

ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ ময়মনসিংহ আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: হায়ার সেকেন্ডারি (একাদশ-দ্বাদশ শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৩ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

| নং | সমস্যা | | উত্তর |
|----|---|--|-------|
| ۵ | $4^{sinx} + 2^{1+sinx}\cos(xy) + 2^{ y } = 0$ যেখানে x,y বাস্তব সংখ্যা। y এর মান কত? | | |
| | $4^{sinx} + 2^{1+sinx} \cos(xy) + 2^{ y } = 0$ where x, y are real. What is the value of y ? | | |
| | | | |
| ২ | $n>1$ এর জন্য $S_n=rac{1}{2^n}+rac{1}{3^n}+rac{1}{4^n}+\cdots \dots \dots$ | | |
| | এবং $a_n=S_2+S_3+S_4+\cdots$ হলে a_n এর মান কত? | | |
| | For $n>1$, $S_n = \frac{1}{2^n} + \frac{1}{3^n} + \frac{1}{4^n} + \cdots$ | | |
| | and $a_n = S_2 + S_3 + S_4 + \cdots \dots \dots$ | then what is the value of a_n ? | |
| 9 | | চিত্রে ABCD বর্গের শীর্ষ A ও B তে বৃত্তচাপ | |
| | D C | দ্বয়ের কেন্দ্র। বর্গক্ষেত্রটির একবাহুর দৈর্ঘ্য 16 হলে | |
| | | ছোট বৃত্তের ব্যাসার্ধ কত? In the figure ABCD is a square and the | |
| | | vertex A and B are the center of the two | |
| | | arches. If the side of the square is 16 then | |
| | \ | what is the radius of the circle? | |
| | | | |
| | А В | | |
| 8 | | বৃত্ত দিয়ে চিহ্নিত বর্গ থেকে 101 ঘর উপরে | |
| | | বর্গটিতে কোন সংখ্যা থাকবে ? | |
| | 5 2 3 4 5 | In the given diagram a square is marked with circle. Which number will be inside | |
| | 5 2 3 4 5 | the square 101 th position upper than this | |
| | 4 1 1 2 1 1 | one? | |
| | 3 5 4 3 2 | | |
| | 2 1 5 4 3 | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| Œ | S সেটের উপাদানগুলো 2015 অঙ্কবিশিষ্ট কোন সংখ্যার অঙ্কগুলোর গুণফল। S সেটের সকল | | |
| | উপাদানের যোগফলকে $oldsymbol{a}^{oldsymbol{b}}$ আকারে লিখা যায় $oldsymbol{a}+oldsymbol{b}$ এর সর্বনিন্ম মান $$ কত ? | | |
| | The elements of a set S are the product of the digits of a 2015 digits integer. The | | |
| | sum of all the elements of set S can be expressed as a^b . Find the minimum value | | |
| | of $\boldsymbol{a} + \boldsymbol{b}$. | | |



ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ ময়মনসিংহ আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



| নং | সমস্যা | উত্তর | |
|----------|--|-------|--|
| 8 | $\mathbf{f} \colon \mathbf{R} 	o \mathbf{R}$ একটি ফাংশনকে এমনভাবে সংজ্ঞায়িত করা হল যেন $\mathbf{f}(\mathbf{x}+2) = \mathbf{f}(\mathbf{x}) - \frac{1}{\mathbf{f}(\mathbf{x}+1)}$ | | |
| | f(1)=2,f(2)=1007; k∈R এর জন্য f(k)=0 হয়,k এর মান কত? | | |
| | | | |
| | A function f : $\mathbf{R} \to \mathbf{R}$ is defined in such a way that $\mathbf{f}(\mathbf{x} + 2) = \mathbf{f}(\mathbf{x}) - \frac{1}{f(x+1)}$ | | |
| | $f(1)=2,f(2)=1007$; for $k \in \mathbb{R}$ if $f(k)=0$ then what is the value of k ? | | |
| ٩ | ABC সমকোণী ত্রিভুজে AB ⊥BC, BX ⊥ AC এবং AD হল ∠BAC এর অন্তর্দ্বিখন্ডক। | | |
| | AD এবং BX , Y বিন্দুতে ছেদ করে। $DZ \perp BY$ এবং BZ=2015 হলে ,XY এর মান কত? | | |
| | is a rigth angled triangle where ABCAB \perp BC, BX \perp AC and AD is the internal | | |
| | bisector of $\angle BAC$. AD and BX intersects at Y. $DZ \perp BY$ and BZ=2015 then what is the value of XY? | | |
| b | আরাফা ও শিশিরের কাছে দুটি সমান ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার কাগজ আছে। আরাফা উভয় বৃত্তে | | |
| | একটি সমান আকৃতির হরিণ আঁকলো যেন তার নিজের কাগজে হরিণটির চোখ বৃত্তের কেন্দ্রে | | |
| | থাকে কিন্তু শিশিরের কাগজে হরিণের চোখ বৃত্তের কেন্দ্র ব্যাতিত অন্য যেকোনো জায়গায় থাকে। | | |
| | এখন শিশির তার কাগজটিকে পুনরায় কেটে এমনভাবে সজ্জিত করল যেন হরিণটির চোখ বৃত্তের | | |
| | কেন্দ্রে থাকে। সর্বনিমু কতবার শিশিরকে কাগজটি কাটতে হবে ? | | |
| | Arafa and Shishir has in total two circular paper of equal radius .Arafa drawn one | | |
| | of the deer on her paper is at the center of the deer on each paper such that an eye | | |
| | circle but an eye of the deer on Shishir's paper is anywhere but not at the centre. | | |
| | Then Shishir rearranged his paper by cutting it several time in such way that an eye of the deer shifted to the center. t least how many times he has to cut the A | | |
| | paper? | | |
| ৯ | ADB সমকোণী ত্রিভুজে ∠ <i>ADB</i> = 90°, BD এর উপর যে কোন বিন্দু E থেকে AB এর | | |
| | উপর EF লম্ব। AE রেখাংশ ∆ADB এর পরিবৃত্তকে H বিন্দুতে ছেদ করে,HF এবং DB এর | | |
| | ছেদবিন্দু G DE=7, EG=3 হলে BG এর মান কত ? | | |
| | ADB is a right angled triangle where $\angle ADB = 90^{\circ}$, EF is perpendicular to AB | | |
| | from any point E on BD. Line AE intersects the circumcircle of \triangle ADB at H, HF | | |
| | and DB intersects at G . DE=5 , EG=3 then what is the value of BG ? | | |
| 20 | ABC ত্রিভুজের অন্তর্ত AB, BC, CA বাহুকে যথাক্রমে D,E,F বিন্দুতে স্পর্শ করে। BC এবং | | |
| | তার বর্ধিতাংশের উপর যথাক্রমে J এবং H এমন দুইটি বিন্দু যেন <i>EF</i> <i>AH,DE</i> <i>AJ</i> ,EF | | |
| | এবং AJ এর ছেদবিন্দু K, DE এবং AH এর ছেদবিন্দু N, HK এবং NE এর ছেদবিন্দু M, | | |
| | NK এবং AE এর ছেদবিন্দু L, AH=2014 হলে LM এর মান কত? | | |
| | Incircle of $\triangle ABC$ touches the sides of the triangle AB,BC,CA at the points D,E,F | | |
| | respectively. J and H are two points on BC and the extension of BC respectively | | |
| | such that EF AH , DE AJ , EF and AJ intersects at K , DE and AH intersects at N , HK and NE intersects at M , NK and AE intersects L, If AH=2014 then what | | |
| | is the value of LM? | | |