

Teoria współbieżności - Sieci Petriego

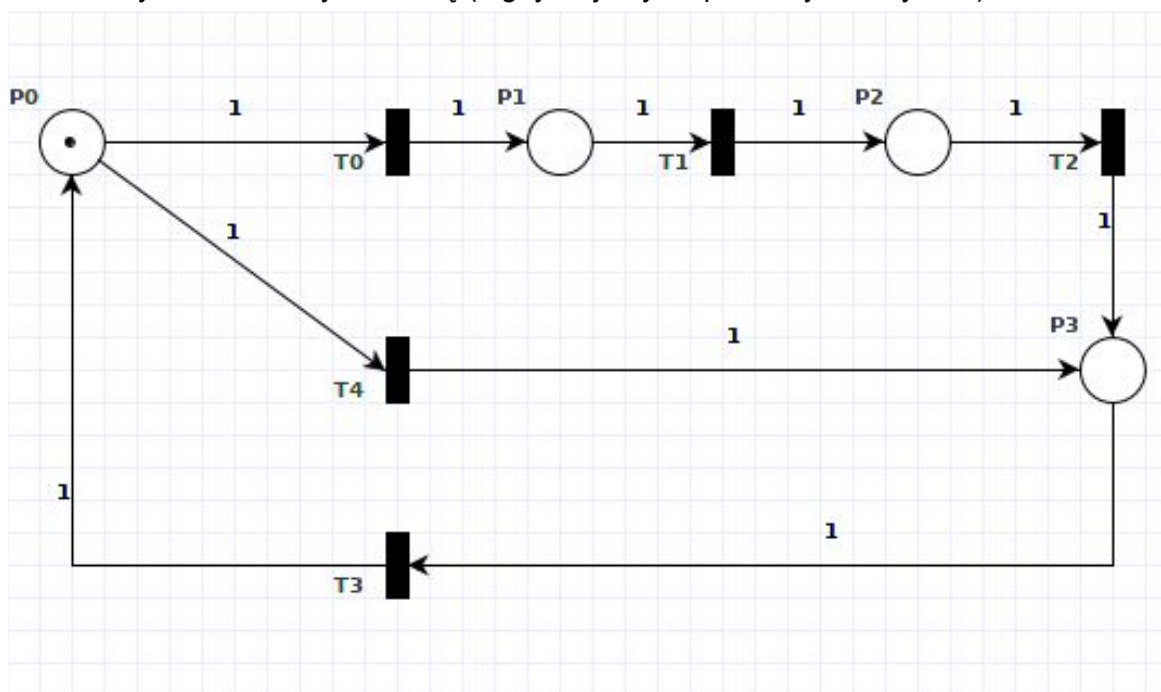
Dawid Majchrowski

Sprawozdanie

06.12.2019

- **Zadanie 1** - wymyślić własną maszynę stanów, zasymulować przykład i dokonać analizy grafu osiągalności oraz niezmienników.

Symulacja gry w kręgle bez punktów, z nieskończoną liczbą rund, z jedną kulą, maksymalnie 2 rzuty na rundę (1 gdy zbijemy za pierwszym wszystkie).



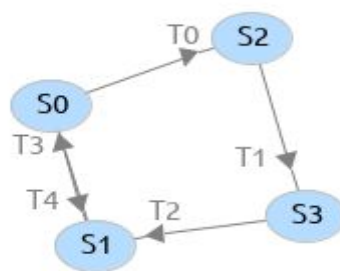
- P0 - mamy dostępną kulę
- T0 - rzucamy kulą i nie zbijamy wszystkich kręgli
- T0 - rzucamy kulą i zbijamy wszystkie kręgli
- P1 - czekam na 2 rzut w danej rundzie
- P3 - czekamy na nową rundę
- T1 - czekamy na kulę
- P2 - mamy dostępną kulę
- T2 - rzucamy kulą
- T3 - czekamy na kulę

Petri net state space analysis results

Bounded	true
Safe	true
Deadlock	false

Ograniczony, bezpieczny i bez deadlocka.

