검색

목차

- 1. 순차 검색
- 2. 이진 검색
- 3. 해싱
- 4. 균형 이진 탐색 트리
- 5. 다원 탐색 트리

검색이란?

- 검색이라?
 - 저장된 자료 중에서 원하는 자료를 찾는 것
 - 키(Key)
 - 찾고자 하는 자료를 다른 자료들과 구분시켜주는 키
- 검색의 종류
 - (검색 방법)에 따른 분류
 - 비교 검색 방법
 - 검색 키 값을 비교하여 검색
 - 순차 검색, 이진 검색, 트리 검색 등
 - 계산 검색 방법
 - 검색 키를 계산하여 검색
 - 해싱

순차 검색이란?

- 순차 검색
 - 검색 키를 차례대로 비교하여 검색
- 종류
 - 검색하려는 자료들이
 - 1) 미리 정렬되어 있지 않은 경우
 - 2) 미리 정렬된 경우

- 색인(Index)
 - 미리 정렬된 경우

1. 순차 검색

1.1 자료가 미리 정렬되지 않은 경우

• 순차 검색

1. 순차 검색

- 검색 성공의 경우
 - 검색 키: 20
- 검색 실패의 경우
 - 검색 키: 25

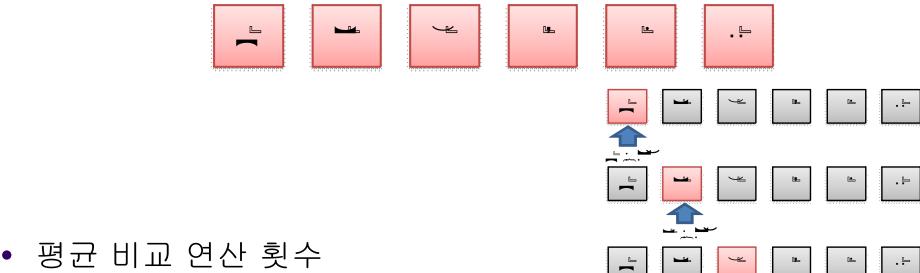


• 평균 비교 연산 횟수

$$O\left(\frac{1}{n} \times (1+2+3+...+n)\right) = O\left(\frac{n+1}{2}\right) = O(n)$$

1.2 자료가 미리 정렬된 경우 (1/2)

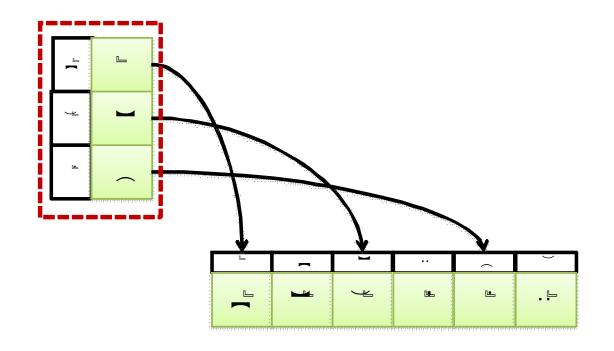
- 순차 검색 1. 순차 검색
 - 검색 실패 여부를 자료의 마지막 원소까지 찾지 않아도 알 수 있다
- 검색 성공의 경우
 - 검색 키: 20
- 검색 실패의 경우
 - 검색 키: 25

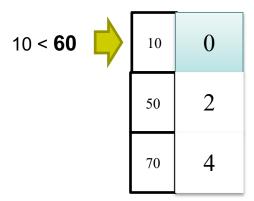


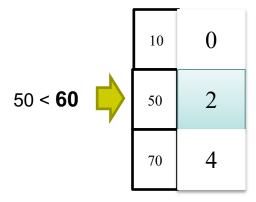
1.3 색인 순차 검색 (1/3)

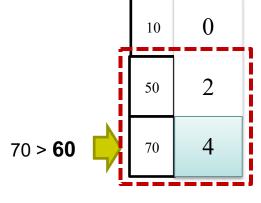
1. 순차 검색

- 색인 순차 검색(Index Sequential Search)
 - 색인, 인덱스: 특정 키 값을 가지는 자료의 위치
 - 인덱스 테이블(Index Table)
 - 인덱스를 모아둔 테이블
 - 검색 범위 축소

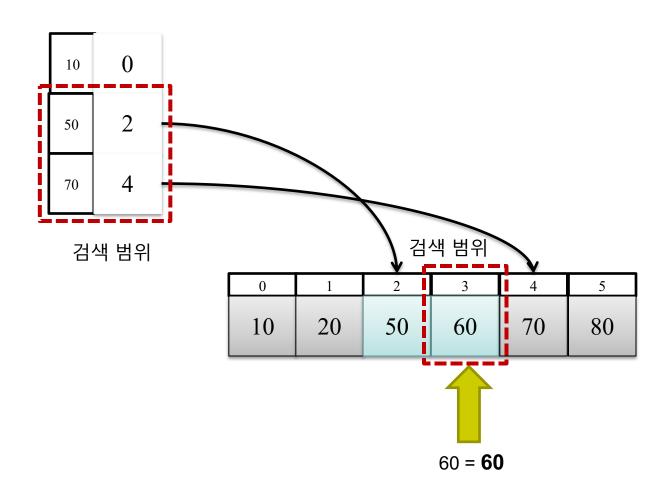








검색 범위



1.3 색인 순차 검색 (2/3)

1. 순차 검색

• 검색 범위

```
IndexTable[i-1].key ≤ key 〈IndexTable[i].key ⇒ IndexTable[i-1].position ≤ 검색 범위 〈IndexTable[i].position
```

1.3 색인 순차 검색 (3/3)

• 소스 파일 구성

1. 순차 검색

파일 이름	내용
10_02.vcproj	Visual Studio 프로젝트 파일
seqindexsearch.h	색인 순차 검색 함수 선언
seqindexsearch.c	색인 순차 검색 함수 구현
exampl10_02.c	예제 프로그램

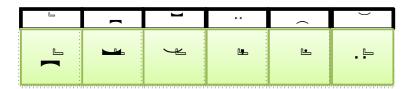
- 평균 비교 연산 횟수
 - 검색 대상이 되는 전체 자료의 개수가 n 개
 - 인덱스 테이블의 인덱스 개수가 m 개

$$O(m+\frac{n}{m})$$

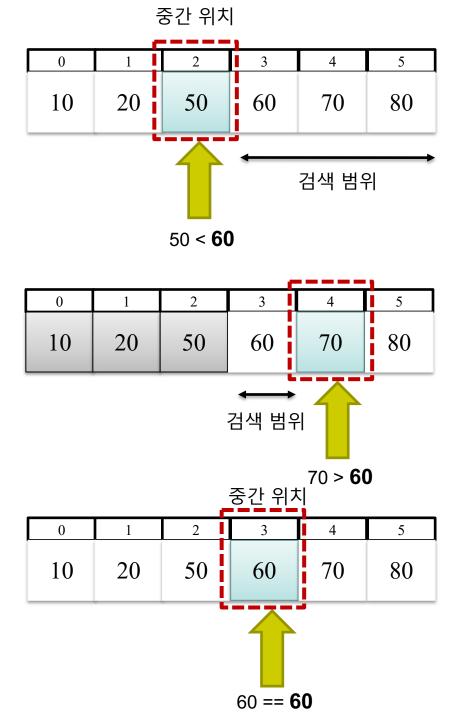
이진 검색 (1/3)

2. 이진 검색

- 이진 검색(Binary Search)
 - 검색 범위를 절반으로 감소시켜 가면서 검색
 - 미리 정렬되어 있어야 함
 - 예)
 - 검색키: 60



$$\frac{(1 + \hat{w}) + PSC \hat{w})}{2} = \frac{0+5}{2} = 2.5 \to 2$$



이진 검색 (2/3)

의사 코드(Pseudo code)

2. 이진 검색

```
binarySearch(value, start, end, key)
       result ← FAIL
       tempStart ← start
       tempEnd ← end
       while (tempStart <= tempEnd) {</pre>
                   middle = (tempStart + tempEnd) / 2
                   if (key == value[middle]) {
                               result ← middle
                               break
                   else if (key < value[middle]) {
                               tempEnd ← middle - 1
                   else {
                               tempStart ← middle + 1
       return result
```

- 평균 비교 연산 횟수
 - O(log N)

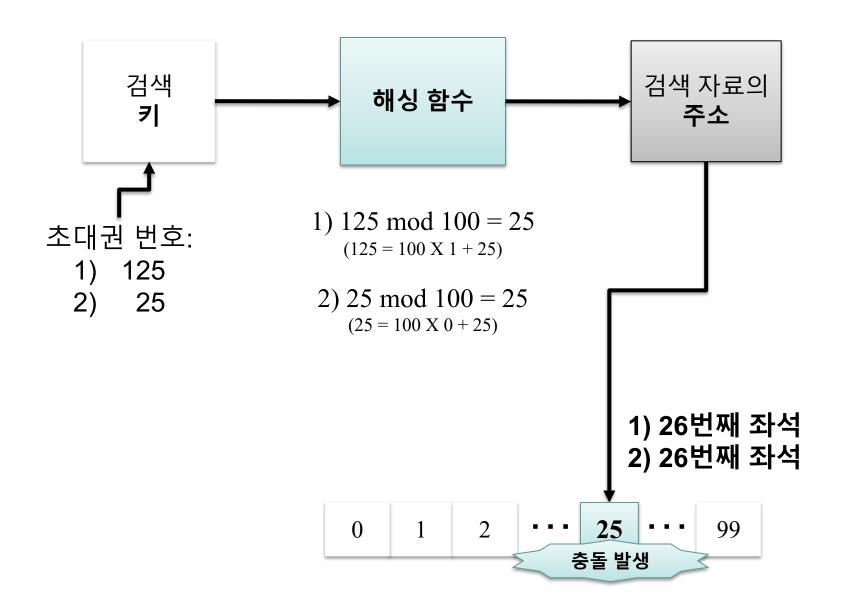
해싱

- 해싱(Hashing)
 - 산술 연산을 이용한 검색 방식



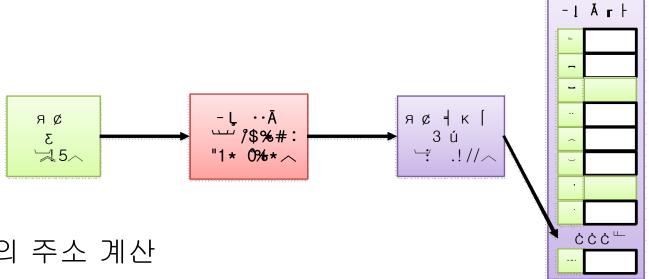


- 평균 시간 복잡도
 - 자료 N개
 - O(1)
- 문자열의 경우?



