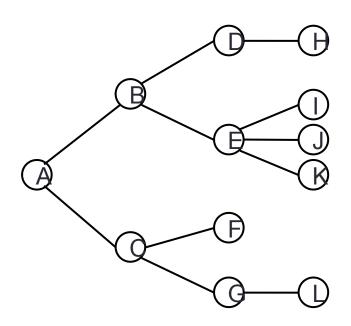
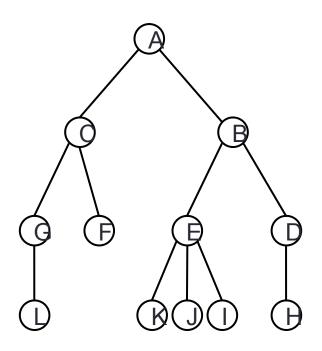
Algoritmos e estruturas de Dados

- Vetores e listas são estruturas de dados importantes
- Mas por serem lineares não são adequadas para representar dados dispostos de maneira hierárquica
 - Ex: documentos armazenados em pastas em um computador

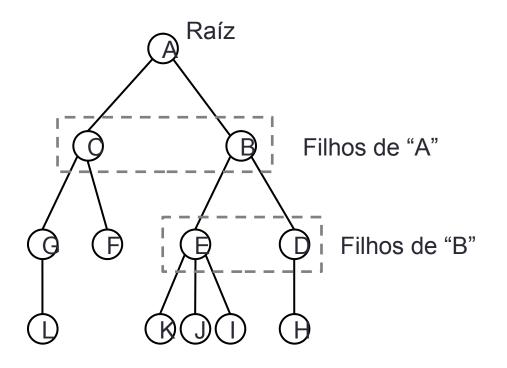


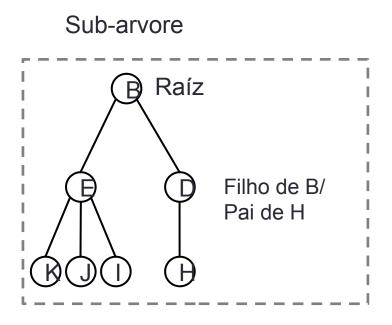
- Uma árvore é uma estrutura na qual cada elemento possui zero ou mais sucessores.
- Porém todos os elementos possuem apenas um antecessor



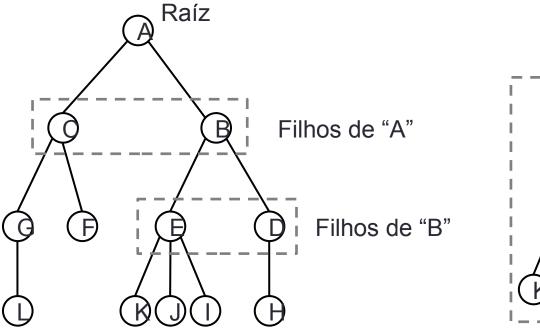


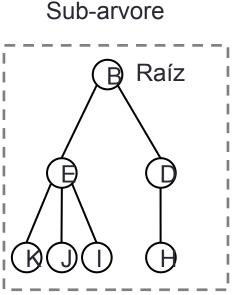
- Qualquer elemento de uma árvore é chamado de nó.
- O 1º elemento, que dá origem aos demais, é chamado Raiz
- Os sucessores de um determinado nó são chamados Filhos (ou descendentes)
- O antecessor de um nó é chamado de Pai.



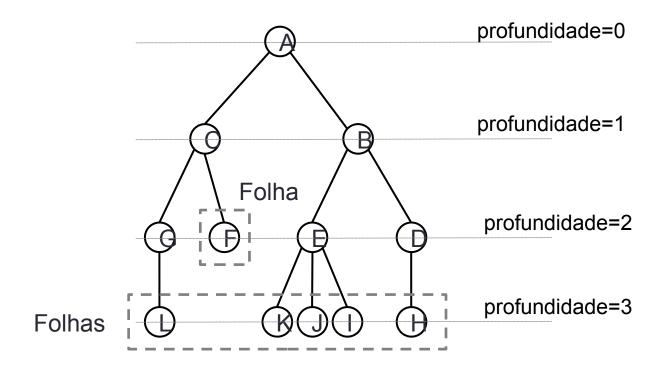


- À exceção da raiz, todos os nós de uma árvore têm 1 (e apenas 1) pai.
 - A raiz não tem pai.
- Há um caminho único da raiz a cada nó.
 - O tamanho do caminho é o número de arestas a percorrer

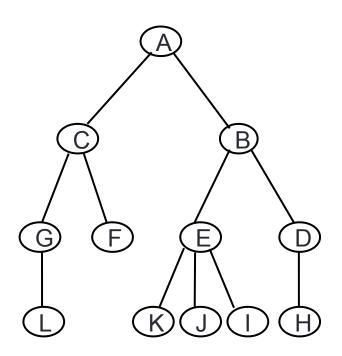




- Folha: nó sem filhos.
- Profundidade de um nó:Comprimento da raiz até o nó
 - Profundidade da raiz é 0
 - Produndidade de um nó é 1 + profundidade do pai



Tamanho de um nó: número de descendentes



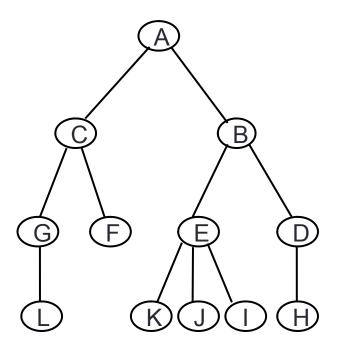
Os nós G e D têm tamanho 1

Os nós A, B e C têm tamanho 2

O nó E tem tamanho 3

Os nós L, F, K, J, I e H têm tamanho zero

- Altura de um nó: comprimento do nó até à folha de maior profundidade
 - Altura de uma folha é 0
 - Altura de um nó é 1 + a altura do seu filho de maior altura
 - Altura da árvore: altura da raiz



