



GLOBALNO OSVETLJEVANJE



- Slika nastane kot interakcija med
 - **objekti** v sceni
 - imajo položaj, material, ki določa kako interaktirajo s svetlobo
 - **lučmi**
 - imajo položaj, barvo svetlobe, obliko, smer širjenja svetlobe
 - **gledalcem** – položaj gledalca oz. kamere določa kaj vidimo oz. kaj je na sliki

Upodabljanje



Maverick Render



"Chado" by Norbert Kern (2001) – POV Ray



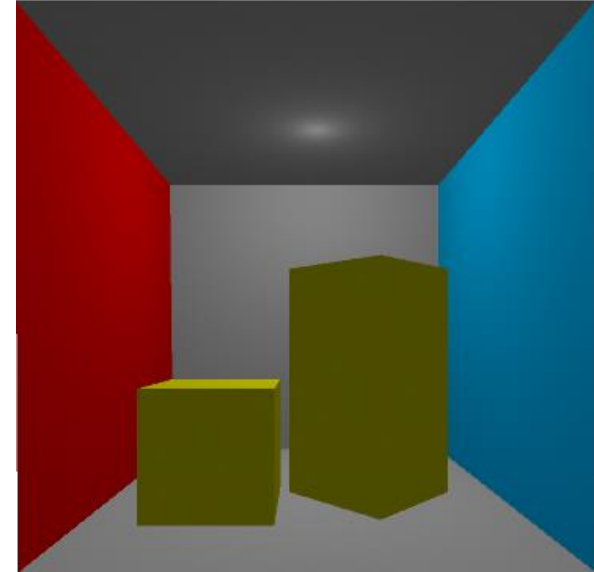
Lokalno in globalno osvetljevanje

■ Lokalno osvetljevanje

- poenostavljeno, hitro
- le en odboj med izvorom in gledalcem
- računanje osvetlitve ene ploskve je neodvisno od ostalih
- **rasterizacija** bazira na lokalnem osvetljevanju

■ Globalno osvetljevanje:

- upoštevamo več odbojev svetlobe od predmetov
- računsko zahtevno – simulacija fizike
- metode **sledenja žarka** – sledimo odbojem svetlobe v sceni
 - vse večja podpora za izvajanje v realnem času

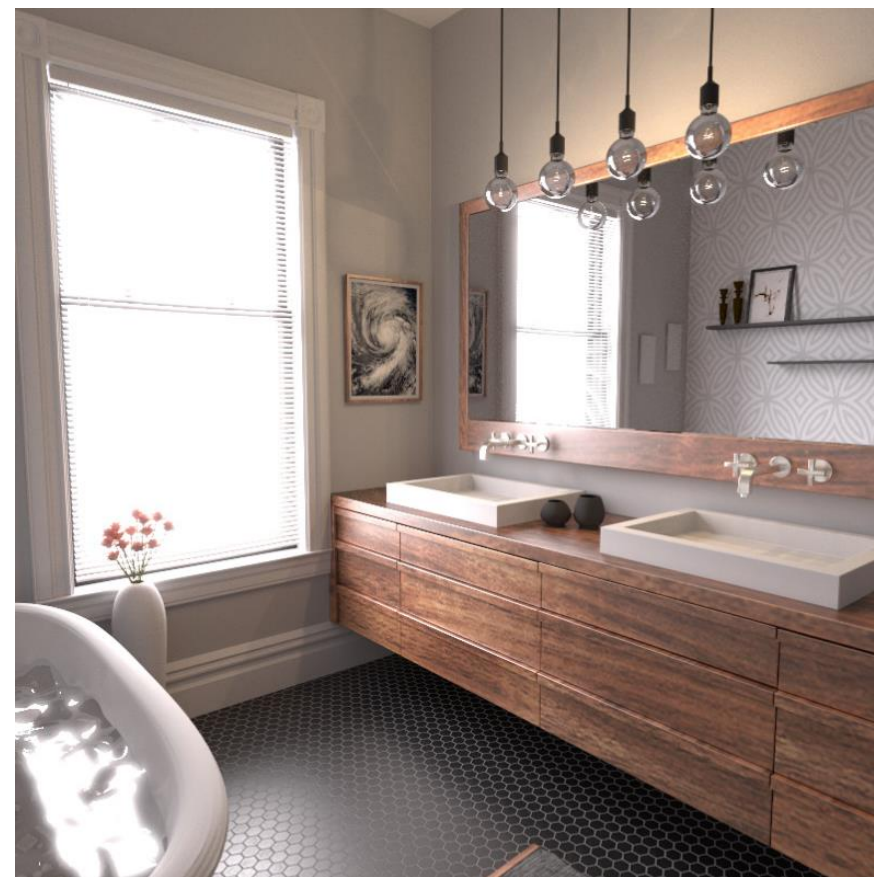




- Metode večinoma temeljijo na **sledenju žarkom** svetlobe
- Sledenje žarku (*ray tracing*)
 - osnovna metoda
 - zrcalni odboji, ni difuznih odbojev
 - Whitted 1980
- Sledenje poti (*path tracing*)
 - stohastičen algoritem
 - difuzni in zrcalni odboji
 - Kajiya 1986
- Ne-realnočasovna uporaba v animaciji, filmih, arhitekturi ...
 - v zadnjem času prehod v realnočasovno sledenje s strojnim pospeševanjem in AI modeli za odstranjevanje šuma



Globalno osvetljevanje



[PBRT Gallery](#)

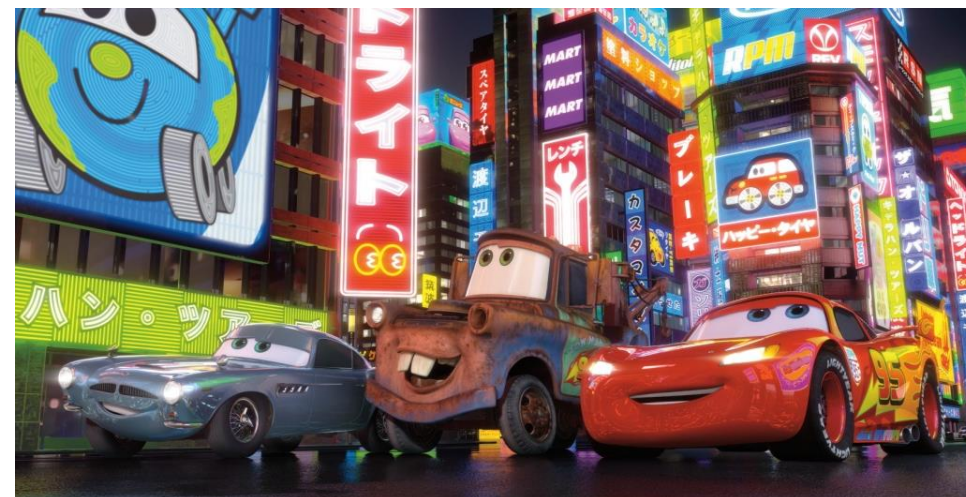


Sledenje žarku – ray tracing



- Metoda **globalnega** osvetljevanja
- Simulacija svetlobnih žarkov
 - “naravna” osvetlitev
 - odboji
 - lom svetlobe
 - mehke sence
 - ...

Sledenje žarku



Disney/Pixar: Cars 2

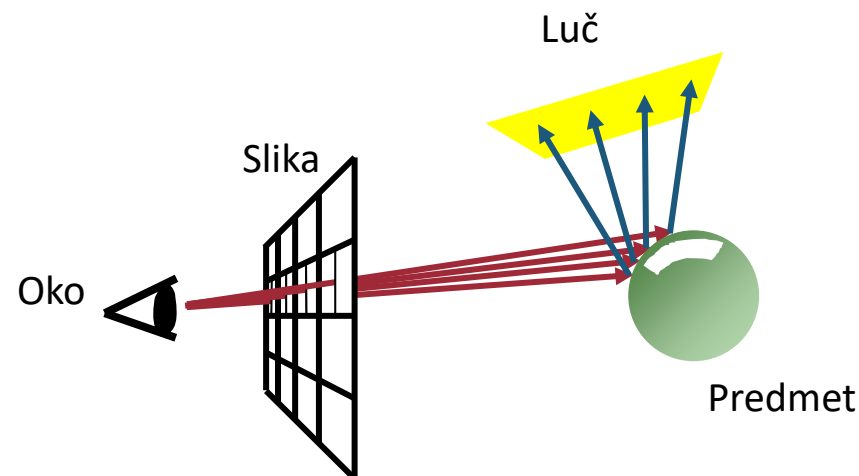
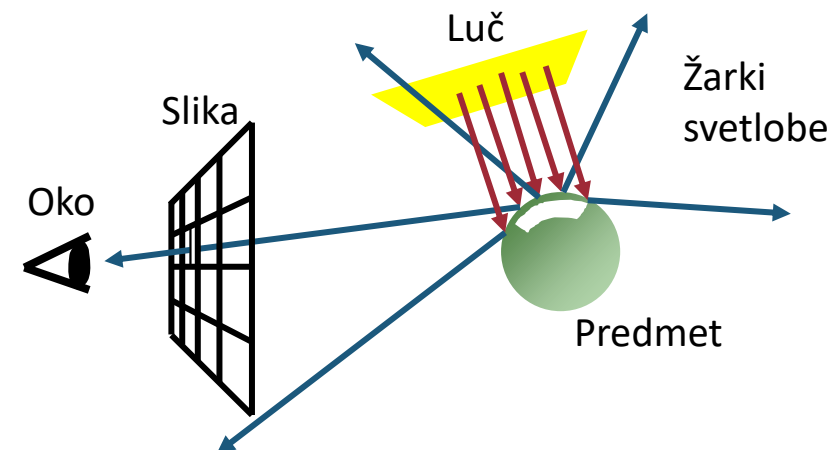


Control



- Realnost: žarke generirajo svetlobni viri in potujejo do očesa
 - za tovrsten izračun moramo slediti veliko žarkom, le malo pa jih pride do očesa
- **Obrnemo** situacijo:
 - sledimo žarkom od očesa preko vseh pikslov v sliki in gledamo kam se zaletijo

