МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

“Московский Авиационный Институт

(Национальный Исследовательский Университет)”

Факультет информационных технологий и прикладной математики

Кафедра 806 “Вычислительная математика и программирование”

Курсовая работа

по курсу “Вычислительные системы”

1 семестр

Задание 3. Вещественный тип. Приближенные вычисления. Табулирование функций

Студент: Шелаев С.И

Группа:М8О-108Б-22,

№ по списку 24

Руководитель: Сахарин Н.А.

Дата: 28.12.12

Оценка:

Москва, 2022

**Содержание**

ЗАДАЧА …………………………………………………………………...…. 3

ВАРИАНТ …………………………………………………………………..... 3

ОБЩИЙ МЕТОД РЕШЕНИЯ ……………………………………………… 3

ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ О ПРОГРАММЕ ……………………………………. 3

ФУНКЦИОНАЛЬНОЕ НАЗНАЧЕНИЕ ……………………………………. 4

ОПИСАНИЕ ЛОГИЧЕСКОЙ СТРУКТУРЫ ……………………………… 4

ОПИСАНИЕ ПЕРЕМЕННЫХ, КОНСТАНТ И ПОДПРОГРАММ ………. 4

ПРОТОКОЛ ………………………………………………………………….. 6

ВХОДНЫЙ ДАННЫЕ ……………………………………………………..... 7

ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ ………………………………………………...…... 7

ВЫВОДЫ …………………………………………………………………….. 9

**1. Задача**

Составить программу на Си, которая печатает таблицу значений элементарной функции, вычисленной двумя способами: по формуле Тейлора и с помощью встроенных функций языка программирования. В качестве аргументов таблицы взять точки разбиения отрезка [a, b] на n равных частей (n + 1 точка включая концы отрезка), находящихся в рекомендованной области хорошей точности формулы Тейлора. Вычисления по формуле Тейлора проводить по экономной в сложностном смысле схеме с точностью ε\*k, где ε - машинное эпсилон аппаратно реализованного вещественного типа для данной ЭВМ, а k - экспериментально подбираемый коэффициент, обеспечивающий приемлемую сходимость. Число итераций должно ограничиваться сверху числом порядка 100. Программа должна сама определять машинное ε и обеспечивать корректные размеры генерируемой таблицы.

**2. Вариант**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| № | Ряд | a | b | Функция |
| 24 |  | 0,0 | 1,0 |  |

**3. Общий метод решения**

Вычисление значения функции в некоторой точке на отрезке от 0,0 до 1,0 двумя способами.

1 способ - использование программных средств, встроенных в стандартную математическую библиотеку языка Си “math.c”.

2 способ - при помощи ряда Тейлора.

**4. Общие сведения о программе**

Аппаратное обеспечение: домашний ноутбук

Операционная система: Linux Ubuntu, версия 22.04.1 LTS

Язык и система программирования: С, GNU

**5. Функциональное назначение**

Программа предназначена для высокоточного вычисления вещественного значения трансцедентных функций в алгебраической форме с использованием ряда Тейлора и при помощи встроенных программных функций библиотеки языка Си.

**6. Описание логической структуры**

Программа вычисляет значение функции в данной точке при помощи разложения по ряду Тейлора и с использованием программных средств языка программирования СИ. Ряд Тейлора мы преобразуем в функцию, которая вычисляет слагаемые ряда. Далее мы складываем полученные слагаемые, пока их количество не превысит 100 или значение одного из них не станет совсем мало (меньше ε\*k по модулю). В конце мы выводим таблицу с значением аргумента, значением функции, вычисленным с помощью ряда Тейлора и с использованием программной библиотеки, и номером итерации.

**7. Описание переменных, констант и подпрограмм**

Таблица 1. Описание функций программы

|  |  |
| --- | --- |
| Функция | Описание |
| machine\_eps | Функция для подсчета машинного ε. Сравниваем 1+ε с 1. Последнее число, при стремлении ε к нулю, при котором 1+ε > 1 и будет машинным ε |
| func | Вычисляет значение входной функции |
| factorial | Cчитает факториал заданного числа |
|  |  |

Таблица 2. Описание переменных

|  |  |
| --- | --- |
| Переменная | Значение |
| long double eps | Машинный эпсилон |
| const long double k | Эмпирический коэффициент для эпсилон |
| int max\_iters | Максимальное число итераций |
| long double a, b | Границы отрезка |
| long double n | Количество частей, на которые разбивается отрезок [a, b] |
| long double d, ans | Переменные с помощью которых находится сумма ряда |
| long double x | Значение аргумента функции |
| int сnt | Текущая итерация |
|  |  |