O nó A tem altura 3

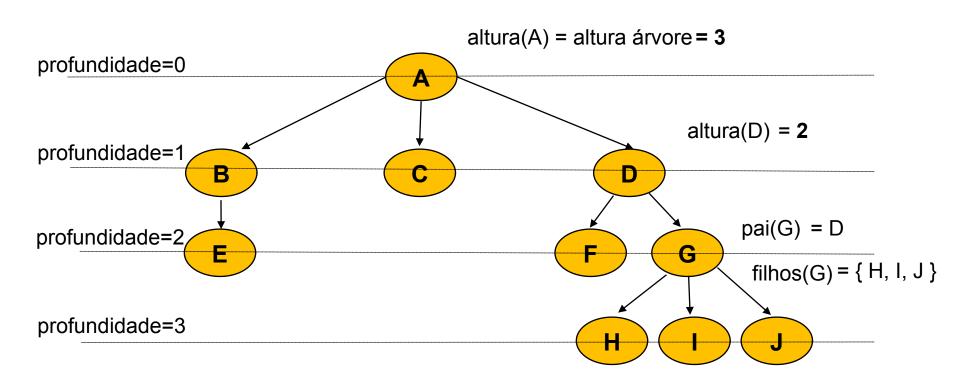
Os nós C e B têm altura 2

Os nós G, E e D têm altura 1

Os nós L, F, K, J, I e H têm altura zero

A árvore tem altura 3

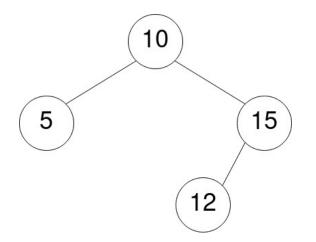
Exemplo:



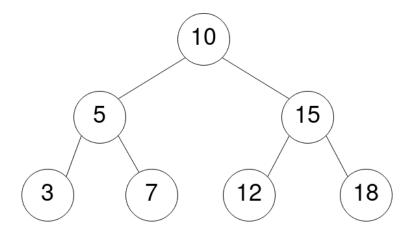
Definição: árvore em que cada nó tem no máximo 2 filhos.

Árvore binária **completa:** os nós de todos os níveis – exceto o último - têm dois filhos, enquanto os nós do último nível são folhas.

Árvore binária (incompleta):



Árvore binária completa:



Árvores binárias – relação entre altura e quantidade de nós

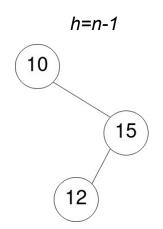
Uma árvore binária com altura h tem n nós, tal que $n-1 \le h < \log_2 n$

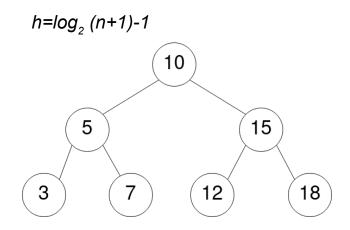
Para h=n-1: cada nó tem um filho

Para $h=log_2(n+1)-1$: a árvore é completa.

Pode-se dizer, que, em uma árvore binária completa, $h = \lfloor \log_2 n \rfloor$

Exemplos:





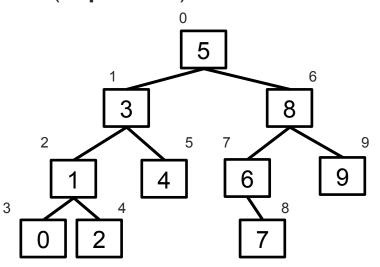
Percurso em Árvores Binárias

Em algumas aplicações, é necessário percorrer uma árvore de forma sistemática, visitando cada nó da árvore uma única vez, em determinada ordem.

- Pré-ordem
- Em-ordem (ordem simétrica)
- Pós-ordem
- Por nível

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

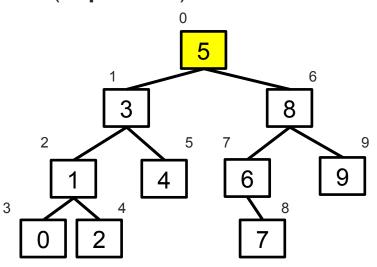
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0 2 4 8 6 7 9

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

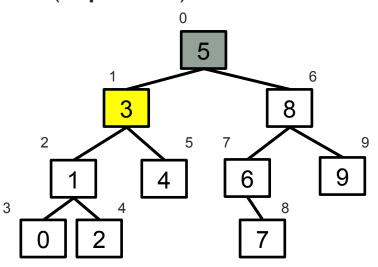
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

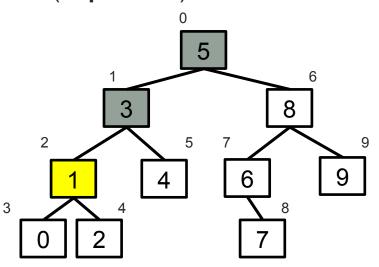
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

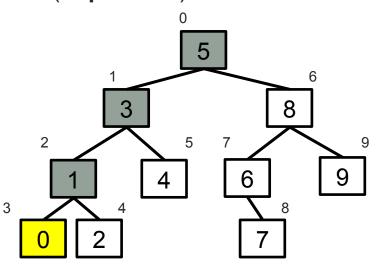
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

