Metoda Elementów Skończonych

Projekt - Nieustalona wymiana ciepła w układzie dwuwymiarowym na przykładzie okna drzwi piekarnika.

Mikołaj Stępniewski 286247, IS (WIMIP)

WSTĘP

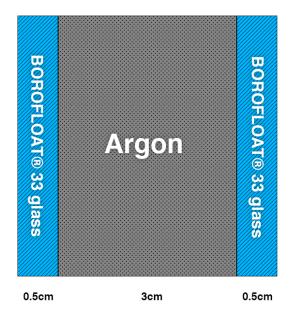
Program MES został użyty do przeprowadzenia symulacji ogrzewania okna drzwi piekarnika. Głównym celem było zbadanie jak zmienia się temperatura na zewnętrznej powierzchni okna - a tym samym jakie straty ciepła zachodzą podczas korzystania z piekarnika. W dalszej części przedstawione będą wykresy rozkładu ciepła w czasie oraz animacje, które w najlepszy sposób zobrazują rozkład gradientu temperatury w badanej strukturze. Wszystkie pliki znajdują się w repozytorium.

ZAŁOŻENIA

Przyjąłem, że badane okno będzie składać się z trzech warstw (od lewej):

- 1. Borokrzemianowa płaska szyba (typu float) BOROFLOAT® 33 produkowana przez firmę Schott o grubości 5 mm.
- 2. Przestrzeń o szerokości 3 cm, wypełniona argonem.
- 3. Tak jak w punkcie 1.

Strukturę okna przedstawia poniższy rysunek:



Całość badanego obszaru ma wymiary 4 cm x 4 cm i jest reprezentowane przez siatkę MES o wielkości 41 x 41 węzłów (40 x 40 elementów), gdzie każdy element ma szerokość 1 mm. Ważne dla stabilności obliczeń było, aby każda z warstw składała się z conajmniej pięciu węzłów.

Parametry fizyczne oraz termiczne dla szkła BOROFLOAT® 33 zostały zaczerpnięte z oficjalnej strony producenta. Co do argonu, posiłkowałem się plikami (cieplo_sc.xls oraz Tablice_materialowe.pdf) znalezionymi w internecie. Pliki pdf pobrane ze strony schott.com oraz arkusz z parametrami m.in. dla argonu znajdują się w katalogu /docs. Całość została przedstawiona w poniższej tabeli:

	Ciepło właściwe [J/kgK]	Współczynnik przewodzenia ciepła [W/mK]	Gęstość [kg/m3]
BOROFLOAT® 33	830	1,2	2230
Argon	520	0,017	1,7

Aby policzyć współczynnik konwekcji α $\left[\frac{W}{m^2K}\right]$ posłużyłem się wzorem znalezionym w "*Zbiór zadań z techniki cieplnej*", *Wydawnictwo Politechniki Warszawskiej rok.* 1973:

Powierzchnie wewnętrzne:

przy
$$t_{f_1} - \vartheta_1 < 5^{\circ}C$$

przy
$$t_{f_1} - \vartheta_1 > 5^{\circ}C$$

$$\alpha = 3,49 + 0,093(t_{f_1} - \vartheta_1)$$

$$\alpha = \varphi \sqrt[4]{t_{f_1} - \vartheta_1}$$

gdzie: t_{f_1} - temperatura otoczenia ϑ_1 - temperatura powierzchni

przy czym: $\phi=2,32$ - dla powietrza w zamkniętym pomieszczeniu (po lewej stronie okna oraz przy wyłączonym termoobiegu po prawej stronie okna)

 $\varphi=3,\!2$ - dla powietrza w pomieszczeniach produkcyjnych z wirującymi elementami maszyn.

Przyjąłem zatem, że dla włączonego termoobiegu:

$$\omega = 5$$

Dla $\varphi=2,32$ uzyskałem współczynnik konwekcji: (left, right - oznacza dla której powierzchni)

$$\alpha_{\text{left}} = 3,49$$

$$\alpha_{\text{right}} = 9,03$$

Dla $\varphi = 5$ (termoobieg) uzyskałem współczynnik konwekcji:

$$\alpha_{\mathrm{right}} = 19,45$$

W pliku GlobalData.swift, linijka 158:

```
static func calculateAlpha(t_surf:Double, t_ambient:Double, phi:Double? = nil) -> Double {
    if t_ambient - t_surf < 5 {
        return 3.49 + 0.093 * (t_ambient - t_surf)
    } else {
        return (phi ?? 2.32) * pow(t_ambient - t_surf, 0.25)
    }
}</pre>
```

Powyższa metoda wywoływana jest przez każdy element znajdujący się na powierzchni. Dla reszty parametr *alpha* równy jest *nil.* Współczynnik ten będzie wykorzystywany podczas liczenia całki po powierzchni.

