

دانشگاه اصفهان

دانشكده مهندسي كامپيوتر

تمرین سوم هوش محاسباتی: شبکه های عصبی و کاربردها Neural Networks & Applications

نگارش

دانیال شفیعی مهدی مهدیه امیررضا نجفی

استاد راهنما

دكتر كارشناس

صفحه ۲ از ۲۹

فهرست مطالب

'		465026	Ì
۲	سئله		
۱۷	سازى	کدزنی و پیاده	۲
	ی ۱ تا ۴		
۱۷	مقدمه	1.1.7	
۱۷	پیش پردازش دادهها	7.1.7	
۱۷	بخش اول: رگرسیون لجستیک	۳.۱.۲	
۱۷	آموزشُ مدل با گرادیان کاهشی	4.1.7	
	بخش دوم: شبکه با یک لایه پنهان		
۲.	بخش سوم: طبقهبندی چندگلاسه	9.1.4	
	بخش چهارم: مقایسه ی ویژگیهای شبکه عصبی نیمه پیشرفته		
	توابع فعال سازی		
	وی الگوریتمهای بهینهسازی		
	مقداردهی اولیه وزنها		
	مقایسه تجربی توابع فعالسازی		
	مقایسه تجربی بهینهسازها		
	ت		
		1.7.7	
	تعریف معماری ساده CNN		
	حلقه آموزش مدل		
	ارزیابی مدل و گزارش دقت		
	ارریابی مدن و ترارس دفت	۵.۲.۲	
1 /	مزایا و معایب استفاده از CNN در مقابل یک پرسپترون چندلایه	7.1.1	

• مقدمه

هدف از این تمرین آشنایی بیشتر با شبکه های عصبی و استفادهی بیشتر از آنها در کاربردهای عملی است.

١ مفاهيم و حل مسئله

۱. بله، هر نورون در یک شبکهٔ عصبی حامل نوعی اطلاعات است؛ اما ماهیت و میزان «وضوح» این اطلاعات بسته به عمق لایه و ویژگیهای بنیادین شبکه متفاوت است.

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۳ از ۲۹

چهار ویژگی بنیادی و سلسلهمراتبی بودن نمایش:

(آ) توابع غيرخطى (Nonlinearity)

- هر نورون پس از ترکیب خطی ورودی ها (ضرب وزن ها + بایاس) خروجی را از طریق تابعی مانند ReLU، sigmoid یا tanh عبور می دهد.
- بدون غیرخطیسازی، شبکه عملاً یک عملگر خطی بزرگ خواهد بود و قادر به تشخیص زیرویژگیهای پیچیده نیست.
- تابع فعالسازی باعث میشود هر نورون تنها در صورت وقوع یک الگوی خاص «فعال» شود و در نتیجه به عنوان یک تشخیص دهندهٔ ساده عمل کند.

(ب) نمایش توزیع شده (Distributed Representation)

- برخلاف سیستمهای سمبلیک که هر مفهوم را با یک واحد منفرد نمایش میدهند، شبکههای عصبی مفاهیم
 را بهصورت همزمان در بردار فعالسازی تعداد زیادی نورون کدگذاری میکنند.
 - این پراکندگی اطلاعات باعث افزایش مقاومت شبکه در برابر نویز و آسیب به نورونهای منفرد می شود.
 - هر نورون سهم جزئي اما معنادار در تشخيص زيرويژگيهاي ساده يا انتزاعي دارد.

(ج) یادگیری گرادیانمحور (Gradient-based Learning)

- با استفاده از الگوریتم پسانتشار (Backpropagation)، وزنها و بایاس هر نورون بهروزرسانی می شود تا خطای خروجی به کمترین مقدار برسد.
- در طی آموزش، هر نورون به زیرویژگیهایی پاسخ میدهد که برای کاهش خطا در مسئلهٔ مشخص مفیدند.
- در پایان آموزش، وزنهای ورودی هر نورون تعیین میکنند که آن نورون به چه الگو یا ویژگی حساس باشد.

(د) سلسلهمراتب ویژگیها (Hierarchical Feature Learning)

- لایههای ابتدایی شبکههای عمیق معمولاً به زیرویژگیهای ساده مانند لبههای عمودی/افقی یا بافتها حساس اند.
 - لایههای میانی ترکیب این زیرویژگیها را انجام داده و الگوهای پیچیدهتر را میآموزند.
- در لایهٔ خروجی (مثلاً نورونهای softmax) احتمال تعلق هر ورودی به یک کلاس نهایی (مثلاً «گربه» یا «سگ») کدگذاری می شود.
- ۲. در شبکههای عصبی، «دانش» در قالب پارامترها (وزنها و بایاسها) ذخیره میشود و از طریق فرآیند آموزش شکل میگیرد؛ در ادامه، یک پاسخ یکپارچه و مرتبشده ارائه شده است:

(آ) شکلگیری دانش در شبکههای عصبی

- i. تعریف ساختار شبکه (Architecture): انتخاب تعداد لایه ها (Input, Hidden, Output)، نوع آنها (fully-connected)، کانولوشن، بازگشتی و ...) و تعداد نورون در هر لایه.
- ii. مقداردهی اولیه پارامترها (Initialization): وزنها و بایاسها معمولاً با توزیعهای تصادفی (مثل Xavier یا He) مقداردهی می شوند.
 - iii. انتشار رو به جلو (Forward Propagation): برای هر ورودی x، در هر لایه:

$$z^{(\ell)} = W^{(\ell)} a^{(\ell-1)} + b^{(\ell)}, \quad a^{(\ell)} = \sigma(z^{(\ell)})$$

در نهایت $a^{(L)}$ خروجی نهایی شبکه است.

نیا رگرسیون یا (Loss Calculation): با تابع هزینه ($L(y_{\text{pred}}, y_{\text{true}})$ ، مانند iv. رگرسیون یا Cross–Entropy برای طبقه بندی.

v. پس انتشار خطا (Backpropagation): مشتق تابع هزینه را نسبت به پارامترها محاسبه می کنیم:

$$\frac{\partial L}{\partial W^{(\ell)}}, \quad \frac{\partial L}{\partial b^{(\ell)}}$$

.i. بهروزرسانی پارامترها (Optimization): با الگوریتمهایی مثل Gradient Descent یا vi.

$$W^{(\ell)} \leftarrow W^{(\ell)} - \eta \frac{\partial L}{\partial W^{(\ell)}}, \quad b^{(\ell)} \leftarrow b^{(\ell)} - \eta \frac{\partial L}{\partial b^{(\ell)}}$$

این چرخه تا رسیدن به همگرایی تکرار میشود.