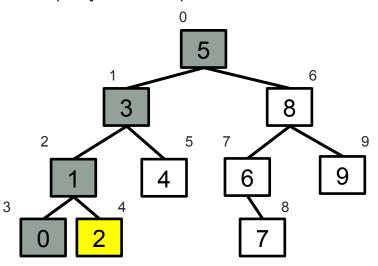
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

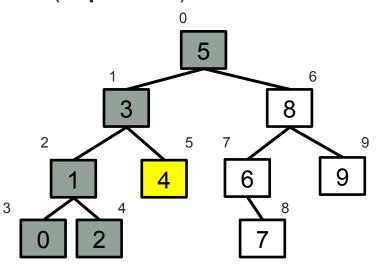
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0 2

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

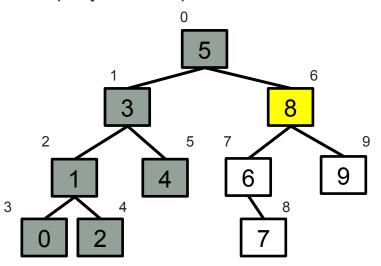
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0 2 4

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

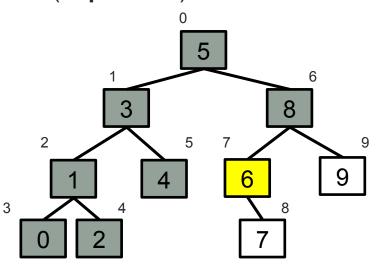
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0 2 4 8

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

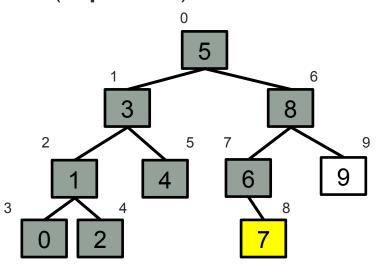
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0 2 4 8 6

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

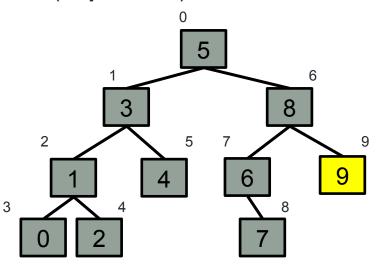
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0 2 4 8 6 7

- Pré-ordem (r-e-d):
 - 1. Visitar a raiz
 - 2. Percorrer a sub-árvore esquerda em pré-ordem
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em pré-ordem

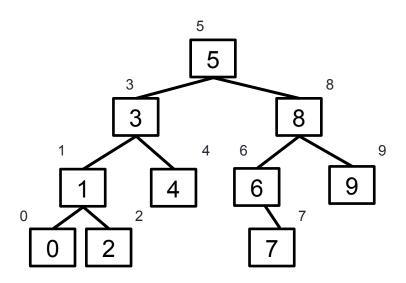
O percurso em pré-ordem segue os nós até chegar os mais "profundos", em "ramos" de subárvores da esquerda para a direita. É conhecida usualmente pelo nome de percurso em profundidade (**depth-first**).



Percurso em pré-ordem: 5 3 1 0 2 4 8 6 7 9

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem.

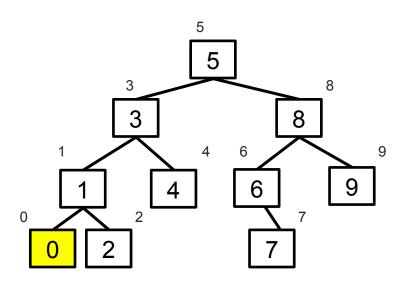
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

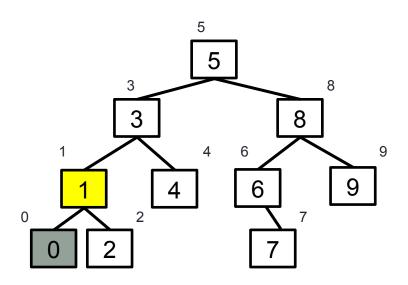
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

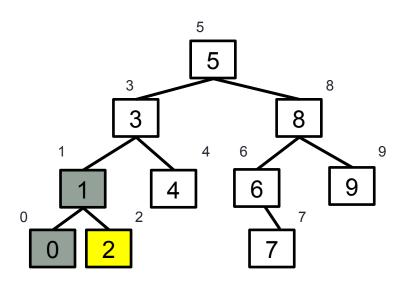
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

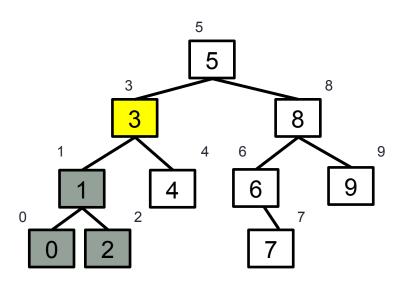
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

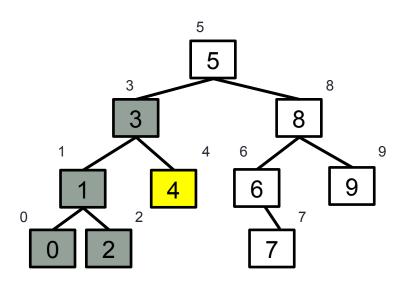
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