3.1 해싱 검색

• 해싱 검색의 단계

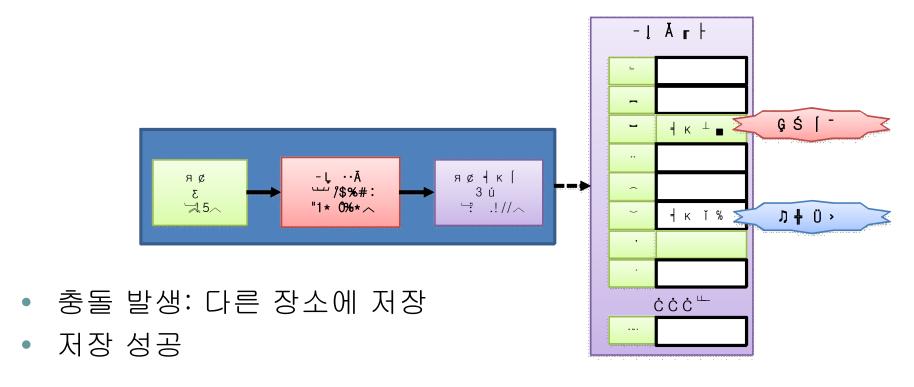


- 1. 검색 자료의 주소 계산
- 2. 해시 테이블의 자료 점검
- 3. 검색 완료

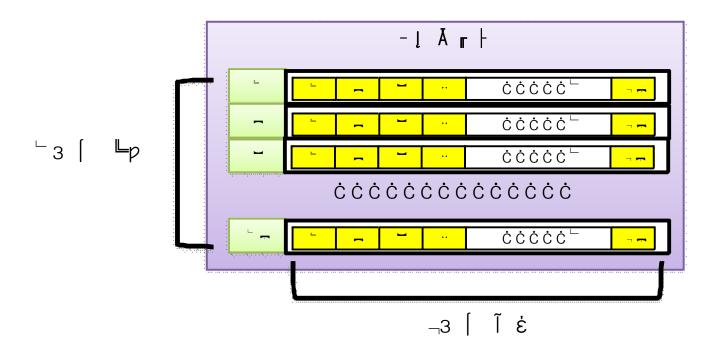
3.2 자료의 저장

• 자료 저장의 경우

3. 해싱



• 이상적 해성의 저장 공간 낭비

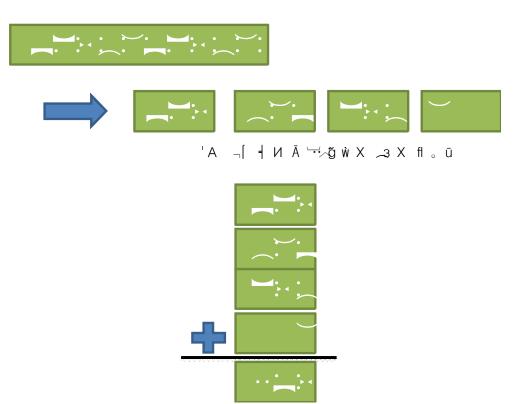


3.3 해싱 함수 (1/4)

- 좋은 해싱 함수의 조건
 - 충돌 발생 빈도
 - 해시 테이블 사용률
 - 해싱 함수 계산
- 예
 - 나머지(제산: Divide) 함수
 - 검색 키 값 k: 125
 - 해시 테이블 크기 M: 100

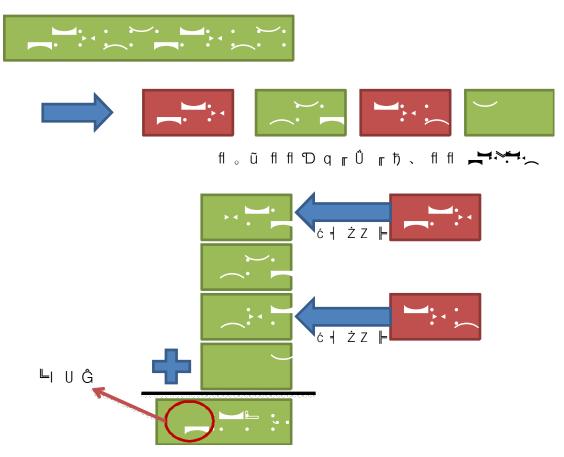
3.3 해싱 함수 (2/4)

- 접기(접지: Folding) 함수
 - 이동 접기 함수
 - 검색 키 값 k: 1234512345 (10자리)
 - 해시 테이블 크기 M: 999 (3자리)



3.3 해싱 함수 (3/4)

- 접기(접지: Folding) 함수
 - 경계 접기 함수
 - 검색 키 값 k: 1234512345 (10자리)
 - 해시 테이블 크기 M: 999 (3자리)



3.3 해싱 함수 (4/4)

- 중간 제곱(Mid-Square) 함수
 - 검색 키 값 k: 9451
 - 9451 * 9451 = 89**3214**01
- 숫자 분석 방법
 - 검색 키 값: 학번 2010-9025

- 검색 키가 문자열인 경우, 예) ABC
 - 첫 번째 문자 이용
 - 단순 더하기
 - 위치 고려, 호너의 방법(Honor's Method)
 - 예) ABC → ((65 * 31) + 66) * 31 + 67 = 64578 CBA → ((67 * 31) + 66) * 31 + 65 = 66498

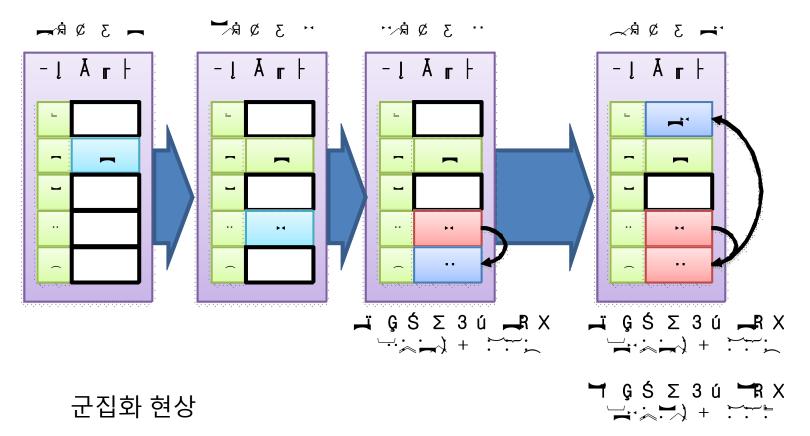
3.4 첫 번째 충돌 해결 방법: 개방 주소법 (1/4)

- 충돌 해결 방법
 - 개방 주소법(Open Addressing)
 - 3가지
 - 1) 선형 조사법(Linear Probing)
 - 2) 제곱 조사법(Quadric Probing)
 - 3) 이중 해싱(Double Hashing)
 - 체이닝(Chaining)
 - 동거자
- 예
 - 해시 테이블 크기 5
 - 해싱 함수: 나머지 함수 mod 5
 - 저장되는 검색 키 값 {1, 3, 8, 13}

3.4 첫 번째 충돌 해결 방법: 개방 주소법 (2/4)

• 선형 조사법

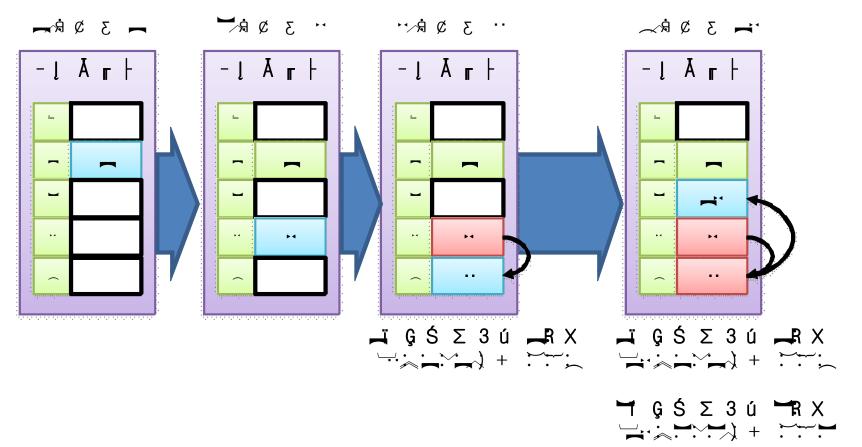
- 3. 해싱
- 일정한 상수를 증가시켜 다시 조사, 군집화 현상 발생가능성 큼
- $h(k) = (k + try_count) \mod M$
- 저장되는 검색 키 값 {1, 3, 8, 13}



3.4 첫 번째 충돌 해결 방법: 개방 주소법 (3/4)

• 제곱 조사법

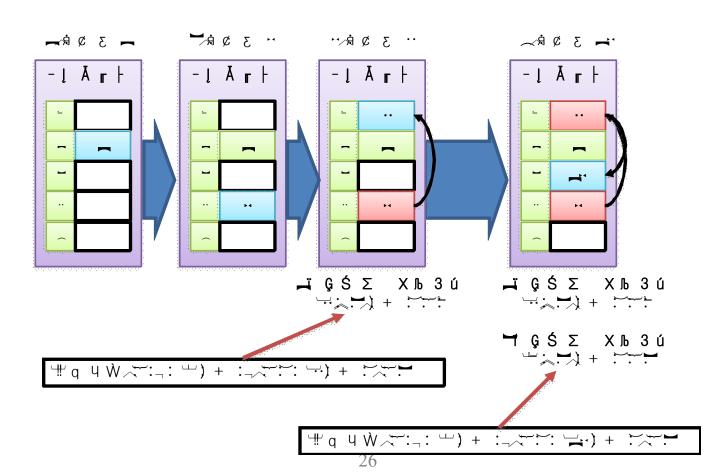
- 조사 횟수의 제곱만큼 증가
- h(k) = (k + try_count * try_count) mod M
- 저장되는 검색 키 값 {1, 3, 8, 13}



3.4 첫 번째 충돌 해결 방법: 개방 주소법 (4/4)