Graj osiągalności:



- 1) Osiągane znakowania (1,0,0,0), (0,1,0,0), (0,0,1,0), (0,0,0,1)
- 2) Maxymalna liczba znaczników to 1 zatem sieć bezpieczna i ograniczona.
- 3) Każde z przejść możliwych {T0, T1, T2, T3, T4} oznaczone jako krawędź w grafie, czyli sieć jest żywa.
- 4) Z każdego znakowania możemy z niego wyjść, zatem sieć nie ma zakleszczeń.

Analiza niezmienników.

Petri net invariant analysis results

T-Invariants

T0	T1	T3	T2	T4
1	1	1	1	0
0	0	1	0	1

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

P-Invariants

P0	P1	P3	P2
1	1	1	1

The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

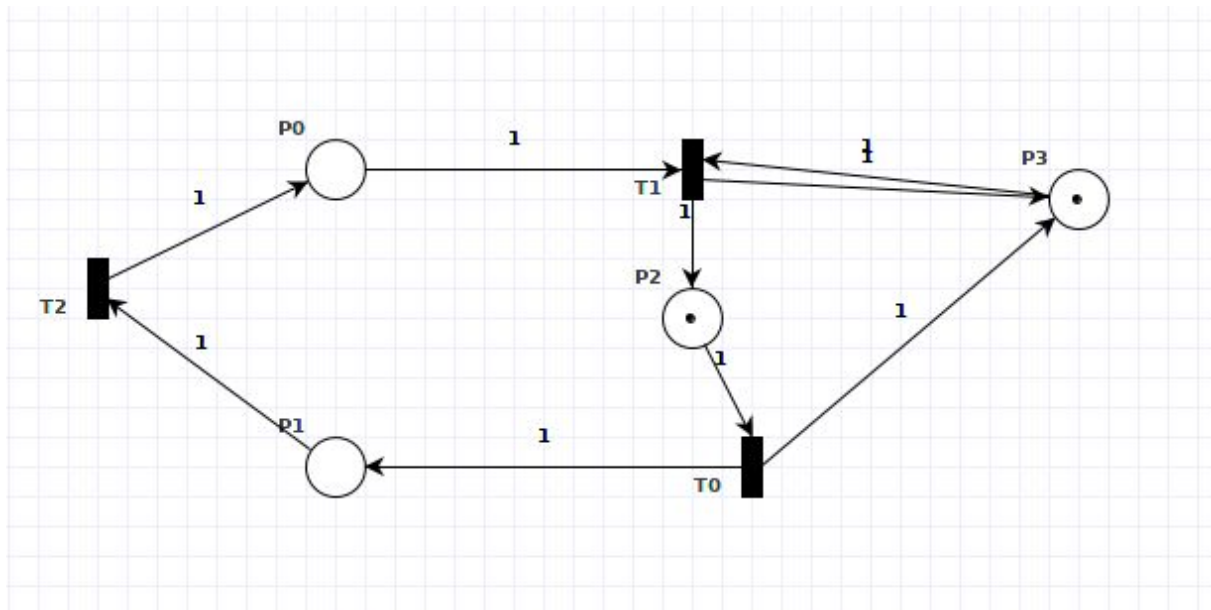
P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) + M(P3) + M(P2) = 1$$

Analysis time: 0.0s

T-Invariants. Z każdego znakowania wrócimy do początkowego, zatem sieć jest odwracalna.
P-Invariants. Sieć jest zachowawcza, liczba występujących znaczników jest stale równa 1 w całej sieci, również 1-ograniczona i bezpieczna.

- **Zadanie 2** - zasymulować zadaną sieć



Petri net invariant analysis results

T-Invariants

T0	T1	T2
1	1	1

The net is not covered by positive T-Invariants, therefore we do not know if it is bounded and live.