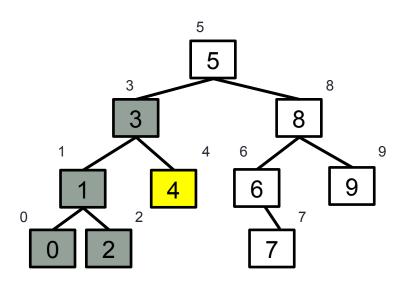
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

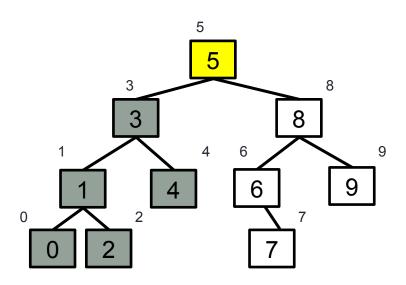
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - 3. Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

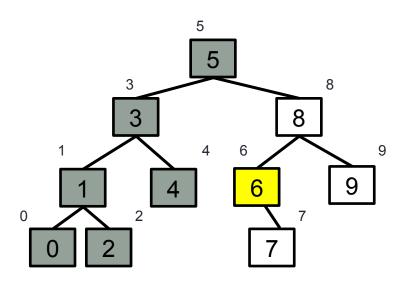
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4 5

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

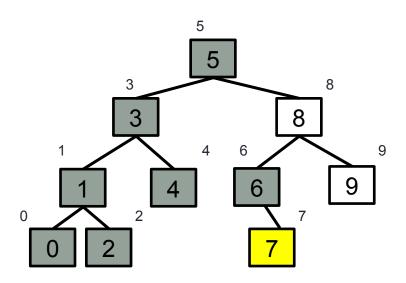
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4 5 6

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem.

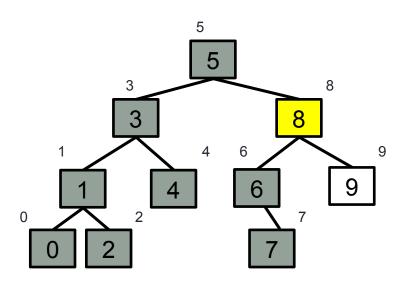
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4 5 6 7

- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

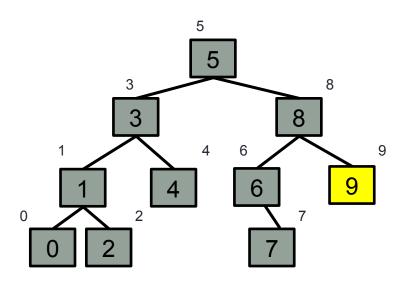
A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4 5 6 7 8

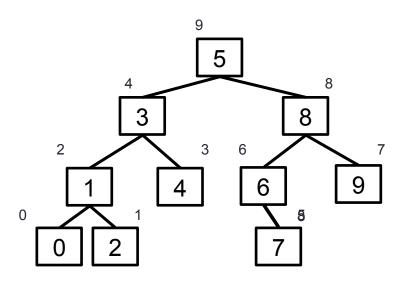
- em-ordem (e-r-d):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em-ordem (e-r-d)
 - 2. Visitar a raiz
 - Percorrer a sub-árvore direita em-ordem

A em-ordem visita a raiz entre as ações de percorrer as duas sub-árvores. É conhecida também pelo nome de ordem simétrica.



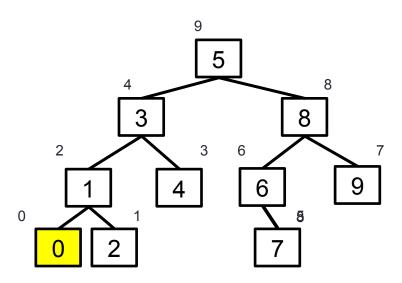
Percurso em-ordem: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



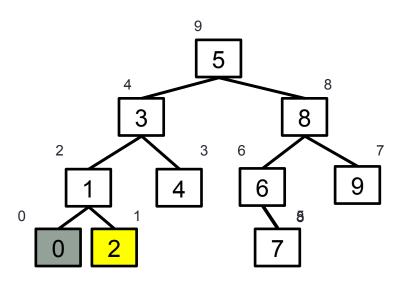
Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4 3 7 6 9 8 5