(ب) فرمول بندی «معادل بودن» دو شبکه عصبی

 $M(x) = f_{\theta_N}(x)$ دو شبکه (Exact Functional Equivalence) دو شبکه i. $f_{\theta_N}(x)$ دقیقاً معادل اند اگر: $f_{\theta_N}(x)$

$$\forall x \in X, \quad N(x) = M(x).$$

نورونها فرونهای نورونهای ایمانی (Structural Equivalence) جابجایی نورونها نور

 $d(x) = \|N(x) - M(x)\|_p$ با فاصلهٔ خروجی (Approximate Equivalence) تقریب معادل iii.

$$\forall x \in X, \ d(x) < \epsilon \quad \text{i.} \quad \mathrm{KL}(N(x) || M(x)) < \delta.$$

(ج) مثال ریاضی

 $\sigma(z)=z$ دو شبکه خطی با یک لایه پنهان و i.

$$N(x) = W_2(W_1 x + b_1) + b_2, \quad M(x) = W'_2(W'_1 x + b'_1) + b'_2.$$

آنها معادلاند اگر:

$$W_2W_1 = W_2'W_1', \quad W_2b_1 + b_2 = W_2'b_1' + b_2'.$$

ii. اشارهای به حالت غیرخطی: در شبکههای غیرخطی (مثلاً ReLU)، تبدیلات پیچیدهترند؛ اما با ادغام BatchNorm یا تبدیلات جبری می توان مشابهت رفتار را نشان داد.

۳. در شبکههای عصبی، توانایی یادگیری، به خاطر سپاری (Memorization) و تعمیم (Generalization) بر پایه ی ساختار معماری، الگوریتمهای آموزش و ویژگیهای دادهها شکل میگیرد. در ادامه، این سه قابلیت را همراه با مبانی ریاضی و مثالهای عینی بررسی میکنیم.

(آ) یادگیری (Learning)

شبکه با کمینهسازی تابع هزینه

$$L(\theta) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \ell(f_{\theta}(x_i), y_i)$$

و به کارگیری انتشار رو به جلو و پسانتشار خطا ،(Backpropagation) پارامترهای θ (وزنها و بایاسها) را با الگوریتمهای گرادیان محور ،Adam (SGD و ...) به روزرسانی می کند:

$$\theta \leftarrow \theta - \eta \nabla_{\theta} L(\theta).$$

- قضیه تقریب جهانی (Universal Approximation Theorem) هر شبکه ی با حداقل یک لایه پنهان و تابع فعالسازی غیرفابی (مثلاً ReLU یا Sigmoid) میتواند هر تابع پیوسته روی یک مجموعه ی کامیکت را تقریب بزند.
- **ویژگی توزیعی** (Distributed Representation) هر نورون یا زیراسختار فقط بخشی از ویژگیهای داده را مدل می کند و با ترکیب میلیونها پارامتر، شبکه قادر به نمایش الگوهای غیرخطی و سلسلهمراتبی است.

(ب) بهخاطر سیاری (Memorization)

شبکههای overparameterized (پارامترها خیلی بزرگتر از نمونهها) میتوانند جزئیات حتی نویزی دادههای آموزشی را حفظ کنند:

بزرگ. Complexity Rademacher و VC-Dimension Capacity: High

• مثال Bias-Variance Tradeoff

Complexity $\uparrow \rightarrow \text{Bias} \downarrow$, Variance \uparrow , Memorization \uparrow

اگر هیچ ضابطهای (Regularization) وجود نداشته باشد، شبکه می تواند اطلاعات آموزشی را تقریباً کامل بازتولید کند.

(Generalization) تعميم

تعمیم یعنی عملکرد خوب روی دادههای ندیده. این امر با ترکیب مکانیزمهای implicit و explicit regularization و Enductive Bias و Inductive Bias

$$L_{\text{reg}}(\theta) = L(\theta) + \lambda \|\theta\|_2^2$$

- Implicit Regularization: رفتار SGD شبکه را به سمت مینیممهای تخت (flat minima) هدایت میکند.
 - Regularization صریح:
 - افزودن $\lambda \|\theta\|_2^2$ به تابع هزينه. (L2) Weight Decay
 - Dropout: غيرفعالسازي تصادفي نورونها.
 - Early Stopping: پایان آموزش پیش از شروع شدید
 - Inductive Bias معماري:

- CNN: اشتراک وزنها و حساسیت به ویژگیهای مکانی.
- RNN/Transformer: نگاشت توالی های زمانی و وابستگی های ترتیبی.
- نرمالسازی (Batch Normalization) کاهش حساسیت به مقیاس وزنها و تثبیت جریان گرادیان.
- دادههای متنوع و کافی کمیت و کیفیت دادههای آموزشی پایهی استخراج قاعدههای عمومی و کاهش Overfitting

(د) پیوند با «معادل بودن دو شبکه» و «شکلگیری دانش»

شکل گیری دانش = پارامترهای بهینه θ که از فرآیند یادگیری بهدست می آیند. معادل بودن دو شبکه وقتی است که:

$$\forall x, \ N(x) = M(x)$$
 Functional) (Exact

یا با پرموتیشن π روی نورونها (Structural Symmetry)، یا تقریباً:

$$||N(x) - M(x)||_p < \varepsilon$$
 if $\mathrm{KL}(N(x) || M(x)) < \delta$.

- ۴. در زیر سه نوع رایج از "توابع تبدیل نورونی" (یا به عبارت دیگر انواع نورونهای مرتبه بالا و RBF) را به صورت ریاضی می بینید:
 - (آ) نورون درجه دوم (Quadratic Neuron):

$$\operatorname{net}(\mathbf{x}) = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} w_{ij} x_i x_j + \sum_{i=1}^{n} v_i x_i + b,$$
$$y = f(\operatorname{net}(\mathbf{x})),$$

که در آن

- $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n) \in \mathbb{R}^n \bullet$
- ضرایب ضربهای درجه دوم، w_{ij}
 - فرایب ترکیب خطی، v_i
 - b باياس،
 - تابع فعالسازی. $f(\cdot \cdot \cdot)$
- (ب) نورون کروی (Spherical / RBF Neuron):

$$\operatorname{net}(\mathbf{x}) = \|\mathbf{x} - \boldsymbol{\mu}\| = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \mu_i)^2}, \quad y = f(\operatorname{net}(\mathbf{x})),$$

یا گونهی مربعی بدون ریشه:

$$\operatorname{net}(\mathbf{x}) = \sum_{i=1}^{n} (x_i - \mu_i)^2, \quad y = \exp(-\gamma \operatorname{net}(\mathbf{x})),$$

که در آن

- مرکز نورون، $\boldsymbol{\mu} = (\mu_1, \dots, \mu_n) \bullet$
 - \bullet ضریب پهنای باند، $\gamma > 0$
- مىتواند تابع خطى يا نمايى باشد. $f(\cdot)$
- (ج) نورون چندجملهای (Polynomial Neuron): ابتدا ترکیب خطی و توان:

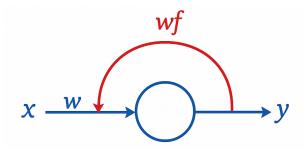
$$u = \sum_{i=1}^{n} w_i x_i + b, \quad y = u^d = \left(\sum_{i=1}^{n} w_i x_i + b\right)^d.$$

