

ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ সিলেট আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: হায়ার সেকেন্ডারি (একাদশ-দ্বাদশ শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৩ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং		সমস্যা	উত্তর	
2	1 থেকে 2014 এর মধ্যে যে কোন জোড় মৌলিক সংখ্যার সাথে 3 থেকে 786 এর মধ্যে যে কোন			
	মৌলিক সংখ্যার গ.সা.গু. সর্বোচ্চ কত হতে পারে?			
	Take any even prime number between 1 and 2014. Take any prime number			
	between 3 and 786. What is the maximum possible value of the GCD of these two			
	numbers?			
২	a,b,c তিনটি পূর্ণ সংখ্যা যেখানে প্রত্যেকেই 1 অপেক্ষা বড়। a,b এর গসাগু 9 এবং b,c এর			
	গসাগু 21।তাহলে b এর সর্বনিন্ম মান কত?			
	a,b,c are positive numbers greater than 1.the gcd of a,b is 9 and the gcd of b,c is			
	21 what is minimum value of b?			
9	A F C ABEF ও BCFD সামন্তরিকের ক্ষেত্রফল যথাক্রমে 16, 24।			
	MX ABC ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল কত?			
		ABEF and BCFD parallelograms have areas respectively 16 and 24. Find area of \triangle ABC.		
	$D \xrightarrow{B}$	L ,		
8	1	n-হোস হল এমন একটি জিনিস যাতে একটি পাইপে পানি ঢুকিয়ে n সংখ্যক		
		পাইপ দিয়ে পানি বের করা যায়। চিত্রে n=3 বিশিষ্ট একটি হোস দেখানো		
)\ (হচ্ছে। এখন তুমি একটি 2-হোসের এক পাইপে আরেকটি 3-হোস লাগালে।		
		এরপর 3-হোসের এক পাইপে আরেকটি 4-হোস, এরপর এভাবেই 5-হোস,		
		6-হোস করে 16-হোস পর্যন্ত একের পর এক লাগিয়ে গেলে। তাহলে		
		শেষমেশ প্রথম 2-হোসের মুখ দিয়ে পানি প্রবেশ করলে মোট কতগুলো		
	- Φε /ΨC / Ψ	পাইপ দিয়ে পানি বেরোবে?		
		n -hose is a structure with 1 pipe at the start through which water		
		can be entered and n pipes at the end through which water		
		comes out. Now a 3-hose is connected to one end of a 2-hose. A		
		4-hose is connected to one end of the 3-hose. And this is done up		
		to a 16 -hose. In the end, through how many pipes will water		
	্ৰকটি ৰক্ষতাৰ প্ৰৱ	come out if water is entered through the 2-hose?		
œ	একটি বইয়ের পরপর কয়েকটি পৃষ্ঠা নেই। না থাকা পৃষ্ঠাণ্ডলোর পৃষ্ঠা নম্বর যোগ করে 472			
	পাওয়া গেল। ঠিক কতটি পৃষ্ঠা বইটিতে নেই?			
	A book has some page missing consecutively. The sum of the page number of			
	missing pages is 472. How many pages are missing there?			



ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ সিলেট আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

নং	সমস্যা		উত্তর			
৬	∧ ^A	O, AB এর মধ্যবিন্দু এবং N, AC এর মধ্যবিন্দু। AD:				
		AB=2:5 এবং AF: AC=2:5; ∆ABC ক্ষেত্রফল 100				
	D F	cm², ADPF ও ∆PON এর ক্ষেত্রফলের মধ্যে পার্থক্য				
		কত?				
	0 N	O is the midpoint of AB and N is the midpoint of				
	\	AC. The ratio AD: $AB = 2.5$ and the ration AF:				
	R /	$AC = 2:5$. The area of $\triangle ABC$ is 100 cm ² . What is				
		the difference between the area of ADPF and				
		ΔPON?				
٩	A	ত্রিভুজ ABC এর পরিবৃত্তে একটি বিন্দু D। AB=4, BC=1,				
		$ Arr ABC=120^0$ । $ Arr ABCD$ এর সর্বোচ্চ ক্ষেত্রফল কে $rac{a\sqrt{c}}{b}$				
		আকারে লেখা যায়। $oldsymbol{a} + oldsymbol{b} + oldsymbol{c}$ এর মান কত?				
		D is a point on the circle that passes through the point				
	р	A, B, C. In triangle ABC, AB=4, BC=1,				
		∠ABC=120 ⁰ The maximum area of ABCD can be				
		written as $\frac{a\sqrt{c}}{b}$, find the value of $a + b + c$				
b	n এর সর্বোচ্চ কোন পূর্ণসংখ্যক মানের জন্য ${ m n}^4$ -20 ${ m n}^3$ +151 ${ m n}^2$ -510 ${ m n}$ +651 একটি মৌলিক					
	সংখ্যা হবে?					
	Find the highest integer value of n for which the value of n^4 -20 n^3 +151 n^2 -510 n +651 is a prime number?					
৯	ABCD আয়তক্ষেত্রের AB বাহুর উপর মধ্যবিন্দু E, tanACE এর সর্বোচ্চ মানকে					
	ABCD বার্ত্ত্বের AB বৃত্ত্বির বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বির্বাহ্য বার্ত্ত্বর বির্বাহ্য বর্ত্তার বির্বাহ্য বর্ত্তার বির্বাহ্য বর্ত্তার বির্বাহ্য বর্ত্তার বির্বাহ্য বর্ত্তার বির্বাহ্য বর্ত্ত্বর বির্বাহ্য বর্ত্তার বির্বাহ্য বর্ত্তার বির্বাহ্য বর্ত্তার বর্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্তার বর্ত্তার বর্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্তার বর্তার বর্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্ত্তার বর্তার					
	In the rectangle ABCD, E is the midpoint of AB. The maximum value of tanACE					
	can be written as $\frac{1}{a\sqrt{h}}$ where					
30	যদি P(x,n)= F(x,n)+F(x²,n)+ F(x³,n)++ F(x¹,n) হয় যেখানে F(x, n)= x mod n,					
		া (ম, ম) নিমের ভাগ করলে ভাগশেষ থাকে 2)				
		তাহলে, n এর কতগুলো মানের জন্য P(2014,n)=n হবে, যেখানে n<2012				
	If $P(x,n) = F(x,n) + F(x^2,n) + F(x^3,n) + \dots + F(x^n,n)$ where $F(x,n) = x \mod n$, (i.e.					
	12 Mod $5 = 2$, means if we divide 12 by 5 we get a remainder of 2) How many values of n are there so that, $P(2014,n)=n$, and $n<2012$?					
	How many values of n are t	nere so that, P(2014,n)=n, and n<2012?				