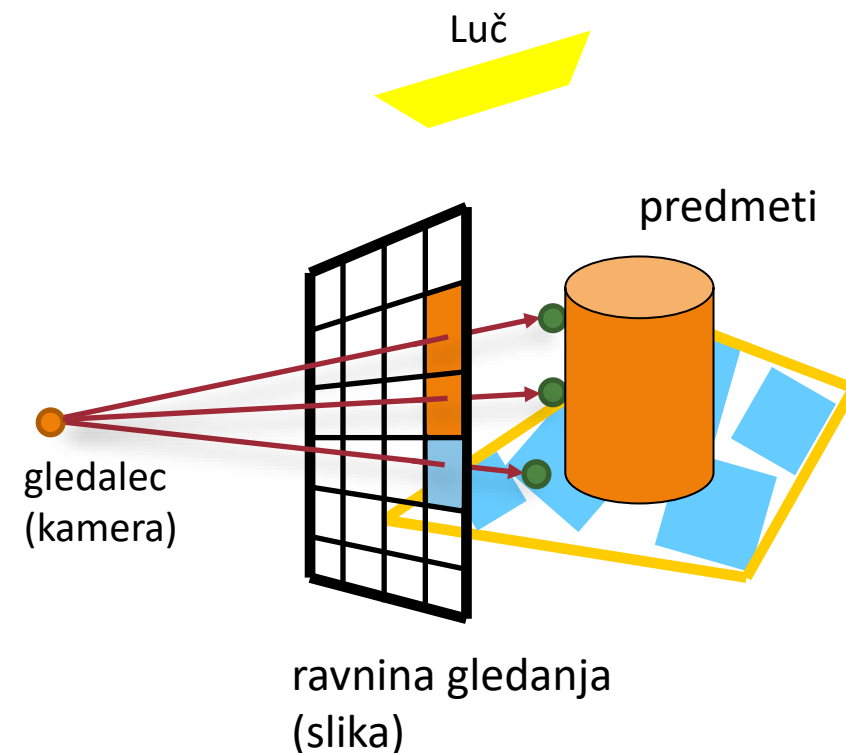
Sledenje žarku – kako





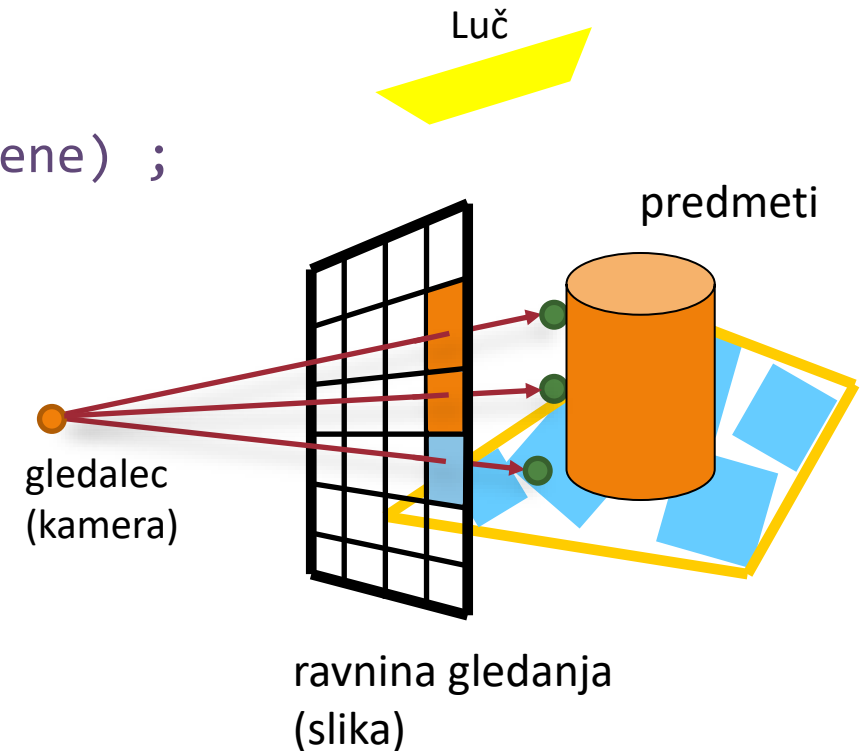
- **Metanje žarka:** je prvi del algoritma sledenja žarku
 - Appel, 1968
- Uporablja se tudi pri
 - upodabljanju volumetričnih podatkov
 - prikazu polnih teles (CSG)
 - odstranjevanju zakritih površin
 - ...
- **Koncept:**
 - sledimo žarku svetlobe od očesa do presečišča s prvim predmetom
 - en žarek skozi vsak piksel v končni sliki
 - v presečišču s predmetom izračunamo barvo z osvetlitvenim modelom
 - če žarek ne seka nobenega predmeta, je piksel črn

Metanje žarka – ray casting



Metanje žarka – ray casting

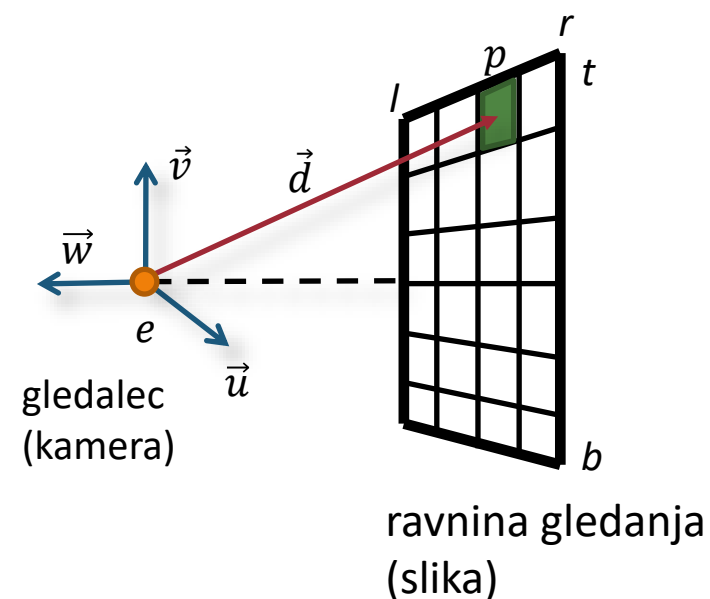
```
// okvirni algoritem
Image image = new Image (width, height) ;
for (int i = 0 ; i < height ; i++)
    for (int j = 0 ; j < width ; j++) {
        Ray ray = RayThruPixel (cam, i, j) ;
        Intersection hit = Intersect (ray, scene) ;
        image[i][j] = FindColor (hit) ;
    }
return image ;
```





- Kako za nek piksel slike izračunati **smer žarka**
- Konstrukcija žarka:
 - koordinatni system kamere je $[\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}]$
 - slika (velikosti $n_x \times n_y$) je pravokotna na \vec{w} kamere in na razdalji d od kamere
 - koordinate (u, v, w) piksla (i, j) v koordinatah kamere so:
 - $u = l + (r - l) \frac{i+0.5}{n_x}$
 - $v = b + (t - b) \frac{j+0.5}{n_y}$
 - $w = -d$
 - izvor žarka je e
 - smer žarka: $\vec{d} = u\vec{u} + v\vec{v} - d\vec{w}$
 - piksel na sliki: $p = e + \vec{d}$
- Parametrična **enačba žarka**:
 - $r(t) = e + t(p - e) = e + t\vec{d}$

Konstrukcija žarka





-
- The diagram illustrates the camera model. At the top, a yellow trapezoid labeled "Luč" (Light) represents the light source. In the center, a grid of squares represents the "ravnina gledanja (slika)" (image plane). To the left, an orange dot labeled "gledalec (kamera)" (viewer/camera) is the center of projection. Red lines (rays) originate from the viewer and pass through the grid to the right. On the right, a 3D orange cylinder labeled "predmeti" (objects) is shown. The rays pass through the cylinder and hit the image plane, where they are marked with green dots. The image plane is tilted and shows a distorted, perspective projection of the cylinder and other blue shapes.

Luč

gledalec
(kamera)

ravnina gledanja
(slika)

gledalec
(kamera)

ravnina gledanja
(slika)

predmeti



- Enostaven primer

- se večkrat uporablja, saj krogla pogosto predstavlja očrtano telo (*bounding ball*) predmeta

- Kroglo implicitno predstavimo kot:

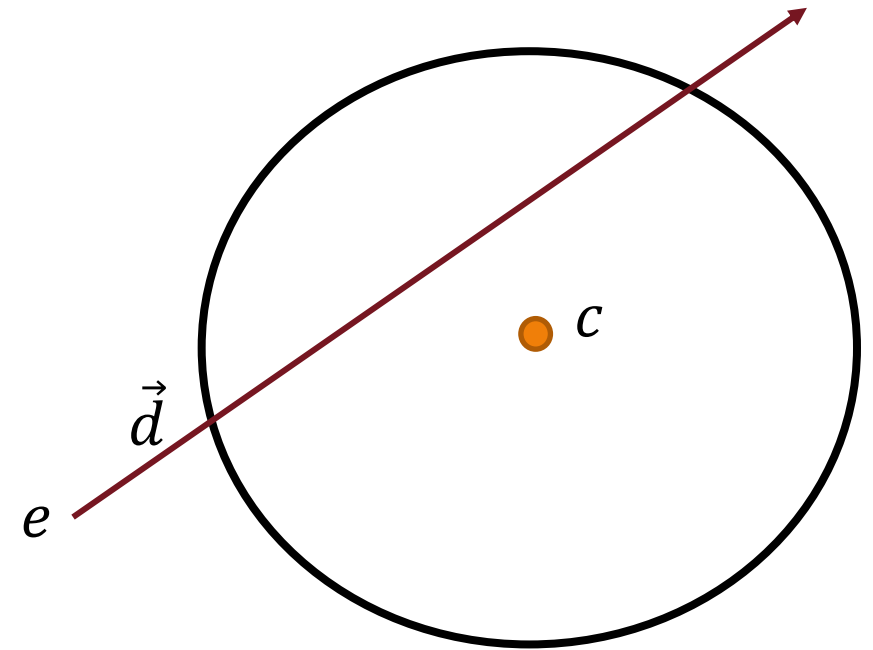
- $(p - c) \cdot (p - c) - r^2 = 0$

- Vstavimo enačbo žarka

- $(e + t\vec{d} - c) \cdot (e + t\vec{d} - c) - r^2 = 0$

- $t^2\vec{d} \cdot \vec{d} + 2t\vec{d} \cdot (e - c) + (e - c) \cdot (e - c) - r^2 = 0$