Ustaliłem, że po lewej stronie (od strony pokoju) temperatura otoczenia wynosić będzie **21°C**, zaś po prawej stronie (wewnątrz piekarnika) **250°C**. Temperatura początkowa całości układu wynosić będzie **21°C** (wyrównanie z temperaturą pokojową).

Kolejnym elementem do policzenia jest krok czasowy, który powinien być dobrany pod względem badanego materiału w celu zachowania stabilności rozwiązania. Do obliczenia kroku czasowego posłużyłem się poniższym wzorem: (zapis mat. implementacji ze strony prowadzącego)

$$\Delta \tau = \frac{2c\rho(\frac{B}{nB})^2}{k}$$

gdzie: c - ciepło właściwe materiału

k - współczynnik przewodzenia ciepła

ho - gęstość materiału

W pliku GlobalData.swift, linijka 148:

```
func setStableTimeStep(forMaterial material:ElementMaterial) {
    let params = GlobalData.getParameters(for: material)
    let k = params["k"] as! Double, c = params["c"] as! Double, ro = params["ro"] as! Double

let Asr = k/(c*ro)
    self.d_tau = round(pow(B/Double(nB), 2.0)/(0.5*Asr))
}
```

Dla szyby $\Delta \tau$ wyniosło **3 sekundy** a dla argonu 2 sekundy. Uznałem, że użyje kroku czasowego dla szyby, gdyż to ona odgrywa najważniejszą role w układzie, poza tym różnica między krokiem czasowym dla szyby i argonu nie jest duża i nie wpłynie znacząco na wyniki.

Podsumowując:

	Wielkość siatki MES	Temperatura początkowa układu	Temperatura otoczenia (strona lewa)	Temperatura otoczenia (strona prawa)	Współczynnik konwekcji (strona lewa)	Współczynnik konwekcji (strona prawa)	Krok czasowy
termoobieg	41 x 41 węzłów	21°C	21°C	250°C	3,49 W/m2K	19,45 W/m2K	3 sekundy
brak termoobiegu	1	1	t	1	1	9,03 W/m2K	1

KRÓTKI WSTĘP TEORETYCZNY

Rozwiązanie zagadnienia nieustalonej wymiany ciepła w układzie dwuwymiarowym sprowadza się do uzyskania układu równań MES na podstawie poniższego wzoru:

$$\left(\left[H \right] + \frac{\left[C \right]}{\Delta \tau} \right) \left\{ t_1 \right\} - \left(\frac{\left[C \right]}{\Delta \tau} \right) \left\{ t_0 \right\} + \left\{ P \right\} = 0$$

gdzie poszczególne wyrażenia obliczono za pomocą równań:

$$[H] = \int_{V} k \left(\left\{ \frac{\delta\{N\}}{\delta x} \right\} \left\{ \frac{\delta\{N\}}{\delta x} \right\}^{T} + \left\{ \frac{\delta\{N\}}{\delta y} \right\} \left\{ \frac{\delta\{N\}}{\delta y} \right\}^{T} \right) dV + \int_{S} \alpha\{N\} \left\{ N \right\}^{T} dS,$$

$$\{P\} = -\int_{S} \alpha\{N\} t_{\infty} dS,$$

$$[C] = \int_{V} c\rho\{N\} \left\{ N \right\}^{T} dV$$

gdzie: $\{t1\}$ - wektor szukanych temperatur węzłowych

 $\{t0\}$ - wektor temperatur węzłowych na początku danego kroku czasowego

V - objętość

k - współczynnik przewodzenia ciepła

 $\{N\}$ - wektor kolejnych węzłowych funkcji kształtu (określone lokalnie)

x, y - globalne współrzędne

T - oznacza wektor transponowany

lpha - współczynnik konwekcji

S - powierzchnia

 t_{∞} - temperatura otoczenia

c - ciepło właściwe

ρ - gestość

WAŻNE!