- 이중 해싱
 - 원래의 해싱 함수와는 다른 추가적인 해싱 함수 이용
 - h(k) = (k + 조사간격

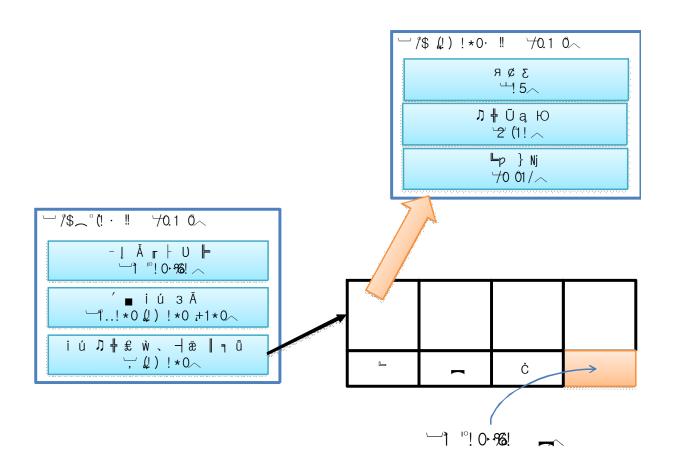
-) mod M
- (조사 간격) = M (k mod M)



3.5 추상 자료형

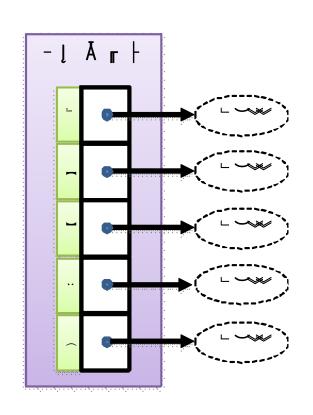
- 해시 테이블 생성
- 해시 테이블 삭제
- 자료 추가
- 자료 제거
- 자료 검색
- 자료 개수

3.6 첫 번째 구현: 개방 주소법 사용



3.7 두 번째 충돌 해결 방법: 체이닝

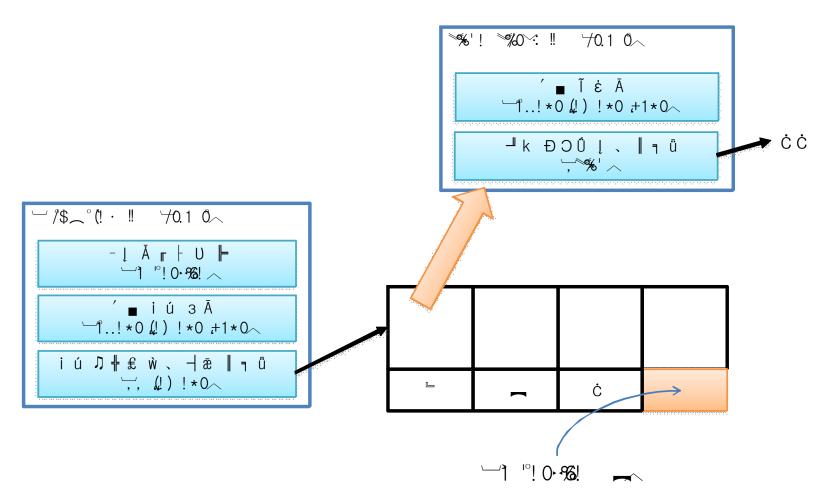
- 체이닝
 - 연결리스트 사용



- 예
 - 해싱 함수: 나머지 함수 이용 (mod 5)
 - 저장되는 검색 키 값 {1, 8, 3}

3.8 두 번째 구현: 체이닝 (2/2)

• 해싱 테이블에 대한 구조체 HashTable

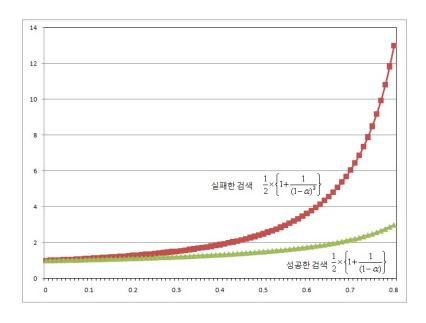


3.9 해싱의 성능 분석

- 해싱의 성능
 - 최선의 경우
 - 최악의 경우
- 키 값 밀도

• 적재 밀도

3. 해싱



$$\frac{1}{2}\left(1+\frac{1}{\left(1-\alpha\right)^{2}}\right)$$

$$\alpha$$

$$\frac{1}{2} \left(1 + \frac{1}{(1-\alpha)} \right)$$

$$1+\frac{\alpha}{2}$$

X The Art of Computer Programming;Sorting and Searching

이진 탐색 트리란?

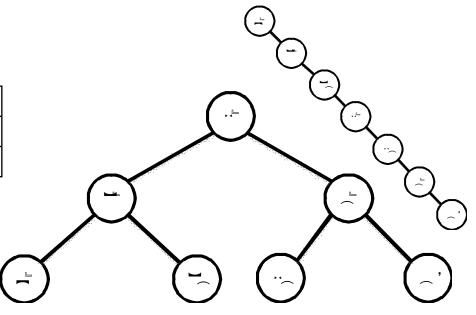
4. 균형 이진 탐색 트리

• 특징

- 1. 트리의 모든 노드는 유일한 키(key)를 가진다.
- 2. 왼쪽 서브트리에 있는 모든 노드의 키는 루트의 키보다 작다.
- 3. 오른쪽 서브트리에 있는 모든 노드의 키는 루트의 키보다 크다.
- 4. 왼쪽 서브트리와 오른쪽 서브트리도 모두 이진 탐색 트리이다.

• 검색의 시간 복잡도

	검색의 시간 복잡도
균형 트리	$O(\log_2 n)$
불균형 트리	O(n)

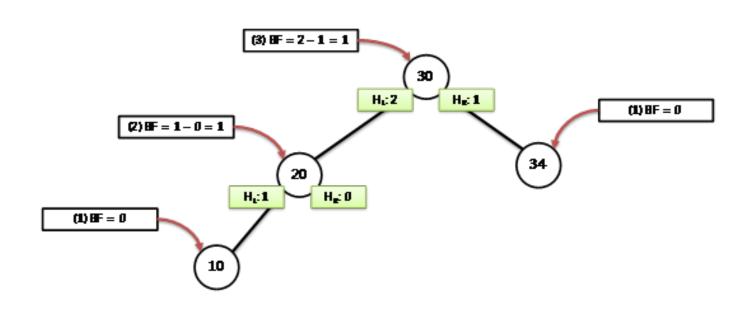


	(a) 균형 이진 탐색 트리	(b) 불균형 이진 탐색 트리
자료 추가 순서	30→20→40→10→24→34→46	10→20→24→30→34→40→46
생성된 이진 탐색 트리		
최대 비교 횟수	3회 예) 검색 키 46 검색	7회 예) 검색 키 46 검색
평균 비교 횟수	$\frac{1+2+2+3+3+3+3}{7} = 2.43$	$\frac{1+2+3+4+5+6+7}{7} = 4$

4.1. AVL 균형 이진 탐색 트리 (1/2)

4. 균형 이진 탐색 트리

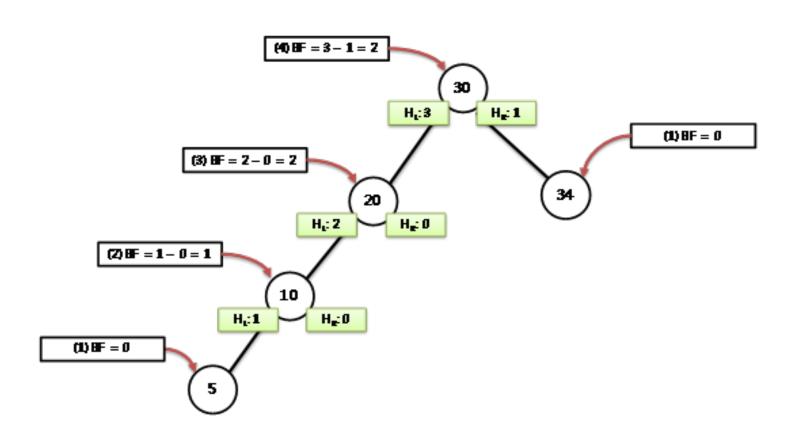
- 제약조건
 - 균형 인수 BF(Balance Factor): 왼쪽 서브트리의 높이에서 오른쪽 서브트리의 높이를 뺀 값
 - | H_L H_R | ≤ 1



4.1. AVL 균형 이진 탐색 트리 (2/2)

4. 균형 이진 탐색 트리

• 균형인수 (계속)

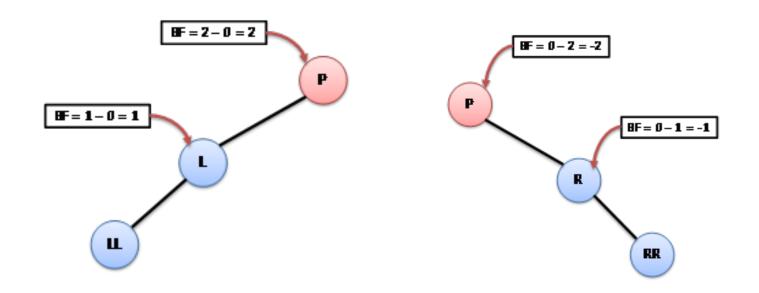


4.2 AVL 균형 유지 연산 (1/6)

4. 균형 이진 탐색 트리

AVL 트리의 균형이 깨지는 4가지 경우
(1) LL (Left-Left)

(2) RR (Right-Right)

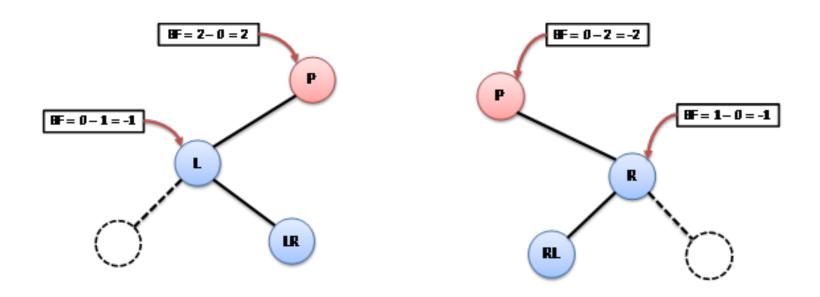


4.2 AVL 균형 유지 연산 (2/6)

4. 균형 이진 탐색 트리

AVL 트리의 균형이 깨지는 4가지 경우 (계속)
(3) LR (Left-Right)