Presek s kroglo



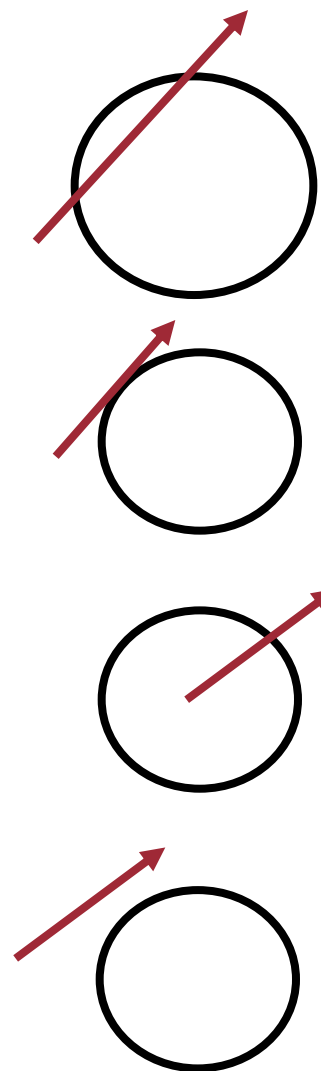


- Rešimo kvadratno enačbo

$$\square \frac{-\vec{d} \cdot (e-c) \pm \sqrt{(\vec{d} \cdot (e-c))^2 - (\vec{d} \cdot \vec{d})((e-c) \cdot (e-c) - r^2)}}{\vec{d} \cdot \vec{d}}$$

- 2 realni pozitivni ničli: manjša je prvi presek
- dvojna ničla: tangenta
- ena pozitivna ena negativna ničla: žarek se začne v krogli in gre ven
- kompleksni ničli: žarek ne seka krogle
 - dovolj je, da pogledamo, če je izraz pod korenem negativen, da vemo ali žarek seka kroglo ali ne

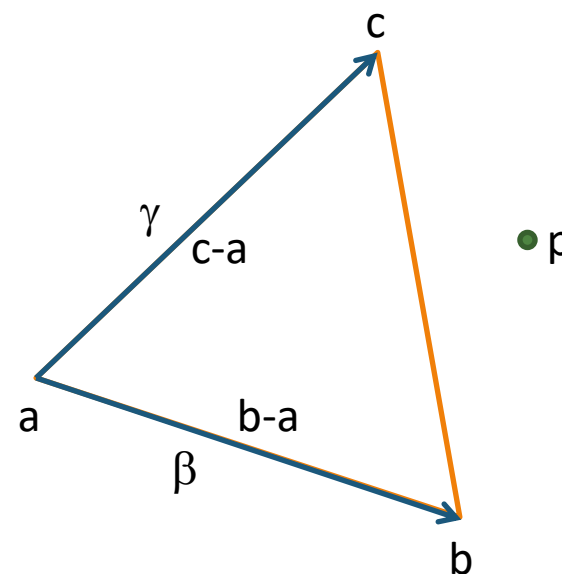
Presek s kroglo





- V **težiščnem** k.s. predstavimo točko p kot
 - $p = a + \beta(b - a) + \gamma(c - a)$
 - $p = \alpha a + \beta b + \gamma c, \quad \alpha + \beta + \gamma = 1$
- Vstavimo enačbo žarka
 - $e + t\vec{d} = a + \beta(b - a) + \gamma(c - a)$
- Dobimo sistem treh enačb (x, y, z) in treh neznank (t, β, γ) , ki ga rešimo
 - obstajajo učinkoviti pristopi, npr. algoritem Möller-Trumbore
- Če velja
 - $t > 0$ in $0 < \gamma < 1$ in $0 < \beta < 1 - \gamma$
 - je točka znotraj trikotnika

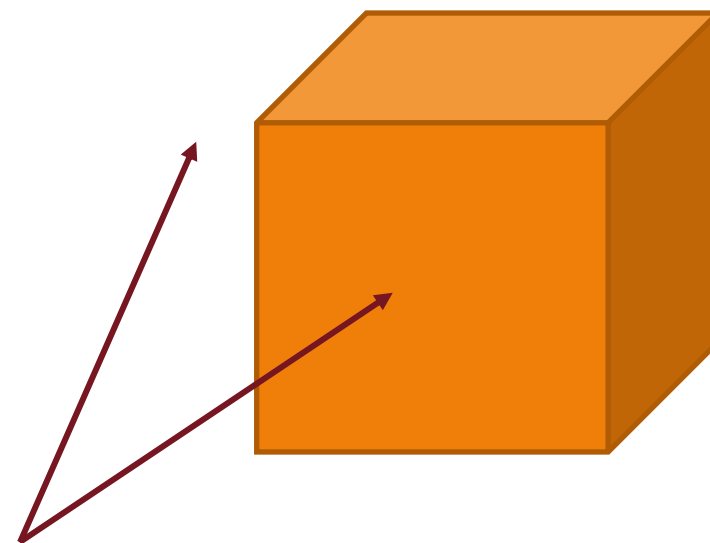
Presek s trikotnikom





- Algoritmov za določanje presekov je cela vrsta, ker je to časovno najbolj kritičen del algoritma metanja žarka (in vseh ostalih metod, ki sledijo žarkom) žarka
 - stožci, valji, elipsoidi,
 - kocke (veliko se uporabljajo za omejevanje – bounding box)
 - ...

Ostali preseki

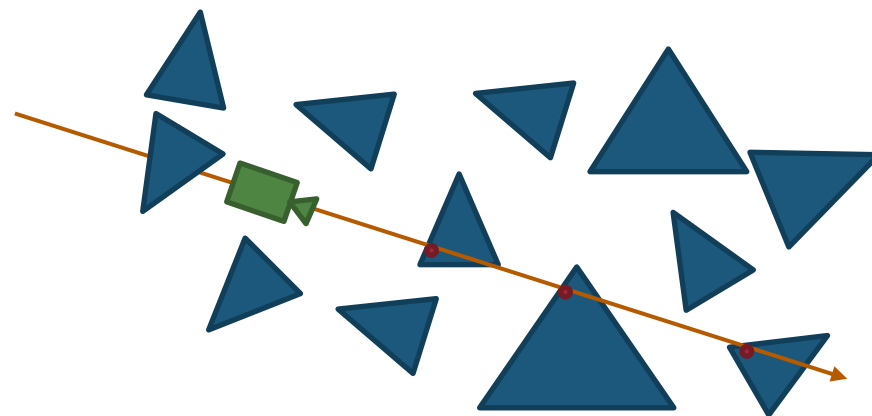




- Računati moramo presek z vsemi predmeti v sceni
- Vrnemo presek z najmanjšim t , ki je večji od 0
- Algoritem:

```
Intersect (ray, scene) {  
    min_t=Infinity;  
    min_p=null;  
    foreach (primitive in scene) {  
        t=Intersect(ray, primitive);  
        if (t>0 && t<min_t) {  
            min_p=primitive;  
            min_t=t;  
        }  
    }  
    return new Intersection(min_t, min_p);  
}
```

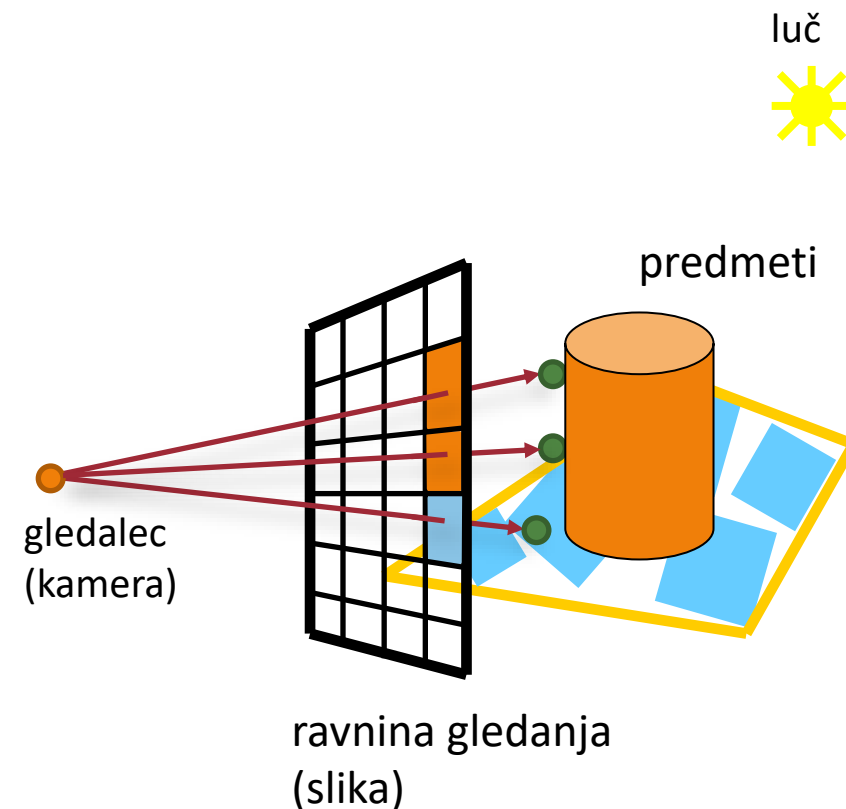
Kako najti prvi presek v sceni





- Ko najdemo presek žarka s prvim telesom, izračunamo še **osvetlitev**
 - osvetlitev se torej računa v vsaki točki (pikslu slike)
- Osvetlitveni model izberemo, lahko je Phongov
 - $I = k_a L_a + L_i \left(k_d (\vec{L} \cdot \vec{N}) + k_s (\vec{V} \cdot \vec{R})^p \right)$
 - k_a - ambientna svetloba
 - k_d, k_s - difuzna in zrcalna komponenta
 - p – zrcalni koeficient
 - jakost luči L_a, L_i

Metanje žarka - osvetlitev

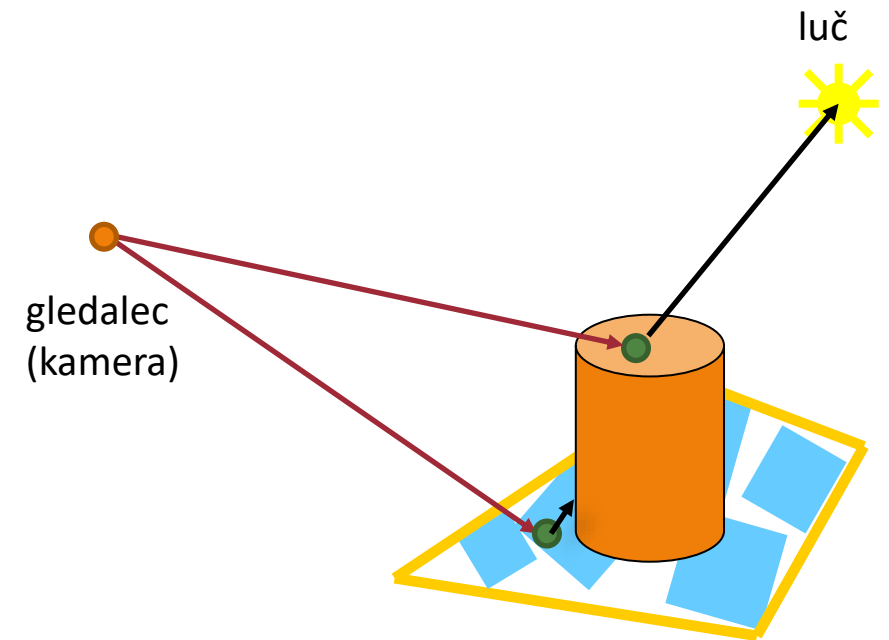




Sence

■ Metanje žarka upošteva tudi **sence**

- v vsaki točki preseka pošljemo senčni žarek (*shadow ray*) proti vsaki luči
 - za senčni žarek ponovno računamo preseke z vsemi predmeti v sceni
- če na poti senčnega žarka najdemo kak presek s predmetom, je točka v senci ($V_i = 0$), sicer ni ($V_i = 1$)
- $I = k_a L_a + V_i L_i \left(k_d (\vec{L} \cdot \vec{N}) + k_s (\vec{V} \cdot \vec{R})^p \right)$