W programie przez [H] rozumiemy $\Big([H] + \frac{[C]}{\Delta \tau}\Big)$ a przez $\Big\{P\Big\}$ rozumiemy $\Big(\frac{[C]}{\Delta \tau}\Big)\Big\{t_0\Big\} + \Big\{P\Big\}$.

[H] ma wielkość *liczba węzłów x liczba węzłów*, natomiast $\{P\}$ ma wielkość *liczba węzłów*.

Temperatury na początku każdego kroku czasowego wyznaczane są za pomocą interpolacji w danym punkcie całkowania:

$$t_0 = \sum_{i=1}^4 N_{pc_i} t_{start_i}$$

gdzie: N_{pc} - zbiór funkcji kształtu dla danego punktu całkowania

 t_{start} - zbiór temperatur węzłowych na początku kroku czasowego

Funkcje kształtu dla układu 2D wyglądają następująco:

$$N_1 = \frac{1}{4} \Big(1 - \xi \Big) \Big(1 - \eta \Big), \qquad N_2 = \frac{1}{4} \Big(1 + \xi \Big) \Big(1 - \eta \Big), \qquad N_3 = \frac{1}{4} \Big(1 + \xi \Big) \Big(1 + \eta \Big), \qquad N_4 = \frac{1}{4} \Big(1 - \xi \Big) \Big(1 + \eta \Big)$$

Natomiast punkty całkowania Gaussa (2p):

рс	ξ	η	waga
1	$-1/\sqrt{3}$	$-1/\sqrt{3}$	1
2	$1/\sqrt{3}$	$-1/\sqrt{3}$	1
3	$1/\sqrt{3}$	$1/\sqrt{3}$	1
4	$-1/\sqrt{3}$	$1/\sqrt{3}$	1

Całkowanie za pomocą kwadratury Gaussa przeprowadzane jest na podstawie wzoru:

$$f(x) = \sum_{i=1}^{npc} \left(f(x_{pc_i}) * w_i \right) * detJ$$

gdzie: $f(x_{pc_i})$ - wartość funkcji całkowanej dla interpolowanego x

ALGORYTM I IMPLEMENTACJA

Wymieniony w powyższej sekcji układ równań musimy obliczyć, dla każdego kroku czasowego a następnie rozwiązać go za pomocą metody eliminacji Gaussa (w pliku Solver.swift). Natomiast dla uproszczenia, przedstawię algorytm obliczania macierzy [H] wraz z wektorem $\{P\}$ dla danego kroku czasowego (metoda compute w pliku GlobalData.swift):

Dla każdego elementu w siatce:

- 1. Wyzeruj [H] oraz $\{P\}$.
- 2. Dla każdego punktu całkowania:
 - 2.1.Oblicz macierz Jakobiego 2D.
 - 2.2.Oblicz wyznacznik macierzy Jakobiego 2D.
 - 2.3.Wyzeruj t_0 .
 - $\text{2.4.Oblicz } \frac{\delta N}{\delta x}, \frac{\delta N}{\delta y} \, \text{oraz } t_0.$
 - 2.5.Oblicz i dołącz elementy macierzy [H] oraz wektora $\{P\}$ (całka po V).
- 3. Dla każdej powierzchni zewnętrznej siatki:
 - 3.1. Oblicz wyznacznik macierzy Jakobiego 1D.
 - 3.2.Dla obu węzłów w powierzchni:
 - 3.2.1.Oblicz i dołącz elementy macierzy [H] oraz wektora $\{P\}$ (całka po S).
- 4. Dokonaj agregacji lokalnej macierzy [H] oraz lokalnego wektora $\{P\}$ do ich globalnych odpowiedników.

Punkt 2. z powyższego algorytmu został zaimplementowany w następujący sposób:

2.1., 2.2., 2.3. Oblicz macierz Jakobiego 2D, oblicz wyznacznik tej macierzy oraz wyzeruj t0 **W pliku GlobalData, linijka 279:**

```
1  // ipi - index of a current integration point
2  let jacobian = Jacobian(intPoint: ipi, xs: coordsX, ys: coordsY, dNdKsis:
    ips_dNdKsi, dNdEtas: ips_dNdEta)
3  detJ = abs(jacobian.det)
4  let dNdKsi = ips_dNdKsi[ipi], dNdEta = ips_dNdEta[ipi]
5  t0 = 0.0
```

