



GRAFIČNI CEVOVOD



Od modela do slike (v realnem času)

- Grafični cevovod
 - pretvori (3D) predmet/sceno iz računalniškega zapisa v bitno sliko
- Sestavljen je iz več faz, ki preslikajo 3D predmete v bitno sliko (sestavljeno iz pikslov)
- Tipično je implementiran v strojni opremi
 - grafična kartica

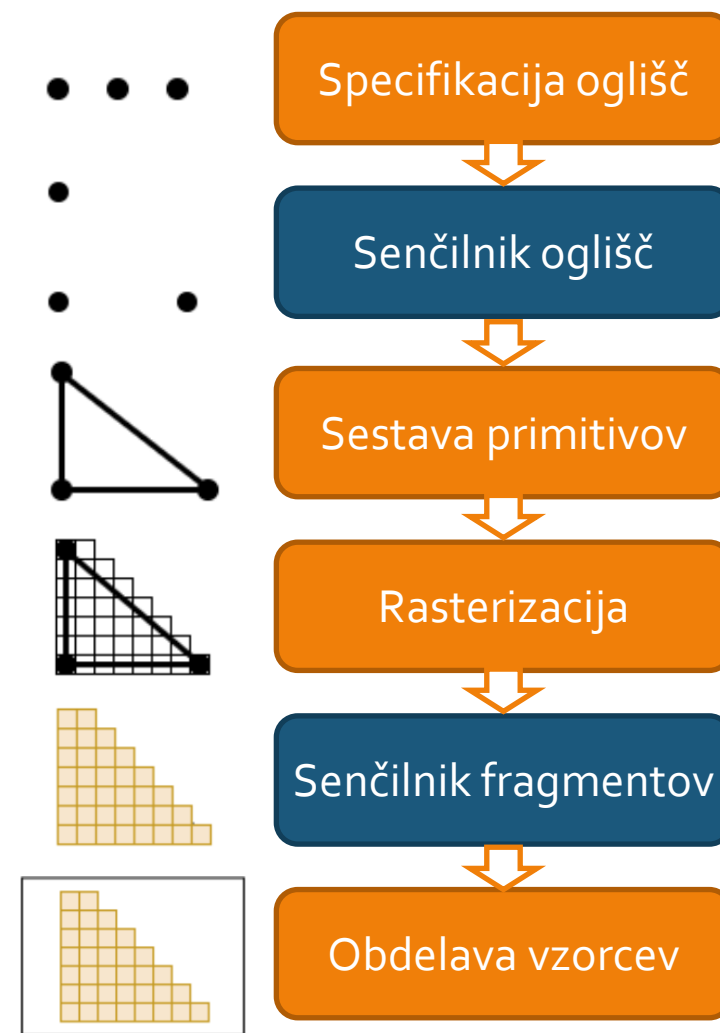
```
v 2.712726 -2.398764 -2.492640
v 2.712726 -1.954302 -2.665440
v -5.975275 -1.954302 -2.665440
v -5.975275 -2.398764 -2.492640
v -6.113514 -1.885536 -2.803680
v 2.712726 -1.885536 -2.803680
v -5.975275 -1.372307 -2.803680
v -5.975275 -1.816770 -2.700000
v 2.712726 -1.816770 -2.700000
v 2.712726 -1.372307 -2.803680
v 4.766168 -2.256987 -2.354400
v 4.766168 -1.372307 -2.665439
```





- Primitivi (poligoni) se po fazah procesirajo od vhodnih podatkov do izhodne slike
 - vsaka faza posreduje rezultate naslednji fazi
- Cevovod lahko predstavimo na različne načine
 - to je WebGPU pogled
- Določene faze so lahko implementirane **strojno**, druge **programsko** (senčilniki / *shaders*)

Grafični cevovod

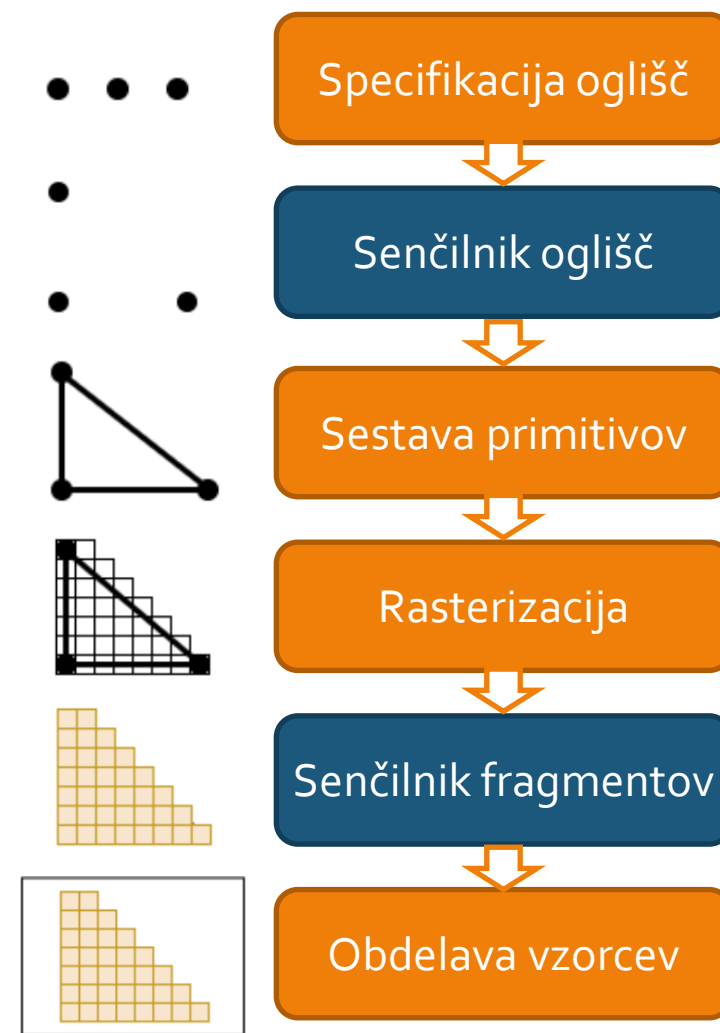




- Priprava podatkov za upodabljanje
 - *Vertex Buffer* (oglišča)
 - *Index Buffer* (kako se povežejo)
 - *Render Buffers* (kam zapisujemo rezultate)
 - *Shaders* (programska koda in uniforme)



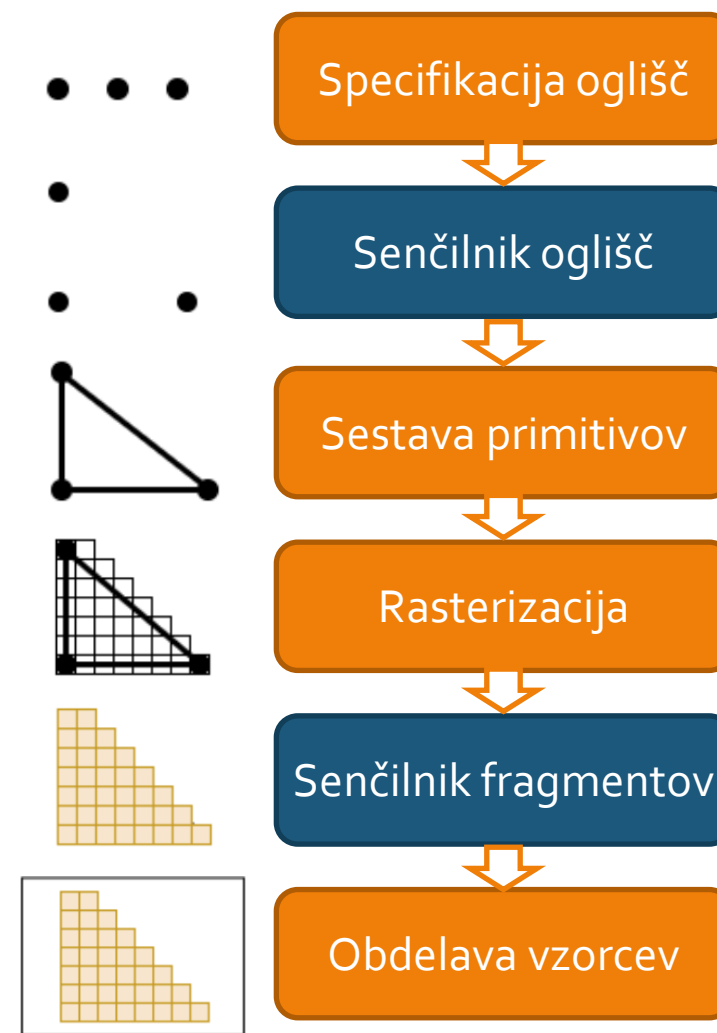
Specifikacija oglišč





- Program, ki se izvede za vsako posamezno oglišče
 - specificira ga uporabnik, je obvezen
- Tipično **transformacije** oglišč in normal, projekcija
 - lahko tudi osvetlitev itn.
- Attribute oglišč le **spreminjamo** (ne dodajamo novih oglišč ali jih brišemo)
 - vhod je posamezno oglišče z vsemi atributi
 - izhod je prav tako (transformirano) oglišče z atributi, ki se kot **interpoliranke** prenesejo v senčilnik fragmentov

Senčilnik oglišč





Enostaven primer – senčilnik oglišč

```
struct VertexInput {  
    @location(0) position : vec3f,  
    @location(1) normal : vec3f,  
}  
  
struct VertexOutput {  
    @builtin(position) position : vec4f,  
    @location(0) normal : vec3f,  
    @location(1) vertPosition : vec4f,  
}  
  
struct ModelUniforms {  
    viewModelMatrix : mat4x4f,  
    projectionViewModelMatrix : mat4x4f,  
    normalMatrix : mat4x4f,  
}  
  
@group(0) @binding(0) var<uniform> model : ModelUniforms;  
  
@vertex  
fn vertex(input : VertexInput) -> VertexOutput {  
    var output : VertexOutput;  
    output.position = model.projectionViewModelMatrix * vec4(input.position, 1);  
    output.normal = (model.normalMatrix * vec4(input.normal, 0)).xyz;  
    output.vertPosition = model.viewModelMatrix * vec4(input.position, 1);  
    return output;  
}
```

