Ústav technické matematiky FS ČVUT

Katalog příkladů v MOODLE

Gejza Dohnal, Matěj Klíma, Stanislav Kračmar, Olga Majlingová, Petr Sváček

Podpora výuky základních kurzů matematiky na VŠ

Obsah

Ú۱	vod
1	Úlohy pro předmět MATEMATIKA I 1.1 Lineární algebra 1.2 Diferenciální počet 1.3 Integrální počet 1.4 Opakování 1.4.1 Opakování 1.4.2 Opakování - příprava na zkoušku
2	Úlohy pro předmět MATEMATIKA II 2.1 Diferenciální počet funkce více proměnných 2.2 Dvojný a trojný integrál 2.2.1 Dvojný integrál 2.2.2 Trojný integrál 2.3 Křivkové a plošné integrály 2.3.1 Křivkové integrály 2.3.2 Plošné integrály
3	Úlohy pro předmět MATEMATIKA III 3.1 Řady
4	Úlohy pro předmět NUMERICKÁ MATEMATIKA 4.1 Soustavy lineárních rovnic

Úvod

V zimním semestru 2019/2020 probíhala výuka distančně. Pro podporu cvičení bylo vybráno prostředí MOODLE. V průběhu semestru byly vytvářeny různé typy úloh. Následně byly úlohy doplněny tak, aby distančně probíhající zkoušky byly "kvalitní". (k průběhu zkoušek někde doplnit, že zadávání dílčích výsledků do MOODLE bylo doplněno požadavkem na odeslání postupu řešení - popsat opravování - oprava 2 odevzdaných řešení - moodle + pdf a informování o výsledcích).

Většina úloh je typu "formulas". Tento typ úloh umožňuje generovat různá zadání typové úlohy, což je vhodné při práci s velkou skupinou studentů. Několik úloh je typu "cloze". V těchto úlohách doporučujeme zadávat příklady, jejichž výsledky jsou celočíselné, neboť zadávání desetinných čísel vede k nestabilnímu chování úlohy. V několika málo příkladech jsou využity i jiné typy (výběr z možných odpovědí, doplnění slova do textu).

Struktura katalogu

Za uplynulé období byly vytvořeny sady příkladů pro podporu cvičení v následujících předmětech

- 1. Matematika I (lineární algebra, úvod do matematické analýzy)
- 2. Matematika II (diferenciální počet reálných funkcí více proměnných ...)
- 3. Matematika III (Obyčejné diferenciální rovnice a řady).
- 4. Numerická matematika

Použití katalogu

Příklady jsou uloženy ve formátu xml - odkazy na soubory, které je možné importovat do moodle

Úlohy pro předmět MATEMATIKA I

G. Dohnal, O.Majlingová, P.Sváček Tato datová sada se bude v nadcházejícím semestru rozrůstat.

1.1 Lineární algebra

- Vektory
 - test-Matematika I-Vektory-2020-09-13-11-45.xml
- Matice
 - test-Matematika I-Matice-2020-09-13-11-46.xml
- determinant
 - test-Matematika I-Determinanty-2020-09-13-11-51.xml
- inverzní matice
 - test-Matematika I-inverzní-2020-09-13-11-51.xml
- soustavy lineárních rovnic
 - test-Matematika I-soustavy lin r.-2020-09-13-11-52.xml
- vlastní čísla a vlastní vektory
 - test-Matematika I-vlastní čísla-2020-09-13-11-53.xml

1.2 Diferenciální počet

- Posloupnosti
 - test-Matematika I-posloupnosti-2020-09-13-11-58.xml
- Funkce limity
 - test-Matematika I-limita funkce-2020-09-13-12-00.xml
- Další úlohy jsou v přípravě

1.3 Integrální počet Ulohy se připravují

1.4 Opakování

1.4.1 Opakování středoškolské látky

■ test-Matematika I-Opakování (SŠ)-2020-09-13-11-49.xml

1.4.2 Opakování - příprava na zkoušku

- Úlohy typu formulas
 - test-Matematika I-Zkouška (formulas)-2020-09-13-11-37.xml
- Ülohy typu cloze
 - test-Matematika I-Zkouska MA1 (cloze)-2020-09-13-11-38.xml

Úlohy pro předmět MATEMATIKA II

S. Kračmar, O.Majlingová

2.1 Diferenciální počet funkce více proměnných

Určení parciálních derivací, derivace funkce v zadaném směru.
 test-B192-2011068-Tema 1 -2020-09-12-18-33.xml

(5 příkladů typu formulas)

Extrémy funkce

test-B192-2011068-Téma 2 -2020-09-12-17-35.xml

(4 příklady typu formulas)

• Funkce zadané implicitně: určení derivace (parciálních derivací) a jejich použití.