به صورت کلی برای ورودی چندبعدی:

$$y = \sum_{\alpha_1 + \dots + \alpha_n \le d} w_{\alpha_1, \dots, \alpha_n} \ x_1^{\alpha_1} \cdots x_n^{\alpha_n},$$

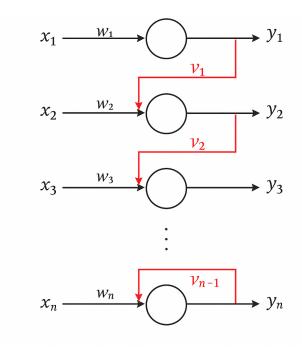
که در آن

- درجه چندجملهای، d
- اندیسهای چندجملهای، $\alpha_i \in \mathbb{N}_0$
 - صرایب متناظر. $w_{\alpha_1,\dots,\alpha_n}$
- ۵. در این تمرین ساختار دو نوع شبکه عصبی با فیدبک مورد بررسی قرار گرفته است:
- شبکه عصبی تکنورونی با فیدبک به خود: این نوع شبکه فقط شامل یک نورون است که خروجی آن دوباره به ورودی خودش بازمی گردد. این فیدبک باعث می شود که رفتار شبکه وابسته به حالت قبلی خروجی باشد. ساختار کلی آن در تصویر زیر نمایش داده شده است:



شکل ۱: شبکه عصبی تکنورونی با فیدبک به خود

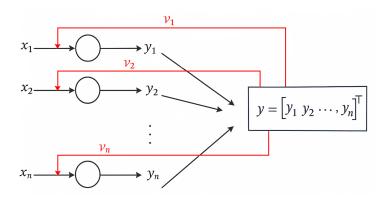
• شبکه عصبی تکلایه با فیدبک (ساختار اول): در این ساختار چندین نورون در یک لایه وجود دارند و خروجی یکی از نورونها به صورت فیدبک به ورودی خود یا سایر نورونها داده می شود. تصویر زیر یکی از حالتهای ممکن را نشان می دهد:



شكل ٢: شبكه عصبى تكلايه با فيدبك - حالت اول

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۹ از ۲۹

• شبکه عصبی تکلایه با فیدبک (ساختار دوم): در این حالت ممکن است فیدبک از خروجی کل شبکه به همه نورونها اعمال شود. تصویر زیر نوعی دیگر از این ساختار را نمایش میدهد:



شكل ٣: شبكه عصبى تكلايه با فيدبك - حالت دوم

۶. (آ) طراحی پرسپترون تکلایه

فرض کنیم میخواهیم الگوها را به صورت برچسب $t_1=-1$ برای $t_2=+1$ برای $t_2=+1$ برای کنیم. باید $w\in\mathbb{R}^3$ باید $t_3=-1$ برای $t_2=-1$ برای که باید و بایاس $t_3=-1$ برای بیابیم که

$$\begin{cases} \operatorname{sign}(w^{\top} P_1 + b) = -1, \\ \operatorname{sign}(w^{\top} P_2 + b) = +1. \end{cases}$$

این معادلات به صورت نابرابری های زیر نوشته می شوند:

$$w^{\mathsf{T}}(-1, -1, 1) + b < 0, \quad w^{\mathsf{T}}(+1, -1, 1) + b > 0.$$

به سادگی میتوانیم مثلاً وزنها را به صورت w=(1,0,0) ، و بایاس b=0 انتخاب کنیم:

$$w^{\mathsf{T}} P_1 + b = -1 < 0, \quad w^{\mathsf{T}} P_2 + b = +1 > 0.$$

لذا تابع تصميم $y = \mathrm{sign}(x_1)$ دو الگو را به درستي تفکيک ميکند.

(ب) طراحی شبکه Hamming

شبکه همینگ برای N الگو P_k به صورت زیر است:

$$\mathbf{W} = \begin{bmatrix} P_1^\top \\ P_2^\top \end{bmatrix}, \quad y = \arg\max_k (\mathbf{W} x)_k.$$

برای P_1, P_2 داریم:

$$\mathbf{W} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ +1 & -1 & 1 \end{pmatrix}, \quad .\sum_i W_{k,i} x_i$$
 انتخاب k با بیشینهی

(ج) طراحی شبکه Hopfield

شبکه هاپفیلد با الگوهای باینری ± 1 به کمک قاعده $T = \sum_k P_k P_k^ op$ ساخته می شود. اینجا داریم:

$$T = P_1 P_1^{\top} + P_2 P_2^{\top} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & -1 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ -1 & 1 & -1 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & -2 \\ 0 & -2 & 2 \end{pmatrix}.$$

سپس حالت نرونیها با قاعده $x_i \leftarrow \mathrm{sign} \left(\sum_j T_{ij} x_j \right)$ به سمت نزدیک ترین الگو جذب می شود.

۷. (آ) طراحی مرز تصمیم و شبکه پرسیترون تکلایه

با انتخاب وزنها و بایاس زیر:

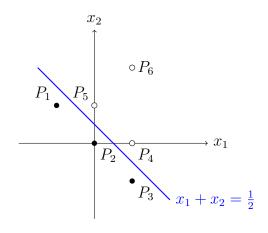
$$\mathbf{w} = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix}, \quad b = \frac{1}{2}$$

تابع فعالسازي گام به اين صورت خواهد بود:

$$y = \begin{cases} 1, & \mathbf{w}^{\top} \mathbf{x} + b > 0, \\ 0, & \text{وگرنه}. \end{cases}$$

معادله مرز تصمیم:

$$-x_1 - x_2 + \frac{1}{2} = 0 \iff x_1 + x_2 = \frac{1}{2}.$$



ε بازه و تعیین بازه ε

از نامعادلات زیر برای کلاس بندی استفاده میکنیم:

$$\begin{cases} -x_1 - x_2 + b > 0 & 1\\ -x_1 - x_2 + b < 0 & 0 \end{cases}$$

نتیجه می شود که برای هر $\varepsilon \geq 0$ می توان $w_1 = w_2 = -1$ و $w_1 = w_2 = -1$ را انتخاب کرد و جداسازی خطی امکان پذیر است.

(ج) اجرای الگوریتم پرسپترون و نتایج نهایی

برای سه مقدار ε اجرای الگوریتم با نرخ یادگیری $\eta=1$ ، وزن و بایاس را از صفر مقداردهی کرده و تا خطای صفر تکرار میکنیم.