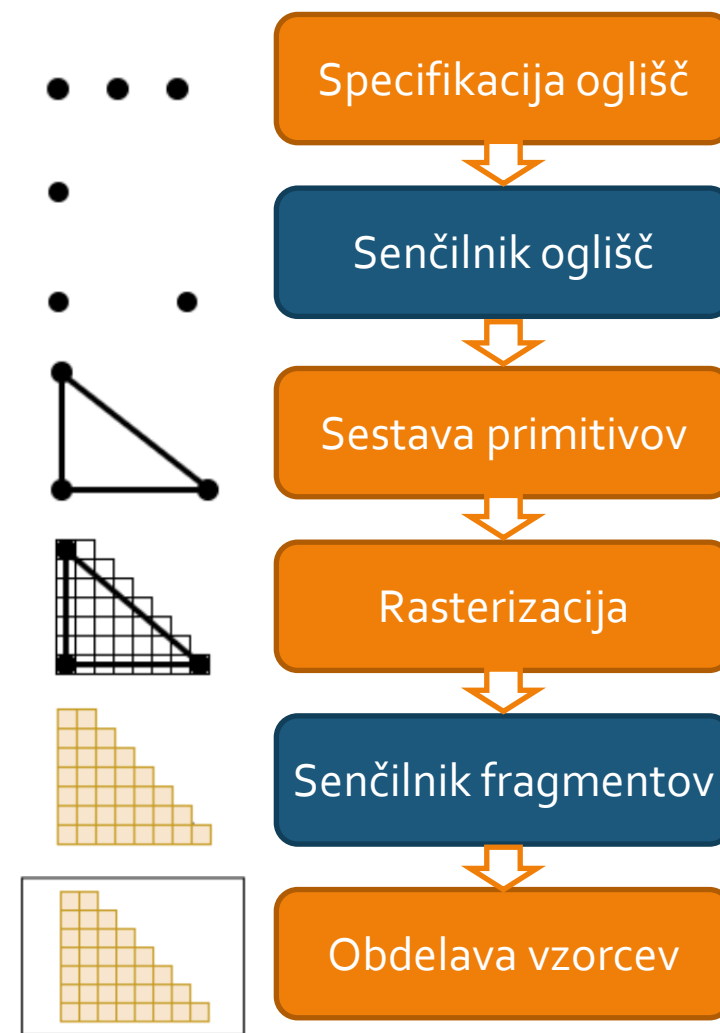




- Oglišča se **povežejo** skupaj v posamezne primitive (trikotnike, črte ...)
- **Rezanje in izločanje**
- Perspektivno **deljenje**
- Transformacija v **koordinate zaslona**
- **Izločanje ploskev**



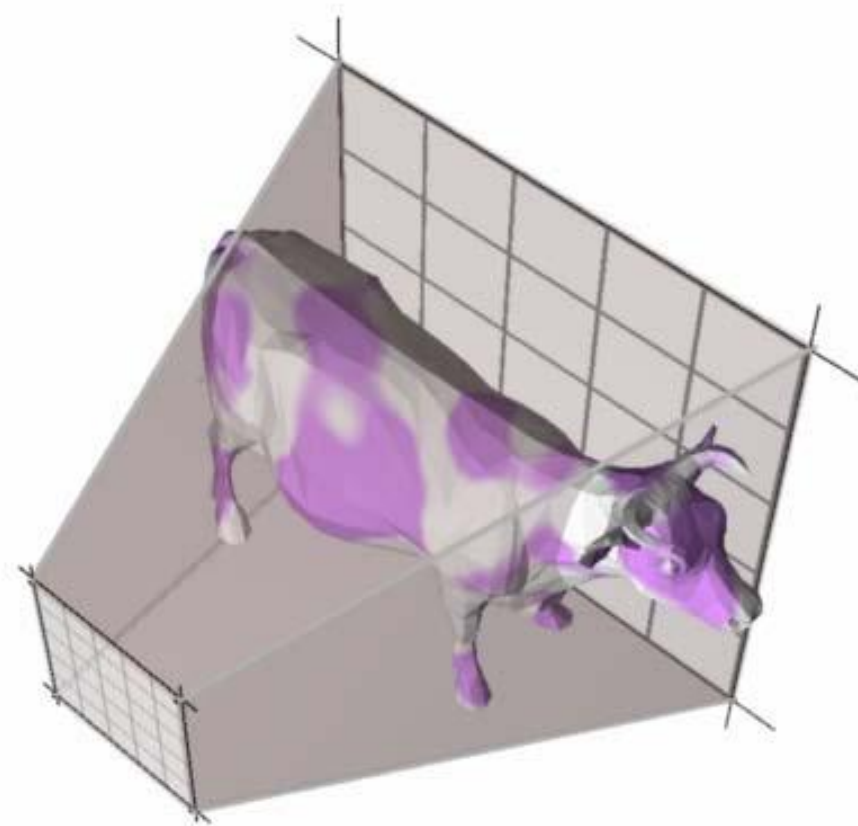
Sestava primitivov





Rezanje (*clipping*) in izločanje (*culling*)

- Rezanje in izločanje
 - **izločimo** (*odstranimo*) vse ploskve, ki niso v vidnem delu (prisekana piramida)
 - **porežemo** ploskve, ki so delno v, delno pa izven vidnega dela





- Kako vemo kaj režemo in izločimo?
- Po projekciji, ki se zgodi v senčilniku oglišč, so oglišča v t.i. **normaliziranih koordinatah naprave**
 - x in y koordinate oglišč znotraj vidnega polja so na intervalu $[-1,1]$
 - z je na intervalu $[0,1]$ (WebGPU)
- Režemo/izločimo vse kar pade izven teh vrednosti
 - zaradi hitrosti režemo/izločimo še pred perspektivnim deljenjem z z , v t.i. koordinatah rezanja (*clip coordinates*)
 - obdržimo torej oglišča:
 - $-z \leq \frac{2}{w}x \leq z$
 - $-z \leq \frac{2}{h}y \leq z$
 - $0 \leq \frac{zf}{n-f} + \frac{fn}{n-f} \leq z$

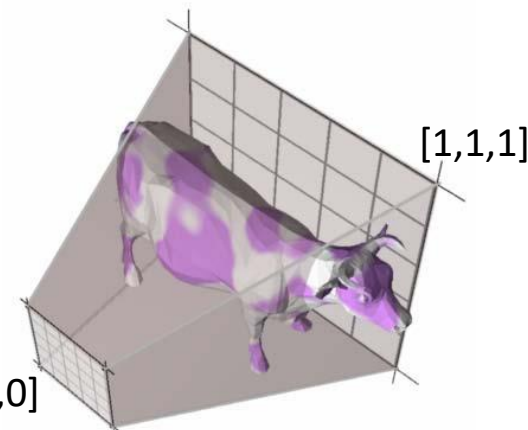
Kaj režemo/izločimo?

Matrika perspektivne projekcije, ki preslika točko v NDC. Pozor, v primeru gre za desnosučni k.s. (kamera gleda v negativni z , zato je $d=-1$).

$$M_p = \begin{bmatrix} \frac{2}{w} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{2}{h} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{f}{n-f} & \frac{fn}{n-f} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

w, h : širina in višina vidnega polja
 n, f : bližnja in daljna ravnina

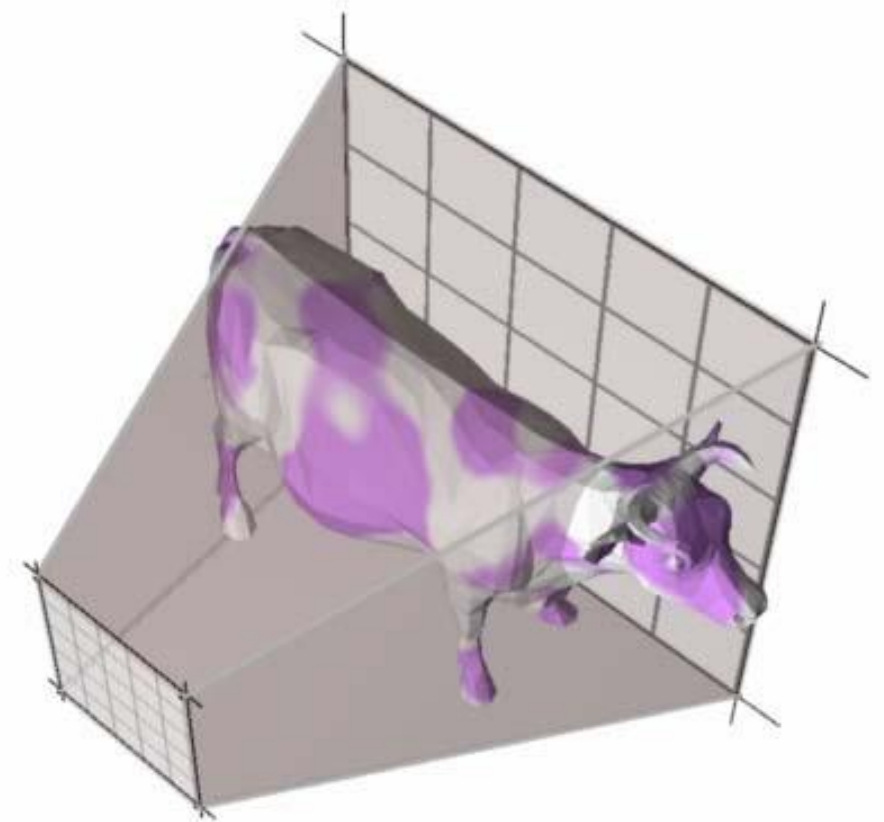
$$\begin{aligned} x' &= -\frac{1}{z} \frac{2}{w} x \\ y' &= -\frac{1}{z} \frac{2}{h} y \\ z' &= \frac{f}{f-n} + \frac{fn}{f-n} \frac{1}{z} \end{aligned}$$





