

دانشگاه اصفهان دانشکده مهندسی کامپیوتر

عنوان:

# تمرین اول هوش محاسباتی: الگوریتمهای ژنتیک

# Genetic Algorithms

نگارش

دانیال شفیعی مهدی مهدیه امیررضا نجفی

استاد راهنما

دكتر كارشناس

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲ از ۲۴

# فهرست مطالب

7																														4	دما	مق	•
۲																						ن	تيك	ژن	يتم	گور	الً	ميم	مفاه	و ا	انی	مب	١
١١																				(	تيك	ژن	يتم	ئور	الگ	، با	بائل	.ua	حل	و .	رک	در	۲
۱۵													•	ک	نتي	م ژ	يت	ور	لگ	ے ا	عليا	ت ع	يه و	جز	و ت	بی	زیا	، ار	زی،	ساز	اده	پ	٣
۱۵																								ەھا	داد	ش	داز	پر،	بيش	پ	١	۳.	
18																						ک	ِٰنتيٰ ٰ	نم ژ	ورين	الگو	ی	ساز	باده	پی	۲	۳.	
18									 											ی	نت	نہ ژ	ر بت	لگ	۱.۱	. اح	م	١	٠٢.	٣			

#### مقدمه

هدف از این تمرین آشنایی بیشتر با الگوریتمهای ژنتیک و استفادهی بیشتر از آنها در کاربردهای عملی است.

# ۱ مبانی و مفاهیم الگوریتم ژنتیک

1. تعریف الگوریتم تکاملی: بر اساس مقاله مذکور در تمرین درس، الگوریتمهای تکاملی (Evolution Strategies) یک کلاس از الگوریتمهای بهینهسازی جعبه سیاه هستند که رویههای جستجوی اکتشافی الهامگرفته از تکامل طبیعی هستند. در هر تکرار (نسل) یک جمعیت از بردارهای پارامتر (ژنوتیپ) آشفته (جهش) میشوند و مقدار تابع هدف Fitness) در هر تکرار (نسل) آنها ارزیابی میشود. سپس بردارهای پارامتر با بالاترین امتیاز برای تشکیل جمعیت نسل بعدی ترکیب میشوند و این رویه تا زمانی که هدف به طور کامل بهینه شود، تکرار میشود.

بر اساس مقاله، مزایای اصلی الگوریتمهای تکاملی (ES) نسبت به الگوریتمهای یادگیری تقویتی (RL) در برخی مسائل شامل موارد زیر است:

- ۱. موازی سازی بالا و کاهش هزینه محاسباتی: الگوریتمهای تکاملی به طور طبیعی قابلیت موازی سازی بالایی دارند. با استفاده از یک استراتژی ارتباطی مبتنی بر اعداد تصادفی مشترک، این الگوریتمها توانستهاند تنها با ارسال مقادیر اسکالر میان کارگران موازی (واحدهای پردازشی مستقل که در یک سیستم توزیع شده یا موازی کار میکنند تا بخشی از محاسبات را انجام دهد.)، به سرعت به بیش از هزار کارگر موازی مقیاس پذیر شود. این امر باعث می شود که ES در مقایسه با روشهای یادگیری تقویتی مانند Policy Gradients که نیاز به ارسال گرادیانهای کامل دارند، نیاز به پهنای باند بسیار کمتری داشته باشد. مقیاس پذیری بالا باعث می شود که ES بتواند مسائل پیچیده؛ مانند راه رفتن انسان نمای سه بعدی را در مدت زمان کوتاه ۱۰ دقیقه ای حل کند. به طور خلاصه :
- روشهای ES به دلیل عدم نیاز به پس انتشار گرادیان (Backpropagation) به راحتی در سیستمهای توزیع شده اجرا می شوند.

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۳ از ۲۴

• ارتباطات بین پردازنده ها در ES بسیار کم حجمتر از RL است، زیرا فقط یک مقدار اسکالر ارسال می شود، در حالی که RL نیاز به ارسال گرادیان های کامل دارد.

- این الگوریتمها امکان اجرای همزمان روی هزاران پردازنده را فراهم میکنند که در برخی آزمایشها باعث کاهش زمان یادگیری از ساعتها به چند دقیقه شده است.
- ۷. عدم نیاز به تابع ارزش (Value Function) و کاهش پیچیدگی مدل: این الگوریتم ها نیازی به تخمین تابع ارزش ندارند. درحالی که بسیاری از الگوریتم های RL مانند Policy Gradients و Policy Gradients به تخمین تابع ارزش وابسته هستند. این امر باعث می شود که ES از نظر محاسباتی سبک تر باشد و نیاز به حافظه کمتری داشته باشد. عدم نیاز به تخمین تابع ارزش باعث می شود که ES در مواجهه با پاداش های بسیار پراکنده یا تأخیر دار عملکرد بهتری داشته باشد. به طور خلاصه:
- بسیاری از روشهای RL مانند یادگیری سیاست (Policy Gradient) برای بهبود عملکرد نیاز به تخمین تابع ارزش دارند که محاسبات را پیچیده و وابسته به هایپرپارامترها میکند.
  - ES مستقیماً پارامترهای سیاست را جستجو میکند و نیازی به تابع ارزش ندارد.
- ۳. مقاومت در برابر افقهای زمانی طولانی و پاداشهای تأخیری: این الگوریتمها به دلیل اینکه تنها از بازده کل یک اپیزود استفاده میکند، نسبت به تأخیر در پاداشها و افقهای زمانی طولانی مقاوم است. این در حالی است که روشهای RL مانند Policy Gradients ممکن است به دلیل نیاز به تخمین تابع ارزش و تأثیرات بلندمدت اقدامات، در مواجهه با افقهای زمانی طولانی دچار مشکل شوند. به طور خلاصه:
- در ،RL مقداردهی تنزیلی (Discounting) و تابع ارزش برای مدیریت پاداشهای تأخیری استفاده می شود که در مسائل با افقهای زمانی بلند (مانند تصمیمگیری استراتژیک) ممکن است منجر به یادگیری نامناسب شود.
- ES مستقیماً بر بهینه سازی کل اپیزود تمرکز دارد و نیازی به کاهش دادن پاداش ندارد، بنابراین در مسائل با وابستگی های بلندمدت کارآمدتر است.
- ۴. کاوش بهتر و متنوع تر نسبت به روشهای مبتنی بر گرادیان: روشهای مبتنی بر گرادیان مانند RL تمایل دارند که در مینیممهای محلی گیر بیفتند و در بسیاری از موارد به بهینه سراسری نرسند. ES با تغییر پارامترهای سیاست به صورت تصادفی، رفتارهای جدید و غیرمنتظره را تولید میکند که در برخی آزمایشها، منجر به یادگیری انواع راه حلهای جدید (مانند سبکهای مختلف راه رفتن در شبیه سازی رباتها) شده است.
- ۵. عدم وابستگی به نرخ فریم (Frame-Skip) و فرکانس اقدامات: در یادگیری تقویتی، نرخ فریم و نرخ انجام اقدام نقش مهمی در موفقیت یادگیری دارد. ES نسبت به فرکانس اقدامات (Action Frequency) بی تفاوت است، درحالی که در روشهای RL ، تنظیم فرکانس اقدامات (Frame-skip) یک پارامتر حیاتی است که می تواند به طور قابل توجهی بر عملکرد الگوریتم تأثیر بگذارد.
- 9. عدم نیاز به تخفیف زمانی (Temporal Discounting): ES نیازی به اعمال تخفیف زمانی روی پاداشها ندارد، درحالی که بسیاری از روشهای RL برای کاهش واریانس گرادیانها، از تخفیف زمانی استفاده می کنند. این امر می تواند باعث ایجاد مشکل در تخمین گرادیانها شود، به ویژه زمانی که اقدامات تأثیرات بلندمدت دارند.
- ۷. عدم نیاز به محاسبه گرادیانها: نیازی به محاسبه گرادیانها از طریق backpropagation ندارد، این امر باعث کاهش حجم محاسبات و حافظه مورد نیاز می شود. همچنین، این ویژگی باعث می شود که ES در مواجهه با شبکههای عصبی با گرادیانهای منفجرشده (Exploding Gradients) مقاوم تر باشد.

