## Resumen Matemática 0

#### Maira Diaz

Febrero del 2017. Version 2, actualizada y corregida

# 1. Conectivos Lógicos

#### 1.1. Negación

$$\begin{array}{c|cc} p & \neg p \\ \hline V & F \\ F & V \end{array}$$

## 1.2. Conjunción

$$\begin{array}{cccc} p & q & p \wedge q \\ \hline V & V & V \\ V & F & F \\ F & V & F \\ F & F & F \end{array}$$

#### 1.3. Disjunción

p	q	$p \lor q$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

# 1.4. Condicional o implicación

	p	q	$p \to q$	
	V	V	V	
	V	F	F	
	F	V	V	
	F	F	V	///
$p \to q$ se lee:				

- $\blacksquare p \text{ implica } q$
- $\bullet$  si p, entonces q
- p sólo si q
- $\blacksquare q ext{ si } p$
- lacksquare p es condición suficiente para q
- $\blacksquare \ q$ es condición necesaria para p

# 1.5. Recíproco de la implicación

El recíproco de  $p \to q$  es  $q \to p$ Tienen valores diferentes

# 1.6. Contrarrecíproco de la implicación

El contrarrecíp<br/>roco de  $p \to q$ es  $\neg q \to \neg p$  Tienen los mismos valores

#### 1.7. Bicondicional

p	q	$p \leftrightarrow q$		
$\overline{V}$	V	V		
V	F	F		
F	V	F		
F	F	V		
$p \leftrightarrow q$ se lee:				

- $\blacksquare p$  si sólo si q
- lacktriangledown p es necesario y suficiente para q

#### 1.8. Tautología

#### 1.8.1. Doble negación

$$\neg\neg p \Leftrightarrow p$$

#### 1.8.2. Leyes conmutativas

a) 
$$(p \land q) \Leftrightarrow (q \land p)$$

b) 
$$(p \lor q) \Leftrightarrow (q \lor p)$$

#### 1.8.3. Leyes asociativas

a) 
$$[(p \land q) \land r)] \Leftrightarrow [p \land (q \land r)]$$

b) 
$$[(p \lor q) \lor r)] \Leftrightarrow [p \lor (q \lor r)]$$

#### 1.8.4. Leyes distributivas

a) 
$$[p \lor (q \land r)] \Leftrightarrow [(p \lor q) \land (p \lor r)]$$

b) 
$$[p \land (q \lor r)] \Leftrightarrow [(p \land q) \lor (p \land r)]$$

#### 1.8.5. Leyes de idempotencia

a) 
$$(p \lor p) \Leftrightarrow p$$

b) 
$$(p \land p) \Leftrightarrow p$$

#### 1.8.6. Leyes de De Morgan

a) 
$$\neg (p \lor q) \Leftrightarrow (\neg p \land \neg q)$$

b) 
$$\neg (p \land q) \Leftrightarrow (\neg p \lor \neg q)$$

#### 1.8.7. Implicación

a) 
$$(p \to q) \Leftrightarrow (\neg p \lor q)$$

b) 
$$[(p \to r) \land (q \to r)] \Leftrightarrow [(p \land q) \to r)]$$

c) 
$$[(p \to q) \land (p \to r)] \Leftrightarrow [(p \to (q \land r))]$$

#### 1.8.8. Equivalencia

$$(p \leftrightarrow q) \Leftrightarrow [(p \to q) \land (q \to p)]$$

#### 1.8.9. Adición

$$p \Rightarrow (p \vee q)$$

#### 1.8.10. Simplificación

$$(p \land q) \Rightarrow p$$

#### 1.8.11. Absurdo

$$(p \to F) \Rightarrow \neg p$$

#### 1.8.12. Modus ponens

$$[p \land (p \to q)] \Rightarrow q$$

#### 1.8.13. Modus tollens

$$[(p \to q) \land \neg q] \Rightarrow \neg p$$

### 1.8.14. Transitividad del $\leftrightarrow$

$$[(p \leftrightarrow q) \land (q \leftrightarrow r)] \Rightarrow (p \leftrightarrow r)$$

