

আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



ক্যাটাগরি: প্রাইমারি (৩য়-৫ম শ্রেণী)

সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়):

শ্ৰেণী(২০১০ সাল):

#### Name (In English):

**Registration No:** 

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। প্রশ্নের নম্বর ব্যতীত সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা	উত্তর
۵	3 দ্বারা বিভাজ্য একমাত্র মৌলিক সংখ্যাটি কত?	
	What is the only prime that is divisible by 3?	
ર	তোমার পাড়ার ক্রিকেট টুর্নামেন্টটি নক আউট পদ্ধতিতে হচ্ছে। কোন দল এখানে হারলেই টুর্নামেন্ট থেকে বাদ। টুর্নামেন্টে	
	16 টি দল অংশ নিয়েছে। মোট কতগুলো ম্যাচ হবে?	
	There is a knock out cricket tournament in your locality. If any team loses a match, it is	
	disqualified. A total of <b>16</b> teams have participated in this tournament. How many	
	matches will be held?	
೨	দুটি সংখ্যার গসাগু এদের লসাগু দ্বারা বিভাজ্য। এদের যোগফল 2012 হলে এদের লসাগু কত?	
	GCD of two numbers is divisible by their LCM. Sum of the numbers is <b>2012</b> . What is their LCM?	
8	2 4×a	
	$rac{2}{9} = rac{4 imes a}{126}$ হলে $a$ এর মান কত?	
	If $\frac{2}{9} = \frac{4 \times a}{126}$ , what is the value of $a$ ?	
	9 126	
¢	তিনটি ক্রমিক সংখ্যার গসাগু এদের মাঝে সবচেয়ে ছোট সংখ্যাটির সমান। সংখ্যা তিনটির যোগফল কত?	
	The GCD of three consecutive numbers is the smallest one. Find the sum of the	
	numbers?	
৬	একটি কলমের প্রকৃত মূল্য $100$ টাকা। ফরহাদ তুষারের কাছে কলমটি $10\%$ ক্ষতিতে বিক্রি করলো। তুষার কলমটি	
	কামরুলের কাছে $10\%$ লাভে বিক্রি করলো। কলমের আসল দামের সাপেক্ষে কামরুল সেটি কত টাকা বেশি বা কমে	
	কিনেছে?	
	The exact price of a pen is <b>100</b> taka. Forhad sold this pen to Tusher and made a loss of	
	10%. Tusher then sold that pen to Kamrul and made a profit of 10%. How more or less	
	did it cost Kamrul (in units of taka) to buy this pen with respect to its original price?	
٩	E A B চিত্রে, ABDC একটি বর্গক্ষেত্র এবং EAHF ও FHCG তুটি	
	আয়তক্ষেত্র। AB = 2EA, EF = 3FG এবং FHCG এর ক্ষেত্রফল 4 বর্গএকক হলে ABDC এর ক্ষেত্রফল কত?	
	In the given diagram, ABDC is a square, EAHF and	
	FHCG are rectangles. AB = 2EA, EF = 3FG. Area of	
	FHCG is 4 square units. What is the area of ABDC?	
	<b>'</b>	
	G C D	





আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

নং	সমস্যা	উত্তর
ъ	A  D  D  D  D  D  D  D  D  D  D  D  D  D	
৯	একটি বান্ধে তুমি মার্বেল জমাও। একদিন তোমার বন্ধু তোমাকে বললো যে এখন থেকে প্রতিদিন সে তোমাকে একটি নির্দিষ্ট সংখ্যক মার্বেল দেবে। বন্ধু যেদিন থেকে মার্বেল দেওয়া শুরু করলো তার আগের দিন তোমার কাছে 2012 টি মার্বেল ছিলো। 3 দিন পরে তোমার কাছে 2048 টি মার্বেল হলো। 9 দিন অতিক্রম হ্বার পর তোমার কাছে কতগুলো মার্বেল থাকবে? Suppose you have a box in which you store marbles. One day your friend said that he would give you a fixed number of marbles every day. Before the day your friend started to give you marbles there were 2012 marbles in the box. It becomes 2024 marbles after 3 days. How many marbles will be in the box after 9th days is over?	
20	একটি বাক্সে 1 টি এক টাকার মুদ্রা, 2 টি তুই টাকার মুদ্রা, 3 টি তিন টাকার মুদ্রা,50 টি 50 টাকার মুদ্রা আছে। সর্বনিম্ন কতগুলো মুদ্রা তুললে তুমি নিশ্চিত হতে পারবে তোমার কাছে কমপক্ষে 55 টাকা আছে? In a box there are 1 note of 1 taka, 2 notes of 2 taka, 3 notes of 3 taka and 50 notes of 50 taka. What is the minimum number of notes you need to pick from the box to be sure of having at least 55 taka?	



