

دانشگاه اصفهان دانشکده مهندسی کامپیوتر

عنوان:

تمرین اول هوش محاسباتی: الگوریتمهای ژنتیک

Genetic Algorithms

نگارش

دانیال شفیعی مهدی مهدیه امیررضا نجفی

استاد راهنما

دكتر كارشناس

درس مبانی هوش محاسباتی

فهرست مطالب

مقدمه
 مبانی و مفاهیم الگوریتم ژنتیک
 درک و حل مسائل با الگوریتم ژنتیک

۳ پیادهسازی، ارزیابی و تجزیه و تحلیل الگوریتم ژنتیک

مقدمه

هدف از این تمرین آشنایی بیشتر با الگوریتمهای ژنتیک و استفادهی بیشتر از آنها در کاربردهای عملی است.

۱ مبانی و مفاهیم الگوریتم ژنتیک

۲ درک و حل مسائل با الگوریتم ژنتیک

- ۱. (آ) اگر هیچ گرهای نباید دو بار دیده شود، یک کروموزوم باید باید یک دور بین همهی گرهها باشد که این دور شامل طی ترتیب طی کردن ۱۰ یال است. پس کروموزوم ما شامل ۱۰ ژن است.
- (ب) اینکه بین کدام شهرها ارتباط وجود داشته باشد پیش فرضهای مسئله است اما به طور کلی می توان گفت اگر گراف کامل و بدون طوقه باشد، از هر گرهای به همهی گرههای دیگر یال وجود دارد. ما در نظر گرفتیم این یال ها جهت دار است پس اگر از یک گره به گره ی دیگر رفت برگشت نیازی نیست. با این اوصاف تعداد کل ژنهای ممکن n imes n imes n imes n imes n یال می شود. که اینجا n imes n im
 - ۲. (آ) ژنها را به تابع fitness می بریم:

$$fit(x_1) = 6 + 5 - 4 - 1 + 3 + 5 - 3 - 2 = 9$$

$$fit(x_2) = 8 + 7 - 1 - 2 + 6 + 6 - 0 - 1 = 23$$

$$fit(x_3) = 2 + 3 - 9 - 2 + 1 + 2 - 8 - 5 = -16$$

$$fit(x_4) = 4 + 1 - 8 - 5 + 2 + 0 - 9 - 4 = -19$$

به ترتیب x_2 به x_3 ، x_1 به ترتیب x_3

(ب) عملیات ترکیب

• ترکیب نقطهای: در این روش به دو فرزند جدید میرسیم.

$$x_{21} = 8712|3532$$

$$x_{21} = 6541|6601$$

• ترکیب دو نقطهای: با استفاده از این روش به دو فرزند جدید میرسیم. ما فرض میکنیم منظور از نقاط b و f و ترکیب دو نقاط ترکیب اتفاق می افتد

$$x_{131} = 65|9212|35$$

$$x_{313} = 23|4135|85$$

• ترکیب یکنواخت: برای انجام این ترکیب نیازمند به یک ماسک هستیم. این ماسک یک ژن تصادفی با مقادیر دودویی است که نشانگر این است که آن ژن را از کروموزوم اول بگیریم یا دوم. که انتخاب اول یا دوم هم احتمال است. ما با استفاده از

برنامهٔ ۱: تولید ماسک تصادفی

```
import random
r mask = ''.join(random.choice('01') for _ in range(8))
r print(mask)
```

یک رشته ی تصادفی از ۰ و ۱ تولید می کنیم. ما فرض می کنیم ۰ معادل رشته ی اول و ۱ معادل رشته ی سوم باشد.

mask = 01001010

 $x_{13} = 8|3|12|1|6|8|1$

 $x_{31} = 2|7|92|6|2|0|5$

(ج) برازش فرزندان: با استفاده از تکه کد زیر برازندگی هر فرزند را محاسبه میکنیم:

برنامهٔ ۲: محاسبهی برازندگی

```
chromosome = input()

a, b, c, d, e, f, g, h = [int(char) for char in chromosome]

fitness = a + b - c - d + e + f - g - h

print(fitness)
```

$$fit(x_{21}) = 87123532 = 15$$

$$fit(x_{21}) = 65416601 = 17$$

$$fit(x_{131}) = 65921235 = -5$$

$$fit(x_{313}) = 23413585 = -5$$

$$fit(x_{23}) = 83121681 = 6$$

$$fit(x_{32}) = 27926205 = 1$$

تعبير بهتر شدن و بدتر شدن تعبير نا دقيقي است. ما دو شاخص را براي بهتر شدن و بدتر شدن در نظر مي گيريم.

