

دانشگاه شهید بهشتی دانشکده علوم ریاضی گروه علوم کامپیوتر

گزارش پروژه درس داده کاوی محاسباتی

نگارش مهدی م*حد*ث

استاد دکتر کوروش پرند دکتر خالقی

تیر ۱۴۰۰

مقدمه:

رمزارز (به انگلیسی: Cryptocurrency) یکی از گونههای ارز مجازی است که از فناوری رمزنگاری در طراحی آن استفاده شده و معمولاً به صورت نامتمرکز اداره می شود.

رمزارزها معمولاً به صورت نامتمرکز کنترل میشوند و از این رو در مقابل نظامهای بانکداری متمرکز قرار می گیرند. نامتمرکزسازی در رمزارزها از طریق فناوری زنجیره بلوکی امکانپذیر شده است. تاریخچه شکل گیری رمزارزها به دهه شده است. تاریخچه شکل گیری رمزارزها به دهه ۱۹۸۰ میلادی می رسد. نخستین رمزارز نامتمرکز بیتکوین است که در سال ۲۰۰۹ توسیط شخصی به نام مستعار ساتوشی ناکاموتو ایجاد و عرضه شد. از آن زمان تاکنون رمزارزهای متعددی ایجاد شدهاند که بسیاری از آنها با لفظ «سکههای جایگزین بیتکوین» نیز نامیده می شوند.

زنجیره Blockchain سیستمی برای ثبت و ضبط دادهها است. این دادهها می توانند برای نمونه تراکنشهای بانکی باشند یا اسناد مالکیت، قرارها، پیامهای شخصی یا دیگر اطلاعات. ویژگی زنجیره بلوکی این است که کار ذخیره این دادهها بدون وجود یک مدیر و صاحباختیار مرکزی امکان پذیر است و نمی توان با تخریب یک نقطه مرکزی دادههای ذخیره شده را تحریف یا نابود کرد. معروف ترین کاربرد زنجیره بلوکی، رمز ارز بیت کوین است.

زنجیره بلوکی معاملات آنلاین امن را تسهیل میکند. زنجیره بلوکی یک کتابخانه دیجیتالی غیر متمرکز و توزیع شدهاست که برای ضبط معاملات در میان رایانههای بسیاری استفاده میشود تا بتوان بدون تغییر تمام بلوکهای بعدی و بدون همکاری شبکه مقادیر ثبت شده را با استفاده از پسانداز تغییر داد. این امر به شرکت کنندگان اجازه میدهد تا به بررسی و

حسابرسی معاملات ارزان بپردازند. اصالت نجی آنها توسط همکاری جمعی توسط اشتراک منافع جمعی خود تأیید می شوند. نتیجه، یک گردش کار قوی است که عدم قطعیت شرکت کنندگان در مورد امنیت دادهها یک امر حاشیهای است. استفاده از یک زنجیره بلوکی ویژگی مشخص تکثیر بینهایت از یک دارایی دیجیتال را حذف می کند. این ویژگی باعث می شود که هر واحد ارزش تنها یک بار منتقل می شود، و مشکل دیرینه هزینههای دوگانه را حل کردهاست. زنجیره بلوکی به عنوان یک پروتکل رمزنگاری ارزش گذاری تعریف شدهاست. این مبادله بر مبنای زنجیره بلوکی می تواند سریع تر، امن تر و ارزان تر از سیستمهای سنتی تکمیل شود. زنجیره بلوکی می تواند حقوق عنوان را اختصاص دهد، زیرا رکوردی را فراهم می کند که باعث ارائه و پذیرش می شود.

زنجیره بستکی پایگاه داده توزیع شده و مبتنی بر اجماع است که به صورت مستمر فهرستی از رکوردها (ردهها) را که هرکدام به گزینههای قبلی فهرست ارجاع میدهند حفظ می کند و بدین وسیله در مقابله با تضعیف یا بازنگری غیرمجاز تقویت می شود. زنجیره بلوکی خود زیربخشی از فناوریهای دفترکل توزیع شده (Distributed Ledger) است. زنجیره بلوکی گونه ای از معماریهای داده مورد استفاده در فناوری دفاترکل توزیع شده است که در آن سوابق تراکنشها در زنجیرههای متصل به یکدیگر ذخیره می شوند.