Rezanje

- Elemente, ki so delno v in delno iz vidnega polja, **porežemo**
 - v fazi sestave primitivov tipično režemo le glede na bližnjo (*near*) plane
- Točke odstranimo
- Rezanje črt
 - primer: algoritem Cohen-Sutherland
- Rezanje trikotnikov
 - rezultat je lahko več trikotnikov
 - primer: algoritem Sutherland–Hodgman





- Na točkah, ki ostanejo po rezanju, izvedemo perspektivno deljenje

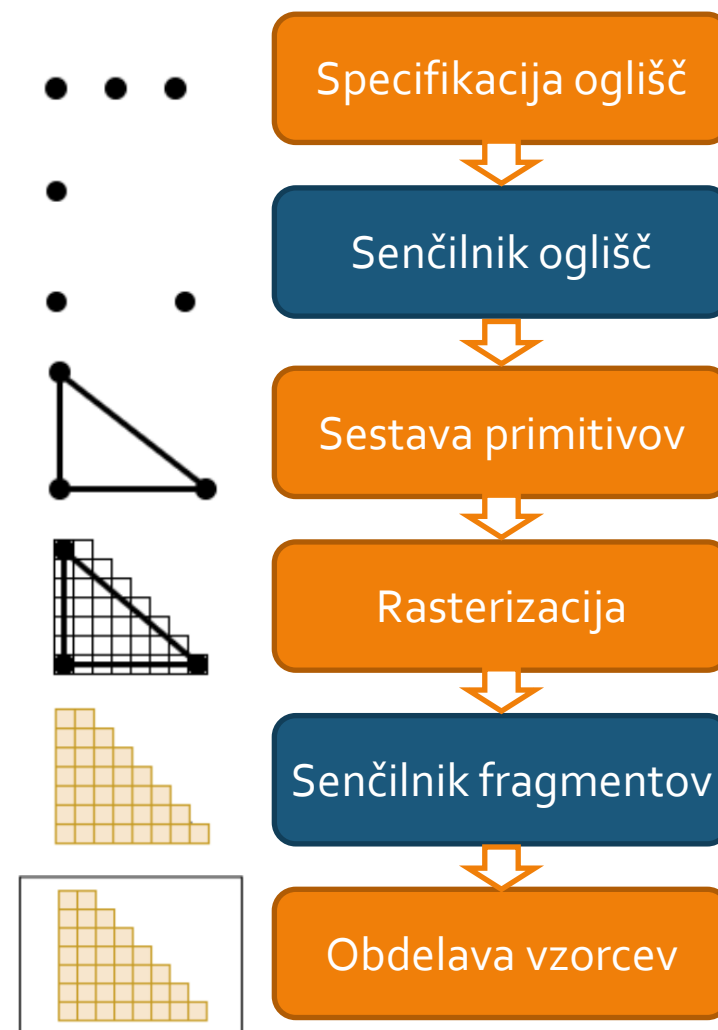
- prevedemo iz koordinat rezanja v normalizirane koordinate naprave

- $x_d = \frac{x_c}{-z}$, bo na intervalu $[-1,1]$

- $y_d = \frac{y_c}{-z}$, bo na intervalu $[-1,1]$

- $z_d = \frac{z_c}{-z}$, bo na intervalu $[0,1]$

Perspektivno deljenje





■ Iz NDC pretvorimo v **koordinate zaslona**

- *viewport (screen-space) coordinates*
- ustrezajo ločljivosti slike, ki jo ustvarjamo (w_s, h_s)
- pretvorba je le ustrezno skaliranje iz NDC

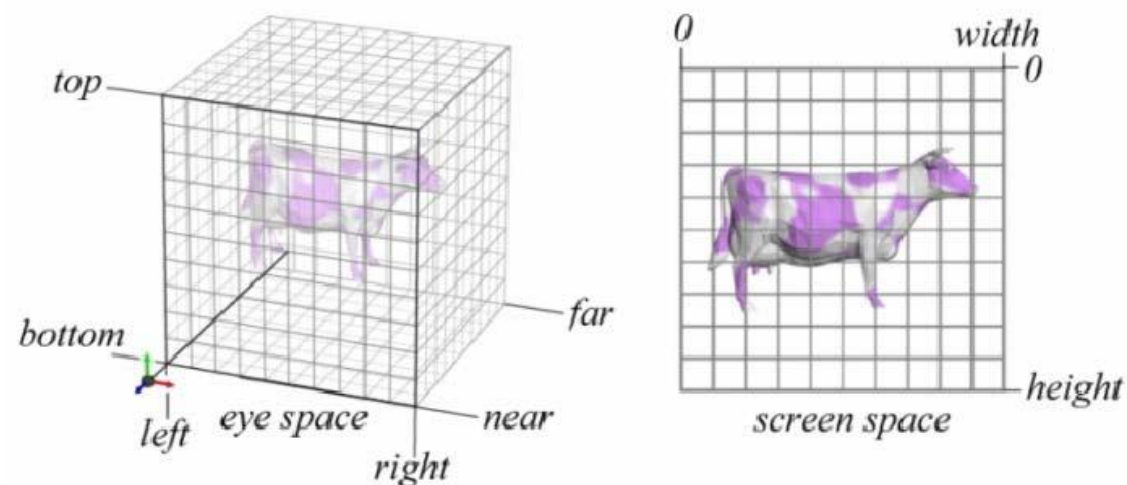
$$\begin{bmatrix} x_v \\ y_v \\ z_v \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{w_s}{2} (x_d + 1) \\ \frac{h_s}{2} (y_d + 1) \\ z_d \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$x_v \in [0, w]$$

- $y_v \in [0, h]$

$$z_v \in [0, 1]$$

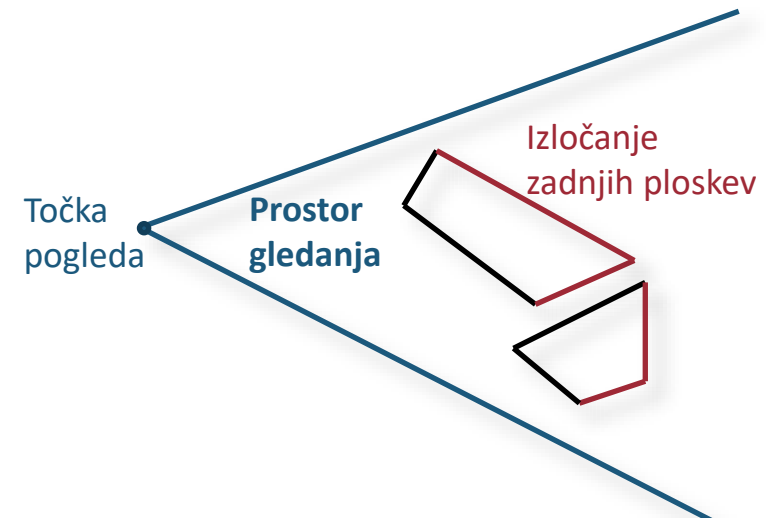
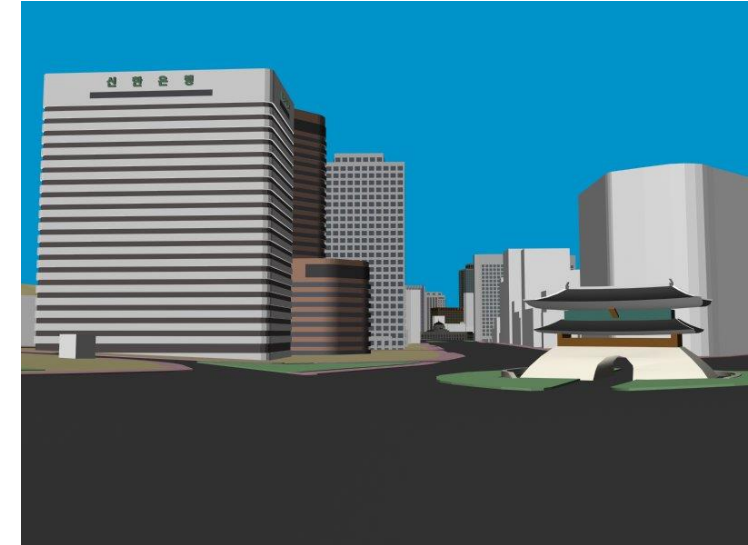
Koordinate zaslona





Izločanje ploskev (*face culling*)

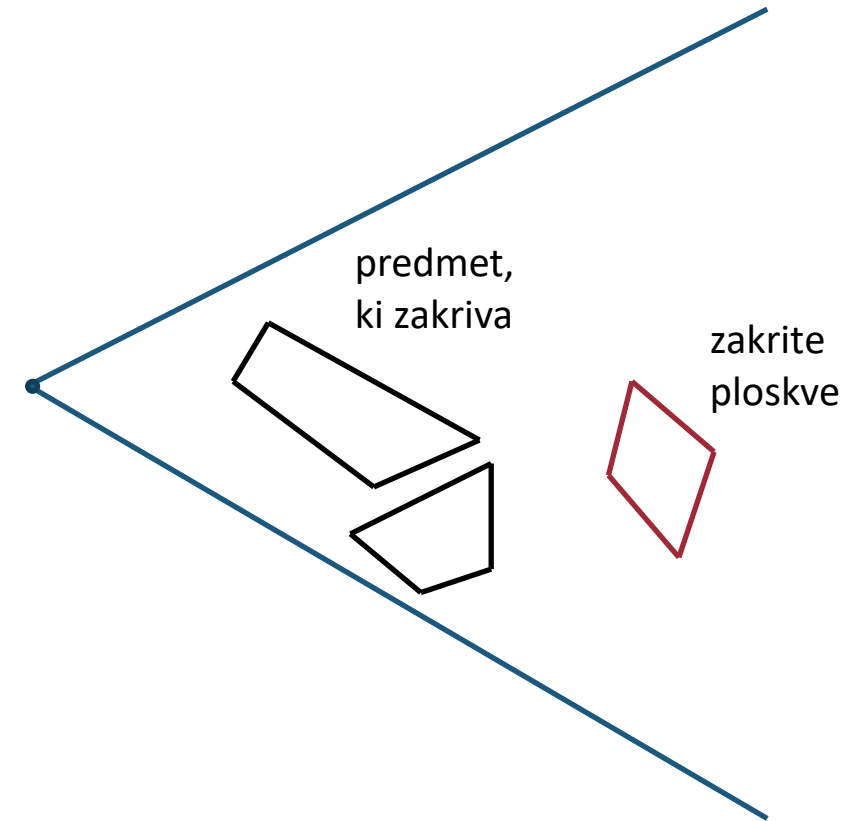
- Izločiti želimo čimveč poligonov, ki v upodobitvi ne bodo vidni
- Izločanje ploskev
 - poligone obravnavamo **enostransko** – kot da so vidni le z ene strani
 - poligon izločimo, če ga gledamo z druge strani (prednje ali zadnje)
 - lahko izločimo cca. 50% poligonov v prostoru gledanja
- Izločanje **zadnjih ploskev** (*backface culling*) - če proti kameri gleda zadnja stran poligona, ga izločimo
 - “zaprti” predmeti, v katere ne bomo vstopili
- Izločanje je enostavno
 - gleda se **vrstni red oglišč** pri izrisu trikotnika
 - prednja stran je nasprotna smeri urinega kazalca (CCW)
 - `primitive.cullMode = none/back/front`