برنامهٔ ۱: پیادهسازی الگوریتم پرسپترون

```
import numpy as np
def perceptron_train(P, t, lr=1, max_epochs=1000):
 w = np.zeros(2)
 b = 0.0
  epc = 0
 for epoch in range(max_epochs):
    errors = 0
   for x, target in zip(P, t):
      y = 1 if np.dot(w, x) + b > 0 else 0
     if y != target:
        errors += 1
       update = lr * (target - y)
        w += update * x
        b += update
   if errors == 0:
     break
    epc = epoch
 return w, b, epc+1
epsilons = [1, 2, 6]
for eps in epsilons:
 P = \Gamma
    np.array([0,1]), np.array([1,-1]), np.array([-1,1]),
   np.array([1,eps]), np.array([1,0]), np.array([0,0])
 1
 t = [0,1,1,0,0,1]
 w, b, epochs = perceptron_train(P, t)
 print(f" = {eps}: w={w}, b={b}, epochs={epochs}")
```

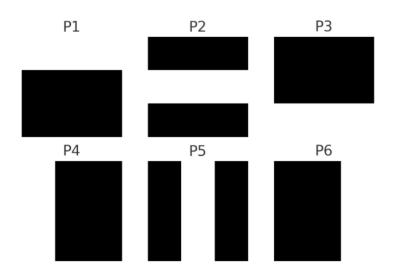
 $\varepsilon = 1$: $\mathbf{w} = (-1, -1), b = 1, \text{ epochs} = 2,$

 $\varepsilon = 2$: $\mathbf{w} = (-2, -2), b = 1, \text{ epochs} = 4,$

 $\varepsilon = 6$: $\mathbf{w} = (-3, -4), b = 3, \text{ epochs} = 4.$

(د) خلاصه نتایج

- $.x_1 + x_2 = \frac{1}{2}$ مرز تصمیم: •
- بازه $\varepsilon : 0 \geq 0$ (تمام مقادیر غیرمنفی).
- وزنها و بایاس نهایی برای $\varepsilon = 1, 2, 6$ مطابق جدول فوق.
- الگوريتم پرسپترون حداكثر تا ۴ دور همگرا شده و خطاي صفر حاصل شد.
 - ۸. (آ) نمایش تصویری هر الگو به صورت یک تصویر 3×3 دودویی:



شكل * : الگوهای P_1 تا P_6 به صورت پیكسلهای سفید و سیاه

(ب) • برای تشخیص الگوهای P_1 تا P_6 از یکدیگر با استفاده از یک پرسپترون تکلایه با یک نرون، نیاز داریم که هر الگو را به صورت یک بردار ورودی مناسب برای نرون تبدیل کنیم. از آنجا که هر الگو یک ماتریس 8×3 است، می توانیم آن را به یک بردار 9×1 تبدیل کنیم. برای سادگی، فرض می کنیم که ماتریس را به صورت سطر به سطر به یک بردار 9 عنصری تبدیل می کنیم.

• تبديل الگوها به بردارهاي ورودي:

$$P_{1} = [1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],$$

$$P_{2} = [-1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, -1, -1],$$

$$P_{3} = [-1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1],$$

$$P_{4} = [1, -1, -1, 1, -1, -1, 1, -1, -1],$$

$$P_{5} = [-1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1],$$

$$P_{6} = [-1, -1, 1, -1, -1, 1, -1, -1, 1].$$

• هدف: جداسازي دو كلاس با پرسپترون تكنروني:

$$(t=1$$
 کلاس $P_1, P_2, P_3:$ ۱ کلاس -

$$(t=0$$
 تارگت $P_4, P_5, P_6: ullet$ کلاس $-$

- مشخصات پرسیترون:
- **-** تعداد ورودی: ۹
 - تعداد نرون: ۱
- تابع فعالسازى: تابع پله با آستانه صفر

$$y = \begin{cases} 1, & \text{inet } \geq 0, \\ 0, & \text{otet } < 0. \end{cases}$$
 - خروجی $-$

• مقادير اوليه:

$$w^{(0)} = [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]$$
 - وزنها:

$$b^{(0)} = 0$$
: بایاس -

$$\eta=1$$
 نرخ یادگیری: $-$

• قانون بەروزرسانى:

$$w^{(\text{new})} = w^{(\text{old})} + \eta (t - y) x,$$

$$b^{(\text{new})} = b^{(\text{old})} + \eta (t - y).$$

• مراحل یادگیری (اپوکها):

(بدون تغییر)
$$e=0$$
 خطا $e=0$ بدون تغییر) الگو $e=0$

الگو
$$P_2$$
 و P_3 : مشابه، خطا صفر (بدون تغییر)

الگو
$$e = -1$$
، $y = 1$ ، $\text{net} = 0$: P_4 الگو

$$w = w + (-1) P_4 = [-1, 1, 1, -1, 1, 1, -1, 1, 1],$$

 $b = -1.$

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۱۴ از ۲۹

: بهروزرسانی:
$$e=-1$$
 ، $y=1$ ، $e=0$ بهروزرسانی: P_5 محاسبه $w=[0,0,2,-2,2,0,0,0,2],$ $b=-2.$

$$(e=-1) : y=1$$
 ، $y=1$ ، $y=1$ ، $y=1$ ، $y=1$ ، $y=1$ ، $y=1$. y

.ii ايوک ۲:

- ... (ادامه تا همگرایی)

... iii.

iv. اپوک ۶ (نهایی): وزنها و بایاس نهایی:

$$w = [0, 0, -2, -2, 6, -4, -4, 0, -2], \quad b = 0.$$

• نحوه تشخیص الگوها: با وزنها و بایاس نهایی، خروجی ۱ برای P_1, P_2, P_3 و خروجی • برای P_4, P_5, P_6 نحوه تشخیص الگوها: با وزنها و بایاس نهایی، خواهد بود.

طراحی یک پرسپترون تکلایه با یک نورون برای جدا کردن این الگوها:

- وزنها و باياس اوليه:
- $w_1 = w_2 = \dots = w_9 = 0, \quad b = 0.$
 - $y = \mathrm{sign} ig(\mathbf{w}^{ op} \mathbf{x} + b ig) \in \{+1, -1\}$. تابع فعالسازی:
 - قانون يادگيري پرسپترون:

$$w_i \leftarrow w_i + \eta (d - y) x_i, \quad b \leftarrow b + \eta (d - y),$$

که η نرخ یادگیری، d برچسب هدف و x_i مؤلفهٔ iام ورودی است.