2.4. Oblicz $\frac{\delta N}{\delta x}$, $\frac{\delta N}{\delta y}$ oraz t_0 .

W pliku GlobalData, linijka 285:

```
for i in 0 ..< 4 {
    dNdx[i] = jacobian.matrixInverted[0][0] * dNdKsi[i] + jacobian.matrixInverted[0]
    [1] * dNdEta[i]

dNdy[i] = jacobian.matrixInverted[1][0] * dNdKsi[i] + jacobian.matrixInverted[1]
    [1] * dNdEta[i]

//MARK: - Interpolating temperature of current IP, from every other element's IPs.
    t0 += temperatures_start[i] * shapeFunctionsVals[ipi][i]
}</pre>
```

2.5. Oblicz i dołącz elementy macierzy [H] oraz wektora $\{P\}$ (całka po V) **W pliku GlobalData, linijka 297:**

3.1. Oblicz wyznacznik macierzy Jakobiego 1D ($det J = \frac{x_2 - x_1}{2}$).

W pliku GlobalData, linijka 314:

3.2.1. Oblicz i dołącz elementy macierzy [H] oraz wektora $\{P\}$ (całka po S). W pliku GlobalData, linijka 318:

```
let shapeFunc = localElement.localSF[siid].shapeFunctionsVals
for i in 0..<2 {
    for j in 0..<4 {
        for k in 0..<4 {
            H_current[j][k] += alpha * shapeFunc![i][j] * shapeFunc![i][k] * detJ
        }
        P_current[j] += alpha * t_ambient * shapeFunc![i][j] * detJ
    }
}</pre>
```

4. Dokonaj agregacji lokalnej macierzy [H] oraz lokalnego wektora $\{P\}$ do ich globalnych odpowiedników.

W pliku GlobalData, linijka 330:

```
1  for i in 0..<4 {
2    let first = element.ND[i].iid
3    for j in 0..<4 {
4        let next = element.ND[j].iid
5        H_global[first][next] += H_current[i][j]
6    }
7    P_global[first] += P_current[i]
8  }</pre>
```

Oprócz tego, obliczanie macierzy Jakobiego zostało zaimplementowane na podstawie obliczeń z pliku *Jakobian.pdf* na stronie prowadzącego i wygląda w następujący sposób: **W pliku Jakobian.swift, linijka 35:**

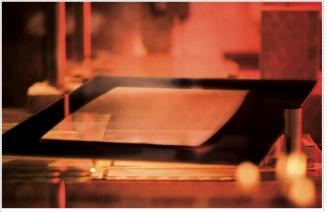
```
1  for i in 0..<4 {
2     matrix[0][0] += self.ips_dNdKsi[ipi][i] * xs[i] // dxdKsi
3     matrix[0][1] += self.ips_dNdKsi[ipi][i] * ys[i] // dydKsi
4     matrix[1][0] += self.ips_dNdEta[ipi][i] * xs[i] // dxdEta
5     matrix[1][1] += self.ips_dNdEta[ipi][i] * ys[i] // dydEta
6  }</pre>
```

Macierz Jakobiego w matematycznym zapisie:

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial y}{\partial \eta} & -\frac{\partial y}{\partial \xi} \\ -\frac{\partial x}{\partial \eta} & \frac{\partial x}{\partial \xi} \end{bmatrix}$$

Wszelkie całkowanie w programie jest przeprowadzane za pomocą wspomnianej już kwadratury Gaussa.

WYNIKI



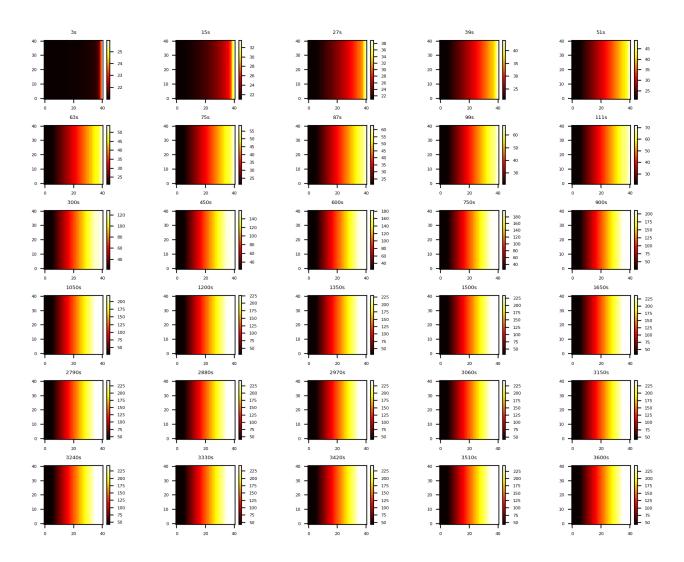
Thermally resistant oven door made with BOROFLOAT® 33.