- *Occlusion culling, Z culling*
- Veliko različnih algoritmov
 - nekateri za specifične domene (npr. sprehajanje po sobah)
 - nekateri potrebujejo veliko predprocesiranja
- Koristno predvsem v primerih, ko je velik del scene zakrit, npr. sprehod skozi mesto, premikanje po sobah ipd.

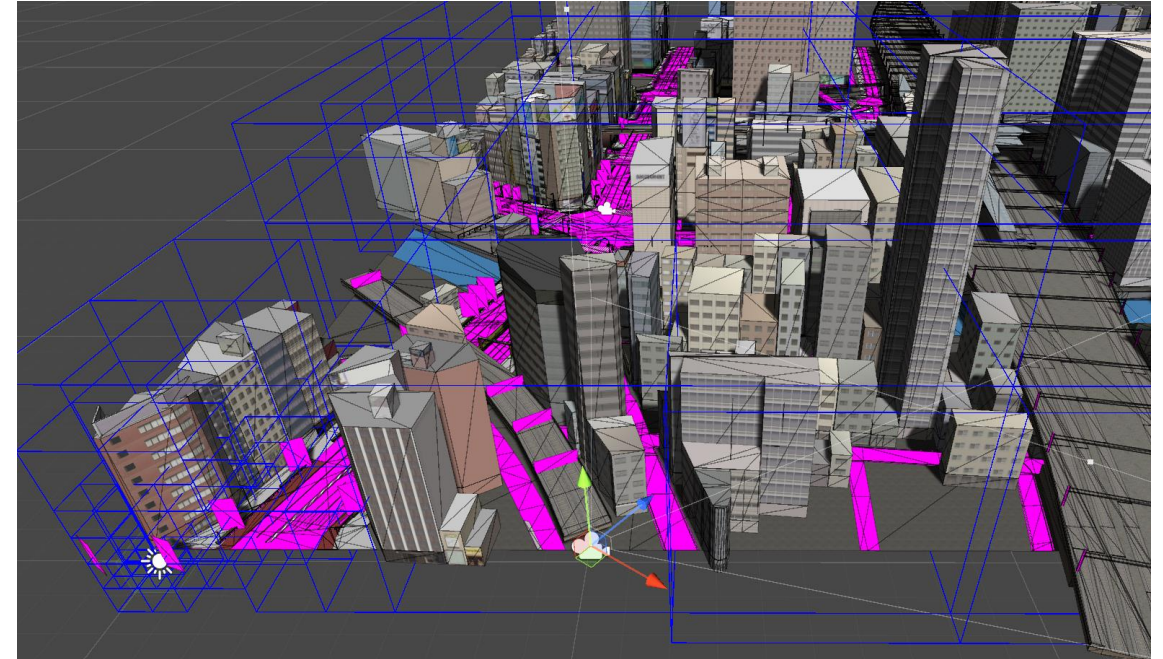
Izločanje zakritih ploskev





Primer: Izločanje zakritih ploskev in Unity

- Primer implementacije v Unity 3D
- Določimo kaj so **ploskve**, ki **zakrivajo**
 - *occluders, occludees*
 - lahko le statični predmeti
- Sceno Unity razdeli v celice in v celicah preračuna **globino** tega kar kamera vidi
 - določimo ločljivost
 - najmanjša velikost predmeta ki zakriva
 - najmanjša luknja med predmeti
- Podatki se **zapečejo** (*bake*)
 - če se scena spreminja, jih je potrebno osvežiti



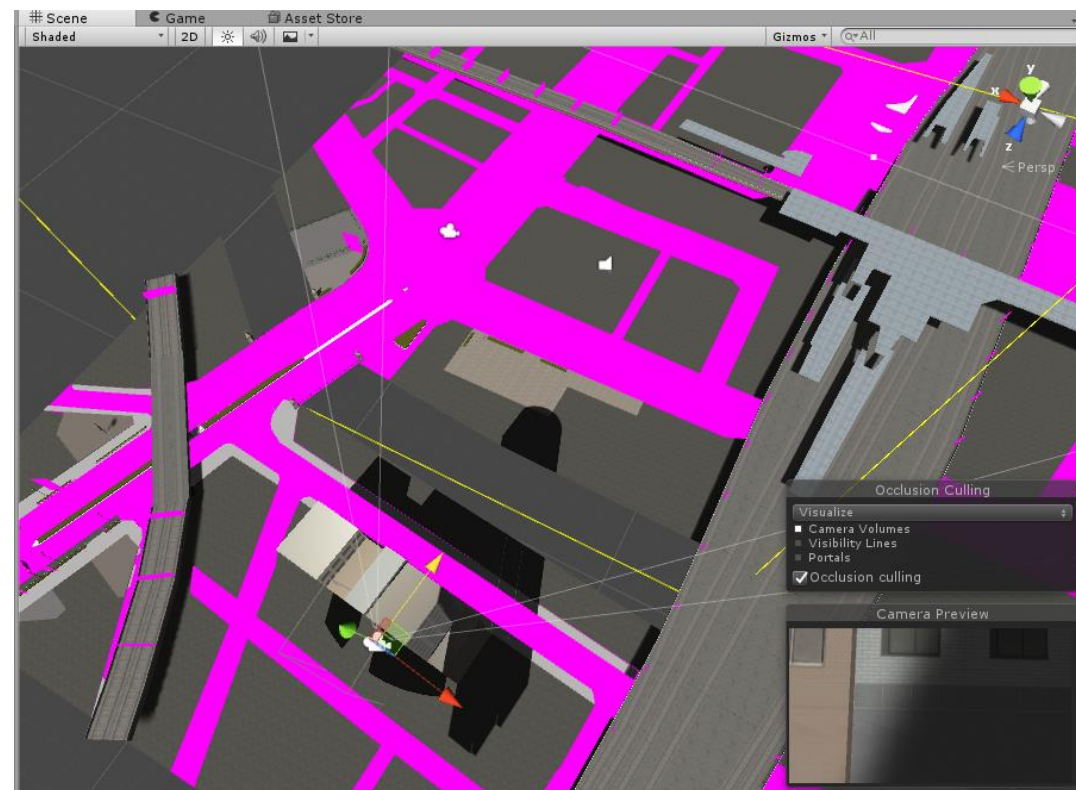
Scena razdeljena na celice





- Glede na položaj kamere se izrišejo samo predmeti z globino manjšo od predmetov, ki zakrivajo
 - primerja se glede na izračunane celice
 - postopek ni popoln
 - če kaj preveč pošljemo v izris, ni hudo
 - predmet lahko tudi izgine, napačno nastavimo parametre izračuna celic

Izločanje zakritih ploskev in Unity



Mesto z izločanjem zakritih ploskev (večina stavb ni izrisanih)



Izločanje predmetov izven prostora pogleda

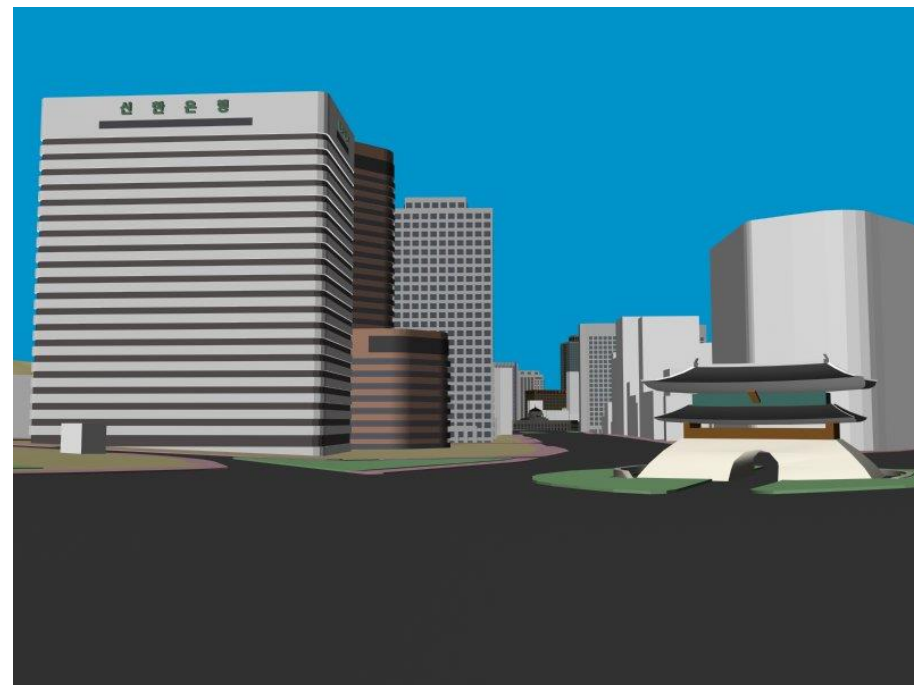
- *View frustum culling*
- Če je scena **velika** in vidimo le **majhen** del, je smiselno, da čimvec geometrije izločimo
- Izločimo predmete, ki so **izven prostora gledanja**
 - **preden** geometrijo pošljemo v cevovod