#### 1.8.15. Transitividad del $\rightarrow$

$$[(p \to q) \land (q \to r)] \Rightarrow (p \to r)$$

#### 1.8.16. Dilemas constructivos

a) 
$$[(p \to q) \lor (r \to s)] \Rightarrow [(p \lor r) \to (q \lor s)]$$

b) 
$$[(p \to q) \land (r \to s)] \Rightarrow [(p \land r) \to (q \land s)]$$

#### 1.9. Contradicción

$$\begin{array}{ccc} p & \neg p & p \land \neg p \\ \hline F & V & F \\ V & F & F \end{array}$$

Ej: "La computadoras es negra y la computadora no es negra"

#### 1.10. Equivalencia lógica

Cuando los resultados de dos proposiciones tienen los mismos valores de verdad, se indica como  $p \Leftrightarrow q$ 

# 2. Operadores Universal y Existencial

#### 2.1. Universal

 $\forall x: p(x)$ 

Puede leerse:

- Para todo x, p(x)
- lacktriangle Para cada x
- $\blacksquare$  Para cualquier x
- $\blacksquare$  Para x arbitrario

#### 2.2. Existencial

 $\exists x : p(x)$ 

Puede leerse:

- Existe un x tal que p(x)
- $\blacksquare$  Para algún x, p(x)
- Existe, al menos, un x tal que p(x)

#### 2.3. Equivalencias

Sea A el universo,

- $\neg \forall x \in A \ p(x)$  $\exists x \in A:$  $\neg p(x)$
- $\neg \exists x \in A : p(x)$  $\forall x \in$  $A \neg p(x)$

### Alcance de un operador

El alcance se indica con paréntesis

- $(\exists x): x \ es \ verde \land x \ es \ rojo$
- $(\exists x): (x \ es \ verde \land x \ es \ rojo)$

#### 3. Conjuntos

## 3.1. Propiedades

a) Inclusión

 $A \subset B$ es equivalente a  $\forall x: x \in A \rightarrow x \in B$  4.1.2.

b) Unión

$$A \cup B = \{x : x \in A \lor x \in B\}$$

c) Intersección

$$A \cap B = \{x : x \in A \land x \in B\}$$

d) Diferencia

$$A - B = \{x : x \in A \land x \notin B\}$$

e) Complemento

$$C_u A = \{x : x \in U \land x \notin A\}$$

#### f) Igualdad entre conjuntos

## Números

#### Números N4.1.

#### 4.1.1.Te comentamos sobre los naturales

- Que un número natural va después del otro
- Que dentro de dos números naturales consecutivos no puede haber otro
- Que son infinitos

# Propiedades

- $\mathbf{0} \in \mathbb{N}$
- $n \in \mathbb{N} \Rightarrow n+1 \in \mathbb{N}$
- si  $n \in \mathbb{N}$ , entonces  $n-1 \in \mathbb{N}$ , cuando  $n \neq 0$
- sea M subconjunto de  $\mathbb{N}$  con las siguiente propiedades
  - $\bullet$   $0 \in M$
  - $n \in M \Rightarrow n+1 \in M \Rightarrow M =$  $\mathbb{N}$

#### 4.2. Propiedades Algebraicas

 $A=B \leftrightarrow \forall x, (x \in A \to x \in B) \land (x \in B \xrightarrow{\mathbf{L}} x \xrightarrow{\mathbf{coperaciones}} x \in A) \text{ con } N\text{:}$ 

- Lev de Cierre:  $\forall a, b \in N \Rightarrow a + b \in N$
- Asociativo:  $\forall a, b, c \in N : a + (b + c) = (a + b) + c$
- Conmutativo:  $\forall a, b \in N : a + b = b + a$
- Elemento neutro:  $\exists 0 \in N \ tal \ que \ \forall a \in N : a+0=a$

La suma de dos números N es cerrado, es decir, es un N. Sin embargo, para  $n < m: \quad n - m \notin N$ Las operaciones de multiplicación (x)  $\operatorname{con} N$ :