Rasterizacija:

```
OutputImage img
foreach Polygon p:
    foreach Pixel pp in p:
        c=CalculateColor(pp)
        if Visible(pp)
            img[pp]=c
```



Rasterizacija vs. metanje žarka

Metanje žarka:

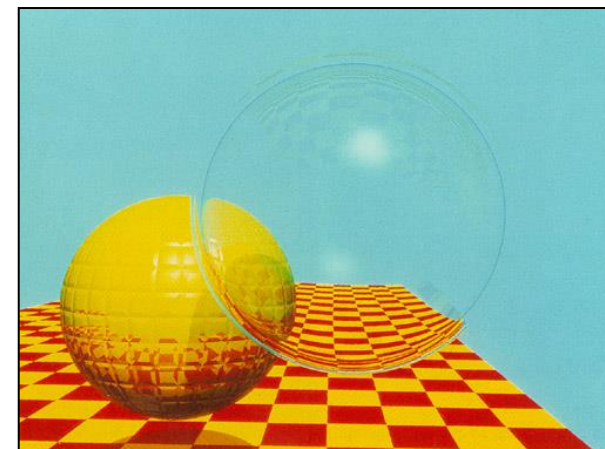
```
OutputImage img
foreach Pixel ip in img:
    ray=GetRay(ip)
    foreach Polygon p in Scene:
        t=FindIntersection(ray,p)
        mint=FindIfClosest(t)
    img[ip]=CalculateColor(mint)
```



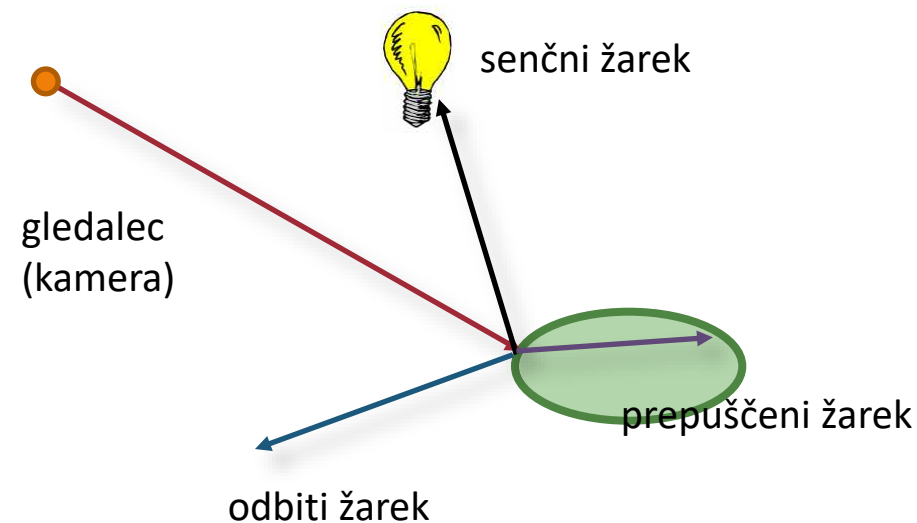

- Metoda **globalne** osvetlitve
- Osnova je metanje žarka
- Žarku sledimo tudi **po prvem dotiku** s predmetom v dve smeri:
 - **popolni** odboj za zrcalne odboje
 - **prepuščeni** žarek za prosojne materiale
- Pri obeh novih žarkih rekurzivno ponovimo celoten postopek sledenja
 - **seštevamo** svetlobne prispevke žarkov



Sledenje žarku



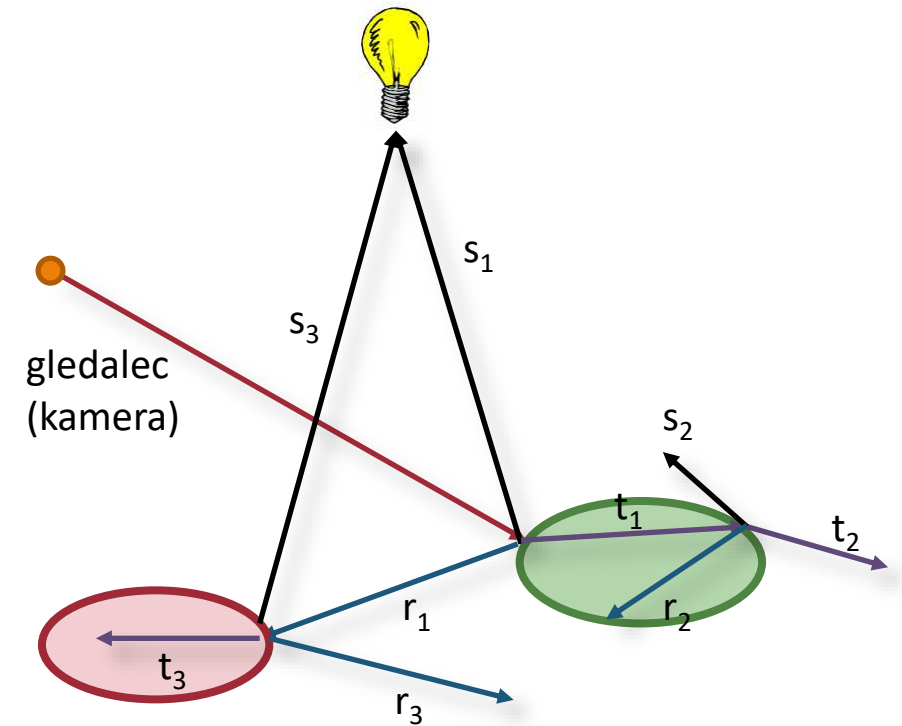
Turner Whitted 1980



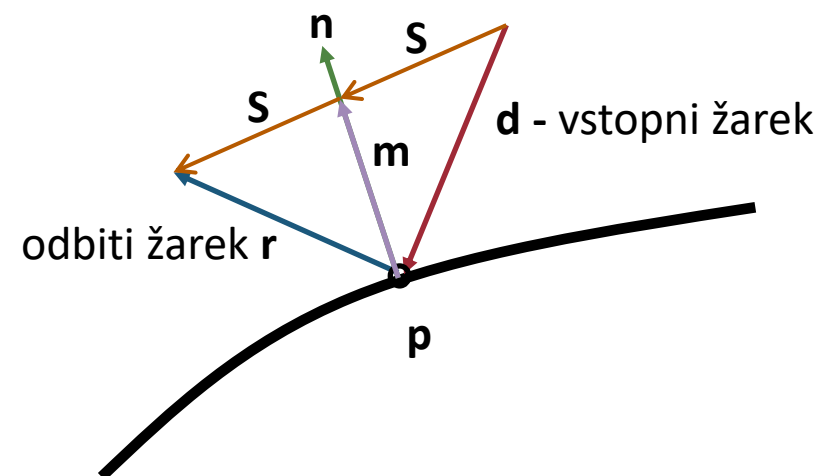


- Kdaj rekurzijo pri nekem žarku **ustavimo**?
 - ko žarek zadene luč (dobi barvo luči)
 - ko žarek ne zadene ničesar (tema)
 - ko žarek pride do predmeta, ki nima zrcalnih odbojev in ni prosojen
- Ti pogoji niso dovolj, omejiti moramo **globino** rekurzije
 - koliko nivojev rekurzije rabimo?
Odvisno od kompleksnosti scene, npr. 4
 - z večjo globino raste tudi kompleksnost, saj moramo slediti vse več žarkom in računati vse več presekov

Rekurzija



- Odbiti žarek računamo kot popolni odboj
 - $\vec{m} = -\vec{n}(\vec{n} \cdot \vec{d})$
 - $\vec{s} = \vec{d} + \vec{m}$
 - $\vec{r} = \vec{m} + \vec{s} = \vec{d} + 2\vec{m}$
 $= \vec{d} - 2\vec{n}(\vec{n} \cdot \vec{d})$
- Nov odbiti žarek je parametrično zapisan kot:
 - $r(t) = p + t\vec{r}$





- **Prosojni** materiali (steklo, voda itn.) prepuščajo svetlobo

- in jo tudi lomijo
- svetloba se **upočasni**, ko preide v bolj gost medij

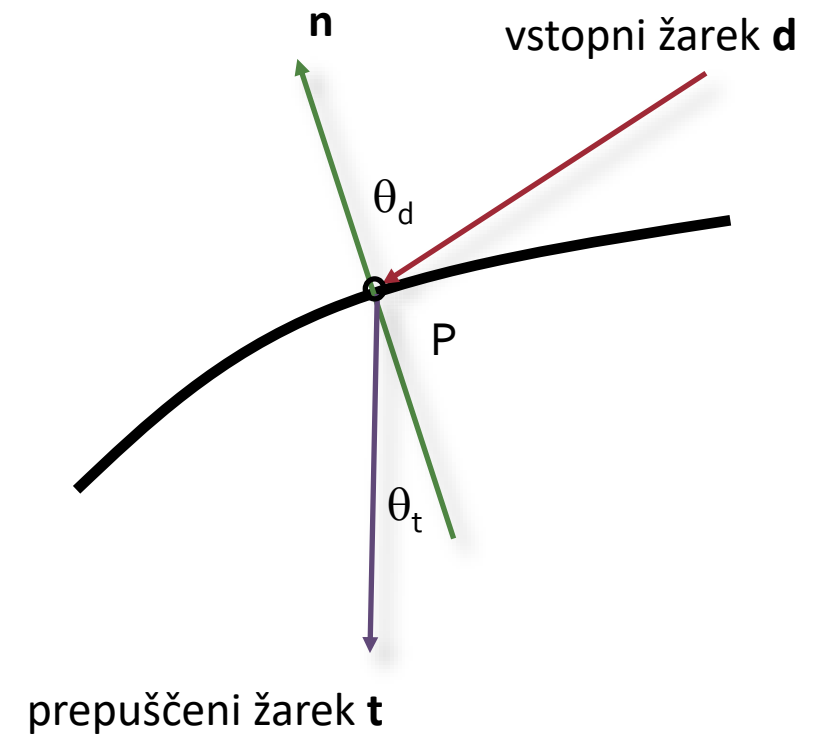
- Velja **Snellov zakon**:

