${\rm BLU3202-Algoritmos}$ e Estruturas de Dados

Aluno(a):

- Considere a seguinte sequência de operações: push(7), push(2), pop(), push(4), pop(), push(5), push(8), pop(), pop(), push(3), push(1), pop().
  - A soma dos elementos remanescentes em uma *fila*, inicialmente vazia, após essa sequência de operações será \_\_\_\_\_\_.
  - A soma dos elementos remanescentes em uma pilha, inicialmente vazia, após essa sequência de operações será \_\_\_\_\_\_.
- Considere a seguinte sequência de operações aplicadas tanto a uma fila quanto a uma pilha: push(5), push(7), pop(), push(1), pop(), push(6), push(3), pop(), pop(), push(2) e push(4).
  - I Após a realização das operações, a soma dos elementos remanescentes na fila será menor do que a soma dos elementos remanescentes na pilha.
  - II Ao longo da execução das operações, a soma dos elementos armazenados na fila nunca será menor do que a soma dos elementos armazenados na pilha.
  - III Ao longo da execução das operações, a soma dos elementos armazenados na pilha nunca será menor do que a soma dos elementos armazenados na fila.
  - IV A diferença entre a soma dos elementos presentes na pilha e na fila nunca ultrapassa 7.

A respeito das afirmações acima, pode-se dizer que estão corretas as alternativas:

- (a) I e II
- (c) I e IV
- (e) I, II, III e IV

- (b) II e IV
- (d) II e III
- 3. Considere as seguintes estruturas, utilizadas para implementar uma fila:

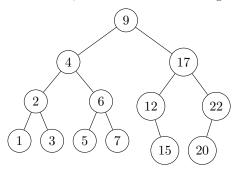
```
typedef struct{
  int dado;
    struct item *next;
}item;

typedef struct{
  item *inicio;
  item *fim;
}item;
```

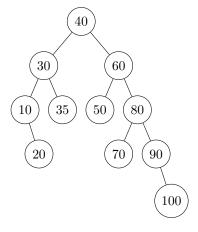
Complete o código abaixo para implementar a função pop em uma fila, assumindo que o parâmetro \*f é um ponteiro para o primeiro elemento da estrutura.

- 4. Sobre tabelas hash, pode-se afirmar que
  - (a) Sendo  $n_1$  um número par e  $n_2$  um número primo tal que  $n_1 < n_2$ , a probabilidade de colisões é menor para tabelas hash de tamanho  $n_1$  do que para tabelas de tamanho  $n_2$  caso o cálculo do hash seja feito pelo método da divisão.
  - (b) Em tabelas livres de colisões, a busca por um elemento tem, no pior caso, complexidade igual à complexidade da busca em árvores binárias de pesquisa.
  - (c) Na resolução de colisões por encadeamento, a busca por um elemento, no pior caso, terá complexidade semelhante à busca em listas encadeadas
  - (d) Em tabelas livres de colisões, tem-se a garantia, independente da função hash utilizada, de que os elementos estarão dispostos na ordem em que foram inseridos. O primeiro elemento a ser ocupará a primeira posição da tabela, o segundo elemento ocupará a segunda posição e assim por diante.
- 5. Considere uma tabela hash de tamanho t que armazena chaves cujos valores cujas chaves são números inteiros. O cálculo do hash para uma chave k é dado por h(k) = k%t (método da divisão). Assumindo que a tabela está inicialmente vazia, qual será o número de colisões caso sejam inseridos elementos com as chaves 24, 28, 30, 36 e 42 em tabelas com os seguintes tamanhos:
  - a) t = 4: \_\_\_\_\_
  - b) t = 7: \_\_\_\_\_
  - c) t = 12: \_\_\_\_\_
  - d) t = 18: \_\_\_\_\_
  - e) t = 19: \_\_\_\_\_

Para as questões 6 a 7, considere a árvore da figura abaixo:



- 6. Escreva abaixo a sequência de números que será impressa caso a árvore seja percorrida
  - a) Em pré-ordem: \_\_\_\_\_
  - b) Em ordem: \_\_\_\_\_
  - c) Em pós-ordem: \_\_\_\_\_
- 7. Caso o nó que armazena o número 4 seja excluído e a árvore permaneça sendo uma árvore binária de pesquisa, a do valor de suas folhas será \_\_\_\_\_\_.
- 8. Transforme a árvore abaixo em uma árvore AVL.



- 9. Desenhe a árvore binária de pesquisa (não balanceada) gerada pela inserção da seguinte sequência de números: 50, 30, 80, 35, 20, 12, 70, 23, 22, 85, 72.
- Desenhe a árvore AVL gerada pela inserção da seguinte sequência de números: 50, 30, 80, 35, 20, 12, 70, 23, 22, 85, 72.