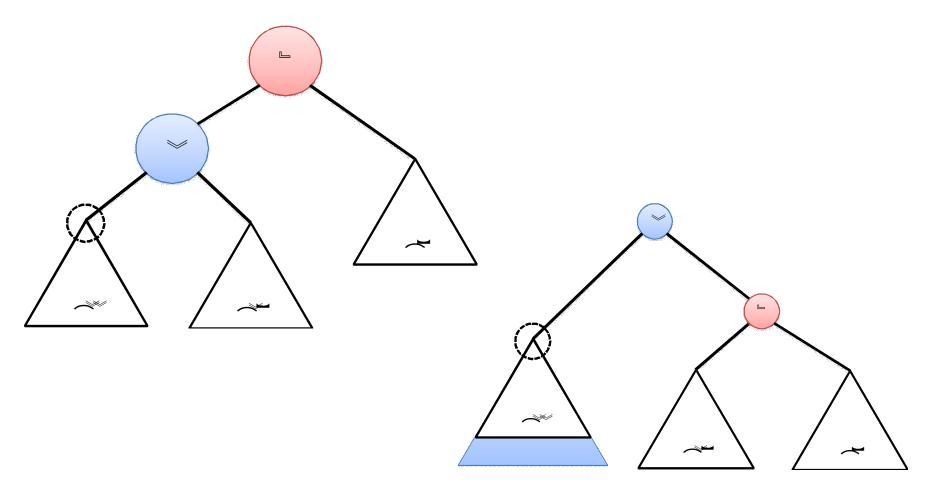
(4) RL (Right-Left)



4.2 AVL 균형 유지 연산 (3/6)

4. 균형 이진 탐색 트리

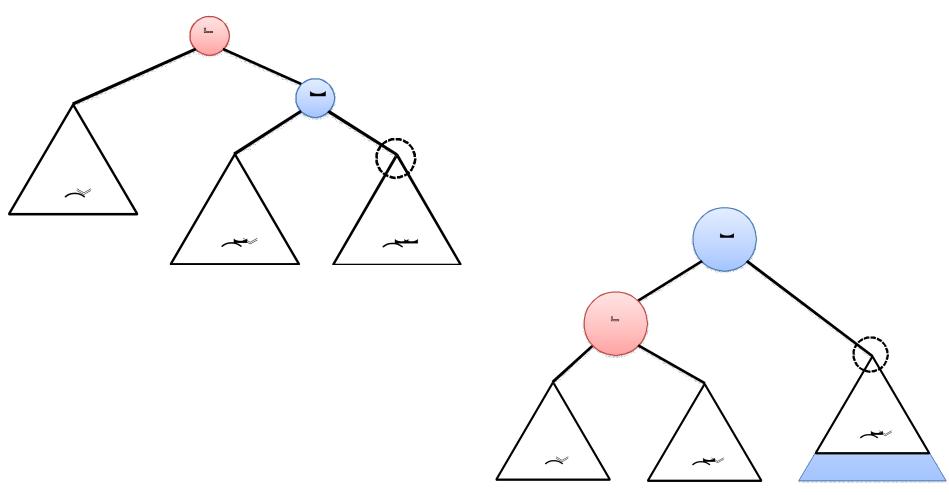
• LL의 경우: LL회전



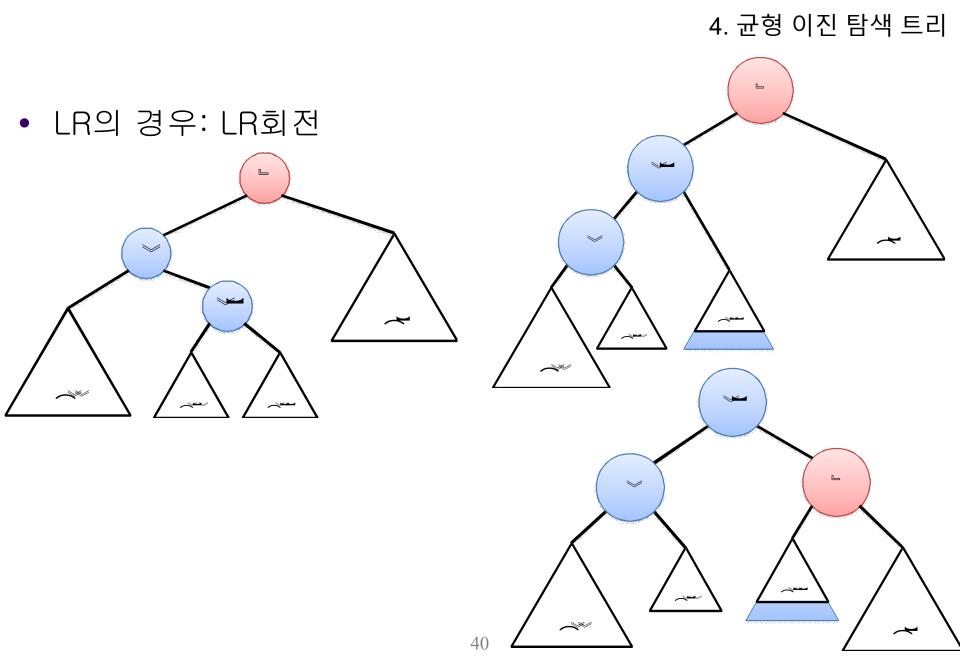
4.2 AVL 균형 유지 연산 (4/6)

4. 균형 이진 탐색 트리

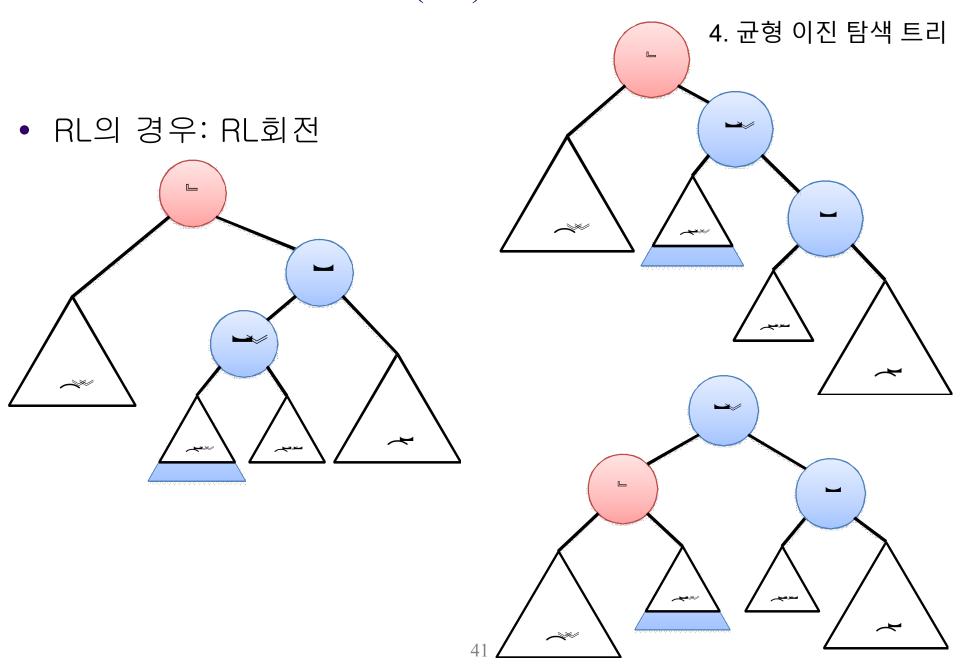
• RR의 경우: RR회전



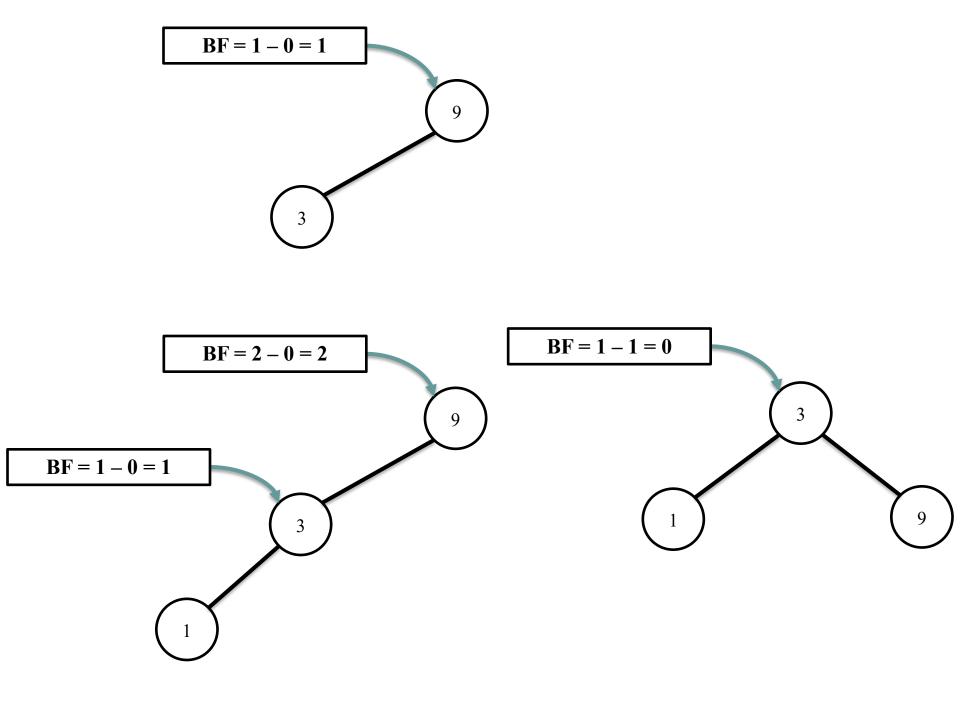
4.2 AVL 균형 유지 연산 (5/6)