Izločanje predmetov izven prostora gledanja

- Predmeti imajo **kompleksno geometrijo**
 - preverjanje vsakega poligona bi bilo prepočasno
 - za **hitro** izločanje uporabimo **tehnike razdelitve prostora** (*glej ustrezno poglavje*)
 - očrtana telesa in hierarhije očrtanih teles
 - BSP drevesa, osmiška drevesa ...
- Tovrstne tehnike niso del cevovoda na kartici, ampak jih izvedemo na CPE
 - na GPE pošljemo le geometrijo, ki je vidna





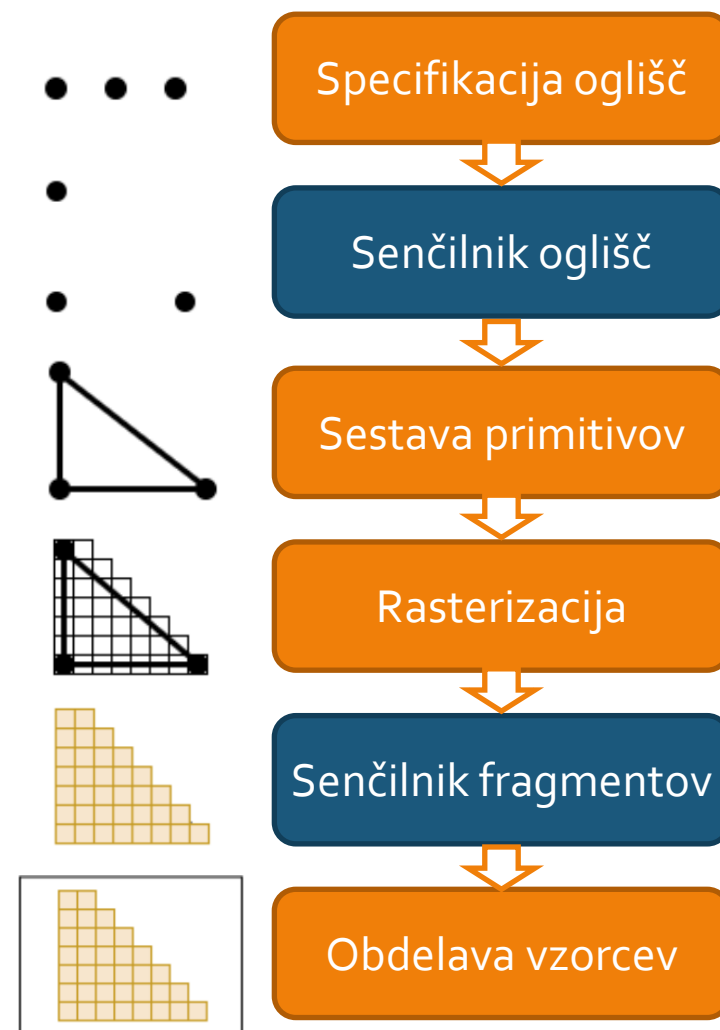
Rasterizacija



- Primitivi se pretvorijo v **diskretne elemente** (fragmente) glede na del končne slike, ki ga pokrivajo
 - najmanj en fragment na piksel
- Izvede se **interpolacija** lastnosti oglišč v posameznih fragmentih
- Nad posameznim fragmentom se izvede **senčilnik fragmentov**



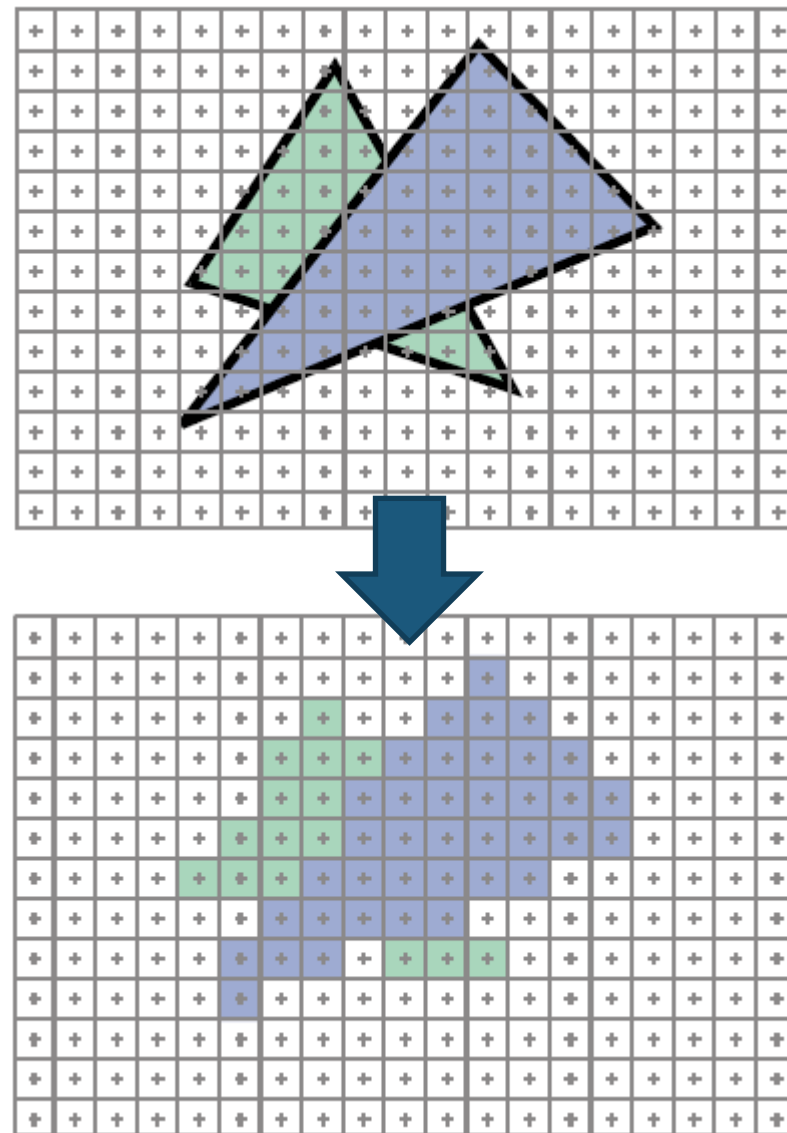
Rasterizacija





- Rasterska slika je 2D polje slikovnih elementov (pikslov) – **diskretno**
 - pikslov je končno mnogo
- Zaslonske koordinate predmetov so **zvezne**
- Rasterizacija: učinkovit izračun **pokritja pikslov**
 - katere piksle/fragmente pokriva poligon
 - interpolacija lastnosti oglišč v fragmentih

Rasterizacija





- Za vsak piksel okoli trikotnika izračunamo, ali je znotraj trikotnika
 - uporabimo težiščne koordinate
 - računamo za piksele znotraj očrtanega pravokotnika
 - rezanje je enostavno
 - interpolacija lastnosti oglišč preko težiščnih koordinat je enostavna
- Algoritem s težiščnimi koordinatami:

bb = očrtan pravokotnik

for all pixels $[x,y]$ in *bb*

α, β, γ = težiščne koord.

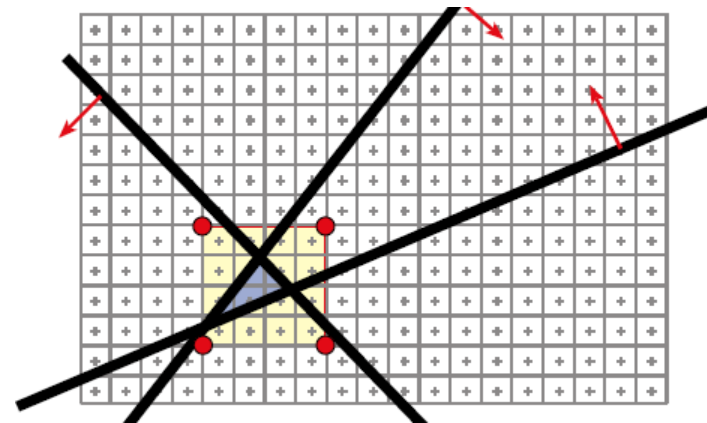
if $0 \leq \alpha, \beta, \gamma \leq 1$

//piksel je v trikotniku

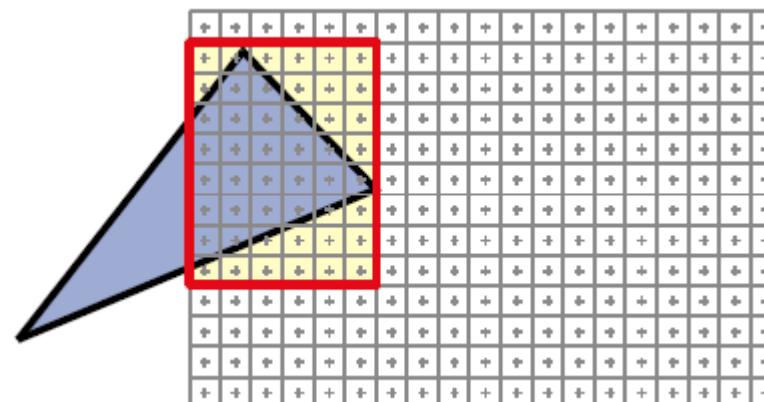
interpoliraj

izvedi senčilnik fragmentov

Kako poteka rasterizacija



rezanje je enostavno:

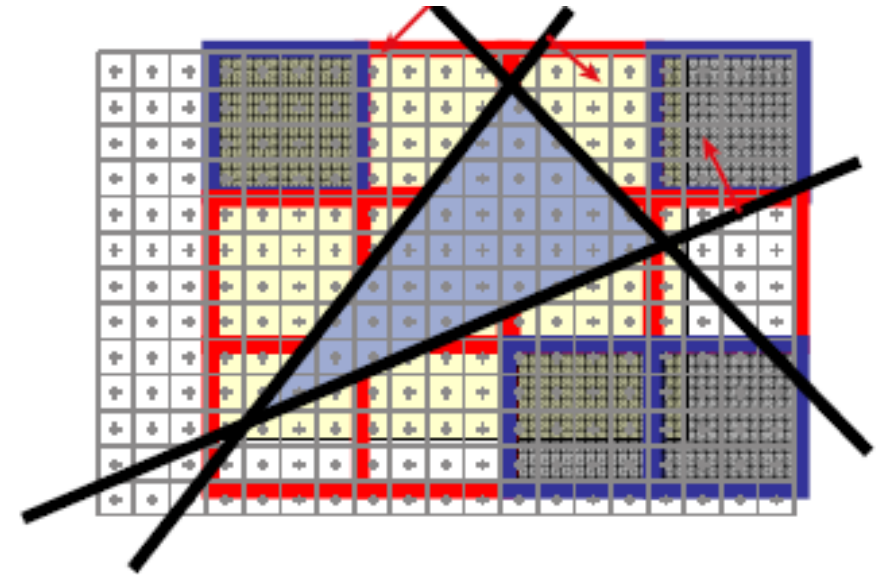




- Da ne računamo preveč nepotrebnih pikslov, očrtan pravokotnik lahko razbijemo na **podpodročja**
 - ▣ če je celo podpodročje izven trikotnika, ga izpustimo



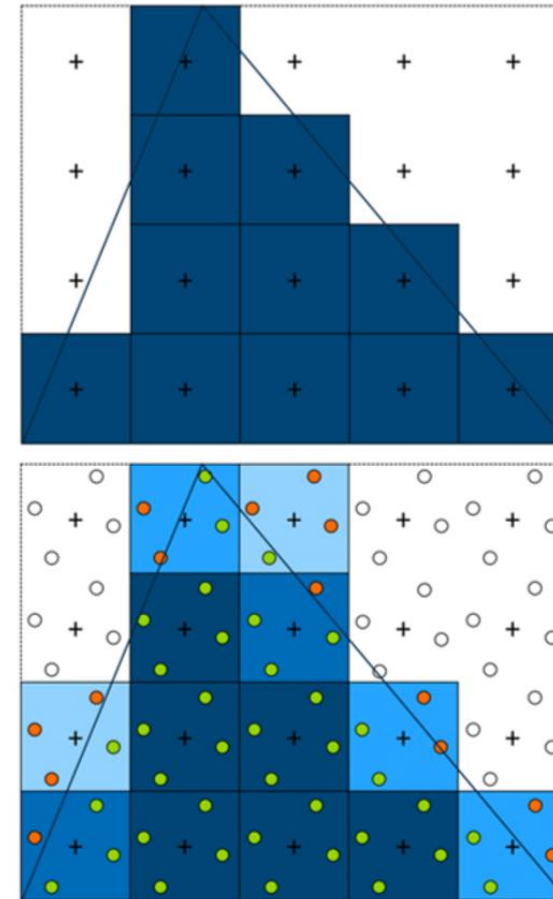
Rasterizacija





Mehčanje robov

- Privzeto rasteriziramo en fragment na sredini piksla
 - to lahko vodi do ostrih prehodov na robovih – aliasing
- Robove lahko **mehčamo** z izbiro **več fragmentov** na piksel
 - *multisample antialiasing* (MSAA)
 - *multisample.count* > 1
- Postopek:
 - izračunamo **barvo** fragmentov **znotraj trikotnika**:
 - kot barvo **središča** piksla ali središča trikotnika v pikslu (*center, centroid*) – hitreje, 1x kličemo senčilnik fragmentov
 - barvo izračunamo posebej **za vsak** fragment (*sample*) – počasneje, za vsak fragment kličemo senčilnik fragmentov
 - končna barva piksla bo **povprečje** barv fragmentov



Vir: MSAA (Multisample anti-aliasing)

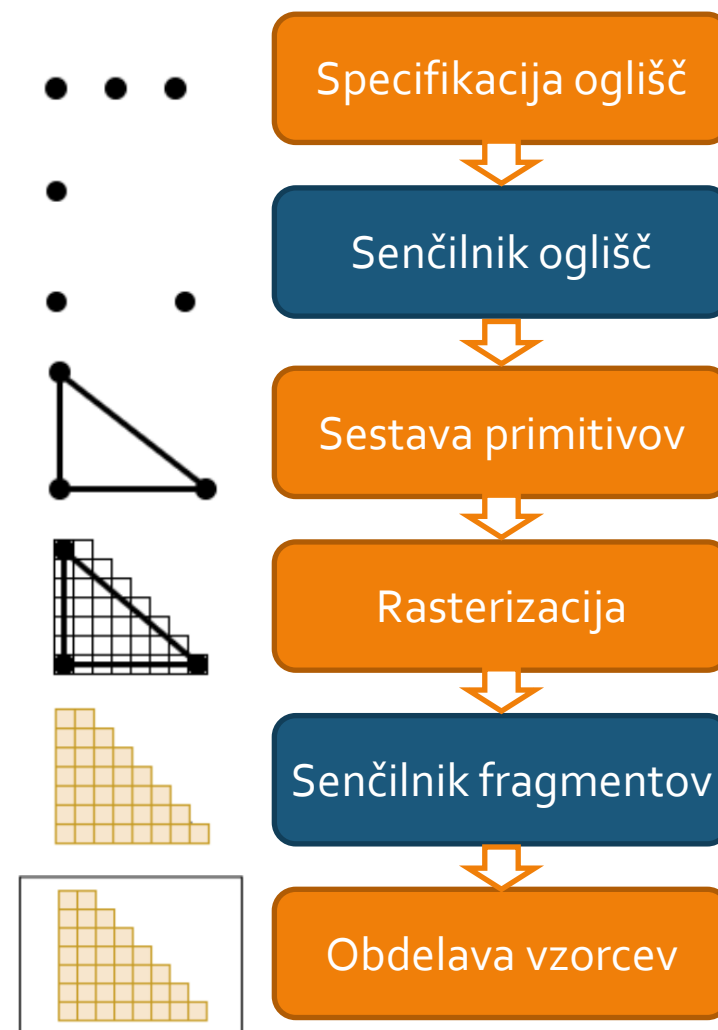




- Program, ki se izvede nad **fragmenti** trikotnika (seznam fragmentov je rezultat rasterizacije)
- Glavni namen je izračun **barve** fragmenta
 - iz texture, osvetljevanje ...
- Lahko pa modificira tudi globino, šablono (*stencil*) itn.



Senčilnik fragmentov



Enostaven primer – senčilnik fragmentov

```
struct FragmentInput {
    @location(0) @interpolate(perspective) normal : vec3f,
    @location(1) @interpolate(perspective) fragPosition: vec4f,
}
struct FragmentOutput {
    @location(0) color : vec4f,
}

@fragment
fn fragment(input : FragmentInput) -> FragmentOutput {
    var output : FragmentOutput;

    var c: vec3f = vec3(1,1,1);
    var lightPos: vec3f = vec3(0,5,0);
    var l: vec3f = normalize(lightPos - input.fragPosition.xyz);

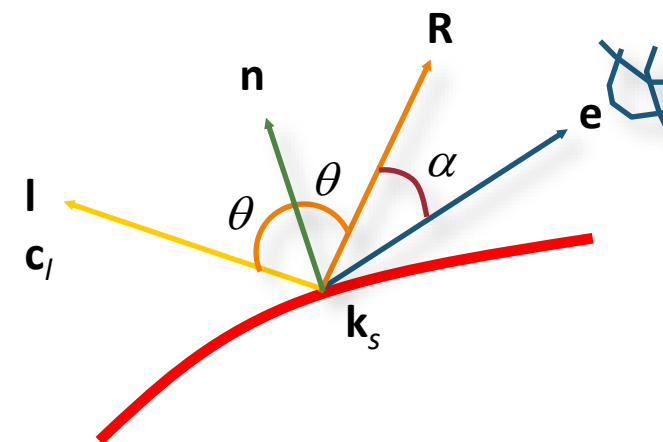
    var n: vec3f = normalize(input.normal);

    var kd: vec3f = vec3(1,0,1);
    var difIntensity = max(dot(n, l), 0.0);

    var ks: vec3f = vec3(1,1,1);
    var R: vec3f = reflect(-lightVec, n);
    var e: vec3f = normalize(-input.fragPosition.xyz);
    var specIntensity = pow(max(dot(R, e), 0.0), 20.0);

    var ka: vec3f = vec3(0.1,0.1,0.1);

    output.color = vec4(ka + c * kd * difIntensity + c * ks * specIntensity, 1);
    return output;
}
```