P-Invariants

P0	P1	P2	P3
1	1	1	0

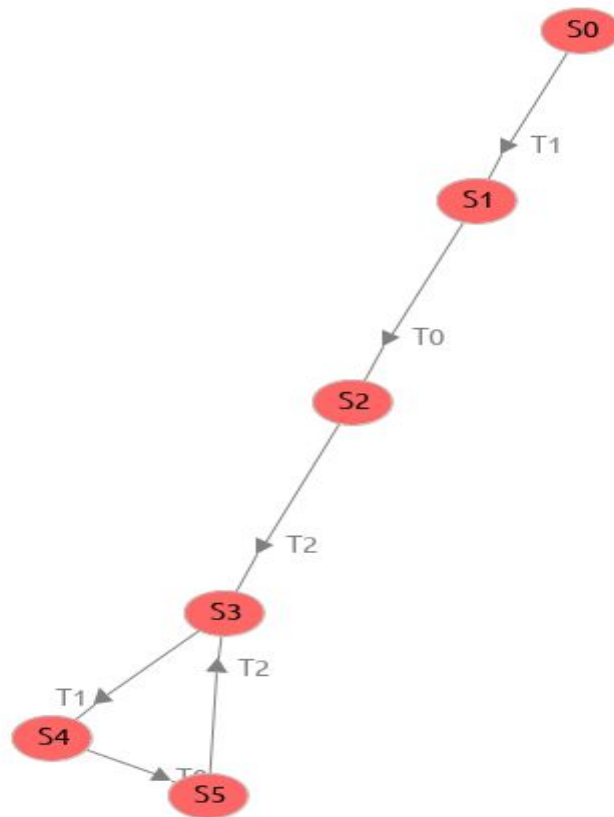
The net is not covered by positive P-Invariants, therefore we do not know if it is bounded.

P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) + M(P2) = 1$$

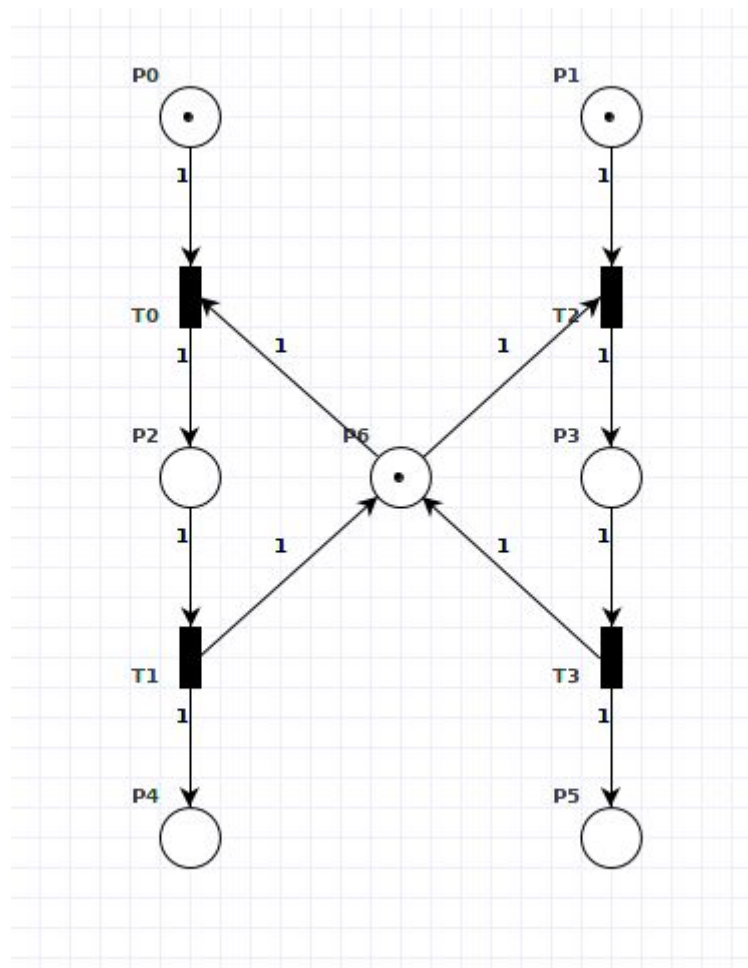
Analysis time: 0.0s

Z T-Invariants wynika, że sieć nie jest odwracalna. Nie da się powrócić do stanu początkowego.



Sieć jest żywa, każde przejście znajdują się w grafie osiągalności. Nie jest ograniczona, w P0, P1, P2 może się pojawić maksymalnie 1 znacznik, natomiast w P4 liczba ta nie jest ograniczona, zatem sieć również.

- **Zadanie 3** - zasymulować wzajemne wykluczanie dwóch procesów na wspólnym zasobie. Dokonać analizy niezmienników. Wyjaśnij znaczenie równań (P-invariant equations). Które równanie pokazuje działanie ochrony sekcji krytycznej?