در این فناوری با وجود کاربران متعددی که به طور همزمان دادههایی را ثبت و اصلاح می کنند و ممکن است که آن دادهها با هم تداخل داشته باشند، شبکه قادر به حفظ یکپارچگی محتوای پایگاه داده است. با توجه به ساختار دادهای رمزنگاری شده که بلاک چین دارا می باشد یکپارچگی بدون کنترل کننده مرکزی حفظ می شود. در دفاتر کل توزیع شده مربوط به بیت کوین برای مرتب کردن تراکنشها و ممانعت از تناقض یک مسئله ریاضی مطرح می شود که حل کردنش سخت است اما پس از حل مسئله تأیید درست بودن راه حل، آسان است به این سازوکار، «اثبات کارکرد»(Proof of work) می گویند. در روش زنجیره بلوکی بیت کوین کسی می تواند تراکنشهای هر مرحله را مرتب کند که جواب این

سؤال سخت را پیدا کرده باشد و همزمان تغییراتی که قصد اعمال آن را دارد (بلوک جدید) با مراحل قبلی زنجیره تناقض نداشته باشد. شیوه کشف عدم تناقض به این صورت است که تراکنشهای هر بلوک وارد تابع هش میشوند و پاسخ آن تابع هش را همه دارند اگر کسی که تراکنشها را مرتب و اضافه میکند حتی یک تغییر جزئی در تراکنشهای قبلی تأیید شده ایجاد کند جواب هش تراکنشها تغیر میکند و بدون اینکه افراد نیاز باشد بدانند کدام بخش تغییر کرده می توانند با تغییر غیرمجاز مخالفت کنند.

معرفی دوج کوین:

دوج کوین (DOGE) رمزارزی نظیربهنظیر (peer-to-peer) و متنباز است و از آن به عنوان آلت کوین (به معنی سکه جایگزین) یاد می شود. دوج کوین دسامبر ۲۰۱۳ منتشر شد و تصویر سگی از نژاد شیبا اینو (Shiba Inu) لوگو آن است.

وقتی مردم درباره ی رمزارز یا خرید ارز دیجیتال حرف میزنند، کوینها (سکهها) و ارزهای بسیار زیادی در بازار وجود دارد. بعضی از آنها که در صدر جدول قرار دارند، شامل بیت کوین، اتریوم، لایت کوین و ... هستند که اغلب از طریق خرید تتر قابل معامله هستند.دوج کوین (Dogecoin) با عکس سگ روی خود در جایگاه چهلم این فهرست جای گرفته است.

دسامبر ۲۰۱۳، هـر بیت کـوین معـادل ۱٬۰۸۳/۱۴ دلار قیمـت داشـت و دنیـا در حـال عدی گرفتن رمزارزها بود. بیلی مـارکوس (Billy Markus) و جکسـون پـالمر (Palmer) فکر کردند که رمزارزها زیاد از حد جدی گرفته میشوند. آنها معتقد بودنـد کـه کریپتو باید سرگرمکننده باشد و فقـط دربـارهی پـول نباشـد؛ بنـابراین، کـوین خودشـان را ساختند.

دوج کوین رمزارزی نظیربهنظیر و متنباز محسوب می شود که برای سرگرمی به وجود آمده و پلتفرمی غیرمتمرکز است که به کاربران اجازه می دهد تا پول را به صورت آنلاین به راحتی انتقال دهند. اسم آن از مِم اینترنتی (ایدههایی که با اینترنت مشهور میشوند) دوج (doge) گرفته شده است و گرفته شده است. ارزش دوج بهآرامی رشد کرده و بین هزاران کاربر محبوب شده است و بهعنوان ارزی در جامعههای اینترنتی استفاده میشود.

درحالی که دوج فقط به عنوان جوک ساخته شد، بلاک چین دوج کوین هنوز مهم است. تکنولوژی زیربنایی آن از لایت کوین (Litecoin) ریشه گرفته است. ویژگیهای مهم دوج کوین الگوریتم اسکریپت (Scrypt) و عرضه ی نامحدود است.

سال ۲۰۱۷، این آلت کوین نیز در حبابی شرکت کرد که ارزش بسیاری از رمزارزها را به شدت افزایش داده بود. بعد از ترکیدن حباب در سال ۲۰۱۸، دوج کوین بیشتر ارزشش را از دست داد؛ اما هنوزهم حامیان اصلیاش را داشت که با آن ترید می کردند و به محتواهای موجود در توییتر و ردیت انعام می دادند.