test-B192-2011068-F(x,y)=0-2020-09-12-16-56.xml

(4 příklady typu formulas)

test-B192-2011068-F(x,y,z)=0-2020-09-12-16-54.xml

(10 příkladů typu formulas)

2.2 Dvojný a trojný integrál

2.2.1 Dvojný integrál

• Integrace na obdélníku.

test-B192-2011068-dvojny_obdelnik-2020-09-12-18-52.xml

(6 příkladů typu formulas)

• Elementární obor integrace: určení ze zadaného náčrtku.

test-B192-2011068-E0I_obr-2020-09-12-19-31.xml

(6 příkladů typu cloze)

• Postup při výpočtu dvojného integrálu.

test-B192-2011068-Dvojnýpostup-NUMERIC-2020-09-12-18-57.xml

(3 příklady typu cloze, nutné upravit pro celočíselný výsledek)

• Integrace v kartézských souřadnicích.

test-B192-2011068-dvojny_kartezske-2020-09-12-18-53.xml

(16 příkladů typu formulas)

Integrace v polárních souřadnicích.

test-B192-2011068-dvojny_polarni-2020-09-12-18-53.xml

(10 příkladů typu formulas)

Výpočet charakteristik rovinné desky (plocha, objem, hmotnost, momenty, těžiště).
 test-B192-2011068-dvojny_aplikace-2020-09-12-18-55.xml

(13 příkladů typu formulas)

Otázky

test-B192-2011068-0tázky_dvojný-2020-09-12-19-00.xml test-B192-2011068-0tázky_dvojný_význam-2020-09-12-19-22.xml

(19 příkladů typu výběr z možných odpovědí)

Doplněno 17 příklady (typu formulas) k opakování.
 Všechny příklady na téma dvojný integrál jsou uloženy

test-B192-2011068-Téma 4-2020-09-12-18-44.xml

2.2.2 Trojný integrál

Integrace v kvádru.

```
test-B192-2011068-trojny_kvadr-2020-09-12-20-52.xml (21 příkladů typu formulas)
```

Integrace v kartézských souřadnicích.

```
test-B192-2011068-trojny_E0I-2020-09-12-20-53.xml (20 příkladů typu formulas)
```

• Integrace v cylindrických souřadnicích.

```
test-B192-2011068-trojny_cylindricke-2020-09-12-20-54.xml (10 příkladů typu formulas)
```

• Integrace ve sférických souřadnicích.

```
test-B192-2011068-trojny_sfericke-2020-09-12-20-54.xml (11 příkladů typu formulas)
```

Doplněno 11 příklady (typu formulas) k opakování.

Všechny příklady na téma trojný integrál jsou uloženy

test-B192-2011068-Téma 4-2020-09-12-18-44.xml

2.3 Křivkové a plošné integrály

2.3.1 Křivkové integrály

Skalární funkce.

```
test-B192-2011068-křivkový-skalární-úsečka-2020-09-12-21-38.xml
test-B192-2011068-křivkový-skalární-kružnice-2020-09-12-21-39.xml
test-B192-2011068-křivkový-skalární-zadaná-2020-09-12-21-40.xml
(19 příkladů typu formulas)
```

Vektorové funkce.

```
test-B192-2011068-křivkový-vektorová-úsečka-2020-09-12-21-41.xml
test-B192-2011068-křivkový-vektorová-kružnice-2020-09-12-21-41.xml
test-B192-2011068-křivkový-vektorová-zadaná-2020-09-12-21-42.xml
(12 příkladů typu formulas)
```

• Výpočet cirkulace vektorového pole.

```
test-B192-2011068-cirkulace trojuhelnik-2020-09-12-21-51.xml
test-B192-2011068-cirkulace obdelnik-2020-09-12-21-51.xml
test-B192-2011068-cirkulace kružnice, elipsa-2020-09-12-21-52.xml
test-B192-2011068-cirkulace kružnice výseč-2020-09-12-21-52.xml
(21 příkladů typu formulas)
```

Doplněno 10 příklady (typu formulas) k opakování.

Příklady na téma křivkový integrál jsou uloženy

```
test-B192-2011068-Téma 6-2020-09-12-21-37.xml
```

 Potenciál vektorového pole test-B192-2011068-potenciál A-2020-09-12-23-18.xml (10 příkladů typu formulas - UPRAVIT ZADÁNÍ - na rozdíl potenciálů)

2.3.2 Plošné integrály

• Výpočet plošného integrálu skalární funkce.

test-B192-2011068-plošný-sklalární-rovina-2020-09-12-23-49.xml

test-B192-2011068-plošný-skalární-explicitní-2020-09-12-23-47.xml

test-B192-2011068-plošný-sklalární-valec-2020-09-12-23-48.xml

test-B192-2011068-plošný-skalární-koule-2020-09-12-23-47.xml

test-B192-2011068-plošný-skalární-průnik-2020-09-12-23-48.xml

(21 příkladů typu formulas)

• Doplněno 7 příklady (typu formulas) (skalární i vektorové funkce) k opakování.