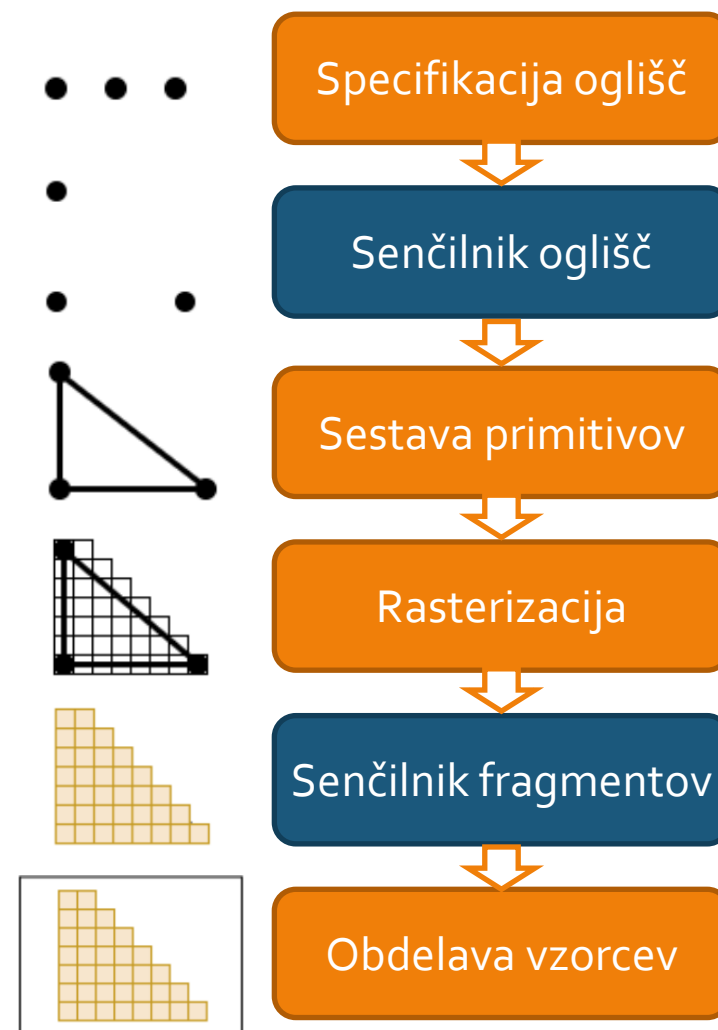
$$\mathbf{c}_a \mathbf{k}_a + \mathbf{c} \left(\mathbf{k}_d (\mathbf{l} \cdot \mathbf{n}) + \mathbf{k}_s (\mathbf{R} \cdot \mathbf{e})^p \right)$$



- Sestavi končno sliko
 - test šablone (*stencil test*)
 - test globine (*depth test*)
 - mešanje (*blending*)
 - zapisovanje vrednosti



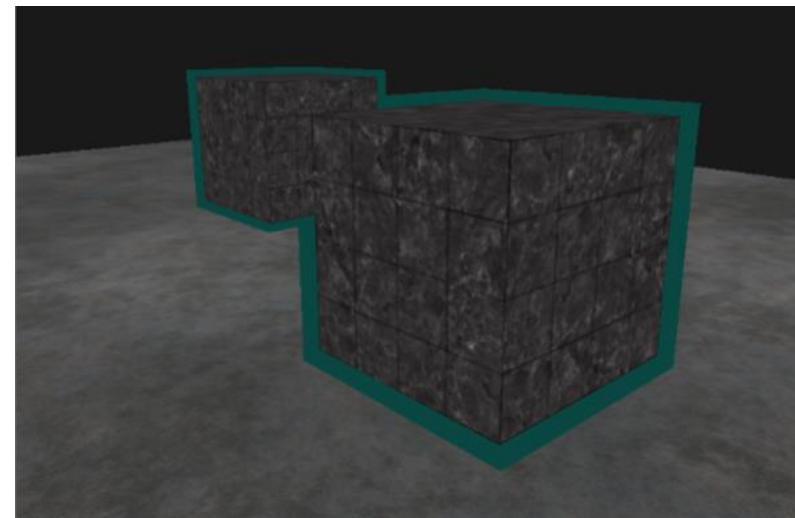
Obdelava vzorcev





Test šablone

- *Stencil test*
- Vsak fragment ima lahko dodatno **vrednost šablone** (celo število)
- Vrednost se primerja s trenutno vrednostjo v **medpomnilniku šablone** (*stencil buffer*)
 - glede na definirano **operacijo** lahko fragment obdržimo ali zavržemo
 - $<$, $>$, $=$, $<=$, $>=$, $!=$
- Uporaba za omejitve izrisa na področje, sence, mehke prehode, poudarjanje robov itn.
- Primer: izris obrisa (*outline*) predmeta
 - predmet izrišemo in hkrati v medpomnilnik šablone zapišemo 1 za vse izrisane fragmente
 - predmet povečamo (skaliranje)
 - ponovno izrišemo predmet, tokrat z barvo obrisa, vendar le za vrednosti šablone, ki niso 1

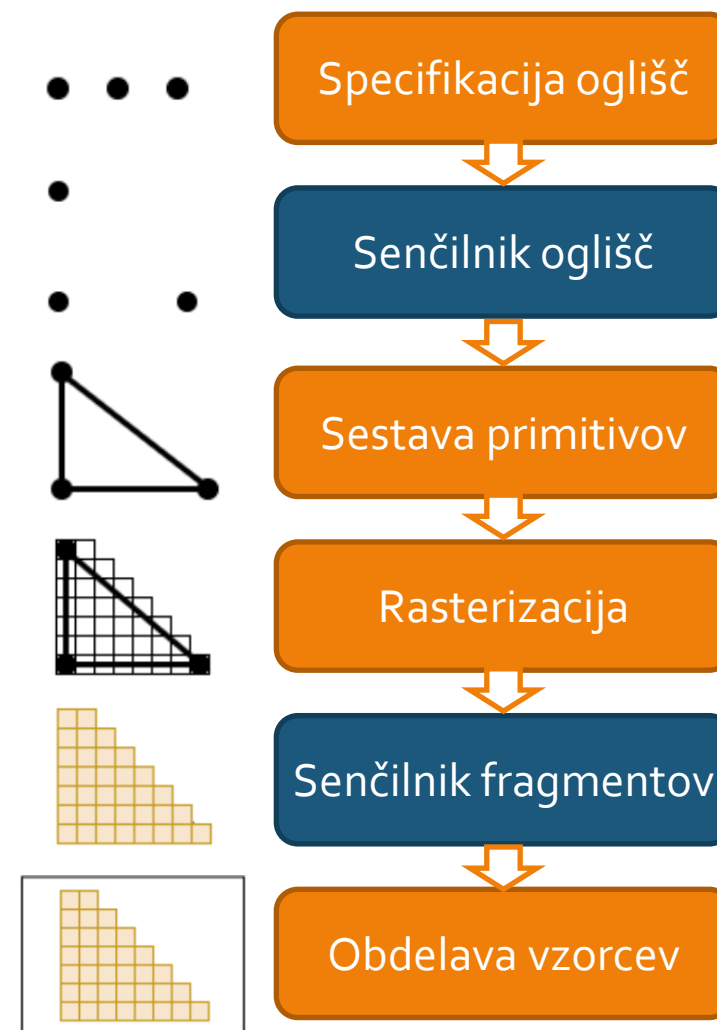


Stencil testing



- *Depth test*
 - določa vidnost (kateri fragmenti bodo vidni)
- Vsak fragment ima **globino**
 - z vrednost v koordinatah zaslona
 - lahko jo tudi spremenimo v senčilniku fragmentov
 - $z \in [0,1]$
- Na končni sliki navadno želimo videti fragmente, ki so najbližji kameri in zakrivajo fragmente za njimi

Test globine

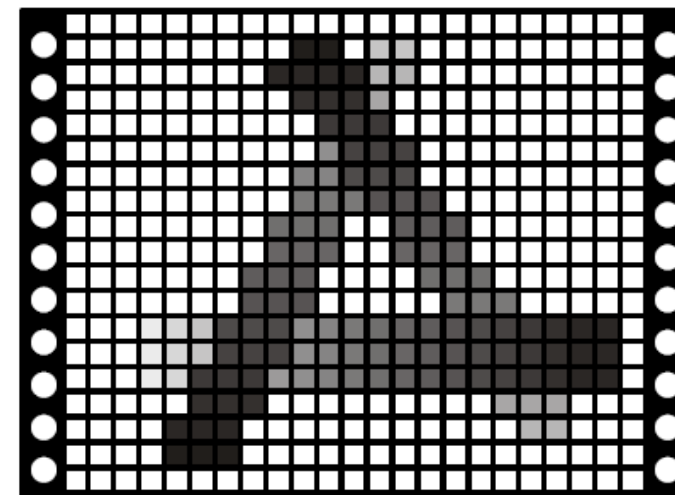
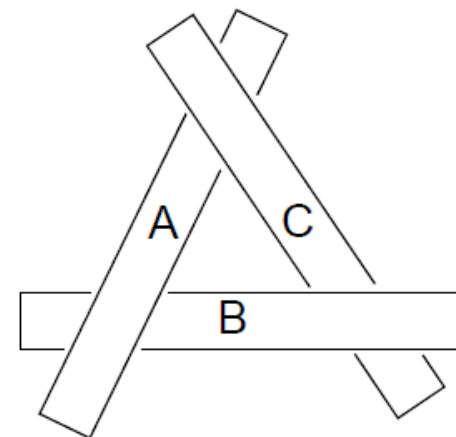




- Kako vemo kateri fragment bo najbližji kameri?
- **Medpomnilnik globine** (*depth buffer*, *z buffer*)
 - za vsak **fragment** hranimo z vrednost (globino) trenutno najbližjega izrisanega fragmenta
- **Test globine** (*depth test*):
 - če je z vrednost fragmenta manjša od vrednosti v medpomnilniku, fragment ohranimo, sicer zavržemo
 - Poenostavljeno:

```
(x,y,z)=trenutni fragment
if z < depthBuffer[x,y]
    // fragment ohranimo
    depthBuffer[x,y]=z
else
    removeFragment // fragment zavržemo
```
- Operacijo primerjave lahko tudi zamenjamo
 - *depthStencil.depthCompare*

Depth buffer





Kaj je že Z?