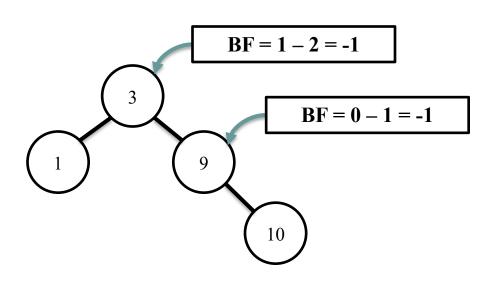


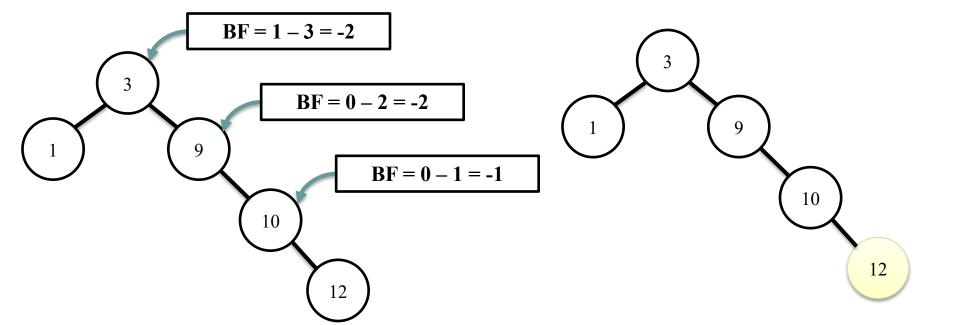
4.2 AVL 균형 유지 연산 (6/6)

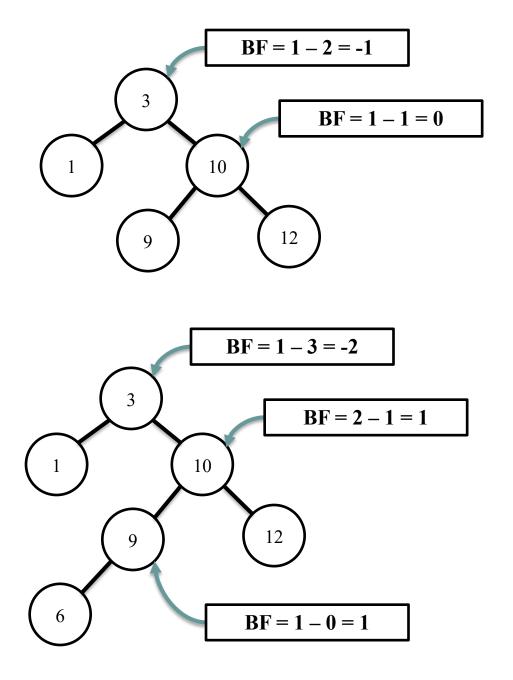


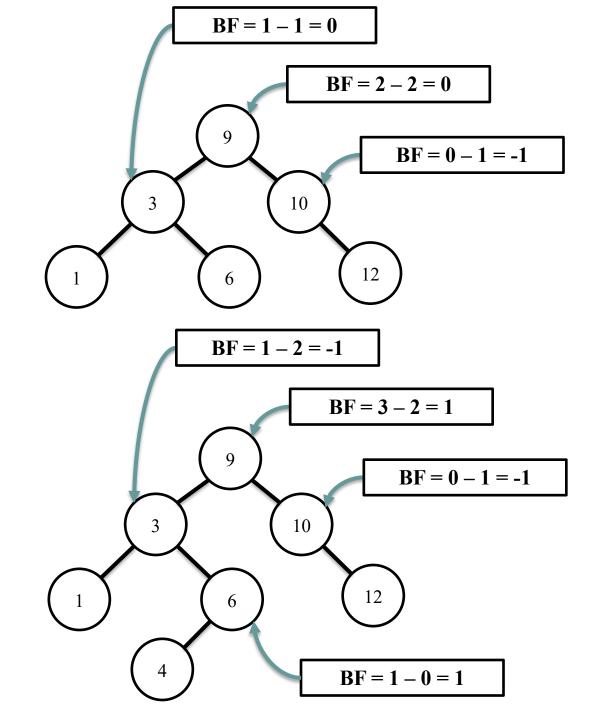
		pChildNode의 balance	
		> 0	⟨0
pNode의	> 1	LL 회전	LR 회전
pNode의 balance	< −1	RL 회전	RR 회전

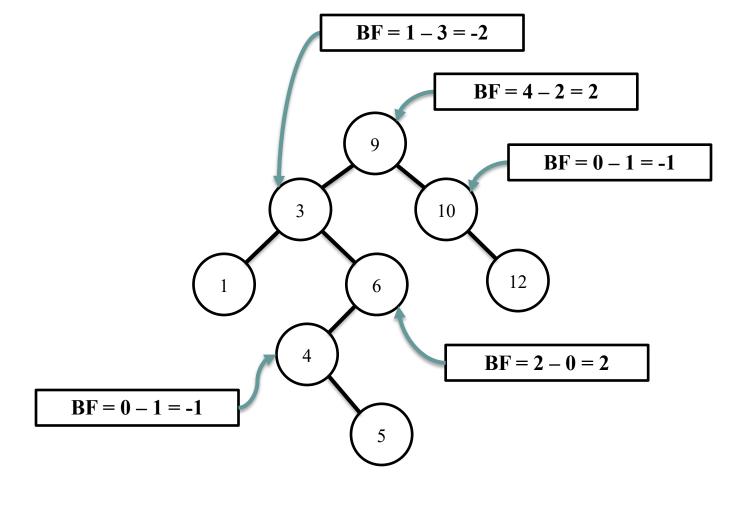


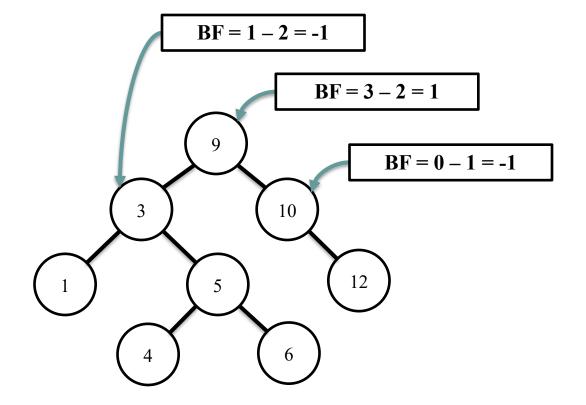












AVL 트리의 추상 자료형 및 구현

- 추상 자료형
 - AVL트리 생성, 삭제
 - 탐색
 - 데이터 추가, 삭제

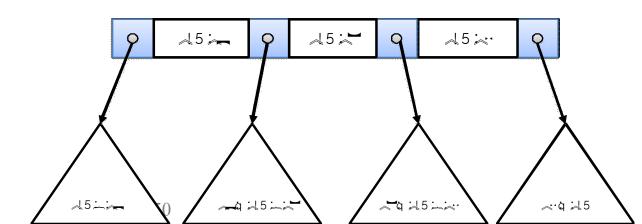
4. 균형 이진 탐색 트리

※ 4.4 연결 리스트로 구현한 스택

5.1 m-원 탐색 트리

• 다원 탐색 트리

- 균형 이진 탐색 트리의 문제점
 - 1) 높이 문제
 - 2) 높은 균형 유지 문제
- m-원 탐색 트리(m-way Search Tree)의 특징
 - 1. 각 노드는 0에서 최대 m 개의 서브트리(sub tree)를 가진다.
 - 2. k개의 서브트리를 가지는 노드는 (k 1) 개의 자료를 가진다. (단, k ≤ m)
 - 3. 각 노드 안에서 자료들은 검색 키에 의해 정렬된다.
 - 4. key $1 \le \text{key } 2 \le ... \le \text{key } (k-1)$
 - 5. 다음 조건을 항상 만족한다.
 - 6. Key i ≤ (i번째 서브트리 내의 모든 키 값) < Key (i + 1)



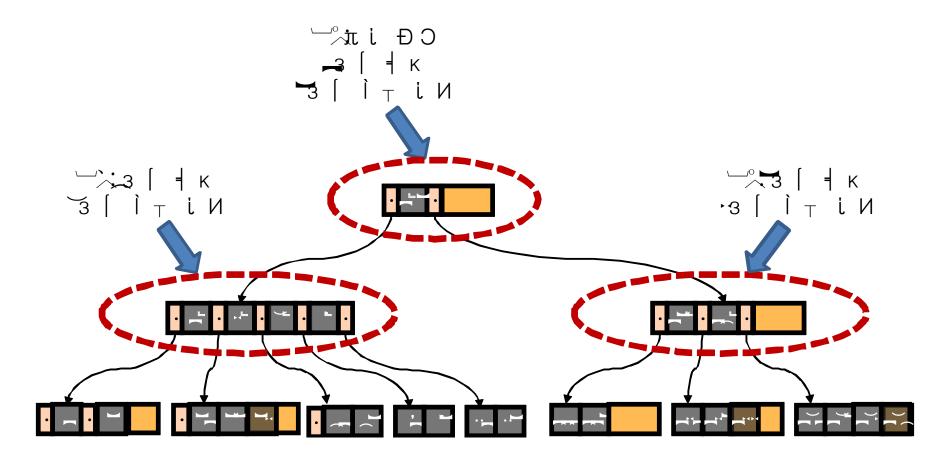
5.2 B-트리

• B-트리의 추가 4가지 특성

- 1. 루트 노드는 단말(leaf) 노드이거나, 2에서 m 개의 서브트리를 가진다.
- 2. 루트 노드를 제외한 모든 내부(internal) 노드는 아래의 개수만큼 서브트리를 가 진다.
- 3. ┌ m/2 ┐ ≤ (서브트리의 개수) ≤ m
- 4. 단말 노드는 아래의 개수만큼 자료를 가진다.
- 5. ┌ m/2 ¬ 1 ≤ (자료의 개수) ≤ m 1
- 6. 모든 단말 노드는 같은 레벨에 있다. 즉, 트리는 완전한 균형 상태에 있도록 한다.