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۴ از ۲۴

۸. امکان استفاده از شبکههای عصبی غیرقابل تفکیک و سختافزارهای کمدقت: در RL، به دلیل نیاز به محاسبه گرادیان، معماری شبکه عصبی باید مشتق پذیر باشد. اما در ES، می توان از معماری هایی که غیرقابل تفکیک هستند (مانند توجه سخت یا شبکههای باینری) نیز استفاده کرد. این روش همچنین برای سختافزارهای محاسباتی کمدقت مانند TPU مناسب است.

۲. الگوریتم ژنتیک (GA) یک روش بهینهسازی و جستجو است که بر اساس اصول تکامل طبیعی داروین، مانند انتخاب طبیعی، جهش (Mutation) و ترکیب (Crossover)، عمل میکند. این الگوریتم از یک جمعیت از راهحلهای ممکن (کروموزومها) شروع کرده و با اعمال رفتارهای تکاملی، نسلهای جدیدی ایجاد میکند تا در نهایت به یک جواب بهینه یا نزدیک بهینه برسد.

# مراحل الگوريتم ژنتيك:

- ۱. ایجاد جمعیت اولیه: مجموعهای از کروموزومهای تصادفی ایجاد میشود.
- ۲. محاسبه تابع برازندگی (Fitness Function): هر کروموزوم ارزیابی می شود تا میزان مناسب بودن آن برای
   حل مسئله مشخص شود.
- ۳. **انتخاب** (Selection): کروموزومهایی که مقدار برازندگی بهتری دارند، شانس بیشتری برای تولید نسل بعدی به عنوان والد خواهند داشت.
  - ۴. تركیب (Crossover): دو كروموزوم والد با يكديگر تركيب شده و فرزندان جديدي توليد ميكنند.
  - ۵. جهش (Mutation): به صورت تصادفی تغییراتی در برخی کروموزومها اعمال می شود تا تنوع حفظ شود.
- 9. تكرار فرایند: این فرایند تا رسیدن به یک معیار توقف، مانند رسیدن به یک جواب بهینه یا پایانیافتن تعداد نسلها ادامه می یابد (به عنوان شرط حلقه while به عنوان مثال در پیاده سازی).

استراتژیهای تکاملی (ES)	برنامەنويسى تكاملى (EP)	الگوريتم ژنتيک (GA)	ویژگی
بردارهای عددی با	هر فرد به عنوان یک استراتژی	كروموزومها معمولاً	نمایش راهحلها
پارامترهای تصادفی نمایش	مستقل نمایش داده می شود.	رشتههای باینری، اعداد یا	
داده میشوند.		کدگذاری خاص دارند.	
بیشتر از جهش استفاده شده	تمرکز بیشتر بر جهش،	ترکیب (Crossover) و	عملگرهای
و تركيب محدود است.	تركيب كمتر مورد استفاده	جهش (Mutation)	تكامل <i>ي</i>
	قرار میگیرد.		
مسائل عددی، بهینهسازی	مسائل مرتبط با یادگیری و	مسائل عمومی مانند	كاربردها
پارامترها و كنترل تطبيقي	مدلسازي هوش مصنوعي	بهینهسازی، یادگیری ماشین،	
		مهندسی و	
انتخاب بر اساس مقایسه	انتخاب تصادفی با احتمال	انتخاب بر اساس تابع	نحوه انتخاب
مستقيم عملكرد فردي	بیشتر برای افراد بهتر	برازندگی	والدين
استفاده از بردارهای تصادفی	فقط جهش روی هر فرد	ترکیب و جهش کروموزومها	نحوه ایجاد نسل
برای تغییر مقدار پارامترها	اعمال ميشود	برای تولید فرزندان جدید	جديد

جدول ۱: تفاوت الگوریتم ژنتیک (GA) با الگوریتم برنامهنویسی تکاملی (EP) و استراتژیهای تکاملی (ES)

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۵ از ۲۴

۳. (آ) در مورد رشته های بیتی (Bitstring)، استفاده از عملگرهای الگوریتم به شکل زیر است:

- ۱. ترکیب (Crossover): عملیات ترکیب برای تولید فرزندان جدید از والدین انجام میشود. رایجترین روشهای ترکیب در رشتههای بیتی عبارتاند از:
- تركیب تک نقطه ای (Single-Point Crossover): یک نقطه تصادفی در رشته والدین انتخاب شده و بخشهای قبل و بعد از آن بین دو والد جابهجا می شوند.

مثال:

والد اول: ۱۱۰۰ | ۱۰۱ والد دوم: ۰۰۱۱ | ۰۰۱ فرزندان: ۱۱۰۰ | ۰۰۱ و ۰۰۱۱

• تركیب دونقطه ای (Two-Point Crossover): دونقطه تصادفی انتخاب شده و بخش میانی رشته بین دو والد جابهجا می شود.

مثال:

والد اول: ۰۱ | ۱۱۱۰ | ۱۰ والد دوم: ۱۰ | ۰۰۰۱ | ۰۰۱ فرزندان: ۰۱ | ۰۰۰۱ | ۱۰ و ۱۰ | ۱۱۱۰ | ۰۱

• تركيب يكنواخت (Uniform Crossover): هر بيت از هر والد با احتمال ٪۵۰ براى فرزند انتخاب مى شود.

مثال:

والد اول: ۱۰۱۱۰۱ والد دوم: ۱۰۰۱۰ فرزند: ۱۱۰۰۱۰

۲. جهش (Mutation): عملیات جهش معمولاً برای حفظ تنوع در جمعیت و جلوگیری از همگرایی زودرس انجام می شود. متداول ترین روش برای جهش در رشته های بیتی، معکوس کردن بیت ها (Bit Flip Mutation) انجام می شود. متداول ترین روش برای جهش در رشته های مانند 0.01 یا 0.05)، برخی از بیت های رشته به مقدار میکنند. مثال:

رشته اصلی:۱۰۱۱۰

پس از جهش: ۱۰۰۰۱ (دو بیت سوم و چهارم از سمت راست تغییر کرده اند.)