1. Ogrzewanie z termoobiegiem

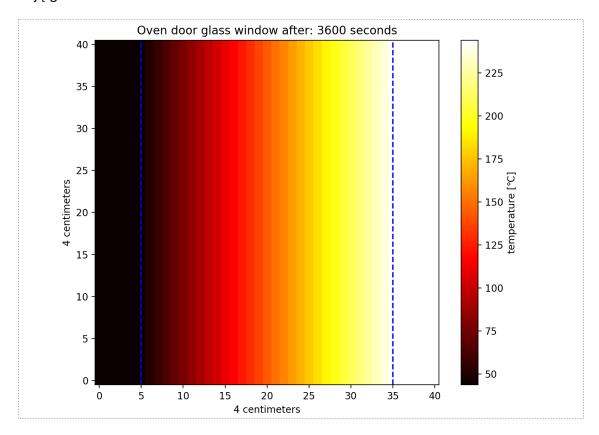
Symulacja została przeprowadzona przy zastosowaniu parametrów opisanych w sekcji *Założenia* i trwała **60 minut.** Gradient temperatur dla każdego kroku czasowego został zapisany w katalogu *Results/borofloat simulations/fan forced/csv/.*

Z całości wyników zostały wybrane tylko niektóre, tak aby dostrzegalna była zmiana gradientu temperatur. Na ich podstawie sporządzone zostały mapy temperatur, które zostały umieszczone w jednym pliku fan-forced_combined_1h.png.

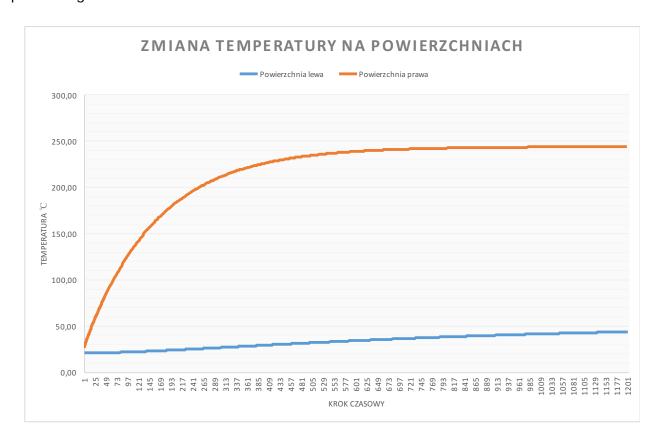
W pliku tym umieszczone zostały gradienty temperatur dla fazy początkowej (0-111 sekund z krokiem 12 sekund), fazy środkowej (300 - 1650 sekund z krokiem 50 sekund) oraz fazy końcowej (2790 - 3600 sekund z krokiem 90 sekund). Każda faza to dwa rzędy:



Poniżej znajduje się ostatni z wykresów w większym rozmiarze, gdzie niebieskie linie oznaczają granice materiałów:

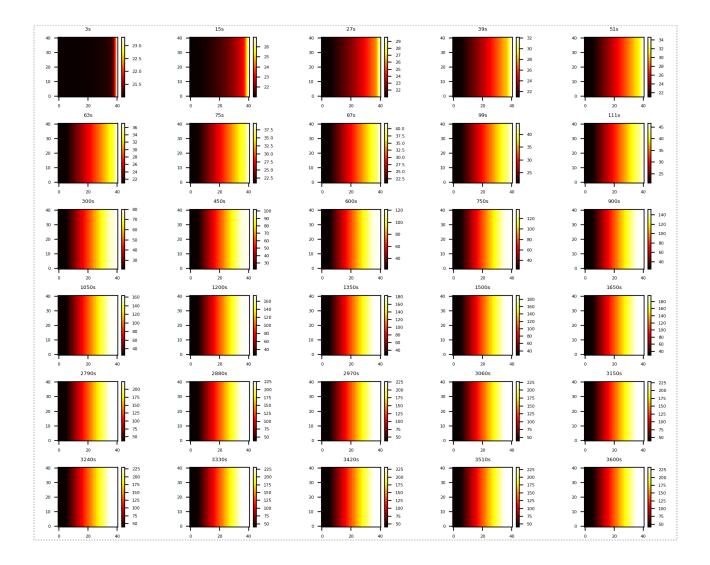


Na podstawie wyników sporządziłem także wykres zmiany temperatur na powierzchni lewej (od strony pokoju) i na powierzchni prawej (wewnątrz piekarnika) na przestrzeni całego procesu ogrzewania:



2. Ogrzewanie bez termoobiegu

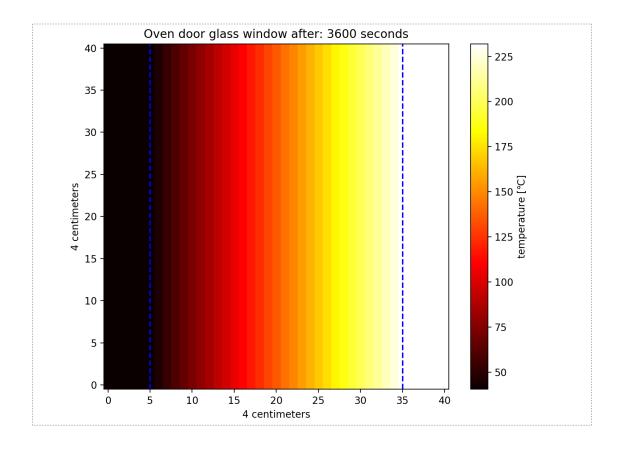
Ogrzewanie zostało przeprowadzone dokładnie w ten sam sposób co poprzednie z tym, że współczynnik konwekcji wynosił przyjęte wcześniej $19,45\frac{W}{m^2K}$. Wszystkie wyniki z godzinnej symulacji zostały zawarte w katalogu Results/borofloat_simulations/normal/csv/. Tak jak poprzednio w pliku normal_combined_1h.png zawarte zostały wykresy gradientów temperatur siatki z podziałem na fazy (czasowe). Początkowa (0-111 sekund z krokiem 12 sekund), faza środkowa (300 - 1650 sekund z krokiem 50 sekund) oraz faza końcowa (2790 - 3600 sekund z krokiem 90 sekund). Każda faza to dwa rzędy::



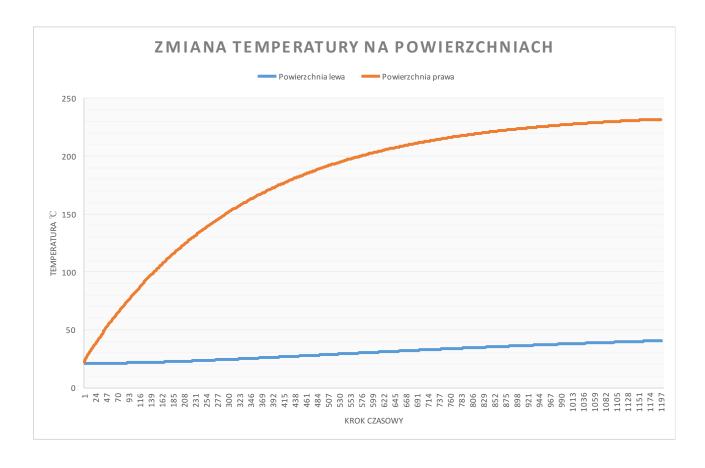
Animacje gradientu temperatury w przypadku włączonego termoobiegu jak i jego braku zostały umieszczone w katalogach /fan-forced oraz /normal w formatach gif oraz mp4.

Policzenie tej 1-godzinnej symulacji zajęło 68 minut. Tak długi czas wynika w największej mierze ze złożoności prawie $O(n^3)$ algorytmu eliminacji Gaussa (plik *Solver.swift*), gdzie czas wykonania zależy od ilości elementów w siatce MES. Oprócz tego program wykonywany jest na pojedynczym wątku. Metodę compute można by łatwo zrównoleglić mając na uwadze, aby zsynchronizować agregacje do globalnych macierzy i wektora.