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



ক্যাটাগরি: জুনিয়র (৬ষ্ঠ-৮ম শ্রেণী)

সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়):

শ্ৰেণী(২০১০ সাল):

#### Name (In English):

**Registration No:** 

্রিই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। প্রশ্নের নম্বর ব্যতীত সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা		
۵	তিনটি ক্রমিক সংখ্যার গসাগু এদের মাঝে সবচেয়ে ছোট সংখ্যাটির সমান। সংখ্যা তিনটির যোগফল কত?		
	The GCD of three consecutive numbers is equal to the smallest number of the three. Find		
	the sum of the numbers?		
২	$oldsymbol{x}$ এবং $oldsymbol{y}$ এর গড় $oldsymbol{s}$ । $oldsymbol{z}$ এর মান কত?		
	Average of $x$ and $y$ is $z$ and average of $x$ , $y$ , $z$ is $z$ . Find the value of $z$ .		
9	যে সংখ্যাকে উলটো করে লিখলেও সেটি একই থাকে তাকে টামটা সংখ্যা বলে। 33, 23432, 191 এগুলো টামটা		
	সংখ্যার উদাহরণ। 3 অংকের বৃহত্তম কোন টামটা সংখ্যাকে $111$ দ্বারা গুণ করার পর গুণফলও একটি টামটা সংখ্যা হবে?		
	If a number remains unchanged when reversed, it is called a palindrome. 33, 23432, 191		
	are examples of palindrome. What is the largest 3 digit palindrome, which if multiplied		
	by 111, will still be a palindrome?		
8	A E B চিত্রে, ABCD একট আয়তক্ষেত্র। BE = BF, ∠FEC = 30 <sup>0</sup> এবং		
	$\angle BFE = 50^0$ । $\angle ECF + \angle AEB$ এর মান নির্ণয় করো।		
	In the given diagram, <b>ABCD</b> is a rectangle. <b>BE = BF</b> ,		
	$\angle$ FEC = 30° and $\angle$ BFE = 50°. Find $\angle$ ECF + $\angle$ AEB.		
	D F C		
œ	ABCD একটি বর্গক্ষত্র। E এবং F, AD এবং BC এর উপর তুটি বিন্দু, এরা তুজনই AD এবং BC এর মধ্যবিন্দুর		
	ডানে অবস্থান করে। AC এবং BD কে EF যথাক্রমে G এবং H বিন্দুতে ছেদ করে। GFC এবং EHD ত্রিভুজদ্বয়		
	সদৃশকোণী হলে ∠EFC এর মান কত?		
	ABCD is a square. E and F are two points on AD and BC respectively, both to the right		
	of midpoints of <b>AD</b> and <b>BC</b> . <b>EF</b> intersects <b>AC</b> and <b>BD</b> at <b>G</b> and <b>H</b> . Triangles <b>GFC</b> and		
৬	EHD are similar. Find ∠EFC.  পাশাপাশি থাকা দশটি বাক্সে সাদা কিংবা কালো বল রাখতে হবে যেন পরপর তিনটি ঘরে দুটি কালো আর একটি সাদা		
9	বল সবসময় থাকে। কতভাবে এটা করা সম্ভব?		
	You have to put white or black balls in successive boxes so that in any three successive		
	boxes, there are exactly one white ball and two black balls. In how many ways can this		
	be done?		
٩	একটি বাক্সে 1 টি এক টাকার মুদ্রা, 2 টি তুই টাকার মুদ্রা, 3 টি তিন টাকার মুদ্রা,50 টি 50 টাকার মুদ্রা আছে।		
	সর্বনিম্ন কতগুলো মুদ্রা তুললে তুমি নিশ্চিত হতে পারবে তোমার কাছে কমপক্ষে 91 টাকা আছে?		
	In a box there are 1 note of 1 taka, 2 notes of 2 taka, 3 notes of 3 taka and 50 notes of		
	50 taka. What is the minimum number of notes you need to pick from the box to be sure		
	of having at least 91 taka?		



