

ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ কক্সবাজার আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: হায়ার সেকেন্ডারি (একাদশ-দ্বাদশ শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৩ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা						
۵	একটি তিন অঙ্কের পূর্ণ সংখ্যার(যার অন্তত একটি অঙ্ক 8) অঙ্কগুলোর গুণফলও তিন অঙ্ক						
	বিশিষ্ট। সংখ্যাটির সর্বনিমু মান কত ?						
	The product of the digits of a three digit number (which contains 8 at least once) is						
	also a three digit number. What would be the minimum value of that number?						
२	আলিমের কাছে তিনটি সংখ্যা আছে যারা প্রত্যেকে একে অপরের সাথে সহমৌলিক। দুইটি						
	সংখ্যাকে সহমৌলিক বলা হয় যদি তাদের গসাগু হয় 1. এই তিনটি সংখ্যার লসাগু 210 ও						
	সর্বোচ্চ ও সর্বনিম্ন সংখ্যা দুইটির পার্থক্য 19. তিনটি সংখ্যার যোগফল কত?						
	Alim has three numbers all of which are pair-wise co-prime. Two numbers are						
	said to be pairwise co-prime if the gcd of the numbers is 1. The lcm of these three						
	numbers is 210 and the difference between the smallest and largest number is 19 . What is the sum of the 3 numbers?						
9		চিত্রে, AB, CD আর EF পরস্পর সমান্তরাল।					
9	A B	াচতা, AB, CD আর EF শরশার প্রমাণর। ∠ABF=40 ডিগ্রি, ∠DFB=70 ডিগ্রি আর					
		· ·					
	∠DHF=80 ডিগ্রি হলে ∠DFH এর মান কত?						
	// \	In the diagram, AB , CD and EF are all parallel to each other. ∠ ABF = 40 ⁰ , ∠ DFB					
		$= 70^{\circ}$ and $\angle DHF = 80^{\circ}$. Then what is the					
		value of ZDFH?					
	C G H D						
8	কোন বৃত্তের একটি জ্যাকে ব্যাস ধরে অঙ্কিত বৃত্ত আগের বৃত্তটির কেন্দ্র দিয়ে যায়। ঐ জ্যা এর						
	যেকোন একটি প্রান্তবিন্দুতে অঙ্কিত প্রথম বৃত্তের স্পর্শক ঐ জ্যা এর সাথে কত কোণ উৎপন্ন						
	করবে?						
	A chord is selected in a circle so that a second circle drawn considering the chord						
	as diameter passes through the centre of the earlier circle. Draw a tangent of first						
	circle at one of the terminals of that chord. What is the angle the chord makes with the tangent?						
¢	2n ভিত্তিক সংখ্যা ব্যাবস্থাতে কোনো একটি সংখ্যাকে লেখা হলো 964, যদি সংখ্যাটিকে 3n						
	ভিত্তিতে প্রকাশ করা হয়, তাহলে সংখ্যাটিক কত লেখা হবে?						
	964 is an integer in '2n'-base number system. If you express it in '3n'-base						
	number what would it become?						
৬	x এবং y দুইটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা। $\mathbf{x}^2\mathbf{y}$ এবং $\mathbf{x}\mathbf{y}^2$ এর গ. সা. গু এবং লসাগু যথাক্রমে p এবং						
	q । যদি \mathbf{p}^2 =64 \mathbf{q} হয় তাহলে x,y এর গসাগু কতো?						
	x and y are two positive integers. The GCD and LCM of x^2y and xy^2 are p and q						



ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ কক্সবাজার আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



				-CB
আয়োজক:	বাংলাদেশ	গাণত	অলিম্পিয়াড	কামাঢ
110.11-11	11 / 110 1 1	11 1 🗨	-11 11 1.11	1111

সমস্যা	উত্তর			
respectively. If \mathbf{p}^2 =64q then what is the GCD of x and y?				
ছেলেদের বয়সের(পূর্ণসংখ্যা) যোগফলকে 9 দিয়ে গুণ করা হয়, তাহলে যে সংখ্যাটা পাওয়া				
= 7				
-7				
কি শিশিরের ছেলেদের বয়সের যোগফল বলতে পারবে?				
Shishir has two sons. You asked him "How old are they?" He answered "If you				
take the sum of my sons' age (integer) and then multiply it by 9. You will get 19				
± • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				
Given that, $F(x, y) = F(xy, \frac{x}{y})$ where $y \neq 0$. If, $F(x^4, y^4) + F(x^2, y^2) = 12$ then,				
F(x, y) = ?				
m, n দুইটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা। m, n এর উৎপাদক সংখ্যা যথাক্রমে 2013 এবং 2000 ,				
$m,\ n$ এর লসাগু এবং গসাগু যথাক্রমে g এবং p । g এর উৎপাদক সংখ্যা 11 টি হলে, p				
এর উৎপাদক সংখ্যা কত?				
m and n are two positive integers. The number of factors of m and n are 2013 and				
`				
units, what is the area of the triangle ABC?				
	respectively. If $p^2=64q$ then what is the GCD of x and y ? শিশিরের দুইটি ছেলে। তুমি তাকে তার ছেলেদের বয়স জিজ্ঞেস করলে সে বললো, "যদি আমার ছেলেদের বয়সের(পূর্ণসংখ্যা) যোগফলকে 9 দিয়ে গুণ করা হয়, তাহলে যে সংখ্যাটা পাওয়া যাবে তা তাদের বয়সের গুণফলের থেকে 19 কম।" তুমি বললে, "আমাকে আর একটা তথ্য দাও।" তথন শিশির হেসে উত্তর দিলো, "আমার ছেলেদের বয়স সহমৌলিক নয়।" দুটি সংখ্যাকে সহমৌলিক বলা হয় যদি 1 ব্যাতীত তাদের কোনো সাধারণ উৎপাদক না থাকে। তুমি কি শিশিরের ছেলেদের বয়সের যোগফল বলতে পারবে? Shishir has two sons. You asked him "How old are they?" He answered "If you take the sum of my sons' age (integer) and then multiply it by 9 . You will get 19 less than the product of their ages." You said, "Give me one more hint." Then Shishir laughed and said "The ages of my sons are not co-prime." Two numbers are co-prime if they don't have any common divisors except 1 . What is the sum of their ages? $F(x,y)=F(xy,\frac{x}{y})$ যোখানে $y\neq 0$ যিদি $F(x^4,y^4)+F(x^2,y^2)=12$ তাহলে $F(x,y)=?$ Given that, $F(x,y)=F(xy,\frac{x}{y})$ where $y\neq 0$. If, $F(x^4,y^4)+F(x^2,y^2)=12$ then, $F(x,y)=?$ m,n দুইটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা। m,n এর উৎপাদক সংখ্যা যথাক্রমে 2013 এবং 2000 , m,n এর লস্যান্ড এবং গুসান্ড যথাক্রমে g এবং g এর উৎপাদক সংখ্যা g এবং g তার উৎপাদক সংখ্যা g তার তিংপাদক সংখ্যা g তার তার ত			