- Lev de Cierre:  $\forall a, b \in N \Rightarrow a \times b \in N$
- Asociativo:  $\forall a, b, c \in N : a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$
- Conmutativo:  $\forall a, b \in N : a \times b = b \times a$
- Elemento neutro:  $\exists 1 \in N \ tal \ que \ \forall a \in N : a \times 1 = a$
- Distributivo la × con respecto a la  $+: \forall a, b, c \in N : a \times (b+c) =$  $(a \times b) + (a \times c)$
- No hay divisores de cero:  $\forall a, b \in N : Si$  $a \times b = 0 \Rightarrow a = 0 \lor b = 0$

#### 4.3. Números $\mathbb{Z}$

#### 4.3.1. Propiedades Algebraicas

Las operaciones de suma (+) con  $\mathbb{Z}$ :

- Ley de Cierre:  $\forall a, b \in \mathbb{Z} \Rightarrow a + b \in \mathbb{Z}$
- Asociativo:  $\forall a,b,c \in \mathbb{Z}: a+(b+c)=(a+b)+c$
- Conmutativo:  $\forall a, b \in \mathbb{Z} : a + b = b + a$
- Elemento neutro:  $\exists 0 \in \mathbb{Z} \ tal \ que \ \forall a \in \mathbb{Z} : a+0=a$
- Elemento Opuesto:  $\forall a \in \mathbb{Z}, \exists -a \in \mathbb{Z} : a + (-a) = 0$

Las operaciones de multiplicación  $(\times)$  con  $\mathbb Z:$ 

- Ley de Cierre:  $\forall a, b \in \mathbb{Z} \Rightarrow a \times b \in \mathbb{Z}$
- Asociativo:  $\forall a, b, c \in \mathbb{Z} : a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$
- Conmutativo:  $\forall a, b \in \mathbb{Z} : a \times b = b \times a$
- Elemento neutro:  $\exists 1 \in \mathbb{Z} \ tal \ que \ \forall a \in \mathbb{Z} : a \times 1 = a$
- Distributivo la × con respecto a la +:  $\forall a, b, c \in \mathbb{Z} : a \times (b + c) = (a \times b) + (a \times c)$
- No hay divisores de cero:  $\forall a, b \in \mathbb{Z}$ : Si  $a \times b = 0 \Rightarrow a = 0 \lor b = 0$

#### 4.3.2. Números Pares

Un número entero n es par  $\Leftrightarrow \exists k \in \mathbb{Z} : n = 2k$ 

#### 4.3.3. Números Impares

Un número entero n es impar  $\Leftrightarrow \exists k \in \mathbb{Z} : n = 2k + 1$ 

#### 4.3.4. Divisibilidad

Sean  $a, b \in \mathbb{Z}$ , decimos que a divide a b si  $\exists c \in \mathbb{Z} : b = ac$ Se suele expresar de la forma a|b, y se lee "a divide b", "a es un divisor de b"o

#### 4.3.5. Ley de Monotonía

también "b es múltiplo de a"

Si  $a, b, c \in \mathbb{Z} \land a \leq b \Rightarrow a + c \leq b + c$ 

# 4.3.6. Propiedades del orden de los $\mathbb{Z}$

- Sea  $a, b, c \in \mathbb{Z}$ , Si  $a \le b \land c \le d \Rightarrow a + c \le b + d$
- Sea  $a, b, c \in \mathbb{Z}$ , Si  $a < b \land 0 < c \Rightarrow ac < bc$

#### 4.3.7. Primos

Un número p es primo, si tiene exactamente 4 divisores: 1, -1, p y -p

#### 4.4. Números $\mathbb{Q}$

#### 4.4.1. Definición

Se llama número racional a todo número que puede representarse como el cociente de dos números enteros, es decir, una fracción común a/b con numerador a y denominador b distinto de cero. Esto es equivalente a escribir formalmente:

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b} : a, b \in \mathbb{Q} \land b \neq 0 \right\}$$

#### 4.4.2. Suma en $\mathbb O$

Dados  $\frac{a}{b}$  y  $\frac{c}{d} \in \mathbb{Q}$ , se define la suma:

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{ad + bc}{bd}$$

#### 4.4.3. Multiplicación en $\mathbb{Q}$

Dados  $\frac{a}{b}$  y  $\frac{c}{d} \in \mathbb{Q}$ , se define la multiplicación:

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$$

#### 4.4.4. Números equivalentes

Sean  $\frac{a}{b}$  y  $\frac{c}{d} \in \mathbb{Q}$  son equivalentes si y sólo si  $a \cdot d = b \cdot c$ 

## 4.5. Propiedades Algebraicas 4.5.1. Orden en Q

Las operaciones de suma (+) con  $\mathbb{Q}$ :

- Lev de Cierre:  $\forall p, q \in \mathbb{Q} \Rightarrow p + q \in \mathbb{Q}$
- Asociativo:  $\forall p, q, r \in \mathbb{Q} : p + (q + r) = (p + q) + r$
- Conmutativo:  $\forall p, q \in \mathbb{Q} : p + q = q + p$
- Elemento neutro:  $\exists 0 \in \mathbb{Q} \ tal \ que \ \forall p \in \mathbb{Q} : p+0=p$
- Elemento Opuesto:  $\forall p \in \mathbb{O}, \exists -p \in \mathbb{O} : p + (-p) = 0$

Las operaciones de multiplicación (×) con  $\mathbb{O}$ :

- Lev de Cierre:  $\forall p, q \in \mathbb{Q} \Rightarrow p \times q \in \mathbb{Q}$
- Asociativo:  $\forall p, q, r \in \mathbb{Q} : p \times (q \times r) = (p \times q) \times r$
- Conmutativo:  $\forall p, q \in \mathbb{Q} : p \times q = q \times p$
- Elemento neutro:  $\exists 1 \in \mathbb{Q} \ tal \ que \ \forall p \in \mathbb{Q} : p \times 1 = p$
- Inverso multiplicativo:  $\forall p \in \mathbb{Q}, p \neq$  $0, \exists p^{-1} \in \mathbb{Q} : p \times p^{-1} = 1$
- $\blacksquare$  Distributividad de la ( $\times$ ) en la (+): Si  $p,q,r\in\mathbb{Q}$  entonces  $p \times (q+r) = (p \times q) + (p \times r)$

Dados  $\frac{a}{b}$  y  $\frac{c}{d} \in \mathbb{Q}$ , se dice que:

- $\frac{a}{b}$  es menor o igual que  $\frac{c}{d}$  y se anota  $\frac{a}{b} \leq \frac{c}{d} \Leftrightarrow ad \leq bc$
- $\blacksquare$   $\frac{a}{b}$  es mayor o igual que  $\frac{c}{d}$  y se anota  $\frac{a}{1} > \frac{c}{1} \Leftrightarrow ad > bc$

#### 4.5.2. $\mathbb{Q}$ es denso con la relación $\leq$

Entre dos racionales distintos, siempre existe otro:

Sean

$$\frac{a}{b} \quad y \quad \frac{c}{d} \in Q \Rightarrow \frac{a}{b} \le \frac{a+b}{c+d} \le \frac{c}{d}$$

#### Números J

Los números irracionales son aquellos que no pueden expresarse como cociente de dos números enteros  $\frac{a}{b}$ , con  $n \neq 0$ Entre los irracionales más conocidos están  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$ ,  $\pi$ 

#### 4.7.Números R

#### 4.7.1. Propiedades Algebraicas

Las operaciones de suma (+) con R:

- Lev de Cierre:  $\forall a, b \in R \Rightarrow a + b \in R$
- Asociativo:  $\forall a, b, c \in R : a + (b + c) = (a + b) + c$

- Conmutativo:  $\forall a, b \in R : a + b = b + a$
- Elemento neutro:  $\exists 0 \in R \ tal \ que \ \forall a \in R : a+0=a$
- Elemento Opuesto:  $\forall a \in R, \exists -a \in R : a + (-a) = 0$

Las operaciones de multiplicación (x)  $\operatorname{con} R$ :

- Lev de Cierre:  $\forall a, b \in R \Rightarrow a \times b \in R$
- Asociativo:  $\forall a, b, c \in R : a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$
- Conmutativo:  $\forall a, b \in R : a \times b = b \times a$
- Elemento neutro:  $\exists 1 \in R \ tal \ que \ \forall a \in R : a \times 1 = a$
- Inverso multiplicativo:  $\forall a \in R, a \neq$  $0, \exists a^{-1} \in R : a \times a^{-1} = 1$
- Distributivo la × con respecto a la  $+: \forall a, b, c \in R: a \times (b+c) =$  $(a \times b) + (a \times c)$