- $\eta_d \sin \theta_d = \eta_t \sin \theta_t$
 - η_d - lomni količnik v snovi vstopnega žarka
 - η_t - lomni količnik v snovi prepuščenega žarka

- $\eta = \frac{\text{hitrost svetlobe v vakuumu}}{\text{hitrost svetlobe v mediju}}$

- $\eta_{\text{zrak}} \sim 1, \eta_{\text{voda}} = 1,33, \eta_{\text{steklo}} = 1,5$

Lom svetlobe





Lom svetlobe

■ Primer

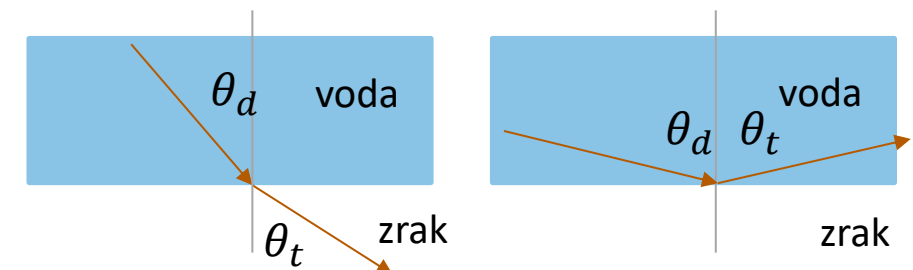
- voda $n = 1.333$
 - hitrost svetlobe v vodi $\sim 225056 \text{ km/s}$
- Zrak-voda
 - Vstopni kot: $\theta_i: 60^\circ$
 - $n_d \sin \theta_d = n_t \sin \theta_t$
 - Prepuščeni kot $\theta_t: 40.53^\circ$
 - v vodi je svetloba počasnejša, se lomi navznoter
- Voda-zrak (nazaj)
 - Vstopni kot $\theta_d: 40.53^\circ$
 - Prepuščeni kot $\theta_t: 60^\circ$
 - na zraku je svetloba hitrejša, se lomi navzven

■ Pri vstopu v hitrejši medij lahko pride do **popolnega** notranjega odboja

- ko je kot vstopne svetlobe prevelik
- Primer

Material	n
Vacuum	1
Gases at 0 °C and 1 atm	
Air	1.000 293
Helium	1.000 036
Hydrogen	1.000 132
Carbon dioxide	1.000 45
Liquids at 20 °C	
Water	1.333
Ethanol	1.36
Olive oil	1.47
Solids	
Ice	1.31
PMMA (Plexiglas)	1.49
Window glass	1.52 ^[11]
Polycarbonate (Lexan™)	1.58 ^[12]
Flint glass (typical)	1.62
Sapphire	1.77 ^[13]
Cubic zirconia	2.15
Diamond	2.42
Moissanite	2.65

[wiki](#)





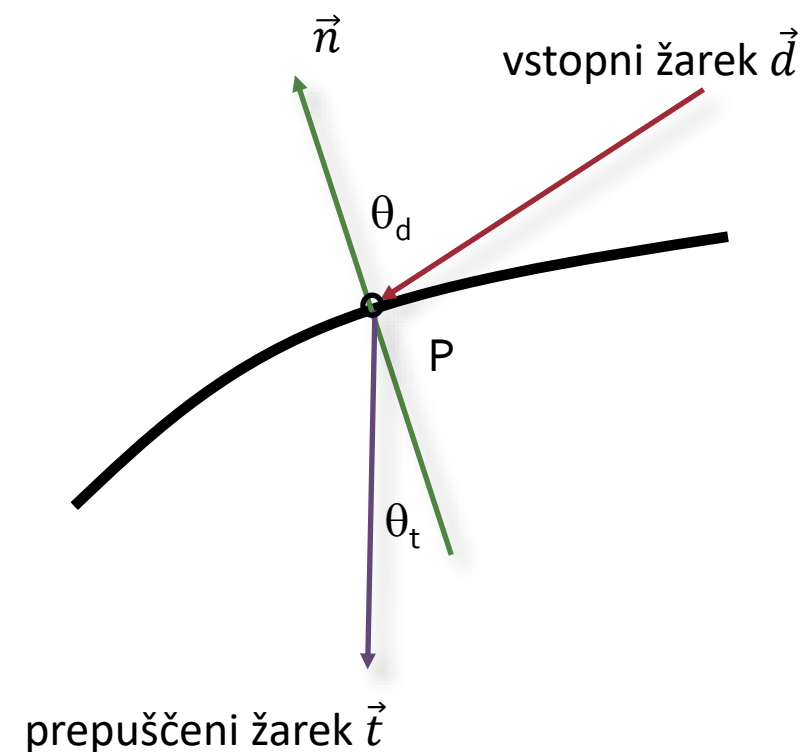
- Smer prepuščenega žarka izpeljemo iz

- $\eta_d \sin \theta_d = \eta_t \sin \theta_t$

- Dobimo:

- $$\vec{t} = \frac{\eta_d}{\eta_i} \left(\vec{d} - \vec{n} (\vec{n} \cdot \vec{d}) \right) - \vec{n} \sqrt{1 - \frac{\eta_d^2}{\eta_i^2} \left(1 - (\vec{n} \cdot \vec{d})^2 \right)}$$

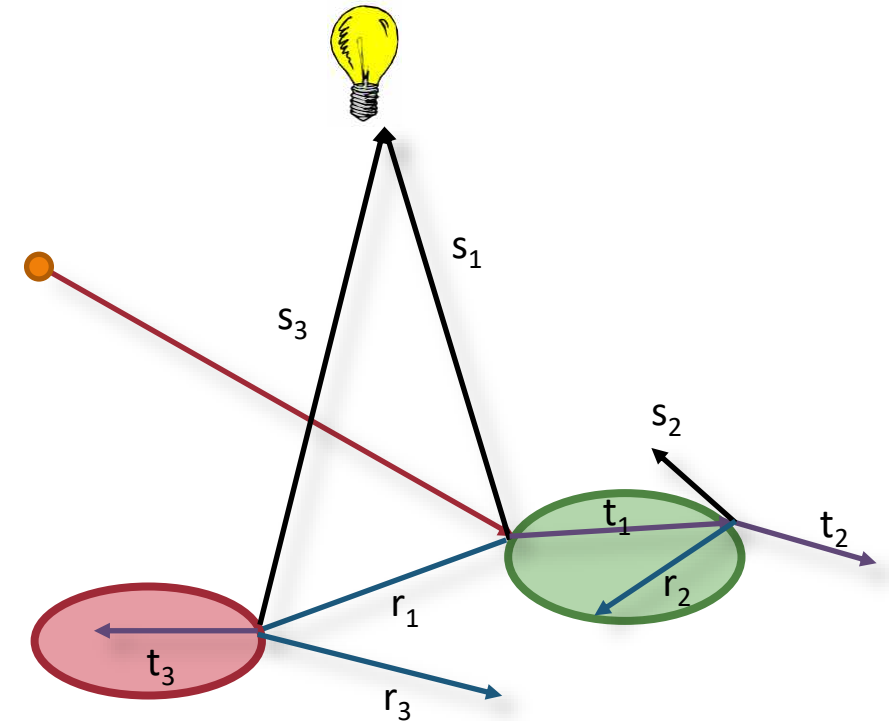
Lom svetlobe





Osvetlitev

- Osvetlitev v točki računamo kot pri metanju žarka, le da prištejemo še deleže svetlobe I_r in I_t , ki pridejo od obeh novih žarkov (po rekurzivnem sledenju)
 - $I = k_a L_a + V_i L_i \left(k_d (\vec{L} \cdot \vec{N}) + k_s (\vec{V} \cdot \vec{R})^p \right) + k_r I_r + k_t I_t$
 - I_r – rekurzivni zrcalni prispevek
 - k_r - zrcalni koeficient (Fresnel)
 - I_t – rekurzivni prepustni prispevek
 - k_t - prepustni koeficient (Fresnel)
- Dejansko osvetlitev torej lahko izračunamo šele po koncu rekurzije





Sledenje porazdeljenim žarkom

- Osnovni algoritem sledenja žarku ima pomanjkljivosti, izgled slik je precej **umeten**
 - ostri robovi
 - trde sence
 - vse je v fokusu
 - površine “perfektno” sijajo
 - steklo “perfektno” prepušča svetlobo
- Veliko pomanjkljivosti odpravlja t.i. **sledenje porazdeljenim žarkom** - *distribution/distributed ray tracing*
 - Cook, Porter, Carpenter, 1984
- Namesto enega žarka delamo v vsaki fazi z več žarki (porazdelitev žarkov)

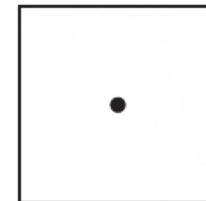




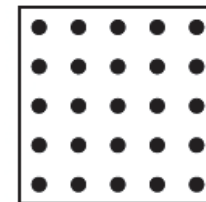
- Namesto enega žarka iz očesa pošljemo skozi vsak piksel **več žarkov**
 - supersampling
 - fiksno število žarkov
 - adaptivno (začnemo z majhnim številom, če so rezultati zelo različni, število povečamo)
 - navadno žarke naključno stresemo (jitter)
- Končna barva piksla je **uteženo povprečje** barv vseh žarkov
- Dobimo bolj mehke prehode med ostrimi kontrasti (*antialiasing*)