- ۱. بالاترین برازندگی: در والدها بالاترین برازندگی ۲۳ بود که به ۱۷ کاهش یافت یعنی بدتر شده.
- ۲. میانگین برازندگی: در شرایط قبلی برازندگی معادل $\frac{9+23-16-19}{4}=\frac{-3}{4}=-0.75$ میانگین برازندگی: در شرایط قبلی برازندگی معادل $\frac{9+23-16-19}{4}=\frac{9+23-16-19}{6}$ میشود که رشد قابل توجهی است.
- (د) برای بیشینه کردن برازندگی، ژنهای e ،b ،a و e باید مقدار e داشته باشند و g ،d ،c و e باید مقدار e ,d داشته برابر d e ,d باشند. برازندگی بهینه برابر d d d d باید مقدار d می شود.
- (ه) ما سعی کردیم بهترین ترکیب را بسیازیم و آن $x_{\rm optimal} = 87116601$ خواهد بود که برازندگی آن ۲۴ خواهد شد. یس نمی توان بدون جهش به نقطه ی بهینه رسید و حداقل ۱۲ تا فاصله با نقطه ی برازندگی وجود خواهد داشت.
 - ۳. (آ) مقدار برازندگی به ازای هر x:

$$fit(x_1) = 1 - 4 + 7 = 4$$

$$fit(x_2) = 8 - 16 + 7 = -1$$

$$fit(x_3) = 27 - 36 + 7 = -2$$

$$fit(x_4) = 64 - 64 + 7 = 7$$

- (ب) بله. می توانیم با اضافه کردن $c \geq 2$ همه ی مقدارها را نامنفی کنیم. مثلا اگر c = 3 در نظر بگیریم رابطه ی برازندگی $\operatorname{fit}(x) = x^3 4x^2 + 10$ خواهد شد.
 - (ج) به هر برازندگی مقدار ثابت ۲ اضافه می شود پس

TotalFitness =
$$(4+3) \times 2 + (-1+3) \times 3 + (-2+3) \times 3 + (7+3) \times 2$$

= $14+6+3+20=43$

(د) مقدار برازندگی نسبی برای هر نمونه x به صورت زیر خواهد شد:

$$P(x = 1) = \frac{7}{43} = 0.1628$$

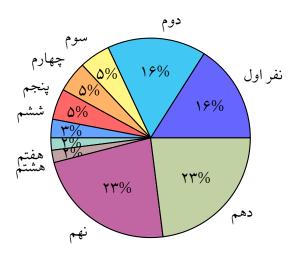
$$P(x = 2) = \frac{2}{43} = 0.0465$$

$$P(x = 3) = \frac{1}{43} = 0.0233$$

$$P(x = 4) = \frac{10}{43} = 0.2326$$

درس مبانی هوش محاسباتی

مى توانيم آن را به صورت يك گردونه هم نشان دهيم



شکل ۱: گردونهی شانس برای این نمونه از جمعیت

(ه) مزیت تابع جدید این است که به ازای هر مقدار x، تابع برازندگی همواره نامنفی است. برای محاسبه g(x) تمام مقدادیر بدست آمده در بخش آ را به توان Y می رسانیم.

$$\operatorname{fit}(x_1) = 4^2 = 16$$

$$fit(x_2) = (-1)^2 = 1$$

$$fit(x_3) = (-2)^2 = 4$$

$$fit(x_4) = 7^2 = 49$$

(و) تاثیر بر فشار انتخاب را توضیح بده!!!!! همچنین تاثیر آن در تنوع و همگرایی را بگو

۳ پیادهسازی، ارزیابی و تجزیه و تحلیل الگوریتم ژنتیک جهت انتخاب بهترین ویژگی برای مسئلهی واقعی دسته بندی مشتریان