**8. Протокол**

#include <stdio.h>

#include <math.h>

#define max\_itter 100

double epsilon() {

long double eps = 1.0;

while (1 + eps / 2.0 != 1) {

eps /= 2.0;

}

return eps;

}

long double function(long double x) {

return exp(x \* x);

}

long double taylor(double x, int n, double eps) {

long double sum = 0;

long double p = 1;

for (int i = 1; i <= n; i++) {

if (fabs(p) <= fmax(sqrt(eps) \* fabs(sum), eps)) {

break;

}

sum += p;

p \*= (x \* x) / i;

}

return sum;

}

int main() {

double eps = epsilon();

long double a = 0.0, b = 1.0, result;

int n;

printf("Machine epsilon for long double = %.16e\n", eps);

printf("Enter the number of iterations: ");

scanf("%d", &n);

long double step = (b - a) / n;

printf("Taylor series value table for function f(x) =e^x^2 \n");

printf(" \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ \n");

printf("| x | sum | function | iter |\n");

printf("|\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\n");

for (long double x = a; x <= b; x += step) {

result = taylor(x, max\_itter, eps);

printf("| %.5Lf | %.20Lf | %.20Lf | %d\t|\n", x, result, function(x), n);

result = 0.0;

}

printf("|\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_|\n");

return 0;

}

**9. Входные данные**

8, 10, 13

**10. Выходные данные**

serafim@serafim-VirtualBox:~/programs$ gcc -Wall test.c -g -lm -o a.out

serafim@serafim-VirtualBox:~/programs$ ./a.out

Машинное эпсилон для типа long double = 0.00000000000000000005

Введите число n

8

n = 8,

Таблица значений ряда Тейлора и стандартной функции для f(x) = e^(x^2)

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| x | sum | f(x) |число итераций|

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.12 | 1.01574770858668574731 | 1.01574770858668572693 | 8 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.25 | 1.06449445891785942925 | 1.06449445891785932083 | 10 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.38 | 1.15099294469117644911 | 1.15099294469117641171 | 12 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.50 | 1.28402541668774148394 | 1.28402541668774139438 | 14 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.62 | 1.47790419541173842727 | 1.47790419541173845275 | 15 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.75 | 1.75505465696029855707 | 1.75505465696029849809 | 17 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.88 | 2.15033791595229995430 | 2.15033791595230017180 | 18 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -1.00 | 2.71828182845904523499 | 2.71828182845904509080 | 20 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -1.12 | 3.54530786122354133957 | 3.54530786122354113488 | 21 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

serafim@serafim-VirtualBox:~/programs$ ./a.out

Машинное эпсилон для типа long double = 0.00000000000000000005

Введите число n

10

n = 10,

Таблица значений ряда Тейлора и стандартной функции для f(x) = e^(x^2)

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| x | sum | f(x) |число итераций|

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.10 | 1.01005016708416805939 | 1.01005016708416794913 | 8 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.20 | 1.04081077419238823476 | 1.04081077419238821058 | 10 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.30 | 1.09417428370521035432 | 1.09417428370521041536 | 11 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.40 | 1.17351087099181026802 | 1.17351087099181028428 | 12 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.50 | 1.28402541668774148394 | 1.28402541668774139438 | 14 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.60 | 1.43332941456034023884 | 1.43332941456034013150 | 15 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.70 | 1.63231621995537887378 | 1.63231621995537889980 | 16 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.80 | 1.89648087930495153443 | 1.89648087930495168330 | 17 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -0.90 | 2.24790798667647149416 | 2.24790798667647173659 | 19 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -1.00 | 2.71828182845904523499 | 2.71828182845904509080 | 20 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| -1.10 | 3.35348465254902429488 | 3.35348465254902450283 | 21 |

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

serafim@serafim-VirtualBox:~/programs$ ./a.out

Машинное эпсилон для типа long double = 0.00000000000000000005

Введите число n

13

n = 13,

Таблица значений ряда Тейлора и стандартной функции для f(x) = e^(x^2)

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

| x | sum | f(x)

**11. Вывод**

Входе выполнения данного задания было получени представление о реализации вещественных типов данных в СИ. Кроме того были получены знания о математических формалах, например формула Тейлора.