T0, T2 - Wait
 T1, T3 - Signal
 P0, P1 - 2 Procesy

P-Invariants

P0	P1	P2	P3	P4	P5	P6
1	0	1	0	1	0	0
0	1	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	0	1

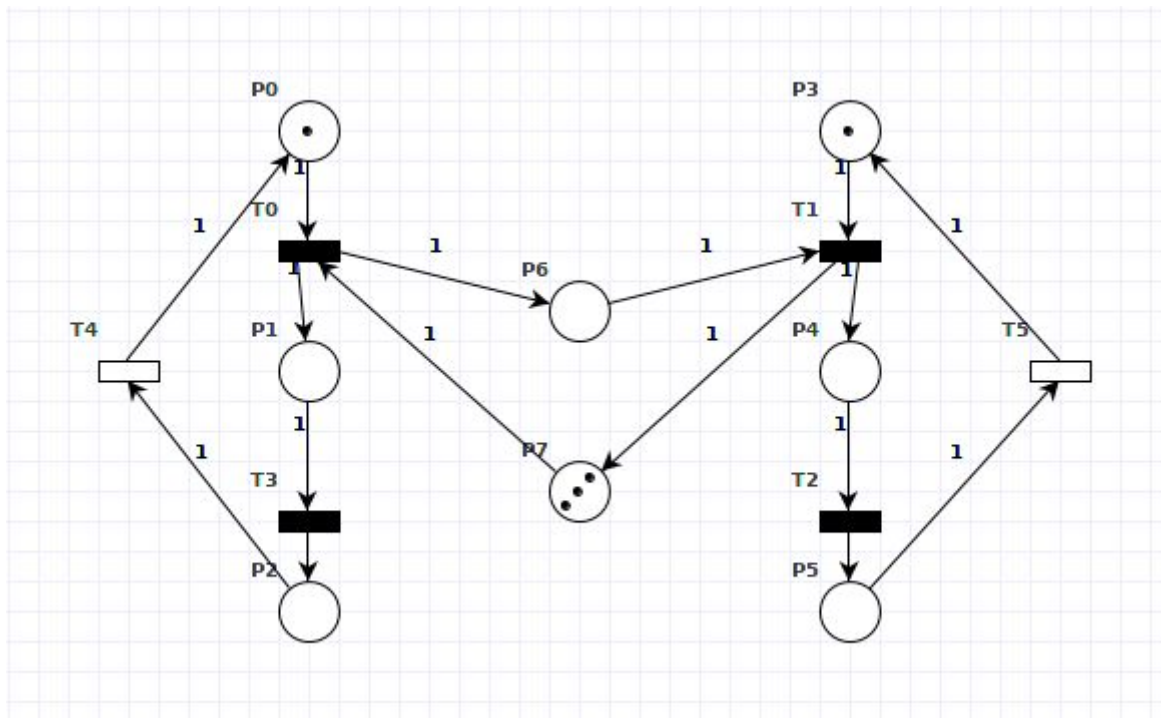
The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

P-Invariant equations

$$\begin{aligned} M(P0) + M(P2) + M(P4) &= 1 \\ M(P1) + M(P3) + M(P5) &= 1 \\ M(P2) + M(P3) + M(P6) &= 1 \end{aligned}$$

$P2+P3+P6 = 1$ pokazuje działanie ochrony, tylko 1 proces wewnątrz sekcji krytycznej.

- Zadanie 4** - uruchomić problem producenta i konsumenta z ograniczonym buforem (można posłużyć się przykładem, menu:file, examples). Dokonać analizy niezmienników. Czy sieć jest zachowawcza? Które równanie mówi nam o rozmiarze bufora?



Petri net invariant analysis results

T-Invariants

T0	T1	T2	T3	T4	T5
1	1	1	1	1	1

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

P-Invariants

P0	P1	P2	P3	P4	P5	P6	P7
1	1	1	0	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0	1	1

The net is covered by positive P-Invariants, therefore it is bounded.