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



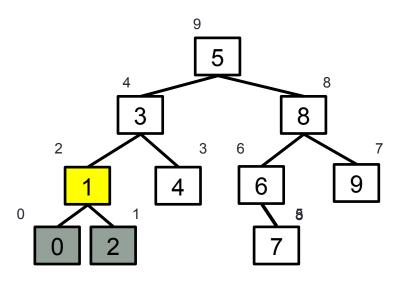
Percurso em pós-ordem: 0

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



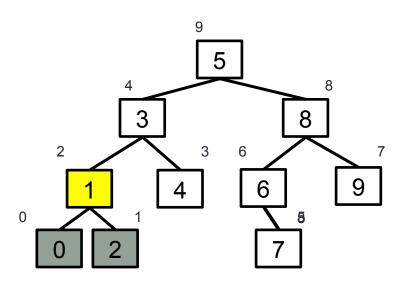
Percurso em pós-ordem: 0 2

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



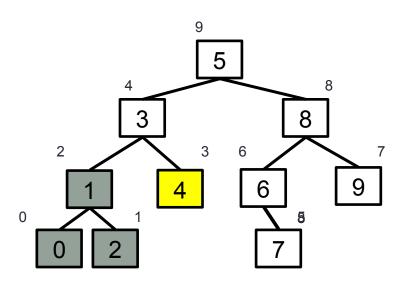
Percurso em pós-ordem: 0 2 1

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



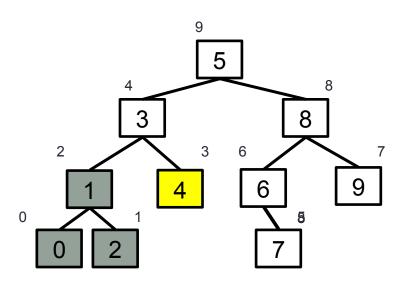
Percurso em pós-ordem: 0 2 1

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



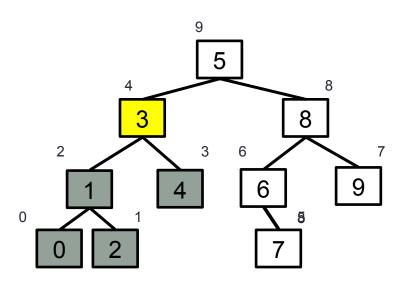
Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



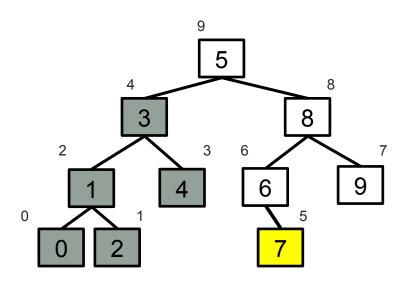
Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



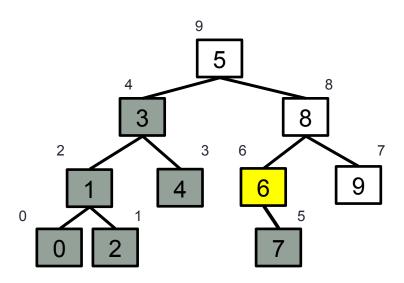
Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4 3

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



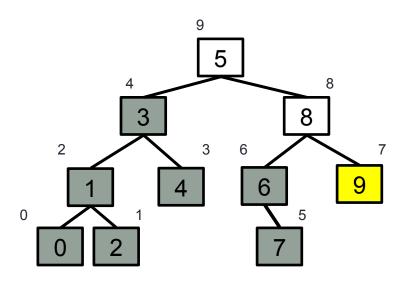
Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4 3 7

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



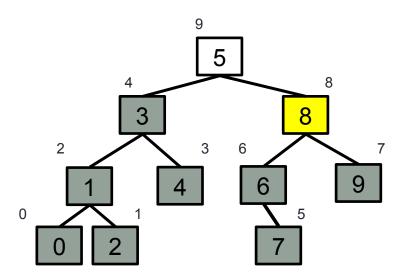
Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4 3 7 6

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



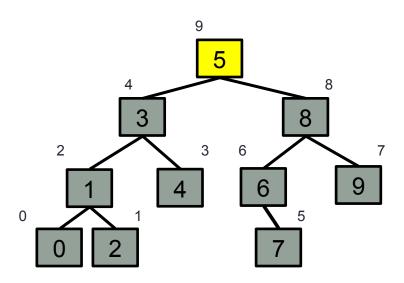
Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4 3 7 6 9

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz



Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4 3 7 6 9 8

- pós-ordem (e-d-r):
 - 1. Percorrer a sub-árvore esquerda em pós-ordem
 - 2. Percorrer a sub-árvore direita em pós-ordem
 - 3. Visitar a raiz

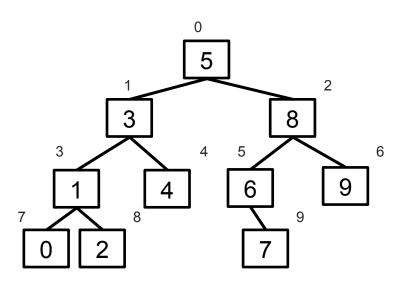


Percurso em pós-ordem: 0 2 1 4 3 7 6 9 8

por-nível:

Os nós são processados por nível (profundidade) crescente, e dentro de cada nível, da esquerda para a direita.

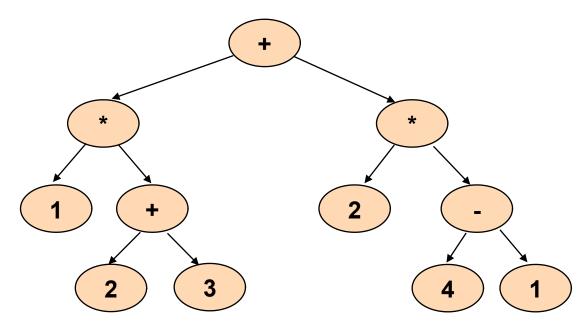
Também é conhecido como breadth-first



Percurso em por nível: 5 3 8 1 4 6 9 0 2 7

Árvores Binárias - Aplicações

Expressões aritméticas



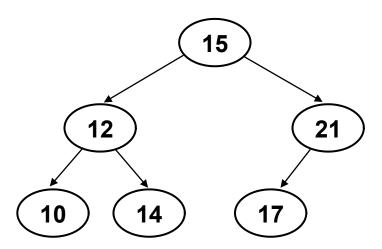
Expressão =
$$1*(2+3)+(2*(4-1))$$

- Ordenação de dados
- Pesquisa em uma lista

Árvore binária, sem elementos repetidos, que verifica a seguinte propriedade:

 Para <u>cada nó</u>, todos os valores da sub-árvore esquerda são menores, e todos os valores da sub-árvore direita são maiores, que o valor desse nó

Fe<Pai<Fd



Pesquisa

Usa a propriedade de ordem na árvore para escolher caminho, eliminando uma sub-árvore a cada comparação.