### ডাচ-বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১২ কুষ্টিয়া আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



b	একটি বাক্সে তুমি মার্বেল জমাও। একদিন তোমার বন্ধু তোমাকে বললো যে এখন থেকে প্রতিদিন সে তোমাকে একটি	
	নির্দিষ্ট সংখ্যক মার্বেল দেবে। বন্ধু যেদিন থেকে মার্বেল দেওয়া শুরু করলো তার আগের দিন তোমার কাছে $1111$ টি	
	মার্বেল ছিলো। 3 দিন পরে তোমার কাছে 1171 টি মার্বেল হলো। 9 দিন অতিক্রম হবার পর তোমার কাছে কতগুলো	
	মার্বেল থাকবে?	
	Suppose you have a box in which you store marbles. One day your friend said that he	
	would give you a fixed number of marbles every day. Before the day your friend started	
	to give you marbles there were 1111 marbles in the box. It becomes 1171 marbles after 3	
	days. How many marbles will be in the box after 9th days is over?	
৯	${f ABCD}$ আয়তক্ষেত্রের কর্ণ এর ক্ষুদ্রতর বাহু ${f AB}$ এর দ্বিগুণ। ${f AB}$ এর দৈর্ঘ্য $\sqrt{3}$ । ${f BD}$ এর মধ্যবিন্দু থেকে এর উপর	
	অঙ্কিত লম্ব AD এবং BC কে যথাক্রমে E এবং F বিন্দুতে ছেদ করে। EF এর দৈর্ঘ্য কত?	
	In the rectangle <b>ABCD</b> , the diagonal is twice its smaller side, <b>AB</b> . The smaller side has a	
	length of $\sqrt{3}$ . A line perpendicular on <b>BD</b> is drawn from the midpoint of <b>BD</b> . It meets	
	AD and BC at E and F respectively. Find the length of EF.	
30	লাইব্রেরি থেকে বই নিয়ে সময় মতো ফেরত না দিলে অতিরিক্ত প্রতিদিনের জন্য 2 টাকা করে জরিমানা দিতে হয়। তবে	
	শুক্রবার আর শনিবারের জন্য কোন জরিমানা দেওয়ার প্রয়োজন হয় না। লাইব্রেরিয়ান তোমাকে বললেন যে ফেব্রুয়ারি	
	মাসের 21 থেকে 26 তারিখের মধ্যে তোমার 10 টাকা জরিমানা হয়েছে। ফেব্রুয়ারি মাসের শেষ দিনটি হলো শনিবার।	
	মাসের শেষ বুধবার কত তারিখে ছিল?	
	If you take a book from a library and don't return it in due time, you have to pay a fine of	
	2 taka for each extra day. However, you don't need to pay fine for Friday and Saturday.	
	The librarian tells you that during the period of 21 <sup>st</sup> to 26 <sup>th</sup> February, you have caused a	
	fine of total <b>10</b> taka. The month ends on Saturday. What is the date of the last Wednesday of that month?	
	wednesday of that month?	



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



ক্যাটাগরি: সেকেন্ডারি(৯ম-১০ম শ্রেণী)

সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়):

শ্ৰেণী(২০১০ সাল):