Mehčanje robov

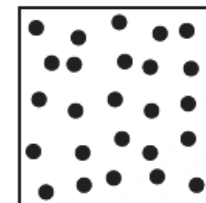
En žarek



Več enakomerno porazdeljenih žarkov

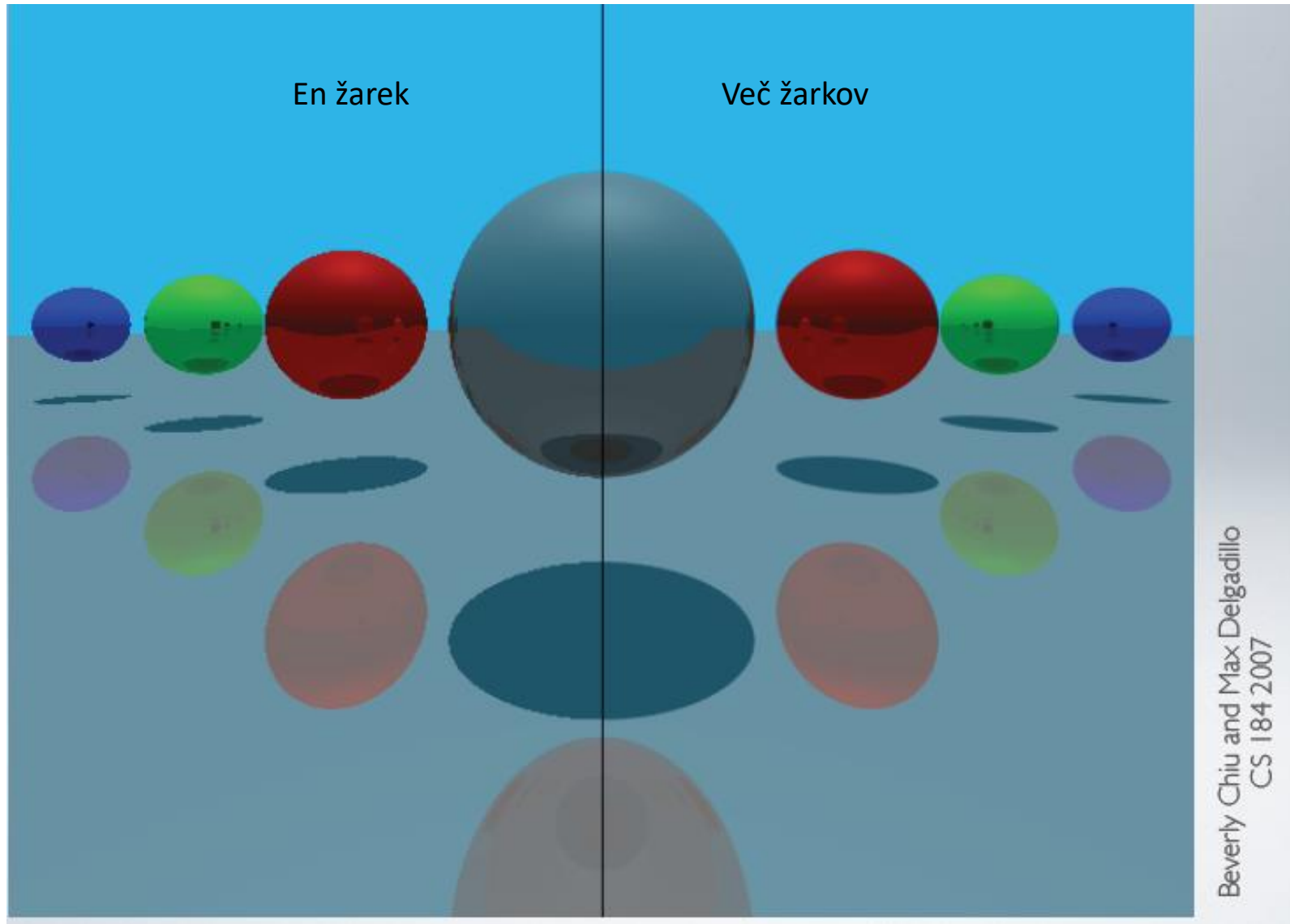


Več žarkov, naključno stresenih (jitter)





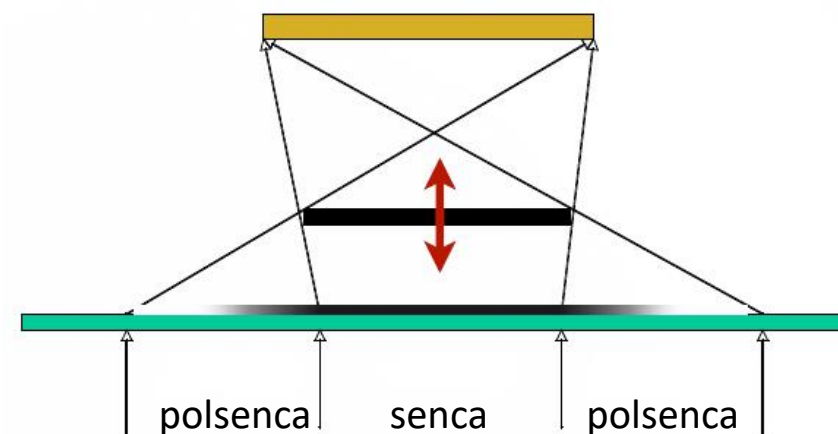
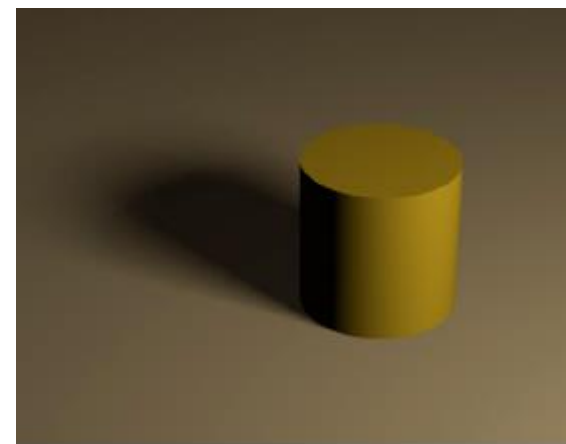
Mehčanje robov





- Točkasta luč **ni realističen** model
 - trde sence
- Luči naj zajemajo večjo površino – površinska luč (area light)

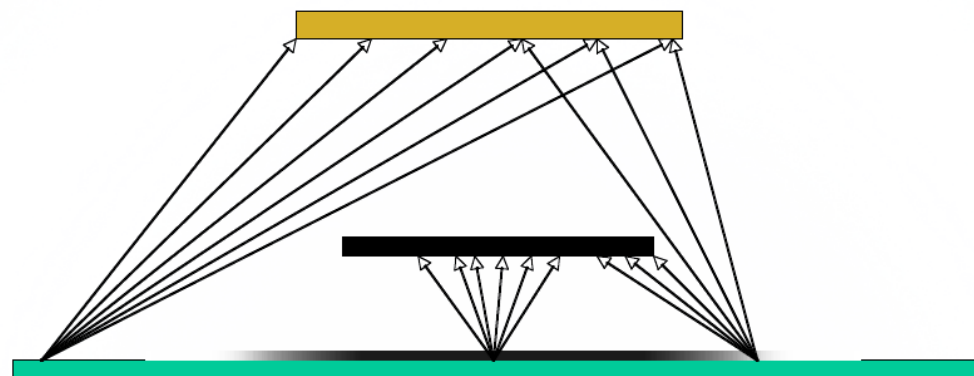
Mehke sence





- V luč pošljemo **več** (nekoliko naključno porazdeljenih) **senčnih žarkov**, porazdeljenih po njeni površini, seštejemo doprinose
 - $\frac{\text{število zadetkov}}{\text{število žarkov}} = \% \text{osvetlitve}$

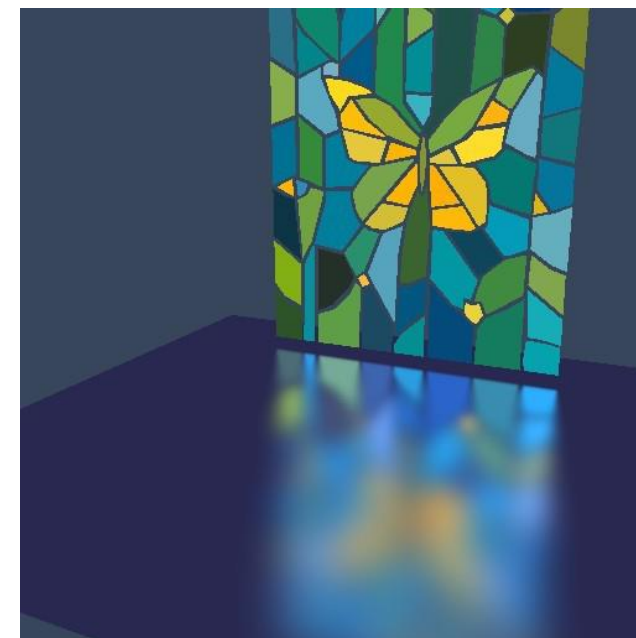
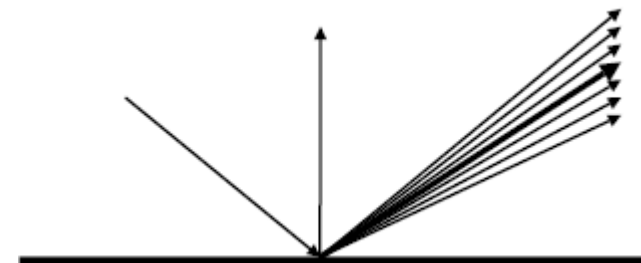
Mehke sence





- Pri standardnem sledenju žarkov so odboji **preveč podobni zrcalu** – idealni
- Zaradi grobosti materialov so v realnosti precej bolj zabrisani
- Idejo prenesemo tudi na odbite žarke; namesto enega jih ustvarimo več v (nekoliko naključnih) smereh
 - uporabimo lahko lastnosti materiala (BRDF ali Phong) za določanje števila in smeri