#### 4.7.2. Propiedades de Orden

- $\blacksquare \forall a \in R : a < 0 \Rightarrow a = 0 \lor a > 0$
- $a, b \in R$ , si  $a > 0 \land b > 0 \Rightarrow a \cdot b > 0$
- $\forall a, b \in R$ , si  $a < b \Rightarrow a b < 0$

#### 4.7.3. Potencia de un número R y 4.7.6. Propiedades de la exponente entero

Sea  $a \in R, n \in N, n \neq 0$  entonces

n veces Recordar: como R tiene elemento inverso, entonces  $a^n a^{-n} = 1 \Rightarrow a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ , siempre que  $a \neq 0$ .

#### 4.7.4. Propiedades de las potencias

Sean  $a, b \in R$ , y  $n \in Z$ 

- $(a.b)^n = a^n b^n$
- $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$
- $a^n.a^m = a^{n+m}$
- $a^n : a^m = a^{n-m}, v \ a \neq 0$
- $a^n (a^n)^m = a^{n.m} = a^{m.n} = (a^m)^n$
- **OJO**:  $(a \pm b)^n \neq a^n \pm b^n$

### 4.7.5. Radicación

 $b \in R$ ,  $n \in Z \vee n > 1$ ,  $\exists c$ :

$$c^n = b \Leftrightarrow c = \sqrt[n]{b}$$

Observar que si  $b \in \mathbb{R}$  es:

- b es impar:  $\sqrt[n]{b}$  existe
- b es par:  $\sqrt[n]{b}$  existe sólo si b > 0

# radicación

Sean  $a, b \in R$ , y  $n \in Z$ 

- $\sqrt[n]{a.b} = \sqrt[n]{a}, \sqrt[n]{b}$
- $\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$
- $\sqrt[n]{a} \sqrt[n]{a} = \sqrt[n+m]{a}$
- $\sqrt[n]{a}$ :  $\sqrt[n]{a} = \sqrt[n-m]{a}$ ,  $v \ a \neq 0$
- $\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a} = \sqrt[m \cdot n]{a} = \sqrt[n]{\sqrt[m]{a}}$
- ::OJO!!:  $\sqrt[n]{a \pm b} \neq \sqrt[n]{a} \pm \sqrt[n]{b}$

#### 4.7.7. Raíz Aritmética

- Si n es par:  $\sqrt[n]{a^n} = a$
- Si n es impar:  $\sqrt[n]{a^n} = |a|$

#### 4.7.8. Racionalización de Denominadores

Tenemos dos casos:

- $\frac{A}{\sqrt{a}+c} = \frac{A}{\sqrt{a}+c} \cdot \frac{\sqrt{a}+c}{\sqrt{a}+c}$

#### 4.7.9. Potencias de Exponente Racional

Sean  $n, m \in \mathbb{Z}$ , y  $n \neq 0$ :

$$\bullet a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} = (\sqrt[n]{a})^m$$

- $a^{m+0} = a^m \cdot a^0 = a^m$
- $a^{-\frac{m}{n}} = \frac{1}{a^{\frac{m}{n}}}$

## Polinomios

#### 5.1. Monomio

$$M(x) = ax^n$$

donde  $a \in R, n \in N$ , y x es una indeterminada

- Si  $a \neq 0$ , n es el grado del polinomio
- Si a=0, el monomio no tiene grado

#### 5.2. Polinomio

Un Polinomio es la suma de varios monomios:

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \ldots + a_1 x + a_0$$

Donde  $a_n, a_{n-1}, \ldots, a_1, a_0 \in R$  son los coeficientes, x es la indeterminada, y  $n, n-1, \ldots, 1, 0 \in N$ 

#### Grado de un Polinómio

#### 5.3.1. Definición

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \ldots + a_1 x + a_0$$

El grado de P(x) es n, y se escribe qr(P) = n

#### Multiplicación de 5.3.2.**Polinomios**

Si hacemos  $P(x) \cdot Q(x)$ , el grado de la multiplicación es:

$$gr(P(x).Q(x)) = gr(P(x)) + gr(Q(x))$$

#### 5.4. Características

 $P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \ldots + a_1 x + a_0$ 

- Coeficiente principal:  $a_n$
- Término independiente:  $a_0$

#### División de Polinómios

Dados dos polinómios D(x) y d(x), con  $d(x) \neq 0$ , existen y son únicos dos polinómios C(x) y r(x) tales que:

$$D(x) = d(x) \cdot C(x) + r(x)$$

con qr[r(x)] < qr[d(x)] o r(x) = 0C(x): cociente; r(x): resto.