برنامهٔ ۲: پیادهسازی پرسپترون برای سوال ۸

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۱۵ از ۲۹

```
[-1, 1, -1, 1, -1, 1, -1], # P5
      [-1, -1, 1, -1, -1, 1, -1, -1, 1], # P6
11 ])
num_classes = patterns.shape[0]
num_features = patterns.shape[1]
  targets = -np.ones((num_classes, num_classes))
  for i in range(num_classes):
     targets[i, i] = 1
W = np.zeros((num_classes, num_features))
b = np.zeros(num_classes)
  eta = 0.1
  for i in range(num_classes):
     converged = False
     while not converged:
          converged = True
         for k, x in enumerate(patterns):
              d = targets[i, k]
             z = np.dot(W[i], x) + b[i]
             y = 1 if z >= 0 else -1
             if y != d:
                 W[i] += eta * (d - y) * x
                 b[i] += eta * (d - y)
                 converged = False
  for i in range(num_classes):
      print(f"Perceptron {i+1}: w = {W[i]}, b = {b[i]}")
```

در پایان آموزش تا همگرایی، وزنها و بایاس نهایی به صورت زیر به دست می آیند:

$$\mathbf{w}_{\text{final}} = [w_1^*, w_2^*, \dots, w_9^*], \quad b_{\text{final}} = b^*.$$

۹. برای تقسیم \mathbb{R}^2 به m ناحیهٔ مجزا با یک شبکهٔ دو لایه، باید k نورون در لایهٔ پنهان داشته باشیم به طوری که حداکثر تعداد ناحیههای ایجادشده توسط k خط برابر باشد با:

$$N(k) = \frac{k(k+1)}{2} + 1.$$

پس باید عدد k کمترین عدد صحیح باشد که

$$N(k) \ge m \implies \frac{k(k+1)}{2} + 1 \ge m.$$

با حل این نامعادله، خواهیم داشت:

$$k^{2} + k - 2(m-1) \ge 0 \implies k \ge \frac{-1 + \sqrt{1 + 8(m-1)}}{2}.$$

بنابراين حداقل تعداد نورونهاي لايه پنهان:

$$k = \left\lceil \frac{-1 + \sqrt{8m - 7}}{2} \right\rceil.$$

اثبات فرمول حداكثر تعداد ناحيهها با استفاده از استقرا:

قضیه: با k خط در صفحه حداکثر 1+1/2+1 ناحیه متناظر ایجاد می شود. پایهٔ استقرا (k=0): با صفر خط در صفحه، تمام صفحه یک ناحیهٔ یکپارچه است. بنابراین

$$N(0) = \frac{0 \cdot 1}{2} + 1 = 1,$$

که صحیح است.

فرض استقرا: فرض كنيم براي k خط، فرمول

$$N(k) = \frac{k(k+1)}{2} + 1$$

برقرار باشد.

گام استقرا ($k \to k+1$): اگر یک خط تازه به مجموعهٔ k خط اضافه کنیم، این خط جدید با هر یک از k خط قبلي در یک نقطه تلاقی میکند، بنابراین در مجموع k نقطهٔ تلاقی ایجاد می شود. این k نقطه، خط جدید را به k+1 قطعه تقسیم میکند. هر قطعه یک ناحیهٔ جدید ایجاد میکند. بنابراین:

$$N(k+1) = N(k) + (k+1).$$

با جاگذاری فرض استقرایی داریم:

$$N(k+1) = \frac{k(k+1)}{2} + 1 + (k+1) = \frac{k(k+1) + 2(k+1)}{2} + 1 = \frac{(k+1)(k+2)}{2} + 1.$$

بنابراین فرمول برای k+1 نیز برقرار است.

این اثبات کامل است و نتیجه می دهد که برای تقسیم \mathbb{R}^2 به m ناحیه، حداقل

$$\left\lceil \frac{-1 + \sqrt{8m - 7}}{2} \right\rceil$$

نورون در لايهٔ پنهان نياز داريم.

۲ کدزنی و پیاده سازی

۱.۲ بخشهای ۱ تا ۴

۱.۱.۲ مقدمه

هدف این پروژه، پیادهسازی کامل یک شبکه عصبی از پایه و بدون استفاده از کتابخانههای آماده مانند TensorFlow یا PyTorch برای اهداف آموزشی است. این پروژه شامل مراحل مختلفی از جمله رگرسیون لجستیک، شبکه با لایه پنهان و در نهایت طبقهبندی چندکلاسه می باشد.

۲.۱.۲ پیش پر دازش دادهها

برای انجام این پروژه، از مجموعه داده CIFAR-10 استفاده شده است. تصاویر با استفاده از توابع موجود در torchvision بارگذاری شده و به آرایههای CuPy تبدیل گردیدهاند تا از قدرت محاسباتی GPU بهرهبرداری شود. دیتاست به دو صورت مختلف برای وظایف دودویی و چندکلاسه پردازش شد:

- طبقه بندی دودویی: تصاویر هواپیما (airplane) با برچسب صفر و سایر کلاسها با برچسب یک.
 - طبقه بندی چند کلاسه: برچسبها به صورت one-hot برای ده کلاس مختلف نگاشته شدند.

۳.۱.۲ بخش اول: رگرسیون لجستیک

در این مرحله، هدف تشخیص اینکه آیا یک تصویر متعلق به کلاس هواپیما است یا خیر میباشد. مدل تنها شامل یک لایه است با تابع فعالسازی سیگموئید:

$$\sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

$$\sigma' = \sigma \times (1 - \sigma)$$

$$\hat{y} = \sigma(Wx + b)$$

تابع خطاي مورد استفاده، Binary Cross-Entropy است:

$$\mathcal{L}(y, \hat{y}) = -\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left[y_i \log(\hat{y}_i) + (1 - y_i) \log(1 - \hat{y}_i) \right]$$

۴.۱.۲ آموزش مدل با گرادیان کاهشی

مدل LogisticRegression برای یادگیری رگرسیون لجستیک با استفاده از گرادیان کاهشی پیادهسازی شده است. مراحل کلیدی شامل موارد زیر است:

- مقداردهی اولیه: وزنها با مقادیر کوچک تصادفی و بایاس با صفر مقداردهی میشوند.
 - $a=\sigma(z)$ و سپس z=XW+b محاسبه •

• محاسبه گرادیان:

$$dz = \hat{y} - y$$
, $dW = \frac{1}{m}X^T dz$, $db = \frac{1}{m}\sum dz$

• بەروزرسانى پارامترها:

$$W \leftarrow W - lr \cdot dW, \quad b \leftarrow b - lr \cdot db$$

- آموزش: اجرای مراحل فوق بهصورت mini-batch در طول اپوکها و ثبت دقت و زیان.
 - پیشبینی نهایی: با آستانه ۵.۰، خروجی دودویی تولید می شود.

كلاس SimpleLoader براى تقسيم دادهها به دستههاى تصادفي طراحي شده است.

پارامترها با گرادیان نزولی بهروزرسانی شدند.

مدل با معیارهای مختلف بر روی داده آزمون ارزیابی شده است. برای تعیین بهترین آستانه طبقهبندی، جستجویی میان ۱.۰ تا ۹.۰ انجام شد.