Mehki odboji

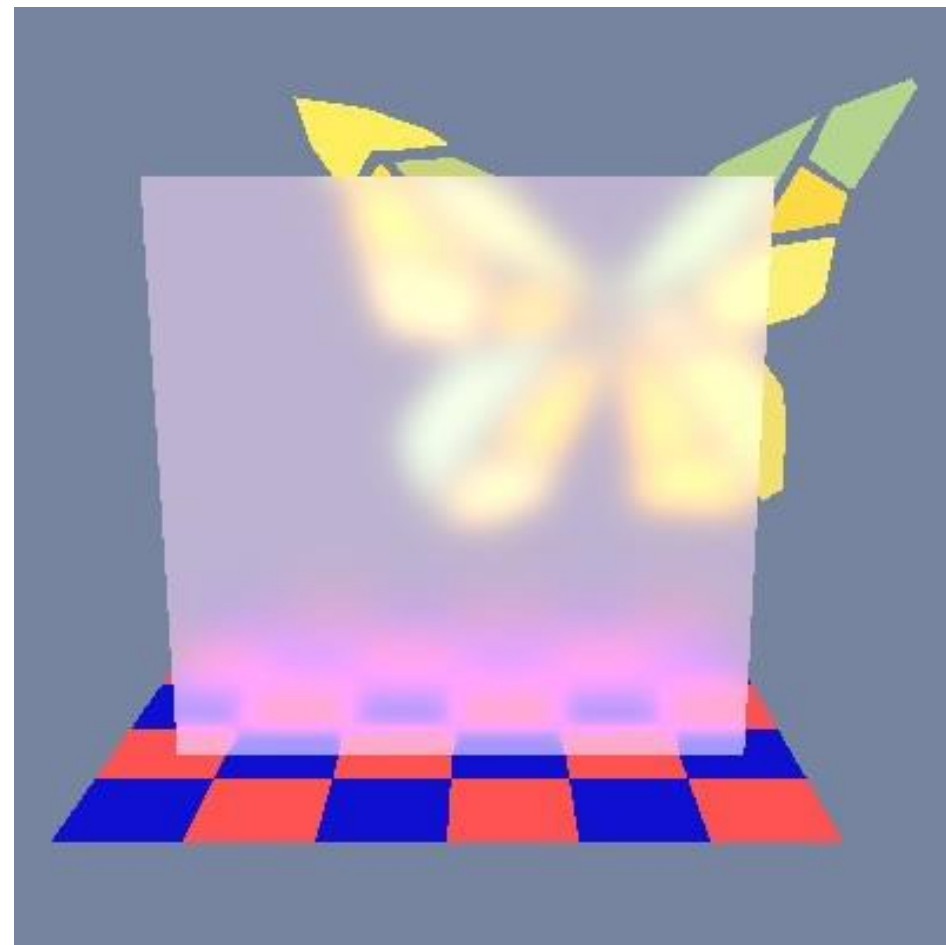




- Difuzna prozornost
- Kot za odbite žarke, lahko tudi pri prepuščenih žarkih ustvarimo **več** “naključno” **porazdeljenih žarkov** okoli idealnega žarka
- Dobimo efekt prosojnosti oz. pol-prozornosti

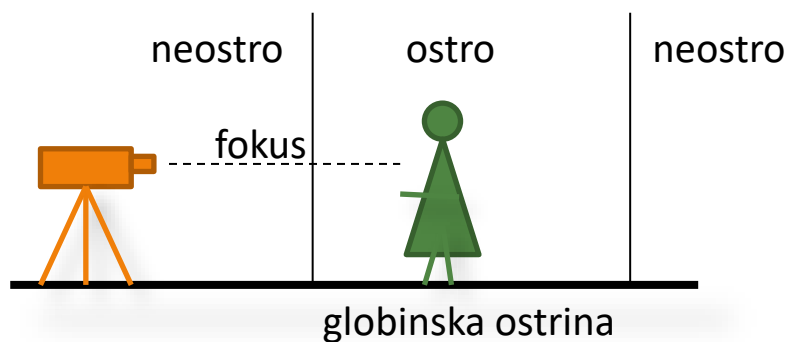


Prosojnost - translucency





- Globinska ostrina: področje okoli fokusne razdalje, v katerem je slika še vedno sprejemljivo ostra



Globinska ostrina



Lord of the Rings, Newline Cinema



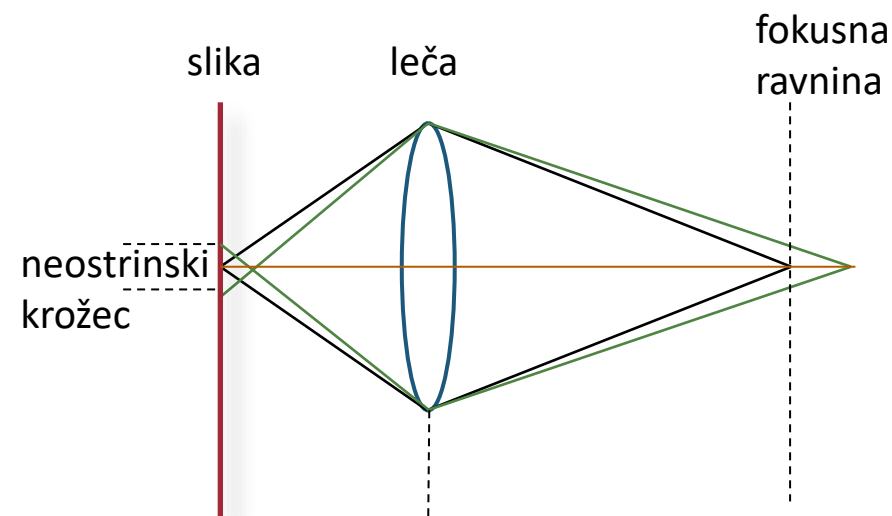
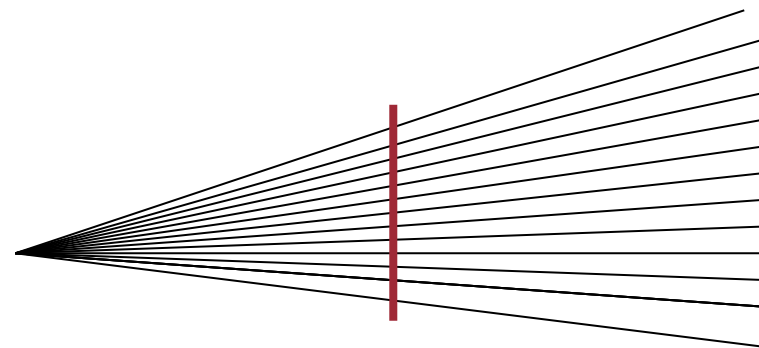
■ RG kamera:

- idealna, vsi žarki grede iz ene točke (leča velikosti 0), vse je ostro
- ena točka v sceni = ena točka na sliki

■ Leča: bolj realističen model, žarki razporejeni po leči

- ena točka na sceni = krožec na sliki, razen za točke v fokusni ravnini

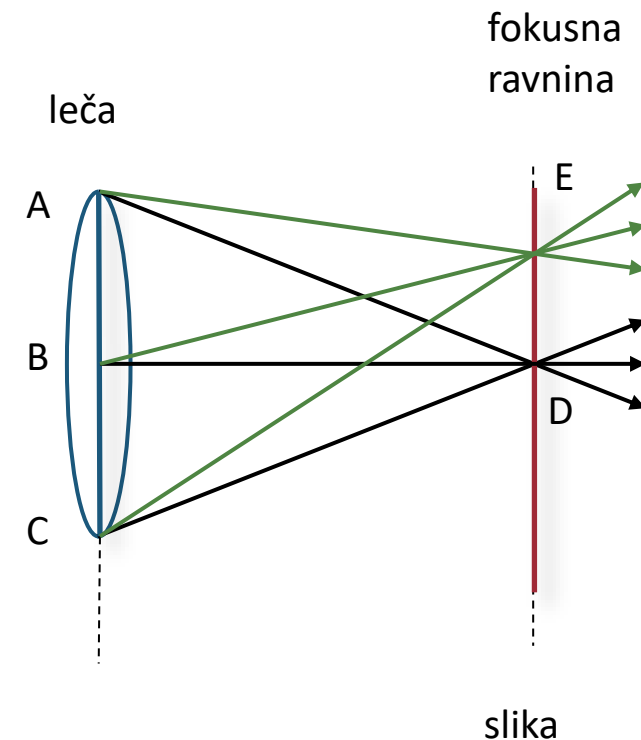
Globinska ostrina





- Simuliramo jo s **porazdelitvijo žarkov po površini leče**
- Slika je postavljena na fokusno ravnino
- Primer na desni:
 - idealna RG kamera:
 - vsi žarki grede iz B
 - piksel D dobimo z žarkom BD
 - piksel E dobimo z žarkom BE
 - z globinsko ostrino:
 - žarki so porazdeljeni po ravnini leče
 - slika je na fokusni ravnini
 - piksel D dobimo iz AD, BD, CD ...
 - piksel E dobimo iz AE, BE, CE ...

Globinska ostrina





- Zabrisano gibanje - “motion blur”
– žarke porazdelimo po času in povprečimo
- Predmeti, ki se premikajo, bodo zamegljeni

