داده و یا یک نمونه، مقادیر وزنها را آپدیت کنیم، هر بار با دیدن بخشی از داده (Mini) در این بخش نیز به جای اینکه با دیدن کل داده و یا یک نمونه، مقادیر وزنها را آپدیت کنیم.

```
def fit(feature, expect, n epoch=10, learning rate=0.01, n batch=5):
    batch = 1
   batch weight = {}
   d = feature.shape[1]
   w = np.random.random((d, 1))
   n = train feature.shape[0]
    indices = np.linspace(0, n, num= n batch+1, dtype=np.int32)
    for epoch in range(1, n epoch+1):
        random state = np.random.randint(51)
        feature = feature.sample(frac=1, random state=random state)
        expect = expect.sample(frac=1, random state=random state)
        for idx in range(len(indices)-1):
            x = feature.iloc[indices[idx]:indices[idx+1]]
           y = expect.iloc[indices[idx]:indices[idx+1]]
        y hat = predict(x, w)
       wrong = y hat != y
       x = x[wrong]
       y = y[wrong]
       w = w + (learning rate*x.T@y).values.reshape((d, 1))
        batch weight[str(batch)] = w
        batch += 1
    return batch weight
batch weights = fit(train feature, train expect, n epoch=20)
```

در انتها مانند بخش قبل معیار های متفاوت ارزیابی را روی داده تست با وزن به دست آمده محاسبه میکنیم.

```
Precision: 0.5581395348837209
#Recall = TP/(TP+FN)
wrong = predicts != test expect
fn = predicts[wrong]
fn = fn == -1
fn = fn.sum()
tp fn = tp+fn
recall = tp/tp fn
print("Recall:", recall)
Recall: 0.47058823529411764
f score = 2*precision*recall/(precision+recall)
print("f score:", f score)
f score: 0.5106382978723404
#Sensitivity equals to Recall
sensitivity = recall
print("Sensitivity:", sensitivity)
Sensitivity: 0.47058823529411764
#Specificity = TN/(TN+FP)
neg = predicts == -1
neg = neg.sum()
tn = neg - fn
pos = predicts == 1
pos = pos.sum()
fp = pos - tp
tn fp = tn+fp
specificity = tn/(tn fp)
print("Specificity:", specificity)
Specificity: 0.7978723404255319
```