:batch size=512 و lr=0.0001 نتایج ارزیابی پس از ۲۰۰ اپوک با

بهترین آستانه: 0.50

• بهترین F۱-score بهترین

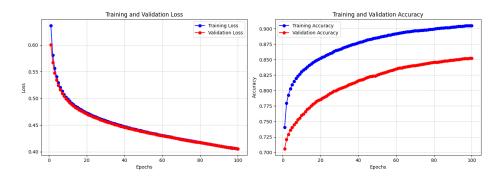
● دقت آزمون: 0.8872

ماتریس درهمریختگی:

Airplane Pred	Other Pred	
۵۸۲	1411	Other True
404	۵۴۶	Airplane True

گزارش طبقهبندی:

support	f\-score	recall	precision	
9000	0.9372	0.9353	0.9391	Other
1000	0.4460	0.4540	0.4382	Airplane
10000	0.8872			accuracy
10000	0.6916	0.6947	0.6887	avg macro
10000	0.8881	0.8872	0.8890	avg weighted



شكل ۵: تغييرات دقت و هزينه در طي آموزش با مدل رگرسيون لجستيك

۵.۱.۲ بخش دوم: شبکه با یک لایه پنهان

در این بخش، مدل با افزودن یک لایه پنهان با ۶۴ نورون توسعه یافت. معماری شبکه به صورت زیر است:

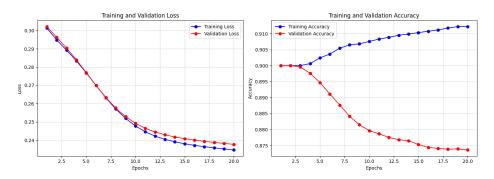
$$Z_1 = W_1 X + b_1$$

$$A_1 = \sigma(Z_1)$$

$$Z_2 = W_2 A_1 + b_2$$

$$A_2 = \sigma(Z_2)$$

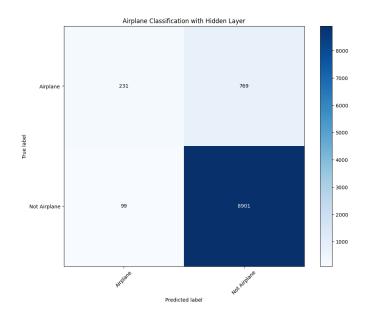
در اینجا نیز از سیگموئید به عنوان تابع فعالسازی استفاده شده و آموزش با الگوریتم گرادیان نزولی انجام شده است.



شكل ٤: تغييرات دقت و هزينه در طي آموزش با مدل رگرسيون لجستيك چند لايه

١	Classificatio	n Report:				
۲		precision	recall	f1-score	support	
٣						
۴	Airplane	0.7000	0.2310	0.3474	1000	
۵	Not Airplane	0.9205	0.9890	0.9535	9000	
۶						
V	accuracy			0.9132	10000	
٨	macro avg	0.8102	0.6100	0.6504	10000	
٩	weighted avg	0.8984	0.9132	0.8929	10000	
١.						

رس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲۰ از ۲۹



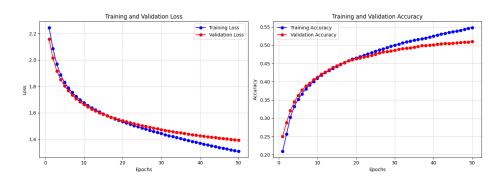
شكل ٧: ماتريس آشفتگي براي مدل رگرسيون لاجستيك چند لايه بعد ٢٠ ايپاك

۶.۱.۲ بخش سوم: طبقهبندی چندکلاسه

در این مرحله، شبکه برای شناسایی تمامی ۱۰ کلاس CIFAR-10 طراحی شد. خروجی شبکه دارای ۱۰ نورون با تابع فعالسازی Softmax

$$Softmax(z_i) = \frac{e^{z_i}}{\sum_{j=1}^{10} e^{z_j}}$$

تابع هزينه مورد استفاده، Categorical Cross-Entropy است.

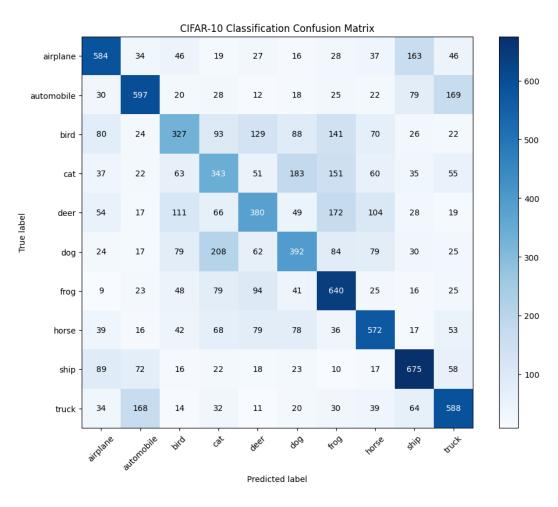


شكل ٨: تغييرات دقت و هزينه در طي آموزش با مدل رگرسيون وانهات چند لايه

١	Classification	Report:			
۲	precision		recall	f1-score	support
٣					
۴	airplane	0.5959	0.5840	0.5899	1000
۵	automobile	0.6030	0.5970	0.6000	1000
۶	bird	0.4269	0.3270	0.3703	1000
٧	cat	0.3580	0.3430	0.3504	1000

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲۱ از ۲۹

deer 0.4403 0.3800 0.4079 1000 dog 0.4317 0.3920 0.4109 1000 frog 0.4860 0.6400 0.5524 1000 horse 0.5580 0.5720 0.5649 1000 ship 0.5958 0.6750 0.6329 1000 truck 0.5547 0.5880 0.5709 1000 accuracy 0.5098 0.5051 10000 macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
frog 0.4860 0.6400 0.5524 1000 horse 0.5580 0.5720 0.5649 1000 ship 0.5958 0.6750 0.6329 1000 truck 0.5547 0.5880 0.5709 1000 accuracy 0.5098 10000 macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
horse 0.5580 0.5720 0.5649 1000 ship 0.5958 0.6750 0.6329 1000 truck 0.5547 0.5880 0.5709 1000 accuracy 0.5098 10000 macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
ship 0.5958 0.6750 0.6329 1000 truck 0.5547 0.5880 0.5709 1000 accuracy 0.5098 10000 macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
truck 0.5547 0.5880 0.5709 1000 accuracy 0.5098 10000 macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
accuracy 0.5098 10000 macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
macro avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000
3
weighted avg 0.5050 0.5098 0.5051 10000



شکل ۹: ماتریس آشفتگی برای مدل رگرسیون وان هات چند لایه بعد ۵۰ ایپاک

۷.۱.۲ بخش چهارم: مقایسهی ویژگیهای شبکه عصبی نیمه پیشرفته

در این بخش، یک شبکه عصبی نیمه پیشرفته با قابلیت استفاده از بهینهسازهای مختلف و توابع فعالسازی گوناگون پیادهسازی شده است. ساختار شبکه به گونهای طراحی شده که از وزندهی اولیه مناسب، ذخیرهسازی گرادیانها، و بهینهسازهای مدرن مانند

Adam پشتیبانی میکند.