Zabrisano gibanje



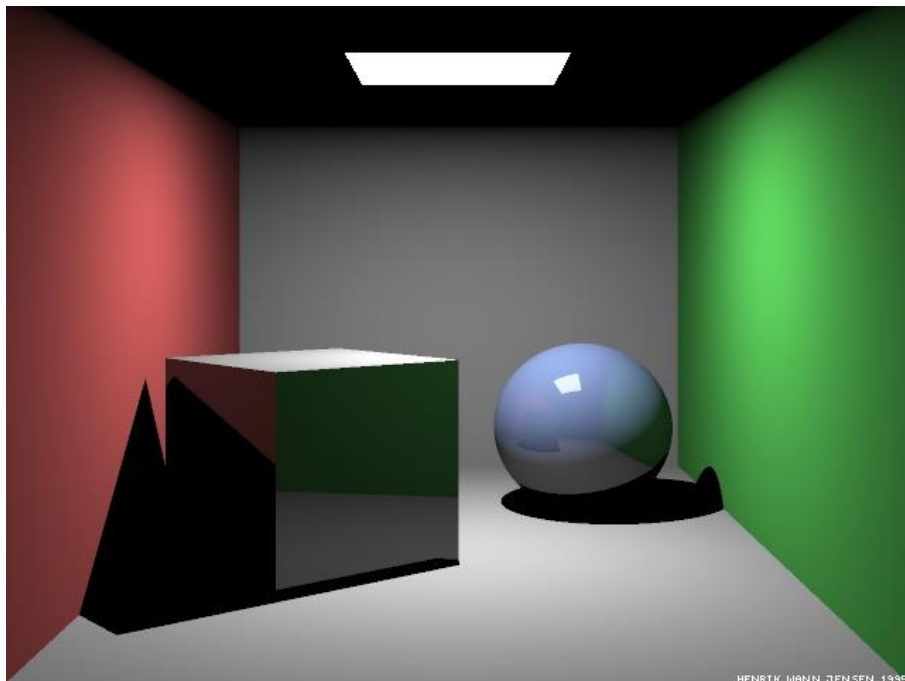
Pool Balls
Tom Porter
RenderMan



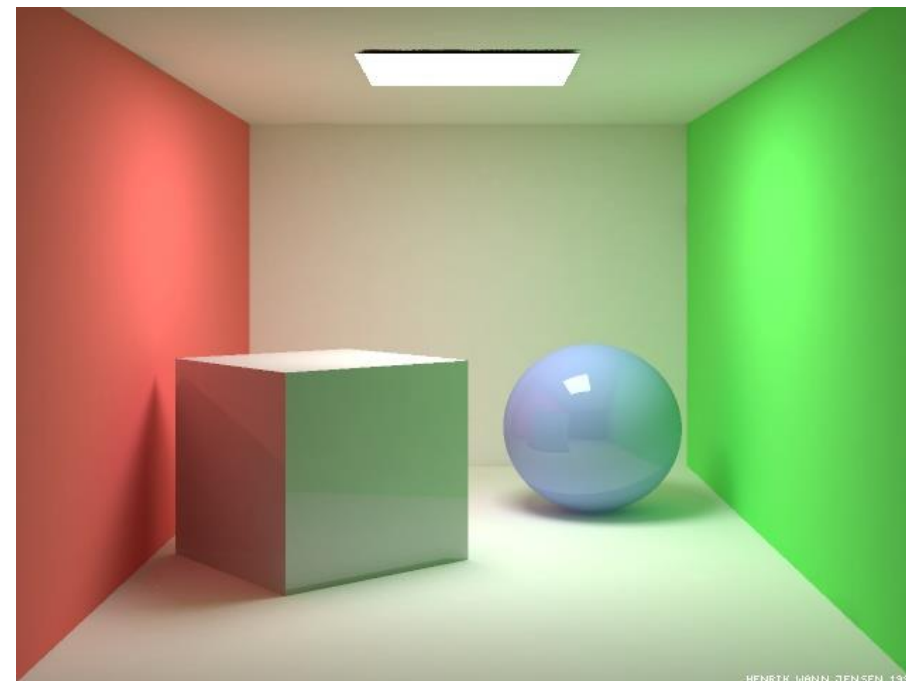


Sledenje žarka vs. prava globalna osvetlitev

- Sledenje žarka
 - upoštevamo le zrcalne odboje



- Sledenje poti (path tracing)
 - upoštevamo tudi difuzne odboje





Sledenje žarkov - pohitritve

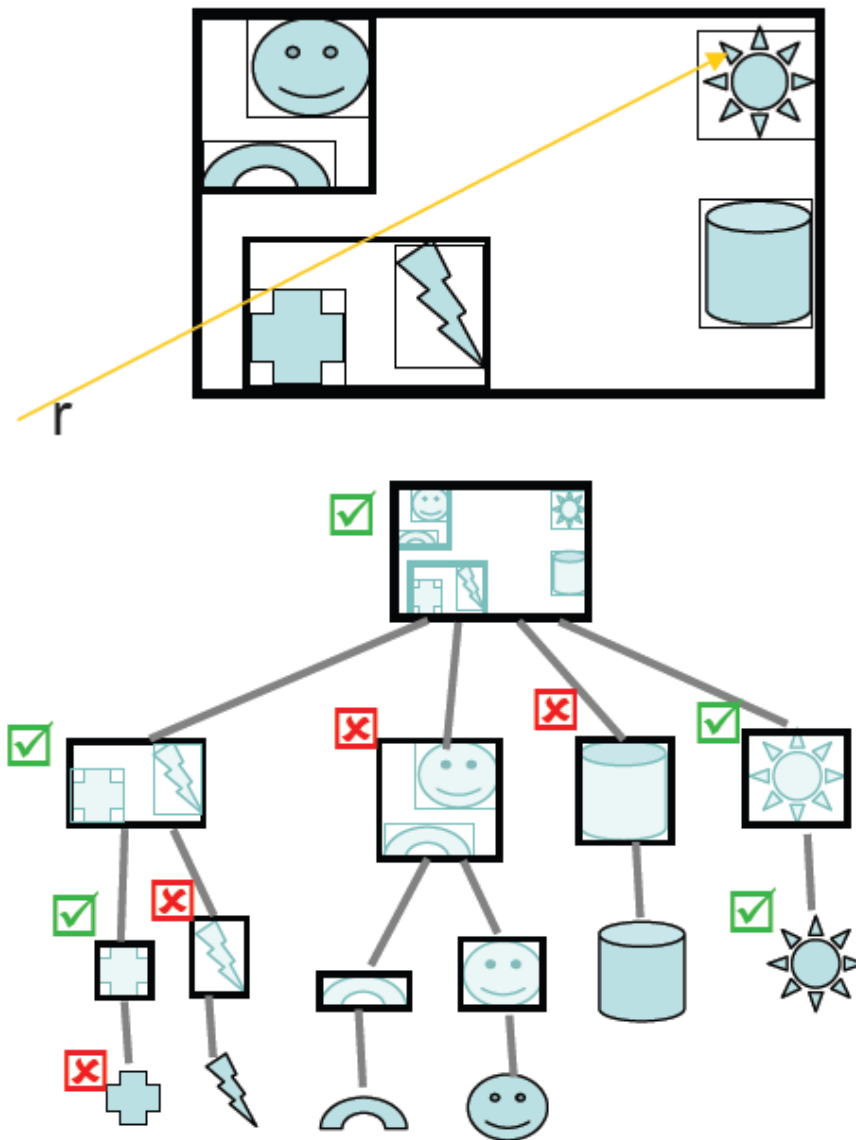
- Sledenje žarkov je **počasna metoda**, predvsem zaradi potrebe po računanju presekov
- Primer
 - slika 1280x1024, 10 žarkov/piksel
 - 1000 predmetov
 - 3 nivoji rekurzije
 - 39.321.600.000 testov presekov
 - 1.000.000 testov/sekundo -> 10.9 ur!
- Moramo uporabiti metode za **pohitritev**!





Hierarhije očrtanih teles (BVH)

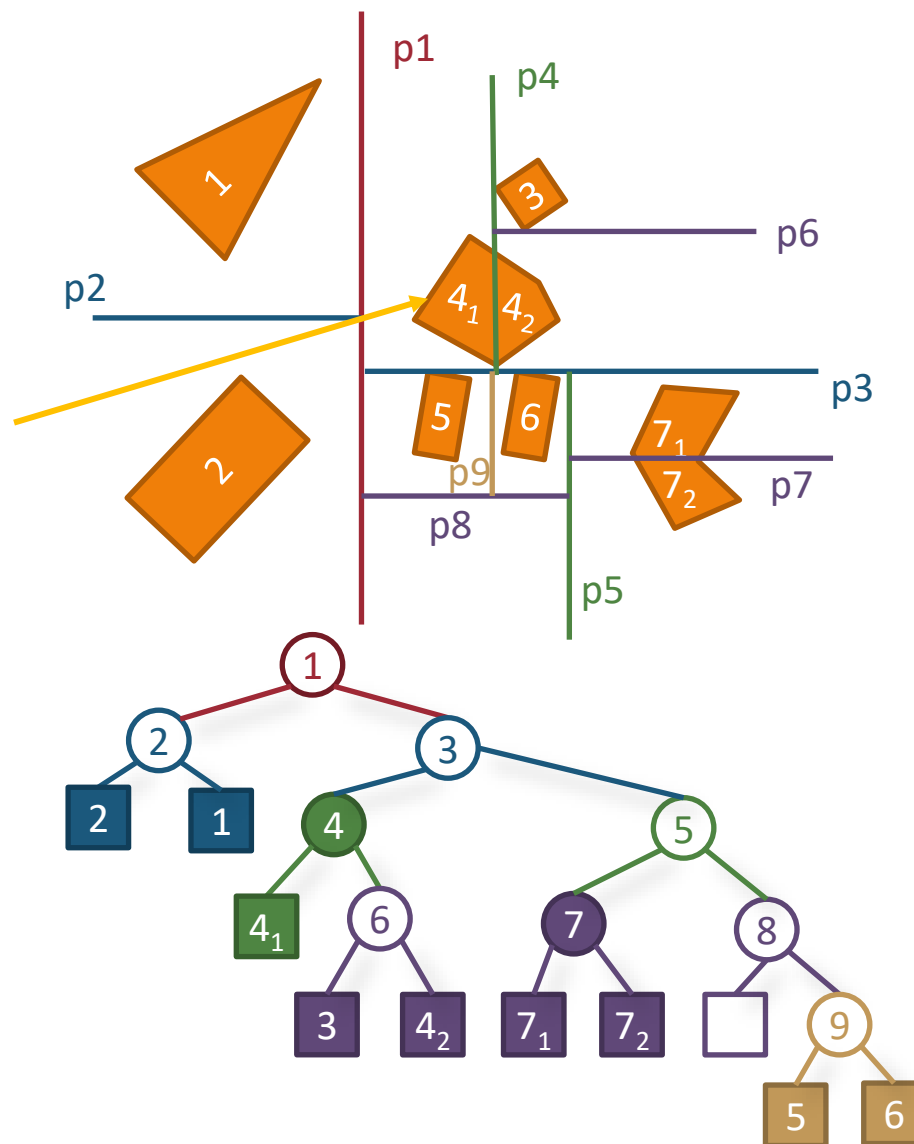
- Predmete očrtamo s hierarhijo teles, s katerimi lahko enostavno izračunamo preseke – **očrtana telesa** (glej poglavje o tehnikah razdelitve prostora)
 - če žarek ne seka očrtanega telesa, ne seka predmeta v njem
- Ko sledimo žarkom, začnemo pri korenu drevesa (celotna scena) in nadaljujemo proti predmetom v listih





- Uporabimo lahko tudi druge **tehnike razdelitve prostora**
 - navadna mreža, octree, BSP drevo, kd drevo ...
- Hierarhično računamo preseke žarka, dokler ne pridemo do posameznih primitivov (trikotnikov ipd.), s katerimi računamo presek

Razdeljevanje prostora





- S povečevanjem hitrosti GPU prihajamo v čas, ko je sledenje žarku z ustreznimi kompromisi že mogoče v realnem času
 - Nvidia RTX
 - demo
 - Nvidia OptiX API for real-time ray tracing
 - Microsoft DXR API for real-time ray tracing
- <https://devblogs.nvidia.com/ray-tracing-games-nvidia-rtx/>

Sledenje žarku v realnem času



Metro Exodus: GeForce RTX Real-Time Ray Tracing (2018)



REFERENCE

- P.H. Christensen et al. [Ray Tracing for the Movie 'Cars'](#)
 - N. Guid: Računalniška grafika, FERI Maribor
 - J.D. Foley, A. Van Dam et al.: Computer Graphics: Principles and Practice in C, Addison Wesley
- 