#### Name (In English):

#### **Registration No:**

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। প্রশ্নের নম্বর ব্যতীত সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা	উত্তর
۵	x এবং $y$ এর গড় $5$ এবং $x,y,z$ এর গড় $8$ । $z$ এর মান কত?	
	Average of $x$ and $y$ is $z$ and average of $z$ , $z$ , $z$ is $z$ . Find the value of $z$ .	
২	একটি বৃত্তের দুটি স্পর্শক পরস্পরের উপর লম্ব। তারা যে বিন্দুগুলোতে বৃত্তটিকে স্পর্শ করে তারা পরস্পর থেকে $2\sqrt{2}$	
	সেমি দূরে অবস্থিত। বৃত্তটির ব্যাসার্ধ কত?	
	Two tangents of a circle are perpendicular on each other. The points they touch the circle	
	at are $2\sqrt{2}$ cm apart. What is the radius of the circle?	
৩	ABCD একটি বর্গক্ষত্র। E এবং F, AD এবং BC এর উপর দুটি বিন্দু, এরা দুজনই AD এবং BC এর মধ্যবিন্দুর	
	ডানে অবস্থান করে। AC এবং BD কে EF যথাক্রমে G এবং H বিন্দুতে ছেদ করে। GFC এবং EHD ত্রিভুজদ্বয়	
	সদৃশকোণী হলে ∠EFC এর মান কত?	
	<b>ABCD</b> is a square. <b>E</b> and <b>F</b> are two points on <b>AD</b> and <b>BC</b> respectively, both to the right	
	of midpoints of AD and BC. EF intersects AC and BD at G and H. Triangles GFC and	
	EHD are similar. Find ∠EFC.	
8	লাইব্রেরি থেকে বই নিয়ে সময় মতো ফেরত না দিলে অতিরিক্ত প্রতিদিনের জন্য 2 টাকা করে জরিমানা দিতে হয়। তবে	
	শুক্রবার আর শনিবারের জুন্য কোন জরিমানা দেওয়ার প্রয়োজন হয় না। লাইব্রেরিয়ান তোমাকে বললেন যে ফেব্রুয়ারি	
	মাসের 21 থেকে 26 তারিখের মধ্যে তোমার 10 টাকা জরিমানা হয়েছে। ফেব্রুয়ারি মাসের শেষ দিনটি হলো শনিবার।	
	মাসের শেষ বুধবার কত তারিখে ছিল?	
	If you take a book from a library and don't return it in due time, you have to pay a fine of	
	2 taka for each extra day. However, you don't need to pay fine for Friday and Saturday. The librarian tells you that during the period of 21 <sup>st</sup> to 26 <sup>th</sup> February, you have caused a	
	fine of total <b>10</b> taka. The month ends on Saturday. What is the date of the last	
	Wednesday of that month?	
Ć	পাশাপাশি থাকা দশটি বাক্সে সাদা কিংবা কালো বল রাখতে হবে যেন পরপর তিনটি ঘরে তুটি কালো আর একটি সাদা	
	বল সবসময় থাকে। কতভাবে এটা করা সম্ভব?	
	You have to put white or black balls in successive boxes so than in any three successive	
	boxes, there are exactly one white ball and two black balls. In how many ways can this	
	be done?	
৬	$\overline{abcd}$ দ্বারা একটি চার অংকের সংখ্যা নির্দেশ করা হয়, যেখানে $a,b,c,d$ সংখ্যাটির চারটি অংক নির্দেশ করে।	
	$\overline{abca}, \ \overline{cabc}$ এবং $\overline{bcab}$ এর যোগফল একটি পাঁচ অংক বিশিষ্ট সংখ্যা যার সবার বামের অংকটি $1$ এবং সংখ্যাটি	
	3 দ্বারা বিভাজ্য। এই যোগফলের সর্বনিম্ন মান কত?	
	By $\overline{abcd}$ we denote four digit numbers where $a, b, c, d$ are its digits. The sum of $\overline{abca}$ ,	
	$\overline{cabc}$ , and $\overline{bcab}$ is a five digit number whose leftmost digit is 1 and is divisible by 3.	
	Find the smallest possible value of this sum.	



### ডাচ-বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১২ কুষ্টিয়া আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