- (ب) زمانی که از جایگشتها (Permutations) یا نمایشهای غیر باینری در الگوریتم ژنتیک (GA) استفاده می شود، عملیات ترکیب (Crossover) و جهش (Mutation) باید به گونهای اصلاح شوند که ویژگیهای جایگشتی را حفظ کنند.
- ۱. عملگر ترکیب (Crossover) برای جایگشتها: در جایگشتها، هر مقدار باید یکبار و فقط در یک موقعیت ظاهر شود. در نتیجه، روشهای ترکیب رشتههای بیتی که منجر به مقادیر تکراری یا حذفشده می شوند، نامناسباند. روشهای ترکیب مناسب عبارتاند از:
- تركیب جزئی همپوشان (Partially Mapped Crossover PMX): دونقطه تصادفی در والدین انتخاب می شوند. بخش بین این دونقطه بین والدین جابه جا می شود. باقی مانده مقادیر با استفاده از یک نگاشت تنظیم می شود تا جای گشت معتبر بماند. مثال:

والد ۱: ۲۱ ۳۲ | ۶۵۴ | ۷۸۷

```
والد ۲: ۹ ۸ ۷ | ۴ ۵ ۶ | ۳ ۲ ۱
پس از ترکیب: ۲ ۲ ۳ | ۴ ۵ ۶ | ۷ ۸ ۹ (نگاشت رعایت شده است)
```

• تركیب ترتیب یافته (Order Crossover - OX): یک بخش تصادفی از والد اول انتخاب و در فرزند كپی می شود. مقادیر باقی مانده از والد دوم به همان ترتیب قرار می گیرند. مثال:

قررند دپی می سود. مفادیر باقی مانده از واند دوم به همان ترتیب ا والد ۱: ۲ ۲ ۲ | ۶۵۴ | ۲ ۲ ۷ والد ۲: ۹ ۸ ۷ | ۶۵۶ | ۳ ۲ ۱ فرزند: – – – | ۶۵۴ | – – (بخش انتخابی از والد ۱) پس از تکمیل با ترتیب والد ۲: ۹ ۸ ۷ | ۶۵۴ | ۲ ۲ ۲

• تركیب چرخهای (Cycle Crossover - CX): مقادیر در چرخههایی بین والدین حفظ می شوند تا ترتیب کلی جای گشت رعایت شود. مثال:

والد ۱: ۲ ۲ ۲ ۲ ۶ ۵ ۶ والد ۲: ۲ ۲ ۲ ۶ ۵ ۳

فرزند: ۲ ۲ ۳ – ۵ – (چرخه اول از والد ۱) سپس، بقیه مقادیر از والد ۲ کپی میشوند: ۱ ۲ ۳ ۶ ۵ ۴

- ۲. عملگر جهش (Mutation) برای جایگشتها: در جایگشتها، نباید تکرار یا حذف اعداد رخ دهد. پس
   جهش به صورت تغییر ترتیب مقادیر موجود انجام می شود. روشهای رایج عبارت اند از:
- جهش جابهجایی (Swap Mutation): دو موقعیت تصادفی انتخاب شده و مقدارشان جابهجا می شود.

مثال:

قبل از جهش: ۲ ۲ ۳ ۲ ۵ ۶ (جابجایی موقعیتهای ۲ و ۵) بعد از جهش: ۲ ۲ ۳ ۵ ۹

• جهش معکوس (Reverse Mutation): یک بازه تصادفی انتخاب شده و مقادیر آن معکوس میشوند. مثال:

قبل از جهش: ۲۱ ۳ | ۴۵۶ | ۸۸۷ (معکوس کردن بازه وسط) بعد از جهش: ۲۱ ۳ | ۴۵۶ | ۸۷۷

• جهش درج (Insertion Mutation): یک مقدار از موقعیت تصادفی حذف شده و در موقعیت درج می شود. مثال:

قبل از جهش: ۲۱ ۳ ۵ ۶ (انتقال عدد ۳ بعد از ۵) بعد از ۹ بعد از ۹ بعد از جهش: ۲۱ ۲ ۵ ۳ ۶

- ۴. در هنگام استفاده از الگوریتم ژنتیک و ساخت جمعیت اولیه اندازه کروموزوم و تعداد ژنهای آن ثابت و وابسته به پارامترهای مسئله است. در پایان الگوریتم نیز اندازه کروموزوم و تعداد ژن آن باید با شروع کار الگوریتم برابر و ثابت مانده باشد. در اجرای یک الگوریتم ژنتیک (GA) روی رشتههای بیتی، چندین خاصیت تغییرناپذیری (Invariance Properties) وجود دارند که باید حفظ شوند. این ویژگیها تضمین میکنند که اولاً الگوریتم به طور مؤثر جستجو کرده است و ثانیاً عملکرد پایدار و قابل پیش بینی خواهد داشت. در ادامه، این خصوصیات و تأثیر آنها بر کارایی الگوریتم بررسی می شود:
- تغییرناپذیری تحت جایگشت بیتها (Bit Permutation Invariance): اگر یک مسئله با جایگشت موقعیتهای بیتها باشد.

به عنوان مثال: اگر دو رشته بیتی ۱۱۰۰ و ۱۰۱۱ و ۰۰۱۱ مقدار برازش (یا مقدار تناسب) یکسانی باشند،

الگوریتم نباید به ترتیب بیتها حساس باشد، بلکه باید فقط الگوی کلی ژنها را مدنظر قرار دهد. این ویژگی کمک میکند تا الگوریتم روی تمام فضای جستجو بهطور یکنواخت عمل کند و وابسته به نحوه ی کدگذاری مسئله نباشد. اگر این خاصیت حفظ نشود، ممکن است الگوریتم به برخی ساختارهای خاص در رشتههای بیتی تمایل پیدا کند و جستجو مناسب نباشد.

• تغییرناپذیری تحت مقداردهی اولیه تصادفی (Initial Population Invariance): نتیجه ی الگوریتم نباید به توزیع خاصی از مقداردهی اولیه وابسته باشد، بلکه باید همواره به یک جواب بهینه یا نزدیک بهینه همگرا شود.

به عنوان مثال: دو اجرای الگوریتم ژنتیک با مقداردهی اولیهی تصادفی مختلف نباید نتایج کاملاً متفاوتی داشته باشند، بلکه باید به نقاط بهینه مشابهی همگرا شوند. با این اتفاق قابلیت تکرارپذیری (Reproducibility) افزایش می یابد. اگر این خاصیت رعایت نشود، الگوریتم ممکن است به پاسخهای مختلف و ناسازگار در اجراهای مختلف برسد.

• تغییرناپذیری تحت تغییر مقیاس تابع برازش (Fitness Scale Invariance): عملکرد الگوریتم نباید به تحولات خطی در تابع برازش حساس باشد.

به عنوان مثال: اگر تابع برازش f(x) را به صورت g(x)=af(x)+b که در آن g(x)=0 و g(x)=af(x)+b ثابت است) تغییر دهیم، نباید رفتار الگوریتم عوض شود. اگر این ویژگی حفظ نشود، مقادیر برازش بزرگ یا کوچک می توانند روی نحوه ی انتخاب و عملکرد اپراتورهای ژنتیکی تأثیر منفی بگذارند. معمولاً نرمال سازی تابع برازش می تواند این مشکل را برطرف کند.

• تغییرناپذیری تحت بازآرایی کروموزومها (Chromosome Encoding Invariance): نتایج الگوریتم نباید به نوع کدگذاری ژنها وابسته باشد.

به عنوان مثال: اگر برای حل یک مسئله می توان از دو نوع کدگذاری باینری ۱۰۰۱ و ۱۱۱۰ (مثلاً با تعریف های متفاوت از بیت ها) استفاده کرد، عملکرد الگوریتم نباید وابسته به این انتخاب باشد. همچنین بهینه سازی نباید محدود به نوع خاصی از نمایش کروموزومی باشد. با این کار افزایش انعطاف پذیری الگوریتم ژنتیک برای حل مسائل مختلف رخ میدهد.