	서브트리의 개수		자료의 개수	
	최소	최대	최소	최대
3	2	3	1	2
4	2	4	1	3
5	3	5	2	4
m	r m/2 ¬	m	r m/2 ¬ − 1	m – 1

• m=5



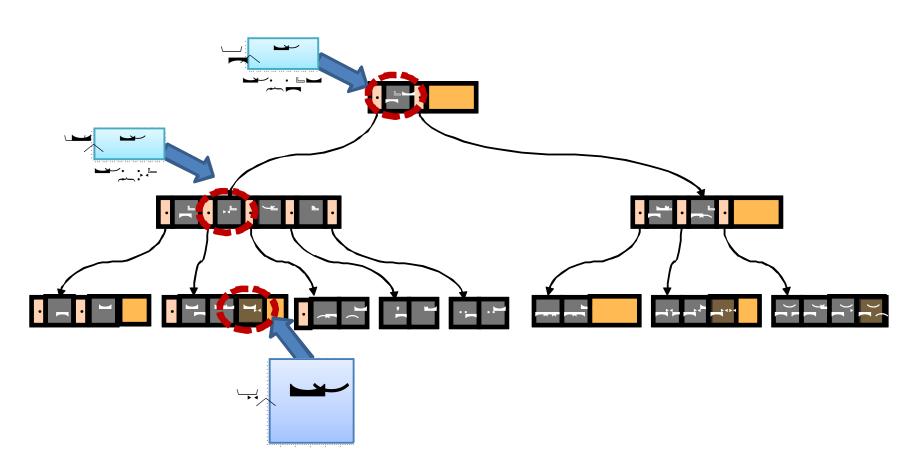
5.3 B-트리에서의 자료 추가 (1/3)

• (1) 저장 위치 찾기

5. 다원 탐색 트리

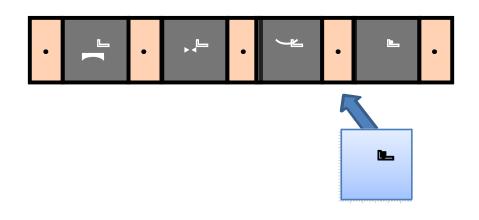
• (2) 자료의 저장과 노드 분할

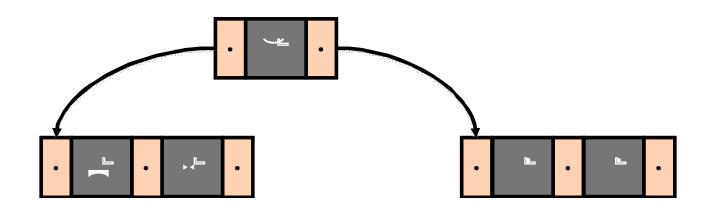
Key i ≤ (i번째 서브트리 내의 모든 키 값) < Key (i + 1)



5.3 B-트리에서의 자료 추가 (2/3)

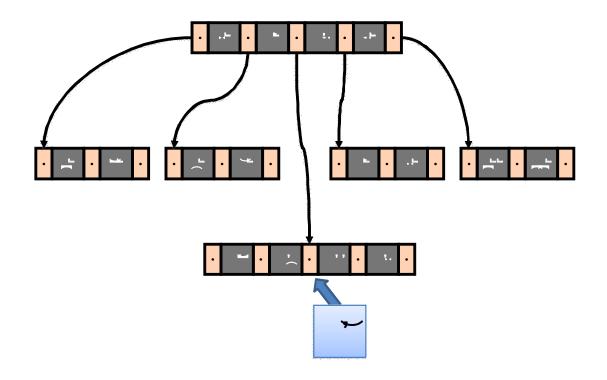
- (2)자료의 저장과 노드 분할 첫 번째 예
 - m=5, 레벨이 1인 B-트리



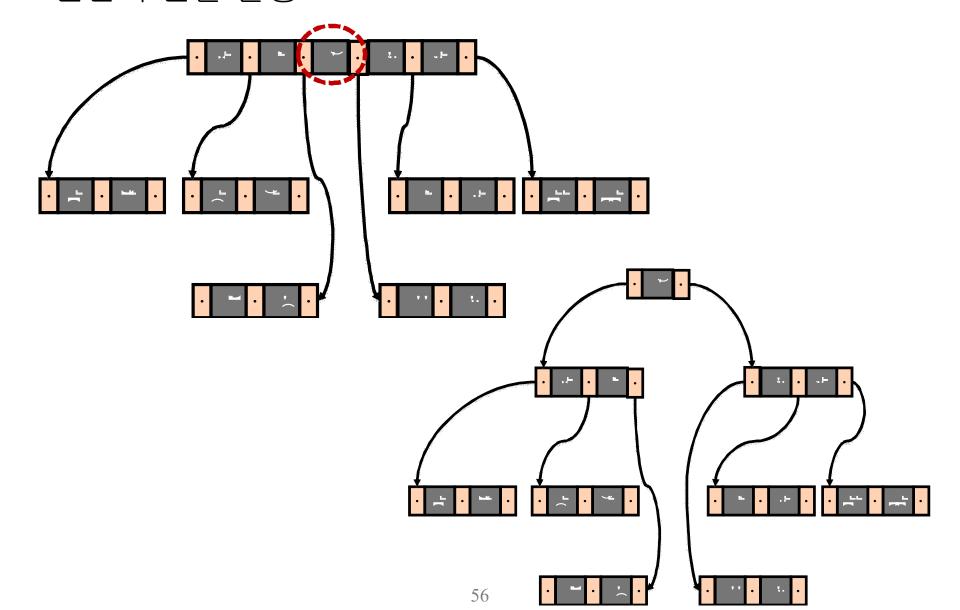


5.3 B-트리에서의 자료 추가 (3/3)

- (2)자료의 저장과 노드 분할 두 번째 예
 - m=5, 레벨이 2인 B-트리

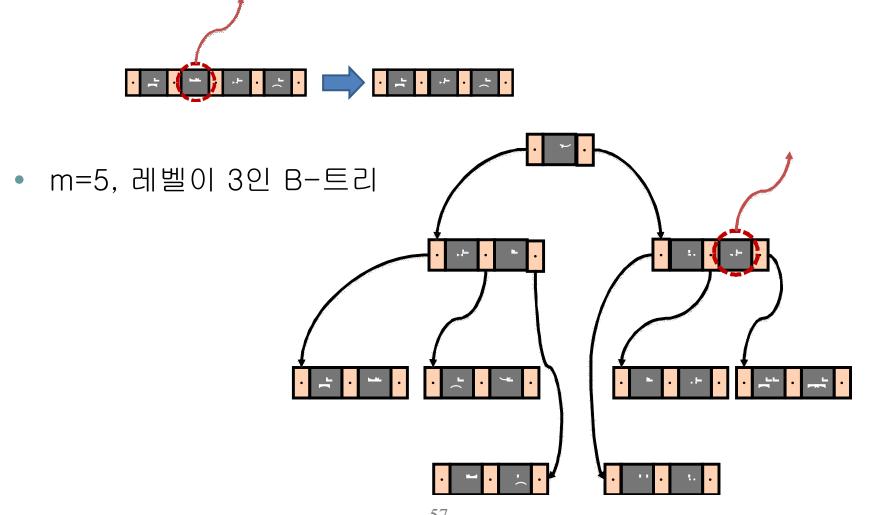


• 순환적 분할 발생

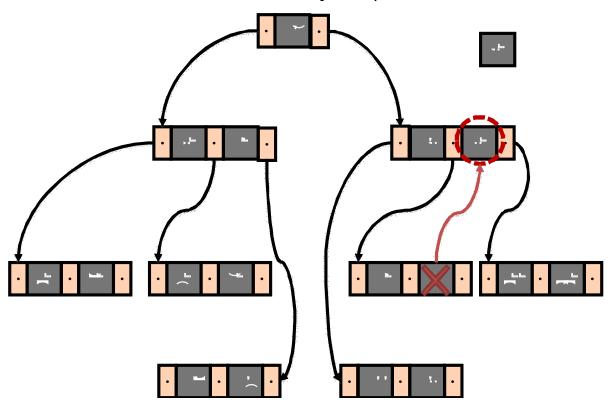


5.4 B-트리에서의 자료 제거 (1/4)

- (1) 저장 위치 찾기
- (2) 자료의 삭제: 말단 노드 여부 점검



Key i ≤ (i번째 서브트리 내의 모든 키 값) < Key (i + 1)



2. 루트 노드를 제외한 모든 내부(internal) 노드는 아래의 개수만 큼의 서브트리를 가진다.

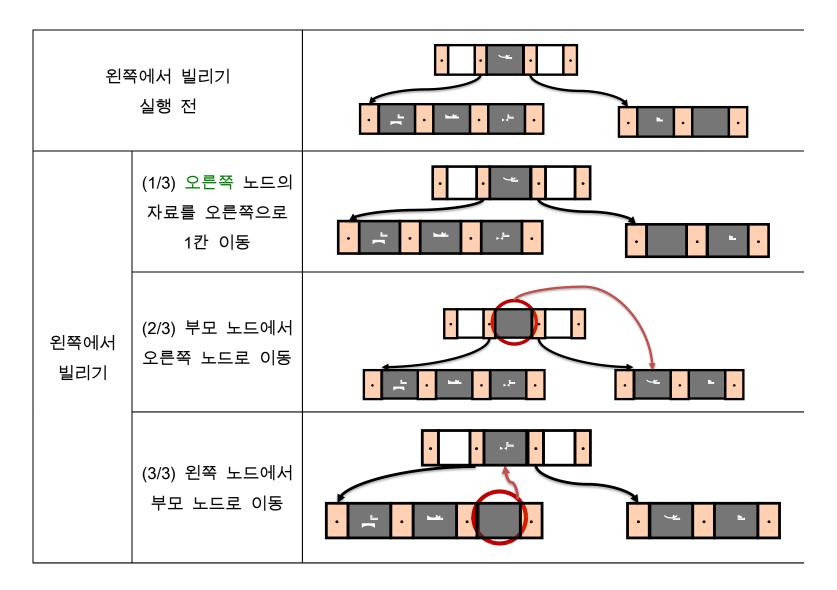
r m/2 ¬ ≤ (서브트리의 개수) ≤ m 3. 단말 노드는 아래의 개수만큼의 자료를 가진다.