۸.۱.۲ توابع فعالسازی

توابع فعالسازی نقش مهمی در آموزش شبکههای عصبی ایفا میکنند. در این پروژه از سه تابع فعالسازی پرکاربرد شامل ReLU، Sigmoid، و Tanh استفاده شده است.

• تابع Sigmoid:

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}, \quad \sigma'(x) = \sigma(x)(1 - \sigma(x))$$

● تابع Tanh:

$$\tanh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}, \quad \frac{d}{dx} \tanh(x) = 1 - \tanh^2(x)$$

• تابع ReLU:

$$f(x) = \max(0, x), \quad f'(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x \le 0 \end{cases}$$

در تحلیل تجربی، تابع ReLU بهدلیل سادگی محاسباتی و اجتناب از مشکل ناپدید شدن گرادیانها عملکرد برتری نسبت به سایر توابع نشان داد.

۹.۱.۲ الگوریتمهای بهینهسازی

در این پروژه سه الگوریتم زیر پیادهسازی و بررسی شدهاند:

۱. SGD: بهروزرسانی وزنها بهصورت مستقیم و بر پایه گرادیان فعلی صورت میگیرد:

$$\theta = \theta - \eta \nabla_{\theta} J(\theta)$$

که در آن η نرخ یادگیری و $J(\theta)$ تابع هزینه است.

Momentum : این روش برای بهبود همگرایی، از سرعت قبلی استفاده می کند:

$$v_t = \gamma v_{t-1} - \eta \nabla_{\theta} J(\theta)$$
 , $\theta = \theta + v_t$

که در آن γ ضریب مومنتوم است.

. . Adam : این روش تخمین هایی از میانگین و واریانس لحظه ای گرادیان ها ذخیره می کند:

$$m_t = \beta_1 m_{t-1} + (1 - \beta_1) g_t$$

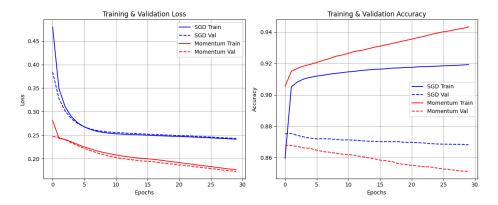
$$v_t = \beta_2 v_{t-1} + (1 - \beta_2) g_t^2$$

صفحه ۲۳ از ۲۹

درس مباني هوش محاسباتي

$$\hat{m}_t = \frac{m_t}{1 - \beta_1^t}, \quad \hat{v}_t = \frac{v_t}{1 - \beta_2^t}$$

$$\theta = \theta - \eta \frac{\hat{m}_t}{\sqrt{\hat{v}_t} + \epsilon}$$



شکل ۱۰: مقایسهی همگرایی SGD و تکانه با فعالسازهای یکسان در دو لایه در دادههای تست و آموزش

۱۰.۱.۲ مقداردهی اولیه وزنها

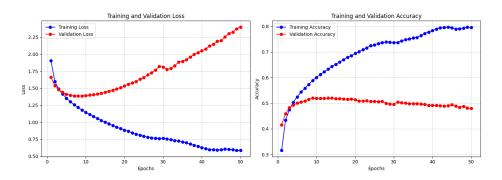
برای بهبود عملکرد یادگیری، از دو روش مقداردهی اولیه استفاده شده است:

ReLU: براى توابع Initialization He

$$Var(w) = \frac{2}{n_{\rm in}}$$

Tanh: و Sigmoid براى توابع Initialization Xavier ullet

$$Var(w) = \frac{1}{n_{in}}$$

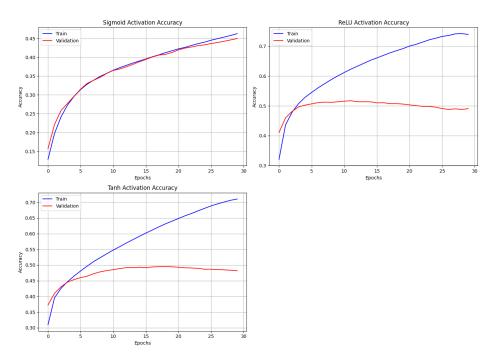


شكل ۱۱: اثر مقداردهي اوليه He در يك شبكه دو لايه با بهينهساز تكانه در ۳۰ ايپاك

۱۱.۱.۲ مقایسه تجربی توابع فعالسازی

در بخش سوم، برای مقایسه عملکرد توابع فعالسازی، سه شبکه با ساختار یکسان ولی با توابع ،Sigmoid، ReLU و Tanh و Tanh آموزش داده شد. نتایج نشان دادند که:

- ReLU منجر به همگرایی سریعتر و دقت بالاتر در دادههای تست شد.
- Sigmoid به دلیل ناپدید شدن گرادیان در لایه های عمیق ضعیف ترین عملکرد را داشت.
 - Tanh عملکردی بین دو تابع دیگر ارائه داد.



شکل ۱۲: مقایسهی همگرایی توابع فعالسازی متفاوت با ۳۰ ایپاک

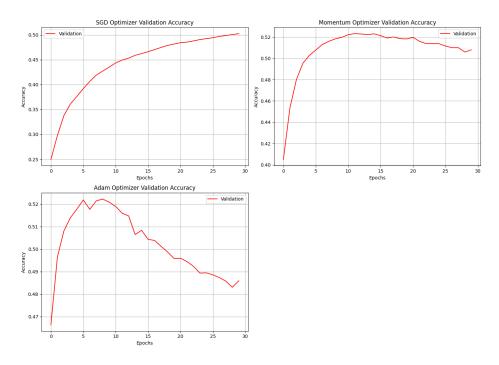
نتایج در قالب نمودارهای دقت در طول اپوکها رسم گردیدند.

۱۲.۱.۲ مقایسه تجربی بهینهسازها

در بخش پایانی، عملکرد سه الگوریتم Momentum ،SGD و Adam بر روی یک شبکه سهلایه آزمایش شد. نتایج حاکی از آن بود که:

- Adam در اکثر موارد سریعتر همگرا شد و به دقت بالاتری رسید.
 - Momentum پایداری بهتری نسبت به SGD داشت.
 - استفاده از بهینهساز مناسب نقش مهمی در کیفیت آموزش دارد.

مدل طراحی شده در این پروژه به دلیل ساختار ماژولار و قابل گسترش، قابلیت استفاده در کاربردهای مختلف را دارد. نتایج تجربی نشان دادند که انتخاب دقیق تابع فعالسازی، مقداردهی اولیه مناسب، و الگوریتم بهینهسازی مؤثر نقش کلیدی در موفقیت مدل ایفا میکند. درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲۵ از ۲۹



شکل ۱۳: مقایسهی همگرایی بین بهینهسازهای مختلف در ۳۰ ایپاک

۲.۲ بخش ۵: آموزش مدل از طریق شبکه عصبی CNN

۱.۲.۲ تنظیم دادهها و بارگذاری ۱۰-CIFAR

مجموعهداده ۱۰ - CIFAR را با نرمالسازی مناسب بارگذاری کنید و هایDataLoader آموزش و تست را با اندازه بچ و شافل دلخواه ایجاد نمایید.