٩	কোন ক্ষুদ্রতম পূর্ণ সংখ্যা $oldsymbol{x}$ এর জন্য সমান বা তার চেয়ে ছোট সর্বোচ্চ পূ	$\sqrt{x+15}$ $ \sqrt{x}$ $=$ $0$ সমীকরণটি সত্য হবে? এখানে $\lfloor a \rfloor$ দ্বারা $a$ এর	
		alue of $x$ for which $\left[\sqrt{x+15}\right] - \left[\sqrt{x}\right] = 0$ holds.	
	l		
		eger smaller than or equal to a.	
ъ		সংখ্যা। যদি ${f N}$ সংখ্যাটির যেকোন অবস্থান থেকে শুরু করে পরপর ${m m}$ টি অংক ( ${m m} \le$	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	াদের যে ক্রমে পাওয়া যাবে, N সংখ্যাটিতেই আরেকটি জায়গা থেকে শুরু হওয়া	
		রীত ক্রমে পাওয়া যাবে। ${f N}$ এর এরকম মান থাকতে পারে মোট $a\! imes\!10^b$ গুলো,	
		্যা এবং $a, 10$ দ্বারা বিভাজ্য নয়। $a+b$ এর মান কত?	
		its. If you take any consecutive $m$ digits ( $m \le 2012$ ) from N	
	• • •	in that number, there'll be another position in $N$ so that the $m$	
		from that position will be in the reverse order of the former	
		ible values of <b>N</b> can be written as $a \times 10^b$ where $a$ and $b$ are	
	positive integers, a is not of	livisible by 10. What is the value of $a + b$ ?	
৯	A E	চিত্রে, তুটি বৃত্তের ব্যাসার্ধই $\sqrt{3}$ । বৃত্ততুটির কেন্দ্র যথাক্রমে ${f B}$ এবং ${f D}$ । ${f D}{f A}$	
		এবং $\mathbf{BC}$ রেখাংশ যথাক্রমে এই বৃত্তত্নটির স্পর্শক। $\mathbf{EF}$ বৃত্তদ্বয়ের সাধারণ স্পর্শক।	
	B J	এর দৈর্ঘ্য কত?	
	F	In the given diagram, both circles have radius $\sqrt{3}$ . <b>B</b> and <b>D</b>	
	C -	are the centers of the circles, <b>DA</b> and <b>BC</b> touch the other	
		respective circle. <b>EF</b> is tangent to both the circles. Find its	
		length.	
20	1 থেকে 9 পর্যন্ত অংকগুলোকে ঠিক	একবার ব্যবহার করে আমরা এমন সংখ্যা তৈরি করতে চাই যেন সংখ্যাটিতে কোন	
		মংক না থাকে। যেমন 123456789 সংখ্যাটি এই নিয়ম মেনে চলে, তবে	
		ানে না। এরকম কতগুলো সংখ্যা গঠন করা সম্ভব?	
		igit number using the digits 1 to 9 exactly once so that no digit	
		its both greater than it. (e.g. 123456789 is a valid number, but	
	192837465 is not). In how	many ways one can form such a number?	



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



ক্যাটাগরি: হায়ার সেকেন্ডারি (একাদশ-দ্বাদশ-এইচএসসি)

সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়):

শ্ৰেণী(২০১০ সাল):

#### Name (In English):

**Registration No:** 

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। প্রশ্নের নম্বর ব্যতীত সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা	উত্তর
٥	সাত অঙ্কের একটি জোড় সংখ্যা 6 দ্বারা বিভাজ্য। সংখ্যাটির অঙ্কণ্ডলোর যোগফলকে 3 দ্বারা ভাগ করলে ভাগশেষ কত হবে	
	? An even number of seven digits is divisible by <b>6</b> . If the sum of its digits is divided by <b>3</b> , what will be the remainder?	
2	একটি বৃত্তের ঘুটি স্পর্শক যে বিন্দুগুলোতে বৃত্তটিকে স্পর্শ করে তারা পরস্পর থেকে $7\sqrt{2}$ সেমি দূরে অবস্থিত। বৃত্তটির ব্যাসার্ধ $7$ সেমি হলে স্পর্শক ঘুটির মধ্যবর্তী কোণ কত?	
	The points at which two tangents of a circle touch the circle at are $7\sqrt{2}$ cm apart. The radius of the circle is 7 cm. What is the angle between the tangents?	
9	ঘুটি সংখ্যার গসাগু এদের লসাগু দ্বারা বিভাজ্য। এদের যোগফল 1816 হলে এদের লসাগু কত? GCD of two numbers is divisible by their LCM. Sum of the numbers is 1816. What is their LCM?	
8	একটি গুণোন্তর ধারার 2011 টি পদের গুণফল 1। এদের মাঝে 1006 তম পদটি কত? Product of 2011 consecutive terms in a geometric progression is 1. What is the value of the 1006 <sup>th</sup> term of the sequence?	
Œ	$\overline{abcd}$ দ্বারা একটি চার অংকের সংখ্যা নির্দেশ করা হয়, যেখানে $a,b,c,d$ সংখ্যাটির চারটি অংক নির্দেশ করে। $\overline{abca}$ , $\overline{cabc}$ এবং $\overline{bcab}$ এর যোগফল একটি পাঁচ অংক বিশিষ্ট সংখ্যা যার সবার বামের অংকটি $1$ এবং সংখ্যাটি $7$ দ্বারা বিভাজ্য। এই যোগফলের সর্বনিম্ন মান কত? By $\overline{abcd}$ we denote four digit numbers where $a,b,c,d$ are its digits. The sum of $\overline{abca}$ , $\overline{cabc}$ , and $\overline{bcab}$ is a five digit number starting with $1$ and divisible by $7$ . Find the	
৬	smallest possible value of the sum.  লাইব্রেরি থেকে বই নিয়ে সময় মতো ফেরত না দিলে অতিরিক্ত প্রতিদিনের জন্য 2 টাকা করে জরিমানা দিতে হয়। তবে গুক্রবার আর শনিবারের জন্য কোন জরিমানা দেওয়ার প্রয়োজন হয় না। লাইব্রেরিয়ান তোমাকে বললেন যে ফেব্রুয়ারি মাসের 21 থেকে 26 তারিখের মধ্যে তোমার 10 টাকা জরিমানা হয়েছে। ফেব্রুয়ারি মাসের শেষ দিনটি হলো শনিবার। মাসের শেষ বুধবার কত তারিখে ছিল?  If you take a book from a library and don't return it in due time, you have to pay a fine of 2 taka for each extra day. However, you don't need to pay fine for Friday and Saturday. The librarian tells you that during the period of 21st to 26th February, you have caused a fine of total 10 taka. The month ends on Saturday. What is the date of the last Wednesday of that month?	
٩	কোন ক্ষুদ্রতম পূর্ণ সংখ্যা $x$ এর জন্য $\left[\sqrt{x+31}\right] - \left[\sqrt{x}\right] = 0$ সমীকরণটি সত্য হবে? এখানে $\left[a\right]$ দ্বারা $a$ এর সমান বা তার চেয়ে ছোট পূর্ণ সংখ্যা নির্দেশ করা হয়।  Find the smallest integer value of $x$ for which $\left[\sqrt{x+31}\right] - \left[\sqrt{x}\right] = 0$ holds. $\left[a\right]$ denotes the largest integer smaller than or equal to $a$ .	