P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) + M(P2) = 1$$

$$M(P3) + M(P4) + M(P5) = 1$$

$$M(P6) + M(P7) = 3$$

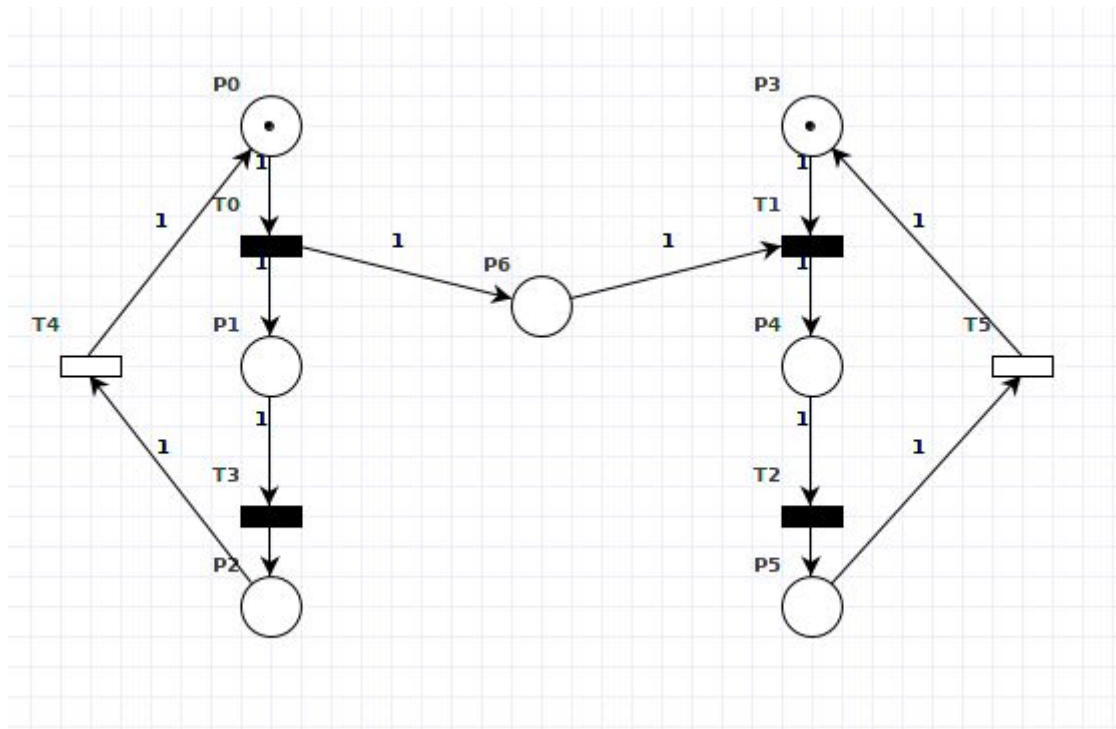
Analysis time: 0.0s

Sieć jest zachowawcza, liczba znaczników jest stale równa 5.

$M(P0) + \dots + M(P7) = 1 + 1 + 3 = 5$.

O rozmiarze bufora mówi ostatnie równanie, $M(P6) + M(P7) = 3$.

- **Zadanie 5** - stworzyć symulację problemu producenta i konsumenta z nieograniczonym buforem. Dokonać analizy niezmienników. Zaobserwować brak pełnego pokrycia miejsc.



Usuujemy bufor z poprzedniego zadania.

Petri net invariant analysis results

T-Invariants

T0	T1	T2	T3	T4	T5
1	1	1	1	1	1

The net is covered by positive T-Invariants, therefore it might be bounded and live.

P-Invariants

P0	P1	P2	P3	P4	P5	P6
1	1	1	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1	0

The net is not covered by positive P-Invariants, therefore we do not know if it is bounded.