برنامهٔ ۳: تعریف transforms و DataLoader

```
import torch
import torch.nn as nn
import torch.optim as optim
import torch.nn.functional as F
from torchvision import datasets, transforms
from torch.utils.data import DataLoader

# Device configuration
device = torch.device('cuda' if torch.cuda.is_available() else 'cpu')

# Hyper-parameters
num_epochs = 20
batch_size = 128
learning_rate = 0.01

# CIFAR-10 dataset transforms
transform = transforms.Compose([
transforms.ToTensor(),
```

درس مبانی هوش محاسباتی

```
transforms.Normalize((0.4914, 0.4822, 0.4465), (0.247, 0.243, 0.261))

train_dataset = datasets.CIFAR10(root='./data', train=True, download=True, transform=transform)

test_dataset = datasets.CIFAR10(root='./data', train=False, download=True, transform=transform)

print(train_dataset.classes)

# Data loaders

train_loader = DataLoader(dataset=train_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=True, num_workers=4)

test_loader = DataLoader(dataset=test_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=False, num_workers=4)
```

۲.۲.۲ تعریف معماری ساده CNN

یک کلاس PyTorch از نوع nn.Module با ساختار زیر پیادهسازی کنید:

- ReLU با ۳۲ فیلتر، کرنل 3×3 ، فعال سازی Conv2d
 - 2 × 2 با کرنل MaxPool2d ●
- ReLU با ۶۴ فیلتر، کرنل \times 3، فعال سازی \times Conv2d
 - 2×2 با کرنل MaxPool2d •
- (Softmax و دو لایه تمام متصل ۱۲۸ و ۱۰ نورونی Softmax) خروجی)

برنامهٔ ۴: کلاس SimpleCNN

```
class SimpleCNN(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(SimpleCNN, self).__init__()
        self.conv1 = nn.Conv2d(3, 32, kernel_size=3, padding=1)
        self.pool1 = nn.MaxPool2d(kernel_size=2, stride=2)
        self.conv2 = nn.Conv2d(32, 64, kernel_size=3, padding=1)
        self.pool2 = nn.MaxPool2d(kernel_size=2, stride=2)
        self.fc1 = nn.Linear(64 * 8 * 8, 128)
        self.fc2 = nn.Linear(128, 10)

def forward(self, x):
        x = F.relu(self.conv1(x))
        x = self.pool1(x)
        x = F.relu(self.conv2(x))
        x = self.pool2(x)
```

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲۷ از ۲۹

```
x = x.view(x.size(0), -1)
x = F.relu(self.fc1(x))
x = self.fc2(x)
return x
```

٣.٢.٢ حلقه آموزش مدل

حلقه آموزشی را با تابع هزینه CrossEntropyLoss و بهینهساز SGD با Momentum پیاده کنید. در هر صد گام آموزشی، میانگین loss را چاپ نمایید.

برنامهٔ ۵: حلقه آموزش train loop

```
if __name__ == "__main__":
    model = SimpleCNN().to(device)
   # Loss and optimizer
    criterion = nn.CrossEntropyLoss()
    optimizer = optim.SGD(model.parameters(), lr=learning_rate, momentum=0.9)
    # Training loop
    for epoch in range(num_epochs):
        model.train()
        running_loss = 0.0
        for i, (images, labels) in enumerate(train_loader):
            images = images.to(device)
            labels = labels.to(device)
            # Forward pass
            outputs = model(images)
            loss = criterion(outputs, labels)
            # Backward and optimize
            optimizer.zero_grad()
            loss.backward()
            optimizer.step()
            running_loss += loss.item()
            if (i + 1) % 100 == 0:
                print(f'Epoch [{epoch+1}/{num_epochs}], Step
   [{i+1}/{len(train_loader)}], Loss: {running_loss / 100:.4f}')
                running_loss = 0.0
```

۴.۲.۲ ارزیابی مدل و گزارش دقت

مدل آموزش دیده را روی مجموعه تست ارزیابی کنید و دقت نهایی را محاسبه و چاپ کنید. سپس وزنهای مدل را ذخیره نمایید.

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲۸ از ۲۹

برنامهٔ ۶: ارزیابی و ذخیره مدل

```
model.eval()
correct = 0

total = 0

with torch.no_grad():
    for images, labels in test_loader:
        images = images.to(device)
        labels = labels.to(device)
        outputs = model(images)
        _, predicted = torch.max(outputs.data, 1)
        total += labels.size(0)
        correct += (predicted == labels).sum().item()

print(f'Test Accuracy of the model on the 10000 test images: {100 * correct / total:.2f}%')

# Save the model checkpoint
torch.save(model.state_dict(), 'simple_cnn_cifar10.pth')
```

۵.۲.۲ گزارش معماری و تحلیل نتایج

یک گزارش مختصر بنویسید که شامل معماری نهایی، جزییات پیادهسازی، روند آموزش و نتایج ارزیابی باشد. همچنین مزایا و معایب استفاده از CNN را در مقایسه با پرسپترون چندلایه مورد بحث قرار دهید.

۶.۲.۲ مزایا و معایب استفاده از CNN در مقابل یک پرسپترون چندلایه

مزايا:

- استخراج ویژگیهای مکانی: لایههای کانولوشنال با حفظ ساختار دوبعدی تصویر، الگوهای محلی مانند لبهها و بافتها را بهتر استخراج میکنند، در حالی که MLP تصویر را صافشده دریافت میکند.
- کاهش پارامترها: با اشتراک وزن در فیلترها، تعداد پارامترها بهطور قابلتوجهی کمتر از MLP بوده و خطر بیشبرازش کاهش مییابد.
- مقیاس پذیری: استفاده از pooling و فیلترهای محلی باعث میشود CNN بتواند روی تصاویر بزرگتر یا پیچیدهتر نیز کارایی مناسبی داشته باشد.
- تعمیم بهتر: CNN در برابر تغییرات کوچک در تصویر (جابجایی، چرخش، تغییر نور) مقاومتر است و به همین دلیل در دادههای بصری عملکرد بهتری دارد.

معایب:

• پیچیدگی پیادهسازی: طراحی معماری CNN اعم از انتخاب تعداد لایهها، فیلترها و سایر ابرپارامترها نیازمند تجربه و آزمونوخطای بیشتری است.

درس مبانی هوش محاسباتی صفحه ۲۹ از ۲۹

• زمان آموزش: محاسبات کانولوشن هزینهبرتر از ضربهای برداری ساده در MLP بوده و ممکن است زمان آموزش طولانی تری داشته باشد.

• وابستگی به :GPU برای آموزش سریع و مؤثر CNN معمولاً نیاز به شتاب دهنده هایی مانند GPU است، در حالی که MLP را می توان حتی روی CPU اجرا کرد.