• تغییرناپذیری تحت تغییرات جمعیت (Population Size Invariance:) عملکرد کلی الگوریتم باید با تغییر اندازه ی جمعیت تغییر محسوسی نداشته باشد (تا حدی معقول).

به عنوان مثال: اگر یک الگوریتم با اندازه ی جمعیت ۵۰ و یک اجرای دیگر با اندازه ی ۱۰۰ انجام شود، نتایج نباید کاملاً متفاوت باشند، بلکه باید هر دو به یک جواب بهینه مشابه همگرا شوند. پایداری الگوریتم در برابر تنظیمات مختلف و کاهش حساسیت الگوریتم به هایپرپارامترهای تنظیمی از این جهت است.

- تغییرناپذیری نسبت به معکوس کردن بیتها (Bit Flip Invariance): معکوس کردن مقدار بیتها (تبدیل به ۱ و برعکس) تأثیری بر عملکرد الگوریتم نباید داشته باشد. اگر این خاصیت حفظ نشود، الگوریتم ممکن است در جهتهای نامناسب جستجو کند و زمان بیشتری برای همگرایی نیاز داشته باشد.
- تغییرناپذیری نسبت به تغییر مقیاس (Scale Invariance): تغییر مقیاس در تابع برازش (Fitness Function) نباید تأثیری بر رفتار الگوریتم داشته باشد.

به عنوان مثال: اگر تابع برازش را در یک مسئله بهینه سازی در مقیاس های مختلف (مثلاً ضرب در یک ثابت) تغییر دهیم، الگوریتم باید همچنان به سمت جواب بهینه همگرا شود.

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۸ از ۲۴

• تغییرناپذیری نسبت به چرخش (Rotation Invariance): چرخش در فضای جستجو (مانند تغییر جهتهای جستجو) نباید تأثیری بر عملکرد الگوریتم داشته باشد. اگر این خاصیت حفظ نشود، الگوریتم ممکن است در جهتهای خاصی از فضای جستجو گیر کند و نتواند به طور کامل فضای جستجو را بررسی کند.

- تغییرناپذیری نسبت به انتقال (Translation Invariance): انتقال در فضای جستجو (مانند جابهجایی نقطه شروع) تأثیری بر عملکرد الگوریتم نباید داشته باشد. حفظ این خاصیت باعث می شود الگوریتم به نقطه شروع اولیه حساس نباشد و عملکرد پایدارتری داشته باشد.
  - به عنوان مثال: در مسئله ای مانند بهینه سازی تابع Sphere، انتقال نقطه شروع نباید بر نتیجه نهایی تأثیر بگذارد.
- تغییرناپذیری نسبت به تغییرات کوچک در جمعیت (Population Perturbation Invariance): تغییرات کوچک در جمعیت اولیه (مانند جهشهای کوچک) نباید تأثیری بر رفتار کلی الگوریتم نداشته باشد. اگر این خاصیت حفظ نشود، الگوریتم ممکن است به دلیل تغییرات کوچک در جمعیت اولیه، به سمت جوابهای زیر بهینه همگرا شود.
  - به عنوان مثال: در مسئله ای مانند مسئله کوله پشتی، تغییرات کوچک در جمعیت اولیه نباید منجر به نتایج کاملاً متفاوت شود.
- تغییرناپذیری نسبت به انتخاب عملگرها (Operator Invariance): انتخاب عملگرهای مختلف (مانند جهش، ترکیب، و انتخاب) نباید تأثیری بر رفتار کلی الگوریتم داشته باشد. حفظ این خاصیت باعث می شود الگوریتم به انتخاب عملگرها حساس نباشد و انعطاف پذیری بیشتری داشته باشد.
  - به عنوان مثال: در مسئله ای مانند فروشنده دوره گرد، استفاده از عملگرهای مختلف نباید منجر به نتایج کاملاً متفاوت شود.
- ۵. (آ) برای مقایسه زمان مورد انتظار الگوریتم ژنتیک و جستجوی تصادفی در یافتن جواب بهینه برای رشته های بیتی به طول n داریم:

# ۱. جستجوی تصادفی (با توزیع یکنواخت):

- هر رشته بهصورت تصادفی و مستقل از موارد قبلی انتخاب میشود.
- چون فضای جستجو شامل  $2^n$  رشته ممکن است، احتمال یافتن جواب بهینه در یک مرحله برابراست با  $\frac{1}{2^n}$  خواهد بود.
- تعداد مراحل مورد انتظار برای یافتن جواب بهینه در جستجوی تصادفی برابر است با  $O(2^n)$  زیرا این یک فرآیند برنولی است که در آن موفقیت (یافتن جواب بهینه) با احتمال  $\frac{1}{2^n}$  رخ می دهد.

# ۲. الگوريتم ژنتيک:

• طبق فرض مسئله، این روش به طور متوسط در  $O(3^n)$  مرحله جواب بهینه را پیدا می کند.

#### مقابسه:

- $O(2^n)$  جستجوی تصادفی
  - $O(3^n)$  الگوريتم ژنتيک

ازآنجایی که  $2^n < 3^n$  برای همه 0 < n ، الگوریتم ژنتیک موردنظر از جستجوی تصادفی کندتر است و انتظار می رود که زمان بیشتری برای یافتن جواب بهینه صرف کند. این نشان می دهد که این الگوریتم ژنتیک کارایی بهتری نسبت به جستجوی تصادفی ندارد و حتی ممکن است در عمل ضعیف تر عمل کند.

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۹ از ۲۴

در الگوریتمهای ژنتیک کارآمد، انتظار داریم که روشهای انتخاب، جهش و تقاطع باعث بهبود نرخ همگرایی شوند و زمان مورد انتظار را کمتر از جستجوی تصادفی نگه دارند، اما در اینجا عملکرد بدتری مشاهده می شود که احتمالاً به دلیل طراحی نامناسب اپراتورهای ژنتیکی است.

# (ب) برخی عوامل مؤثر بر عملکرد الگوریتم ژنتیک در عمل:

## ۱. انتخاب پارامترهای الگوریتم:

- اندازه جمعیت (Population Size): جمعیت بزرگ تر ممکن است به تنوع بیشتر و پوشش بهتر فضای جستجو منجر شود، اما هزینه محاسباتی بیشتری دارد.
- نرخ جهش (Mutation Rate): نرخ جهش بالا میتواند به اکتشاف بیشتر فضای جستجو کمک کند، اما ممکن است باعث ازدسترفتن جوابهای خوب شود. نرخ جهش پایین ممکن است باعث گیرکردن الگوریتم در بهینههای محلی شود.
- نرخ جهش (Mutation Rate): نرخ جهش بالا مى تواند به اكتشاف بیشتر فضاى جستجو كمك كند، اما ممكن است باعث ازدست رفتن جوابهاى خوب شود. نرخ جهش پایین ممكن است باعث گیركردن الگوریتم در بهینههاى محلى شود.
- نرخ ترکیب (Crossover Rate): نرخ ترکیب بالا میتواند بهاشتراکگذاری اطلاعات بین افراد جمعیت کمک کند، اما ممکن است باعث ازدسترفتن تنوع شود.
- تعداد نسلها (Number of Generations): تعداد نسلهای بیشتر ممکن است به یافتن جواب بهینه نزدیکتر کمک کند، اما زمان اجرا را افزایش میدهد.