Desce nível por nível até encontrar o nó buscado

- Quando encontra um nó maior que o buscado segue pelo ponteiro da esquerda
- Quando encontra um nó menor que o buscado, segue pelo ponteiro da direita
- Caso chegue em uma folha, o nó buscado não existe na árvore

Inserção

Como pesquisa; novo nó inserido onde pesquisa falha

Máximo e mínimo

 Procura, escolhendo sempre a subárvore direita (máximo), ou sempre a sub-árvore esquerda (mínimo)

Remoção

- Nó folha: apagar nó
- Nó com 1 filho: filho substitui pai
- Nó com 2 filhos: elemento é substituído pelo menor da sub-árvore direita (ou maior da esquerda); o nó deste tem no máximo 1 filho e é apagado

Cada nó tem, no máximo, 2 filhos Seja q(n) a quantidade de nós no nível n. Então q(n) = 2.q(n-1).

Sabe-se que
$$q(0)=1$$

Logo: $q(1) = 2.q(0) = 2$
 $q(2) = 2.q(1) = 4$
 $q(3) = 2.q(2) = 8$
...

Para uma árvore de altura h:

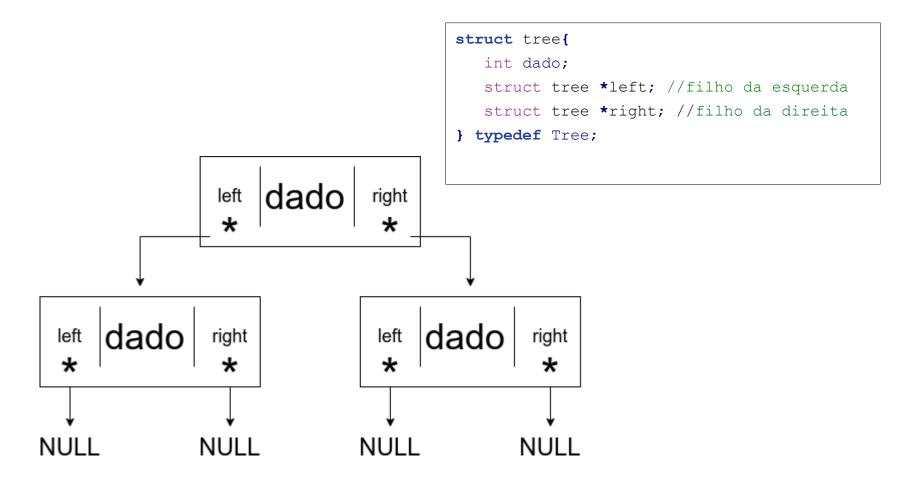
$$Q = q(0) + q(1) + ... + q(p-1) + q(p) \rightarrow \text{ onde } p \text{ \'e a profundidade m\'axima da \'arvore}$$

= $q(0) + 2.q(0) + 2.2.q(0)... \rightarrow \text{na profundidade } p \text{ h\'a, no m\'aximo, } Q(p) = 2^p \times 1$

Para uma árvore de altura h, a quantidade máxima de nós é

$$Q(h) = \sum_{p=0}^{h} 2^{p}$$

```
struct tree{
  int dado;
  struct tree *left; //filho da esquerda
  struct tree *right; //filho da direita
} typedef Tree;
```



```
Tree *insert(Tree *t, int dado) {
   if (t==NULL) {
                                                     dado
      t = malloc(sizeof(Tree));
       (*t).dado = dado;
       (*t).left = NULL;
                                             dado
                                                             dado
                                                  right
                                                                   right
       (*t).right = NULL;
                                                  NULL
                                                          NULL
                                                                  NULL
                                         NULL
   else
   if (dado<(*t).dado)</pre>
      (*t).left = insert((*t).left,dado);
   else
      (*t).right = insert((*t).right,dado);
   return t;
```

```
void mostra arvore(Arvore *arv, int nivel){
   int i;
   if (arv != NULL) {
      for (i = 0; i < nivel*5; i++){
          if (i > nivel*5 -5) {
             printf("-");
          } else {
             printf(" ");
      printf(">%d\n", arv->valor);
      nivel++;
      mostra arvore(arv->fe, nivel);
      mostra arvore(arv->fd, nivel);
```

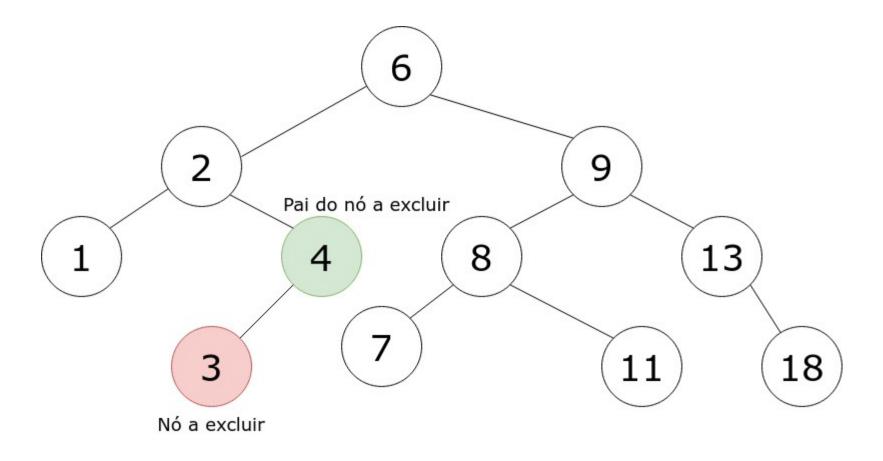
```
void libera arvore(Arvore *arv) {
   if(arv->fe != NULL) {
      libera arvore(arv->fe);
      arv->fe = NULL;
   if (arv->fd != NULL) {
      libera arvore(arv->fd);
      arv->fd = NULL;
   if(arv->fe == NULL && arv->fd == NULL) {
       //printf("Liberando: %d\n",arv->valor);
       free (arv);
```