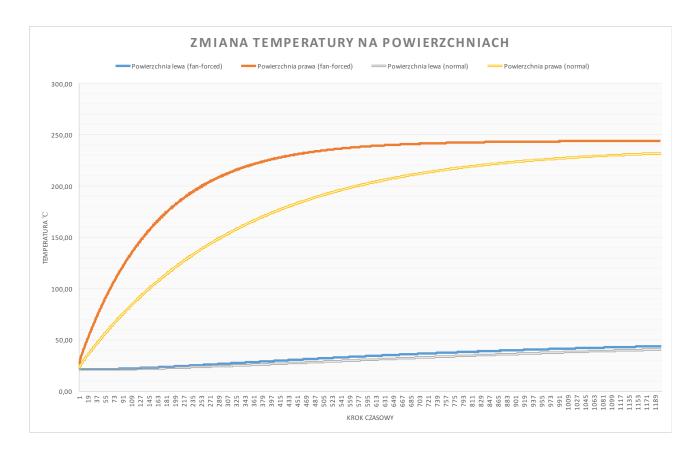
Jak poprzednio, zapisany został ostatni wykres (po godzinie ogrzewania):



oraz wykres zmiany temperatury na powierzchniach okna piekarnika:



Dla porównania stworzyłem także wykres przedstawiający wszystkie zmiany temperatur na powierzchniach - dla ogrzewania z włączonym jak i wyłączonym termoobiegiem:



Oprócz tego tabela przedstawiająca końcowe temperatury na powierzchniach:

	Powierzchnia lewa [°C]	Powierzchnia prawa [°C]	Δt [°C]
z termoobiegiem	43,80	244,01	200,21
bez termoobiegu	40,63	232,02	191,39

Zmiany temperatur w ciągu trwania procesu ogrzewania:

1. Z termoobiegiem:

$$\Delta t_{left} = 22.8^{\circ}C,$$

$$\Delta t_{right} = 223.01^{\circ}C$$

2. Bez termoobiegu:

$$\Delta t_{left} = 19,63^{\circ}C,$$

$$\Delta t_{right} = 211,02^{\circ}C$$

WAŻNE!

W opisanej symulacji ogrzewania okna piekarnika nie uwzględniłem ruchów konwekcyjnych pomiędzy szybami a argonem - jedynie wymianę ciepła poprzez przewodzenie.

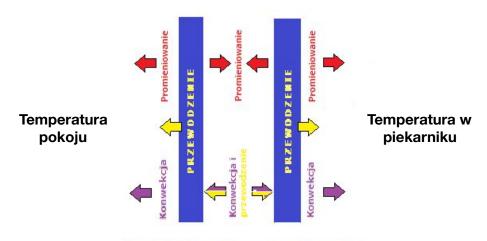
SPOSTRZEŻENIA

- 1. Zmiana temperatury w fazie początkowej przebiega dużo szybciej niż w dalszej części trwania wymiany ciepła.
- 2. Temperatura powierzchni lewej (od strony pokoju) zmienia się prawie liniowo.
- 3. Temperatura powierzchni prawej (wewnątrz piekarnika) zmienia się logarytmicznie.
- 4. Na końcowym wykresie gradientu temperatur uwidaczniają się granice między warstwami układu.
- 5. Różnice temperatur na węzłach szyby lewej są minimalne, natomiast między węzłami argonu są znacznie większe.
- 6. Wymiana ciepła z włączonym termoobiegiem postępuje znacznie szybciej, niż przy wyłączonym termoobiegu.
- 7. Temperatura na powierzchni lewej (od strony pokoju) przy włączonym termoobiegu w ciągu godziny zmieniła się o **22,8°C**
- 8. Temperatura na powierzchni lewej (wewnątrz piekarnika) przy <u>wyłączonym</u> termoobiegu w ciągu godziny zmieniła się o **19,63°C**
- 9. Wykres zmiany temperatury powierzchni prawej w przypadku włączonego termoobiegu jest znacznie bardziej stromy niż w przypadku braku termoobiegu.
- 10. Wykres zmiany temperatury na powierzchni lewej jest prawie identyczny jak w przypadku braku termoobiegu.
- 11. Na powierzchni prawej po godzinnym ogrzewaniu przy włączonym termoobiegu temperatura wynosiła **244,01°C** natomiast w przypadku braku termoobiegu **232,02°C**.