# ۲. :طراحی عملگرهای الگوریتم

- عملگر ترکیب (Crossover Operator): استفاده درست و بجا از این عملگر میتواند به بهبود همگرایی الگوریتم کمک کند.
- عملگر جهش (Mutation Operator): عملگر جهش باید به گونهای طراحی شود که تعادل مناسبی بین اکتشاف (Exploration) و بهرهبرداری (Exploitation) ایجاد کند.
- عملگر انتخاب (Selection Operator): روشهای انتخاب مانند انتخاب چرخ رولت، انتخاب رقابتی یا انتخاب بر اساس رتبه میتوانند بر سرعت همگرایی و تنوع جمعیت تأثیر بگذارند.

# ۳. بازنمایی مسئله (Problem Representation):

- کدگذاری جوابها (Encoding): روش کدگذاری جوابها (مثلاً رشتههای بیتی، درختها، یا بردارهای واقعی) باید به گونهای باشد که فضای جستجو را به طور مؤثر پوشش دهد.
- تناسب بازنمایی با عملگرها: عملگرهای ترکیب و جهش باید با روش کدگذاری جوابها سازگار باشند تا بتوانند جوابهای معتبر تولید کنند.

# ۴. تابع برازش (Fitness Function):

- طراحی تابع برازش: : تابع برازش باید به گونهای طراحی شود که بتواند به طور دقیق کیفیت جوابها را ارزیابی کند.
- مقیاس تابع برازش: اگر مقیاس تابع برازش نامناسب باشد (مثلاً تفاوتهای بسیار کوچک یا بسیار بزرگ بین جوابها)، ممکن است الگوریتم در بهینههای محلی گیر کند.

#### ۵. مشخصات مسئله (Problem Characteristics):

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۱۰ از ۲۴

• فضای جستجو (Search Space): اگر فضای جستجو بسیار بزرگ یا پیچیده باشد، الگوریتم ممکن است به زمان بیشتری برای یافتن جواب بهینه نیاز داشته باشد.

- تعداد بهینه های محلی (Local Optimal): اگر مسئله دارای تعداد زیادی بهینه محلی باشد، الگوریتم ممکن است در یکی از آنها گیر کند.
- همبستگی بین متغیرها (Variable Correlation): اگر متغیرهای مسئله به شدت به هم وابسته باشند، الگوریتم ممکن است در یافتن جواب بهینه با مشکل مواجه شود.

#### ۶. :پیادهسازی و محاسبات

- كارايي پيادهسازي: پيادهسازي بهينه الگوريتم ميتواند زمان اجرا را كاهش دهد.
- موازی سازی (Parallelization): استفاده از روشهای موازی سازی می تواند سرعت اجرای الگوریتم را افزایش دهد.
- دقت محاسباتی: دقت محاسباتی میتواند بر نتایج الگوریتم تأثیر بگذارد، بهویژه در مسائل با اعداد حقیقی.

#### ٧. شرايط اوليه (Initial Conditions):

- مقداردهی اولیه جمعیت (Initial Population): اگر جمعیت اولیه بهینههای محلی را پوشش ندهد، الگوریتم ممکن است در یافتن جواب بهینه با مشکل مواجه شود.
- تصادفی بودن (Randomness): الگوریتمهای ژنتیک به دلیل ماهیت تصادفی خود ممکن است در اجراهای مختلف نتایج متفاوتی تولید کنند.

#### ۸. تعادل بین اکتشاف و بهرهبرداری (Exploration vs. Exploitation):

- اكتشاف (Exploration): جستجو در مناطق جديد فضاى جستجو براى يافتن جوابهاى بهتر.
  - بهرهبرداری (Exploitation): بهبود جوابهای موجود در مناطق شناخته شده.
- اگر الگوریتم بیش از حد بر اکتشاف تمرکز کند، ممکن است زمان زیادی صرف جستجو در مناطق بی کیفیت شود .
  - اگر الگوریتم بیش از حد بر بهرهبرداری تمرکز کند، ممکن است در بهینههای محلی گیر کند.

# ٩. شرايط توقف (Stopping Criteria):

- تعداد نسلها: اگر تعداد نسلها كم باشد، الگوريتم ممكن است به جواب بهينه نرسد.
- معیار همگرایی بهدرستی تنظیم نشود، الگوریتم (Convergence Criterion): اگر معیار همگرایی بهدرستی تنظیم نشود، الگوریتم ممکن است زودتر از موعد متوقف شود یا زمان زیادی را هدر دهد.

# ۱۰. نویز و عدم قطعیت (Noise and Uncertainty):

• اگر تابع برازش نویزی باشد یا داده ها دارای عدم قطعیت باشند، الگوریتم ممکن است در ارزیابی جوابها با مشکل مواجه شود.

# ۲ درک و حل مسائل با الگوریتم ژنتیک

- ۱. (آ) اگر هیچ گرهای نباید دو بار دیده شود، یک کروموزوم باید باید یک دور بین همهی گرهها باشد که این دور شامل طی ترتیب طی کردن ۱۰ یال است. پس کروموزوم ما شامل ۱۰ ژن است.
- (ب) اینکه بین کدام شهرها ارتباط وجود داشته باشد پیش فرضهای مسئله است اما به طور کلی می توان گفت اگر گراف کامل و بدون طوقه باشد، از هر گرهای به همهی گرههای دیگر یال وجود دارد. ما در نظر گرفتیم این یالها جهت دار  $n imes \frac{n-1}{2}$  است پس اگر از یک گره به گره ی دیگر رفت برگشت نیازی نیست. با این اوصاف تعداد کل ژنهای ممکن  $n imes \frac{n-1}{2}$  یال می شود. که اینجا n imes 10 است پس n imes 45 اشت وجود دارد.
  - ۲. (آ) ژنها را به تابع fitness میبریم:

$$fit(x_1) = 6 + 5 - 4 - 1 + 3 + 5 - 3 - 2 = 9$$

$$fit(x_2) = 8 + 7 - 1 - 2 + 6 + 6 - 0 - 1 = 23$$

$$fit(x_3) = 2 + 3 - 9 - 2 + 1 + 2 - 8 - 5 = -16$$

$$fit(x_4) = 4 + 1 - 8 - 5 + 2 + 0 - 9 - 4 = -19$$

به ترتیب  $x_2$  به  $x_3$ ،  $x_1$  ،  $x_2$  برازنده هستند.