┌ m/2 ┐ - 1 ≤ (자료의 개수) ≤ m – 1

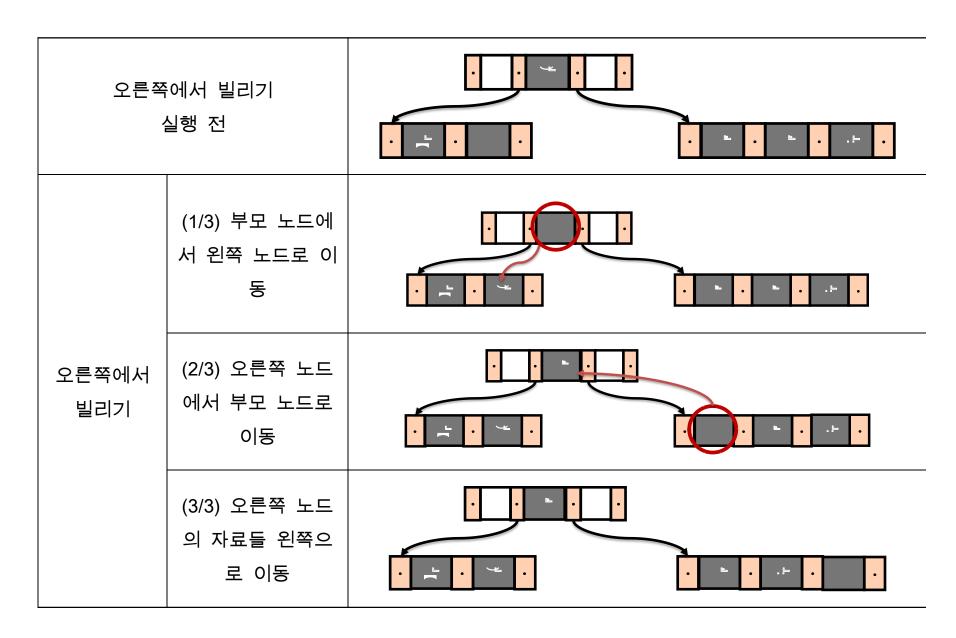
5.4 B-트리에서의 자료 제거 (2/4)

- (3)균형 유지
 - 왼쪽에서 빌리기
 - 오른쪽에서 빌리기
 - 병합

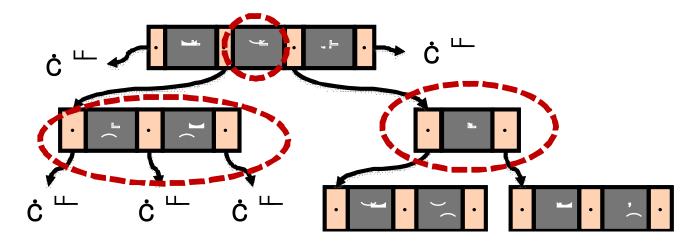
5.4 B-트리에서의 자료 제거 (3/4)

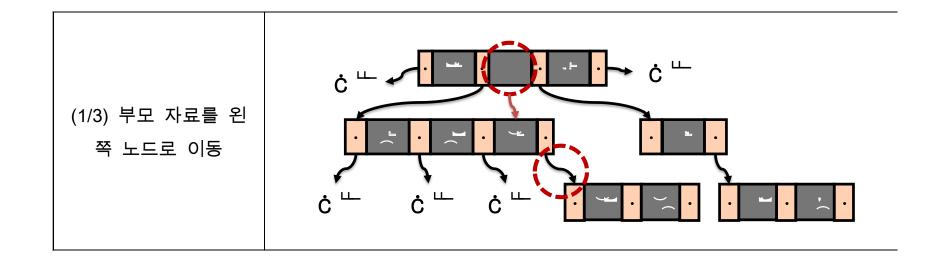


5.4 B-트리에서의 자료 제거 (4/4)

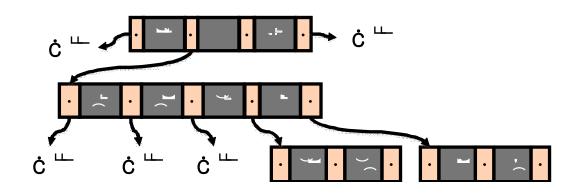


병합 (계속)