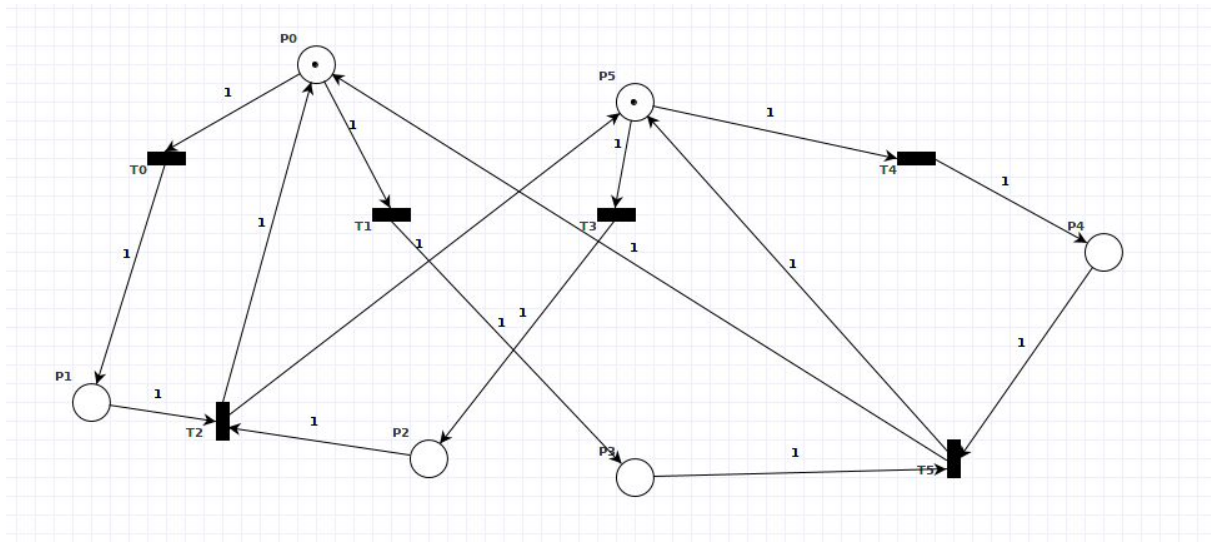
P-Invariant equations

$$M(P0) + M(P1) + M(P2) = 1$$

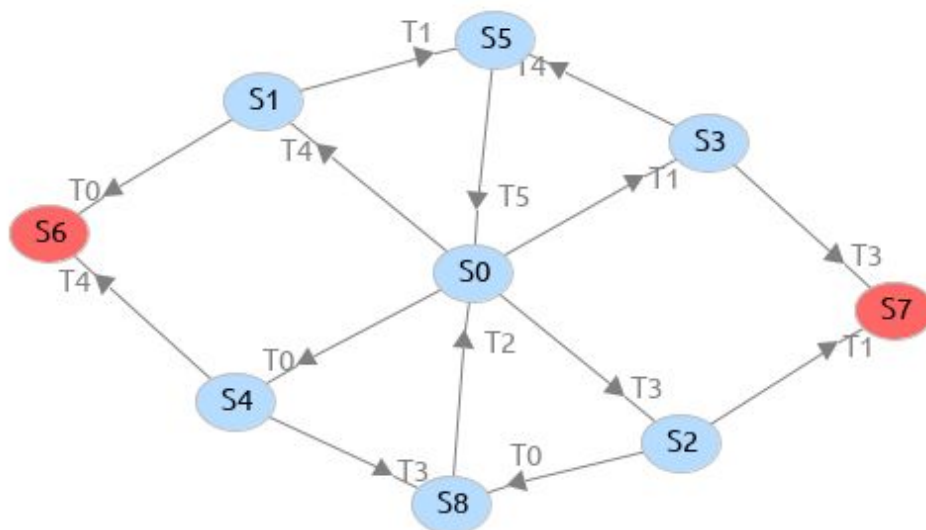
$$M(P3) + M(P4) + M(P5) = 1$$

Z T-invariants widać, że sieć jest odwracalna, każde przejście wystarczy odpalić raz, aby powrócić do stanu początkowego. Obserwujemy również brak pełnego pokrycia miejsc, co widać w P-Invariants przy P6 (co jest zgodne z naszymi oczekiwaniami, w końcu usunęliśmy ograniczenie w buforze).

- **Zadanie 6** - zasymulować prosty przykład ilustrujący zakleszczenie. Wygenerować graf osiągalności i zaobserwować znakowania, z których nie można wykonać przejść. Zaobserwować właściwości sieci w "State Space Analysis". Poniżej przykład sieci z możliwością zakleszczenia (można wymyślić inny)



Graf osiągalności



Znakowania na czerwono nie mają krawędzi wychodzących, zatem mamy deadlock.

Petri net state space analysis results

Bounded	true
Safe	true
Deadlock	true

Shortest path to deadlock: T0 T4

Ograniczona, bezpieczna ale może dojść do zagiłodzenia.