(ب) عملیات ترکیب

• ترکیب نقطهای: در این روش به دو فرزند جدید میرسیم.

$$x_{21} = 8712|3532$$

$$x_{21} = 6541|6601$$

• ترکیب دو نقطهای: با استفاده از این روش به دو فرزند جدید میرسیم. ما فرض میکنیم منظور از نقاط b و f یعنی بعد از این نقاط ترکیب اتفاق می افتد

$$x_{131} = 65|9212|35$$

$$x_{313} = 23|4135|85$$

• ترکیب یکنواخت: برای انجام این ترکیب نیازمند به یک ماسک هستیم. این ماسک یک ژن تصادفی با مقادیر دودویی است که نشانگر این است که آن ژن را از کروموزوم اول بگیریم یا دوم. که انتخاب اول یا دوم هم احتمال است. ما با استفاده از

## برنامهٔ ۱: تولید ماسک تصادفی

```
import random
r mask = ''.join(random.choice('01') for _ in range(8))
r print(mask)
```

یک رشته ی تصادفی از ۰ و ۱ تولید می کنیم. ما فرض می کنیم ۰ معادل رشته ی اول و ۱ معادل رشته ی سوم باشد.

mask = 01001010

 $x_{13} = 8|3|12|1|6|8|1$ 

 $x_{31} = 2|7|92|6|2|0|5$ 

(ج) برازش فرزندان: با استفاده از تکه کد زیر برازندگی هر فرزند را محاسبه میکنیم:

#### برنامهٔ ۲: محاسبه ی برازندگی

```
chromosome = input()
a, b, c, d, e, f, g, h = [int(char) for char in chromosome]
fitness = a + b - c - d + e + f - g - h
print(fitness)
```

$$fit(x_{21}) = 87123532 = 15$$

$$fit(x_{21}) = 65416601 = 17$$

$$fit(x_{131}) = 65921235 = -5$$

$$fit(x_{313}) = 23413585 = -5$$

$$fit(x_{23}) = 83121681 = 6$$

$$fit(x_{32}) = 27926205 = 1$$

تعبیر بهتر شدن و بدتر شدن تعبیر نا دقیقی است. ما دو شاخص را برای بهتر شدن و بدتر شدن در نظر میگیریم.

۱. بالاترین برازندگی: در والدها بالاترین برازندگی ۲۳ بود که به ۱۷ کاهش یافت یعنی بدتر شده.

۲. میانگین برازندگی: در شرایط قبلی برازندگی معادل 
$$\frac{9+23-16-19}{4}=\frac{-3}{4}=-0.75$$
 میشود و در فرزندان ۲. میانگین برازندگی: در شرایط قبلی برازندگی معادل  $\frac{15+17-5-5+6+1}{6}=\frac{29}{6}\approx 4.83$ 

- (ه) ما سعی کردیم بهترین ترکیب را بسیازیم و آن  $x_{\rm optimal} = 87116601$  خواهد بود که برازندگی آن ۲۴ خواهد شد. پس نمی توان بدون جهش به نقطه ی بهینه رسید و حداقل ۱۲ تا فاصله با نقطه ی برازندگی وجود خواهد داشت.

#### kjhghghghghg . "

(آ) مقدار برازندگی به ازای هر x:

$$fit(x_1) = 1 - 4 + 7 = 4$$

$$fit(x_2) = 8 - 16 + 7 = -1$$

$$fit(x_3) = 27 - 36 + 7 = -2$$

$$fit(x_4) = 64 - 64 + 7 = 7$$

(ب) بله. می توانیم با اضافه کردن  $c \geq 2$  همه ی مقدارها را نامنفی کنیم. مثلا اگر c = 3 در نظر بگیریم رابطه ی برازندگی  $\operatorname{fit}(x) = x^3 - 4x^2 + 10$  خواهد شد.

(ج) به هر برازندگی مقدار ثابت ۲ اضافه می شود پس

TotalFitness = 
$$(4+3) \times 2 + (-1+3) \times 3 + (-2+3) \times 3 + (7+3) \times 2$$

$$= 14 + 6 + 3 + 20 = 43$$

(د) مقدار برازندگی نسبی برای هر نمونه x به صورت زیر خواهد شد:

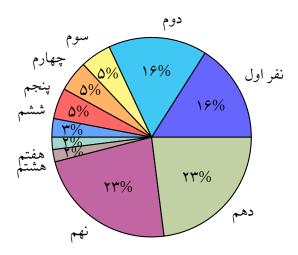
$$P(x=1) = \frac{7}{43} = 0.1628$$

$$P(x=2) = \frac{2}{43} = 0.0465$$

$$P(x=3) = \frac{1}{43} = 0.0233$$

$$P(x=4) = \frac{10}{43} = 0.2326$$

می توانیم آن را به صورت یک گردونه هم نشان دهیم



شکل ۱: گردونهی شانس برای این نمونه از جمعیت

(ه) مزیت تابع جدید این است که به ازای هر مقدار x، تابع برازندگی همواره نامنفی است. برای محاسبه g(x) تمام

مقدادیر بدست آمده در بخش آ را به توان ۲ میرسانیم.

$$fit(x_1) = 4^2 = 16$$

$$fit(x_2) = (-1)^2 = 1$$

$$fit(x_3) = (-2)^2 = 4$$

$$fit(x_4) = 7^2 = 49$$

- (و) فشار انتخاب: فشار انتخاب یعنی درجهی اینکه افراد برازنده تر چقدر شانس زنده ماندن دارند. برعکس اضافه کردن مقدار ثابت، در «به توان رساندن» فشار انتخاب زیاد می شود. البته این تا حدودی بستگی به روش انتخاب هم دارد. مثلا اگر از الگوریتم انتخاب رتبه پایه ۱ استفاده کنیم دیگر این مسئله جدی نیست.
- همگرایی: میتوان گفت با افزایش فشار انتخاب، همگرایی سریعتر میشود اما خطر گیر کردن در یک نقطهی بهینهی محلی وجود دارد.
- تنوع: افزایش فشار انتخاب باعث کاهش تنوع و همگرایی سریع به یک قلهی محلی خاص می شود که ممکن است بهترین نباشد. با افزایش فشار انتخاب تنوع در انتخاب گونهها را از دست می دهیم.

rank-based selection'

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۱۵ از ۲۴

# ۳ پیادهسازی، ارزیابی و تجزیه و تحلیل الگوریتم ژنتیک جهت انتخاب بهترین ویژگی برای مسئلهی واقعی دسته بندی مشتریان

## ۱.۳ پیش پردازش دادهها

# (آ) حذف دادههای پرت:

برای پر کردن دادههای پرت از روش IQR method استفاده میکنیم این روش به این صورت است که IQR را برابر با IQR برای پر کردن دادههای پرت از Q3 - Q1 و بزرگتر Q3 - Q1 قرار میدهیم (چارک اول : Q1 ، چارک سوم : Q3 ) سپس دادههای کوچکتر از Q3 + Q3 - Q3 از Q3 + Q3 را حذف میکنیم.

#### برنامهٔ ۳: حذف دادههای پرت

```
df = pd.read_csv('Customer Classification dataset/Train.csv')

numeric_cols = df.select_dtypes(include=[np.number]).columns.tolist()

numeric_cols.remove('ID')

for col in numeric_cols:
    Q1 = df[col].quantile(0.25)
    Q3 = df[col].quantile(0.75)
    IQR = Q3 - Q1
    lower_bound = Q1 - 1.5 * IQR
    upper_bound = Q3 + 1.5 * IQR
    df = df[(df[col] >= lower_bound) & (df[col] <= upper_bound)]</pre>
```

# (ب) رمزگذاری ویژگیهای دستهای (categorical):

مهمترین پارامتر در رمزگذاری (encoding) دادههای دستهای این است که ببینیم که این دادهها دادههای کیفی ترتیبی مهمترین پارامتر در رمزگذاری (Nominal Qualitative) اگر دادهها کیفی ترتیبی باشند نیاز داریم (Ordinal Qualitative) هستند یا کیفی اسمی باشند نیاز داریم که دادهها را به گونهای پیشپردازش کنیم که این ترتیب همچنان حفظ شود و در صورتی که دادهها اسمی باشند نیازی به این کار نداریم و میتوانیم برای هر دسته یک ستون درست کنیم که با مقادیر درست (True) و غلط (False) مشخص کنیم که به این دسته قرار دارد یا خیر.