### ডাচ-বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১২ কুষ্টিয়া আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



ъ	N হলো 2012 অংকবিশিষ্ট একটি সংখ্যা। যদি N সংখ্যাটির যেকোন অবস্থান থেকে শুরু করে পরপর $m$ টি অংক ( $m \le 2012$ ) বিবেচনা করা হয় তাহলে তাদের যে ক্রমে পাওয়া যাবে, N সংখ্যাটিতেই আরেকটি জায়গা থেকে শুরু হওয়া পরপর টি অংককে ঠিক তার বিপরীত ক্রমে পাওয়া যাবে। N এর এরকম মান থাকতে পারে মোট $a \times 10^b$ গুলো, যেখানে $a$ এবং $b$ ধনাত্মক পূর্ণ সংখ্যা এবং $a$ , $10$ দ্বারা বিভাজ্য নয়। $a + b$ এর মান কত? N is a number of 2012 digits. If you take any consecutive $m$ digits ( $m \le 2012$ ) from N starting from any position in that number, there'll be another position in N so that the m consecutive digits starting from that position will be in the reverse order of the former one. Total number of possible values of N can be written as $a \times 10^b$ where $a$ and $b$ are		
*	1	risible by 10. What is the value of $a+b$ ?  চিত্রে, তুটি বৃত্তের ব্যাসার্থই $\sqrt{3}$ । বৃত্ততুটির কেন্দ্র যথাক্রমে $\mathbf{B}$ এবং $\mathbf{D}$ । $\mathbf{D}\mathbf{A}$ এবং $\mathbf{B}\mathbf{C}$ রেখাংশ যথাক্রমে এই বৃত্ততুটির স্পর্শক। $\mathbf{E}\mathbf{F}$ বৃত্তদ্বয়ের সাধারণ স্পর্শক। এর দৈর্ঘ্য কত?  In the given diagram, both circles have radius $\sqrt{3}$ . $\mathbf{B}$ and $\mathbf{D}$ are the centers of the circles, $\mathbf{D}\mathbf{A}$ and $\mathbf{B}\mathbf{C}$ touch the other respective circle. $\mathbf{E}\mathbf{F}$ is tangent to both the circles. Find its length.	
70	1 থেকে 9 পর্যন্ত অংকগুলোকে ঠিক একবার ব্যবহার করে আমরা এমন সংখ্যা তৈরি করতে চাই যেন সংখ্যাটিতে কোন অংকের দুই পাশেই তার চেয়ে বড় অংক না থাকে। যেমন 123456789 সংখ্যাটি এই নিয়ম মেনে চলে, তবে 192837465 সংখ্যাটি সে নিয়ম মানে না। এরকম কতগুলো সংখ্যা গঠন করা সম্ভব?  We desire to form a nine digit number using the digits 1 to 9 exactly once so that no digit lies between two other digits both greater than it. (e.g. 123456789 is a valid number, but 192837465 is not). In how many ways one can form such a number?		