کاربردهای دوج کوین

همانند سایر رمزارزها، از دوج کوین می توان برای سرمایه گذاری و ترید به امید کسب سود استفاده کرد. بیشتر طرفداران دوج کوین از این آلت کوین به عنوان ارز استفاده می کنند و از مزایای کارمزد تراکنش بسیار اندک و سرعت تراکنش چشمگیر و پلتفرم استفاده آسان استفاده می کنند.

دوج کوین به عنوان محبوب ترین کوین برای انعام دادن به منظور ایجاد محتوای جالب در اینترنت استفاده می شود. در حقیقت، دوج کوین رمزارزی است که واقعا می شود از آن استفاده کرد و صرفا برای سرمایه گذاری استفاده نمی شود. خیل عظیم کاربران دوج کوین

برای تبلیغ آن در بین عموم مردم و تاجران بسیار فعالیت میکنند. آنها بر این باورند که این کوین برای کسانی بینظیر است که میخواهند وارد دنیای رمزارزها شوند.

جامعه ی دوج کوین به طور مداوم برای فعالیتهای خیریه سرمایه جمع می کند. ژانویه ی ۲۰۱۴، در جمع آوری اعانه برای تیم سورتمه سواری (Bobsleigh) جامائیکا ۵۰ هـزار دلار جمع کردند که توان مالی شرکت در المپیک زمستانی سوچی را نداشتند. همچنین، بنیاد دوج کوین ۱۱ هزار دلار برای ساختن چاه آبی در کنیا و ۵۵ هزار دلار برای حمایت مالی از جاش وایز (Josh Wise)، راننده ی مسابقات نسکار (NASCAR)، جمع آوری کرد.

مزایای دوج کوین

اگرچه دوج کوین بر اساس پروتکل اسکریپت (Scrypt) لایت کوین ساخته شده است، سرعت بلاک آن یک دقیقه است. این در حالی است که سرعت بلاک لایت کوین ۲/۵ دقیقه و سرعت تأیید تراکنشهای بیت کوین به طور متوسط ۱۰ دقیقه است. این یعنی تراکنشها و تأییدهای دوج کوین سریع تر است. علاوه بر سرعت تراکنش سریع ذکرشده، کارمزدهای تراکنش دوج کوین ناچیز و ۲/۰ دلار است؛ ازاین رو، برای کاربران جذاب تر است.

اختلاف اصلی دوج با سایر رمزارزها در تـورمزایـی (Inflationary) آن است. کـوینهای تورمزدا (Deflationary) حد بالا (Cap یا سقف نهایی) دارنـد؛ یعنـی تعـداد آنها محدود است (مانند بیت کوین). این کوینها مردم را برای هجوم بـهمنظـور کسـب سـود در طول زمان تشویق میکنند. وقتی حد بالا بهدست آمد، اسـتخراج ایـن نـوع کـوینها دیگر مقرون بهصرفه نیست. افزون براین، کـوینهای تـورمزا از اسـتخراج همیشـگی و جـایگزینی کوینهای ازدست فته مطمئن می شوند.

راههای بهدستآوردن دوج کوین

۱. انعام گرفتن

کاربران وقتی در رسانهای اجتماعی پست محتوایی منحصربهفردی تولید می کنند، با این ارز انعام می گیرند. انعامها به والت کاربر اضافه می شوند و می توان بعدها از آن برای خریدوفروش کالا یا خدمات استفاده کرد.

۲. خرید دوج کوین و ترید کردن

مانند سهام و سایر ارزها، کاربران می توانند دوج کوین را بخرند و انتظار افزایش قیمت آن را داشته باشند.

خرید و معاوضه در صرافیهای ارز دیجیتال ایرانی یا خارجی

خرید و معاوضه در صرافیهای غیر متمرکز ارز دیجیتال

۳. خریدوفروش محصولات و خدمات

کاربران می توانند با خرید کالا یا سرویس در ازای دوج کوین معامله کنند. بیشتر پلتفرمهای اینترنتی پلاگینهایی فراهم کردهاند که با آن می توان از دوج کوین به جای دلار یا یورو برای مبادله ی کالا و خدمات استفاده کرد.