Příklady na téma plošný integrál jsou uloženy

test-B192-2011068-Téma 8-2020-09-12-23-46.xml

Úlohy pro předmět MATEMATIKA III

S. Kračmar, O.Majlingová Tato datová sada se bude v nadcházejícím semestru rozrůstat.

3.1 Řady

- mocninné a Taylorovy řady test-Matematika III-Mocninné řady-2020-09-13-09-50.xml test-Matematika III-Taylorovy-2020-09-13-09-50.xml (18 příkladů typu formulas)
- Fourierovy řady test-Matematika III-Fourierovy řady-2020-09-13-09-49.xml (7 příkladů typu formulas)

3.2 Obyčejné diferenciální rovnice

- 1. řádu, separovatelné test-Matematika III-separovatelné-2020-09-13-09-48.xml (8 příkladů typu formulas)
- 1. řádu, lineární a Bernoulliova test-Matematika III-lineární 1. řádu-2020-09-13-09-47.xml (13 příkladů typu formulas)
- 2. řádu, lineární test-Matematika III-lineární 2. řádu-2020-09-13-09-48.xml (6 příkladů typu formulas)
- soustavy
 test-Matematika III-Soustavy-2020-09-13-09-49.xml
 Příklady typu cloze, v nichž numerické výsledky jsou celočíselné.

test-Matematika III-Zkouška Beta 18.6. (TN, cloze)-2020-09-13-10-02.xml (4 příklady typu cloze)

Úlohy pro předmět NUMERICKÁ MATEMATIKA

M.Klíma, O.Majlingová, P.Sváček

4.1 Soustavy lineárních rovnic

- Vlastnosti matic a vektorů
- Prostá iterační metoda test-B192-2011049-Prostá iterační metoda-2020-09-12-01-12.xml (15 úloh typu formulas a multichoice)
- Jacobiho iterační metoda test-B192-2011049-Jacobiho iterační metoda-2020-09-12-01-03.xml (5 parametrických úloh typu formulas)
- Gaussova-Seidelova iterační metoda test-B192-2011049-Gauss-Seidel-2020-09-12-01-02.xml (4 parametrické úlohy typu formulas)

4.2 Aproximace metodou nejmenších čtverců

Příklady na určení polynomu 1. nebo 2. stupně a kvadratické odchylky

4.3 Soustavy nelineárních rovnic

 Newtonova metoda test-B192-2011049-Newtonova metoda-2020-09-12-01-04.xml (10 neparametrických příkladů typu formulas)

4.4 Obyčejné diferenciální rovnice

4.4.1 Cauchyova (počáteční) úloha

- Eulerova metoda
- Collatzova metoda test-B192-2011049-druhý příklad-2020-09-13-01-30.xml (4 příklady, tayp formulas, parametr - krok)

4.4.2 Dirichletova (okrajová) úloha

 metoda sítí test-B192-2011049-okrajová pro ODR-2020-09-12-01-05.xml (6 parametrických úloh typu formulas)

4.5 Parciální diferenciální rovnice

 Laplaceova (Poissonova) úloha test-B192-2011049-Laplace-2020-09-12-01-03.xml (4 neparametrickéh úlohy typu formulas)

Rovnice vedení tepla test-B192-2011049-Teplo - podmínky souhlasu-2020-09-13-00-43.xml test-B192-2011049-teplo explicitni-2020-09-12-01-06.xml test-B192-2011049-teplo implicitni-2020-09-12-01-06.xml

 Vlnová rovnice test-B192-2011049-vlna explicitni-2020-09-12-01-07.xml

4.6 Zkouškové příklady

Opakování

test-B192-2011049-Zkouskova prednaska 12.5.-2020-09-13-12-38.xml

Zkouška úrovně Alfa

 $\begin{array}{l} {\tt test-B192-2011049-A1-2020-09-12-01-18.\,xml} \\ {\tt test-B192-2011049-A2-2020-09-12-01-19.\,xml} \\ {\tt test-B192-2011049-A3-2020-09-12-01-19.\,xml} \\ {\tt test-B192-2011049-A4-2020-09-12-01-20.\,xml} \\ {\tt test-B192-2011049-A4-2020-09-12-01-20.\,xml} \\ {\tt test-B192-2011049-A5-2020-09-12-01-20.\,xml} \\ {\tt test-B192-2011049-A6-2020-09-12-01-20.\,xml} \\ \end{array}$

Zkouška úrovně Beta

test-B192-2011049-Zkouska NMA BETA-2020-09-13-12-38.xml