#### Raíces de un Polinomio

$$x = a$$
 es raíz de  $P(x) \Leftrightarrow P(a) = 0$ 

#### 5.7. Teorema del Resto

$$P(x) = (x - a)C(x) + r$$

Si x = a, lo reemplazamos en la igualdad anterior resulta: P(a) = (a-a).C(a) + r, entonces r = P(a)

#### Divisibilidad de 5.8. **Polinomios**

P(x) es divisible por Q(x), si el resto de la división de P(x) con Q(x) es nulo.

#### 5.8.1. Factorización

■ Factor Común

$$EJ: \quad x^5 - 8x^3 - x^2 = x^2(x^3 - 8x - 1)$$

■ Diferencia de cuadrados

$$(a^2-b^2) = (a+b)(a-b) = a^2+ab-ab-b^2$$
 Ecuación Lineal

■ Trinomio Cuadrado Perfecto

5.9.2. Soluciones de la Ecuación 
$$(a+b)^2=(a+b)(a+b)=a^2+ab+ab+b^2=a^2+2\mathbf{b}$$
hdeal

$$(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$$

no hemos inventado nada:D

#### 5.8.2. Raíces de un Polinomio con coeficientes enteros

#### Teorema de Gauss 5.8.3.

Cuando una fracción irreducible  $\frac{p}{a}$ es raíz de un polinomio con

coeficientes enteros, p divide al término independiente, y q divide al coeficiente principal Ej:  $2x^3 - 3x^2 - 11x + 6$ . Divisores del término independiente  $a_0 = 6$ : p = 1, -1, 2, -2, 3, -3, 6, -6.Divisores del coeficiente príncipal  $a_3 = 2$  : q = 1, -1, 2, -2. Posibles raíces del polinomio:  $\frac{p}{q}$ (todas las combinaciones de  $\frac{p}{a}$ )

#### Polinomio Lineal

$$L(x) = ax + b$$
,  $con \ a, b \in R \land a \neq 0$ 

L(x) = ax + b = 0

- Determinada compatible: Solución única.
- Determinada incompatible:  $\infty$ soluciones
- Indeterminada: ∄ Solución

#### 5.10. Polinomio cuadrático

$$C(x) = ax^2 + bx + c$$
,  $con\ a, b, c \in R \land a \neq 0$ 

#### 5.10.1. Ecuación cuadrática

$$C(x) = ax^2 + bx + c = 0$$

# 5.10.2. Soluciones de la Ecuación Cuadrática

La ecuación cuadrática puede expresarse de diferentes formas:

a) 
$$x^2 = \alpha$$

$x^2=\alpha$	soluciones		c)
$\alpha > 0$	$x = \pm \sqrt{\alpha}$	2 soluciones $\neq$	
$\alpha < 0$	No tiene	∄ solución	
$\alpha = 0$	x = 0	solución única	

b) 
$$(x-k)^2 =$$

$x^2=\alpha$	soluciones	
$\alpha > 0$	$x = k \pm \sqrt{\alpha}$	2 soluciones $\neq$
$\alpha < 0$	No tiene	∄ solución
$\alpha = 0$	x = k	solución única

$$ax^2 + bx + c = 0 \Rightarrow \alpha = b^2 - 4ac$$

$ax^2 + bx + c = 0$	soluciones	
$\alpha > 0$	$\frac{-b\pm\sqrt{\alpha}}{2a}$	2 soluciones $\neq$
$\alpha < 0$	no tiene	∄ solución
$\alpha = 0$	$x = \frac{-b}{2a}$	solución única