۴. استخراج دوج کوین

استخراج دوج کوین فرایند جایزه گرفتن دوج کوین برای بررسی تراکنشهای بلاک چین دوج کوین است. استخراج کنندگان دوج کوین است. از آنجاکه دوج کوین از لایت کوین ریشه گرفته است، استخراج کنندگان لایت کوین از ماینرهای اسکریپت اسیک (Scrypt ASIC) برای استخراج دوج کوین می توان استفاده کرد. با GPU نیز می توان دوج کوین استخراج کرد؛ اما این روش مقرون به صرفه نیست؛ مگر آنکه از ریگهای قدر تمند استفاده شود.

تاریخچهی دوج کوین

دوج در آغاز

سال ۲۰۱۳ جکسون پالمر، مدیر تولید شعبه استرالیای ادوبی (Adobe)، دوج کوین را برای به تمسخر گرفتن تبلیغات زیاد درباره ی رمزارزها به وجود آورد. پالمر به عنوان تحلیلگرِ شکاک این تکنولوژی در حال ظهور توصیف شده است و توییتهای ابتدایی او درباره ی رمزارز جدیدش طعنه آمیز بود. بااین حال، بعد از بازخورد مثبت شبکه های اجتماعی دامنه ی dogecoin.com را خرید.

در همان زمان در پورتلند آمریکا (Portland)، بیلی مارکوس، توسعه دهنده ی نرمافزار IBM، قصد داشت ارزی دیجیتال بسازد؛ اما در تبلیغ آن مشکل داشت. پس از آشنایی او با هیاهوی دوج کوین، از پالمر برای تولید نرمافزار حقیقی پشت پرده ی دوج اجازه گرفت. مارکوس کدش را برمبنای لاکی کوین (Luckycoin) ساخته بود که خود از لایت کوین مشتق شده بود و در ابتدا برای استخراج بلوک تصادفی پاداش می داد؛ اما پاداش حاصل می ۲۰۱۴ به پاداش ثابت تبدیل شد.

وج کوین از تکنولوژی اسکریپت لایت کوین استفاده می کند و کوینی برمبنای اثبات کار (Proof of Work یا PoW) است. پالمر و مارکوس انتشار دوج را ۶ دسامبر ۲۰۱۳ آغاز کردند. دو هفته بعد در ۱۹ دسامبر، بهای دوج کوین ۳۰۰ برابر شد. شاید دلیل این امر ممنوعیت چین برای بانکهایش در سرمایه گذاری رمزارزها بود.

سال ۲۰۱۵ زمانی که جامعه ی کریپتو جدی تر شد، دوج کوین سرخوشی خود را اندکی از دست داد. اولین نشانه ی اینکه اوضاع دوج کوین مساعد نیست، با جدایی مؤسس آن، یعنی جکسون پالمر، آغاز شد. وی گفته بود «جامعهای سمی» در اطراف این کوین و پولی که تولید می کند، در حال شکل گیری است.

ترقی دوج کوین

دوج کوین به عنوان نسخه ی سرگرم کننده ی بیت کوین و لوگو شیبو اینو (نـژادی از سگ ژاپنی) بازاریابی می کرد. ارائه ی خودمانی دوج کوین به مذاق جامعه ی کریپتو خوش آمد. تکنولوژی اسکریپت و عرضه ی نامحدود آن استدلالی مبنی بر انعطاف پذیری و مشتری پسندبودن این نسخه از بیت کوین بود.

دوج کوین هنگام تولدش ارزش بازاری معادل بیست میلیون دلار و طرفدارانی وفادار داشت مدل طراحی و امنیتی دوج کوین

همان گونه که اشاره شد، دوج کوین فورکی از بلاکچین لاکیکوین است. توسعه دهندگان توانسته اند به دلیل متنباز بودن نرمافزار لاکیکوین آن را کپی کنند، همه می توانند آن را ببیند، مطالعه کنند، تغییر بدهند و به اشتراک بگذارند.

لاکی کوین خود فورکی از لایت کوین است و لایت کوین نیز به نوبه ی خود فورکی از بیت کوین است. دوج کوین همانند بیت کوین متن باز و شبکه ای غیر متمرکز همتابه همتا است که از الگوریتم اجماع کار (PoW) استفاده می کند؛ بنابراین شبکه ی دوج کوین به ماینرها وابسته است تا تراکنشها را تأیید و شبکه را در مقابل کسانی که قصد دست کاری در تراکنشهای ثبت شده در بلاک چین دارند، ایمن کند.

