

ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ ময়মনসিংহ আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



ক্যাটাগরি: সেকেন্ডারি (৯ম-১০ম শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৩ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং		সমস্যা	উত্তর	
2	তোমার ক্যালকুলেটর 5 চাপলে কোন সংখ্যাই আসে না। তুমি 7 অঙ্কের একটি সংখ্যা			
	লিখলে, পরে দেখলে যে ক্যালকুলেটরে 2014 লেখা। কতগুলো ভিন্ন ভিন্ন সংখ্যার জন্য			
	এরকম হতে পারে?			
	In your calculator if you press 5 no numbers are displayed. You have written a 7			
	digits number and then you saw 2014 in display. For how many different integers			
	it can happen?			
২	$4^{sinx} + 2^{1+sinx}\cos(xy) + 2^{ y } = 0$ যেখানে x , y বাস্তব সংখ্যা। y এর মান কত?			
	$4^{sinx} + 2^{1+sinx}\cos(xy) + 2^{ y } = 0$ where x, y are real. What is the value of y ?			
9		দুটি আয়ত ক্ষেত্রই সমান এবং এদের বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 6		
		22 একক হলে কাল অংশটুকুর সর্বোচ্চ ক্ষেত্রফল কত?		
		agram both of the rectangles are equal and their		
		s are 6 and 22 respectively then what is imum area of the black shaded region?		
		<u> </u>		
8	5 4 5 4 -	নিয়ে চিহ্নিত বর্গ থেকে 100 ঘর উপরে বর্গটিতে কোন সংখ্যা		
	্থাকে বিদ্যালয়	·		
		e given diagram a square is marked with circle.		
		r than this one?		
	2 1 5 4 3			
æ	। ১ সেটের উপাদানগুলো 2014 অঙ্করিশিষ্ট (কান সংখ্যার অঙ্কগুলোর গুণফল। S সেটের সকল উপাদানের		
u u	যোগফলকে a^b আকারে লিখা যায় $a+b$ এর সর্বনিন্ম মান কত ?			
	The elements of a set S are the product of the digits of a 2014 digits integer. The sum of			
	all the elements of set S can be expressed as a^b . Find the minimum value of $a + b$.			
৬	একটি ফাংশন f:R→R কে এমনভাবে সংজ্ঞায়িত করা হল যেন f(x).f(y)=f(x+y),			
	$\mathbf{a} \in \mathbf{n}$ এর জন্য $\sum_{k=1}^n f(a+k) = 16(2^n-1), f(1) = 2$ হলে , a মান কত?			
	A function $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ is defined in such a way that $f(x) \cdot f(y) = f(x+y)$, for $a \in \mathbb{R}$,			
		$\sum_{k=1}^{n} f(\alpha + k) = 16(2^{n} - 1), f(1) = 2 \text{ then what is the value of } \alpha ?$		
٩	ABC সমকোণী ত্রিভুজে AB ⊥BC, BX ⊥ AC এবং AD হল ∠BAC এর অন্তর্দ্বিখন্ডক। AD			
	এবং BX, Y বিন্দুতে ছেদ করে। DZ ⊥ BY এবং BZ=2014 হলে ,XY এর মান কত?			
	is a rigth angled triangle where ABCAB \perp BC, BX \perp AC and AD is the internal			
	bisector of $\angle BAC$. AD and BX intersects at Y. $DZ \perp BY$ and BZ=2014 then			
	what is the value of XY ?			



ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৪ ময়মনসিংহ আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি



নং	সমস্যা	উত্তর	
৮	আরাফা ও শিশিরের কাছে দুটি সমান ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার কাগজ আছে। আরাফা উভয় বৃত্তে		
	একটি সমান আকৃতির হরিণ আঁকলো যেন তার নিজের কাগজে হরিণটির চোখ বৃত্তের কেন্দ্রে		
	থাকে কিন্তু শিশিরের কাগজে হরিণের চোখ বৃত্তের কেন্দ্র ব্যাতিত অন্য যেকোনো জায়গায় থাকে।		
	এখন শিশির তার কাগজটিকে পুনরায় কেটে এমনভাবে সজ্জিত করল যেন হরিণটির চোখ বৃত্তের		
	কেন্দ্রে থাকে। সর্বনিমু কতবার শিশিরকে কাগজটি কাটতে হবে ?		
	Arafa and Shishir has in total two circular paper of equal radius .Arafa drawn one		
	deer on each paper such that an eye of the deer on her paper is at the center of the		
	eye of the deer on Shishir circle but an's paper is anywhere but not at the centre.		
	Then Shishir rearranged his paper by cutting it several time in such way that an eye of the deer shifted to the center. At least how many times he has to cut the		
	paper?		
৯	ΔΑΒC এ AB=5 এবং BC এর উপরে E এবং F এমন দু'টি বিন্দু যেন BE=1, EF=3,		
	CF=2। AE ও AF, ΔABC এর পরিবৃত্তকে G ও H বিন্দুতে ছেদ করে। GH এবং BC		
	সমান্তরাল হলে , \mathbf{AC} এর দৈর্ঘ্য \mathbf{a} ্র ক্রি আকারে লিখা যায়। তাহলে $a+c$ এর মান কত?		
	In ΔABC, AB=5 and E & F are two points on BC such that BE=1,EF=3,CF=2.		
	AE and AF intersect the circumcircle of \triangle ABC at the point G and H respectively.		
	GH and BC are parallel. The length of AC can be expressed as $a\sqrt{\frac{a}{\sigma}}$ then what is		
	the value of $a+c$?		
20	ADB সমকোণী ত্রিভুজে ∠ <i>ADB</i> = 90°,BD এর উপর যে কোন বিন্দু E থেকে AB এর উপর		
	EF লম্ব। AE রেখাংশ ∆ADB এর পরিবৃত্তকে H বিন্দুতে ছেদ করে,HF এবং DB এর		
	ছেদবিন্দু G। DE=5, EG=3 হলে BG এর মান কত ?		
	ADB is a right angled triangle where $\angle ADB = 90^{\circ}$, EF is perpendicular to AB		
	from any point E on BD. Line AE intersects the circumcircle of \triangle ADB at H, HF		
	and DB intersects at G . DE=5 , EG=3 then what is the value of BG ?		