در دادههایی که در سوال به ما داده شده بود ستونهای Profession ، Graduated ، Ever\_Married ، Gender و get\_dummies ستونهایی بودند که دادههای آنها به صورت کیفی اسمی بود و برای همین برای رمز گذاری آنها از Var\_1 استفاده کردیم.

## برنامهٔ ۴: رمزگذاری با get\_dummies

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۱۶ از ۲۴

```
features,
columns=columns_to_encode,
prefix=columns_to_encode,
drop_first=True

// )
features.head()
```

و ستون Spending\_Score را که دارای دادههای ترتیبی به نامهای Average ، Low و High بود را به صورت دیگری رمزگذاری کردیم تا مدل توانایی درک این که این ۳ مقدار دارای ترتیب مشخصی هستند را متوجه شود. اینکار را به این صورت انجام دادیم که این ۳ ستون را به ترتیب از کوچک به بزرگ از ۰ تا ۲ مقداردهی کردیم.

## برنامهٔ ۵: رمزگذاری برای ستون spending\_score

```
score_mapping = {
    'Low': 0,
    'Average': 1,
    'High': 2
}
features['Spending_Score'] = features['Spending_Score'].map(score_mapping)
v features.head()
```

## (ج) پر کردن دادههای خالی (Nan):

n\_neighbors مردیم به این صورت که sikitlearn در کتابخانه sikitlearn استفاده کردیم به این صورت که KNNImputer که یکی از پارامترهای این تابع است را  $\Lambda$  انتخاب کردیم و این به این معناست که هر ردیفی که مفدار خالی داشته باشد میاید و  $\Lambda$  ردیف نزدیک به ان را پیدا میکند و سپس از مقادیر ستون مورد نظر(یعنی ستونی که مقدار خالی در ان قرار دریفها میانگین گرفته و آنرا به عنوان مقدار جدید سلول خالی قرار میدهد.

# برنامهٔ ۶: پر کردن سلولهای خالی

```
from sklearn.impute import KNNImputer
imputer = KNNImputer(n_neighbors=8)
imputed_X = imputer.fit_transform(features)
features = pd.DataFrame(imputed_X, columns=features.columns)
```

# ۲.۳ پیادهسازی الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک یک روش جستجو و بهینهسازی مبتنی بر تکامل طبیعی است که در آن مفاهیمی از ژنتیک مانند انتخاب طبیعی، ترکیب و جهش برای یافتن بهترین جواب به کار گرفته میشوند. این الگوریتم در مسائل مختلف از جمله بهینهسازی، یادگیری ماشین و مسائل ترکیبیاتی مورد استفاده قرار میگیرد.

# ١.٢.٣ مراحل الگوريتم ژنتيک

(آ) مقداردهی اولیه (Initialization):

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۱۷ از ۲۴

مجموعهای از کروموزومها (یا راهحلهای ممکن) بهصورت تصادفی ایجاد می شود.

#### برنامهٔ ۷: مقداردهی اولیه

```
def initialize(count, column_count):
    zero_array = np.zeros((1, column_count), dtype=int)
    my_set = set()

while len(my_set) != count:
    random_numbers = random.sample(range(0, 21), column_count)
    copied_zero_array = zero_array.copy()
    for i in range(column_count):
        copied_zero_array[0][i] = random_numbers[i]
        my_set.add(tuple(copied_zero_array[0]))
    my_list = list(my_set)
    return my_set
```

## (ب) ارزیابی برازندگی (Fitness Evaluation)

هر کروموزوم بر اساس یک تابع برازندگی ارزیابی میشود تا میزان تطابق آن با هدف مشخص شود. در کدی که ما زدیم تابع برازندگی، accuracy\_score مدل است.

#### (ج) انتخاب (Selection):

کروموزومهای بهتر شانس بیشتری برای انتخاب شدن و انتقال به نسل بعدی دارند. روشهای مختلفی برای این کار وجود دارد، از جمله:

- چرخ رولت (Roulette Wheel Selection)
- انتخاب بر اساس رتبه (Rank-Based Selection)
  - انتخاب تورنمنت (Tournament Selection)

که ما هر ۳تای انها را پیادهسازی کردیم.

#### برنامهٔ ۲: roulette-wheel-selection

```
def roulette_wheel_selection(initialize_gen, fitness_list, repeatable, count):
    indices = list(range(len(fitness_list)))

if repeatable:
    #repeatable
    selected_index = random.choices(indices, weights=fitness_list, k=count)

else:
    #non-repeatable
    selected_index = np.random.choice(indices, size=count, replace=False,
    p=fitness_list/sum(fitness_list))
    selected_ones = list()
    initialize_gen = list(initialize_gen)
```

```
for i in selected_index:
    selected_ones.append(initialize_gen[i])

return selected_ones
```

#### برنامهٔ ۹: rank-based-selection

```
def rank_based_selection(initialize_gen, fitness_list, repeatable, count):
    fitness_list = get_rank_array(list(fitness_list))

indices = list(range(len(fitness_list)))

if repeatable:
    #repeatable
    selected_index = random.choices(indices, weights=fitness_list, k=count)

else:
    #non-repeatable
    selected_index = np.random.choice(indices, size=count, replace=False, p=fitness_list/sum(fitness_list))
    selected_ones = list()
    initialize_gen = list(initialize_gen)
    for i in selected_index:
        selected_ones.append(initialize_gen[i])
    return selected_ones
```

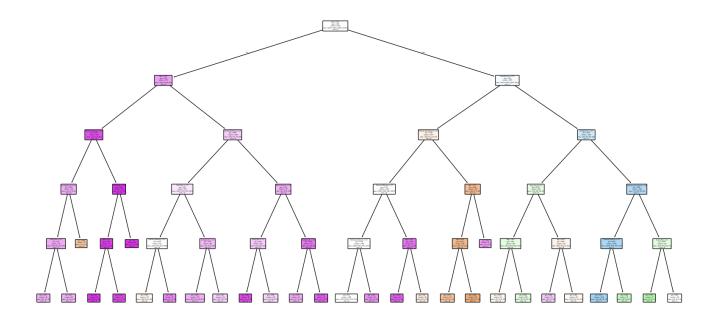
#### برنامهٔ ۱۰: tournament-selection

```
def tournament_selection(initial_gen, gen_fitnesss, replacement, count,
   sample=2):
    selected_population = []
    if replacement:
        for _ in range(count):
            tournament_indices = random.choices(range(len(initial_gen)),
   k=sample)
            winner_index = max(tournament_indices, key=lambda i:
   gen_fitnesss[i])
            selected_population.append(initial_gen[winner_index])
    else:
        not_used = list(range(len(initial_gen)))
        thrown = []
        while len(not_used) >= sample and len(selected_population) < count:</pre>
            tournament_indices = random.sample(not_used, sample)
            winner_index = max(tournament_indices, key=lambda i:
   gen_fitnesss[i])
            selected_population.append(initial_gen[winner_index])
            for idx in tournament_indices:
```

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۱۹ از ۲۴

```
not_used.remove(idx)
    if idx != winner_index:
        thrown.append(idx)

pool = thrown + not_used
while len(selected_population) < count and pool:
    if len(pool) >= sample:
        tournament_indices = random.sample(pool, sample)
else:
        tournament_indices = random.choices(pool, k=sample)
winner_index = max(tournament_indices, key=lambda i:
gen_fitnesss[i])
selected_population.append(initial_gen[winner_index])
return selected_population
```