برخلاف بیت کوین که از الگوریتم SHA-256 استفاده می کند، الگوریتم استخراج دوج کوین SHA-256 است که هشریت و مصرف انرژی پایین تر از SHA-256 دارد.

سیاست پولی

ابتدا حداکثر موجودی دوج کوین ۱۰۰ میلیارد بود که بسیار بیشتر از تعداد اجازه داده شده برای اکثر رمزارزهای برتر بود؛ اما در فوریه ۲۰۱۴، مؤسس دوج کوین جکسون پالمر اعلام کرد که محدودیت سقف موجودی دوج کوین برداشته خواهد شد تا در طول زمان نرخ تورم آن کاهش بیابد. برای این منظور پس از استخراج صد میلیارد دوج کوین که در اواسط ۲۰۱۵ اتفاق افتاد، پس از آن هر سال ۵ میلیارد کوین اضافی به چرخه ی این رمزارز برای استخراج اضافه شد؛ بنابراین با نرخ فعلی هر ۲۶ سال یک بار تعداد موجودی دوج کوین دو برابر خواهد شد.

اما به دلیل حذف سقف موجودی دوج کوین، قیمت آن شروع به کاهش کرد و انگیزهی استخراج کنندگان برای ماین این کوین نیز کاهش یافت. در ادامه هشریت شبکه که

معیاری برای اندازه گیری قدرت پردازش شبکهی اثبات سهم است، سرتاسر ۲۰۱۴ دچار کاهش شد و جامعهی دوج کوین نگران در مورد انجام حمله ی ۵۱ درصدی روی شبکهی آن دچار نگرانی شدند.

منظور از حمله ی ۵۱ درصدی، احتمال این است که ماینر یا استخر استخراجی بتواند کنترل بیش از نصف قدرت بلاک چینی را به دست بگیرد. این امر موجب می شود سایر مشارکت کنندگان در شبکه نتواند تراکنشی انجام بدهند یا بلاکی بسازند.

در شبکههای امنی چون بیت کوین انجام چنین امری تقریبا غیر ممکن است زیرا میزان انرژی مصرفی برای کنترل کردن ۵۱ درصد از قدرت شبکه بهطور کمرشکنی گزاف است؛ اما در شبکههایی که تعداد ماینر کمتر دارند، چنین حملهای کمهزینه تر و محتمل تر است.

برای جلوگیری از این حمله روی شبکهی دوج کوین، توسعه دهندگان تصمیم گرفتند که از «استخراج ترکیبی» (Merged Mining) که «اثبات کار کمکی» نیز نامیده می شود، کمک گیرند تا از نیروی کار سایر بلاک چینهای مبتنی بر Scrypt مخصوصاً لایت کوین استفاده کنند.

استخراج ترکیبی به ماینرها اجازه می دهد تا در آنِ واحد روی دو زنجیره کار کننـد و از هـر دو پاداش دریافت کنند، بنابراین استخراج دوج کوین و لایت کوین در آن واحد امکان پـذیر است.

در مورد کد نوشتهشده برای دوج کوین

دوج کوین با زبان ++C (همان زبان بیت کوین) نوشته شده است. این پروتکل تحت مجوز متنباز MIT است که بدون محدودیت امکان کپی کردن، تغییر، انتشار، توزیع، زیر مجوز دادن و فروش کپیهای پروتکل را میدهد.

مرورگر بلاکچین دوج کوین

کاربرد اساسی مرورگر بلاکچین این است که به کاربران این امکان را میدهد تا در مورد بلوکهای استخراجشده و تراکنشهایی که اخیرا روی بلاکچین انجام شده است، به جستوجو بپردازند. مهمترین ویژگی مرورگر بلاکچین برای کاربران پیگیری تراکنشها است. از این لینک میتوان به مرورگر بلاکچین دوج کوین دسترسی پیدا کرد و با ورود آدرس والت خود وضعیت تراکنشهای انجامشده را مشاهده کرد.

بهترین والتهای دوج کوین

قبل از انتخاب کیف پول دیجیتال دوج کوین باید تعیین کنید که کدامیک از انواع از والتهای سختافزاری، نرمافزاری مورد نظرتان است، در تصویر زیر به هر کدامیک از این نوع والتها به همراه ویژگیهای آنها اشاره شده است.