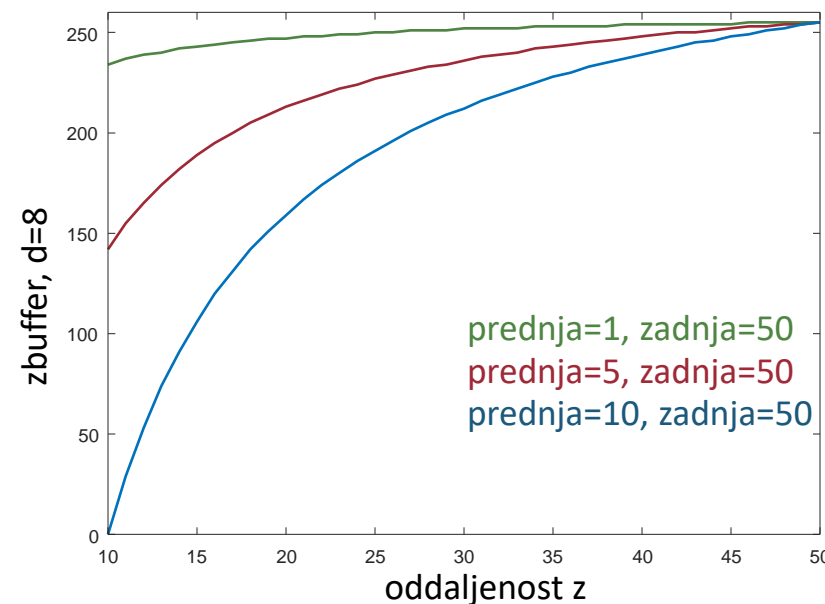
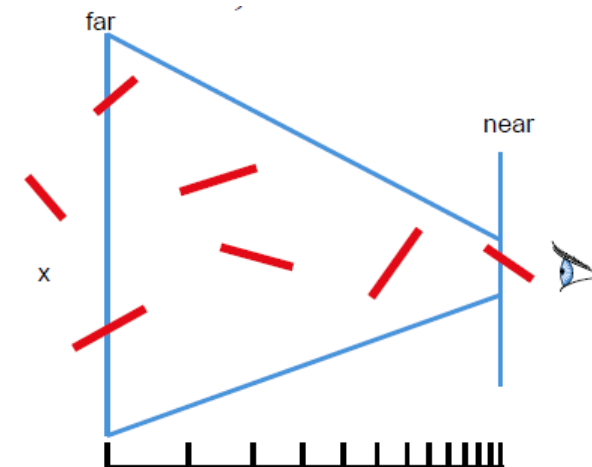
- Z v koordinatah zaslona je:
 - $z_v = \frac{f}{f-n} + \frac{fn}{f-n} \frac{1}{z}$
 - $z_v \in [0,1]$
- Znotraj trikotnikov interpoliramo med z v ogliščih, da dobimo globino v poljubnem fragmentu
- z ni linearno povezan z globino, $\frac{1}{z}$

$$M_p = \begin{bmatrix} \frac{2}{w} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{2}{h} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{f}{n-f} & \frac{fn}{n-f} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$



- $1/z$ da večji poudarek na bližnje predmete
 - medpomnilnik globine ima omejeno ločljivost (npr. 24 bitov)
 - če je prednja ravnina preblizu kameri, bomo porabili zelo velik del zaloge vrednosti za predstavitev bližnjih predmetov
 - posledica je, da imata 2 oddaljena predmeta lahko enako globino, kar pripelje do utripanja pri izrisu
 - ***z fighting***
 - naključno se najprej spredaj enkrat izriše en, drugič drug fragment predmeta
 - primer

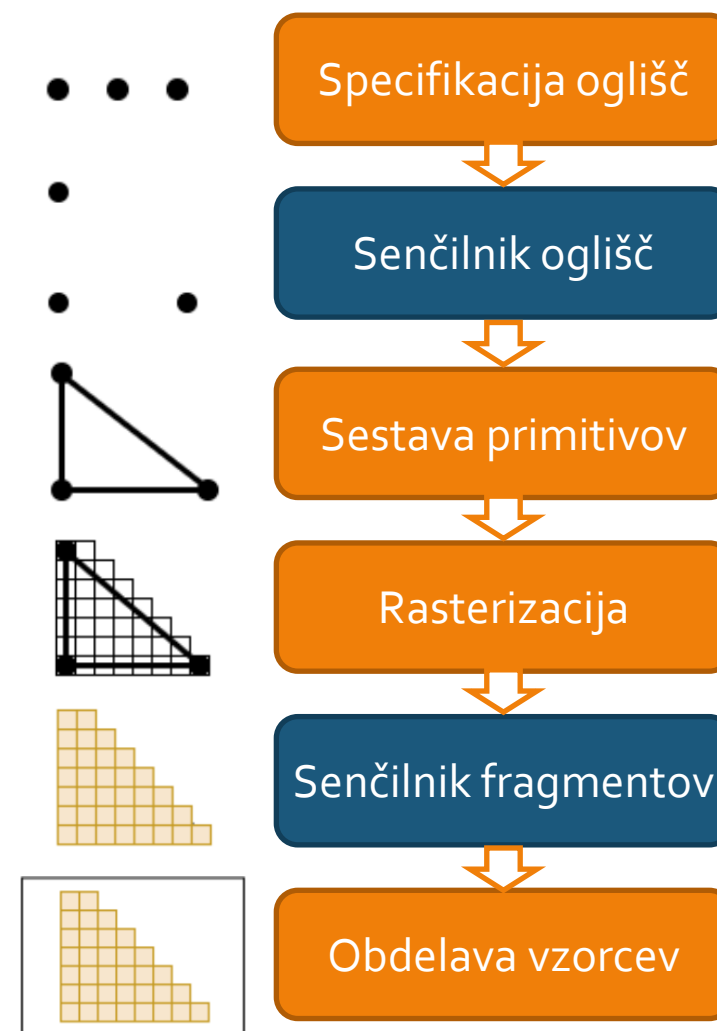
Test globine





- *Blending*
- **Mešanje barve** fragmenta (C_{src}) z barvo slike (C_{dst})
- Privzeto:
 - ko fragment preide test globine, se **prepiše**
 - $C_{dst} = C_{src}$
- Z *blend* lahko nastavimo različne načine kombiniranja barve slike in fragmenta:
 - $C_{dst} = \pm F_{src} C_{src} \pm F_{dst} C_{dst}$
 - F_{src} in F_{dst} lahko nastavimo na 0, 1, α_{src} , α_{dst} , $1 - \alpha_{src}$...

Mešanje





- Nastavitve mešanje lahko uporabimo za izris **prosojnih** predmetov
- **alfa mešanje:**
 - $C_{dst} = \alpha_{src}C_{src} + (1 - \alpha_{src})C_{dst}$
 - $\alpha_{dst} = \alpha_{src} + (1 - \alpha_{src})\alpha_{dst}$
- Za pravilen izris moramo izrisovati poligone od zadnjega proti prvemu!
 - sicer fragmenti ne preživijo nujno testa globine in ne pridejo do zlivanja

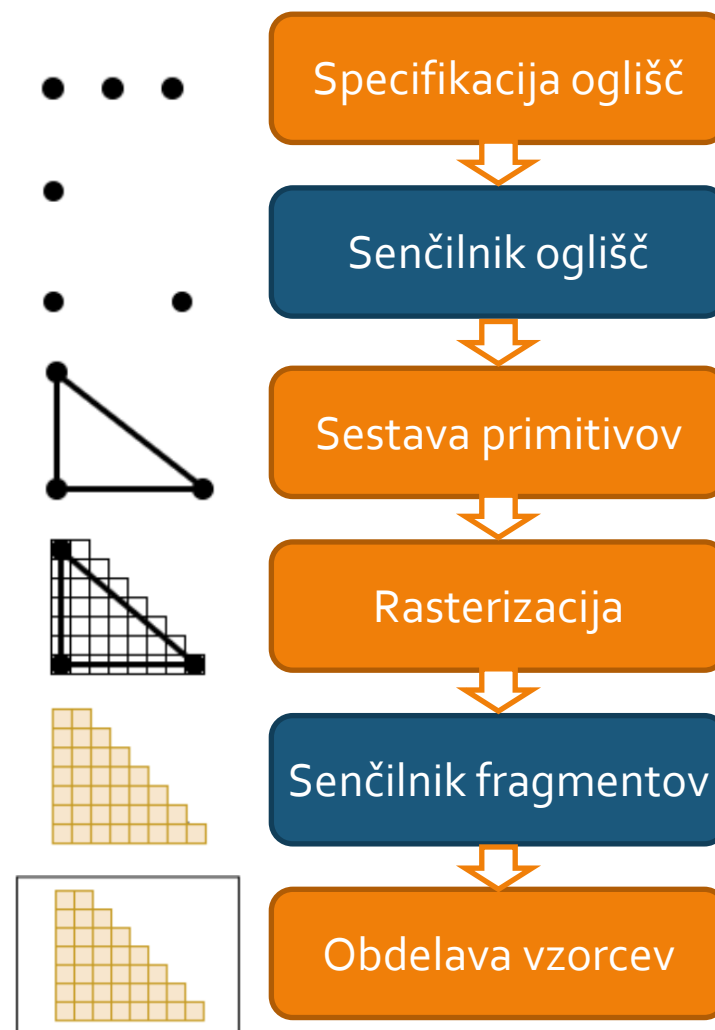
```
fragment: {  
  module,  
  entryPoint: 'fragment',  
  targets: [{ format,  
    blend: {  
      // operation can be: "add", "subtract",  
      // "reverse-subtract", "min", "max"  
      // factor can be: "zero", "one", "src", "one-minus-src",  
      // "src-alpha", "one-minus-src-alpha", "dst",  
      // "one-minus-dst", "dst-alpha", "one-minus-dst-alpha",  
      // "src-alpha-saturated", "constant", "one-minus-constant",  
      color: {  
        operation: 'add',  
        srcFactor: 'src-alpha',  
        dstFactor: 'one-minus-src-alpha',  
      },  
      alpha: {  
        operation: 'add',  
        srcFactor: 'one',  
        dstFactor: 'one-minus-src-alpha',  
      }  
    }  
  }  
}],  
},
```



- Vrednosti se zapišejo v končne medpomnilnike
 - sliko (barva, alfa)
 - globinski medpomnilnik (nova globina)
 - medpomnilnik šablone (nova šablona)



Zapisovanje vrednosti



REFERENCE

- [WebGPU](#) documentation
- C. Kubisch: [Life of a Triangle – NVIDIA's logical pipeline](#)
- [Implementacija A-Bufferja](#): K. Myers, L. Bavoil: “Stencil Routed A-Buffer”, Nvidia
- [NVidia GF-100 Whitepaper](#)
- [Rendering with conviction](#) – Hierarhični Z Buffer