شكل ٢: درخت تصميم

# (د) ترکیب (Crossover):

کروموزومهای انتخاب شده با یکدیگر ترکیب میشوند تا فرزندان جدید تولید شود. روشهای متداول شامل:

- ترکیب تکنقطهای (Single-Point Crossover)
  - تركيب دونقطهاى (Two-Point Crossover)
    - ترکیب یکنواخت (Uniform Crossover)

# درس مبانی هوش محاسباتی که ما هر ۳تای اینها را هم پیادهسازی کردیم.

#### برنامهٔ ۱۱ single-point-crossover

```
def single_point_crossover(parents):
    offspring = []
    for i in range(0, len(parents), 2):
        if i + 1 < len(parents):</pre>
            set1 = set()
            set2 = set()
            p1, p2 = parents[i], parents[i + 1]
            child_size = len(p1)
            cross_point = random.randint(1, len(p1) - 1)
            make1 = p1[:cross_point] + p2[cross_point:] + p1[cross_point:] +
   p2[:cross point]
            make2 = p2[:cross_point] + p1[cross_point:] + p2[cross_point:] +
   p1[:cross_point]
            for j in make1:
                if len(set1) == child_size:
                    break
                set1.add(j)
            for j in make2:
                if len(set2) == child_size:
                    break
                set2.add(j)
            child1 = list(set1)
            child2 = list(set2)
            offspring.extend([child1, child2])
    return offspring
```

#### برنامهٔ ۲۱ : two-point-crossover

```
def two_point_crossover(parents):
    offspring = []
    for i in range(0, len(parents), 2):
        if i + 1 < len(parents):</pre>
            set1 = set()
            set2 = set()
            p1, p2 = parents[i], parents[i + 1]
            child_size = len(p1)
            point1 = random.randint(1, len(p1) - 2)
            point2 = random.randint(point1 + 1, len(p1) - 1)
            make1 = p1[:point1] + p2[point1:point2] + p1[point2:] +
   p2[:point1] + p1[point1:point2] + p2[point2:]
            make2 = p2[:point1] + p1[point1:point2] + p2[point2:] +
   p1[:point1] + p2[point1:point2] + p1[point2:]
            for j in make1:
```

درس مبانی هوش محاسباتی

#### ىرنامهٔ uniform-crossover : ۱۳

```
def uniform_crossover(parents, swap_prob=0.5):
      offspring = []
      for i in range(0, len(parents), 2):
          if i + 1 < len(parents):</pre>
              p1, p2 = parents[i], parents[i + 1]
              child_size = len(p1)
              make1 = []
              make2 = []
              for g1, g2 in zip(p1, p2):
                  if random.random() < swap_prob:</pre>
                       make1.append(g2)
                       make2.append(g1)
                  else:
                       make1.append(g1)
                       make2.append(g2)
۱۵
              make1 += p1 + p2
              make2 += p1 + p2
              set1 = set()
              set2 = set()
              for gene in make1:
                  if len(set1) == child_size:
                       break
                  set1.add(gene)
              for gene in make2:
                  if len(set2) == child_size:
                       break
                  set2.add(gene)
              offspring.append(list(set1))
              offspring.append(list(set2))
      return offspring
```

رس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲۲ از ۲۴

#### (ه) جهش (Mutation):

برخی از کروموزومها دچار تغییرات جزئی میشوند تا از همگرایی زودرس جلوگیری شود و تنوع حفظ گردد.

#### برنامهٔ ۱۴: mutate

```
def mutate(individual, max_value):
    index = random.randint(0, len(individual) - 1)
    new_value = random.randint(1, max_value)
    while new_value in individual:
        new_value = random.randint(1, max_value)
    individual[index] = new_value
    return individual
```

#### (و) تكرار (Iteration):

همهی مراحل الف تا ه را دوباره انجام میدهیم تا به یکی از دو شرط زیر برسیم:

۱. رسیدن به حداکثر تعداد تکرار (iterations)

۲. رسیدن به نقطهی همگرایی (عدم بهبود برای مدت طولانی)

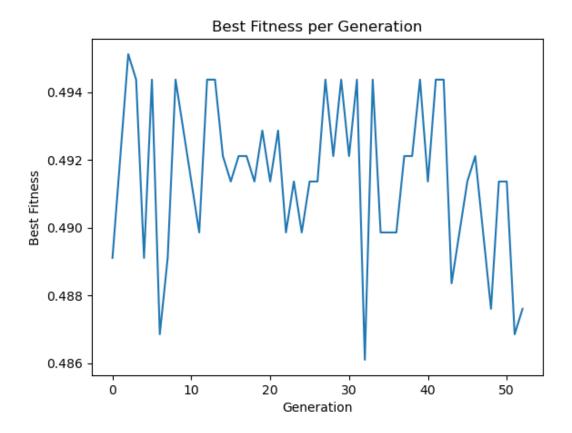
حالا با استفاده از الگوریتمهایی که در بالا توضیح داده و پیاده سازی کردیم، الگوریتم ژنتیک را پیادهسازی میکنیم.

#### برنامهٔ ۱۵: Algorithm Genetic

```
def GA(X, y, count, column_count, repeatable, select_count,
   selection_type='roulette_wheel_selection', crossover='single_point',
   max_generations=100, target_accuracy=0.95, max_stagnation=50):
    initial_gen = initialize(count, column_count)
    generation = 0
    best_fitness = 0
    stagnation_counter = 0 # Track generations without improvement
    max_fitness_list = list()
    while generation < max_generations and best_fitness < target_accuracy:</pre>
        fitness_list = list()
        for i in range(len(initial_gen)):
            fitness_list.append(get_fitness(initial_gen, X, i, y))
        current_max = max(fitness_list)
        previous_best = best_fitness
        best_fitness = max(best_fitness, current_max)
        if best_fitness == previous_best:
            stagnation_counter += 1
        else:
            stagnation_counter = 0
```

درس مبانی هوش محاسباتی

```
max_fitness_list.append(current_max)
          if stagnation_counter >= max_stagnation:
              break
          if selection_type == 'roulette_wheel_selection':
              selected_ones = roulette_wheel_selection(initial_gen,
     fitness_list, repeatable, select_count)
          elif selection_type == 'rank_based_selection':
              selected_ones = rank_based_selection(initial_gen, fitness_list,
     repeatable, select_count)
          elif selection_type == 'tournament_selection':
              selected_ones = tournament_selection(initial_gen, fitness_list,
     repeatable, select_count)
          else:
              raise ValueError('Invalid selection')
          if crossover == 'single_point':
              offspring = single_point_crossover(selected_ones)
          elif crossover == 'two_point':
              offspring = two_point_crossover(selected_ones)
          elif crossover == 'uniform':
              offspring = uniform_crossover(selected_ones)
          else:
              raise ValueError('Invalid crossover')
          mutated_offspring = [mutate(list(child), column_count * 2) for child
     in offspring]
          initial_gen = mutated_offspring
          generation += 1
      plt.plot(max_fitness_list)
      plt.xlabel('Generation')
۵۰
      plt.ylabel('Best Fitness')
      plt.title('Best Fitness per Generation')
      plt.show()
۵۴
     return mutated_offspring
```



شكل ٣: روند بهبود عملكرد الگوريتم در طي نسلها