از مهمترین والتهای سختافزاری دوج کوین میتوان به لجر و تروز اشاره کرد.

بهترین والتهای نرمافزاری دوج کوین نیـز اتمیـک (Atomic)، تراست والـت (Dogecoin بهترین والتهای نرمافزاری دوج کوین نیـز اتمیـک (Wallet کوینومی (Coinomi) هستند. البته والت رسمی دوج کوین با نام Wallet دیگر بهصورت فعال پشتیبانی نمیشود و بسیار افراد گزارش کردهاند که با استفاده از آن سرمایههای خود را از دست دادهاند.

در کنار این نوع والتهای اشارهشده، کیف پول کاغذی نیز وجود دارد. کیف پول کاغذی چیزی بیشتر از کلیدهای خصوصیتان نیست که روی تکهای کاغذ چاپ شده است. این نوع والتها اغلب دارای کد QR نیز هستند که انجام تراکنشها را آسان تر می کنند؛ اما مهم ترین ویژگی والت کاغذی این است که به اینترنت وصل نیست و راهی برای هک شدن کیف پولتان وجود ندارد.

دوج کوین هنگام و بعد از حباب سالهای ۲۰۱۷ تا ۲۰۱۸

در حباب پایان سال ۲۰۱۷، ارزش دوج کوین همراه تمامی رمزارزهای دیگر سربه فلک کشید و همراه تمامی این رمزارزها در سال ۲۰۱۸ سقوط کرد. دوج کوین در اوج خود، قیمتش ۲۰۱۸ دلار و ارزش بازار آن دومیلیارد دلار بود. تابستان ۲۰۱۹، دوج کوین همراه سایر بازار ارزهای دیجیتال شاهد تکانی در قیمت بود. زمانی صرافی بایننس (Binance) این کوین را در فهرست خود قرار داد و طرفداران مشتاق دوج کوین را بسیار خوشحال کرد. بسیاری فکر میکنند که توییت مرموز بنیان گذار تسلا ایلان ماسک (Elon Musk) باعث این نامنویسی شد.

در این پروژه میخواهیم بر روی داده های یکی از ارز های دیجیتال به نام DOGE تحلیل های آماری را انجام دهیم.

داده های در دسترس ما مربوط به قیمت شورع open، بالا ترین قیمت high ، پایین تـرین قیمت high ، پایین تـرین قیمت و مربوط به سـال گذشـته ایـن قیمت پایانی close در بازه زمانی یک ساعته و مربوط به سـال گذشـته ایـن رمز ارز می باشد.

این داده ها به صورت یک ماتریس ۹۰۰۰*۶ می باشد.

هدف بدست آوردن موارد زیر برای هر ستون ماتریس است.

MA = میانگین متحرک ساده

این میانگین از جمع n داده قبلی که n از قبل شمخص شده تقسیم بر n بدست می آید. n=5.7.10.14.21.25.50.100

EMA = میانگین متحرک نمایی

این میانگین با استفاده از فرمول زیر بدست می آید :

 $EMA = \operatorname{Price}(t) \times k + EMA(y) \times (1 - k)$ where:

t = today

y = yesterday

N = number of days in EMA

 $k = 2 \div (N+1)$

که در اینجا N همان n داده شده در قسمت بالا است.

Price همان قيمت شروع روز قبل است.

و در ابتدا (EMA(y برابر صفر است.

WMA = میانگین متحرک وزن دار

به اسن صورت محاسبه می شود که مانند MA، n داده مورد نظر را انتخاب میکنیم و سپس هر هر داده را در شماره خود ضرب می کنیم به عنوان مثال اولین داده در یک ئومین داده در شماره خود ضرب می شود. و در نهایت تقسیم بر $n+1+\dots+1$ می شود.

برای هر کدام از داده های close، low ، high ، open میانگین متحرک های خواسته شده را محاسبه می کنیم

پس از انجام این مراحل مد close ، low، high،open را حساب میکنیم

open اکسل جدول توزیع فراوانی داده frequency و در آخرین مرحله با استفاده از تابع frequency اکسل جدول توزیع فراوانی داده و در آخرین مقدار را بدست می آوریم و و بیشترین مقدار را بدست می آوریم و هر بار به صورت جدا گانه با طول طبقات 0 و 0 و 0 و 0 جدول فراوانی را با استفاده از تابع ذکر شده بدست می آوریم