WNIOSKI

- 1. Szybkość zmiany temperatury zależy w znacznej mierze od różnicy temperatur, zatem na początku trwania procesu temperatura zmieniała się znacznie szybciej niż pod koniec.
- 2. Temperatura na powierzchni lewej (od strony pokoju) w ciągu trwania procesu zmienia się z taką samą szybkością (na początku może minimalnie wolniej ze względu na to, że ciepło z wnętrza piekarnika nie zdążyło dotrzeć do lewej szyby). Spowodowane jest to faktem, iż argon ma na tyle mały współczynnik przewodzenia, że do szyby lewej dociera niewielka ilość ciepła tym samym zmiana jest mała i na wykresie wygląda na liniową. Drugim bardzo ważnym czynnikiem jest wyrównywanie się temperatury powierzchni lewej z otoczniem (pokojem).
- 3. Z racji tego, że temperatura na powierzchni prawej znacznie różniła się od temperatury otoczenia (w piekarniku) jej zmiana na początku przebiegała w gwałtowny sposób a po około 13 minutach (w przypadku termoobiegu) i po 34 minutach (w przypadku braku termoobiegu) zaczęła zmieniać się prawie niezauważalnie (w obu przypadkach po przekroczeniu 200°C). Zatem przy różnicy temperatur ok. 50°C zmiana temperatur zachodzi bardzo powoli.
- 4. Na wykresie gradientu temperatury uwidaczniają się granice między poszczególnymi warstwami. Jest to spowodowane różnicą między współczynnikami przewodzenia oraz gęstościami szyb i argonu. Szyba dobrze przewodzi (lepiej niż argon) ciepło, zatem na całej szerokości szyby temperatury są mocno zbliżone (skutkuje to tym, że na wykresie pod koniec ogrzewania obie szyby mają jednorodny kolor szyba lewa czarny, prawa żółty). Natomiast argon posiadając małą gęstość i niski (niższy niż szyba) współczynnik przewodzenia ciepła, uwidacznia duże różnice między poszczególnymi węzłami (na wykresie widać niejednorodny kolor na całej szerokości warstwy argonu).
- 5. Termoobieg znacznie przyspiesza proces wymiany ciepła w badanym układzie tym samym w tym samym czasie udało się osiągnąć większe temperatury na obu powierzchniach zewnętrznych. Główną rolę odgrywa tutaj współczynnik konwekcji. Ruchy powietrza powodowane przez wiatrak w piekarniku sprawiają, że wymiana ciepła przez konwekcje jest wymuszona zatem większy jest współczynnik konwekcji, co przyspiesza wymianę ciepła między powierzchnią a otoczeniem (wnętrzem piekarnika).
- 6. Szyby BOROFLOAT® 33 oraz przestrzeń wypełniona argonem są na tyle dobrą izolacją cieplną, że pomimo włączonego termoobiegu różnica strat ciepła na szybie lewej jest nieznaczna (zaledwie 3°C różnicy między temperaturami na powierzchni). Wynik jest jeszcze bardziej imponujący, jeśli zauważymy, że różnica między szybą lewą a szybą prawą to ok.

200°C a grubość okna to zaledwie 4 cm. Skuteczność takiej izolacji bierze się z tego, że warstwa argonu ma niski współczynnik przewodzenia ciepła (wolno przewodzi ciepło). Oprócz tego BOROFLOAT® 33 jak na szybę ma również bardzo dobre parametry cieplne.



Wymiana ciepła w szybie zespolonej

Link do repozytorium

https://github.com/maikelSoFly/Heating-FEM

oraz link do pliku README.md, gdzie znajdują się animacje wykresów gradientu temperatury

https://github.com/maikelSoFly/Heating-FEM/blob/master/README.md

Animacje gradientu temperatury umieszczone są także w plikach *mp4* w katalogach */fan-forced* oraz */normal*.

ŹRODŁA

"Zbiór zadań z techniki cieplnej", Wydawnictwo Politechniki Warszawskiej rok. 1973

http://bcpw.bg.pw.edu.pl/dlibra/docmetadata?id=3721&from=pubstats http://bcpw.bg.pw.edu.pl/Content/3721/12jkzztc_wymiana.pdf

BOROFLOAT® 33 - parametry, informacje, dokumenty, zdjęcia

http://www.schott.com/borofloat/english/index.html http://www.tektyt.com/images/oferta/projektowanie/borosilicate.pdf

Argon - parametry

http://kurtz.zut.edu.pl/fileadmin/BE/Tablice_materialowe.pdf ftp://zly.kis.p.lodz.pl/pub/laboratoria/P.Urbanek/KAUT/cieplo sc.xls

MES - teoria, wzory, informacje

http://home.agh.edu.pl/~pkustra/MES.html http://home.agh.edu.pl/~milenin/Dydaktyka/mes.htm

Szyba zespolona - wymiana ciepła, działanie

http://oknotest.pl/szyby-i-szklo/gaz-w-szybie-zespolonej