Exclusão em Árvores Binárias de Pesquisa

Três situações:

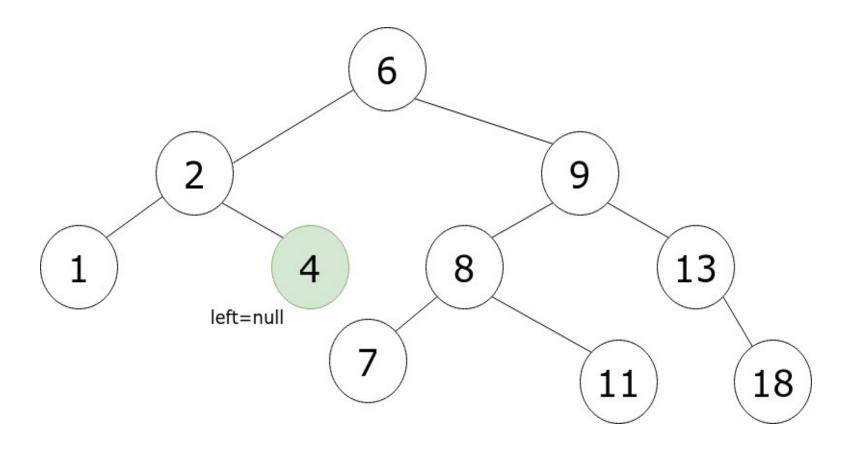
- 1.Exclusão de um nó folha;
- 2.Exclusão de um nó com uma única subárvore
- 3. Exclusão de um nó com duas subárvores

Exclusão de um nó folha



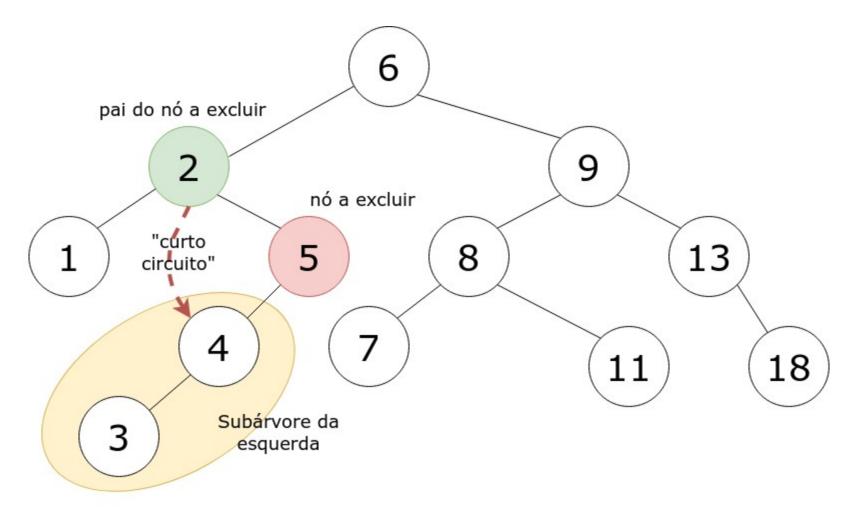
O ponteiro que apontava para o nó excluído passa a apontar para NULL

Exclusão de um nó folha



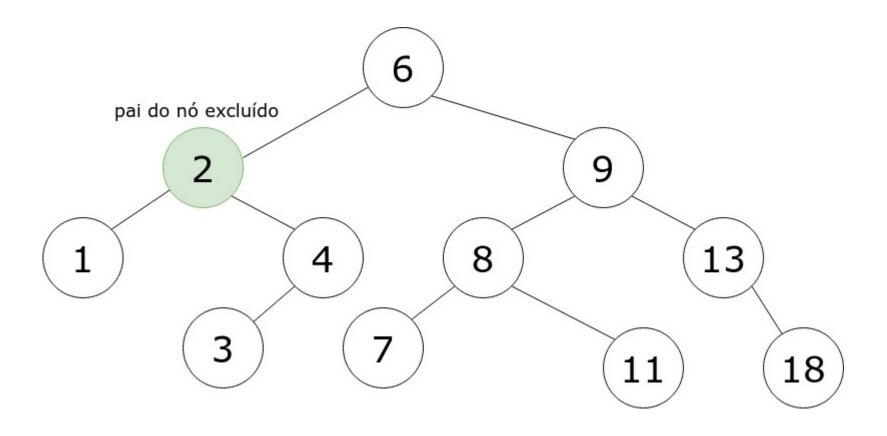
O ponteiro que apontava para o nó excluído passa a apontar para NULL