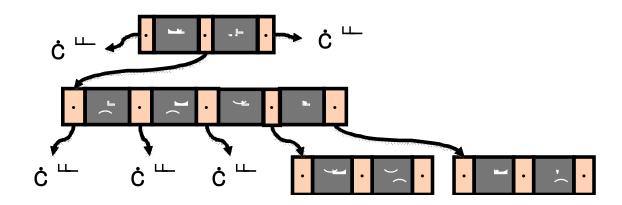




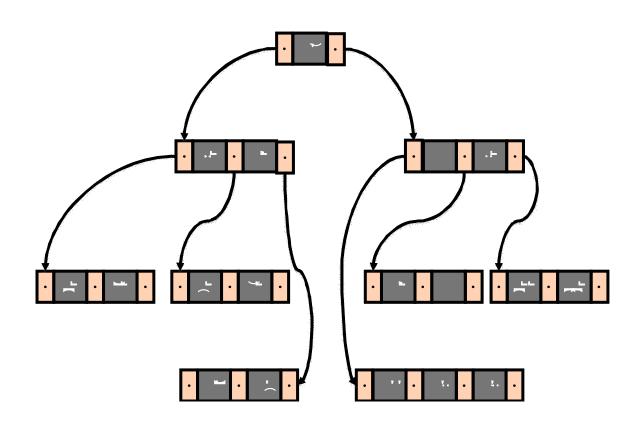
• (2/3) 오른쪽 노드의 자료를 왼쪽 노드로 이동



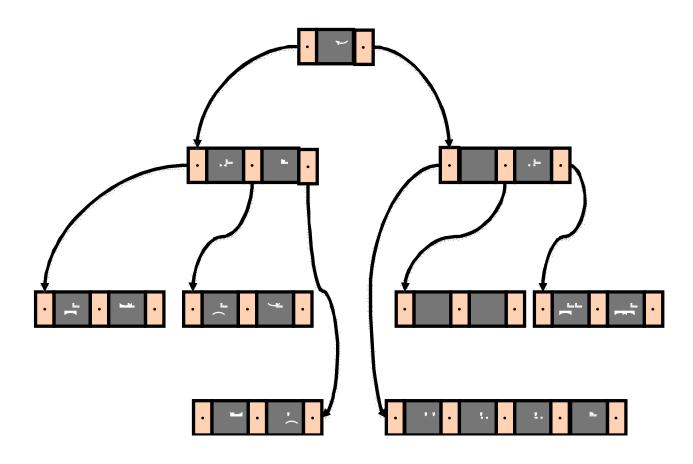
• (3/3) 부모 노드의 자료를 이동



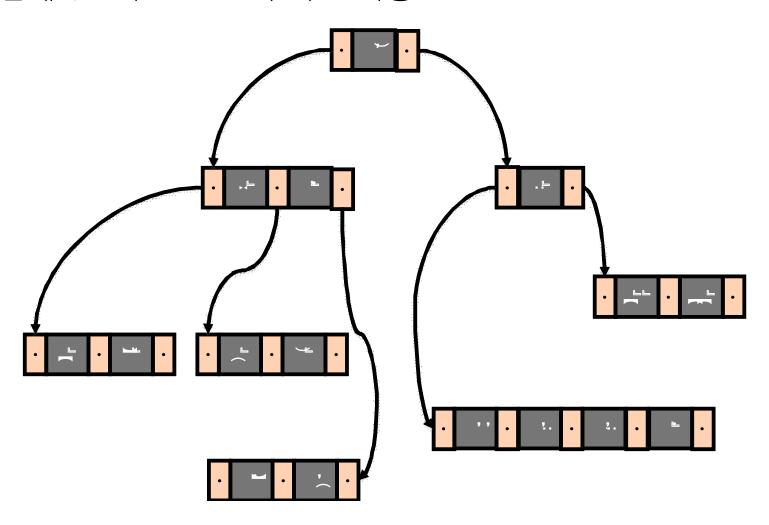
- 첫번째
 - 단계 1 부모 자료를 왼쪽 노드로 옮기기



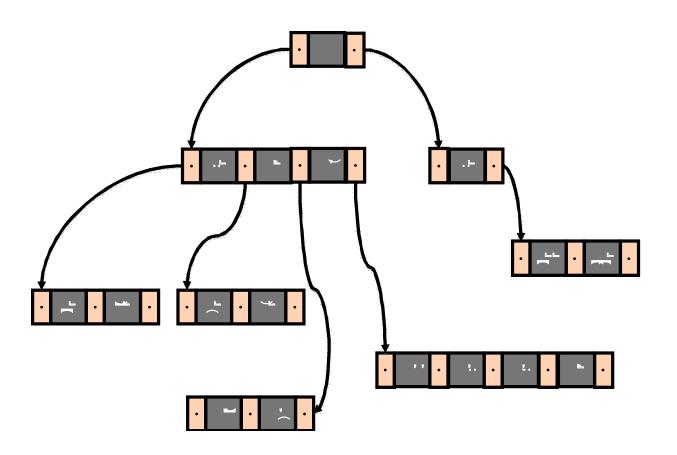
- 첫번째
 - 단계 2 오른쪽 노드의 자료를 왼쪽 노드로 옮기기



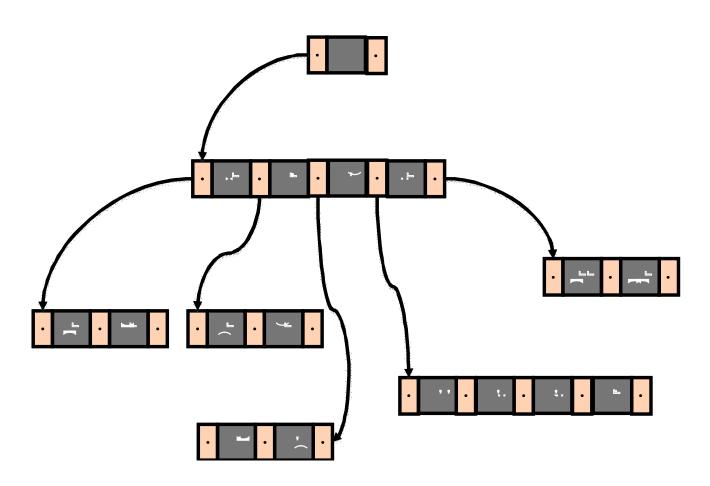
- 첫번째
 - 단계 3 부모 노드의 자료 이동



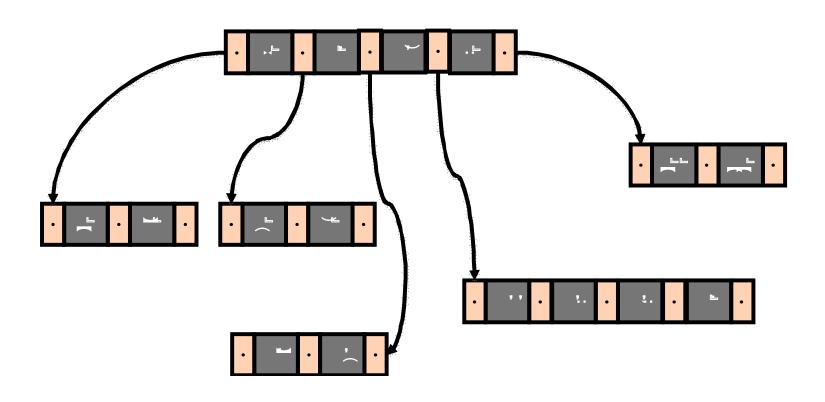
- 두번째
 - 단계 1 부모 자료를 왼쪽 노드로 옮기기



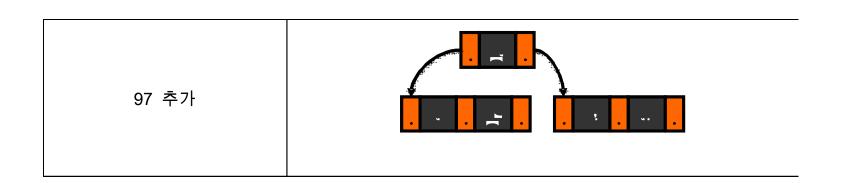
- 두번째
 - 단계 2 오른쪽 노드의 자료를 왼쪽 노드로 옮기기

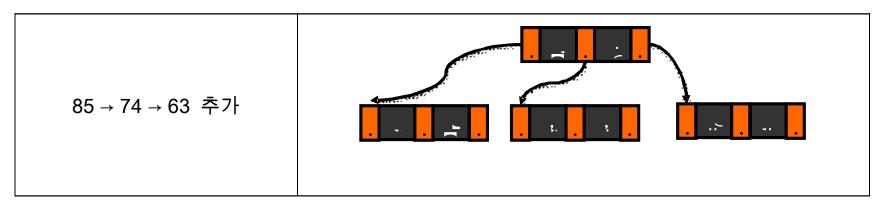


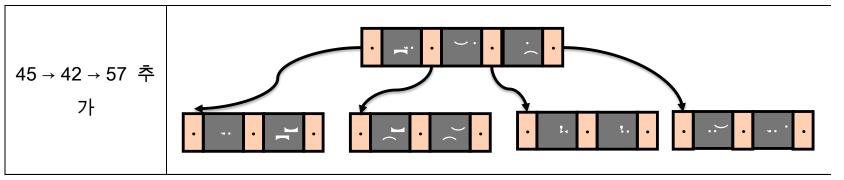
- 두번째
 - 단계 3 부모 노드의 자료 이동



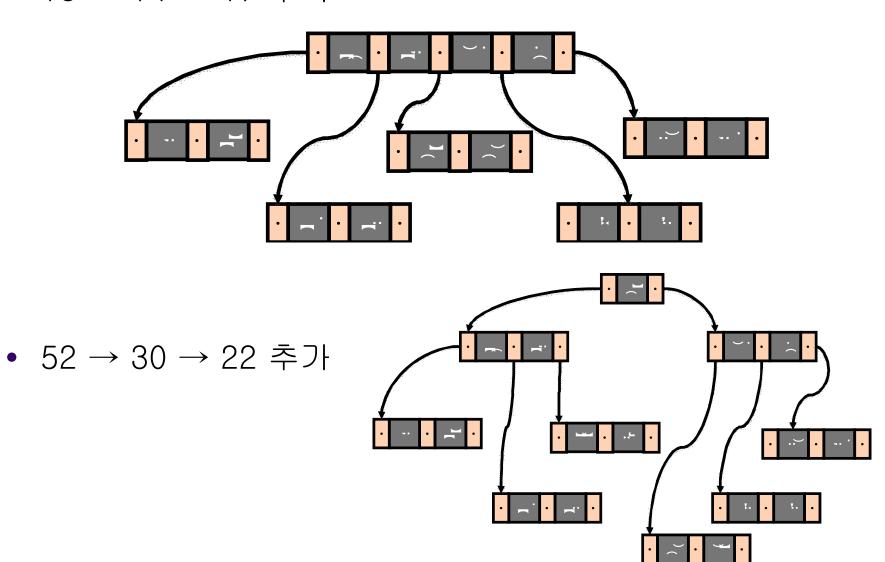
$$68 \rightarrow 19 \rightarrow 12 \rightarrow 9 \rightarrow 97 \rightarrow 85 \rightarrow 74 \rightarrow 63$$
$$\rightarrow 45 \rightarrow 42 \rightarrow 57 \rightarrow 18 \rightarrow 14 \rightarrow 17 \rightarrow 52 \rightarrow 30 \rightarrow 22$$





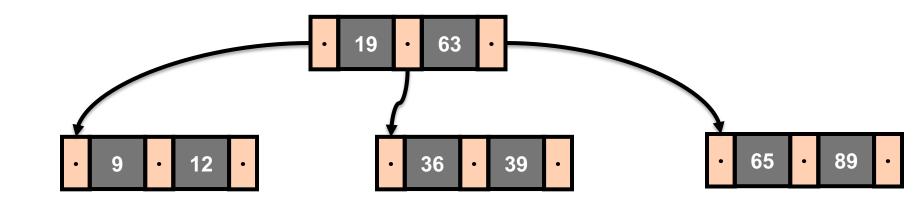


• 18 → 14 → 17 추가

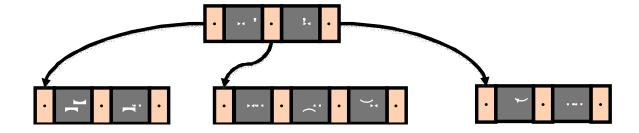


• 삭제 순서:

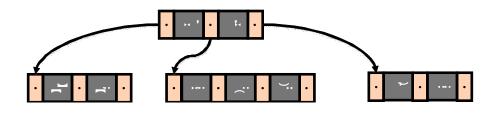
$$9 \to 89 \to 39 \to 63 \to 53 \to 36$$



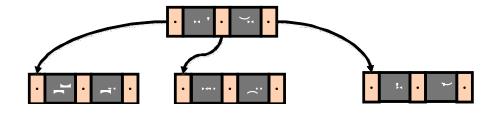
• 9삭제



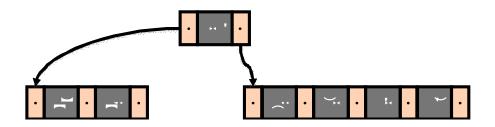
• 9 삭제



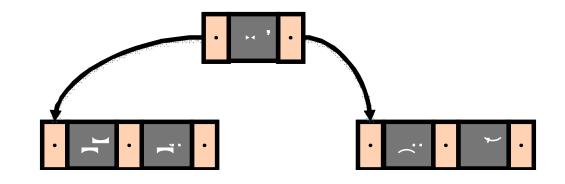
• 89 삭제



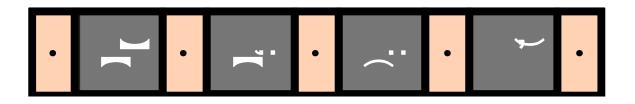
• 39 삭제



• 63→53 삭제



• 36 삭제



B-트리의 추상 자료형 및 구현

• 소스 파일 구성

5. 다원 탐색 트리

파일 이름	내용	
10_07.vcproj	Visual Studio 프로젝트 파일	
btreedef.h	상수와 구조체 선언	
btree.h	B-트리 구현을 위한 구조체와 함수 선언	
btree.c	B-트리 함수 구현	
btlinkedstack.h	(B-트리 구현을 위한) 연결 스택의 구조체와 함수 선언	
btlinkedstack.c	(B-트리 구현을 위한) 연결 스택의 함수 구현	
exampl10_07.c	예제 프로그램	

- 추상 자료형
 - B-트리 생성, 삭제
 - 탐색
 - 데이터 추가, 삭제

※ 4.4 연결 리스트로 구현한 스택

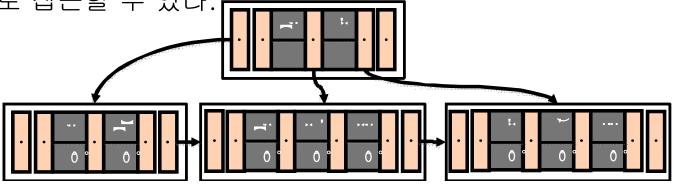
5.7 간단한 형태의 B-트리

• 2-3트리와 2-3-4트리

	서브트리의 개수		자료의 개수	
	최소	최대	최소	최대
3	2	3	1	2
4	2	4	1	3
m	r m/2 ¬	m	r m/2 ¬ − 1	m - 1

5.8 B-트리의 변형

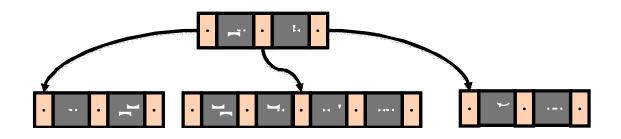
- B+ 트리 5. 다원 탐색 트리
 - 순차적으로(Sequential) 접근 필요
 - 중위 순회
 - 특성
 - 1) 모든 내부(internal) 노드는 (자료의) 키 값만 저장하고, 각 자료의 데이터는 오직 말단(leaf) 노드에만 저장된다.
 - ⇒ 따라서 말단 노드에 저장된 키와 동일한 키를 저장하는 내부 노드도 있을 수 있다.
 - 2) 각 말단 노드에는 다음 형제 노드에 대한 포인터를 가지고 있어 순 차적으로 접근할 수 있다.



5.8 B-트리의 변형

B* 트리

- 5. 다원 탐색 트리
- 대용량의 자료를 저장하기 위해 차수 m이 5 이상인 B-트리가 주로 사용
 - 전체 노드의 약 50% 정도가 비어 있음
- 특성
 - 1) 루트 노드가 아닌 노드는 최대 저장 공간의 <u>2/3 **이상의 자료가 저장**</u>되어야 한다.
 - ⇒ B-트리에서는 조건 (┌m/2 ┐ 1)에 의해 최소 <u>1/2 이상의 자료가 저장</u>
 - 2) 노드에 저장되는 자료가 넘치는 경우(overflow), <u>일단은 형제 노드들로 재</u>분배시킨다. 모든 형제 노드들이 가득 찬 경우에만 분할이 발생한다.
 - ⇒ B-트리는 중간값을 가지는 자료를 부모 노드로 올려 보내고, 분할.



이번 장에서는

- 순차 검색
- 이진 검색
- 해싱
- 균형 이진 탐색 트리
- 다원 탐색 트리