Exclusão de um com uma subárvore



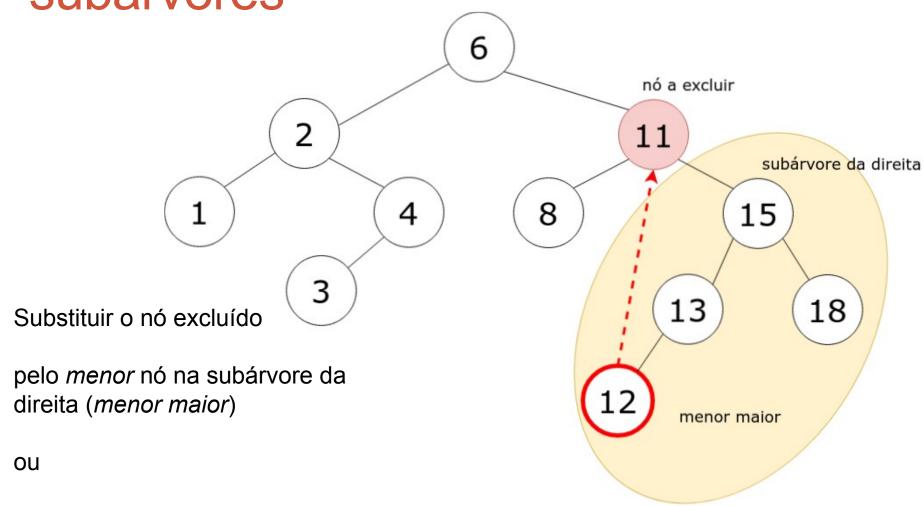
A subárvore do nó excluído torna-se subárvore de seu pai

Exclusão de um com uma subárvore



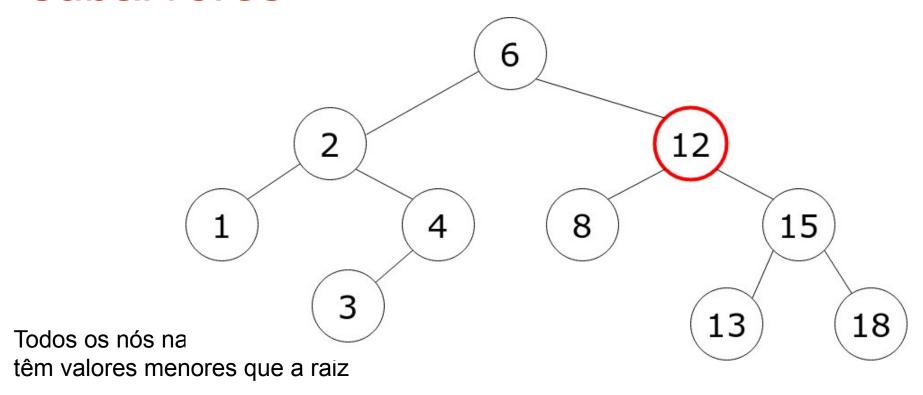
A subárvore do nó excluído torna-se subárvore de seu pai

Exclusão de um nó com duas subárvores



pelo *maior* nó na subárvore da esquerda (*maior menor*)

Exclusão de um nó com duas subárvores



е

Todos os nós na subárvore da direita têm valores maiores que a raiz

```
int altura arvore(Arvore *arv){
 int esq, dir;
 if (arv == NULL)
   return -1;
   if (arv->fe == NULL && arv->fd == NULL) {
      return 0;
   esq = altura arvore(arv->fe);
   dir = altura arvore(arv->fd);
   return esq > dir ? esq+1 : dir+1;
```

```
int main(){
 Arvore *a = NULL;
 a = insert(a, 15);
  a = insert(a, 12);
 a = insert(a, 21);
  a = insert(a, 10);
  a = insert(a, 14);
  a = insert(a, 17);
  a = insert(a, 11);
  a = insert(a, 9);
 mostra arvore(a, 1);
  libera arvore(a);
  a = NULL;
```

```
--->15
--->10
--->9
---->11
--->14
--->17

Process exited after 0.1604 seconds we pressione qualquer tecla para continu
```

Árvores Binárias de Pesquisa - Aplicação

Contagem de ocorrência de palavras

Pretende-se escrever um programa que leia um arquivo de texto e apresente uma listagem ordenada das palavras nele existentes e o respetivo número de ocorrências.

• Algoritmo:

- Guardar as palavras e contadores associados numa árvore binária de pesquisa.
- Usar ordem alfabética para comparar os nós.

Árvores AVL

Uma árvore AVL é uma árvore de pesquisa binária de altura balanceada.

- No pior caso, a busca em uma árvore binária pode ser O(n) semelhante a uma lista.
- AVLs são sempre balanceadas para um número n de nós, a altura sempre será $\lfloor \log |n| \rfloor$
- Criadores: Adelson-Velskii e Landis
- Para cada nó x, as alturas das subárvores esquerda e direita de x diferem em, no máximo, 1.

Árvores AVL

Inserção em AVL:

- 1. Igual a árvores binárias de pesquisa mas...
- 2....pode violar a propriedade de balanceamento

AVL desbalanceada requer reestruturação

Árvores AVL - Reestruturação

Seja **T** uma árvore desbalanceada.

Sejam **a**, **b** e **c** os nós que compõem essa árvore, sendo que **a**<**b**<**c**.

Sejam **T0**, **T1**, **T2** e **T3** as demais subárvores de **T**, também lidos da esquerda para a direita, tal que **T0** é subárvore de **a** e **T3** é subárvore de **c**.

a será subárvore esquerda de b

c será subárvore direita de b

T1 será subárvore de a

T2 será subárvore de **c**

b será filho do pai do nodo mais alto

Simulador de árvores AVL: https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/AVLtree.html

Árvores AVL - Exercício

Em uma árvore inicialmente vazia, inserir os seguintes elementos: 10, 20,15, 25, 12, 5, 18, 30, 22, 35, 3, 6 mantendo a árvore balanceada.

Remover o elemento 25 mantendo a árvore balanceada

Para analisar os resultados, utilizar o simulador de árvores AVL: https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/AVLtree.html